#### TP3 ML Benslimane.jpvnb - Colaboratory

# - TP3 - Performance d'un classifieur

Réalisé par : BENSLIMANE Zahra

Chargé de TP : Flavien Lebrun

Chargée de cours : Catrine Achard

Résumé : l'objective du TP est de détecter des pixels de teinte chaire afin d'accélérer un algorithme de détection de visages. Pour cela on va travailler avec les images de la base Protheenon Datacet (W.P. Ton, C.S. Chan, V. Protheenon and J. Condell (2012) "A Eucion Approach for Efficient Human Skin Detection", IEEE Transactions on Industrial Informatics)

## - I. Chargement et visualisation des données

```
# Chargement des librairies
import numpy as np
import mathlotlih.nvnlot as nlt
```

On a récupéré dans X\_train, y\_train, les pixels des 26 premières images et dans X\_test, y\_test, ceux des 4 dernières images. Seul un pixel sur 2000 a été conservé pour avoir des temps de calcul raisonnables. X est composé des composantes chromatiques Cb. Cr de chaque pixel et y\_ est composé de la classe du pixel, 1 si couleur peau, 0 sinon

#Observer les images dans l'explorateur de fichier puis charger les données et visualiser [X\_train, y\_train, X\_test, y\_test] = np.load('TP3.npy',allow\_pickle=True) #Pixel neau T\_train = X\_train[np.where(y\_train==1),:] T\_train = np.reshape(T\_train,(T\_train.shape[1],T\_train.shape[2] ))
#Pixel non peau F\_train = X\_train[np.where(y\_train==0),:]
F\_train = np.reshape(F\_train,(F\_train.shape[1],F\_train.shape[2] )) plt.plot(F\_train[:,0], F\_train[:,1], '.b') plt.plot(T\_train[:,0], T\_train[:,1], '.r') plt.show

https://colab.research.google.com/drive/14OMxGv\_4kRWlaGw.lCZVgSQRCPKdVjvlpttscmilTpzFRWMhWiRXzqC

10/04/2022 20:27

TP3 ML Benslimane.ipynb - Colaboratory

```
print("Pour faire le produit des probabilités, on considère que les classes sont indépenda
    Pour un nixel x de teinte chaire donnée, la dimension de n(x/chair) est de : 1
    Pour faire le produit des probabilités, on considère que les classes sont indépendan
```

Afin de classer les pixels de test X\_test comme teinte chaire ou non, on estime la valeur de p(x)chair) en ces points que l'on stocke dans P1 test. Pour réaliser la classification, on seuille P1\_test en utilisant comme seuil initial la valeur moyenne de P1\_train.

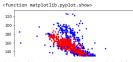
Sur la base de test, estimer

- TP : le nombre de vrai positif
- TN : le nombre de vrai négatif
- FP : le nombre de faux positif
- FN : le nombre de faux négatif

puis la sensibilité et la spécificité. Quel est le taux de bonne reconnaissance ?

```
print("X_test.shape = ", X_test.shape)
print("y_test.shape = ",y_test.shape)
# Estimation de la la valeur de p(x/chair) des points test
for i in range(X test.shape[0]):
 p1_test.append(norm1(X_test[i ,0], mCb, oCb) * norm1(X_test[i , 1], mCr, oCr))
print("p1 test.shape = ".len(p1 test))
    X_test.shape = (284, 2)
y test.shape = (284,)
     p1_test.shape = 284
def classifyData(estimatedProba.threshold) :
 binaryClassif = []
 for i in range(len(estimatedProba)):
   binaryClassif.append(1) if estimatedProba[i] >= threshold else binaryClassif.append(0)
 return binaryClassif
# Classification : On seuille P1 test : Binarisation
seuil_Initial = np.mean(p1_train) # on seuille P1_test en utilisant comme seuil initial l
print("Le seuil initial = la valeur moyenne de P1_train = ",seuil_Initial )
binaryClassif = classifyData(p1_test,seuil_Initial)
#print(p1 test) #print(binaryClassif)
     Le seuil initial = la valeur movenne de P1 train = 0.00081445019677562
```

10/04/2022 20:27 TP3 ML Benslimane.jpvnb - Colaborator



Questions Combien v.a-t-il de pixels de teinte chaire ? de teinte non chaire ? Quelle est la dimension des données ?

```
print("X train.shape = ", X train.shape)
print("y_train.shape = ",y_train.shape)
print("X_test.shape = ", X_test.shape)
print("y_test.shape = ",y_test.shape)
print("\nT_train.shape = ",T_train.shape, "#Pixel peau : Deux composantes Cb et Cr")
print("F train.shape = ",F train.shape , "#Pixel non peau : : Deux composantes Cb et Cr")
print("\nNombre de pixels de la classe chaire : ",T_train.shape[0])
print("Nombre de pixels de la classe non chaire : ", F_train.shape[0])
print("La dimension des données = ", 2) # Cb et Cr
       X_train.shape = (2370, 2)
y_train.shape = (2370,)
X_test.shape = (284, 2)
        y_test.shape = (284,)
       T_train.shape = (639, 2) #Pixel peau : Deux composantes Cb et Cr
F_train.shape = (1731, 2) #Pixel non peau : : Deux composantes Cb et Cr
        Nombre de pixels de la classe chaire : 639
      Nombre de pixels de la classe non chaire : 1731
La dimension des données = 2
```

# II. Modélisation de la densité de probabilité a priori de la teinte chaire par une loi normale 2D avec des dimensions décorrélées

Comme il est difficile de modéliser tout ce qui n'est pas teinte chaire, on décide de travailler avec une seule classe, la teinte chaire, dont on estime la densité de probabilité a priori. p(x)

### a. Estimation de la densité de probabilité a priori des pixels de teinte chaire

On modélise la densité de probabilité a priori des pixels de teinte chaire v(x/chair), x = [Cb Cr]sur la base d'apprentissage par une loi normale 2D avec des dimensions décorrélées

https://colab.research.google.com/drive/14OMxGv\_4kRWlaGw.ICZVrsSQRCPKdVjvlptscrplTtpsFfWMbWlRXzpQ

```
10/04/2022 20:27
                                                      TP3 ML Benslimane.ipynb - Colaboratory
    def cf matrix(v test, v predicted):
       # D'apres l'énoncé : y_ test est composé de la classe du pixel, 1 si couleur peau, 0 sin
      TP = 0 # True positif couleur Peau détectée peau
TN = 0 # True négatif : Couleur non peau détectée non peau
FP = 0 # False positif : Couleur non peau détectée peau
       FN = 0 # False Négatif : Couleur peau détéctée non peau
       # Compute
       for i in range(len(v test)):
         if (y_predicted[i] == 1) and (y_test[i] == 1): TP += 1
elif (y predicted[i] == 0) and (y test[i] == 0): TN += 1
          elif (y_predicted[i] == 1) and (y_test[i] == 0): FP += 1
         elif (v predicted[i] == 0) and (v test[i] == 1): FN += 1
           print ("Error de binarization")
```

```
import pandas as pd
def draw_cf_Matrix(TP,FN,FP,TN):
 flatten of matrix = [TP.FN.FP.TN]
 cf_matrix = pd.DataFrame([[TP,FN],[FP,TN]], range(2), range(2))
 print(np.array([[TP,FN],[FP,TN]]).reshape(2,2))
 group_names = ['True Pos','False Neg', 'False Pos','True Neg']
group_counts = ["{0:0.0f}}.format(value) for value in np.array(cf_matrix).flatten()]
 group_percentages = ["{0:.2%}".format(value) for value in flatten_cf_matrix / np.sum(fla
 labels = [f"{v1}\n{v2}\n{v3}" for v1, v2, v3 in zip(group_names,group_counts,group_perce)]
 labels = np.asarrav(labels).reshape(2.2)
 ax = sns.heatman(cf matrix, annot=labels, fmt='', cman='Rlues')
 ax.set title('Confusion Matrix with labels\n\n'):
 ax.set xlabel('\nPredicted Classes')
 ax.set_ylabel('Actual Classes ');
 ## Ticket labels - List must be in alphabetical order
 ax.xaxis.set ticklabels(['True', 'False']
 ax.yaxis.set_ticklabels(['True','False'])
 ## Display the visualization of the Confusion Matrix.
 nlt.show()
```

[TP,FN,FP,TN] = cf\_matrix(y\_test, binaryClassif) https://colab.research.google.com/drive/14QMxGv\_4k8WlaGwJCZVoSQ8CPKdVivlp#scrolTo=E5WMhWiBXzoQ

5/11

TP3 ML Benslimane.jpvnb - Colaborator

$$p(x/chair) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{Cb}} exp\left(-\frac{(Cb-m_{Cb})^2}{2\sigma_{Cb}^2}\right) * \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{Cr}} exp\left(-\frac{(Cr-m_{Cr})^2}{2\sigma_{Cr}^2}\right)$$

Où mCb. mCr. σCb. σCr représentent les moyennes et écarts-type de chacune des composantes. Déterminer mCh mCr aCh aCr

Utiliser la fonction norm1(x, m, q) pour estimer la probabilité de tous les pixels de la base d'apprentissage X\_train d'appartenir à la teinte chaire : p ([ Cb Cr] /chair) =norm1(Cb, mCb, σCb) \* norm1(Cr. mCr. \u03c4Cr) On stockera ces valeurs dans un vecteur p1 train.

10/04/2022 20:27

Quelle est la dimension de mCh, mCr, aCh, aCr ?

Pour un pixel x de teinte chaire donnée, quelle est la dimension de p(x/chair)?

Quelle est la dimension du vecteur p1 train ?

Quelle hypothèse nous permet d'estimer la valeur de la loi normale à partir de l'équation

mCb = np.mean(T train[:.0]) # movennes et écarts-type de la composante Cb mCr = np.mean(T train[:.1]) # movennes et écarts-type de la composante Cr

```
aCh = nn.std(T train[:.0]) # écarts-tyne de la composante Ch
\sigmaCr = np.std(T_train[:,1]) # écarts-type de la composante Cr
print("Les moyennes :\nmCb = ", mCb, "\nmCr = ",mCr,"\nLes écarts-types :\n\sigmaCb = ",\sigmaCb,'
print("La dimension de mCb, mCr, \sigmaCb, \sigmaCr est de 1")
def norm1(x, m, s):
  p = 1/(math.sqrt(2*math.pi)*s)*math.exp(-(x-m)*(x-m)/(2*s*s))
     Les moyennes : m\text{Cb} = 104.29577464788733 m\text{Cr} = 155.19405320813772 Les écarts-types : \sigma\text{Cb} = 9.067914388009926
      \sigmaCr = 11.607693835769547
La dimension de mCb, mCr, \sigmaCb, \sigmaCr est de 1
#estimer la probabilité de tous les pixels de la base d'apprentissage X_train d'appartenir
p1 train = [] # On stockera ces valeurs dans un vecteur p1 train
    i in range(T_train.shape[0])
  p1_train.append(norm1(T_train[i ,0], mCb, oCb) * norm1(T_train[i , 1], mCr, oCr)) #p (|
#print("\np1_train = ", p1_train)
print("len(p1 train) = ", len(p1 train) )
print("\nPour un pixel x de teinte chaire donnée, la dimension de p(x/chair) est de : 1")
print("La dimension du vecteur p1 train = ".len(p1 train))
```

https://colab.research.google.com/drive/14OMxGv\_4kRWlaGw.ICZVgSQRCPKdVivingscmilTg=FWWhWRXzqQ 10/04/2022 20:27 TP3 ML Benslimane.jpynb - Colaborator draw\_cf\_Matrix(TP,FN,FP,TN)

Check if the array lengths are compatible :

binaryClassification.shape = 284

y test.shape = (284,)

```
[[ 94 10]
[ 50 130]]
                  Confusion Matrix with Jahale
                 False Pos
50
17.61%
```

#### Precision and recall

When we have a class imbalance, accuracy can become an unreliable metric for measuring our performance. For instance, if we had 99/1 split between two classes, A and B, where the rara event B, is our positive class, we could build a model that was 99% accurate by just saying everything belonged to class A This problem stems from the fact that true pegatives will be very large, and being in the numerator, they will male the results look better then they are. Clearly we should not bother building a model if it doesn't do anythis to identify B. Thus we need different metrics that will discourage this behavior. Fot this, we une precision and recall instead od

Precision is the ratio of true positives to everything flagged positive

$$precision = TP/(TP + FP)$$

Recall: What proportion of actual positives was identified correctly

$$recall = TP/(TP + FN)$$

Taut de bonne classification = TP + TN/(TP + TN + FN + FP)

https://colab.research.google.com/drive/14QMxGv\_4k8WlaGwJCZVqSQ8CPKdVivlp#scrollTo=E5WMhWlBXzoQ

print("Check if the array lengths are compatible : ")

print("y\_test.shape = ",y\_test.shape)

# Compute the confusion matrix

print("binaryClassification.shape = ",len(binaryClassif))

```
10/04/2022 20:27
                                                      TP3 ML Benslimane.jpvnb - Colaboratory
    def ComputeClassifMetrics(TP.FN.FP.TN):
      accuracy = (TP+TN)/(TP+TN+FN+FP)
presicion = TP/(TP+FP)
       recall = TP/(TP+FN)
      sensibilite = TP/(TP+FN)
specificite = TN/(FP+TN)
       return accuracy, presicion, recall, sensibilite, specificite
    # Comment estimer le rappel et la précision ?
    # Comment estimer le rappel et la precision ?
print("precision = ",TP/(TP+FP))
print("recall = ", TP/(TP+FN))
# Comment estimer le taux de bonne classification ?
     print("Taut de bonne classification = ", (TP+TN)/(TP+TN+FP+FP))
    # Pourquoi avoir choisi ce seuil initial ?
           nrecision = 0.65277777777778
            recall = 0.9038461538461539
           Taut de bonne classification = 0.7887323943661971
```

#### Figure 2. Increasing classification threshold.

The number of false positives decreases, but false negatives increase. As a result, precision increases, while recall decreases:

Figure 3. Decreasing classification threshold.

False positives increase, and false negatives decrease. As a result, this time, precision decreases and recall increases:

Plutôt que de choisir un seuil arbitraire, on choisit 20 valeurs de seuil régulièrement réparties entre min(P1\_train) et max(P1\_train). Pour chaque valeur de seuil, estimer la précision et le rappel et tracer la courbe ROC

```
NR = 20
 step = (np.max(p1_train) - np.min(p1_train) ) / NB
SEUILS = np.arange (np.min(p1_train), np.max(p1_train), step)
 sensibiliteTab = []
# Estimate + binarize + compute the confusion metrix and classification metrics for each t
for seuil in SEUILS:
y_predicted = classifyData(p1_test,seuil)
   [TP,FN,FP,TN] = cf_matrix(y_test, y_predicted)
  #nrint(TP.FN.FP.TN)
  accuracy, presicion, recall, sensibilite, specificite = ComputeClassifMetrics(TP,FN,FP,T
  # Append to array
  sensibiliteTab.append(sensibilite)
```

https://colab.research.google.com/drive/14OMvGv\_4kRWlaGw.ICZVgSQRCPKdVivInttscrplTc=FfWMhWiRXzpQ 10/04/2022 20:27 TP3 ML Benslimane.ipynb - Colaboratory

```
# Transpose the T train
Sigma = np.cov(np.transpose(T train))
print("La matrice de covariance : \n",Sigma)
# Calcul de la probablité en chaque point xi de p1_train
p2 train = []
 for i in range(T_train.shape[0]):
 p2 train.append(norm2(T train[i],m,Sigma))
#print("p2 train = ".p2 train)
     Le vecteur moyen des donnés : [104.29577465 155.19405321]
     La matrice de covariance
      [-89.32551106 134.94974514]]
# On estime la probabilité sur les points de test
p2 test=[]
```

for i in range(np.size(X\_test,0)): p2 test.append(norm2(X test[i],m,Sigma)) #print(p2\_test) NB = 20 step = (np.max(p2\_train) - np.min(p2\_train) ) / NB SEUILS = np.arange (np.min(p2\_train), np.max(p2\_train), step)

consibilitoTab = [] specificiteTab = [] # Estimate + binarize + compute the confusion metrix and classification metrics for each t for seuil in SEUILS: y predicted = classifyData(p2 test,seuil) [TP,FN,FP,TN] = cf\_matrix(y\_test, y\_predicted) #print(TP.FN.FP.TN) accuracy, presicion, recall, sensibilite, specificite = ComputeClassifMetrics(TP,FN,FP,T # Append to array sensibiliteTab.append(sensibilite) specificiteTab.append(specificite) # Compute de 1- specificity for ROC curve

10/11

specificiteTab[i]=1-specificiteTab[i] # Plot the ROC curve plt.plot(specificiteTab,sensibiliteTab,'r') plt.xlabel("1-specificité") plt.vlabel("sensibilité") plt.grid()

for i in range(np.size(specificiteTab,0)):

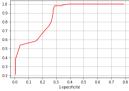
https://colab.research.google.com/drive/14QMxGv\_4k8WlaGwJCZVqSQ8CPKdVivip#scrollTo=E5WMhWiBXzoQ

```
10/04/2022 20:27
                                                  TP3 ML Bensimane.jpvnb - Colaboratory
      specificiteTab.append(specificite)
```

# Compute de 1- specificity for ROC curve for i in range(np.size(specificiteTab,0)): specificiteTab[i]=1-specificiteTab[i]

# Plot the ROC curve
plt.plot(specificiteTab,sensibiliteTab,'r') plt.xlabel("1-specificité")
plt.ylabel("sensibilité") plt.show()

### nrint(sensibiliteTab)



[1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.9903846153846154, 0.9807692307692307, 0.9807692307692307, 0.9

Déterminer sur la courbe ROC le point de fonctionnement tel qu'il y ait autant de faux positifs que de faux négatifs.

Que vaut le taux de reconnaissance pour ce point ?

# III. Modélisation de la densité de probabilité a priori de la teinte chaire par une loi normale 2D

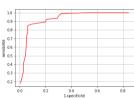
Reprendre la partie II en utilisent une loi normale 2D définie par

$$p(\mathbf{x}) = \frac{1}{2\pi \det(\mathbf{\Sigma})} exp(-0.5(\mathbf{x} - \mathbf{m})^T \mathbf{\Sigma}^{-1} (\mathbf{x} - \mathbf{m}))$$

https://colab.research.google.com/drive/14OMxGv\_4kRWlaGw.ICZVrsSQRCPKdVjvlptscrplTtpsFfWMbWlRXzpQ

10/04/2022 20:27 TP3 ML Benslimane.ipynb - Colaboratory nIt.show()

print(sensibiliteTab)



[1.0, 1.0, 0.9903846153846154, 0.9711538461538461, 0.9326923076923077, 0.93269230769

✓ 0 s terminée à 18:52

https://colab.research.google.com/drive/14QMxGv\_4k8WlaGwJCZVgSQ8CPKdVivlp#scrolfTo=E5WMhWiBXzpQ

11/11

TP3 ML Benslimane.ipvnb - Colaborator

Où m et  $\Sigma$  sont les moyenne et matrice de covariance estimées sur les pixels de peau de la base d'apprentissage. On appellera norm $2(x, m, \Sigma)$  la fonction qui renvoie la probabilité en un

```
def norm2(x, m, cov):
      a = np.dot(np.transpose((x-m)), np.linalg.inv(cov))
      a = np.dot(a, (x-m))
      p=1/(math.sqrt(2*math.pi*np.linalg.det(cov)))*math.exp(-0.5*a)
```

Tracer la nouvelle courbe ROC et comparer les deux modélisations de la densité de probabilité.

Double-cliquez (ou appuyez sur Entrée) pour modifier

10/04/2022 20:27

```
# Fonction qui renvoie la probabilité en un point x
 a = np.dot(np.transpose((x-m)), np.linalg.inv(cov))
 a = np.dot(a, (x-m))
  p =1/(math.sqrt(2*math.pi*np.linalg.det(cov)))*math.exp(-0.5*a)
```

### Matrice de Covariance



#### Rappel sur les matrices de covariance

Si on dispose de N vecteurs de données  $x_i$  de dimension  $n_i$  leur matrice de covariance est

$$\Sigma = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (\boldsymbol{x}_i - \boldsymbol{\mu}) (\boldsymbol{x}_i - \boldsymbol{\mu})^T$$

où u est le vecteur moven des données x:

La matrice de covariance est de dimension  $n \times n$ . Elle est symétrique. Ses valeurs représentent

# Estimer m et  $\Sigma$  la moyenne et la matrice de covariance sur les pixels de peau de la base # Pixels de peau : T\_train

```
mCb = np.mean(T_train[:,0]) # moyennes de la composante Cb
mCr = np.mean(T_train[:,1]) # moyennes de la composante Cr

m = np.array([mCb, mCr]) # Le vecteur moyen des données
#m = m=np.mean(T_train,axis=0)
print("Le vecteur moyen des donnés : ",m)
```

# La matrice de covariance est de dimension  $n \times n$ . Elle est symétrique. Ses valeurs repré

# Syntax: numpy.cov(m, y=None, rowvar=True, bias=False, ddof=None, fweights=None, aweights # Parameters: m : [array\_like] A 1D or 2D variables. variables are columns

https://colab.research.google.com/drive/14OMxGv\_4kRWlaGw.IC7VgSQRCPKdVivingscrollTo=FfWMhWiRXzqC