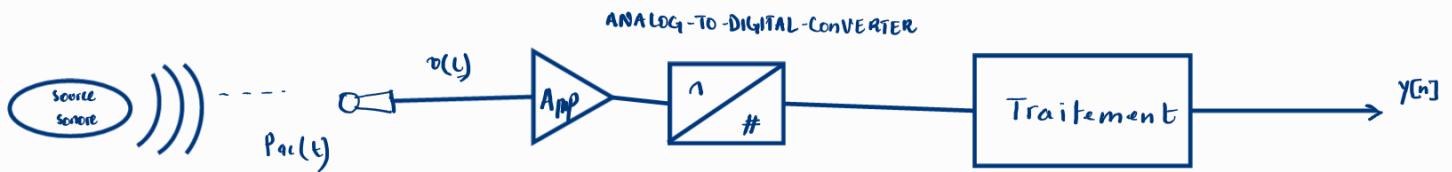
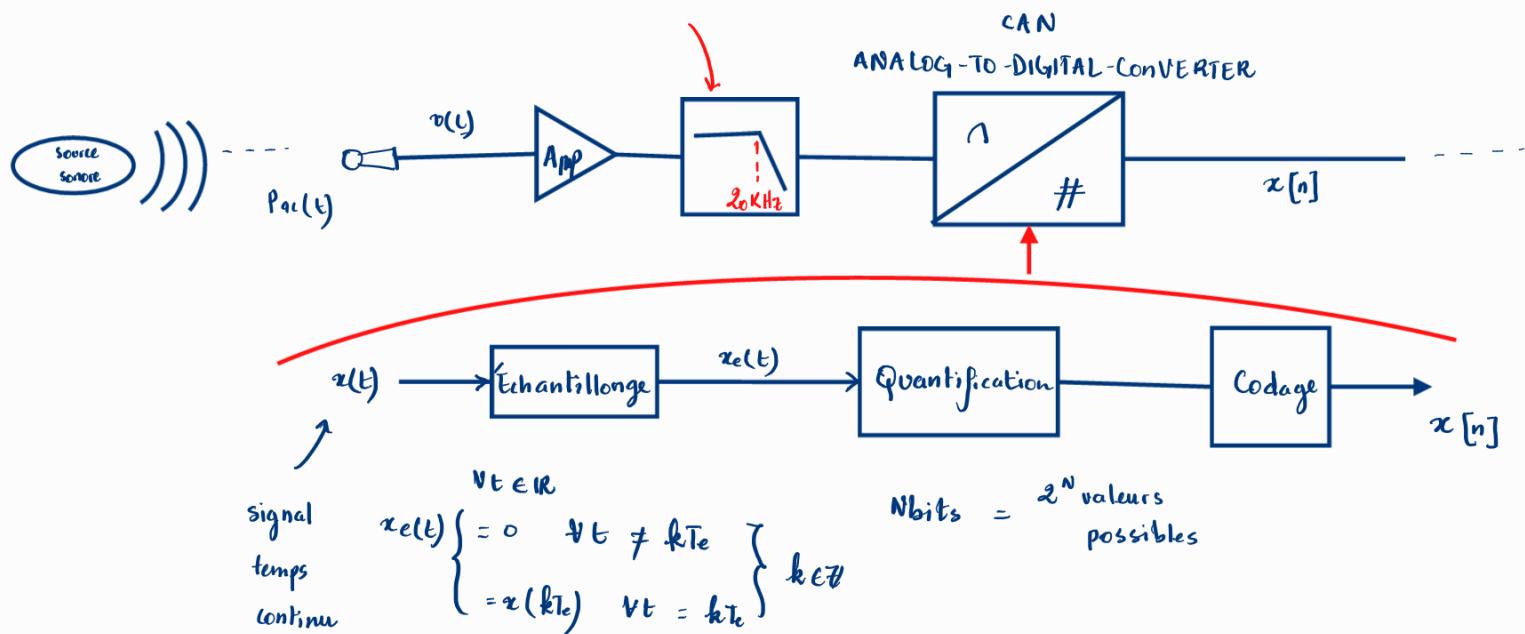


Domaine audible pour l'oreille [20Hz - 20kHz] pour cela, on utilise un filtre passe bas :



### Filtrage

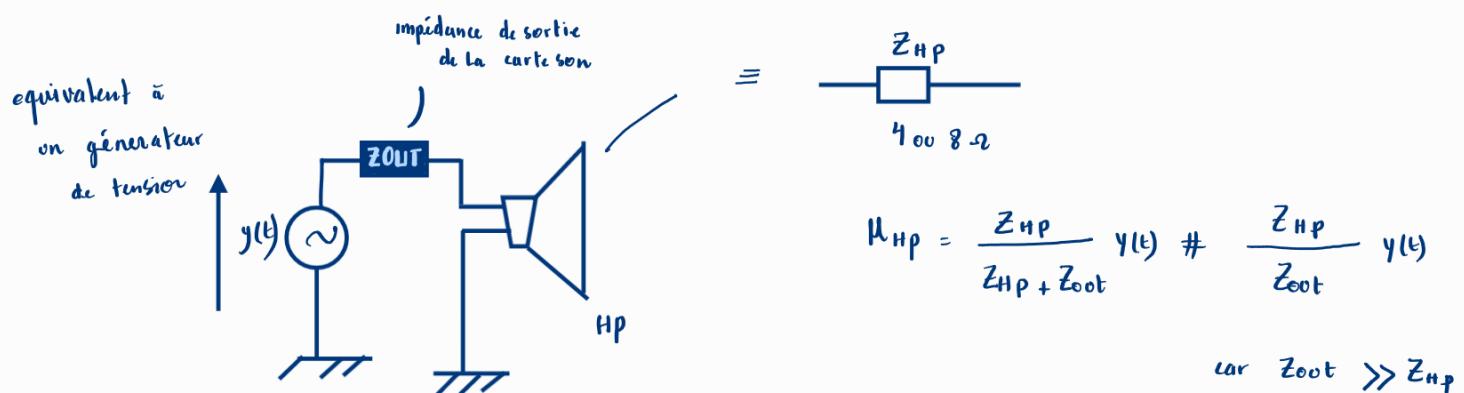
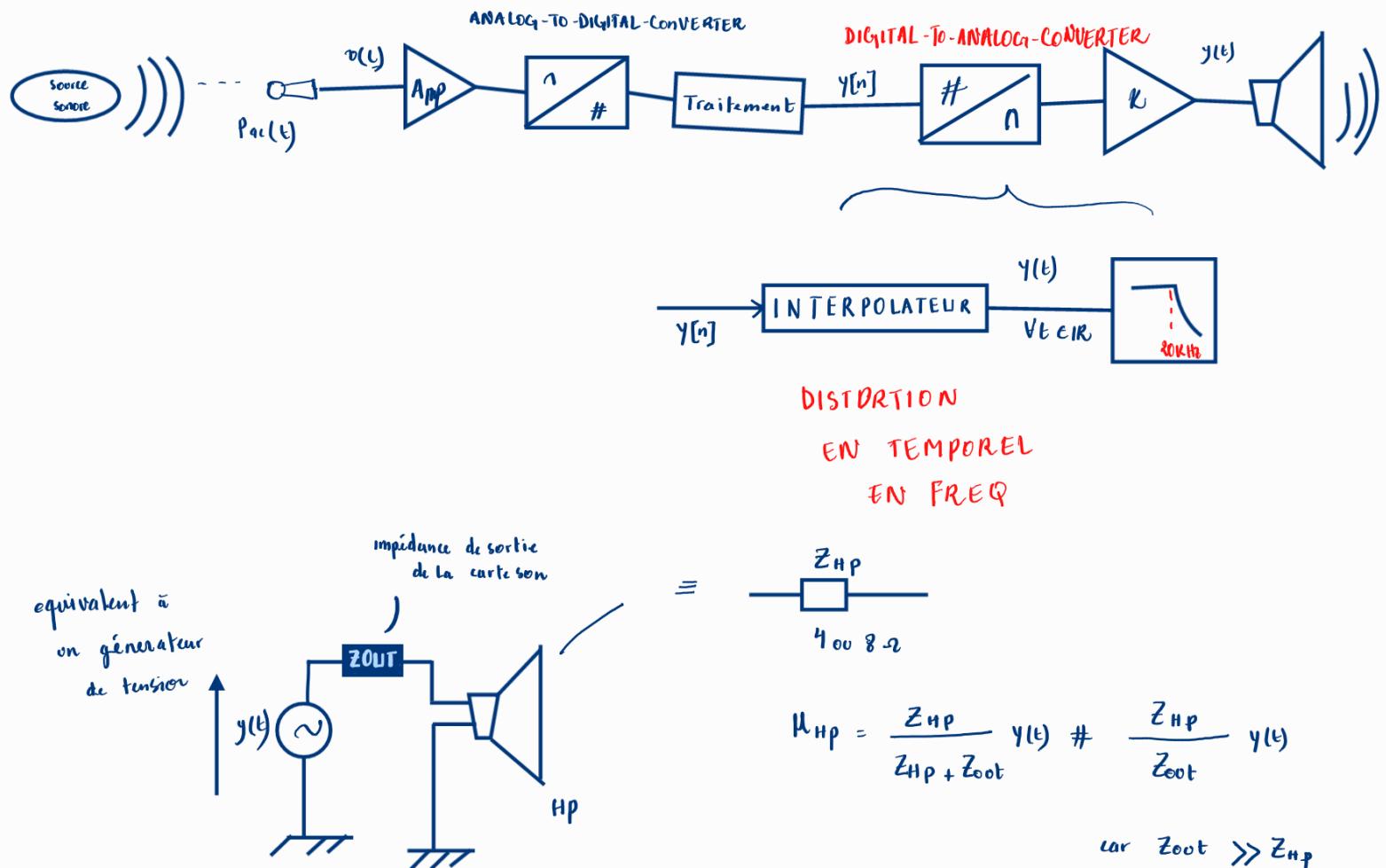
numérique

linéaire

Invariant par décalage.

dans UE

- pour un scalaire  $x[n_0] \rightarrow \alpha x[n_0]$
- décalage dans le temps.  $x[n_0] \rightarrow x[n_0 - N]$
- avec un autre éch.  $x[n_0] \rightarrow x[n_0] + x[n - N]$



## AMPLI DE SORTIE

forces motrices de la membrane : force de Laplace : origine du

$$\| \vec{F}_{Laplace} \| = B \cdot l \cdot i$$

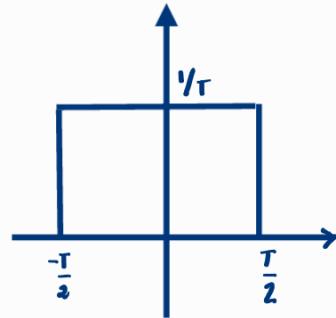
champ magnétique bobine

il faut avoir un grand  $i$  pour ça que on veut non seulement un amplificateur de tension mais aussi garder " $i$ " donc amplificateur de puissance

# RAPPEL TRAITEMENT DU SIGNAL

Impulsion du Dirac :

$$s(t) = \begin{cases} \text{IR} & \rightarrow \text{IR} \\ t & \rightarrow \begin{cases} 0 & \forall t \in \text{IR}^* \\ +\infty & ; t=0 \end{cases} \end{cases}$$



- $s(t) = \lim_{T \rightarrow 0} \Pi_T(y) \leftarrow$  like a squished door signal.

- $\int_{\text{IR}} \Pi_T(y) dt = 1$

par convention :  $\int_{\text{IR}} s(t) dt = \int_{\text{IR}} \lim_{T \rightarrow 0} \Pi_T(t) dt = \lim_{T \rightarrow 0} \int_{\text{IR}} \Pi_T(t) dt = 1$

Distributions et fonctions Testes. :  $\mathcal{D}\phi : \text{IR} \rightarrow \text{IR}$

$$\int_{\text{IR}} s(y) \cdot \phi(y) dy = \phi(0) \Leftrightarrow$$

$$= \lim_{T \rightarrow 0} \int_{\text{IR}} \Pi_T(y) \phi(y) dy = \lim_{T \rightarrow 0} \frac{1}{T} \int_{-\frac{T}{2}}^{\frac{T}{2}} \phi(y) dy$$

changement de variable :

$$u = \frac{t}{T} \quad \text{done} \quad dt = \frac{du}{T}$$

les bornes d'intégration :  $t = \pm \frac{1}{2} \Rightarrow u = \frac{t}{T} = \pm \frac{1}{2}$

$$= \lim_{T \rightarrow 0} \frac{1}{T} \cdot T \int_{-\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}} \phi(uT) du.$$

- $\int_{\text{IR}} s(t-t_0) \phi(y) dy = \phi(t_0)$

- $\forall \phi : \text{IR} \rightarrow \text{IR} : \phi(y) \cdot s(t) = \phi(0) \cdot s(t)$

$$= 0 \quad \forall t \in \text{IR}^* \quad \text{and} \quad \phi(0) \cdot s(0) \quad \text{si } t=0$$

$$= f(0) g(0) \quad \text{si } t = 0$$

$$\therefore \phi(t) = \delta_{t_0}(t) = \phi(t) \cdot s(t - t_0) = \phi(t_0) \cdot s(t - t_0)$$

$$\forall \phi : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} : \phi(t) \cdot \delta_{t_0}(t) = \phi(t) \cdot s(t - t_0) = \phi(t - t_0)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \phi(\tau) \cdot \delta(t - t_0 - \tau) d\tau = \phi(t - t_0) \quad \leftarrow \begin{array}{l} \text{imposition en} \\ z = t - t_0 \end{array}$$

$$\text{TF}[\delta_{t_0}(t)] = e^{-j2\pi f_0 t_0}$$

$$\underline{\text{dimo}} : \int_{-\infty}^{\infty} \delta(t - t_0) e^{-j2\pi f t} dt = e^{-j2\pi f t_0}$$

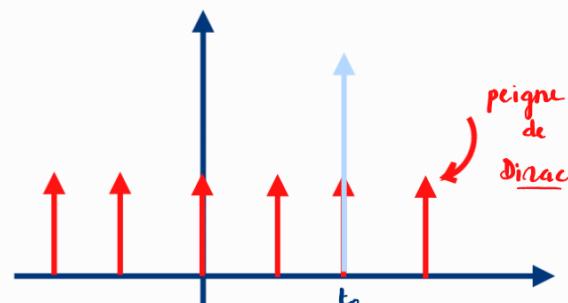
$$\text{TF}[e^{j2\pi f_0 t}] = \delta(f - f_0) = \delta_{f_0}(f)$$

$$\underline{\text{dimo}} \quad \text{TF}^{-1}[\delta_{f_0}(f)] = \int_{-\infty}^{\infty} \delta(f - f_0) e^{j2\pi f t} df = e^{j2\pi f_0 t}$$

$$\mathcal{W}_{T_0}(t) = \sum_{k \in \mathbb{Z}} \delta(t - kT_0) = \frac{1}{T_0} \sum_{n \in \mathbb{Z}} e^{j2\pi n t / T_0}$$

direct  
série  
Fourier

$$\text{TF}[\mathcal{W}_{T_0}] = F_0 \sum_{n \in \mathbb{Z}} \delta(f - nT_0) = F_0 \mathcal{W}_{F_0}(f)$$



$$\therefore \mathcal{W}_{T_0}(t) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} \delta(t - nT_0)$$

$$x(t) \xrightarrow{\text{échan}} x_e(t) = \begin{cases} x(kT_0) & \text{si } t = kT_0, \quad k \in \mathbb{Z} \\ 0 & \sim \end{cases}$$

Modèle Mathématique

$$x_e(t) = x(t) \cdot \mathcal{W}_{T_0}(t) = x(t) \cdot \sum_{n \in \mathbb{Z}} \delta(t - nT_0) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} x(t) \cdot \delta(t - nT_0)$$

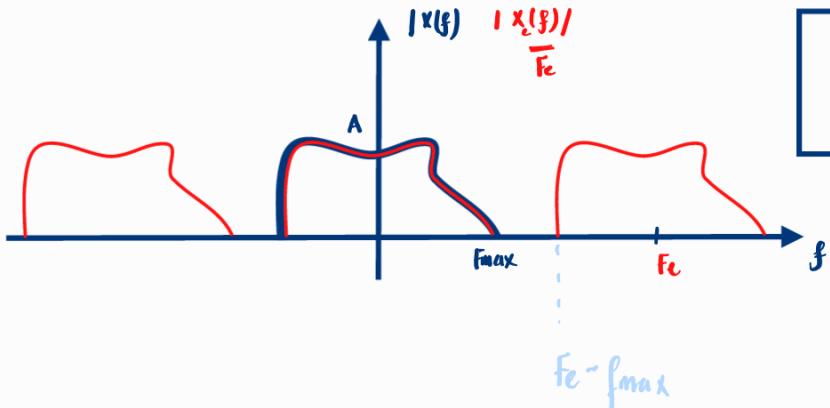


$$x_e(t) = \sum x(nT_c) \delta(t - nT_c)$$

$$x_e(f) = \text{TF} [x_e(t)] = \text{TF} [x(t) \cdot \text{III}_{T_c}(t)] = X(f) * \text{TF} [\text{III}_{T_c}(t)]$$

$$= F_e X(f) * \text{III}_{F_e} = F_e X(f) * \sum_{n \in \mathbb{Z}} \delta(f - nF_e)$$

$$x_e(f) = F_e \sum_{n \in \mathbb{Z}} x(nF_e) \delta(f - nF_e)$$

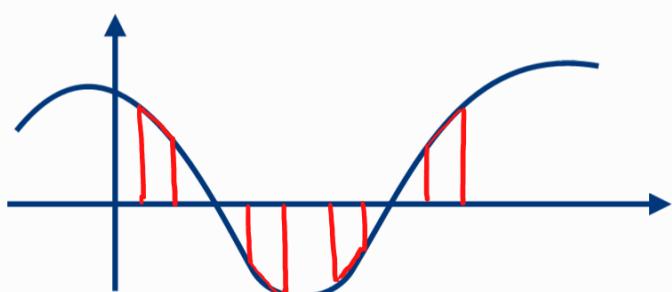


si  $x \in L^2$ :

$$|x(-f)| = |x^*(f)| = |x(f)|$$

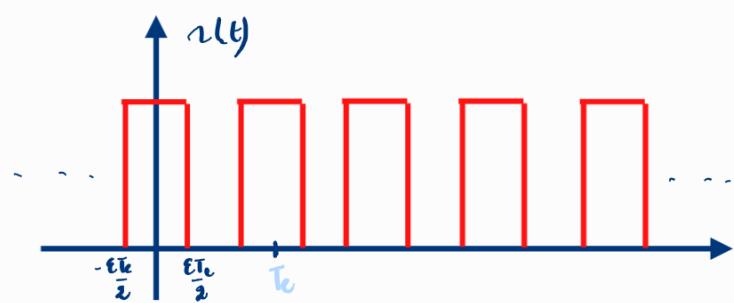
- Pour éviter le repliement Spectral, il faut  $F_e - f_{\max} \geq f_{\max}$  :

shanon:  $F_e \geq 2 \cdot f_{\max}$



$$x_{en}(t) = x(t) \cdot r(t)$$

→ on cherche  $\epsilon$  petit  
mais le prob c'est que les amplitudes sont multipliées par  $\epsilon$  → donc deviennent très petits



avec  $E_{Tc} \ll T_c$   
ie  $E \ll 1$

$$x(t) = \sum_{k \in \mathbb{Z}} \varepsilon T_c \Pi_{\varepsilon T_c}(t - kT_c) = \varepsilon T_c \sum_{k \in \mathbb{Z}} \Pi_{\varepsilon T_c}(t) * \delta(t - kT_c)$$

$$x(t) = \varepsilon T_c \Pi_{\varepsilon T_c} * \mathbb{M}_{T_c}$$

$$x_{en}(t) = \varepsilon T_c * x(t) + \sum_{k \in \mathbb{Z}} \Pi_{\varepsilon T_c}(t - kT_c)$$

Dans le Domaine Fréquentiel ?

$$X_{en}(f) = X(f) * R(f)$$

$$R(f) ? : \quad TF[x(t)] = TF[\varepsilon T_c \Pi_{\varepsilon T_c} * \mathbb{M}_{T_c}] = \varepsilon T_c \cdot TF[\Pi_{\varepsilon T_c}] \cdot TF[\mathbb{M}_{T_c}]$$

$$\text{donc: } R(f) = \varepsilon \cdot \frac{1}{T_c} \cdot \frac{1}{f_c} \cdot \text{sinc}(\pi f \cdot \varepsilon T_c) \cdot \mathbb{M}_{f_c}$$

$$= \varepsilon \cdot \text{sinc}\left(\frac{\pi f}{f_c} \cdot \varepsilon T_c\right) \cdot \sum_{n \in \mathbb{Z}} \delta(f - n \frac{1}{f_c})$$

$$= \varepsilon \cdot \sum_{n \in \mathbb{Z}} \text{sinc}\left(\pi n \frac{1}{f_c} \cdot \varepsilon T_c\right) \cdot \delta(f - n \frac{1}{f_c})$$

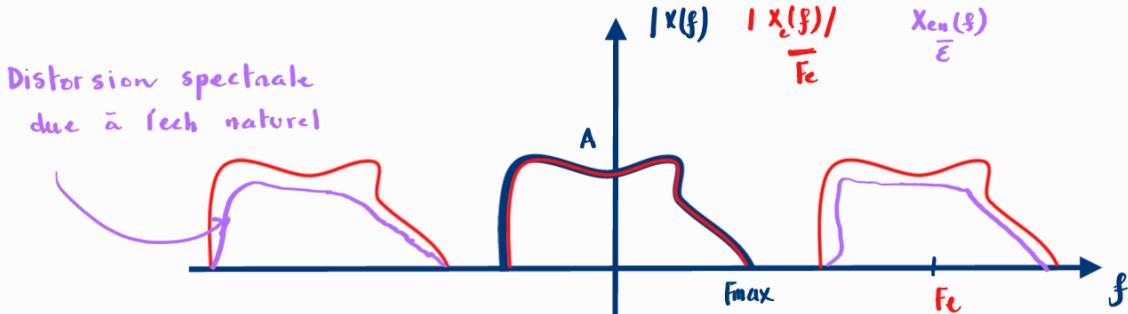
$$R(f) = \varepsilon \cdot \sum_{n \in \mathbb{Z}} \text{sinc}(\pi n \varepsilon) \cdot \delta(f - n \frac{1}{f_c})$$



So

$$X_{en}(f) = \varepsilon \cdot X(f) * \sum_{n \in \mathbb{Z}} \text{sinc}(\pi n \varepsilon) \cdot \delta(f - n \frac{1}{f_c})$$

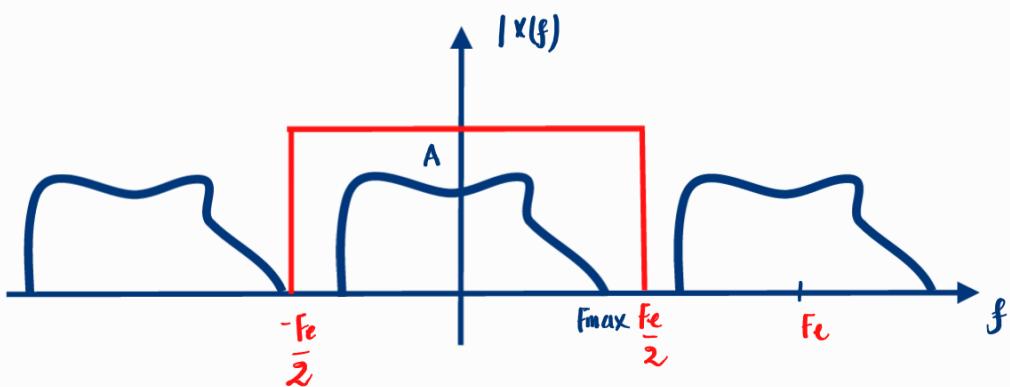
$$X_{en}(f) = \varepsilon \sum_{n \in \mathbb{Z}} X(f - n \frac{1}{f_c}) \cdot \text{sinc}(\pi n \varepsilon)$$



**RESTITUTION** : supposons que l'échantillonage idéale HAHA !

la réstitution consiste à extraire  $\Pi_{f_c}(f)$  dans le domaine fréquentiel.

$$y(f) = x_e(f) \cdot \Pi_{Fe}(f) = X(f) = \text{Restitution idéal !}$$



Domaine Temporel :

$$y(t) = \mathcal{TF}^{-1} [x_e(f)] * \mathcal{TF}^{-1} [\Pi_{Fe}(f)]$$

$$= x_e(t) * \text{sinc}(\pi F_c \cdot t)$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} x_e(\tau) \cdot \text{sinc}(\pi F_c(t - \tau)) d\tau$$

Temps différé  
pas de temps réel

### FILTRE CARDINAL

## BLOQUEUR D'ORDRE Zéro 0 : BOZ

Cours 03 :

44 min wavelets  
analyse multi.résolution