

## 279 完全平方数

Label: 动态规划

给定正整数  $n$ ，找到若干个完全平方数（比如 1，4，9，16，...）使得它们的和等于  $n$ 。你需要让组成和的完全平方数的个数最少。

给你一个整数  $n$ ，返回和为  $n$  的完全平方数的最少数量。

完全平方数是一个整数，其值等于另一个整数的平方；换句话说，其值等于一个整数自乘的积。例如，1、4、9 和 16 都是完全平方数，而 3 和 11 不是。

输入:  $n = 12$

输出: 3

解释:  $12 = 4 + 4 + 4$

输入:  $n = 13$

输出: 2

解释:  $13 = 4 + 9$

$1 \leq n \leq 104$

- 动态规划

```
class Solution {
    public int numSquares(int n) {
        int[] dp = new int[n+1];

        for (int i = 0; i <= n; i++) {
            dp[i] = i;    // 赋值为 i 就相当于 1+1+1+... = i，这是个数最多的，然后再来
            // 逐步更新减小

            int t = (int)Math.sqrt(i); // 求平方根，因为是正数，所以直接用 int 也能保证
            // t * t < i

            for (int j = 1; j <= t; j++)
                dp[i] = Math.min(dp[i], dp[i-(int)Math.pow(j, 2)] + 1); // i-
            // (int)Math.pow(j, 2) == 0 刚好就说明一个平方可以拿到，那么 + 1 就是代表一次，如果是其他的话，
            // 就是动态规划了
        }
        return dp[n];
    }
}
```

- 广度遍历 (todo)

```
class Solution {
    public int numSquares(int n) {

        ArrayList<Integer> square_nums = new ArrayList<Integer>();

        for (int i = 1; i * i <= n; ++i) {
            square_nums.add(i * i); // 先把所有的平方数都保存
        }

        Set<Integer> queue = new HashSet<Integer>();
        queue.add(n);

        int level = 0;
        while (queue.size() > 0) {
            level += 1;
            Set<Integer> next_queue = new HashSet<Integer>();

            for (Integer remainder : queue) {
                for (Integer square : square_nums) {
                    if (remainder.equals(square)) {
                        return level;
                    } else if (remainder < square) {
                        break;
                    } else {
                        next_queue.add(remainder - square);
                    }
                }
            }
            queue = next_queue;
        }
        return level;
    }
}
```