Zmienna dyskretna Niech X będzie zmienną losową typu dyskretnego. Wartością oczekiwaną nazywa się sumę iloczynów wartości tej zmiennej losowej oraz prawdopodobieństw z jakimi są one przyjmowane.

Jeżeli dyskretna zmienna losowa X przyjmuje wartości x_1, x_2, \ldots, x_n z prawdopodobieństwami wynoszącymi odpowiednio p_1, p_2, \ldots, p_n , to wartość oczekiwana $\mathbb{E}X$ zmiennej losowej X wyraża sie wzorem

$$\mathbb{E}X = \sum_{i=1}^{n} x_i p_i. \tag{1}$$

Wariancja – klasyczna miara zmienności.

Intuicyjnie utożsamiana ze zróżnicowaniem zbiorowości; jest średnią arytmetyczną kwadratów odchyleń (różnic) poszczególnych wartości cechy od wartości oczekiwanej.

Wariancja zmiennej losowej X , oznaczana jako Var[X] lub $D^2(X)$, zdefiniowana jest wzorem:

$$Var[X] = \mathbb{E}[(X - \mu)^2],$$

gdzie:

 $\mathbb{E}[\dots]$ jest wartością oczekiwaną zmiennej losowej podanej w nawiasach kwadratowych, μ ; jest wartością oczekiwaną zmiennej X;.

Przykład

Obliczymy wariancje dla rzutu symetryczną kostką do gry

$$D^{2}(X) = \mathbb{E}[(X - \mathbb{E}X)^{2}] = \mathbb{E}(X^{2}) - (\mathbb{E}X)^{2} =$$

$$= \sum_{i=1}^{6} \frac{i^{2}}{6} - (\sum_{i=1}^{6} \frac{i}{6})^{2} = \frac{1+4+9+16+25+36}{6}$$

$$-(\frac{1+2+3+4+5+6}{6})^{2} = \frac{91}{6} - \frac{49}{4} = \frac{35}{12}$$