

Introducción a redes neuronales con TensorFlow

Pedro Bueno Aldrey
pedro.bueno@rai.usc.es

Aula Profesional USC

12 de Febrero 2016

Índice

Introducción

BackPropagation

TensorFlow

Redes convolucionales

Bibliografía

Elementos necesarios

- ▶ La tarea T : transformación de un ejemplo: $x \in \mathbb{R}^n$

Ejemplo: Función de clasificación en k categorías

$$f : \mathbb{R}^n \rightarrow \{1, \dots, k\} \quad (1)$$

- ▶ Experiencia E : Datos de los que aprende la red.

Ejemplo: Experiencia en clasificación de imágenes

Conjunto de pares de vectores $v \in \mathbb{R}^n$ y categorías $k \in \{1, \dots, k\}$
A cada vector v_i le corresponde una categoría k_i

- ▶ Medida de rendimiento P : comparamos los valores **procesados** con valores que deberíamos obtener. Obteniendo un ratio de **precisión**.

Ejemplo aprendizaje supervisado

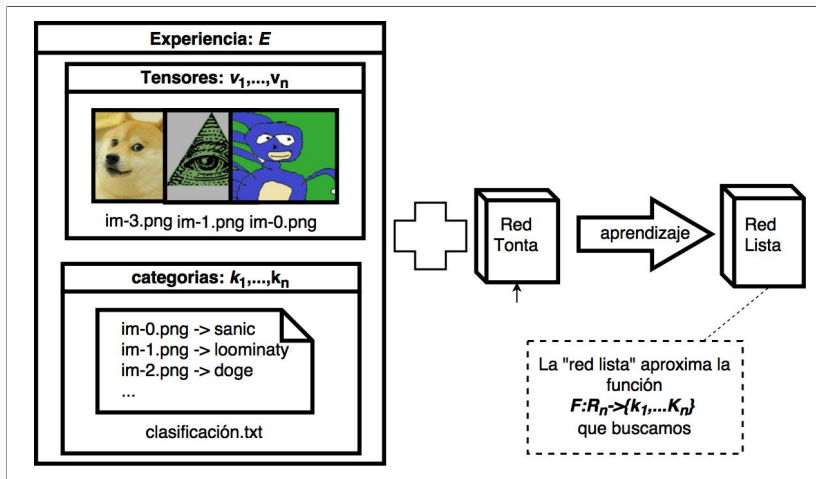


Figura: Fase de Aprendizaje

Ejemplo aprendizaje supervisado

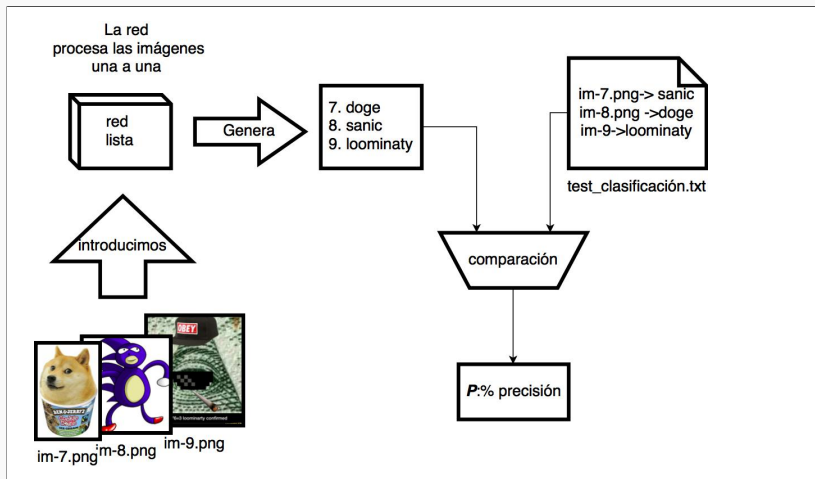


Figura: Fase de Testeo

Modelo simplificado de una neurona

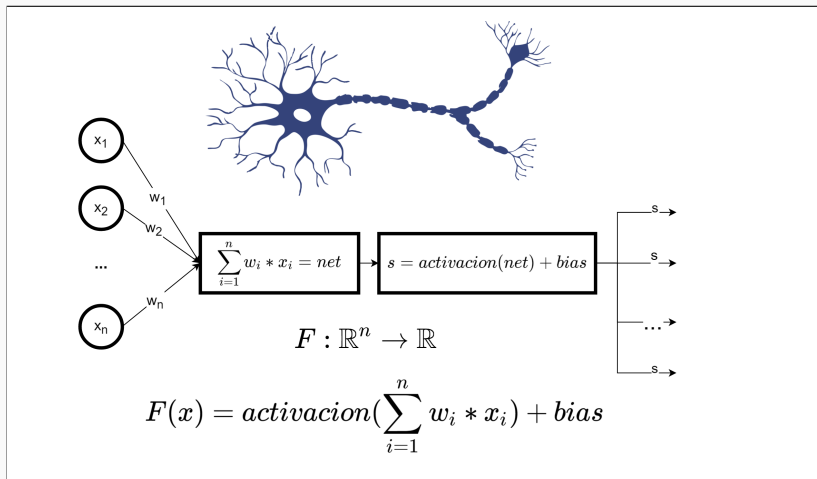


Figura: Multiplicamos las entradas por los pesos, los sumamos y los pasamos por la función de activación

Ejemplo de Perceptron de 2 capas

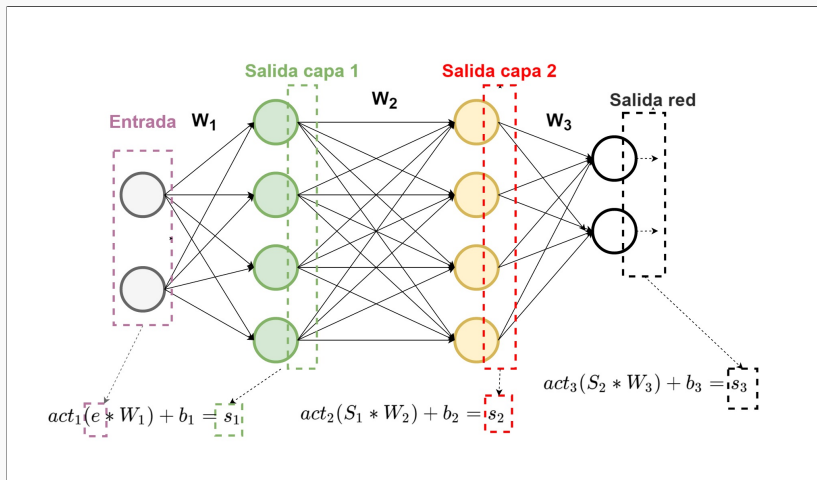


Figura: Realizamos las operaciones en cadena

Propagación hacia atrás

Es el algoritmo mas común utilizado para el aprendizaje supervisado, consiste en lo siguiente:

- ▶ Pasamos las entradas por la red, obteniendo una salidas reales.
- ▶ Generamos una **función de error** a partir de la diferencia entre la salidas reales y las salidas esperadas.
En ella los **pesos** son las **variables**.
- ▶ **Minimizamos** la función de error, podemos utilizar técnicas como el descenso por gradiente.

Definición de la función de error

Dada la siguiente nomenclatura:

- ▶ y : función de la red
- ▶ t : función de salida esperada
- ▶ E : función de error

Función de error sobre una entrada

$$E(y, t) = \frac{1}{2}(t - y)^2 \quad (2)$$

Función de error de n entradas

$$E_t = \frac{1}{n} * \sum_x E_x \quad (3)$$

Calculo del Gradiente del error

Calculamos el gradiente de la función de error. Para ello utilizamos:

Función de activación (debe ser diferenciable):

$$\varphi(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}} \quad (4)$$

Derivada de la función de activación

$$\frac{d\varphi}{dz}(z) = \varphi(z)(1 - \varphi(z)) \quad (5)$$

Salida de una neurona j:

$$o_j = \varphi(\text{net}_j) = \varphi \left(\sum_{k=1}^n w_{kj} o_k \right) \quad (6)$$

Cálculo del Gradiente del error

Aplicamos la regla de la cadena para obtener la derivada parcial de un peso w_{ij} :

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial E}{\partial o_j} \frac{\partial o_j}{\partial \text{net}_j} \frac{\partial \text{net}_j}{\partial w_{ij}} \quad (7)$$

$$\frac{\partial \text{net}_j}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial}{\partial w_{ij}} \left(\sum_{k=1}^n w_{kj} o_k \right) = o_i \quad (8)$$

$$\frac{\partial o_j}{\partial \text{net}_j} = \frac{\partial}{\partial \text{net}_j} \varphi(\text{net}_j) = \varphi(\text{net}_j)(1 - \varphi(\text{net}_j)) \quad (9)$$

Si es la última capa

$$\frac{\partial E}{\partial o_j} = \frac{\partial E}{\partial y} = \frac{\partial}{\partial y} \frac{1}{2} (t - y)^2 = y - t \quad (10)$$

Cálculo del Gradiente del error

Si es una capa oculta consideramos la función de error con respecto a las entradas de la siguiente capa

$$\frac{\partial E(o_j)}{\partial o_j} = \frac{\partial E(\text{net}_u, \text{net}_v, \dots, \text{net}_w)}{\partial o_j} \quad (11)$$

$$\frac{\partial E}{\partial o_j} = \sum_{l \in L} \left(\frac{\partial E}{\partial \text{net}_l} \frac{\partial \text{net}_l}{\partial o_j} \right) = \sum_{l \in L} \left(\frac{\partial E}{\partial o_l} \frac{\partial o_l}{\partial \text{net}_l} w_{jl} \right) \quad (12)$$

Derivada parcial con respecto del peso w_{ij} :

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \delta_j o_i$$

$$\delta_j = \frac{\partial E}{\partial o_j} \frac{\partial o_j}{\partial \text{net}_j} = \begin{cases} (o_j - t_j) o_j (1 - o_j) & \text{si es capa de salida} \\ (\sum_{l \in L} \delta_l w_{jl}) o_j (1 - o_j) & \text{si es capa interna} \end{cases} \quad (13)$$

Aplicación de descenso de gradiente

Recordemos que el **gradiente** apunta a la dirección de **máximo crecimiento** de la función.

Debemos restarle al **vector de pesos** el vector gradiente en el punto actual multiplicado por una **constante** α

$$\Delta w_{ij} = -\alpha \frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \begin{cases} -\alpha o_i(o_j - t_j)o_j(1 - o_j) & \text{Capa interna} \\ -\alpha o_i(\sum_{l \in L} \delta_l w_{jl})o_j(1 - o_j) & \text{Capa de salida} \end{cases} \quad (14)$$

Elementos básicos de TensorFlow

- ▶ TensorFlow computa el modelo de red creando un **grafo** que se ejecuta **fuera de python**, aumentando la eficiencia.
- ▶ Los grafos se ejecutan dentro de sesiones
- ▶ Los datos se representan mediante **Tensores**, que pueden ser:
 - ▶ Variables
 - ▶ Constantes
 - ▶ Placeholders
- ▶ Aplicando operaciones sobre las variables definimos el modelo

Ejemplo del Tutorial

- ▶ Entrada: las imágenes 28x28 se pasan como un vector de tamaño 784, los introducimos en lotes de 55000
- ▶ Salida: Sacamos las categorías como un vector, donde cada componente representa una categoría

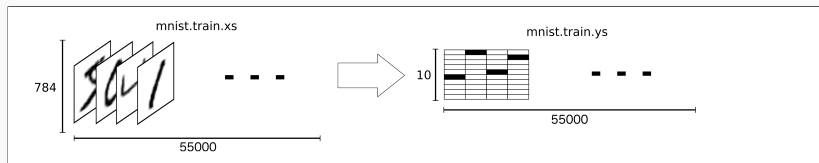


Figura: Entrada y salida de la red del tutorial

Tensores

- ▶ Declaración de variables

```
a = tf.Variable(tf.zeros([784, 10]))
```

- ▶ Declaración de constantes

```
shape=[32]
```

```
a = tf.constant(0.1, shape=shape)
```

- ▶ Declaración de placeholders

```
a = tf.placeholder(tf.float32, [None, 10])
```


Operaciones

- Construcción del modelo

```
y = tf.nn.softmax(tf.matmul(x, W) + b)
```

- Construcción de la función de error

```
V=tf.nn.softmax_cross_entropy_with_logits(y_,y)  
cross_entropy=tf.reduce_mean(V)
```

- Aplicación del algoritmo de optimización

```
train_step = tf.train  
                .GradientDescentOptimizer(0.5)  
                .minimize(cross_entropy)
```

Ejecutar el modelo

- ▶ Inicialización de la sesión

```
init = tf.global_variables_initializer()  
sess = tf.Session()  
sess.run(init)
```

- ▶ Iteración de aprendizaje

```
sess.run(  
    train_step,  
    feed_dict={x: batch_xs, y_: batch_ys}  
)
```

Prueba del Modelo

- ▶ Convertimos el vector resultado en una categoría

```
cy=tf.argmax(y, 1)
cy_=tf.argmax(y_, 1)
```

- ▶ Comparamos las categorías dadas con las esperadas

```
cPred = tf.cast(tf.equal(cy,cy_), tf.float32)
accuracy = tf.reduce_mean(cPred)
```

- ▶ Probamos el modelo con los datos de ejemplo

```
print(sess.run(
    accuracy,
    feed_dict={
        x: mnist.test.images,
        y_: mnist.test.labels
    }))
```

Ejercicios

- ▶ **Ejercicio 1:** Completar con éxito el Tutorial para novatos de la página de TensorFlow
`www.tensorflow.org/tutorials/mnist/beginners/`
- ▶ **Ejercicio 2:** Transformar el Ejercicio 1 en una red multicapa.
- ▶ **Ejercicio 3:** ¿Quién puede conseguir la el valor más alto de precisión?

Redes convolucionales

Introducción :

- ▶ Asumimos que vamos a operar sobre imágenes, por lo tanto su **disposición espacial** nos aporta información.
- ▶ La entrada deja de ser un vector y pasa a ser un **Tensor de rango 3**. Por ejemplo una imagen .jpg sería de dimensión **[32,32,3]**
- ▶ Las sucesivas capas continúan teniendo como salida un Tensor de rango 3; a excepción de la ultima capa, que es de clasificación normal.
- ▶ Se suelen aplicar **diferentes canales** de capas CONV. Cada una se puede ver como un **filtro**.

Ejemplo 1

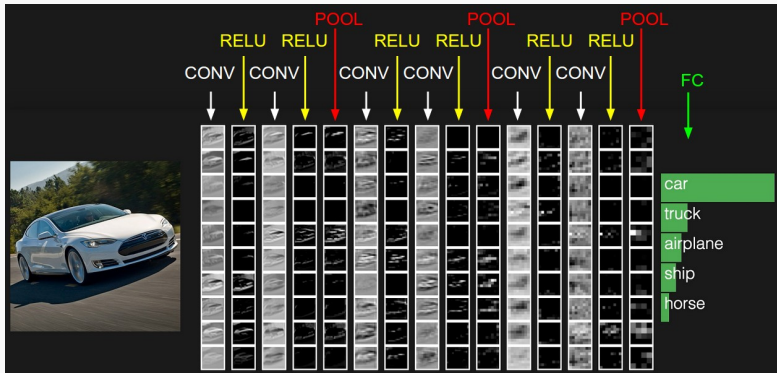


Figura: Utilizada en una imagen de un coche

Ejemplo 2

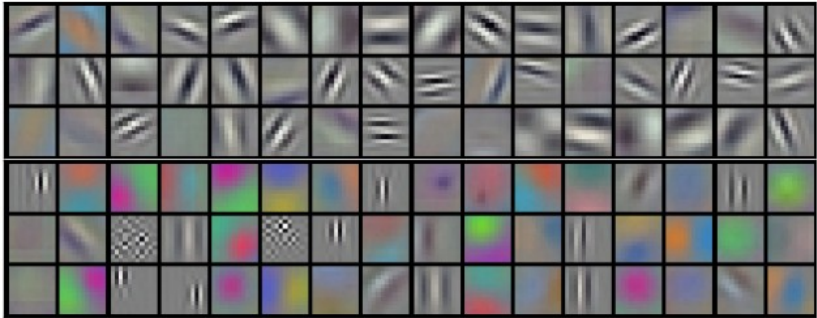


Figura: Filtros aplicados

Ejemplo 3

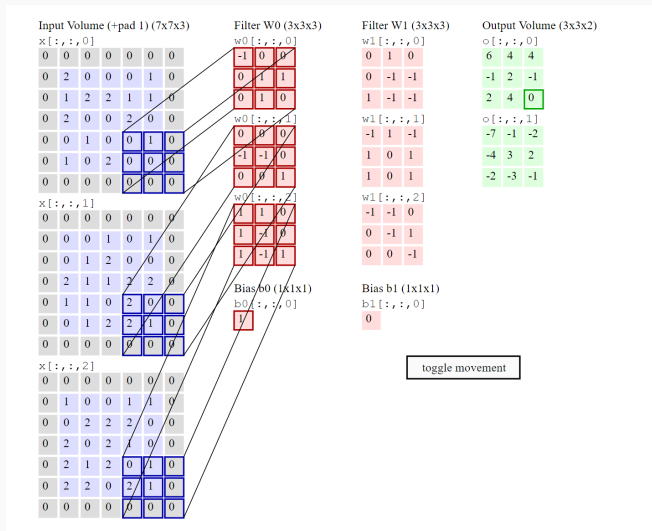


Figura: Capa CONV con matrices

Variables capa CONV

- ▶ Dimensión de entrada W : [ancho, alto, profundidad]
- ▶ Dimensión de salida: [ancho, alto, profundidad, canales]
- ▶ Zero-padding P : número de ceros que se ponen alrededor de la imagen
- ▶ Stride S : determina el salto que el filtro hace en cada desplazamiento
- ▶ Field F : rango que percibe la capa de cada vez
- ▶ Número de pesos de la red N : viene determinado por:

$$N = (W - F + 2P)/S + 1 \quad (15)$$

Completando el modelo

Ampliamos el modelo con dos capas fijas(que no aprenden)

- ▶ RELU: Ejecuta sobre cada elemento la función $\max(0, x)$ a cada elemento
- ▶ POOL: Realiza un **rescalado** utilizando la operación $\max()$

De esta forma podríamos tener una arquitectura como la siguiente para un conjunto de imágenes [32,32,3] a clasificar en 10 categorías con correspondientes **salidas**:

1. INPUT [32,32,3]
2. CONV: [32,32,3,12]
3. RELU: [32,32,3,12]
4. POOL: [16,16,12,3,12]
5. FC: [1,1,10], capa de clasificación “fully-connected”

Implementación en TensorFlow

► Capa CONV:

```
tf.nn.conv2d(input, filter, strides, padding,  
use_cudnn_on_gpu=None, data_format=None, name=None)
```

► Capa RELU:

```
tf.nn.conv2d(input, filter, strides, padding,  
use_cudnn_on_gpu=None, data_format=None, name=None)
```

► Capa POOL:

```
tf.nn.relu(features, name=None)
```

Proyecto final

Consiste en la realización de una red de clasificación de imágenes, tomando como modelo la del tutorial para expertos:

<https://www.tensorflow.org/tutorials/mnist/pros/>

Se deben utilizar imágenes que no estén en los ejemplos de

TensorFlow, las instrucciones para cargar archivos se encuentran en:

https://www.tensorflow.org/how_tos/reading_data/

Ejemplo del proyecto a realizar (se pueden utilizar partes del

mismo)

<https://github.com/petrusboniatus/cursorN>

Bibliografía

Libro: Deep Learning

- ▶ Fecha de publicación original: 2016
- ▶ Autores: Yoshua Bengio, Ian Goodfellow

Backpropagation:

- ▶ <https://en.wikipedia.org/wiki/Backpropagation>

Convolutional networks:

- ▶ <http://cs231n.github.io/convolutional-networks/>

TensorFlow

- ▶ <https://www.tensorflow.org/>