

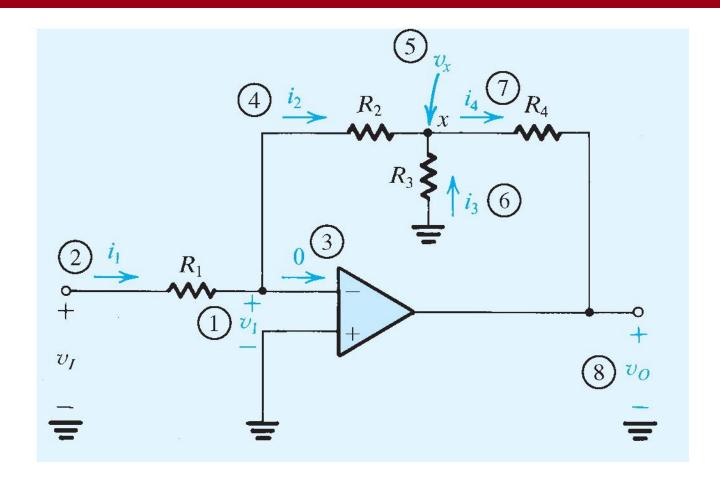
Fondamenti di Elettronica

04
Circuiti con amplificatori operazionali



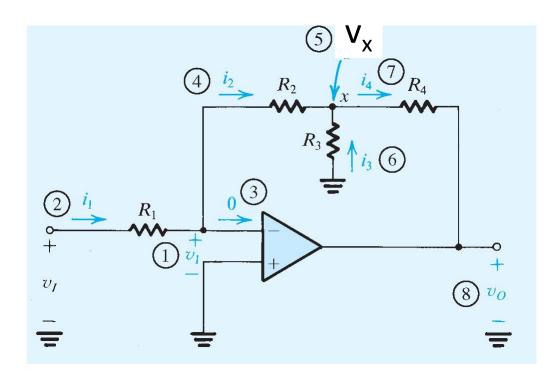
Enrico Zanoni enrico.zanoni@unipd.it

Rivisitiamo l'amplificatore invertente con feedback a T



Amplificatore con rete di feedback a T: permette di risolvere il conflitto tra resistenza di ingresso e guadagno nell'amplificatore invertente

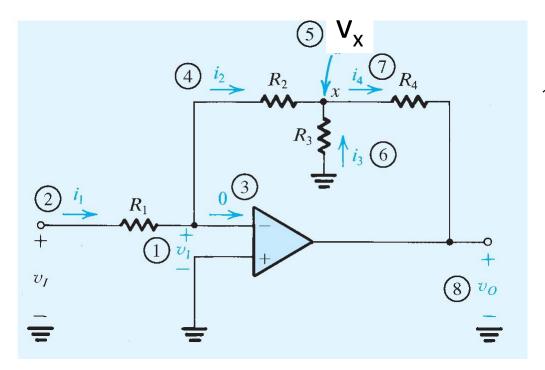
Studiamo il rapporto di correnti



$$v_{+} = v_{-} = 0 \implies i_{1} = \frac{v_{I}}{R_{1}} = i_{2}$$

$$v_x = v_+ - i_2 R_2 = -i_2 R_2 = -v_I \frac{R_2}{R_1}$$

Studiamo il rapporto di correnti

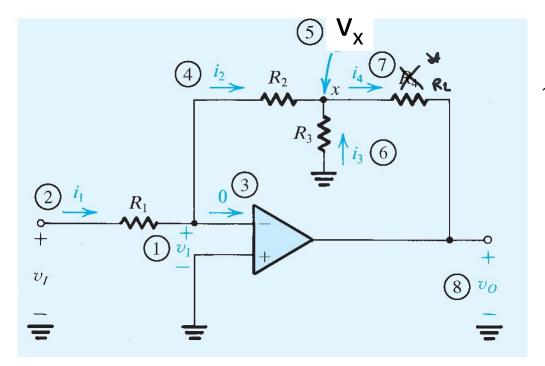


$$v_{x} = -v_{I} \frac{R_2}{R_1}$$

$$i_3 = -\frac{v_x}{R_3} = \frac{R_2}{R_1 R_3} v_I$$
 $i_1 = \frac{v_I}{R_1} = i_2$ poniamo $\frac{R_2}{R_3} = k$
 $i_3 = k i_2$ $i_4 = i_2 + i_3 = \frac{v_I}{R_1} + \frac{R_2}{R_1 R_3} v_I = (1 + k) i_1;$

Il circuito di feedback a T agisce come moltiplicatore della corrente L'aumento di corrente in R₄ fa aumentare v_o senza aumentare i₁

La corrente su R₄ non dipende dal valore di R₄



$$v_{x} = -v_{I} \frac{R_{2}}{R_{1}}$$

$$i_4 = i_2 + i_3 = \frac{v_I}{R_1} + \frac{R_2}{R_1 R_3} v_I = \left(1 + \frac{R_2}{R_3}\right) \frac{v_1}{R_1};$$
 $= \dot{\lambda}_L$

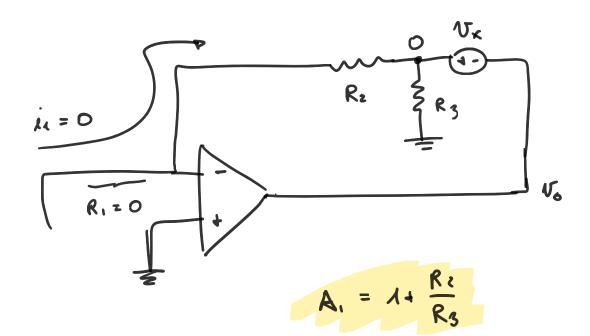
La corrente su R_4 non dipende da R_4 : possiamo trasformare l'amplificatore in un amplificatore di corrente con il carico al posto di R_4

R. ?

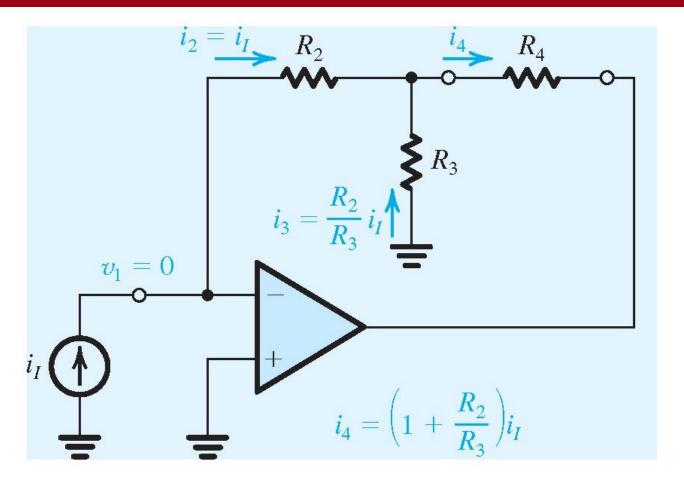
1) Apro il carico -> guerotore di test complementore alla granderia d'uscite

2) ommello is report d'ingresso is = 0

$$\mathcal{E} = \frac{\sqrt{x}}{ix} = \frac{\sqrt{x}}{0} = +\infty$$

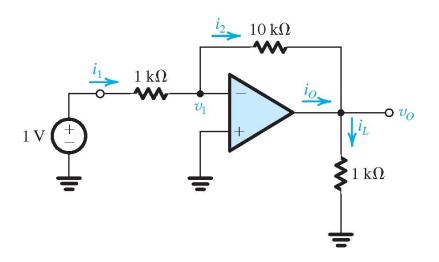


Amplificatore di corrente con rete di feedback a T



NB R_4 è il carico (R_L) del nostro amplificatore $A_i = (1 + R_2/R_3)$; $R_i = 0$; $R_o = \infty$ (wed: same) (per trovare R_o si applica un generatore di tensione al posto di R_4 e si annulla i_i ; le correnti sono ovunque nulle; $R_o = v_x/i_x = v_x/0 = \infty$

Esercizio

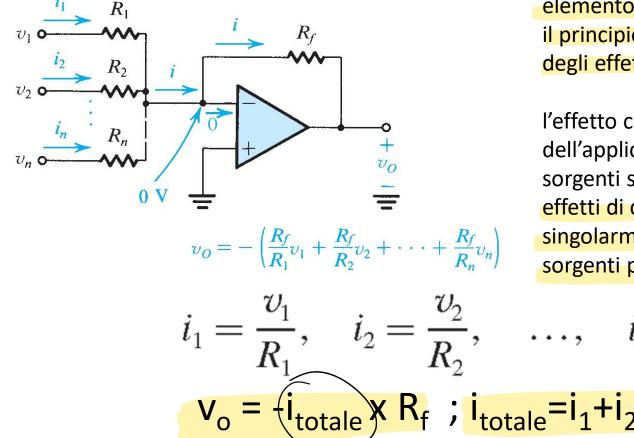


Per questo amplificatore si determinino

$$v_1 = 0$$
 $i_1 = 1 \text{ mA}$
 $i_2 = 1 \text{ mA}$
 $v_0 = -10 \text{ V}$
 $i_L = -10 \text{ mA}$
 $i_0 = -11 \text{ mA}$

La resistenza da $10k\Omega$ introduce un feedback negativo Quindi vale il principio di massa virtuale : $v_{-} = v_{+} = 0$ V $i_{1} = 1$ V/ 1 $k\Omega = 1$ mA = i_{2} $v_{o} = v_{1} - i_{2}R_{2} = -1$ mA * 10 $k\Omega = -10$ V (v_{o} non dipende dalla resistenza da 10 $k\Omega$ tra uscita e massa: perchè ?); $A_{V} = -10$ V/1V = -10 V/V $i_{L} = v_{o}/R_{L} = -10$ V/1k $\Omega = -10$ mA $i_{O} = i_{O} = -10$ mA $i_{O} = -10$ mA i_{O}

Circuito sommatore



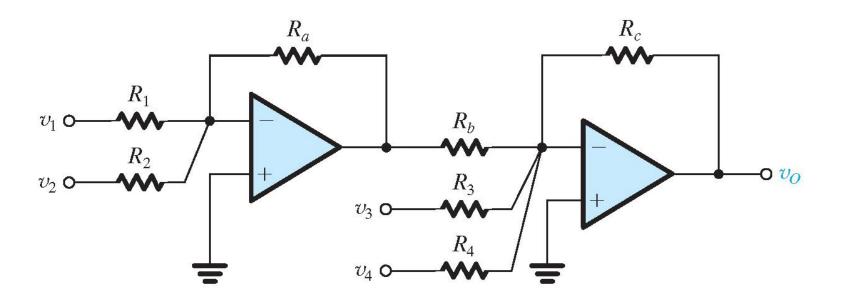
L'amplificatore operazionale è un elemento lineare per il quale vale il principio di sovrapposizione degli effetti:

l'effetto complessivo dell'applicazione di una serie di sorgenti si ottiene sommando gli effetti di ciascuna sorgente presa singolarmente, con tutte le altre sorgenti poste a zero

$$i_2 = \frac{\sigma_2}{R_2}, \dots, i_n = \frac{\sigma_n}{R_n}$$

ale $X R_f$; $i_{totale} = i_1 + i_2 + \dots + i_n$
 $v_o = -\left(\frac{R_f}{R_1}v_1 + \frac{R_f}{R_2}v_2 + \dots + \frac{R_f}{R_n}v_n\right)$
 $= -\left(\frac{R_f}{R_1}v_1 + \frac{R_f}{R_2}v_2 + \dots + \frac{R_f}{R_n}v_n\right)$

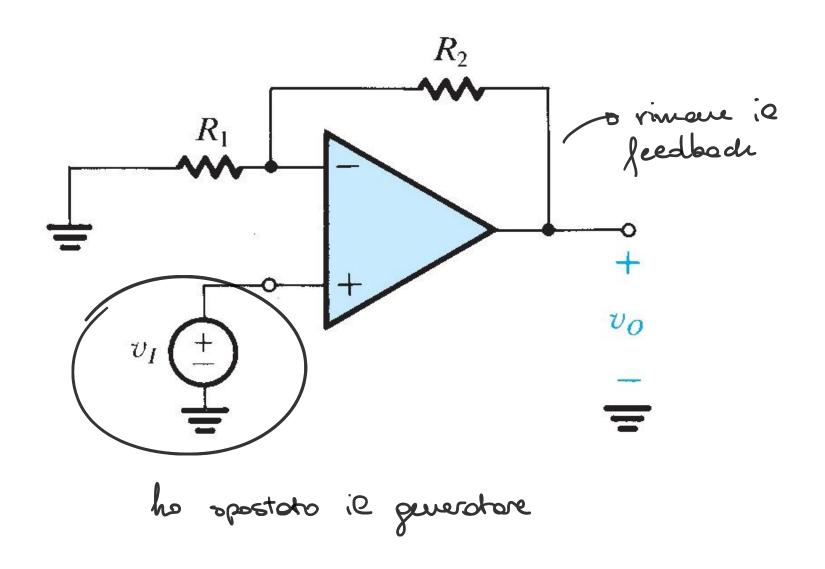
Somma e sottrazione con amplificatore operazionale



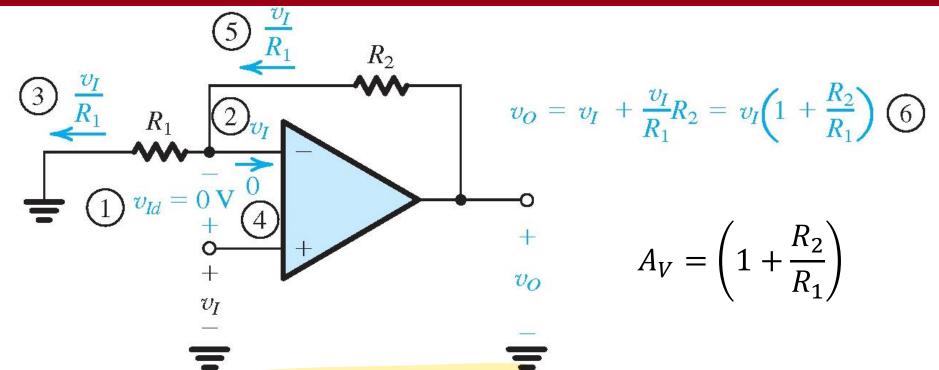
All'uscita del primo stadio :
$$v_{o1} = -\frac{R_a}{R_1}v_1 - \frac{R_a}{R_2}v_2$$

$$v_o = \left(\frac{R_a}{R_1}v_1 + \frac{R_a}{R_2}v_2\right)\frac{R_c}{R_b} - \frac{R_c}{R_3}v_3 - \frac{R_c}{R_4}v_4$$

Amplificatore non invertente



Amplificatore non invertente



E' presente la stessa rete di retroazione dell'amplificatore invertente

→ applico il principio d massa virtuale

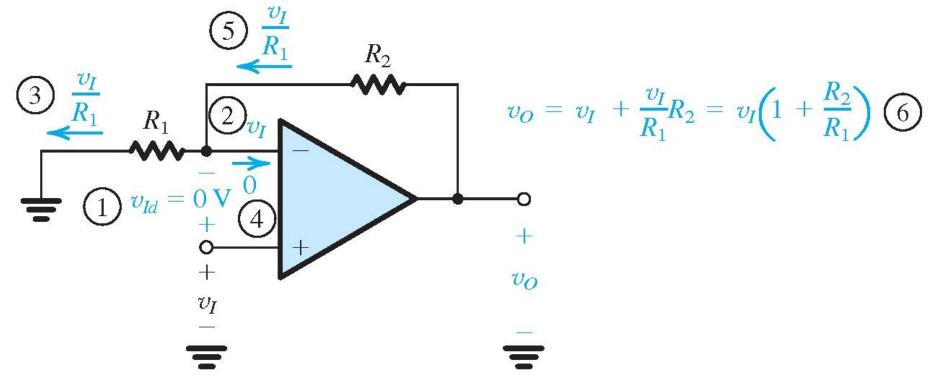
 $v_{+} = v_{-}$; il nodo 2 si trova alla tensione $v_{||}$

sulla resistenza R_1 scorre la corrente $i_{R1} = v_I/R_1$

i_{R1} = i_{R2} perchè nell'amplificatore non entra corrente

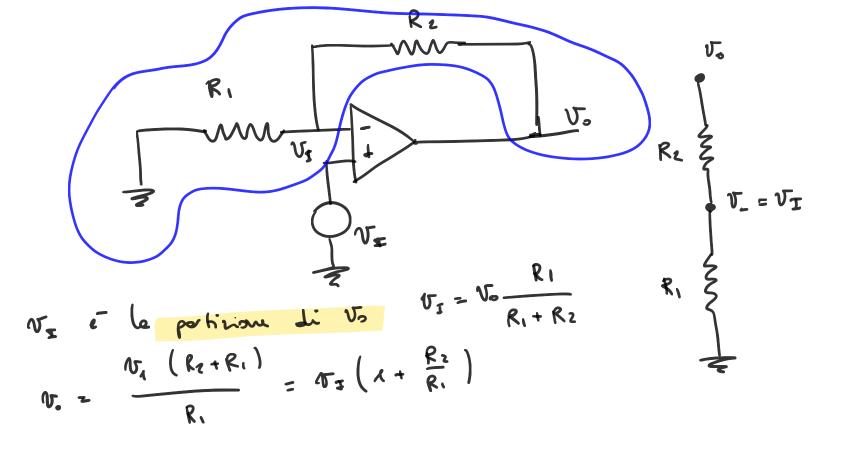
$$v_0 = v_I + v_I \frac{R_2}{R_1} = v_I \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) \qquad A = \left(\lambda + \frac{R_2}{R_1} \right)$$

Guadagno dell'amplificatore non invertente

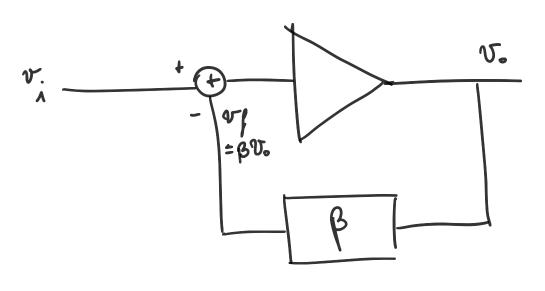


Dato che nell'amplificatore non entra corrente, v_1 può essere vista come risultante dalla applicazione del partitore di tensione $R_1 - R_2$ alla tensione v_0 :

$$v_I = v_o \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$
 $v_o = v_I \frac{R_1 + R_2}{R_1} = v_I \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$



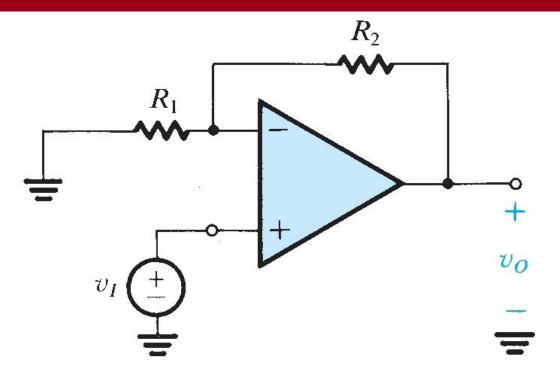
Amplificatore non inverteure = omplificatore con feedback



¥

$$A_{V} = \frac{V_{o}}{V_{i}} = \frac{1}{\beta} = \frac{R_{1} + R_{2}}{R_{1}} = 1 + \frac{R_{2}}{R_{1}}$$

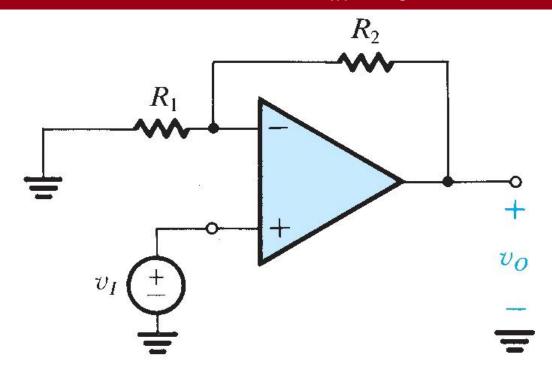
Amplificatore non invertente con guadagno finito A



Dimostrare che $(v_+ - v_-) = v_o/A \rightarrow$

$$G_V = \frac{v_o}{v_I} = \frac{1 + \binom{R_2}{R_1}}{1 + \binom{R_2}{R_1}} \frac{1 + \binom{R_2}{R_1}}{A}$$

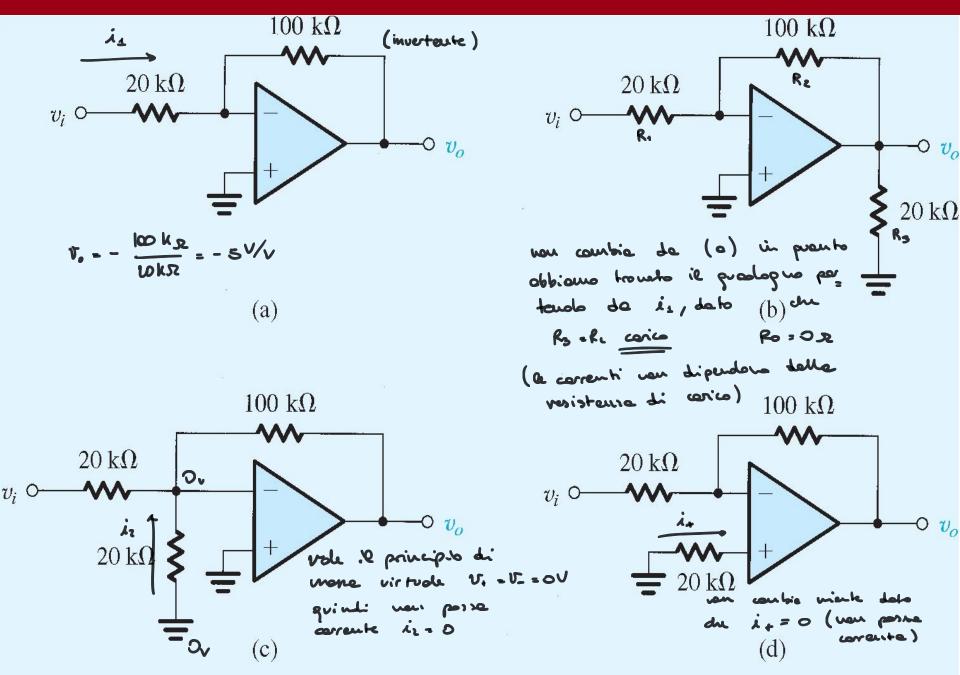
Amplificatore non invertente: R_{in}, R_o



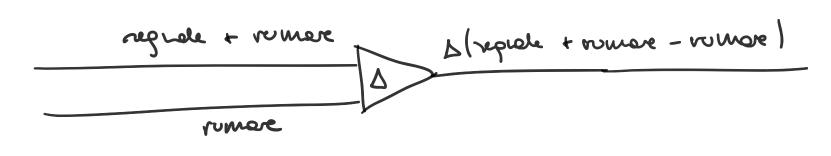
La resistenza di ingresso R_{in} è infinita La resistenza di uscita R_o è nulla

L'amplificatore non invertente con operazionale è un amplificatore ideale di tensione

Trovare le differenze ...



nel mondo rede, un repole et disturbato da un remore



i remoi reronno circe simili

epide di made comme: $Van = \frac{1}{2} (V_1 + V_2)$ medie dei republi

$$N_A = N_{GM} - \frac{1}{2}V_I = \frac{1}{2}(V_A + V_Z) - \frac{1}{2}(V_I - V_Z)$$

$$T_{z} = \sigma_{cun} + \frac{1}{2}\sigma_{d} = \frac{4}{2}\left(v_{x} + v_{z}\right) + \frac{4}{2}\left(v_{z} - v_{x}\right)$$

$$N_{cun}$$

Segnale differenziale e di modo comune

segnali

Obiettivo: definire uno schema che permetta di amplificare la differenza tra due segnali, cioè il «segnale differenziale»

Segnale di ingresso differenziale $v_d = v_2 - v_1$ (differenza)

Segnale di ingresso di modo comune $v_{cm} = \frac{1}{2}(v_1 + v_2)$ (media dei due segnali)

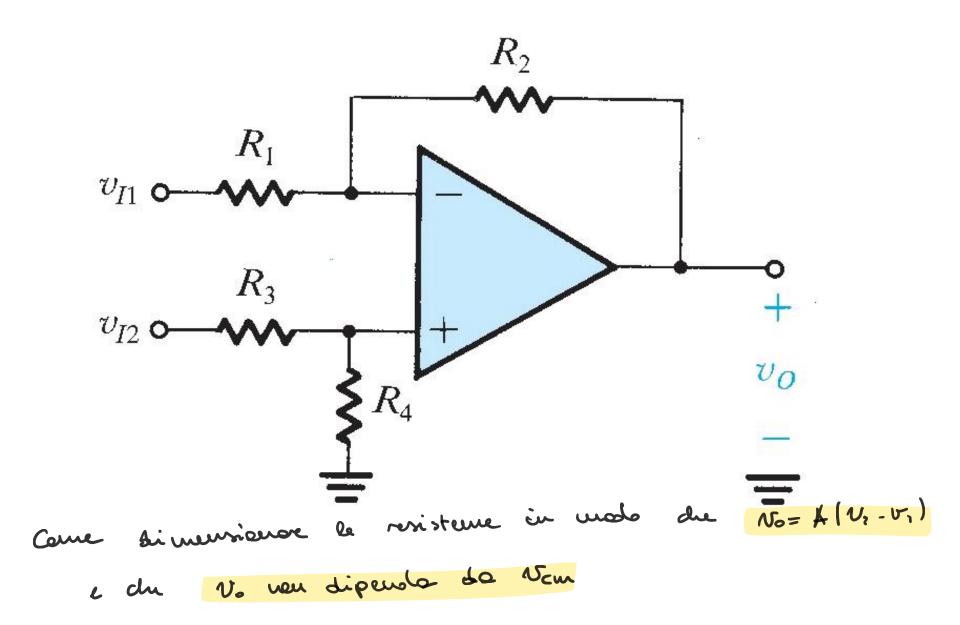
$$v_1 = v_{cm} - \frac{1}{2}v_d = \frac{1}{2}(v_1 + v_2) - \frac{1}{2}(v_2 - v_1)$$

$$v_2 = v_{cm} + \frac{1}{2}v_d = \frac{1}{2}(v_1 + v_2) + \frac{1}{2}(v_2 - v_1)$$

$$v_{ld} = v_{l2} - v_{l1}$$
In questo modo abbiamo evidenziato la componente di modo comune dei due
$$v_{lcm} = \frac{1}{2}(v_{l1} + v_{l2})$$

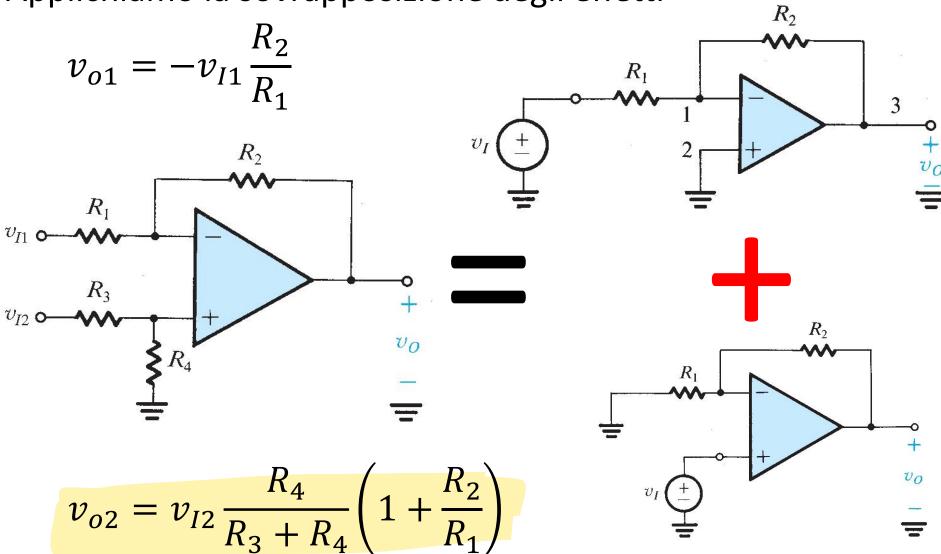
 $\mathbf{o} \ v_{I2} = v_{Icm} + v_{Id}/2$

Amplificatore differenziale con opamp

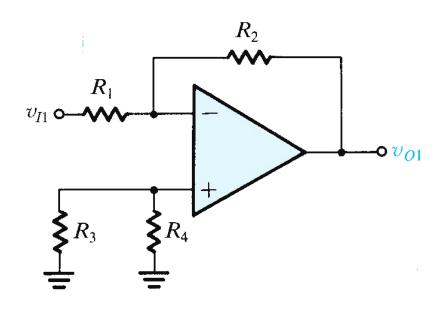


Amplificatore differenziale con opamp

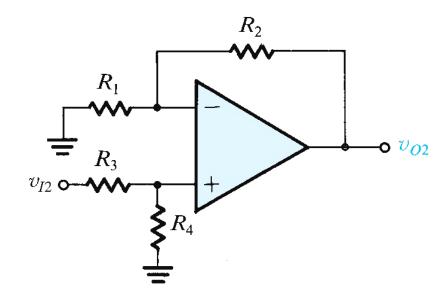
Applichiamo la sovrapposizione degli effetti



Principio di sovrapposizione degli effetti



$$v_{o1} = -v_{I1} \frac{R_2}{R_1}$$

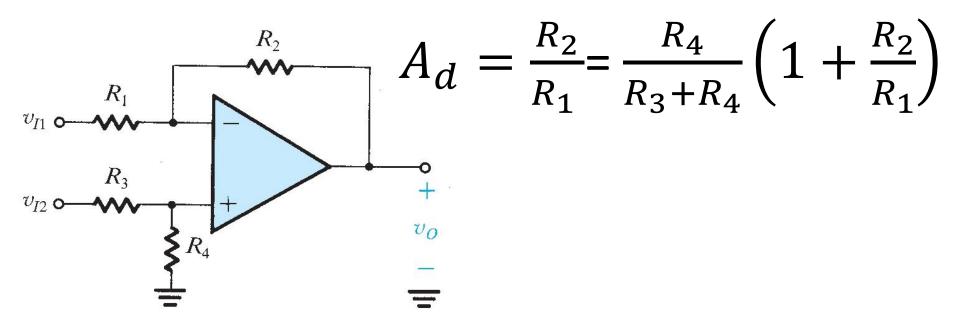


$$v_{o2} = v_{I2} \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$$

Amplificatore differenziale con opamp

$$v_{o1} = -v_{I1} \frac{R_2}{R_1}$$
 $v_{o2} = v_{I2} \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$

ora vogliamo che l'uscita sia data da $A_d(v_2 - v_1) = A_dv_2 - A_dv_1$ quindi deve essere:



Amplificatore differenziale con opamp

devo imporre:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$$

$$\frac{\frac{R_2}{R_1}}{\left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)} = \frac{R_4}{R_3 + R_4}$$

$$\frac{1}{\left(1 + \frac{R_1}{R_2}\right)} = \frac{R_4}{R_3 + R_4}$$

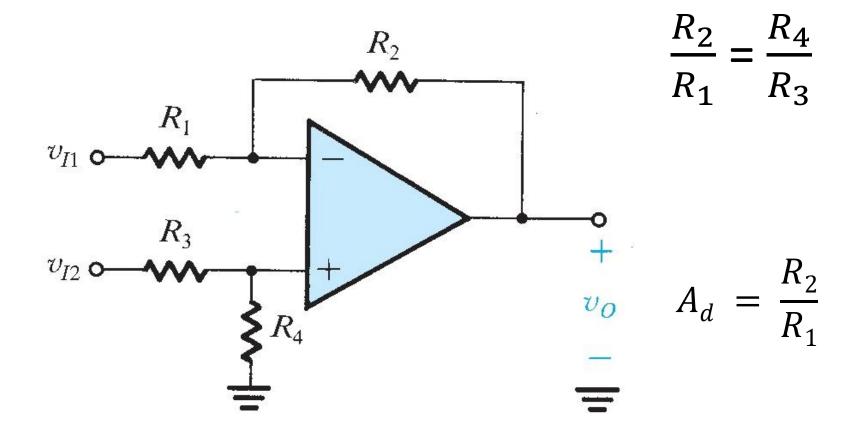
$$\frac{1}{\left(1 + \frac{R_1}{R_2}\right)} = \frac{1}{\left(1 + \frac{R_3}{R_4}\right)}$$

$$\left(1 + \frac{R_1}{R_2}\right) = \left(1 + \frac{R_3}{R_4}\right)$$

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

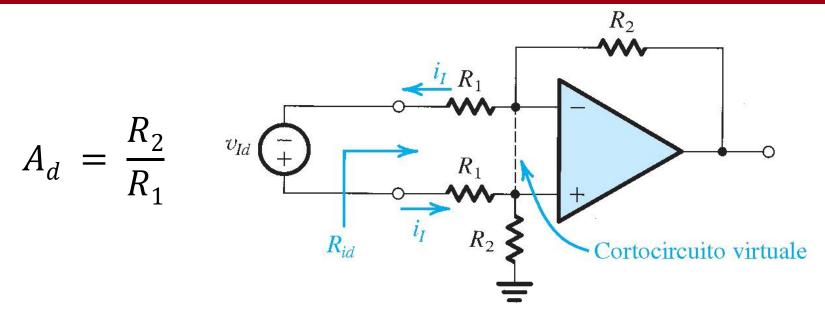
$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{R_4}{R_3}$$

Amplificatore differenziale con opampp



La scelta più semplice è $R_2 = R_4$; $R_1 = R_3$

Amplificatore differenziale – resistenza di ingresso e di uscita



Qual è la resistenza di ingresso vista dal generatore di segnale differenziale ?

$$v_0 - i_l R_1 - i_l R_2 + v_{Id} - i_l R_1 - i_l R_2 = 0$$

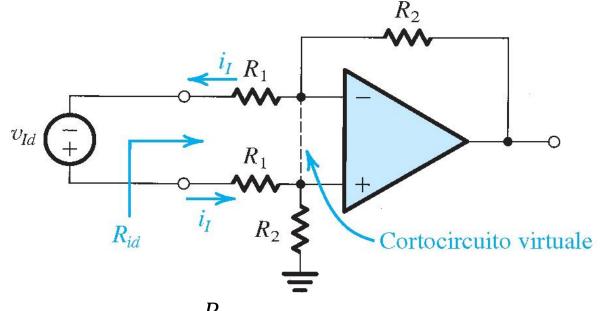
$$v_{Id}(R_2/R_1) - 2i_l(R_1 + R_2) + v_{Id} = 0$$

$$v_{Id}(1 + R_2/R_1) = 2i_l(R_1 + R_2)$$

$$v_{Id}\left(\frac{R_1+R_2}{R_1}\right) = 2i_I(R_1+R_2); \quad v_{Id}\left(\frac{R_1+R_2}{R_1}\right)\left(\frac{1}{R_1+R_2}\right) = 2i_I$$

$$\frac{v_{Id}}{i_i} = 2R_1 \ resistenza \ differenziale \ di \ ingresso$$

Amplificatore differenziale – resistenza di ingresso e di uscita



$$A_d = \frac{R_2}{R_1}$$
; guadagno differenziale

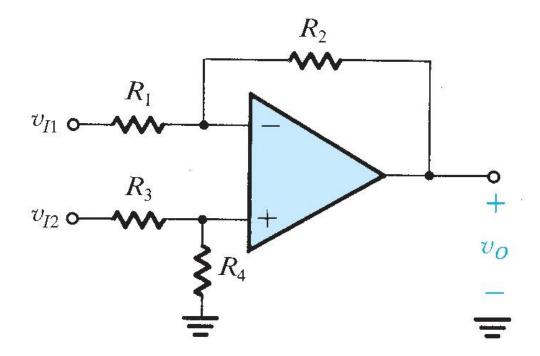
$$\frac{v_{id}}{i_i} = 2R_1$$
 resistenza differenziale di ingresso

Anche in questo amplificatore c'è un conflitto tra resistenza di ingresso e guadagno.

Amplificatore differenziale – guadagno di modo comune

torniamo un passo indietro... ora R_1 , R_2 , R_3 e R_4 non sono specificate per il principio di sovrapposizione degli effetti abbiamo che:

$$v_o = -v_{I1} \frac{R_2}{R_1} + v_{I2} \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$$



Amplificatore differenziale – guadagno di modo comune

trasformiamo l'espressione della tensione di uscita utilizzando la definizione di segnale differenziale e segnale di modo comune:

$$\begin{aligned} v_o &= -v_{I1} \frac{R_2}{R_1} + v_{I2} \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) \\ v_{I1} &= v_{Icm} - \frac{1}{2} v_{Id} \\ v_{I2} &= v_{Icm} + \frac{1}{2} v_{Id} \\ v_o &= -v_{Icm} \frac{R_2}{R_1} + \frac{1}{2} v_{Id} \frac{R_2}{R_1} + v_{Icm} \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) + \\ &+ \frac{1}{2} v_{Id} \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) \end{aligned}$$

Amplificatore differenziale – guadagno di modo comune

$$v_{o} = -v_{Icm} \frac{R_{2}}{R_{1}} + \frac{1}{2} v_{Id} \frac{R_{2}}{R_{1}} + v_{Icm} \frac{R_{4}}{R_{3} + R_{4}} \left(1 + \frac{R_{2}}{R_{1}} \right) + \frac{1}{2} v_{Id} \frac{R_{4}}{R_{3} + R_{4}} \left(1 + \frac{R_{2}}{R_{1}} \right)$$

A_{cm} guadagno di modo comune

$$\begin{split} v_o &= v_{Icm} \left(\frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) - \frac{R_2}{R_1} \right) + \\ &+ v_{Id} \left(\frac{1}{2} \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) + \frac{1}{2} \frac{R_2}{R_1} \right) \end{split}$$

A guadagno differenziale

In questo particolare amplificatore, se $R_2/R_1 = R_4/R_3$ $A_{cm} = 0$, $A_d = R_2/R_1$ ma il rapporto tra resistenze deve essere assolutamente identico

Fattore di reiezione di modo comune (CMRR)

$$v_o = A_d v_d + A_{cm} v_{cm}$$

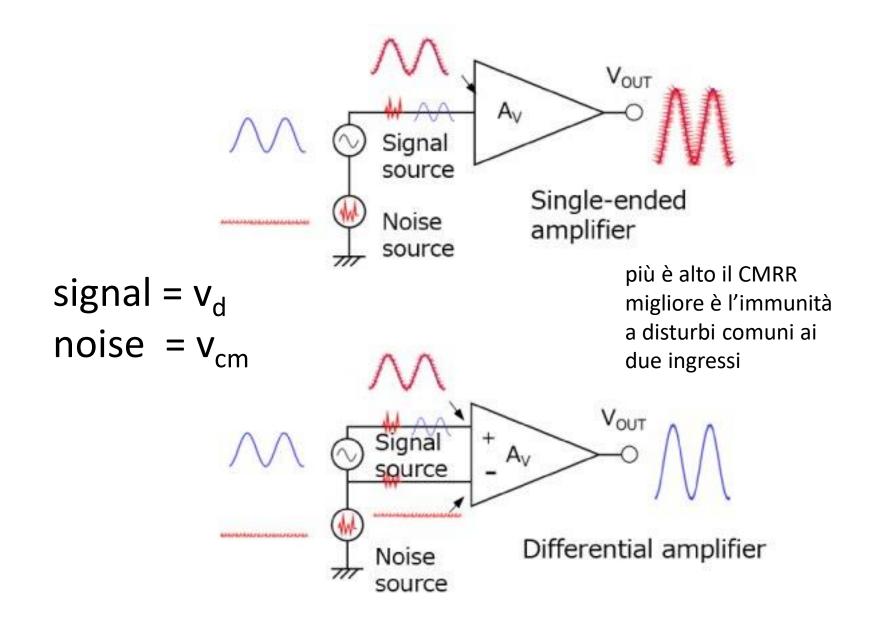
$$20log_{10} \frac{|A_d|}{|A_{cm}|} = CMRR (dB) = "Common Mode Rejection Ratio"$$

Segnale di ingresso differenziale $v_d = v_2 - v_1$ (differenza)

Segnale di ingresso di modo comune $v_{cm}=\frac{1}{2}(v_1+v_2)$ (media dei due segnali)

L'unico modo per applicare all'amplificatore un segnale differenziale puro $(v_d \neq 0 \text{ con } v_{cm} = 0)$ è quello di porre $v_2 = -v_1$. In questo modo la media dei due segnali è nulla.

Reiezione del rumore con amplificatore differenziale



$$I_{R} = I_{1} = \frac{V_{s} - V_{h}}{R_{1}}$$

$$V_{o} = V_{h} - I_{2}R_{2} = \frac{1}{5}V_{o} - \left(\frac{V_{s} - V_{h}}{R_{1}}\right)R_{2}$$

$$= \frac{V_{o}}{5} - V_{s} \frac{R_{2}}{R_{1}} + V_{o} \frac{R_{2}}{5R_{1}}$$

$$V_{o} \left(1 - \frac{1}{5} - \frac{10}{250}\right) = -V_{s} \frac{2}{5}$$

$$V_0 = -\frac{5}{9} V_S$$

$$A = V_0/V_S = -\frac{5}{9}$$

1)
$$V_{\rho}(V_{o}) = ?$$

V.

Very substitute of the second of the second

$$V_{0} = -\frac{5}{7}V_{s}$$

$$V_{0} = -5V$$

$$V_{0} = -5V$$

$$V_{0} = -1V$$

$$V_{p} = -1V$$

$$V_{p} = -1V$$

$$V_{n} - V_{0} = R_{g}I_{g} \rightarrow I_{1} = I_{2} = \frac{V_{0} \cdot V_{0}}{R_{2}}$$

$$I_{1} = I_{2} = \frac{-1+5}{10} \left[\text{mA} \right] = 0.1 \text{ mA}$$

$$V_{p} - V_{0} = R_{3}I_{3} \rightarrow I_{3} = \frac{V_{0} - V_{p}}{R_{3}} = -0.1 \text{ mA}$$

(ore combia?

Il rous infinisse hom combia

$$V_p = V_0 \frac{R_4}{R_h + R_5} = \frac{V_0}{5} = V_h$$

$$I_1 = \frac{V_3 - V_4}{\epsilon_0}$$

$$I_1 = \frac{V_3 - V_4}{F_0} \qquad I_4 = \frac{V_1}{R_4} = \frac{9}{100} V_1 \qquad \Rightarrow I_4 = \frac{9 V_6}{500}$$

$$J_{1} = J_{1} - J_{2} = \frac{V_{11} - V_{2}}{20} = \frac{V_{2}}{100} - \frac{V_{2}}{20} = -\frac{V_{2}}{25}$$

$$\downarrow$$

$$J_4 = J_4 + I_2$$

$$J_{1} = \frac{V_{5} - V_{7}}{50}$$

$$= V_{5} - \frac{V_{6}}{5} \cdot \frac{1}{50}$$

$$\frac{9}{80} - \frac{16}{850} = \frac{916}{800} - \frac{416}{100}$$

$$I_4 \qquad I_4 \qquad I_5$$

Applicando la resistença Reg. il volore di Vo roddopie

Jout O: us courte