

Fondamenti di Elettronica

14
Proprietà dei
semiconduttori



Enrico Zanoni enrico.zanoni@unipd.it

Sommario

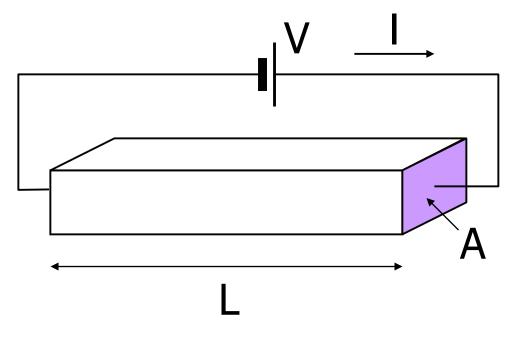
conducibilità dei materiali e concentrazione di elettroni liberi a temperatura ambiente

- energia di legame degli elettroni di valenza in un cristallo: modello chimico e modello «quantistico»
- metalli, semiconduttori, isolanti
- dipendenza della concentrazone di elettroni liberi dalla temperatura in un materiale puro
- elettroni (e⁻) e lacune (h⁺) : comportamento «intrinseco», creazione di coppie elettrone-lacuna
- come alterare tipo e livello di conducibilità nei semiconduttori : drogaggio di tipo N e di tipo P

come si muovono gli elettroni (e le lacune) in un cristallo

- ridurre la meccanica quantistica a meccanica classica : concetto di «massa efficace»
- interazione degli elettroni con un reticolo «imperfetto»: impurezze, difetti, agitazione termica
- corrente dovuta al campo elettrico: «corrente di deriva»
- corrente dovuta al gradiente di concentrazione: «corrente di diffusione»

Conduttori, isolanti e semiconduttori



Resistenza

$$R = \frac{V}{I}[\Omega]$$

Resistività

$$\rho = R \cdot \frac{A}{L} [\Omega \cdot cm]$$

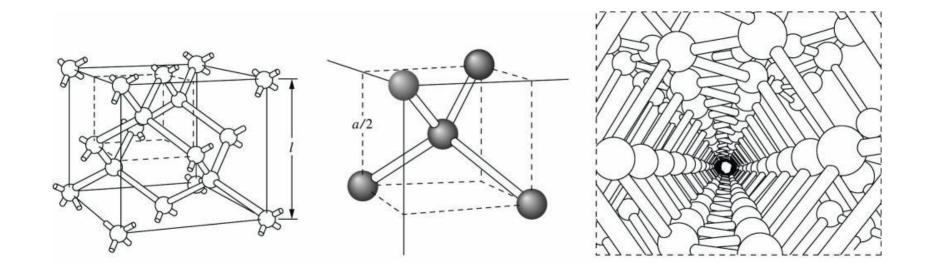
Classificazione:

ISOLANTI
$$\rho > 10^5 [\Omega cm]$$

SEMICONDUTTORI
$$10^{-3} < \rho < 10^5 [\Omega cm]$$

CONDUTTORI
$$\rho$$
 < 10^{-3} [Ω cm]

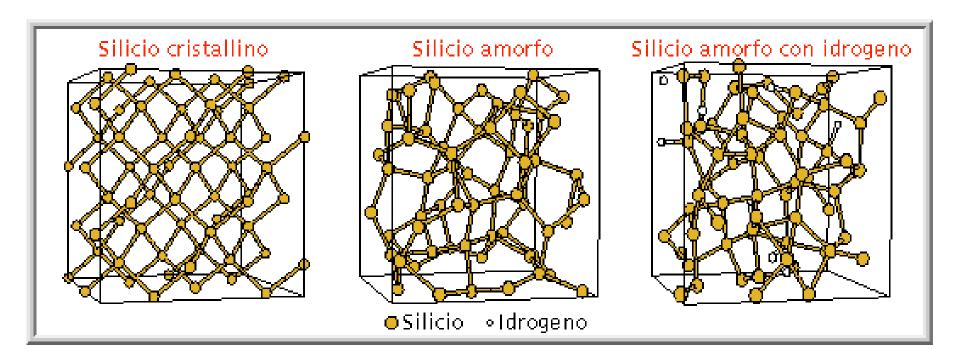
Cella cristallografica del silicio



Silicon diamond lattice unit cell.

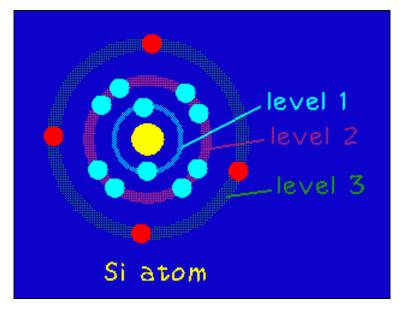
Corner of diamond lattice showing four nearest neighbor bonding.

View of crystal lattice along a crystallographic axis.



Modello di Bohr dell'atomo di silicio

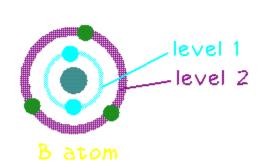
Nel modello atomico di Bohr, gli elettroni di un atomo si dispongono in orbitali e sono caratterizzati da un'energia di legame. Questa è l'energia necessaria a strappare l'elettrone all'atomo e renderlo libero. Nel Silicio, i 14 elettroni sono disposti (nello stato fondamentale) in 7 orbitali raggruppati in 3 livelli.

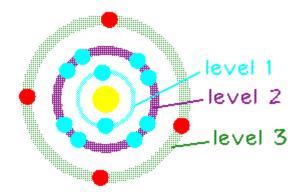


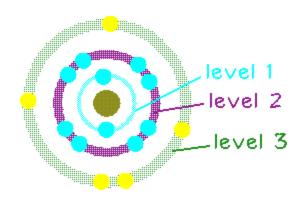
livello	orbitali
1	1s ²
2	$2s^2 2px^2 2py^2 2pz^2$
3	$3s^1 3px^1 3px^2 3px^3$

Elettroni di valenza

Gli elettroni nello strato esterno di un atomo sono detti elettroni di valenza. Tali elettroni hanno effetto sulle reazioni chimiche dell'atomo e determinano le proprietà elettriche dell'elemento.



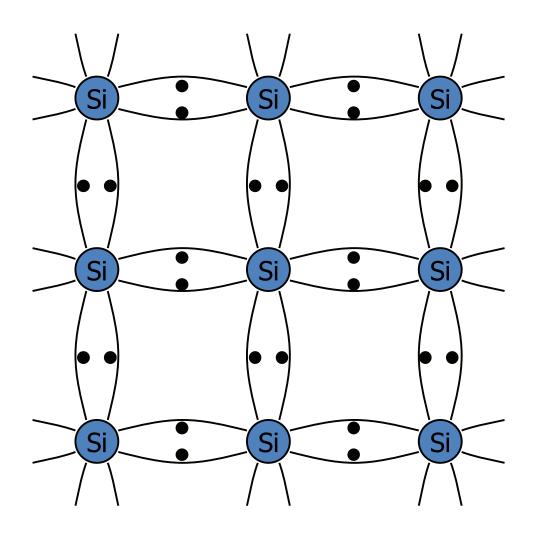




Atomo di Boro 3e- valenza Atomo di Silicio 4e- valenza

Atomo di Fosforo 5e- valenza

Cristallo di silicio a (T = 0K) = energia termica nulla



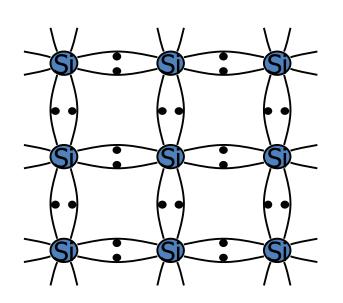
In un cristallo di silicio (o germanio) i 4 elettroni di valenza sono posti in comune tra atomi contigui nel cristallo.

In questo modo ogni atomo completa l'orbitale esterno (con 8 elettroni)

A T = 0K l'energia cinetica termica di atomi ed elettroni è classicamente nulla: nessun elettrone può raggiungere l'energia necessaria per uscire dal legame covalente e diventare un elettrone libero di muoversi nel cristallo

Energia del legame covalente in silicio = 1.12 eV

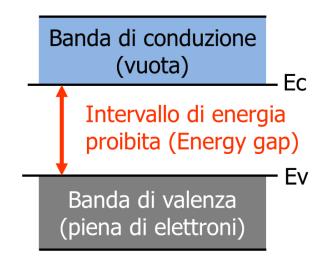
1 elettronvolt = 1 eV è l'energia acquisita da un elettrone accelerato da una differenza di potenziale pari a 1 V $1 \text{ eV} = 1,602176634 \times 10^{-19}$ Joule



Visione classica (chimica)

1.12 eV è l'energia necessaria per rompere un legame covalente e creare un elettrone libero di muoversi nel cristallo

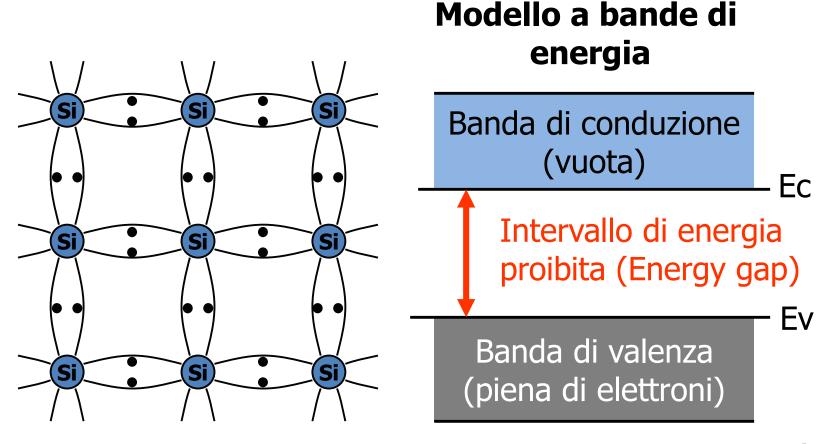
Energy gap del silicio Eg = 1.12 eV



Visione quantistica (fisica)

1.12 eV è il salto quantico in energia necessario per passare dalla banda di energia degli stati «legati» (piena a OK) alla banda superiore (vuota a OK)

Cristallo di silicio a T=0K



Nel cristallo di Silicio, gli elettroni di valenza non hanno più tutti la stessa energia di legame come nell'atomo isolato, ma energie leggermente diverse che formano una banda, la banda di valenza.

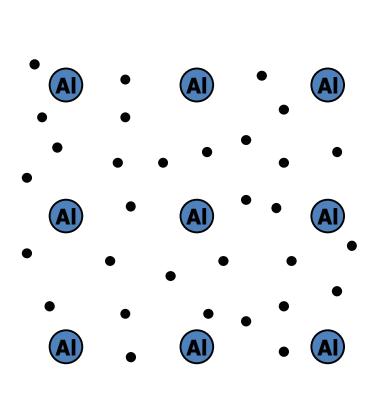
Cristallo di silicio a T=0K

Modello a bande di energia Banda di conduzione (vuota) Ec Intervallo di energia proibita (Energy gap) Fν Banda di valenza (piena di elettroni)

A OK nessun elettrone ha potuto rompere il legame covalente che lo vincola al cristallo: questa banda di livelli energetici è vuota

A OK tutti gli elettroni appartengono a legami covalenti questa banda di livelli energetici è completamente piena

Comportamento dei metalli

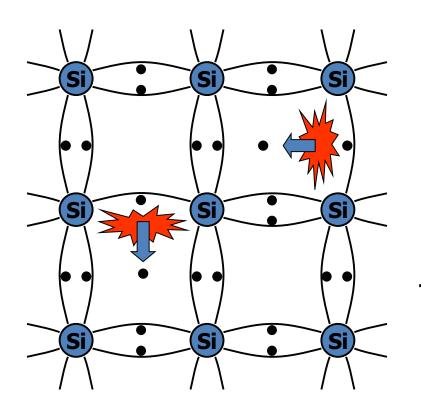


I cristalli metallici sono invece caratterizzati da una densità elevata di elettroni poco legati anche nello stato fondamentale (T=0 K).

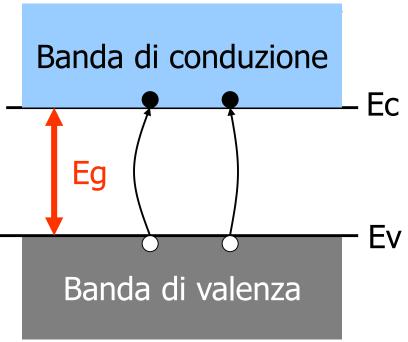
Questi elettroni poco legati formano un gas elettronico.

Se si applica una differenza di potenziale, anche molto piccola, si ha circolazione di corrente.

Cristallo di silicio



Modello a bande di energia

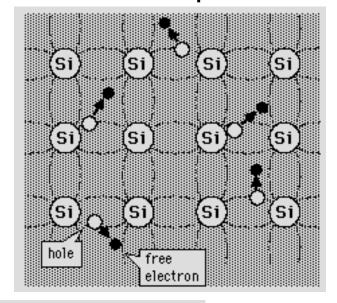


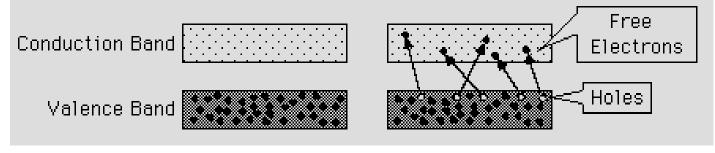
A differenza dei metalli, nei semiconduttori per avere elettroni che possono partecipare alla conduzione di corrente bisogna rompere i legami covalenti, portando così gli elettroni in orbitali delocalizzati poco legati (banda di conduzione). Gli elettroni sono liberi di muoversi entro il cristallo.

In un cristallo di Si (o altri) a temperatura al di sopra dello zero assoluto, si ha una probabilità non nulla che un elettrone acquisisca energia sufficiente a rompere

il legame covalente, finendo così in banda di conduzione.

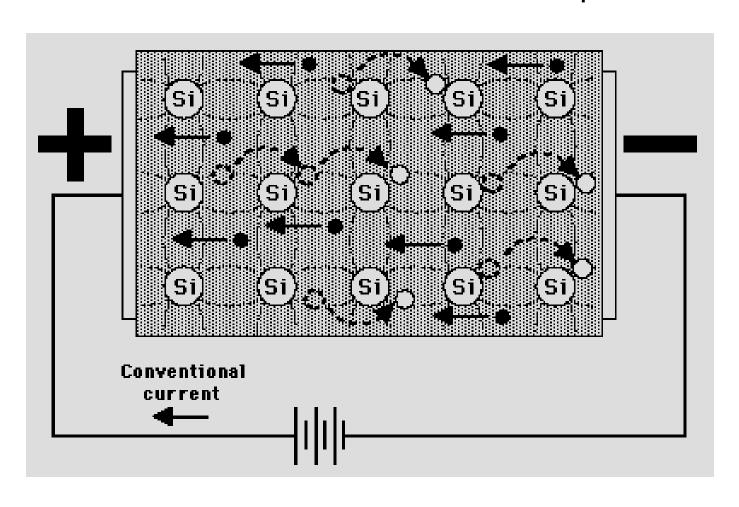
L'elettrone abbandona l'atomo relativo (che diventa uno ione carico positivamente) lasciandosi dietro un legame incompleto detto *lacuna*.





Coppie elettrone-lacuna

In presenza di una tensione applicata, sia elettroni liberi che lacune contribuiscono ad una piccola corrente.



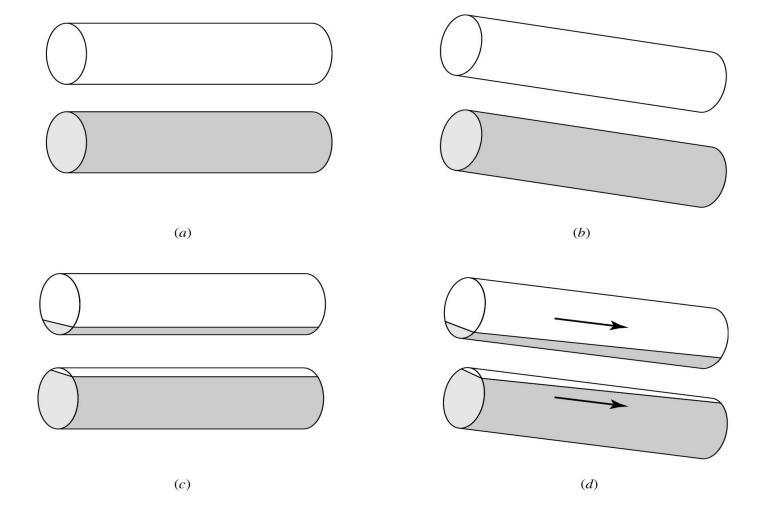
La lacuna equivale ad una particella con carica positiva +q

Le lacune si comportano come una carica positiva!

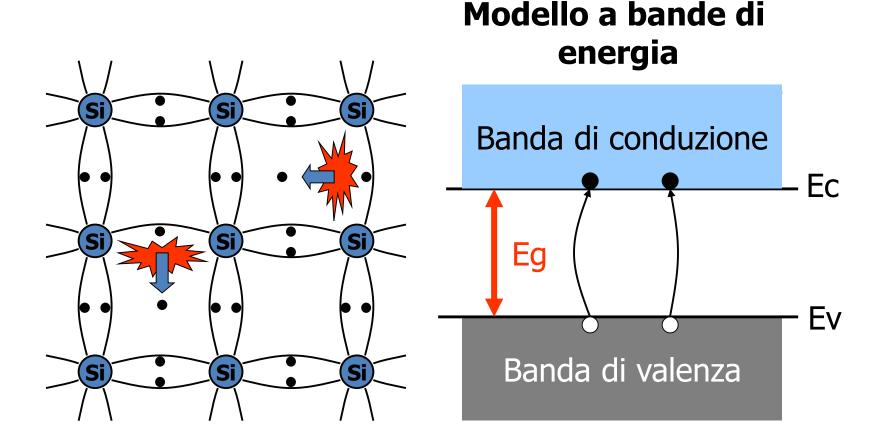


Analogia tra portatori in un semiconduttore e fluido in una conduttura

- a) e (b) Nessun movimento netto di fluido avviene in caso di contenitore vuoto o completamente pieno.
- (c) e (d) Si ha movimento di Fluido nel caso in cui una parte del fluido del contenitore inferiore sia stata spostata in quello superiore.

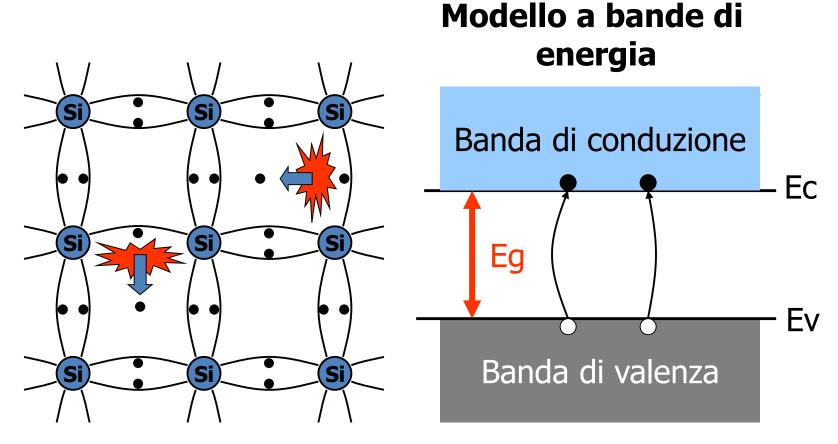


Energy gap



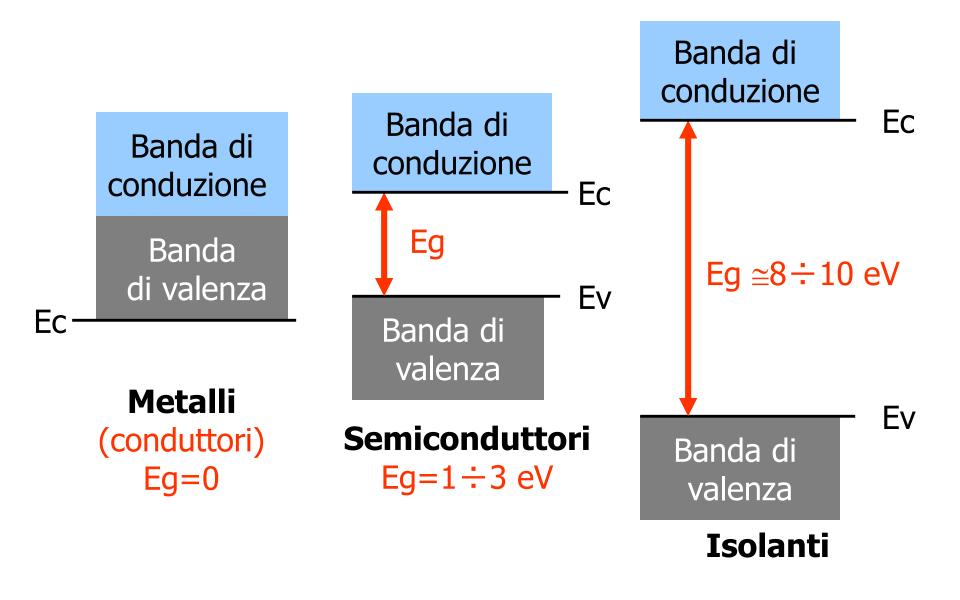
L'energia minima necessaria a rompere il legame covalente e originare una coppia elettrone/lacuna è detta Energy Gap (Eg).

Coppie elettrone-lacuna in un semiconduttore intrinseco = puro



Gli elettroni possono acquisire energia cinetica in **banda di conduzione** e muoversi entro il cristallo. Anche le lacune possono acquisire energia cinetica in **banda di valenza** e muoversi entro il cristallo.

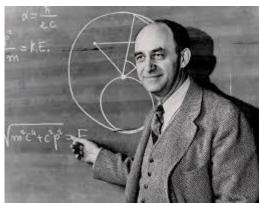
Conduttori, semicondutori e isolanti

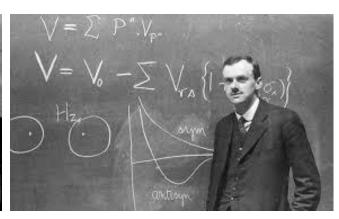


A T > 0K quanti elettroni raggiungono la banda di conduzione?









James Clerk Maxwell

Ludwig Boltzmann

0.9

0.8

0.7

(E) (no units) 0.5 0.4

0.3

Enrico Fermi

Fermi-

Dirac

 $(E-E_F)/kT$ (no units)

Maxwell-Boltzmann

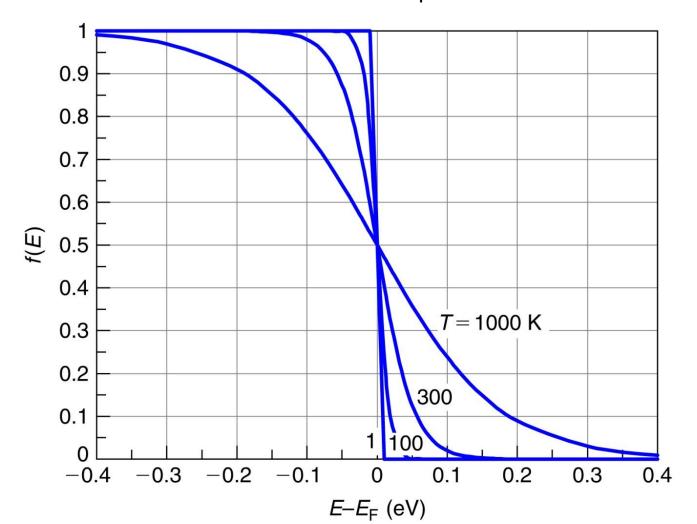
Maxwell-Boltzmann

Paul Adrien Maurice Dirac

Statistica di Fermi-Dirac per l'energia degli elettroni

$$f_D(E) = \frac{1}{1 + \exp\left(\frac{E - E_f}{kT}\right)}$$

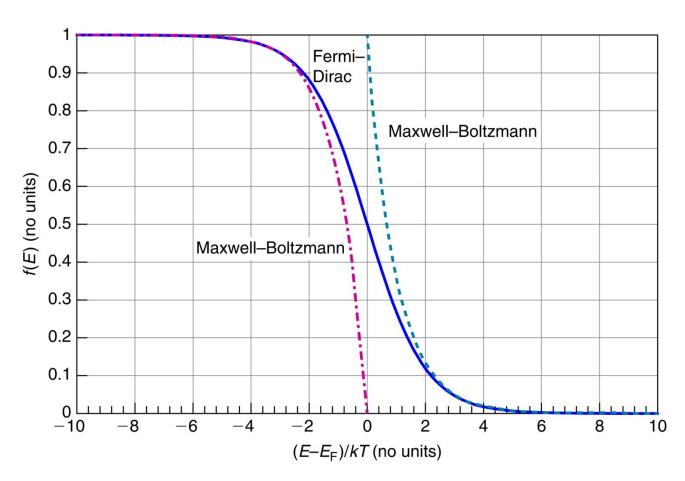
probabilità che l'elettrone abbia una $f_D(E) = \frac{1}{1 + \exp\left(\frac{E - E_f}{kT}\right)}$ certa energia E rispetto ad un'energia di riferimento E_c



Approssimazione di Maxwell-Boltzmann

$$f_M(E) = \exp\left(-\frac{E - E_f}{kT}\right)$$

probabilità che l'elettrone abbia una certa energia E rispetto ad un'energia di riferimento E_f



semiconduttori intrinseci

A temperatura ambiente (25° C) la densità di elettroni presenti in un semiconduttore intrinseco (n_i) che statisticamente (in un equilibrio dinamico) si trovano in banda di conduzione è dell'ordine di

10¹⁰ elettroni/cm³

$$n_i^2 = BT^3 exp\left(-\frac{Eg}{kT}\right)$$

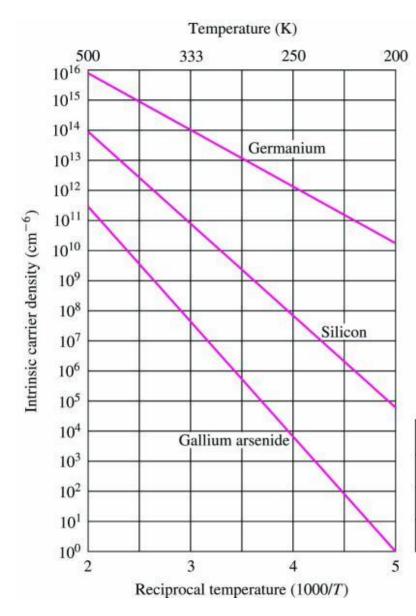
k = costante di Boltzmann = 8.62 x 10⁻⁵ eV/K

La densità di atomi nel cristallo è dell'ordine di 10²² atomi/cm³, per cui all'incirca un atomo ogni 10¹² perde un elettrone di valenza.

Per il bilanciamento delle cariche, si ha anche che

$$n = p = n$$

Concentrazione dei portatori intrinseci vs. T



- □ n = densità di elettroni(elettroni/cm³) $n = n_i$ Per un materiale intrinseco.
- $n_i^2 \approx 10^{20} \text{ cm}^{-6} \text{ per Si}$

$$n_i^2 = BT^3 exp\left(-\frac{Eg}{kT}\right)$$

	B (K ⁻³ ⋅cm ⁻⁶)	$E_G(eV)$
Si	1.08×10^{31}	1.12
Ge	2.31×10^{30}	0.66
GaAs	1.27×10^{29}	1.42

Doping

come alterare tipo e livello di conducibilità nei semiconduttori : drogaggio di tipo N e di tipo P

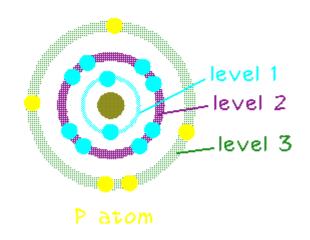
Elementi del gruppo III, IV e V della tavola periodica

Semiconductor	Bandgap Energy E _G (eV)	
Carbon (diamond)	5.47	
Silicon	1.12	
Germanium	0.66	
Tin	0.082	
Gallium arsenide	1.42	
Gallium nitride	3.49	
Indium phosphide	1.35	
Boron nitride	7.50	
Silicon carbide	3.26	
Cadmium selenide	1.70	

	IIIA	IVA	VA	VIA
	5 10.811	6 12.01115	7	8 15.9994
	В	C	N	О
	Boron	Carbon	Nitrogen	Oxygen
	13 26.9815	14 28.086	15 30.9738	16 32.064
	Al	Si	P	S
IIB	Aluminum	Silicon	Phosphorus	Sulfur
30 65.37	31 69.72	32 72.59	33 74.922	34 78.96
Zn	Ga	Ge	As	Se
Zinc	Gallium	Germanium	Arsenic	Selenium
48 112.40	49 114.82	50 118.69	51 121.75	52 127.60
Cd	In	Sn	Sb	Te
Cadmium	Indium	Tin	Antimony	Tellurium
80 200.59	81 204.37	82 207.19	83 208.980	84 (210)
Hg	Tl	Pb	Bi	Po
Mercury	Thallium	Lead	Bismuth	Polonium

Drogaggio (doping) di un semiconduttore

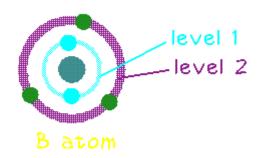
L'aggiunta di una piccola percentuale di atomi di altri elementi nel cristallo comporta forti cambiamenti nelle proprietà elettriche del cristallo, che viene detto drogato.



FOSFORO

(5 elettroni di valenza) fornisce 1 elettrone aggiuntivo (donatore).

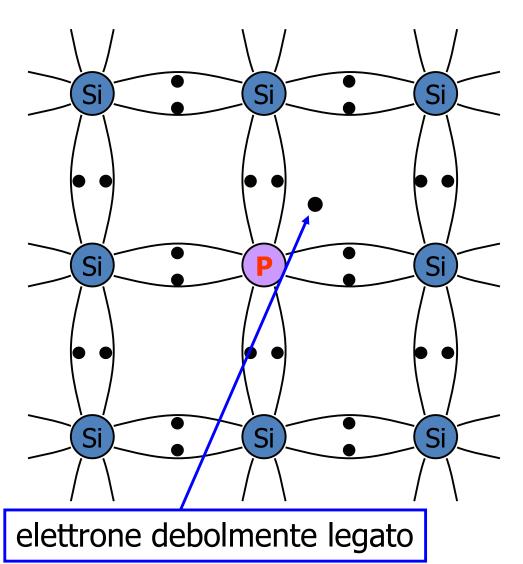
Drogaggio di tipo n



BORO

(3 elettroni di valenza) fornisce 1 lacuna aggiuntiva (accettore). Drogaggio di tipo p

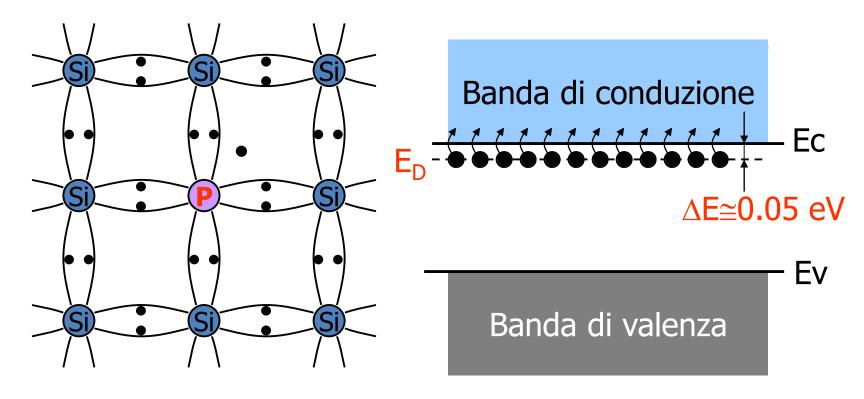
Silicio drogato n = con atomi donatori



L'aggiunta di impurità pentavalenti (Sb, As, P) introduce elettroni liberi che non partecipano ai legami covalenti, e aumentano la conduttività del semiconduttore. (non si creano lacune),

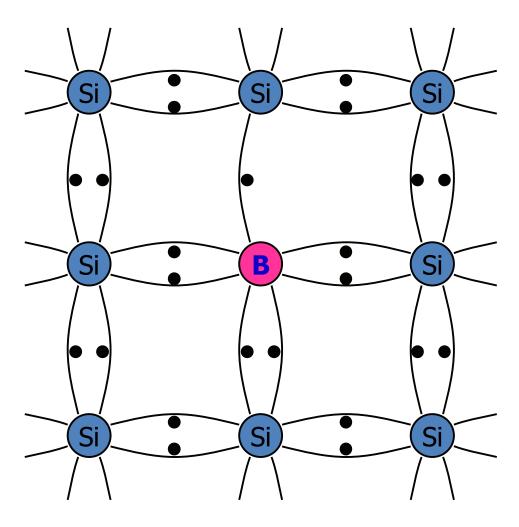
Gli atomi del V gruppo donano un elettrone e per questo vengono detti: "donatori"

Silicio drogato n con atomi donatori



A T=300 K tutti i donatori sono ionizzati. Se introduco N_D [cm⁻³] (con $N_D >> n_i$) donatori allora $n \cong N_D$

Silicio drogato p – con atomi accettori

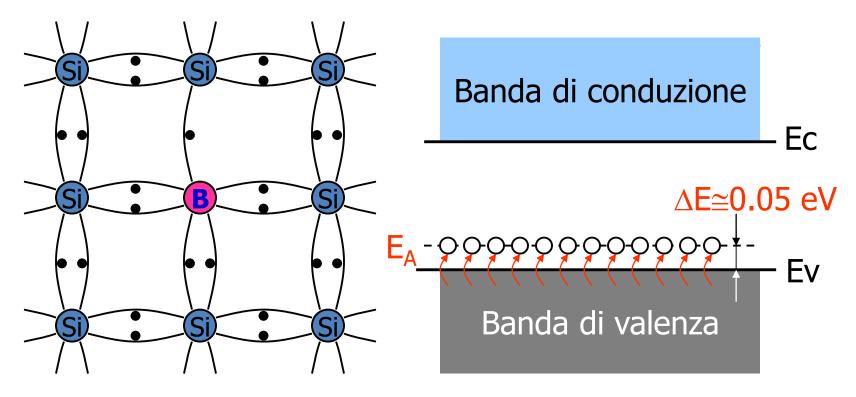


L'aggiunta di impurità trivalenti(B, Al, Ga) crea delle assenze di elettroni di valenza (lacune) che aumentano la conduttività del semiconduttore.

Gli atomi del III gruppo accettano un elettrone e per questo vengono detti:

"accettori"

Silicio drogato p – con atomi accettori



A T=300 K tutti gli accettori sono ionizzati. Se introduco N_A [cm⁻³] (con $N_A >> n_i$) donatori allora $p \cong N_A$

Legge di azione di massa : $np = n_i^2(T)$

Attraverso il drogaggio possiamo inserire portatori di un solo tipo (elettroni, oppure lacune), nella concentrazione desiderata (tipicamente da 10¹⁴ atomi/cm³ fino a 10²¹ atomi/cm³).

Il semiconduttore risulta quindi «drogato» di tipo n (conducibilità dovuta a elettroni) o di tipo p (conducibilità dovuta a lacune)

Si può dimostrare che vale la «legge di azione di massa» : il prodotto tra la concentrazione di elettroni e di lacune dipende solo dalla temperatura e non dal drogaggio

quindi per una data temperatura, in un semiconduttore intrinseco il prodotto $np = n_i^2(T)$

Portatori maggioritari e minoritari in silicio drogato

Semiconduttore tipo "n":

$$n @ N_D$$

$$p = \frac{n_i^2}{n} @ \frac{n_i^2}{N_D}$$

Esempio:

$$N_D = 10^{18} \, \text{cm}^{-3}$$
, $n = 10^{18}, p = 2.1 \cdot 10^2 \, \text{cm}^{-3}$

Semiconduttore tipo "p":

Esempio:

$$p @ N_A$$

$$n = \frac{n_i^2}{p} @ \frac{n_i^2}{N_A}$$

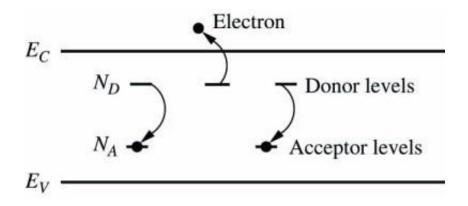
$$N_A = 10^{16} \, \text{cm}^{-3}$$
, $p = 10^{16}, n = 2.1 \cdot 10^4 \, \text{cm}^{-3}$

$$n_n >> n_i = p_i >> p_n e p_p >> p_i = n_i >> n_p$$

Portatori maggioritari e minoritari

- □ Se $N_D > N_A$, il materiale è di tipo-n. Se $N_A > N_D$, il materiale è di tipo-p.
- □ I portatori (elettroni o lacune) presenti in concentrazione maggiore si dicono portatori maggioritari, gli altri si dicono portatori minoritari.

Principio di compensazione del drogaggio



Un semiconduttore compensato ha sia drogante di tipo-n che di tipo-p. Se $N_D > N_A$ gli elettroni forniti dagli atomi donori andranno ad occupare le lacune associate agli atomi accettori; gli elettroni rimanenti, in concentrazione N_D - N_A , a temperatura ambiente si troveranno in banda di conduzione.

Carica fissa = donatori e accettori ionizzati

Oltre alla carica mobile, costituita da elettroni e lacune, nel semiconduttore c'è anche la carica fissa dovuta alle impurezze :

i DONATORI (atomi del gruppo V, come P, As) hanno perso un elettrone e si sono caricati positivamente, con una carica positiva pari in modulo a quella dell'elettrone

quindi N_D^+ donatori ionizzati per cm 3 hanno carica $+qN_D^+$ per cm 3

gli ACCETTORI (atomi del gruppo III, come B, Sb) hanno acquistato un elettrone (che equivale a cedere una lacuna) e *si sono caricati* negativamente, con una carica negativa pari a quella dell'elettrone quindi N_A^- accettori ionizzati per cm³ hanno carica $-qN_A^-$ per cm³

Il drogaggio non altera la neutralità di carica del semiconduttore:

$$q(N_D + p - N_A - n) = 0$$

Inoltre, per la legge dell'azione di massa, all'equilibrio termodinamico, si ha: $pn = n_i^2$



Concentrazione di elettroni in un semiconduttore di tipo n, drogato con $N_D > N_A$ impurezze (drogato sia con N_D che con N_Δ)

- □ Sostituendo $p=n_i^2/n$ in $q(N_D + p N_A n) = 0$ si ottiene: $n^2 (N_D N_A)n n_i^2 = 0$.
- Risolvendo in n:

$$n = \frac{(N_D - N_A) \pm \sqrt{(N_D - N_A)^2 + 4n_i^2}}{2} e p = \frac{n_i^2}{n}$$

- □ Per $(N_D N_A) >> 2n_i$ si ha $n \approx (N_D N_A)$ (maggioritari.
- $p = n_i^2/(N_D N_A)$ minoritari
- □ quando $n_i >> (N_D N_A)$ (ad alta temperatura) si ha $n=p=n_i$ (comportamento intrinseco ad alta T)

Semiconduttore *tipo-p*

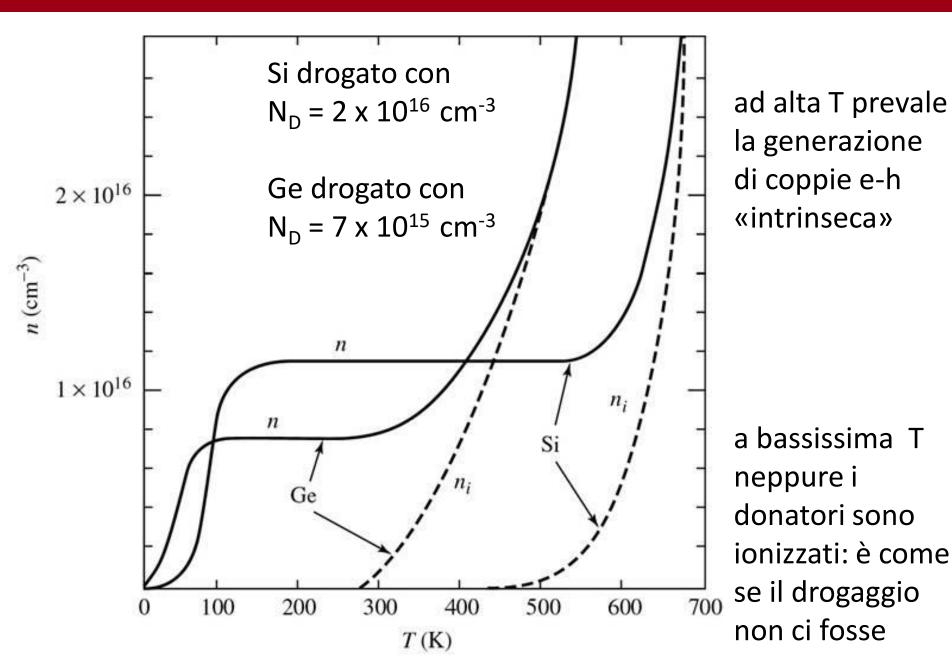
In modo simile si può ottenere la concentrazione di lacune in un semiconduttore di tipo-p (in presenza di entrambe le specie droganti):

$$p = \frac{(N_A - N_D) \pm \sqrt{(N_A - N_D)^2 + 4n_i^2}}{2} e n = \frac{n_i^2}{p}$$

$$\square$$
 Per $(N_A - N_D) >> 2n_i$, $p \approx (N_A - N_D)$.

$$n = \frac{n_i^2}{N_A - N_D}$$

Concentrazione di elettroni vs T (Silicio e Germanio)



nei semiconduttori

- I portatori di carica (elettroni in banda di conduzione, lacune in banda di valenza) sono debolmente legati agli ioni del reticolo cristallino
- ◆ A temperatura T > 0 K si muovono per agitazione termica in modo casuale ⇒ lo spostamento medio è nullo
- In presenza di un campo elettrico E, al moto termico casuale si sovrappone un moto di deriva nella direzione del campo (con verso opposto per gli elettroni, concorde per le lacune)

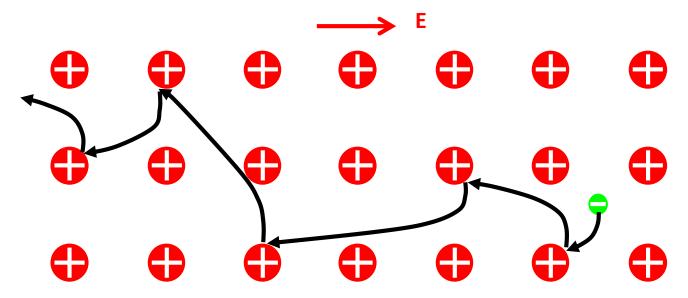
Trasporto di carica nei semiconduttori

Teorema della massa efficace

 Il moto degli elettroni in un cristallo perfetto può essere descritto dalle leggi della meccanica classica riferite ad un elettrone che si muove nel vuoto se si sostituisce la massa dell'elettrone nel vuoto m_o con una «massa efficace» m_n* che tiene conto della natura del cristallo entro il quale si muove l'elettrone

Velocità di deriva = velocità dovuta al campo elettrico

Modello semplificato della velocità di deriva



Ipotesi:

- il moto degli elettroni ha una componente dovuta all'agitazione termica e una dovuta al campo elettrico
- il vettore velocità termica ha media nulla
- immediatamente dopo un urto con il reticolo, la velocità dell'elettrone ha solo la componente termica
- tra due urti, alla componente termica si sovrappone un moto uniformemente accelerato dovuto al campo E

Modello semplificato per la velocità di deriva

 $F\Delta t = m\Delta v$ (teorema dell'impulso)

$$-qE\tau = m_n^* v_d$$

$$v_d = -(q\tau/m_n^*)E = -\mu_n E$$

dove

 τ = tempo medio tra gli urti

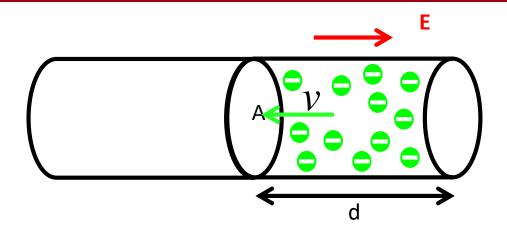
E = campo elettrico

q = carica dell'elettrone

m_n* = massa efficace dell'elettrone

 $\mu_n = (q\tau/m_n^*) = \text{mobilità dell'elettrone } [\text{cm}^2/(\text{V}\times\text{s})]$

Corrente di deriva



A = area della sezione perpendicolare al moto degli elettroni

 $A \cdot d = volume di semiconduttore preso in considerazione$

v = velocità di deriva degli elettroni

t = d/v = tempo che gli elettroni contenuti nel volume A·d impiegano ad attraversare la sezione A

N = numero medio di elettroni nel volume A·d

I = corrente attraverso la sezione A

$$I = \frac{Q}{t} = -\frac{q \cdot N}{t} = -\frac{q \cdot N \cdot v}{d} = \frac{A \cdot q \cdot N \cdot \mu_n \cdot E}{A \cdot d} = A \cdot q \cdot n \cdot \mu_n \cdot E$$

Corrente di deriva (dovuta al campo elettrico)

Velocita' $v \propto E$

Velocita' delle lacune

$$V = \mu_p E$$
Campo E
Mobilita'
Velocita' (cm/s)

$$J_{drift} = q(p\mu_p + n\mu_n)E$$

Velocita' degli elettroni

$$v = -\mu_n E$$

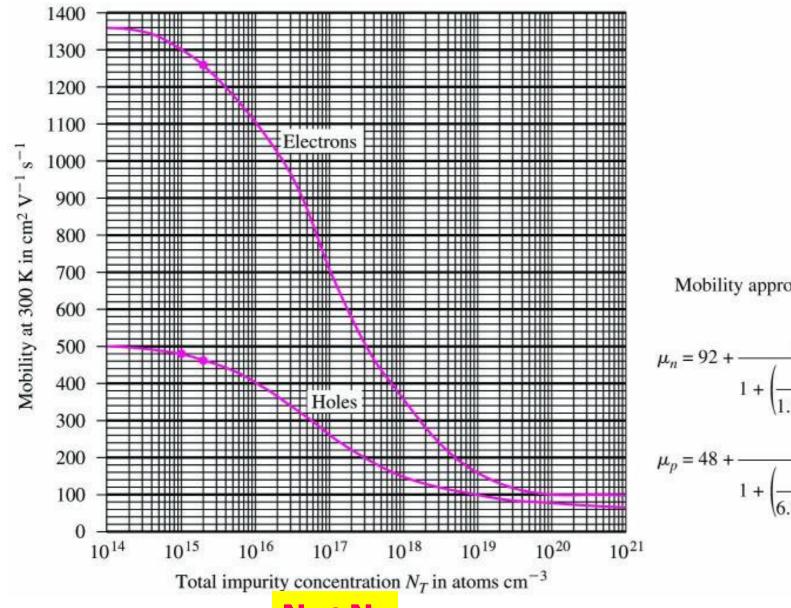
Sono velocita' medie Collisioni e urti!!!

$$J_{drift} = \sigma E$$

Conducibilità

$$\rho = \frac{1}{\sigma} = \frac{1}{q(p\mu_p + n\mu_n)}$$
 Resistività

La mobilità dipende dal drogaggio e dalla temperatura



Mobility approximations

$$\mu_n = 92 + \frac{1270}{1 + \left(\frac{N_T}{1.3 \times 10^{17}}\right)^{0.91}}$$

$$\mu_p = 48 + \frac{447}{1 + \left(\frac{N_T}{6.3 \times 10^{16}}\right)^{0.76}}$$



Si intrinseco vs Si drogato

Silicio intrinseco:

$$\mathbf{n} = \mathbf{p} = \mathbf{n}_{i} = \mathbf{1.45 \cdot 10^{10} \left[\text{cm}^{-3} \right]}$$

$$\rho_{i-Si} = \frac{1}{\mathsf{q} \left(\mathsf{p} \mu_{\mathsf{p}} + \mathsf{n} \mu_{\mathsf{n}} \right)} \cong \frac{2 \cdot 10^{5} \left[\Omega \cdot \mathsf{cm} \right]}{2 \cdot 10^{5} \left[\Omega \cdot \mathsf{cm} \right]}$$

Silicio tipo "n":

$$N_{D} = 10^{18} \, \Big[cm^{-3} \, \Big], \quad n = 10^{18}, p = 2.1 \cdot 10^{2} \Big[cm^{-3} \, \Big]$$

$$\rho_{\mathsf{n-Si}} \cong \frac{1}{\mathsf{qn}\mu_{\mathsf{n}}} \cong \frac{1.6 \cdot 10^{-2} \left[\Omega \cdot \mathsf{cm}\right]}{1.6 \cdot 10^{-2}}$$