## Lógica y Álgebra - Examen Final -Fecha: 02/12/20





Apellido y Nombre: .....

Los estudiantes regulares deben hacer cinco (5) ejercicios a elección, mientras que los libres deben hacer los seis (6).

Los estudiantes que promocionaron la práctica deberán hacer los tres (3) ejercicios teóricos.

- 1. Dada la proposición "Si prestas atención entonces aprenderás más rápido".
  - a. Simbolizar e identificar cada proposición simple que interviene.
  - b. Comprobar la siguiente equivalencia:  $p \rightarrow q \equiv (p) \lor q$ .
- 2. Dada las siguientes matrices, encontrar la matriz cuadrada X que satisface la siguiente ecuación matricial: X = 2A B + 3C, siendo

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 8 \\ 3 & -5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 7 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$$

3. Dado el siguiente sistema:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 6 \\ x_1 - x_2 + 2x_3 = 5 \\ x_1 - x_2 - 3x_3 = -10 \end{cases}$$

- a) Escribir el sistema en su forma matricial
- b) Resolver y clasificarlo
- c) Identificar la solución al sistema homogéneo asociado.

## Teoría

- Definir las siguientes operaciones entre conjuntos:a) Unión, b) intersección, c) complemento, d) diferencia simétrica, y represente cada una de ellas en un diagrama de Venn considerando dos conjuntos A y B que tienen elementos comunes y no comunes.
- 2. Definir simbólicamente producto escalar de vectores y suma de matrices. Enuncie las propiedades que cumple cada operación.
- 3. Obtener la ecuación de la recta en el plano ( $\mathcal{R}^2$ ) definida por un punto y un vector normal. (realice esquema gráfico). A partir de lo hallado, indique tres casos particulares.