

רטוב 1:

הסבר על מבני הנתונים הבסיסיים שהשתמשנו בהם :

המבנה הבסיסי:

עץ AVL :

בסיבוכיות זמן $\log(n)$ השימוש העיקרי במבנה הזה הוא על מנת לנצל את התכונה של חיפוש הזנה והסרת איברים בעץ AVL של

מימשנו מילון גנרי בעל מפתח וערך גנריים באמצעות עץ ה-AVL, נשתמש בהם בטיפוסים שונים לטובת המימוש שלנו.

המבנה העיקרי :

כולל שני עצים עיקריים :

1. עץ של חברות:

שכל מפתח בעץ הוא המספר המזהה של החברה (ID) וה data של כל קבוצה הוא טיפוס בשם COMPANY שכולל את id של החברה, מספר העובדים שיש בה ומצביע על העובד עם ה SALARY הכי גבוה, בנוסף כולל עץ של רק העובדים השייכים לחברה לכל עובד בעץ זה המפתח - הוא טיפוס שכולל את ה ID של העובד ואת ה SALARY שלו. כלומר העץ מסודר לפי סידור יורד ל SALARY של כל עובד (אם ה SALARY של שני עובדים שונה אז סידור לפי SALARY אם יש להם את אותו SALARY אז מסודרים לפי ה IDS שלהם בסדר עולה) בנוסף לסידור עולה של ה ID שלו.

וה DATA - הוא מצביע על טיפוס של EMPLOYEE שכולל מצביע לחברה ששייך אליה העובד את ה ID שלו ואת ה SALARY שלו.

2. עץ של עובדים :

העץ הזה כולל כל ה עובדים שיש בכל החברה המפתח לכל איבר בעץ הוא ה ID של כל העובד וה- DATA הוא מצביע על טיפוס של EMPLOYEE שכולל מצביע לחברה ששייך אליה העובד את ה ID שלו ואת ה SALARY שלו.

3. עץ של החברות הלא ריקות :

מכיל את הקבוצות הלא ריקות, הטיפוס COMPANY מכיל שדה בוליאני שמסמן

אם התווספו עובדים לקבוצה זו, אם כן אנחנו מוספים את החברה לעץ החברות הלא ריקות. המפתח וה DATA של העץ הזה בדיוק כמו עץ החברות.

נפרט עבור כל פונקציה את הסיבוכיות של המימוש שלה :

: Init

אתחול של מצביע למבנה ריק שכולל עצים ריקים לכן זה $O(1)$.

: AddCompany(void *DS, int CompanyID, int Value);

תחילה נצור אובייקט של COMPANY ריק עם CompanyID הנתון – $O(1)$

נבדוק אם האובייקט שיצרנו נמצא בעץ החברות – $O(\log K)$ כאשר K מספר האיברים בעץ החברות (חיפוש בעץ AVL).

אם כן נמצא נמחק את האובייקט ונחזיר שגיאה – $O(1)$

אם לא נמצא אז נוסיף אותו – $O(\log K)$ כאשר K מספר האיברים בעץ החברות (הוספת איבר בעץ AVL).

בסה"כ הוספת איבר לעץ החברות, כפי שלמדנו זה $O(\log k)$ במקרה הגרוע, כאשר k הוא מספר החברות (האיברים בעץ).

AddEmployee(void *DS, int EmployeeID, int CompanyID, int Salary, int Grade);

תחילה נצור אובייקט של EMPLOYEE ריק עם EmployeeID, Salary, Grade – אתחול מצביעם וערכים $O(1)$

נבדוק אם קיימת קבוצה עם CompanyID הנתון – $O(1)$

נבדוק אם האובייקט של EMPLOYEE שיצרנו נמצא בעץ העובדים – $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ העובדים (חיפוש בעץ AVL).

אם כן נמצא נמחק את האובייקט ונחזיר שגיאה – $O(1)$

אם לא נמצא אז נוסיף אותו – $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ העובדים (הוספת איבר בעץ AVL).

נוסיף אותו לעץ העובדים של הקבוצה – $O(\log K) + O(\log \text{NUMOFEMPLOYEE})$ כאשר K מספר האיברים בעץ החברות (חיפוש הקבוצה בעץ הקבוצות – $O(\log K)$ ו NUMOFEMPLOYEE מספר העובדים השייכים לחברה) (הוספת איבר בעץ AVL – $O(\log \text{NUMOFEMPLOYEE})$).

ע"י בדיקה לשדה הבוליאני של הקבוצה, נעדכן אותו בהתאם, אם זיהו העובד הראשון המתווסף לקבוצה זו נעדכן אותו ל true ונוסיף את הקבוצה לעץ החברות הלא ריקות –

$O(\log \text{NUMOCOMPANYS})$

*** נשים לב שלעץ החברות הלא ריקות מתקיים : K מספר כל החברות במערכת (ריקות+לא ריקות) (NUMOCOMPANYS) השייכים לעץ הקבוצות הלא ריקות):

$$\text{NUMOCOMPANYS} \leq K$$

השוואה ועדכון במידת הצורך האיבר בעל Salary_ הכי גדול בעץ של החברה ועדכון מספר האיברים בעץ- $O(1)$

*** נשים לב שלכל חברה מתקיים : N מספר כל העובדים (NUMOFEMPLOYEE) השייכים לקבוצה):

$$\text{NUMOFEMPLOYEE} \leq N$$

בסה"כ הוספת עובד, זה

$$O(\log k) + O(\log N) + O(\log \text{NUMOFEMPLOYEE}) + O(\log \text{NUMOCOMPANYS}) \leq$$

$$O(\log k) + O(\log N) + O(\log N) + O(\log k) \leq O(\log k) + O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר k הוא מספר החברות (האיברים בעץ) ו- N הוא מספר כל העובדים .

:RemoveCompany(void *DS, int CompanyID);

מחפשים את האיבר שיש להסיר בעץ של החברות - $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ החברות (חיפוש בעץ AVL).

אם לא נמצא נחזיר שגיאה - $O(1)$

נבדוק אם יש עובדים בחברה זו אם כן נמצא נחזיר שגיאה - $O(1)$

מוחקים את האיבר מעץ החברות של החברה ומעדכנים מספר החברות במערכת $(\log \text{NUMOFEMPLOYEE})$

סכ"ה:

$$O(\log N) + O(\log N) + O(1) + O(1) + O(\log \text{NUMOFEMPLOYEE}) \leq O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר N הוא מספר כל החברות.

RemoveEmployee(void *DS, int EmployeeID):

מחפשים את האיבר שיש להסיר בעץ של העובדים $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ העובדים (חיפוש בעץ AVL).

אם לא נמצא נחזיר שגיאה $O(1)$

ניגשים לעץ של העובדים השייכים לחברה של השחקן דרך המצביע שמחזיק העובד בעץ העובדים לחברה שלו $O(1)$ (כי לא עשינו חיפוש לקבוצה בעץ אלא שמרנו מצביע ונגשנו באמצעתו)

מוחקים את האיבר מעץ העובדים של החברה ומעדכנים מספר העובדים בחברה \log
 $O(\text{NUMOFEMPLOYEE})$

השוואה ועדכון במידת הצורך האיבר בעל Salary_ הכי גדול בעץ של החברה ועדכון מספר האיברים בעץ של העובדים השייכים לקבוצה $O(1)$

מוחקים את האיבר מעץ העובדים של כל המערכת $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ העובדים
עדכון מספר האיברים בעץ של העובדים $O(1)$

סכ"ה:

$$O(\log N) + O(\log N) + O(1) + O(1) + O(\log \text{NUMOFEMPLOYEE}) \leq O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר N הוא מספר כל העובדים.

GetCompanyInfo(void *DS, int CompanyID, int *Value, int *NumEmployees):

מחפשים את האיבר שיש להחזיר מידע עליו בעץ של החברות $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ החברות (חיפוש בעץ AVL).

אם לא נמצא נחזיר שגיאה $O(1)$

נעדכן במצביעים הנתונים המידע המבוקש $O(1)$

סכ"ה:

$$O(\log N) + O(1) \leq O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר N הוא מספר כל החברות.

GetEmployeeInfo(void *DS, int EmployeeID, int *EmployerID, int *Salary, int *Grade):

מחפשים את האיבר שיש להחזיר מידע עליו בעץ של העובדים - $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ העובדים (חיפוש בעץ AVL).

אם לא נמצא נחזיר שגיאה - $O(1)$

נעדכן במצביעים הנתונים המידע המבוקש - $O(1)$

סכ"ה:

$$O(\log N) + O(1) + O(1) \leq O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר N הוא מספר כל העובדים.

IncreaseCompanyValue(void *DS, int CompanyID, int ValueIncrease):

מחפשים את האיבר שיש לעדכן בעץ של החברות - $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ החברות (חיפוש בעץ AVL).

אם לא נמצא נחזיר שגיאה - $O(1)$

מחפשים ומעדכנים את הVALUE של האיבר מעץ החברות של המערכת ($O(\log \text{NUMOFCOMPANIES})$)

סכ"ה:

$$O(\log N) + O(1) + O(\log \text{NUMOFCOMPANIES}) \leq O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר N הוא מספר כל החברות.

PromoteEmployee(void *DS, int EmployeeID, int SalaryIncrease, int BumpGrade):

מחפשים את האיבר שיש לעדכן בעץ של העובדים - $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ החברות (חיפוש בעץ AVL).

אם לא נמצא נחזיר שגיאה - $O(1)$

מחפשים ומעדכנים את הSALARY של האיבר מעץ העובדים של המערכת ($O(\log \text{NUMOFEMPLOYEES})$)

במידה $0 < \text{BumpGrade}$ אז מעדכנים בהתאם הדרגה שלו

סכ"ה:

$$O(\log N) + O(1) + O(\log \text{NUMOFEMPLOYEES}) \leq O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר N הוא מספר כל העובדים.

HireEmployee(void *DS, int EmployeeID, int NewCompanyID):

מחפשים את העובד שיש להעביר בעץ של העובדים - $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ החברות (חיפוש בעץ AVL).

בודקים אם NewCompanyID שווה למזהה החברה שלו אם כן נחזיר שגיאה - $O(1)$

אחרת מסירים את העובד מעץ העובדים של החברה שלו $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ החברה (הסרה בעץ AVL). N חסום ע"י מספר כל העובדים במערכת

מחפשים החברה החדשה בעץ החברות $O(\log K)$

ומוסיפים אותו לעץ העובדים של החברה החדשה $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ החברה (הסרה בעץ AVL). N חסום ע"י מספר כל העובדים במערכת

ס"כ:

$$O(\log N) + O(\log K)$$

GetHighestEarner(void *DS, int CompanyID, int *EmployeeID):

אם $CompanyID$ שלילי אז מעדכנים את הערך שמחזיק השדה של $highestSALARYEMPLOYEE$ במשחק ב $EmployeeID$ אם לא נמצא ערך נעדן ב $EmployeeID$ - $O(1)$

אחרת מחפשים את החברה המתאימה בעץ החברות של המערכת - $O(\log K)$ כאשר K מספר האיברים בעץ החברות (חיפוש איבר בעץ AVL).

אם לא נמצאת נחזיר שגיאה - $O(1)$

אחרת מעדכנים את הערך שמחזיק השדה של $highestSALARYEMPLOYEE$ בחברה בעלת המזהה CompanyID ב EmployeeID - $O(1)$

סכ"ה:

$$O(1) + O(1) + O(1) + O(\log K) \leq O(\log K)$$

במקרה הגרוע, כאשר K הוא מספר הקבוצות.

GetAllEmployeesBySalary(void *DS, int CompanyID, int **Employees, int *NumOfEmployees):

אם CompanyID שלילי אז בודקים אם יש עובדים במערכת אם לא מעדכנים את המצביעים בהתאם - $O(1)$

אם יש עובדים אז עושים סיוור INORDER (שמחזיר אותם מסודרים) על עץ העובדים ושומרים אותם במערך הנתון. $O(N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ העובדים

אם CompanyID איננו שלילי אז מחפשים את החברה המתאימה בעץ החברות $O(\log K)$ עושים סיוור INORDER (שמחזיר אותם מסודרים) על עץ העובדים של החברה ושומרים אותם במערך הנתון $O(\text{NUMOFEMPLOYEES})$ - כאשר NUMOFEMPLOYEES מספר העובדים השייכים לחברה במידה ויש שגיאה (אי מציאת החברה בעלת הID הנתון) מחזירים שגיאה $O(1)$ סכ"ה:

אם CompanyID ≤ 0 אז $O(n)$ במקרה הגרוע, כאשר n הוא מספר העובדים במערכת. אחרת, $O(\text{NUMOFEMPLOYEES} + \log k)$ במקרה הגרוע, כאשר NUMOFEMPLOYEES הוא מספר השחקנים ששייכים לקבוצה בעלת המזהה CompanyID ו-k הוא מספר החברות.

StatusType GetHighestEarnerInEachCompany(void *DS, int NumOfCompanies, int **Employees);

נשתמש בעץ החברות הלא ריקות, באמצעות סיוור INORDER על העץ רק עד קבלת numOfCOMPANYs מהאיברים נשמור אותם במערך של COMPANYES בגודל numOfCOMPANYs. $O(\text{numOfCOMPANYs})$

עוד מעבר על המערך לקבלת האיבר בשדה highestSALARYEMPLOYEE ונשמור את הID של העובד הזה במערך הנתון (אחרי הקצאה נכונה למערך זה). $O(\text{numOfCOMPANYs})$

בס"ה: $O(\text{numOfCOMPANYs})$

AcquireCompany(void *DS, int AcquirerID, int TargetID, double Factor);

חיפוש את שתי החברות בעץ החברות של המערכת $O(\log K)^2$ כאשר K מספר האיברים בעץ החברות (חיפוש איבר בעץ AVL).

אחרי חיפוש נעשה סיוור INORDER על כל עץ ונשמור את הערכים במערכים $O(n_{\text{COMPANY}} + n_{\text{replacement}})$ סיוור ה INORDER מחזיר אותם ממיונים, נעשה מיזוג בין המערכים ממיונים כפי שהוצג בתרגול מספר 5 $O(N \log k)$ - כאשר N שווה לסכ"ה עובדים בשני העצים ו K הוא מספר המערכים שעושים להם מיזוג כלומר 2 לכן זה $O(n_{\text{COMPANY}} + n_{\text{replacement}}) = O(N)$

בסכ"ה נקבל: $O(\log k + n_{\text{COMPANY}} + n_{\text{replacement}})$ במקרה הגרוע.

StatusType GetNumEmployeesMatching(void *DS, int CompanyID, int MinEmployeeID, int MaxEmployeeID, int MinSalary, int MinGrade, int *TotalNumOfEmployees, int *NumOfEmployees);

אם CompanyID שלילי אז בודקים אם יש עובדים במערכת אם לא מעדכנים את המצביעים בהתאם - $O(1)$

אם יש עובדים אז עושים סיור INORDER (שמחזיר אותם מסודרים) על עץ העובדים ושומרים אותם במערך הנתון. $O(N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ העובדים

אם CompanyID איננו שלילי אז מחפשים את החברה המתאימה בעץ החברות $O(\log K)$ עושים סיור INORDER (שמחזיר אותם מסודרים) על עץ העובדים של החברה ושומרים אותם במערך הנתון $O(NUMOFEMPLOYEES)$ - כאשר NUMOFEMPLOYEES מספר העובדים השייכים לחברה

במידה ויש שגיאה (אי מציאת החברה בעלת הID הנתון) מחזירים שגיאה $O(1)$ בשני המקרים לעיל אנחנו נעבור על המערך ונספור את העובדים המקיימים התנאים לעיל נעדכן המספר במצביעים הנתונים.

סכ"ה:

אם CompanyID ≤ 0 אז $O(n)$ במקרה הגרוע, כאשר n הוא מספר העובדים במערכת.

אחרת, $O(n_{NUMOFEMPLOYEES} + \log k)$ במקרה הגרוע, כאשר $n_{NUMOFEMPLOYEES}$ הוא מספר השחקנים ששייכים לקבוצה בעלת המזהה CompanyID ו-k הוא מספר החברות.

:Quit(void **DS)

מאחר והקצנו $O(k + n)$ מקום, עלינו לעבור על כל המקום כדי לשחרר אותו. לכן סיבוכיות הזמן היא בהתאם $O(k + n)$.