

רטוב 1:

הסבר על מבני הנתונים הבסיסיים שהשתמשנו בהם :

המבנה הבסיסי:

עץ AVL :

בסיבוכיות זמן $\log(n)$ השימוש העיקרי במבנה הזה הוא על מנת לנצל את התכונה של חיפוש , הזנה והסרת איברים בעץ AVL של

מימשנו מילון גנרי בעל מפתח וערך גנריים באמצעות עץ ה-AVL , נשתמש בהם בטיפוסים שונים לטובת המימוש שלנו .

המבנה העיקרי :

כולל שני עצים עיקריים :

1. עץ של קבוצות:

שכל מפתח בעץ הוא המספר המזהה של הקבוצה (ID) וה data של כל קבוצה הוא טיפוס בשם GROUP שכולל את id של הקבוצה , מספר השחקנים שיש בה ומצביע על השחקן עם ה LEVEL הכי גבוה , בנוסף כולל עץ של רק השחקנים השייכים לקבוצה לכל שחקן בעץ זה המפתח -הוא טיפוס שכולל את ה ID של השחקן ואת ה LEVEL שלו . כלומר העץ מסודר לפי סידור יורד ל level של כל שחקן (אם ה LEVEL של שני שחקנים שונה אז סידור לפי LEVEL אם יש להם את אותו LEVEL אז מסודרים לפי ה IDS שלהם בסדר עולה) בנוסף לסידור עולה של ה ID שלו.

וה-DATA הוא מצביע על טיפוס של PLAYER שכולל מצביע לקבוצה ששייך אליה השחקן את ה ID שלו ואת ה LEVEL שלו .

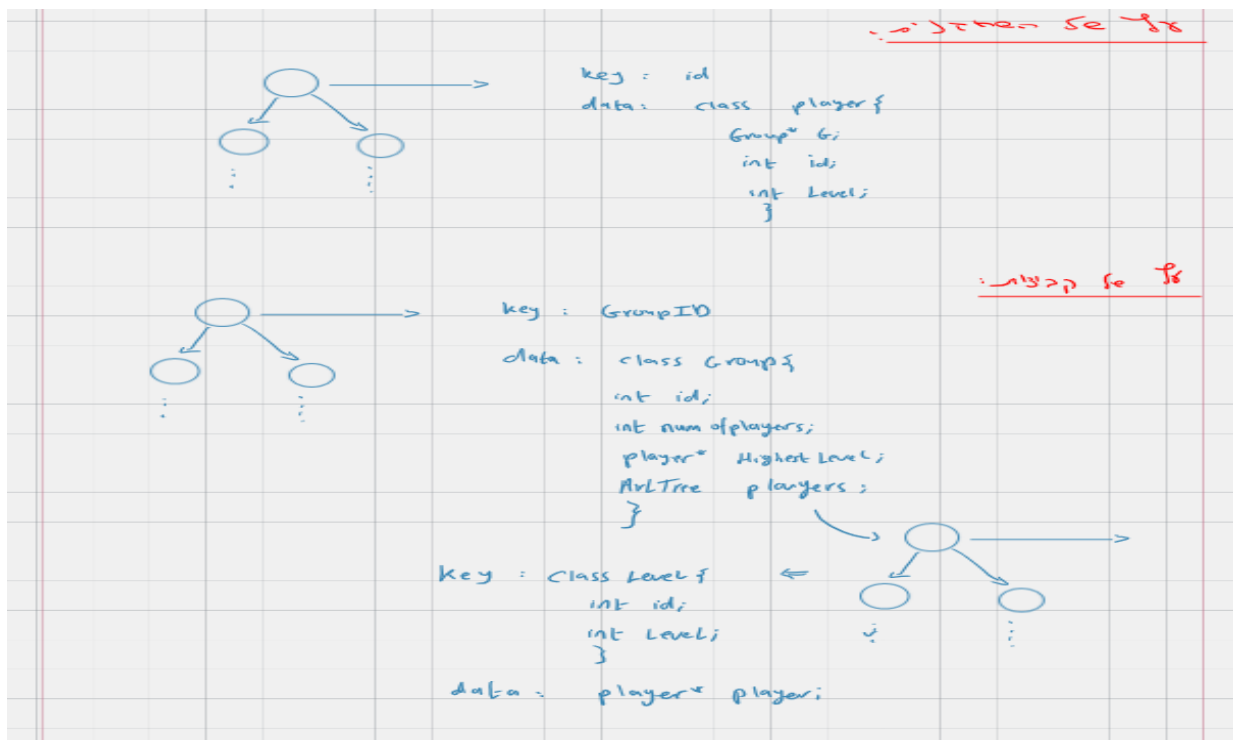
2. עץ של שחקנים :

העץ הזה כולל כל השחקנים שיש בכל המשחק המפתח לכל איבר בעץ הוא ה ID של כל שחקן וה-DATA הוא מצביע על טיפוס של PLAYER שכולל מצביע לקבוצה ששייך אליה השחקן את ה ID שלו ואת ה LEVEL שלו.

3. עץ של הקבוצות הלא ריקות :

מכיל את הקבוצות הלא ריקות , הטיפוס GROUP מכיל שדה בוליאני שמסמן

אם התווספו שחקנים לקבוצה זו , אם כן אנחנו מוספים את הקבוצה לעץ הקבוצות הלא ריקות . המפתח וה DATA של העץ הזה בדיוק כמו עץ הקבוצות.



נפרט עבור כל פונקציה את הסיבוכיות של המימוש שלה :

: Init

אתחול של מצביע למבנה ריק שכולל עצים ריקים לכן זה $O(1)$.

: AddGroup(void *DS, int GroupID)

תחילה נצור אובייקט של GROUP ריק עם GROUPID הנתון – $O(1)$

נבדוק אם האובייקט שיצרנו נמצא בעץ הקבוצות - $O(\log K)$ כאשר K מספר האיברים בעץ הקבוצות (חיפוש בעץ AVL).

אם כן נמצא נמחק את האובייקט ונחזיר שגיאה - $O(1)$

אם לא נמצא אז נוסיף אותו - $O(\log K)$ כאשר K מספר האיברים בעץ הקבוצות (הוספת איבר בעץ AVL).

בסה"כ הוספת איבר לעץ הקבוצות, כפי שלמדנו זה $O(\log k)$ במקרה הגרוע, כאשר k הוא מספר הקבוצות (האיברים בעץ).

:AddPlayer(void *DS, int PlayerID, int GroupID, int Level)

תחילה נצור אובייקט של PLAYER ריק עם PlayerID וLevel - אתחול מצביעים וערכים $O(1)$

נבדוק אם קיימת קבוצה עם GroupID הנתון - $O(1)$

נבדוק אם האובייקט של PLAYER שיצרנו נמצא בעץ השחקנים - $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ השחקנים (חיפוש בעץ AVL).

אם כן נמצא נמחק את האובייקט ונחזיר שגיאה - $O(1)$

אם לא נמצא אז נוסיף אותו - $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ השחקנים (הוספת איבר בעץ AVL).

נוסיף אותו לעץ השחקנים של הקבוצה - $O(\log K) + O(\log \text{NUMOFPLAYERS})$ כאשר K מספר האיברים בעץ הקבוצות (חיפוש הקבוצה בעץ הקבוצות - $O(\log K)$ ו NUMOFPLAYERS הוא מספר השחקנים השייכים לקבוצה (הוספת איבר בעץ AVL - $O(\log \text{NUMOFPLAYERS})$).

ע"י בדיקה לשדה הבוליאני של הקבוצה, נעדכן אותו בהתאם, אם זיהו השחקן הראשון המתווסף לקבוצה זו נעדכן אותו ל true ונוסיף את הקבוצה לעץ הקבוצות הלא ריקות –

$O(\log \text{NUMOGROUPS})$

*** נשים לב שלעץ הקבוצות הלא ריקות מתקיים: (K מספר כל הקבוצות במשחק (ריקות+לא ריקות) (NUMOGROUPS השייכים לעץ הקבוצות הלא ריקות):

$$\text{NUMOGROUPS} \leq K$$

השוואה ועדכון במידת הצורך האיבר בעל הLEVEL הכי גדול בעץ של הקבוצה ועדכון מספר האיברים בעץ - $O(1)$

*** נשים לב שלכל קבוצה מתקיים: (N מספר כל השחקנים) (NUMOFPLAYERS השייכים לקבוצה):

$$\text{NUMOFPLAYERS} \leq N$$

בסה"כ הוספת שחקן, זה

$$O(\log k) + O(\log N) + O(\log \text{NUMOFPLAYERS}) + O(\log \text{NUMOGROUPS}) \leq$$

$$O(\log k) + O(\log N) + O(\log N) + O(\log k) \leq O(\log k) + O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר k הוא מספר הקבוצות (האיברים בעץ) ו N הוא מספר כל השחקנים.

:RemovePlayer(void *DS, int PlayerID)

מחפשים את האיבר שיש להסיר בעץ של השחקנים $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ השחקנים (חיפוש בעץ AVL).

אם לא נמצא נחזיר שגיאה $O(1)$

ניגשים לעץ של השחקנים השייכים לקבוצה של השחקן דרך המצביע שמחזיק השחקן בעץ השחקנים לקבוצה שלו $O(1)$ (כי לא עשינו חיפוש לקבוצה בעץ אלא שמרנו מצביע ונגשנו באמצעתו)

מוחקים את האיבר מעץ השחקנים של הקבוצה ומעדכנים מספר השחקנים בקבוצה $(\log \text{NUMOFPLAYERS})$

השוואה ועדכון במידת הצורך האיבר בעל הLEVEL הכי גדול בעץ של הקבוצה ועדכון מספר האיברים בעץ של השחקנים השייכים לקבוצה $O(1)$

מוחקים את האיבר מעץ השחקנים של כל המשחק $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ השחקנים עדכון מספר האיברים בעץ של השחקנים $O(1)$

סכ"ה:

$$O(\log N) + O(\log N) + O(1) + O(1) + O(\log \text{NUMOFPLAYERS}) \leq O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר N הוא מספר כל השחקנים.

:IncreaseLevel (void *DS, int PlayerID, int LevelIncrease)

מחפשים את האיבר שיש לעדכן בעץ של השחקנים $O(\log N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ השחקנים (חיפוש בעץ AVL).

אם לא נמצא נחזיר שגיאה $O(1)$

ניגשים לעץ של השחקנים השייכים לקבוצה של השחקן דרך המצביע שמחזיק השחקן בעץ השחקנים לקבוצה שלו $O(1)$ (כי לא עשינו חיפוש לקבוצה בעץ אלא שמרנו מצביע ונגשנו באמצעתו)

מחפשים ומעדכנים את הLEVEL של האיבר מעץ השחקנים של הקבוצה $(\log \text{NUMOFPLAYERS})$

השוואה ועדכון במידת הצורך האיבר בעל הLEVEL הכי גדול בעץ של הקבוצה $O(1)$.

שומרים המצביע לקבוצה השייך אליה השחקן. $O(1)$

מוחקים השחקן מעץ השחקנים $O(\log N)$

מוספים שחקן עם אותם פרמטרים אך עם עדכון ה level שלו $O(\log N)$

סכ"ה:

$$O(\log N) + O(\log N) + O(1) + O(1) + O(1) + O(\log \text{NUMOFPLAYERS}) + O(\log N) \leq O(\log N)$$

במקרה הגרוע, כאשר N הוא מספר כל השחקנים.

:GetHighestLevel(void *DS, int GroupID, int *PlayerID)

אם GroupID שלילי אז מעדכנים את הערך שמחזיק השדה של $\text{highestLevelPlayer}$ במשחק ב PlayerID אם לא נמצא ערך נעדן ב PlayerID - $O(1)$

אחרת מחפשים את הקבוצה המתאימה בעץ הקבוצות של המשחק - $O(\log K)$ כאשר K מספר האיברים בעץ הקבוצות (חיפוש איבר בעץ AVL).

אם לא נמצאת נחזיר שגיאה - $O(1)$

אחרת מעדכנים את הערך שמחזיק השדה של $\text{highestLevelPlayer}$ בקבוצה בעלת המזהה GroupID ב PlayerID - $O(1)$

סכ"ה:

$$O(1) + O(1) + O(1) + O(\log K) \leq O(\log K)$$

במקרה הגרוע, כאשר K הוא מספר הקבוצות.

:GetAllPlayersByLevel (void *DS, int GroupID, int **Players, int *numOfPlayers)

אם GroupID שלילי אז בודקים אם יש שחקנים במשחק אם לא מעדכנים את המצביעים בהתאם - $O(1)$

אם יש שחקנים אז עושים סיור INORDER (שמחזיר אותם מסודרים) על עץ השחקנים ושומרים אותם במערך הנתון. - $O(N)$ כאשר N מספר האיברים בעץ השחקנים

אם GroupID איננו שלילי אז מחפשים את הקבוצה המתאימה בעץ הקבוצות - $O(\log K)$

עושים סיור INORDER (שמחזיר אותם מסודרים) על עץ השחקנים של הקבוצה ושומרים אותם במערך הנתון ($O(\text{NUMOFPLAYERS})$ - כאשר NUMOFPLAYERS הוא מספר השחקנים השייכים לקבוצה

במידה ויש שגיאה (אי מציאת הקבוצה בעלת ה ID הנתון) מחזירים שגיאה -- $O(1)$

סכ"ה:

אם $\text{GroupID} < 0$ אז $O(n)$ במקרה הגרוע, כאשר n הוא מספר השחקנים במערכת.

אחרת, $O(n \text{NUMOFPLAYERS} + \log k)$ במקרה הגרוע, כאשר $n \text{NUMOFPLAYERS}$ הוא מספר השחקנים ששייכים לקבוצה בעלת המזהה GroupID ו- k הוא מספר הקבוצות.

:Quit(void **DS)

מאחר והקצנו $O(k + n)$ מקום, עלינו לעבור על כל המקום כדי לשחרר אותו. לכן סיבוכיות הזמן היא בהתאם $O(k + n)$.

GetGroupsHighestLevel (void *DS, int numOfGroups, int **Players)

נשתמש בעץ הקבוצות הלא ריקות, באמצעות סיור INORDER על העץ רק עד קבלת numOfGroups מהאיברים נשמור אותם במערך של GROUPS בגודל numOfGroups. $O(\text{numOfGroups})$.

עוד מעבר על המערך לקבלת האיבר בשדה highestLevelPlayer ונשמור את ה ID של השחקן הזה במערך הנתון (אחרי הקצאה נכונה למערך זה). $O(\text{numOfGroups})$.

בס"ה: $O(\text{numOfGroups})$

ReplaceGroup(void *DS, int GroupID, int ReplacementID)

חיפוש את שתי הקבוצות בעץ הקבוצות של המשחק $O(2 \log K)$ כאשר K מספר האיברים בעץ הקבוצות (חיפוש איבר בעץ AVL).

אחרי חיפוש נעשה סיור INORDER על כל עץ ונשמור את הערכים במערכים- $O(n_{\text{group}} + n_{\text{replacement}})$

סיור ה INORDER מחזיר אותם ממיונים, נעשה מיזוג בין המערכים ממיונים כפי שהוצג בתרגול מספר 5 $O(N \log k)$ - כאשר N שווה לסכ"ה שחקנים בשני העצים ו K הוא מספר המערכים שעושים להם מיזוג כלומר 2 לכן זה

$O(n_{\text{group}} + n_{\text{replacement}}) = O(N)$

בסכ"ה נקבל: $O(\log k + n_{\text{group}} + n_{\text{replacement}})$ במקרה הגרוע.