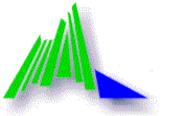


## Université de Pau et des Pays de l'Adour

## Les fonctions en Scheme



## Rappels - Définition de fonction

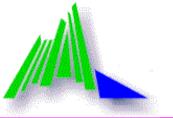
 Spécification d'une fonction : un domaine de départ, un domaine d'arrivée et le corps de la fonction (expression de calcul du résultat).

$$\Re + \longrightarrow \Re +$$

racine:  $x \longrightarrow \sqrt{x}$ 
 $X \times \Re \longrightarrow \Re$ 

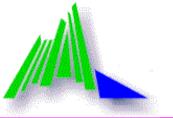
addition:  $x, y \longrightarrow x + y$ 
 $X \times \Re \longrightarrow \Re$ 
 $X \times \Re \longrightarrow \Re$ 

Arité d'une fonction : le nombre de paramètres formels (éléments de l'ensemble de départ : variables ). On parle de fonction unaire, binaire, n-aire.



# Application de fonction en Scheme (calcul)

- ◆ Pour une fonction n-aire, ceci revient à évaluer une liste (f arg₁ arg₂...argn)
- Chaque élément de la liste est séparé des autres par un espace
- f est le nom de la fonction
- arg<sub>i</sub> représentent les arguments de la fonction appelés également paramètres réels.
- ◆ Exemple : (\* 2 5)
  application de la fonction \* (multiplication) aux deux arguments 2 et
  5

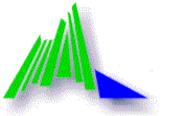


# Application de fonction en Scheme (calcul)

- Evaluation en trois étapes (rappel arbre pour les expressions)
  - 1° L'évaluateur vérifie symbole fonction
  - 2° L'évaluateur évalue les arguments
  - 3° L'évaluateur applique la fonction à la valeur des arguments et retourne le résultat

$$(* (+ 1 2) 5) \rightarrow 15$$

- Il existe des fonctions spéciales qui n'évaluent pas tous leurs arguments
- ◆ Il doit y avoir cohérence entre le nombre de paramètres formels de la spécification et le nombre d'arguments au moment de l'application

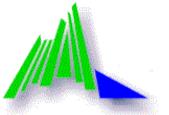


#### Notion d'environnement

• Zone mémoire dans laquelle sont stockées toutes les définitions de variables et de fonctions. On peut la voir comme un tableau d'associations entre un symbole (nom de variable ou de fonction) et une valeur (expression scheme).

Symbole	Valeur
a	10
pi	3.1415
addition	(lambda (x y) (+ x y))

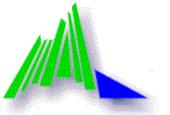
- ♦ Notation: {<a, 10>, <pi, 3.1415>, <addition, (lambda (x y) (+ x y))>}
- ♦ L'environnement est utilisé pour évaluer les variables et les fonctions
  - évaluer une variable : lire sa valeur
  - évaluer une fonction : lire sa spécification (arité et corps)



- Définition d'une variable
  - (define variable expression) fonction binaire

- variable : un symbole représentant le nom de la variable
- expression: une expression scheme
- L'application de la fonction define
  - n'évalue pas le 1° argument, évalue le second (fonction spéciale)
  - a pour effet d'ajouter l'association à l'environnement
  - donne une valeur et un type à la variable

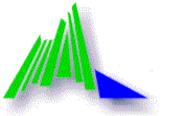
	Symbole	Valeur
(define x 10)	X	10



- Définition d'une variable
  - (define variable expression) fonction binaire

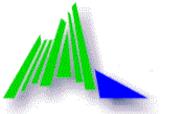
- variable : un symbole représentant le nom de la variable
- expression: une expression scheme
- L'application de la fonction define
  - n'évalue pas le 1° argument, évalue le second (fonction spéciale)
  - a pour effet d'ajouter l'association à l'environnement
  - donne une valeur et un type à la variable

	Symbole	Valeur
(define x 10)	X	10
(define Pi 3.1415)	pi	3.1415



- Définition d'une variable
  - (define variable expression) fonction binaire
  - variable : un symbole représentant le nom de la variable
  - expression: une expression Scheme
- L'application de la fonction define
  - n'évalue pas le 1° argument, évalue le second (fonction spéciale)
  - a pour effet d'ajouter l'association à l'environnement
  - donne une valeur et un type à la variable

	Symbole	Valeur
(define x 10)	X	10
(define Pi 3.1415)	pi	3.1415
(define y (+ x 5))	y	15



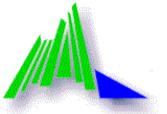
- Définition d'une variable
  - (define variable expression) fonction binaire

- variable : un symbole représentant le nom de la variable
- expression: une expression scheme
- L'application de la fonction define

### Ne retourne pas de résultat!

Indéfin (define x 10) (define Pi 3.1415) → Indéfini (define y + x 5)

Symbole	Valeur
X	10
pi	3.1415
y	15



#### Définition d'une fonction

```
(define nom\_fonction (lambda (p_1 p_2...p_n) corps\_fonction)) (define (nom\_fonction p_1 p_2...p_n) corps\_fonction)
```

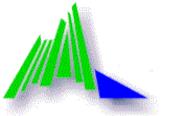
- $p_i$ : paramètres formels
- *corps\_fonction* : une expression Scheme

### Exemple

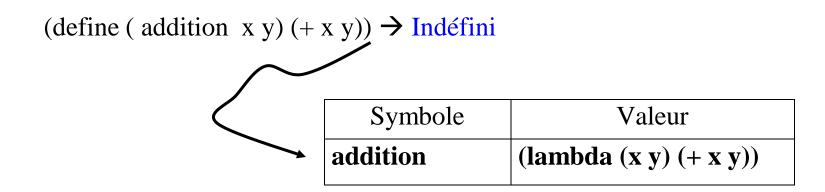
```
(define addition (lambda (x y) (+ x y)))
(define ( addition x y) (+ x y))
```

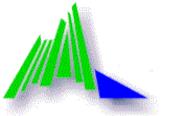
Ecriture pour améliorer la lisibilité

```
(define (nom\_fonction p_1 p_2...p_n) (define (addition x y) corps\_fonction (+ x y)
```



- Mêmes principes d'application que pour les variables
  - n'évalue pas le 1° argument, évalue le second (fonction spéciale)
  - a pour effet d'ajouter l'association à l'environnement
  - ne retourne pas de résultat
  - définit l'**arité** et le **corps** de la fonction





n-aire

## Quelques fonctions arithmétiques

$$(+2353) \rightarrow 13$$

**♦** (\* 2 3 5) **→** 30

$$\bullet$$
 (quotient 5 2)  $\rightarrow$  2

binaire  $\diamond$  (remainder 5 2)  $\rightarrow$  1

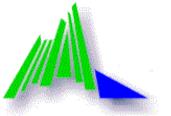
 $\bullet$  (modulo 5 2)  $\rightarrow$  1

 $\bullet$  (expt 2 3)  $\rightarrow$  8

(remainder -5 2)
$$\rightarrow$$
 -1(modulo -5 2) $\rightarrow$  1(remainder 5 -2) $\rightarrow$  1(modulo 5 -2) $\rightarrow$  -1

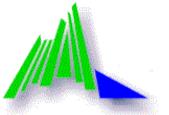
 $(abs -3) \rightarrow 3$ 

 $\rightarrow$  3



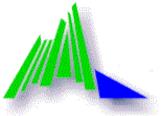
## Quelques fonctions arithmétiques Exercices d'évaluation

- On souhaite évaluer les deux expressions suivantes dans l'environnement  $\{\langle x, 3 \rangle, \langle y, 2 \rangle, \langle a, 2 \rangle, \langle b, 3 \rangle, \langle c, 4 \rangle\}$ :
  - $(*x (+y 1)) \rightarrow$
  - $(-(*bb)(*4ac)) \rightarrow$
  - a. Donner le résultat de l'évaluation
  - b. Représenter ces expressions sous forme d'arbre et montrer comment elles sont évaluées



### Fonctions booléennes

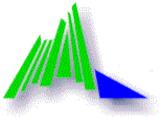
- not : négation, fonction unaire
  - (not #t)  $\rightarrow$  #f
  - (not #f)  $\rightarrow \#$ t
- and : et logique, fonction n-aire
  - (and ...#f ...) → #f
  - (and #t #t #t)  $\rightarrow$  #t
- or : ou logique, fonction n-aire
  - (or ... #t ...) → #t
  - (or #f #f #f)  $\rightarrow$  #f
    - $(or (= 2 \ 2) (= 3 \ (/ \ 5 \ 0))) \rightarrow #t$ , sans erreur
    - $(\text{and } (= 2 \ 3) \ (= 3 \ (/ \ 5 \ 0))) \rightarrow \text{#f, sans erreur})$



### Fonctions relationnelles

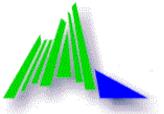
- Fonctions n-aires
- Résultat booléen (#t ou #f)
- **♦** =, <, >, <=, >=

$$(= 2 3 4) \rightarrow #f$$



## Fonctions prédicats

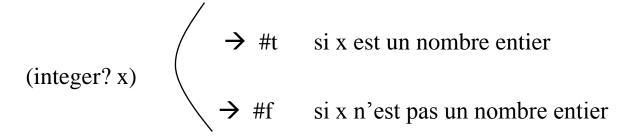
- Résultat Booléen (#t, #f)
- Le nom se termine par ?
- Equal?
  - fonction binaire
  - teste l'égalité de deux expressions (pas seulement des nombres)



## Fonctions prédicats

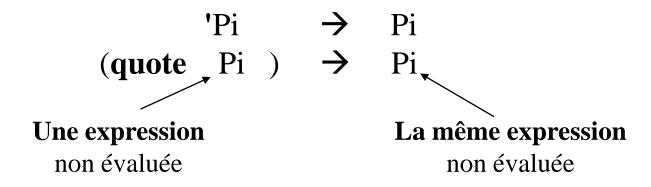
- zero?
  - unaire
  - teste si une expression est nulle

- boolean?, number?, symbol?, string?, integer?, real?...
  - unaire
  - teste le type d'une expression



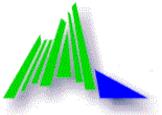


## Le mécanisme de citation



- L'application de la fonction quote retourne l'expression non évaluée
- permet de manipuler des valeurs symboliques

```
>(define a 10)
> a
10
> ' a
a
```



### Le mécanisme de citation

- (define robot R2D2)
  - problème car R2D2 doit être évalué
  - symbole non défini
- (define robot 'R2D2)
  - rcrée la liaison: robot → R2D2
  - robot variable symbolique de valeur R2D2
- ♦ (define 1 (+ 5 6))
  - rcrée la liaison: 1 → 11
- ♦ (define 1 '(+ 5 6))
  - rightharpoonup crée la liaison :  $1 \longrightarrow (+56)$