Rapport - Statistiques

ESPANA GUTIERREZ Pablo, MULOT Lendy

08/03/2020

Introduction

Nous avons choisi de nous intéresser aux données du gouvernement français sur les émissions de polluants des véhicules commercialisés en France en 2014 (cf. Bibliographie). Nous avons décidé pour mener nos expérience, de ne pas considérer les voitures de la marque Mercedes car elles étaient surreprésentés (87% des voitures de notre jeu de données) et pourraient donc introduire un biais.

```
t2014 <- read.csv("2014.csv", header=T, sep=";", dec=",")
t <- t2014 %>%
  filter(lib_mrq != "MERCEDES")
head(t)
##
        lib_mrq lib_mod_doss lib_mod
                                                       dscom
                                   159 159 1750 Tbi (200ch) M10ALFVP000G340
## 1 ALFA-ROMEO
                          159
## 2 ALFA-ROMEO
                          159
                                   159 159 1750 Tbi (200ch) M10ALFVP000H341
## 3 ALFA-ROMEO
                          159
                                   159 159 2.0 JTDm (136ch) M10ALFVP000E302
## 4 ALFA-ROMEO
                          159
                                   159 159 2.0 JTDm (136ch) M10ALFVP000F303
## 5 ALFA-ROMEO
                                   159 159 2.0 JTDm (170ch) M10ALFVP000G304
                          159
## 6 ALFA-ROMEO
                                   159 159 2.0 JTDm (170ch) M10ALFVP000H305
                          159
             tvv cod_cbr hybride puiss_admin_98 puiss_max typ_boite_nb_rapp
##
## 1 939AXN1B52C
                       ES
                              non
                                               12
                                                         147
## 2 939BXN1B53C
                       ES
                                               12
                                                         147
                                                                            M 6
                              non
## 3
      939AXR1B64
                       GO
                              non
                                                7
                                                         100
                                                                            M 6
                                                7
## 4 939AXR1B64B
                       GO
                              non
                                                         100
                                                                            M 6
## 5
      939AXS1B66
                       GO
                              non
                                                9
                                                         125
                                                                            M 6
## 6 939AXS1B66B
                                                9
                                                         125
                       GO
                              non
                                                                            M 6
##
     conso_urb conso_exurb conso_mixte co2 co_typ_1
                                                          hc
                                                                         ptcl
                                                               nox hcnox
## 1
          11.3
                        5.8
                                    7.8 182
                                                0.647 0.052 0.032
## 2
                                                0.647 0.052 0.032
          11.5
                        6.0
                                     8.0 186
                                                                      NA 0.002
## 3
           6.6
                        4.2
                                     5.1 134
                                                0.066
                                                          NA 0.149 0.175 0.001
## 4
           6.6
                        4.2
                                     5.1 134
                                                0.066
                                                          NA 0.149 0.175 0.001
## 5
           6.9
                        4.3
                                     5.3 139
                                                0.060
                                                          NA 0.164 0.193 0.001
## 6
           6.9
                        4.3
                                     5.3 139
                                                0.060
                                                          NA 0.164 0.193 0.001
     masse_ordma_min masse_ordma_max
                                                      champ_v9 date_maj Carrosserie
```

```
## 1
                1505
                                 1505 715/2007*692/2008EUR05
                                                                            BERLINE
                                                               mars-14
## 2
                1555
                                 1555 715/2007*692/2008EUR05
                                                                            BERLINE
                                                               mars-14
## 3
                1565
                                 1565 715/2007*692/2008EUR05
                                                                            BERLINE
## 4
                                 1565 715/2007*692/2008EUR05
                1565
                                                               mars-14
                                                                            BERLINE
## 5
                1565
                                 1565 715/2007*692/2008EUR05
                                                               mars-14
                                                                            BERLINE
                                 1565 715/2007*692/2008EUR05
## 6
                1565
                                                                            BERLINE
                                                               mars-14
         gamme X X.1 X.2 X.3
##
## 1 MOY-SUPER NA
                   NA
                       NA
                            NA
## 2 MOY-SUPER NA
                   NA
                       NA
                            NA
## 3 MOY-SUPER NA
                   NA
                       NA
                            NA
## 4 MOY-SUPER NA
                   NA
                       NA
                            NA
## 5 MOY-SUPER NA
                   NA
                        NA
                            NA
## 6 MOY-SUPER NA
                   NA
                       NA
                            NA
length(t)
```

[1] 30

Sur cette thématique, nous allons chercher à répondre aux deux questions suivantes :

- La masse d'une voiture est-elle corrélée à sa consommation ?
- Peut-on considérer que les voitures de gammes luxueuses rejettent autant de CO_2 que les voitures de gamme inférieure ?

I) Corrélation entre la masse et la consommation d'une voiture

Les données que nous utilisons nous donnent la possibilité de considérer plusieurs types de consommation :

- Urbaine
- Extra urbaine
- Mixte

Cependant, nous nous sommes intéressés à la consommation extra urbaine, qui nous paraissait plus pertinente.

Nous cherchons donc à comparer deux séries de données quantitatives, donc nous avons utilisé un test de corrélation, ayant pour hypothèse H_0 que les deux séries sont décorrélées.

```
cor.test(t$conso_exurb, t$masse_ordma_max)

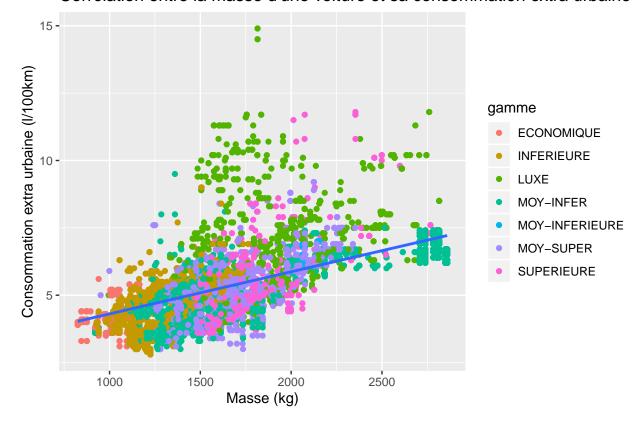
##
## Pearson's product-moment correlation
##
## data: t$conso_exurb and t$masse_ordma_max
## t = 151.79, df = 18781, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 0.7357561 0.7486019
## sample estimates:
## cor
## 0.7422472</pre>
```

On trouve une p-valeur inférieure à 2.2×10^{-16} , donc au risque $\alpha = 5\%$, nous pouvons rejeter l'hypothèse H_0 . Nous pouvons ainsi conclure (au risque $\alpha = 5\%$) que la masse de la voiture est corrélée à sa consommation extra urbaine.

De plus, on obtient un coefficient de corrélation de 0.74, ce qui nous induit à penser que le modèle linéaire n'est probablement pas le plus approprié.

```
gg <- ggplot(t, aes(x=masse_ordma_max, y=conso_exurb)) + geom_point(aes(col=gamme)) +
   geom_smooth(method="lm") +
   labs(title="Corrélation entre la masse d'une voiture et sa consommation extra urbaine") +
   xlab("Masse (kg)") + ylab("Consommation extra urbaine (l/100km)")
plot(gg)</pre>
```

Corrélation entre la masse d'une voiture et sa consommation extra urbaine



Sur le graphique ci-dessus, on remarque que les voitures de gamme économique et inférieure semple consommer moins que celle de luxe, d'où la pertinence de la seconde question.

II) Comparaison du rejet de CO_2 pour différentes gammes

À la vue du graphique ci-dessus, nous avons choisi de comparer les la gamme luxueuse à la gamme inférieure puisque c'est pour celles-ci que les différences semblent être les plus notables.

```
tinf <- t %>%
  filter(gamme == "INFERIEURE")
tluxe <- t %>%
  filter(gamme == "LUXE")
t2 <- t %>%
  filter(gamme == "LUXE" | gamme == "INFERIEURE")
head(t2)
        lib_mrq lib_mod_doss
                                lib mod
                                                                  dscom
## 1 ALFA-ROMEO
                           4C
                                      4C
                                                                     4C
## 2 ALFA-ROMEO
                  AR8C SPIDER 8C SPIDER
                                                              8C SPIDER
                  AR8C SPIDER 8C SPIDER
                                                              8C SPIDER
## 3 ALFA-ROMEO
## 4 ALFA-ROMEO
                                    MITO MITO 0.9 Twin Air (105ch) S/S
                         MITO
## 5 ALFA-ROMEO
                         MITO
                                    MITO MITO 0.9 Twin Air (105ch) S/S
## 6 ALFA-ROMEO
                         MITO
                                    MITO MITO 0.9 Twin Air (105ch) S/S
##
                              tvv cod_cbr hybride puiss_admin_98 puiss_max
                 cnit
## 1 M10ALFVP000S413
                       960CXB1A01
                                        ES
                                                                14
                                                                       177.0
                                               non
## 2 M10ALFVP0005293 920BXA1A00B
                                        ES
                                                                38
                                                                       331.0
                                               non
                                                                38
## 3 M10ALFVP0006039
                       920BXA1A00
                                        ES
                                               non
                                                                        331.0
## 4 M10ALFVP000J379
                       955AXY1B18
                                        ES
                                               non
                                                                 5
                                                                        77.0
## 5 M10ALFVP000K380 955AXY1B18B
                                        ES
                                                                 5
                                                                        77.0
                                               non
                                                                        73.5
## 6 M10ALFVP000U451
                       955AXZ1B21
                                        ES
                                               non
                                                                 5
                                                                             hc
##
     typ_boite_nb_rapp conso_urb conso_exurb conso_mixte co2 co_typ_1
## 1
                    A 6
                              9.8
                                           5.0
                                                       6.8 157
                                                                   0.404 0.044 0.038
## 2
                   M 6
                                          11.6
                                                      16.3 379
                                                                   0.501 0.038 0.027
                             24.4
## 3
                   M 6
                             24.4
                                          11.6
                                                      16.3 379
                                                                   0.501 0.038 0.027
## 4
                                                                   0.316 0.041 0.034
                   M 6
                              5.0
                                           3.8
                                                       4.2 99
## 5
                    M 6
                              5.0
                                           3.8
                                                       4.2 99
                                                                   0.316 0.041 0.034
                   M 6
                                           3.8
## 6
                              5.0
                                                        4.2
                                                            88
                                                                   0.316 0.041 0.034
##
     hcnox ptcl masse_ordma_min masse_ordma_max
                                                                  champ_v9 date_maj
        NA 0.003
                                               995 715/2007*195/2013EUR06
## 1
                              995
                                                                            mars-14
## 2
        NA
              NA
                             1750
                                              1750 715/2007*692/2008EUR05
                                                                             mars-14
                                              1750 715/2007*692/2008EUR05
## 3
        NA
              NA
                             1750
                                              1205 715/2007*630/2012EUR06
## 4
        NA
              NA
                             1205
                                                                             mars-14
## 5
        NA
              NA
                             1205
                                              1205 715/2007*630/2012EUR06
                                                                             mars-14
## 6
        NA
              NA
                             1205
                                              1205 715/2007*195/2013EUR06
##
     Carrosserie
                       gamme X X.1 X.2 X.3
## 1
           COUPE
                        LUXE NA
                                 NA
                                          NA
                                     NΑ
## 2
       CABRIOLET
                        LUXE NA
                                 NA
                                     NA
                                          NA
## 3
       CABRIOLET
                        LUXE NA
                                 NA
                                     NA
                                          NΑ
## 4
         BERLINE INFERIEURE NA
                                 NA
                                     NA
                                          NA
## 5
         BERLINE INFERIEURE NA
                                 NΑ
                                     NΑ
                                          NΑ
         BERLINE INFERIEURE NA
                                 NA
                                     NA
                                          NA
length(t2)
```

[1] 30

Nous cherchons donc à relier la gamme, une donnée qualitative, au rejet de CO_2 , une donnée quantitative.

Nous allons donc mener un test de comparaison de moyenne entre les données des deux gammes.

Pour bien choisir le test, nous devons déjà vérifier si les données suivent une loi normale. Pour cela, nous avons utilisé un test de Shapire, ayant pour hypothèse H_0 que les données suivent une loi normale.

```
shapiro.test(tinf$co2)

##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: tinf$co2
## W = 0.97684, p-value = 5.787e-12
shapiro.test(tluxe$co2)

##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: tluxe$co2
## W = 0.94416, p-value < 2.2e-16</pre>
```

Dans les deux cas, la p-valeur est inférieure à un risque $\alpha=5\%$. On peut donc rejeter l'hypothèse de normalité.

Nous allons ainsi mener un test non paramétrique de Wilcox, ayant pour hypothèse H_0 que les moyennes des deux séries peuvent être considées comme identique, c'est à dire que la différence peut s'expliquer simplement avec les fluctuations d'échantillonage.

```
wilcox.test(tinf$co2, tluxe$co2)

##

## Wilcoxon rank sum test with continuity correction

##

## data: tinf$co2 and tluxe$co2

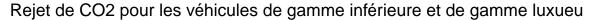
## W = 85238, p-value < 2.2e-16

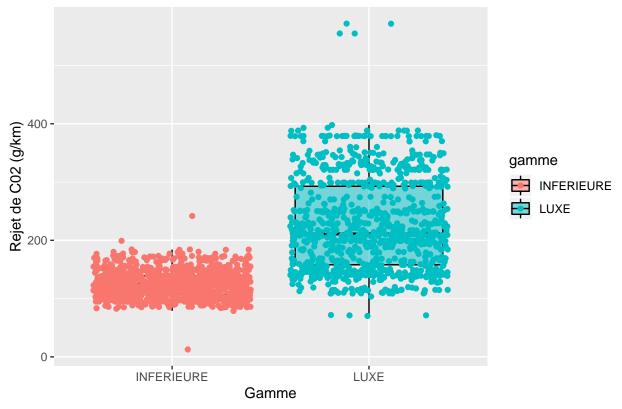
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0</pre>
```

On obtient ici aussi une p-valeure inférieure à 2.2×10^{-16} , donc pour un risque $\alpha = 5\%$ ont peut rejeter H_0 .

Nous pouvons donc conclure (au risque $\alpha = 5\%$) que les voitures de luxe et les voitures de gammes inférieures ne consomment en moyenne pas autant.

```
gg <- ggplot(t2, aes(x=gamme, y=co2, fill=gamme, colour=gamme)) +
   geom_boxplot(alpha=0.5, outlier.alpha=0, colour="black") +
   geom_jitter(fill="black") +
   labs(title="Rejet de CO2 pour les véhicules de gamme inférieure et de gamme luxueuse") +
   xlab("Gamme") + ylab("Rejet de CO2 (g/km)")
plot(gg)</pre>
```





À la vue de nos résultats et du graphique ci-dessus, nous pouvons extrapoler que les voitures de luxe consomment en moyenne plus que les voitures de gamme inférieure, malgrès une plus grande dispertion pour les voitures de luxe.

Conclusion

Nous avons pu répondre à question de la corrélation entre masse et consommation à l'aide d'un test de corrélation, qui nous a révélé, au risque $\alpha = 5\%$, que ces deux paramètres sont effectivement corrélés.

À l'aide d'un test de Wilcox et en extrapolant le graphique associé, nous avons aussi conclus que les voitures de gammes inférieurs consomment en moyenne moins que celles de gamme luxueuses.

Il ne faut cepandant pas oublier que d'autres paramètres peuvent être en jeu, et que les lien ne sont pas nécéssairement des liens de cause à effet.

Bibliographie

Les données utilisées