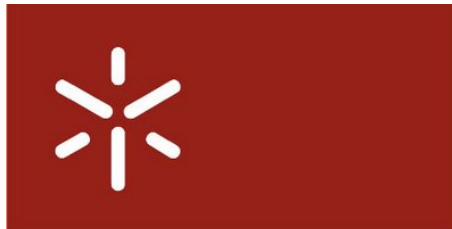


---

# Engenharia de Sistemas de Computação

---

## Heap Sort



**Universidade do Minho**

António Sérgio Alves Costa A78296  
José Pedro Moreira Resende A77486

10 de Junho de 2019

# Conteúdo

<b>1</b>	<b>Introdução</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Algoritmo: Heapsort</b>	<b>2</b>
2.1	Sequencial . . . . .	2
2.2	Paralelo . . . . .	2
2.2.1	Com Locks . . . . .	2
2.2.2	Sem Locks . . . . .	2
<b>3</b>	<b>Apresentação Resultados</b>	<b>3</b>
3.1	Locks . . . . .	3
3.2	Sem Locks . . . . .	3
3.3	FlameGraph . . . . .	3
3.3.1	Sequencial . . . . .	3
3.3.2	Com Locks . . . . .	4
3.3.3	Sem Locks . . . . .	4
<b>4</b>	<b>Análise dos Resultados</b>	<b>4</b>
<b>5</b>	<b>Conclusão</b>	<b>4</b>

# 1 Introdução

Algoritmos de ordenação são usados para reorganizar e ordenar uma dada lista ou array de acordo com parâmetros fornecidos por um comparador de elementos.

Existem vários algoritmos de ordenação com diferentes perfis de execução e memória, neste artigo vamos falar em específico do heapsort, da sua paralelização e da sua caracterização.

O heapsort é um algoritmo de ordenação da família dos algoritmos de ordenação por seleção.

Este algoritmo usa uma estrutura de dados heap para os ordenar a medida que os insere de forma a tornar a ordenação estável.

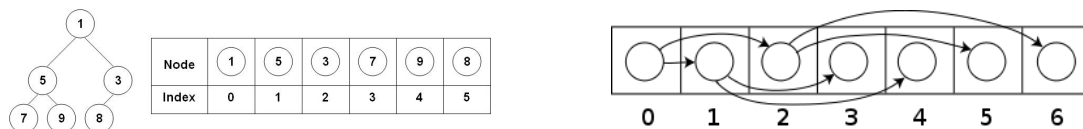
O seu tempo de execução sobre conjuntos ordenados aleatoriamente é muito bom, tem um uso de memória bem comportado e o seu desempenho em pior caso é praticamente igual ao desempenho em caso médio.

## 2 Algoritmo: Heapsort

### 2.1 Sequencial

Nesta implementação do algoritmo heap sort sequencial utilizamos o código disponibilizado no enunciado.

O funcionamento deste algoritmo consiste em duas fases. Primeiramente é construído uma heap a partir do array que nos é dado, em segundo é construído o array ordenado retirando o maior número (root atual) e inserindo no array ordenado. A heap é então atualizada de forma a manter os invariantes deste tipo de estrutura e eleger um novo root.



Este array ordenado é na verdade feito no mesmo array da heap e simplesmente é alterado os limites final da heap, reaproveitando a memória, sem ser necessário alocar um novo array para guardar o resultado final.

### 2.2 Paralelo

#### 2.2.1 Com Locks

Com o intuito de paralelizar e acelerar este algoritmo depois de alguma pesquisa e experimentação chegamos a uma implementação na qual dividimos o array em várias heaps mais pequenas de tamanho constante (sempre que possível).

Assim, utilizamos o simples algoritmo sequencial mas com ajuda de locks e de threads paralelizamos o algoritmo. Basicamente, em vez de termos apenas um fio de execução, iremos ter N fios de execução.

Todavia esta solução trouxe-nos bastantes problemas visto que havia data race, e nem sempre a ordem pelo que os siftDowns eram feitos, eram os corretos, acabando assim por se construir um array ordenado diferente do correto.

Para resolver este problema, decidiu-se utilizar locks para termos a certeza que nenhuma thread estava a mexer em algo ao mesmo tempo que outra, e, para além disto, utilizamos schedule static para garantir que a ordem pela qual os siftDowns eram feitos, era a correta, gerando assim o array ordenado correto.

#### 2.2.2 Sem Locks

Após concluirmos a versão anterior, percebemos que os locks e o schedule static poderiam influenciar a performance do algoritmo e decidimos tentar criar um algoritmo de paralelização que não utilizasse estas "ferramentas".

Assim tanto as heaps como os arrays ordenados associados a cada uma destas estruturas podem ser calculados e ordenados de forma independente e paralela.

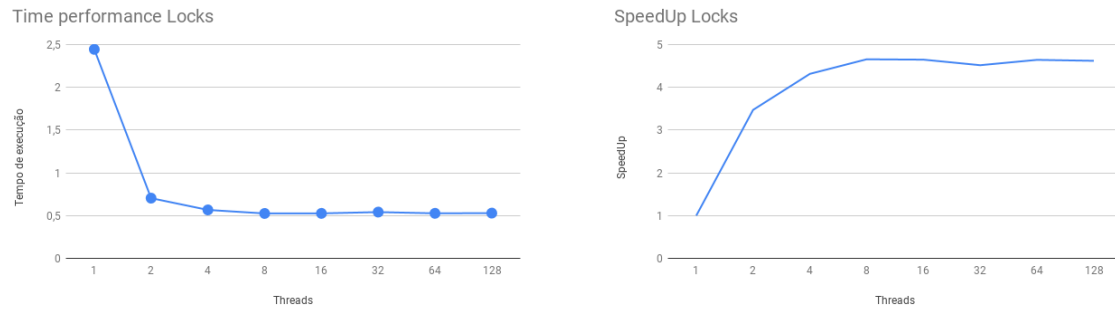
Utilizamos aqui o scheduler dinâmico do omp de forma a distribuir melhor a carga de trabalho entre as threads.

Apos obtermos varios segmentos ordenados e necessario correu o processo de fundir estes segmenetos de forma a obter um unico array ordenado.

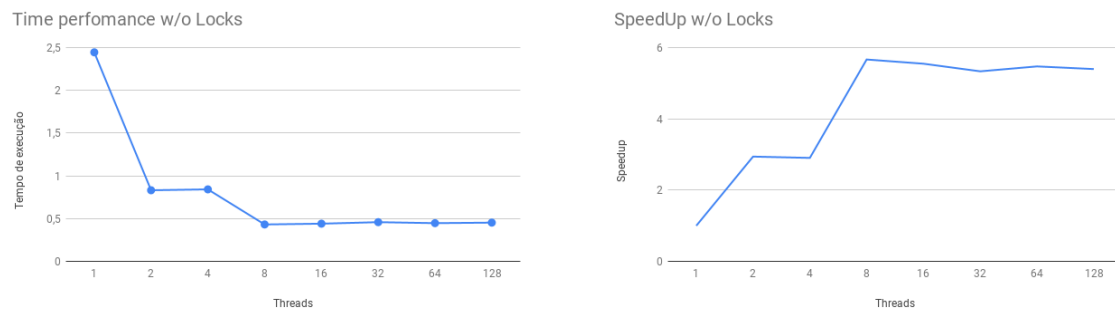
Para este trabalho foi usado uma heuristica de redução em arvore o que torna todo o processo de merge extremamente efeciente e possivel de executar de forma paralela, uma vez que temos blocos sem dependencias entre si, tirando partido tambem de um scheduler dinamico de forma a que a carga de trabalho seja distribuida pelas threads.

## 3 Apresentação Resultados

### 3.1 Locks

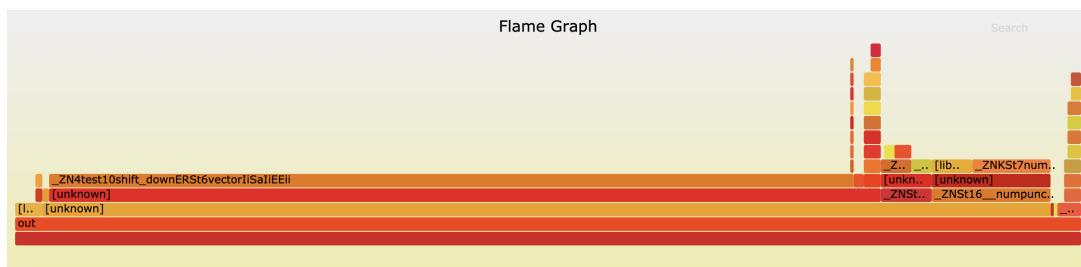


### 3.2 Sem Locks

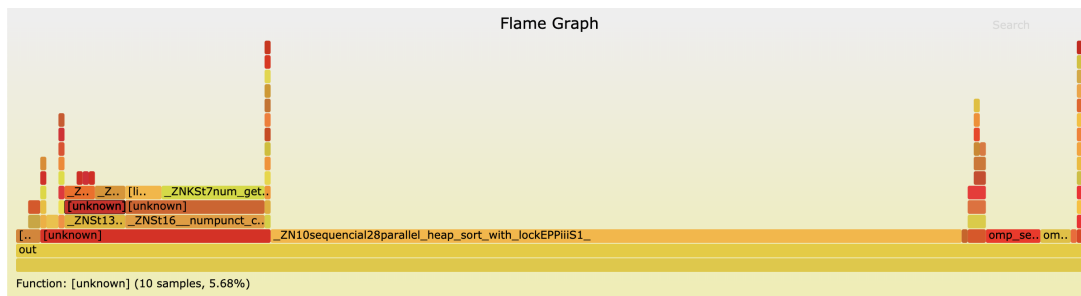


### 3.3 FlameGraph

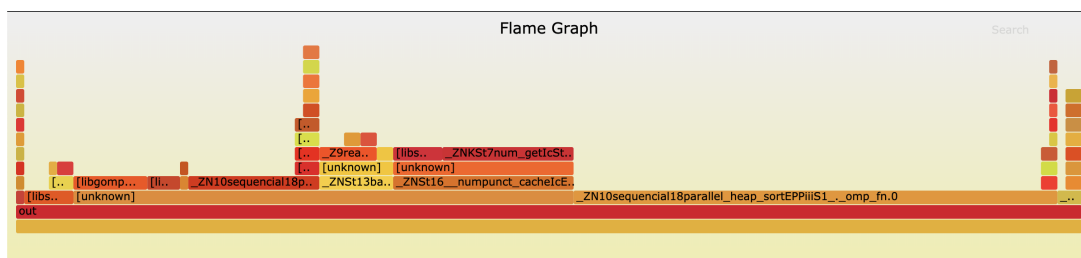
#### 3.3.1 Sequential



### 3.3.2 Com Locks



### 3.3.3 Sem Locks



## 4 Análise dos Resultados

Após ver os gráficos anteriores conseguimos perceber claramente que a paralelização resulta, em ambos os casos. No entanto, percebemos que o algoritmo sem locks é bastante melhor.

Todavia também se pode reparar que chegando às 8 threads o SpeedUp estabiliza em ambos os casos, o que pode ser explicado por estarmos a utilizar o nosso computador pessoal que apenas tem 4 cores.

No que toca aos FlameGraphs, percebe-se claramente que a implementação sequencial tem um fio de execução muito monótono quando se compara aos outros dois.

## 5 Conclusão

A paralelização de algoritmos nem sempre é fácil, e neste trabalho tivemos um exemplo disso.

Heapsort é um algoritmo de ordenação extramamente difícil de paralelizar tendo em conta as suas características. Primeiro, é bastante difícil paralelizar a carga de trabalho de um siftDown sem aumentar bastante a complexidade do código e do algoritmo, por outro lado a paralelização é impossível realizar vários siftDowns ao mesmo tempo sem corromper o resultado correto do algoritmo.

Com o perf conseguimos perceber o comportamento dos vários algoritmos implementados, e perceber as suas diferenças. Conseguimos também perceber o que cada algoritmo utiliza do sistema. Por exemplo, com o perf percebe-se claramente qual é o algoritmo que utiliza locks, visto que procurando pelas funções chamadas após a realização do record, há funções que chamam locks.

Em suma, este projeto serviu para percebermos a complexidade de paralelizar algoritmos que às vezes nos parecem bastante básicos, e ao mesmo tempo para ter mais alguma experiência e perceber a importância de ferramentas de profiling como o perf.