Reporte Final Silicon Photonics

Tatiana López Guevara

March 12, 2013

Agradecimientos especiales a JSensei y a mis amigos de Sirius quienes me apoyaron durante todo el proceso ...

Índice

1	Defi	inición de la Investigación	7
	1.1	Resumen	7
	1.2	Planteamiento del Problema	8
	1.3	Justificación	8
	1.4	Revisión Bibliográfica	9
	1.5	Objetivos	9
		1.5.1 Objetivo General	9
		1.5.2 Objetivos Específicos	9
	1.6	Hipótesis	10
	1.7	Metodología	10
2	Silio	con Photonics	11
	2.1	Introduction	11
	2.2	Ecuaciones de Maxwell	11
3	Car	acterización de Anillos Resonadores	12
	3.1	Introducción	12
	3.2	Teoría de Acoplamiento	12
		3.2.1 Modelo Teórico de Anillo Resonador	12
		3.2.2 Relación entre Coeficientes de Acoplamiento	17
		3.2.3 Filtro Notch	18
		3.2.4 Parámetros	19
	3.3	Simulaciones	21
		3.3.1 Diseño del Resonador	21
		3.3.2 Lumerical	23
		3.3.3 Meep	25
4	Red	les de Interconexión	31
A	Scri	${f pts}$	32
	A.1	Meep	32
		A.1.1 Filtro Notch	32
		A.1.2 Filtro AddDrop	33
	A.2	Lumerical	36

A.2.1	Filtro Notch													36
A.2.2	Filtro AddDrop.													3

Índice de figuras

3.1	Modelo de un Anillo Resonador	13
3.2	Contribución Onda 1 Vuelta	14
3.3	Contribución Onda 2 Vueltas	16
3.4	Modos Resonantes. Fuente[3]	19
3.5	Índice de grupo. Fuente $[5]$	22
3.6	SetUp del filtro Notch en Lumerical FDTD	23
3.7	SetUp del filtro AddDrop en Lumerical FDTD	24
3.8	Transmitancia en el $puerto_d$ de valores teóricos, simulación MODE	
	y FDTD del Filtro AddDrop	24
3.9	Transmitancia en el $puerto_t$ de valores teóricos, simulación MODE	
	y FDTD del Filtro AddDrop	25
3.10	Transmitancia simulación 3D FDTD Filtro AddDrop	25
3.11	Geometría Filtro Notch	28
3.12	Transmitancia Filtro Notch	30

Índice de tablas

3.1	Configuración	deseada	para el	filtro .	 	 	 	21
3.2	Parámetros .				 	 	 	27

Índice de Scripts

3.1	Parámetros Filtro Notch	2(
3.2	Geometría y Materiales Filtro Notch	28
A.1	Filtro Notch (Fuente Gaussiana) en Meep	32
A.2	Filtro AddDrop (Fuente Gaussiana) en Meep	3:
A.3	Generar gráficas de Transmitancia"	35
A.4	Shell script de invocación con OpenMPI	36
A.5	Generar la estructura de anillo 3d FDTD	36
A.6	Obtener datos de la simulación 3d FDTD	37
A.7	Generar gráficas de Transmitancia teórica MODE FDTD	3

Capítulo 1

Definición de la Investigación

1.1 Resumen

Las tendencias actuales de los procesadores muestran que en un periodo corto de tiempo, alcanzaremos los cientos de núcleos en un solo chip. A medida que la cantidad de estos núcleos aumenta, los requerimientos de ancho de banda de las redes de interconexión que permiten la comunicación interna entre estos y hacia la memoria, se incrementa. A medida que se incrementa el ancho de banda en sistemas de interconexión electrónicos, la latencia y la disipación de poder, se ven impactadas considerablemente, por lo que dicha solución se vuelve no viable.

La fusión del campo de la fotónica con la nanotecnología denominado nanofotónica, ha permitido el desarrollo de dispositivos basados en silicio de altas prestaciones y bajo consumo, ya que pueden ser producidos usando las técnicas ya existentes de manufacturación de semiconductores, y gracias a que el silicio actualmente es utilizado como el componente base en la mayoría de circuitos, es posible crear dispositivos híbridos en los cuales se integran componentes tanto electrónicos como ópticos en un solo microchip. Tomando en cuenta estos últimos avances, las redes de interconexión ópticas en un chip o NoCs nano ópticas sobre silicio, ya ha sido conceptualizada, permitiendo superar las actuales limitaciones de su equivalente electrónico en los chips de multiprocesamiento o CMP.

En este proyecto se pretende explorar y evaluar diferentes diseños de arquitecturas que permitan analizar el impacto de las NoCs ópticas en las futuras generaciones de CMPs, ya que son de vital importancia para lograr el aumento en el rendimiento manteniendo al mismo tiempo la eficiencia en elconsumo de potencia.

Al finalizar, se tendrán los análsis comparativos en términos de ancho de banda, potencia y latencia de algunas de las redes de interconexión más conocidas sobre diferentes conjuntos de pruebas. La aplicación de este conocimiento científico orientado al área de arquitectura de computadores y a la nanotecnología, permitirá la creación de nuevos diseños que aporten a la solución de los problemas de rendimiento vs potencia, apuntando a mejorar la competitividad nacional mediante la generación de producción intelectual en dicho aspecto.

1.2 Planteamiento del Problema

Las redes de interconexión electrónicas, tienen un impacto directo en la limitación de potencia, ancho de banda y latencia de los chips multiprocesadores (CMPs) actuales. Estas limitaciones sumadas a la inhabilidad de escalar eficientemente a cientos de núcleos, la presenta como una solución poco viable a largo plazo.

1.3 Justificación

Para lograr escalar eficientemente los sistemas de multiprocesamiento, las tecnologías actuales deben superar grandes dificultades, tanto en la complejidad adicional que representa la programación en paralelo, las limitaciones de ancho de banda y en la minimización de la cantidad de potencia que es desperdiciada en el sistema de comunicación. En esta última en especial, se evidencia el límite al que están llegando las tecnologías electrónicas actuales, al consumir casi la mitad ?? de la potencia dinámica de todo el sistema, haciendo de vital importancia la exploración de otras alternativas.

El empleo de la tecnología de punta que usa la nanofotónica sobre silicio, se presenta como una solución prometedora a este problema, ya que no solo permite el flujo de grandes cantidades de datos en una misma línea de transmisión, sino que tiene una facilidad de integración con la microelectrónica actual manteniendo al mismo tiempo los bajos costes de fabricación, gracias a que se pueden reutilizar las técnicas de manufactura de semiconductores tradicionales. Es por esto que el tema es foco de investigación no solo de grandes compañías microelectrónicas (Intel, IBM, HP, etc) sino también de la comunidad académica (Columbia, Purdue, MIT entre otras), quienes han logrado demostrar experimentalmente las piezas fundamentales que permitirían su materialización en un futuro no muy lejano.

Para lograr este objetivo, se debe permitir primero a los arquitectos de computadores, a través de la simulación, explorar de forma ágil nuevos diseños de arquitecturas de interconexión y evaluar el rendimiento holístico a través de

mediciones precisas en los aspectos de capacidad de procesamiento, consumo de potencia y escalabilidad.

Por otro lado, y aunque de forma relativamente reciente, también se ha destacado la importancia del fortalecimiento y aplicación de este tipo de tecnologías convergentes en el contexto nacional. En 2004, la nanotecnología fue reconocida por Colciencias como una de las 8 áreas estratégicas del conocimiento para impulsar el desarrollo competitivo del país. En el documento "Visión Colombia II Centenario: 2019" se confirma la continuidad del apoyo institucional y financiero a las iniciativas relacionadas con dichas áreas. Finalmente, es mencionada también dentro del "Plan Nacional de Desarrollo Científico, Tecnológico y de Innovación 2007-2019" de Colciencias y el Departamento Nacional de Planeación, como un área perteneciente a la "Nueva Ciencia" y "Tercera Revolución Industrial" en donde se debe disminuir la brecha tecnológica con respecto a otros países.

1.4 Revisión Bibliográfica

Antecedentes

1.5 Objetivos

1.5.1 Objetivo General

Simular y evaluar redes de interconexión nanofotónicas híbridas sobre silicio para chips multiprocesadores.

1.5.2 Objetivos Específicos

- Caracterizar los componentes básicos de las redes nanofotónicas sobre silicio.
- Explorar las topologías de interconexión más usadas en los CMPs electrónicos actuales.
- Mapear las topologías de interconexión del dominio electrónico al dominio nanofotónico híbrido sobre silicio.
- Simular cada una de las topologías en los dominios electrónico y nanofotónico híbrido sobre silicio.
- Evaluar y comparar las redes en términos de ancho de banda, latencia y potencia.

1.6 Hipótesis

¿Son las redes de interconexión nanofotónicas híbridas para las topologías Mesh y Torus más eficientes en términos de consumo de potencia, ancho de banda y latencia que sus pares electrónicos?

1.7 Metodología

Este proyecto se plantea como una investigación aplicada donde se busca encontrar soluciones del estado del arte en el área de arquitectura de computadores para la problemática del consumo de recursos de las redes de interconexión electrónicas actuales en los chips multiprocesadores.

Resulta entonces conveniente la utilización de una metodología estructural, dividiendo la investigación en cuatro fases que dan solución a la problemática propuesta:

- Fase 0: Base Teórica En esta etapa se hace un estudio de los fundamentos teóricos tanto físicos como matemáticos que rigen el comportamiento de los dispositivos que soportan los componentes que forman una red de interconexión nanofotónica sobre silicio.
- Fase 1: Caracterización de los componentes pasivos y activos de las redes nanofotónicas. Es necesario analizar el comportamiento, las técnicas de manufactura y los requisitos de funcionamiento de los siguientes componentes nanofotónicos sobre silicio: guías de onda recta, guías de onda dobladas, cruces de guía de onda y resonadores en anillo, así como las simulaciones corespondientes de cada elemento para diferentes longitudes de onda y potencia de entrada.
 - En esta etapa, se hará uso del software CAD para el diseño y simulación que se ejecutará sobre un servidor especializado para este propósito.
- Fase 2: Análisis de Topologías de Interconexión Análisis y la exploración de las topologías de interconexión electrónicas actuales que se desean evaluar en el alcance de este proyecto: Mesh y Torus en el dominio de los CMPs. Una vez obtenida la información de las topologías en el dominio electrónico, se debe proceder a hacer el análisis del correspondiente mapeo de dichas topologías al dominio nanofotónico teniendo en cuenta las restricciones o ventajas de los componentes nanofotónicos pasivos y activos estudiados en la etapa anterior.
- Fase 3: Simulación

Capítulo 2

Silicon Photonics

2.1 Introduction

La parte inicial de la investigación consistió en la búsqueda y apropiación de las leyes físicas y la formulación matemática que rige el comportamiento de las ondas electromagnéticas y su propagación en un medio.

2.2 Ecuaciones de Maxwell

EQUACIONES DE MAXWELL EN FORMA DIFERENCIAL:

$$\nabla \cdot \mathbf{D} = \rho$$

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \mathbf{H} = \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$$

Capítulo 3

Caracterización de Anillos Resonadores

3.1 Introducción

Como se vio en el capítulo 2, el anillo resonador es el componente principal de los dispositivos activos usados en Silicon Photonics. Por esta razón se analizó la teoría detrás de su funcionamiento (sección 3.2) y se simuló su comportamiento (3.3) en dos situaciones particulares:

- Anillo Notch (sección 3.2.3) el cuál actúa como un inhibidor o atenuador de frecuencias puntuales con un factor de calidad alto. Este elemento es la base de los filtros y parte de los dispositivos de modulación y de detección.
- Filtro AddDrop el cual permite cambiar de una guía a otra un conjunto de frecuencias específicas. Los switches y routers -elementos esenciales dentro de una red de interconexión de Silicon Photonics- están formados por la unión de varios filtros AddDrop tuneables.

3.2 Teoría de Acoplamiento

3.2.1 Modelo Teórico de Anillo Resonador

En la figura 3.1 se muestra el esquema del caso genérico de un anillo resonador con 2 regiones de acoplamiento representadas por las líneas punteadas. Por simplicidad, el modelo asume que no hay pérdidas por acoplamiento (3.11a) y se ignoran los efectos de reflexión dentro de la guía (sólo se asumen ondas en el

sentido de la propagación). El modelamiento teórico es muy similar al resonador Fabry-Perot descrito en [9].

Cada región del anillo tiene asociados unos parámetros principales que definen su comportamiento. Estos son:

- Coeficientes de acoplamiento $(\kappa_1, \kappa_1' \kappa_2 \kappa_2')$,
- Coeficientes de transmisión (t_1, t_1', t_2, t_2') (en la sección 3.2.2 se verá la relación que existe entre los 8 coeficientes).
- Constante de propagación β del modo circulante.

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} n_{eff} \tag{3.1}$$

Valor complejo donde $\Re\{\beta\}$ es la constante de fase y $\Im\{\beta\}$ representa las pérdidas por propagación dentro del anillo.

• Radio r y perímetro $(L=2\pi r)$ del anillo.

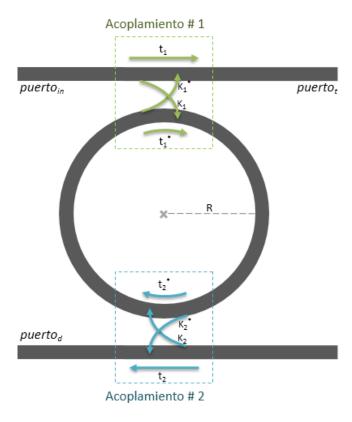


Figura 3.1: Modelo de un Anillo Resonador

Para que el dispositivo entre en resonancia, el desfase de la onda después de un viaje completo al rededor del anillo debe ser un múltiplo entero de 2π

$$\beta L = 2\pi M \tag{3.2}$$

Donde M es llamado el número de modo (Figura 3.4).

La potencia de la onda que se ve en el $puerto_t$ está dada por la porción de la onda incidente que atravieza la guía más las $N \to \infty$ contribuciones que se dan por la otra parte de la onda que se acopló en el anillo (ec. 3.3). Cada una de las contribuciones depende del número de viajes completos que realice la onda acoplada antes de volver a salir a la guía superior.

$$E_t = E_i t_1 + Contrib_{M=1L} + Contrib_{M=2L} + \dots + Contrib_{M=\infty L}$$
 (3.3)

• Contribución después de una vuelta: $Contrib_{M=1L}$

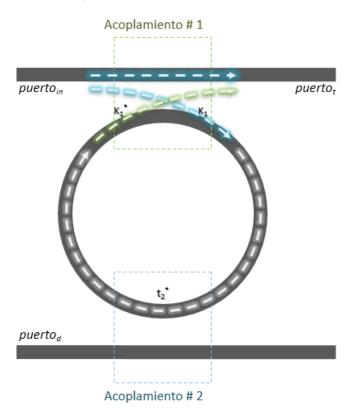


Figura 3.2: Contribución Onda 1 Vuelta

El fasor escalar $\alpha e^{-j\beta L}$ contiene la información sobre la amplitud de la atenuación debido a efectos de dispersión y a la curvatura de la onda ($\alpha=1$ si

no hay pérdida) y la fase de la onda que ha recorrido una distancia L. Por lo tanto, al dar una vuelta (1L), la propagación de la onda queda expresada como $\alpha e^{-j\beta L}$.

En su recorrido completo, la onda que da una vuelta completa (Figura 3.2) pasa por 3 regiones de interés. En la primera región (acoplamiento 1) una porción (dada por el coeficiente de acoplamiento κ_1) entra desde la guía recta hacia el anillo. En la segunda región (acoplamiento 2), una porción (proporcional al coeficiente de transmisión t_2') continúa su viaje al interior del anillo. Finalmente, en la tercera región (acoplamiento 1) sólo una parte de la onda (coeficiente de acoplamiento κ_1') vuelve a la guía original para salir por el $puerto_t$.

Teniendo en cuenta cada una de estas atenuaciones más el fasor que expresa la propagación de la onda, se llega a (3.4).

$$Contrib_{M=1L} = E_i \alpha e^{-j\beta L} \kappa_1 t_2' \kappa_1' \tag{3.4}$$

 \bullet Contribución después de dos vueltas: $Contrib_{M=2L}$

Se analizará la parte de la onda que no se reintegró a la guía recta tras la primera vuelta y que da otra vuelta antes de volver a la guía recta para salir por el $puerto_t$ (Figura 3.3). La propagación de la onda tras 2 vueltas completas (2L), está dada por $\alpha^2 e^{-j\beta 2L}$. La onda atravieza 2 nuevas regiones (aparte de las 3 regiones mencionadas en la sección anterior) por cada nueva vuelta que deba dar.

La primera es la región de acoplamiento 1 (en una proporción dada por $t_{1}^{'}$) para seguir su trayectoria dentro del anillo. La segunda es la región de acoplamiento 2, la cual debe atravezar (según el factor de transmisión $t_{2}^{'}$).

Estas nuevas atenuaciones se ven reflejadas en (3.5). El término $\alpha^2 e^{-2j\beta L}$ se expresó como $\alpha e^{-j\beta L} \alpha e^{-j\beta L}$ para facilitar su generalización posterior.

$$Contrib_{M=2L} = E_{i}\alpha e^{-j\beta L} \kappa_{1} t_{2}^{'} \kappa_{1}^{'} (\alpha e^{-j\beta L} t_{1}^{'} t_{2}^{'})$$

$$(3.5)$$

• Contribución después de N vueltas: $Contrib_N$

Por cada vuelta adicional antes de acoplarse, se deben tener en cuenta los coeficientes de transmisión en estas 2 regiones más el desfase y la atenuación de la onda en cada vuelta (3.6).

$$Contrib_N = E_i \alpha e^{-j\beta L} \kappa_1 t_2^{\prime} \kappa_1^{\prime} (\alpha e^{-j\beta L} t_1^{\prime} t_2^{\prime})^{N-1}$$
(3.6)

Sustituyendo la expresión para cada una de las contribuciones en (3.3) y reorganizando, se llega a (3.7).

$$E_{t} = E_{i} \{ t_{1} + \kappa_{1} \kappa_{1}' t_{2}' \alpha e^{-j\beta L} [1 + (t_{1}' t_{2}' \alpha e^{-j\beta L})^{1} + (t_{1}' t_{2}' \alpha e^{-j\beta L})^{2} + \dots] \}$$
 (3.7)

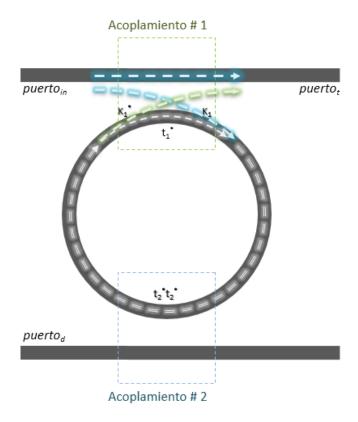


Figura 3.3: Contribución Onda 2 Vueltas

Al ser una serie geométrica infinita, su solución está dada por (3.8).

$$\sum_{k=0}^{\infty} ar^k = \frac{a}{1-r}, \text{ si } |r| < 1$$
 (3.8)

Sea $a=\kappa_1\kappa_1^{'}t_2^{'}\alpha e^{-j\beta L}$ y $r=t_1^{'}t_2^{'}\alpha e^{-j\beta L}.$ Por lo tanto:

$$E_{t} = E_{i} \{ t_{1} + \frac{\kappa_{1} \kappa_{1}' t_{2}' \alpha e^{-j\beta L}}{1 - t_{1}' t_{2}' \alpha e^{-j\beta L}} \}$$
(3.9a)

$$E_{t} = E_{i} \{ t_{1} + \frac{\kappa_{1} \kappa_{1}^{'} t_{2}^{'} \alpha e^{-j\beta L}}{1 - t_{1}^{'} t_{2}^{'} \alpha e^{-j\beta L}} \}$$

$$\frac{E_{t}}{E_{i}} = \frac{t_{1} + (\kappa_{1} \kappa_{1}^{'} - t_{1} t_{1}^{'}) t_{2}^{'} \alpha e^{-j\beta L}}{1 - t_{1}^{'} t_{2}^{'} \alpha e^{-j\beta L}}$$
(3.9a)

El cálculo de la potencia transmitida en el $puerto_d$ (3.10) sigue una lógica similar.

$$\frac{E_d}{E_i} = \frac{\kappa_1 \kappa_2' \alpha e^{-j\beta \frac{L}{2}}}{1 - t_1' t_2' \alpha e^{-j\beta L}}$$
(3.10)

3.2.2 Relación entre Coeficientes de Acoplamiento

Como se explica en [10], los 4 coeficientes de transmisión más los 4 coeficientes de acoplamiento no son independientes entre si, sino que están relacionados por los principios fundamentales de reciprocidad, conservación de la energía y T-simetría. Adicionalmente, como se mencionó en el apartado anterior, el sistema asume que no hay pérdidas por inserción (3.11a).

$$|t_1|^2 + |\kappa_1|^2 = 1 \tag{3.11a}$$

$$t_1 t_1' - \kappa_1 \kappa_1' = -1 \tag{3.11b}$$

$$t_i = |t_i|e^{j\phi_{t_i}} \tag{3.11c}$$

Por conveniencia, en [10] se define el sistema del acoplamiento 1 mediante una matriz Hermitiana (3.12) con determinante -1. Esto permite relacionar facilmente el coeficiente de transmisión dentro del anillo t_1 en términos de la conjugada compleja del coeficiente de transmisión t_1 .

$$\begin{bmatrix} E_s \\ E_{sk} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} t_1 & k_1^* \\ k_1 & -t_1^* \end{bmatrix} \begin{bmatrix} E_i \\ E_{ik} \end{bmatrix}$$
 (3.12)

Por comparación directa de (3.12) con el sistema inicial, se ve que $t_1^{'}=-t_1^*$ y $t_2^{'}=-t_2^*$. Reemplazando estas equivalencias y (3.11b) en (3.9b) se encuentra la expresión para la amplitud normalizada en el $puerto_t$ (3.13).

$$\frac{E_t}{E_i} = \frac{t_1 - t_2^* \alpha e^{-j\beta L}}{1 - t_1^* t_2^* \alpha e^{-j\beta L}}$$
(3.13)

Cuya función de transmisión (3.14) obtenida al multiplicar por la correspondiente conjugada compleja (recordar que $|\chi|^2 = \chi \chi^*$) es [8]:

$$T_{t} = \left| \frac{E_{t}}{E_{i}} \right|^{2} = \frac{\alpha^{2} |t_{2}|^{2} + |t_{1}|^{2} - 2\alpha |t_{1}| |t_{2}| \cos(\theta + \phi_{t_{1}} + \phi_{t_{2}})}{1 + \alpha^{2} |t_{1}|^{2} |t_{2}|^{2} - 2\alpha |t_{1}| |t_{2}| \cos(\theta + \phi_{t_{1}} + \phi_{t_{2}})}$$
(3.14)

Donde $\theta = \beta L = \frac{2\pi n_{eff}}{\lambda} L$. Para el $puerto_d$, se calcula la amplitud normalizada a partir de (3.10) como:

$$\frac{E_d}{E_i} = \frac{\kappa_1 \kappa_2^* \alpha e^{-j\beta \frac{L}{2}}}{1 - t_1^* t_2^* \alpha e^{-j\beta L}}$$
(3.15)

De (3.10) y (3.11a) se obtiene también su función de transmisión [1]:

$$T_d = \frac{\alpha^2 (1 - |t_1|^2)(1 - |t_2|^2)}{1 + \alpha^2 |t_1|^2 |t_2|^2 - 2\alpha |t_1| |t_2| \cos(\theta + \phi_{t_1} + \phi_{t_2})}$$
(3.16)

3.2.3 Filtro Notch

Un caso especial de (3.13) se da cuando la onda es transmitida completamente dentro del anillo resonador en la región de acoplamento 2 [10]. En este caso $t_2^* = 1$ y $k_2^* = 0$ por lo que la salida en el $puerto_d$ es cero y en el $puerto_t$ es (3.17a). El sub-índice de t_1 no es necesario ya que sólo hay un acoplamiento.

$$\frac{E_t}{E_i} = \frac{t - \alpha e^{-j\beta L}}{1 - t^* \alpha e^{-j\beta L}} \tag{3.17a}$$

$$T_{t} = \frac{\alpha^{2} + |t|^{2} - 2\alpha|t|\cos(\theta + \phi_{t})}{1 + \alpha^{2}|t|^{2} - 2\alpha|t|\cos(\theta + \phi_{t})}$$
(3.17b)

Acoplo Crítico

Se observa que ocurre una situación especial cuando la suma de los desfases que sufre la onda en su viaje completo al rededor del anillo es un múltiplo entero de 2π (3.18). Esta condición es llamada condición de resonancia (Figura 3.4).

$$\theta + \phi_t = 2\pi * M \tag{3.18}$$

Bajo esta condición, la ecuación de transmisión en el $puerto_t$ queda:

$$T_t = \frac{(\alpha - |t|)^2}{(1 - \alpha|t|)^2} \tag{3.19}$$

A partir de (3.19) se ve que cuando $\alpha = |t| = \sqrt{1 - |\kappa|^2}$ la transmitancia en el $puerto_t$ es cero. Es decir que cuando las pérdidas en la región de acoplamiento son iguales a las pérdidas en el anillo, se llega a la condición llamada Acoplo Crítico, donde la potencia de salida se anula.

Visto desde el punto de vista de [3] el fenómeno se produce porque la longitud de onda que cumple la condición se acopla, sufre un desfase de $\frac{\pi}{2}$, es decir

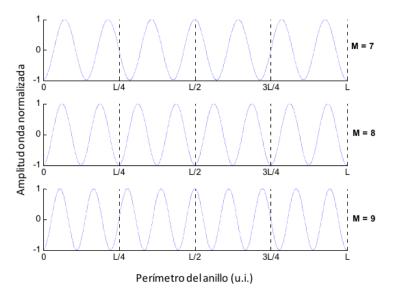


Figura 3.4: Modos Resonantes. Fuente[3]

 $\kappa=i|\kappa|$. Luego de completar una vuelta completa sufre un desfase de 2π y cuando se vuelve a acoplar a la guía recta es desfasada nuevamente $\frac{\pi}{2}$. Es decir, que cuando vuelve a la guía inicial, se suma en contrafase en el punto de acoplamiento de la guía, anulándola.

3.2.4 Parámetros

Existen diferentes parámetros que son relevantes a la hora de describir el rendimiento de un anillo resonador. A continuación se realizará la formulación matemática de cada uno acompañado de una breve descripción.

Los parámetros para el notch filter se obtienen sustituyendo t_2 por 1, como se explicó en la sección 3.2.3.

Free Spectral Range (FSR)

El FSR o rango libre de espectro, es la separación que existe entre dos longitudes de onda que resuenan dentro del anillo. De (3.2) y (3.1) se tiene que:

$$M = \frac{n_{eff(\lambda_m)}L}{\lambda_m} \tag{3.20}$$

$$M + 1 = \frac{n_{eff_{(\lambda_{m+1})}}L}{\lambda_{m+1}}$$
 (3.21)

Para un rango amplio de longitudes de onda β no es realmente constante debido a la dispersión dentro de la guía por lo que en vez de n_{eff} se usa en índice de grupo (3.22) [8].

$$n_g = n_{eff} - \lambda \frac{\partial n_{eff}}{\partial \lambda} \tag{3.22}$$

El FSR, dado por $\Delta\lambda=\lambda_{m+1}-\lambda_m$ se halla restando (3.21) y (3.20). También se asume que $n_{eff_{(\lambda_m)}}\approx n_{eff_{(\lambda_{m+1})}}\approx M$ y que $\lambda_m\lambda_{m+1}\approx \lambda^2$, por lo tanto:

$$FSR = \Delta \lambda \approx \frac{\lambda^2}{n_q L} \tag{3.23}$$

De (3.23) se puede observar que el FSR es inversamente proporcional a el radio del resonador. Para un anillo con un radio grande el distanciamiento entre las longitudes de onda que resuenan en él es menor. Esto indica su capacidad para manejar una densidad de espectro alta y son principalmente usados como switches de bada ancha.

Por el otro lado, un anillo pequeño tendrá un mayor espaciamiento entre los modos lo que significa que es más selectivo [4] y por eso son muy usados como filtros y moduladores.

Full Width Half Maximum

La anchura a media altura representa el ancho de la resonancia medido en nanómetros $(\Delta \lambda_{FWHM})$ cuando ésta decae 3dB o mitad de la potencia y su expresión para una cavidad Fabry-Perot [8][9] es:

$$\Delta \lambda_{FWHM} = 2\delta \lambda = \frac{\lambda_0^2}{L n_{eff} \pi} \left(\frac{1 - \alpha^2 |t_1|^2 |t_2|^2}{\alpha |t_1| |t_2|} \right)$$
(3.24)

Quality Factor (Q)

El factor de calidad es una relación entre la longitud de onda que resuena en el anillo y el ancho de la resonancia en la mitad de la potencia.

Parámetro	Valor
Rango de frecuencias	1500nm a 1600nm
λ_0	$1550\mathrm{nm}$
Espaciamiento de canales	$200 \mathrm{Ghz}$ ó 1.6nm a $1550 \mathrm{nm}$
FSR	3200GHz ó 25.6nm a 1550nm ó 16 canales
$\Delta \lambda_{FWHM}$	$100 \mathrm{GHz}$ ó $0.8 \mathrm{nm}$
Q	$\frac{1550nm}{0.8nm} \approx 2000 \ (3.25)$

Tabla 3.1: Configuración deseada para el filtro

$$Q = \frac{\lambda_0}{\Delta \lambda_{FWHM}} = \pi \frac{n_{eff}L}{\lambda_0} \frac{\alpha |t_1||t_2|}{1 - \alpha^2 |t_1|^2 |t_2|^2}$$
(3.25)

Finesse (F)

La finura F permite medir la estrechez de las resonancias [3], donde entre más estrecha, el anillo es más selectivo.

$$F = \frac{FSR}{\Delta \lambda_{FWHM}} = \frac{\Delta \lambda}{2\delta \lambda} = \pi \frac{\alpha |t_1| |t_2|}{1 - \alpha |t_1|^2 |t_2|^2}$$
(3.26)

En (3.26) se aprecia que entre menos pérdidas existan en el anillo, la finura del anillo es más elevada.

3.3 Simulaciones

Las simulaciones se realizaron sobre las herramientas Meep y Lumerical en 2 máquinas con las siguientes características:

3.3.1 Diseño del Resonador

Para el diseño del simulador, se siguieron los lineamientos descritos en [5] tanto para el filtro AddDrop como para el filtro Notch. El primero consiste en el modelo explicado en la sección 3.2.1 con la salvedad que la región de Acoplamiento 1 es idéntica a la región de Acoplamiento 2, por lo tanto $\kappa = \kappa_1 = \kappa_2$, $\kappa^* = \kappa_1^* = \kappa_2^*$, $t = t_1 = t_2$ y $t^* = t_1^* = t_2^*$. Adicionalmente, se asume que no hay pérdidas ($\alpha = 1$) y se seleccionan las características dadas en la tabla 3.1.

Índice de grupo n_g

Se calcula el índice de grupo n_g mediante la herramienta MODE de lumérical (seccion 3.3.2) para encontrar los valores propios en un rango de frecuencias de interés. En la gráfica 3.5 se ve el perfil del primer modo a la izquierda y la gráfica de longtud de onda vs índice de grupo a la izquierda. A partir de ésta, se visualiza que para $\lambda_0=1550nm$ se tiene $n_q\approx 4.8$.

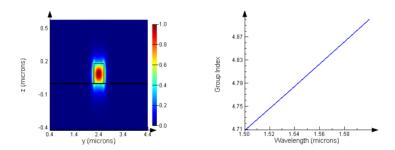


Figura 3.5: Índice de grupo. Fuente[5]

Perímetro del anillo

Despejando L partir de (3.23) y sustituyendo los parámetros (Tabla 3.1), se tiene:

$$L = \frac{\lambda_0^2}{n_g FSR} = \frac{1550e - 9}{4.8 \times 25.6e - 9} = 19.5 \mu m$$

$$R = \frac{L}{2\pi} = 3.1 \mu m$$

Coeficiente de transmisión y acoplamiento

Al despejar |t| de (3.25) se tiene:

$$|t| = \sqrt{\left(\frac{n_g L \pi}{2Q\lambda}\right)^2 + 1} - \frac{n_g L \pi}{2Q\lambda} \tag{3.27}$$

Y remplazando la configuración dada en la tabla 3.1:

$$|t| = \sqrt{\left(\frac{4.819.5e - 6\pi}{220001550e - 9}\right)^2 + 1} - \frac{4.819.5e - 6\pi}{22000\lambda} \approx 0.954$$

El valor de κ se obtiene despejando (3.11a):

$$|\kappa| = \sqrt{1 - |t|^2} \approx 0.301$$
 (3.28)

Transmitancia

De (3.11a) y (3.16) y teniendo en cuenta las consideraciones de la tabla 3.1 se tiene:

$$T_d = \frac{|\kappa^4|}{|1 - t^2 e^{j\beta L}|^2} \tag{3.29}$$

$$T_d = \frac{|\kappa^4|}{|1 - t^2 e^{j\beta L}|^2}$$

$$T_t = \frac{|t - t e^{-j\beta L}|^2}{|1 - t^2 e^{j\beta L}|^2}$$
(3.29)

3.3.2 Lumerical

Filtro Notch

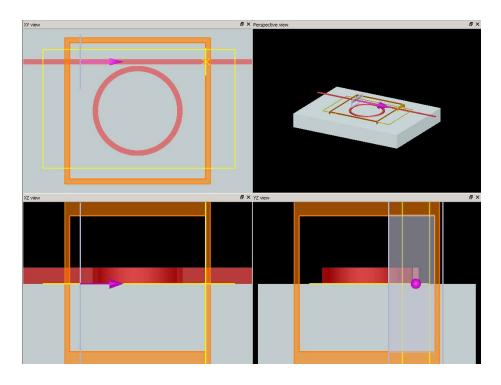


Figura 3.6: SetUp del filtro Notch en Lumerical FDTD

Filtro AddDrop

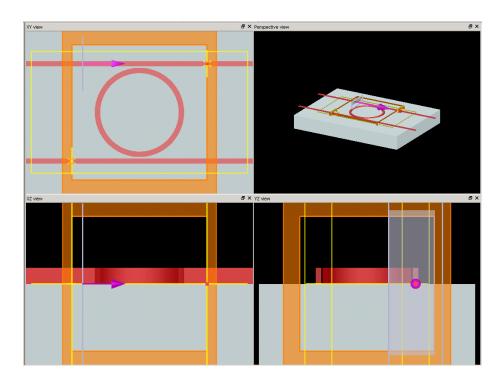


Figura 3.7: SetUp del filtro AddDrop en Lumerical FDTD

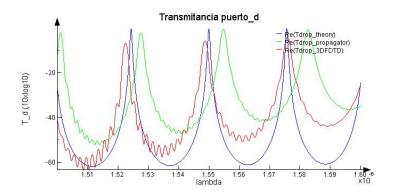


Figura 3.8: Transmitancia en el $puerto_d$ de valores teóricos, simulación MODE y FDTD del Filtro AddDrop

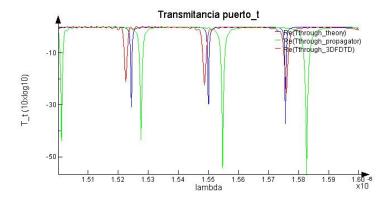


Figura 3.9: Transmitancia en el $puerto_t$ de valores teóricos, simulación MODE y FDTD del Filtro AddDrop

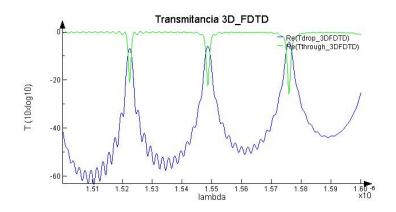


Figura 3.10: Transmitancia simulación 3D FDTD Filtro AddDrop

3.3.3 Meep

Meep es un software desarrollado en el Massachusetts Institute of Technology - MIT que implementa el método FDTD. Su nombre es un acrónimo que proviene de las iniciales de "MIT Electromagnetic Equation Propagation" y cuenta con las siguientes características:

- Simulación 1D, 2D, 3D
- Soporte MPI
- Fronteras Absorción PML
- Scripts en Scheme (*.ctl)

- Scripts en C++
- Análisis de flujos, frec, energía ...
- Licencia GNU/GPL

Filtro Notch

El código está dividido en 5 secciones en cada una de las cuales se define:

- 1. Parámetros de la simulación.
- 2. Materiales y geometría a simular.
- 3. Fuente de onda electromagnética.
- 4. Puntos de medición de flujo de energía.
- 5. Tiempos y salidas de la simulación.

A continuación, se explicará el objetivo y el contenido de cada subsección sólo del script para el filtro Notch. Para ver el script completo 2D y 3D de los 2 filtros, ver el apéndice A.1.

Parámetros

Script 3.1: Parámetros Filtro Notch.

```
;Units are measured in microns [a=1uc]
   (define-param odir "./out-")
   (define-param w 0.4) ; width of waveguide
   (define-param r 2.9) ; inner radius of ring
   (define-param gap 0.1) ; gap between ring and wg
   (define-param pad 4) ; padding between wg and edge of PML
   (define-param dpml 2); thickness of PML
   (define-param wavecen 1.550)
   (define-param wavewid 0.050)
10
   (define-param frequen (/ 1 wavecen))
   (define-param freq_width (-
11
        (/ 1 (- wavecen wavewid))
12
        (/ 1 (+ wavecen wavewid))))
13
   (define-param flux_points 100)
14
   (define sxy (* 2 (+ r w pad dpml))); cell size
16
   (define si_mat (make dielectric (index 3.476558)))
```

En esta sección de código (Script 3.1) se especifican los parámetros necesarios para la ejecución de los programas. Se usaron 2 tipos diferentes de instrucciones: define y define — param. La primera instrucción, de la forma (define < variable > < expresion >), es nativa de Scheme y permite ejecutar una expresión dada por medio de una variable.

Por el contrario, define-param, está definida en una librería de extensión llamada LibCtl y permite que la asociación de la variable a la expresión sea modificada desde la línea de comandos desde la que se invoca el programa permitiendo tener un control flexible para las simulaciones.

Los parámetros usados en la simulación del filtro están especificados en la Tabla 3.2.

Parámetro	Descripción	Valor x Defecto
w	Ancho de la guía de onda	4 nm
r	Radio interno del anillo resonador	$2.9~\mu\mathrm{m}$
gap	Espacio entre la guía de onda y el anillo	1 nm
dpml	Ancho de la capa PML	$2~\mu\mathrm{m}$
wavecen Ancho de banda central de la fuente		$1550~\mathrm{nm}$
waveid	Ancho del pulso de la fuente	$50 \mathrm{\ nm}$
frequencia central de la fuente		$\frac{1}{wavecen}$
$freq_w idth$	Ancho del pulso de la fuente (en frecuencia)	$\frac{1}{wavecen-waveid} - \frac{1}{wavecen+waveid}$

Tabla 3.2: Parámetros

Materiales y Geometría

En esta sección se emplearon algunos de los parámetros definidos en la tabla 3.2 para construir la geometría del filtro como se ve en la figura 3.11.

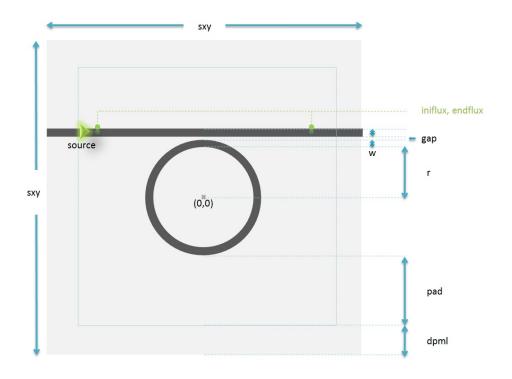


Figura 3.11: Geometría Filtro Notch.

Como se aconseja en [7] el tamaño del látice a simular se calcula de forma dinámica a partir de los parámetros del radio, ancho de la guía de onda, espacio de holgura y el borde PML (Script 3.2).

```
(define si_mat (make dielectric (index 3.476558)))
   (set! default-material air)
   (set! geometry-lattice (make lattice (size sxy sxy no-size)))
   (set! geometry (list
        (make cylinder
            (center 0 0) (height infinity) (radius (+ r w))
            (material si_mat))
        (make cylinder
            (center 0 0) (height infinity) (radius r)
10
            (material air))
11
12
        (make block
            (center 0 (+ r w gap (/ w 2))) (size sxy w infinity)
13
14
            (material si_mat))))
15
   (set-param! resolution 35)
16
```

Silicon Photonics utiliza, como su nombre lo indica, silicio como medio para la propagación de ondas electromagnéticas en el espectro C-Band. Por lo tanto, para la longitud de onda de 1500 nm, el índice de refracción del silicio corresponde a 3.4765 [2]. Adicionalmente, al ser una simulación en 2D, el material que rodea la guía recta y circular es el aire cuyo índice de refracción es 1. La base de dioxido de silicio SiO2 sobre la cual está montada la guía, sólo se tomó en cuenta para la simulación 3D (sección 3.3.2).

La guía de onda se especifica como un rectángulo de Si, mientras que la estructura del anillo se construye a partir de la superposición de un cilindro externo de silicio y un cilindro interno de aire. Las dos estructuras están separadas en su punto más cercano por una distancia definida por el parámetro qap = 100nm.

Finalmente, se indicó una resolución de

Fuente de Onda Electromagnética

Como se mencionó anteriormente, una de las aplicaciones de FDTD es el cálculo de la transmisión o la dispersión del espectro de estructuras tales como cavidades resonantes en respuesta a un estímulo de entrada. Una forma de obtener estos datos es calcular el flujo transmitido para cada frecuencia ω de forma separada. Una forma más rápida es calcular la respuesta a un conjunto amplio de espectros usando un sólo cálculo de la transformada de Fourier usando un pulso gaussiano de banda ancha [6].

En este trabajo se simularon estas 2 formas (cada una en un script diferente) tanto para el filtro Notch, como para el filtro AddDrop.

Resultados

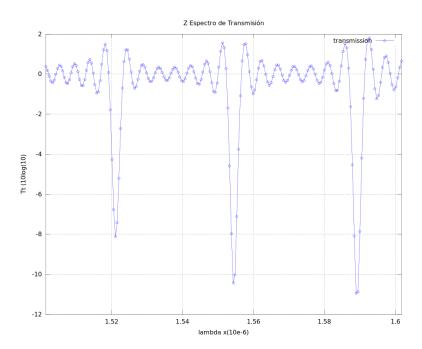


Figura 3.12: Transmitancia Filtro Notch

Capítulo 4

Redes de Interconexión

Apéndice A

Scripts

A.1 Meep

A.1.1 Filtro Notch

Script A.1: Filtro Notch (Fuente Gaussiana) en Meep

```
;Units are measured in microns [a=1uc]
   (define-param odir "./out-")
   (define—param w 0.4) ; width of waveguide
(define—param r 2.9) ; inner radius of ring
(define—param gap 0.1) ; gap between ring and wg
    (define-param pad 4) ; padding between waveguide and edge of
    (define-param dpml 2); thickness of PML
    (define-param wavecen 1.550)
    (define-param wavewid 0.050)
    (define-param frequen (/ 1 wavecen))
    (define-param freq_width (- (/ 1 (- wavecen wavewid)) (/ 1 (+
12
        wavecen wavewid))))
    (define-param flux_points 200)
13
    (define sxy (* 2 (+ r w pad dpml))); cell size
15
    (define si_mat (make dielectric (index 3.476558)))
17
18
    (set! default-material air)
19
20
    (set! geometry-lattice (make lattice (size sxy sxy no-size)))
    (set! geometry (list
22
        (make cylinder
23
             (center 0 0) (height infinity) (radius (+ r w))
^{24}
             (material si_mat))
        (make cylinder
```

```
(center 0 0) (height infinity) (radius r)
27
            (material air))
        (make block
29
            (center 0 (+ r w gap (/ w 2))) (size sxy w infinity)
30
            (material si_mat))))
31
32
33
    (set-param! resolution 35)
    (set! pml-layers (list (make pml (thickness dpml))))
34
   ;-----Sources-----
36
   (set! sources (list
37
38
      (make source
        (src (make continuous-src (frequency frequen)))
39
40
        (component Ez)
        (size 0 w)
41
        (center (+ dpml (* -0.5 \text{ sxy})) (+ r w gap (/ w 2)) )
42
43
   ))
44
45
   ;-----Fluxes-----
   ;transmitted flux
46
    (define iniflux
       (\mathbf{add} - \mathbf{flux} \text{ freqcen freq\_width flux\_points})
48
           (make flux-region
49
          (center (+ 1 dpml (* -0.5 \text{ sxy})) (+ r w gap (/ w 2)))
50
                 (size 0 (* 2 w))))
51
   ;reflected flux
52
   (define endflux
53
       (add-flux freqcen freq_width flux_points
54
55
      (make flux-region
       (center (- (* 0.5 sxy) dpml 1) (+ r w gap (/ w 2)))
56
57
        (size 0 (* 2 w)) )))
58
                            ---Simulation----
59
   (use-output-directory (string-append odir
       (get-filename-prefix)))
61
    (run-until 3000
       (at-beginning output-epsilon)
62
        (at-end  output-efield-z)
        (at-every 40 (output-png Ez "-S3 -Zc dkbluered -a yarg -A
64
            $EPS"))
65 )
67 (display-fluxes iniflux endflux)
```

A.1.2 Filtro AddDrop

Script A.2: Filtro AddDrop (Fuente Gaussiana) en Meep.

```
1 ;-----Parameters----
2 ;Units are measured in microns [a=luc]
3 (define-param odir "./out-")
4 (define-param w 0.4) ; width of waveguide
5 (define-param r 2.9) ; inner radius of ring
```

```
(define-param gap 0.1) ; gap between ring and wg
    (define-param pad 4) ; padding between waveguide and edge of
    (define-param dpml 2); thickness of PML
    (define-param wavecen 1.550)
10
    (define-param wavewid 0.050)
    (define-param frequen (/ 1 wavecen))
11
    (define-param freq\_width (- (/ 1 (- wavecen wavewid)) (/ 1 (+
12
        wavecen wavewid))))
    (define-param flux_points 100)
13
14
    (define sxy (* 2 (+ r w pad dpml))); cell size
15
16
   (define fill_mat air);
17
    (define sio2_mat (make dielectric (index 1.44427)))
18
    (define si_mat (make dielectric (index 3.476558)))
20
    (set! default-material fill_mat)
^{21}
22
23
24
    (set! geometry-lattice (make lattice (size sxy sxy no-size)))
    (set! geometry (list
25
      ;Outer ring
26
27
      (make cylinder
          (center 0 0) (height infinity) (radius (+ r w))
28
29
          (material si_mat))
      ; Inner ring
30
      (make cylinder
31
          (center 0 0) (height infinity) (radius r)
32
          (material fill_mat))
33
34
      ; Upper waveguide
      (make block
35
          (center 0 (+ r w gap (/ w 2))) (size sxy w infinity)
36
          (material si_mat))
37
      ;Bottom waveguide
38
39
      (make block
         (center 0 (* -1 (+ r w gap (/ w 2)))) (size sxy w
40
              infinity)
          (material si_mat))
41
42
   ))
43
44
    (set-param! resolution 80)
    (set! pml-layers (list (make pml (thickness dpml))))
45
46
47
   (define theta (/ pi 4))
48
    (define kx (* freqcen (sin theta)))
49
    (set! k-point (vector3 kx 0 0))
    (set! ensure-periodicity true)
51
    (define (my-amp-func p)
52
        (exp (* 0+2i pi kx (vector3-x p))))
53
54
   (set! sources (list
55
      (make source
56
        (src (make gaussian-src (frequency frequen) (fwidth (* 3
           freq_width))))
        (component Ez)
```

```
(size 0 w)
59
         (amp-func my-amp-func)
        (center (+ dpml (* -0.5 \text{ sxy})) (+ r w gap (/ w 2)) )
61
   ))
62
63
                 -----Fluxes-----
64
65
   ;in flux
   (define influx
66
        (add-flux freqcen freq_width flux_points
68
            (make flux-region
          (center (+ 1 dpml (* -0.5 \text{ sxy})) (+ r w gap (/ w 2)))
69
70
                  (size 0 (* 2 w)) )))
   ;through flux
71
   (define thflux
        (add-flux \ freqcen \ freq\_width \ flux\_points
73
      (make flux-region
74
75
        (center (- (* 0.5 sxy) dpml 1) (+ r w gap (/ w 2)))
        (size 0 (* 2 w)) )))
76
77
   ;drop flux
    (define drflux
78
79
        (add-flux freqcen freq_width flux_points
            (make flux-region
80
          (center (+ 1 dpml (* -0.5 \text{ sxy})) (* -1 \text{ (+ r w gap (/ w })}
81
              2))))
                  (size 0 (* 2 w)) )))
82
83
                        ----Simulation----
84
    (use-output-directory (string-append odir
85
        (get-filename-prefix)))
    (run-sources+
86
        (stop-when-fields-decayed 50 Ez (vector3 (- (* 0.5 sxy)
87
            dpml 1) (+ r w gap (/ w 2))) 1e-3)
        (at-beginning output-epsilon)
88
        (at-end  output-efield-z)
89
         (at-every 40 (output-png Ez "-S3 -Zc dkbluered -a yarg -A
90
        $EPS"))
91
93 (display-fluxes influx thflux drflux)
```

Script A.3: Generar gráficas de Transmitancia"

```
1 clear; close all; clc
3 arg_list = argv();
   if nargin < 1
       printf('Filename not found in args, using default
          [power.dat]\n');
       fname = 'power.dat';
   else
7
       fname = arg_list{1};
   endif
9
10
   printf('Filename: %s\n', fname);
11
12
  power = dlmread(fname, ',');
```

```
14
x = 1./(power(:,2));
16 yt = 10*log(power(:,4)./power(:,3));
yd = 10 * log(power(:, 5)./power(:, 3));
18
19 plot(x,yt,"-bo", x, yd, "-rx");
20
   %hold on;
21 %hold off;
22 grid;
23 xlabel('lambda x(10e-6)');
ylabel('power');
   title('Z Transmission spectrum');
legend("transmission");
27 set(gca(), "xlim", [min(x), max(x)]);
28 print -dpng graph.png
```

Script A.4: Shell script de invocación con OpenMPI

```
1 #!/bin/bash
2
3 odir=~/ZMeepOut/
4 mkdir $odir > /dev/null 2>&1
5 fname='gausrc_flux_adddrop'
6 rm $odir$fname-power.dat > /dev/null 2>&1
7
8 time ../../zmpimeep $fname $1
9 grep flux1: >> $odir$fname-power.dat $odir$fname.log
10 octave graph_adddrop.m $odir$fname-power.dat > /dev/null 2>&1
11 mv graph.png $fname-graph.png > /dev/null 2>&1
```

A.2 Lumerical

A.2.1 Filtro Notch

Script A.5: Generar la estructura de anillo 3d FDTD

```
1 deleteall;
2
3 addrect;
4 set("x",0);
5 set("x span",lx);
6 set("y span",base_width);
7 set("y",radius+gap+base_width);
8 #copy(0,-2*(radius+gap+base_width),0);
9
10 copy;
11 set("y",radius);
12 set("x span",Lc);
13
14 copy;
15 set("y",-radius);
```

```
16
   addring;
   set("theta start", -90);
18
19 set("theta stop", 90);
20 set("inner radius", radius-base_width/2);
set ("outer radius", radius+base_width/2);
   set ("x", Lc/2);
22
23
   set("theta start",90);
25
   set("theta stop", 270);
26
   set("x",-Lc/2);
27
29
30 selectall;
   set("material", material);
31
   if (material=="<Object defined dielectric>") {
     set("index", index);
33
34
   set("z min",0);
35
set ("z max", height);
```

A.2.2 Filtro AddDrop

Script A.6: Obtener datos de la simulación 3d FDTD

```
1 \\
2  # file: ring_resonator_fdtd.lsf
4 # Description: This file calculates the results of
           ring_resonator.fsp and saves them to and
           ldf file. The final resulats are plotted
           using ring_resonator.lsf
  # Copyright 2011, Lumerical Solutions, Inc.
  10
11
12
13 Tdrop_3DFDTD = -transmission("drop");
14  Tt_3DFDTD = transmission("through");
  lambda_3DFDTD = c/getdata("drop", "f");
15
17 savedata("fdtd_results.ldf", Tdrop_3DFDTD, Tt_3DFDTD, lambda_3DFDTD);
```

Script A.7: Generar gráficas de Transmitancia teórica MODE FDTI

```
#
            analytical formula
 8
10
      # Copyright 2012, Lumerical Solutions, Inc.
11
      12
13
14
      # FDTD results
15 loaddata("fdtd_results.ldf");
16
18
      # Results from Propagator
19 # ring resonator design parameters
20 lambda0 = 1.55e-6; # center wavelength
21 FSR = 3200e9*lambda0^2/c; # free spectral range in m
0 = 2000; # 0
24 # get data from propagator simulation;
25 T = getresult("drop",'T');
26  Tdrop_propagator = -T.T;
27
      #get data from through simulation
     Tt = getresult("through", 'T');
29
     Tt_propagator = Tt.T;
30
31
      lambda = c/T.f;
32
       33
34
36 # Calculation of theory
      tau_11 = sqrt((lambda*pi/FSR/Q/2)^2+1)-(lambda*pi/FSR/Q/2);
37
      tau_12 = sqrt(1-abs(tau_11)^2);
39
40 # offset the phase for a particular peak wavelength
41 peak_lambda = 1550e-9;
42 phase_offset = -2i*pi*peak_lambda/FSR;
43
      Tdrop_theory =
44
              abs(tau_12)^4/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2;
45
      Tt_theory =
              abs (tau_11-tau_11*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*2*pi*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1-tau_11^2*exp(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FSR+phase_offset))^2/abs(1i*1*lambda/FS
46
       47
# Apply to 10xlog10
49
      Tdrop\_theory = 10 * log (Tdrop\_theory);
      Tdrop_propagator = 10*log(Tdrop_propagator);
51
52 Tdrop_3DFDTD = 10*log(Tdrop_3DFDTD);
53
      Tt\_theory = 10*log(Tt\_theory);
54
      Tt_propagator = 10*log(Tt_propagator);
     Tt_3DFDTD = 10*log(Tt_3DFDTD);
56
     57
58
      # create dataset
59
60 T_result = matrixdataset("T_result");
61 T_result.addparameter("lambda", lambda);
62 T_result.addattribute("Tdrop_theory", Tdrop_theory);
```

```
63 T_result.addattribute("Tdrop_propagator",Tdrop_propagator);
   T_result.addattribute("Tdrop_3DFDTD", Tdrop_3DFDTD);
65
66 visualize(T_result);
67
68 T_result_t = matrixdataset("T_result_t");
69 T_result_t.addparameter("lambda", lambda);
70 T_result_t.addattribute("Tthrough_theory", Tt_theory);
71 T_result_t.addattribute("Tthrough_propagator", Tt_propagator);
72 T_result_t.addattribute("Tthrough_3DFDTD",Tt_3DFDTD);
73
visualize(T_result_t);
75
76 T_result_fdtd = matrixdataset("T_result_3dFDTD");
77 T_result_fdtd.addparameter("lambda", lambda);
   T_result_fdtd.addattribute("Tdrop_3DFDTD", Tdrop_3DFDTD);
78
79 T_result_fdtd.addattribute("Tthrough_3DFDTD", Tt_3DFDTD);
visualize(T_result_fdtd);
```

Bibliografía

- [1] Nabeil Abduljallil Abubaker Abujnah. Numerical modelling of optical micro-cavity ring resonators for wdm networks. 2012.
- [2] M. Bass, C. DeCusatis, J. Enoch, V. Lakshminarayanan, G. Li, C. MacDonald, V. Mahajan, and E. Van Stryland. Handbook of Optics, Third Edition Volume IV: Optical Properties of Materials, Nonlinear Optics, Quantum Optics (set). Handbook of Optics. McGraw-Hill Education, 2009.
- [3] Javier Blasco Solbes. Desarrollo de aplicaciones basadas en la guía nanofotónica de silicio tipo ranura. 2011.
- [4] Johnnie Chan, Gilbert Hendry, Keren Bergman, and Luca P Carloni. Physical-layer modeling and system-level design of chip-scale photonic interconnection networks. Computer-Aided Design of Integrated Circuits and Systems, IEEE Transactions on, 30(10):1507-1520, 2011.
- [5] Lumerical. MODE Solutions, Getting Started. Technical report, 2009.
- [6] MIT Massachusetts Institute of Technology. Meep Introduction AbInitio.
- [7] MIT Massachusetts Institute of Technology. Meep Tutorial AbInitio.
- [8] George T Paloczi. Polymer integrated optics: device architectures and fabrication methods. 2005.
- [9] Joseph Thomas Verdeyen. Laser electronics. 1989.
- [10] Amnon Yariv and Pochi Yeh. Photonics: Optical Electronics in Modern Communications (The Oxford Series in Electrical and Computer Engineering). Oxford University Press, Inc., 2006.