

AVALIAÇÃO DE PRINCÍPIOS DE COMUNICAÇÕES – APNP (S12)

ALUNO:

MATRÍCULA:

INSTRUÇÕES:

- Esta avaliação consta de três questões.
- As questões valem: 3,4 pontos (1), 3,3 pontos (2), e 3,3 pontos (3).
- Cada questão depende de um valor numérico atribuído ao estudante (Tabela-S12.pdf).
- Avaliações com uso de valores numéricos incorretos serão anuladas.
- Resolva cada questão de forma manuscrita legível e organizada. Não serão consideradas respostas sem o desenvolvimento completo da solução.
- Utilize sempre múltiplos e submúltiplos da unidade-padrão (μ , n, p, k, M, etc).
- Não faça arredondamentos, utilize sempre três (3) casas decimais de precisão. Exemplo: $f = 12345,0$ Hz deve ser grafado $f = 12,345$ kHz (não 13 kHz).
- As soluções podem ser incluídas como imagem neste documento que então deve ser salvo em um único arquivo formato pdf.
- O arquivo deve ser nomeado “Prova2_Nome_Completo.pdf” e não pode exceder a 15 MB de dimensão.
- A entrega deve ser feita via e-mail até às 23h00 da data da prova.
- Dúvidas podem ser sanadas on-line nos primeiros 20 minutos de aula.

IMPORTANTE:

- Primeiro passo: Obtenha os valores necessários a cada questão na Tabela-S12.pdf disponível na pasta dropbox. As unidades constam no enunciado das questões.
- Segundo passo: O Valor 1 será usado na Questão 1, o Valor 2 na Questão 2, e o Valor 3 na Questão 3. Exemplo: Valor 1 = 1,5 corresponde à $P = 1,5$ Watts.
- Terceiro passo: resolva as questões.

BOA PROVA !!

- 1) Um sinal modulado recebido (tipo AM-DSB tonal) é demodulado com uso de um detector de envoltória. Sabe-se que o sinal modulado apresenta potência média de $P = 0,25$ Watts. Sabe-se ainda que: $A_m = 3$ V, $f_c = 400$ kHz, $f_m = 4$ kHz e $k_a = 0,2$ V⁻¹. A potência média de ruído por unidade de faixa, medida na entrada do demodulador, é $N_0 = 5 \cdot 10^{-6}$ Watt/Hz. Pede-se:
- a) Determine a relação sinal-ruído de canal SNR_c (em dB).
 - b) Determine a relação sinal-ruído de saída SNR_o (em dB).
 - c) Ao reduzir em 50% a amplitude de portadora o sistema se mantém em funcionamento? Justifique.

- 2) O sinal $g(t) = 2 \cdot \{1 + \cos(2\pi \cdot f_1 \cdot t)\} \cdot \cos(2\pi \cdot f_1 \cdot t)$, é amostrado de forma ideal, onde $f_1 = 20$ Hz.
- Determine a expressão de $G(f)$ e faça um esboço (mostrando valores de frequência e amplitude).
 - Determine a expressão do espectro do sinal amostrado $G_s(f)$, sabendo que $f_s = 400$ Hz;
 - Esboce o espectro de $G_s(f)$ considerando a faixa de frequências $|f| \leq 900$ Hz (mostrando valores de frequência e amplitude).
 - Considere o uso de um filtro real tipo Butterworth de 2ª ordem (dado pela equação abaixo) para recuperar o sinal $g(t)$. Qual deve ser a nova frequência de amostragem (f_s) de modo a atenuar as componentes indesejadas em 24 dB (no mínimo)?

$$|H(f)| = 1 / \sqrt{1 + (f/f_{3dB})^4}$$

Obs: $f_{3dB} = 2 \cdot f_1$ Hz

3) Um sistema TDM-PCM, sem compressor, apresenta em sua entrada os sinais mostrados abaixo, onde $f_2 = 2,8$ kHz.

$$5.\cos(2\pi.1k.t), \quad 3.\cos(2\pi.1,5k.t), \quad 4.\cos(2\pi.2k.t), \quad 1.\cos(2\pi.f_2.t), \quad 3.\cos(2\pi.1,8k.t)$$

- a) Determine a menor frequência de amostragem possível para o sistema.
- b) Qual a taxa de transmissão do multiplexador (com unidade)? Considere a frequência de amostragem obtida no item anterior.
- c) Qual a largura de espectro do sinal digital (com unidade) se a quantização é em 16 níveis?
- d) Sabendo que a largura de faixa do canal é $B = 80$ kHz, determine o fator de roll-off utilizado no sistema.

PROVA 2 - JOÃO PAULO ISTCHUK

1) $P = 0,25 \text{ W}$ $A_m = 3 \text{ V}$ $f_c = 400 \text{ KHz}$ $f_m = 4 \text{ KHz}$ $K_a = 0,2 \text{ V}^{-1}$
 $N_0 = 5 \cdot 10^{-6} \text{ W/Hz}$

a) SNR_c $\mu = K_a \cdot A_m = 0,2 \cdot 3 = 0,6$

$$P = \frac{A_c^2}{2} \left(1 + \frac{\mu^2}{2} \right) \quad A_c^2 = \frac{2P}{\left(1 + \frac{\mu^2}{2} \right)} = \frac{2 \cdot 0,25}{\left(1 + \frac{0,6^2}{2} \right)} = 0,4237$$

$$P_m = \frac{A_m^2}{2} = \frac{3^2}{2} = 4,5 \quad \text{SNR}_c = \frac{A_c^2 (1 + K_a^2 \cdot P_m)}{2 W N_0} \quad W = f_m$$

$$\text{SNR}_c = \frac{0,4237 (1 + 0,2^2 \cdot 4,5)}{2 \cdot 4 \text{ K} \cdot 5 \cdot 10^{-6}} = 12,499$$

EM DB $\rightarrow \text{SNR}_c(\text{dB}) = 10 \log(12,499) = \boxed{10,968 \text{ dB}}$

b) $\text{SNR}_o = \frac{A_c^2 \cdot K_a^2 \cdot P_m}{2 W N_0} = \frac{0,4237 \cdot 0,2^2 \cdot 4,5}{2 \cdot 4 \text{ K} \cdot 5 \cdot 10^{-6}} = 1,906$

$$\text{SNR}_o(\text{dB}) = 10 \log(1,906) = \boxed{2,802 \text{ dB}}$$

c) $A_c' = \frac{A_c}{2}$ $A_c = \sqrt{0,4237} = 0,6509$ $A_c' = 0,3254$

$$\text{SNR}_c = \frac{A_c'^2 (1 + K_a^2 \cdot P_m)}{2 W N_0} = \frac{0,3254^2 (1 + 0,2^2 \cdot 4,5)}{2 \cdot 4 \text{ K} \cdot 5 \cdot 10^{-6}} = 3,123$$

$$\text{SNR}_c(\text{dB}) = 10 \log(3,123) = 4,946 \text{ dB}$$

EFETIVO LIMAR $\rightarrow \text{SNR}_c \geq 6,6 \text{ dB}$ $4,946 < 6,6$

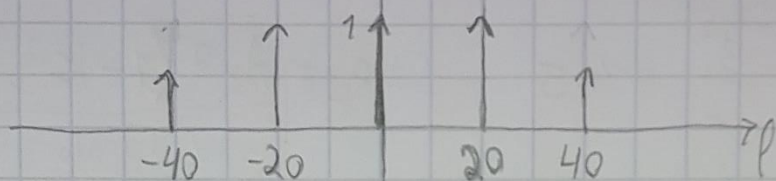
ENTÃO O SISTEMA NÃO SE MANTÉM EM FUNCIONAMENTO

$$2) \quad g(t) = 2 \cdot [1 + \cos(2\pi f_1 t)] \cdot \cos(2\pi f_1 t) \quad f_1 = 20 \text{ Hz}$$

$$a) \quad [2 + 2\cos(2\pi f_1 t)] \cos(2\pi f_1 t) = 2\cos(2\pi f_1 t) + 2\cos^2(2\pi f_1 t)$$

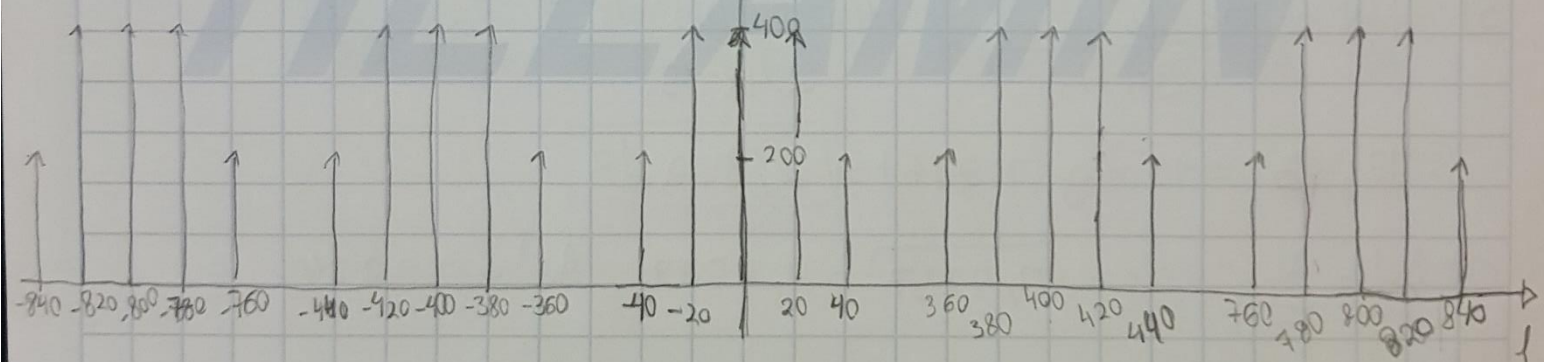
$$g(t) = 2\cos(2\pi f_1 t) + \cos(2\pi 2f_1 t) + \cos(0)$$

$$G(f) = \frac{\delta(f \pm f_1)}{2} + \frac{\delta(f \pm 2f_1)}{2} + \delta(f) = \frac{\delta(f \pm 20)}{2} + \frac{\delta(f \pm 40)}{2} + \delta(f)$$



$$b) \quad T_s = \frac{1}{f_s} = \frac{1}{400} = 2,5 \text{ ms} \quad G_s(f) = \frac{1}{T_s} \sum_{m=-\infty}^{\infty} G(f - \frac{m}{T_s})$$

$$G_s(f) = 400 \cdot \left[\frac{\delta(f \pm 40 - 400m)}{2} + \frac{\delta(f \pm 20 - 400m)}{2} + \delta(f - 400m) \right]$$



$$m=0 \rightarrow 200 \delta(f \pm 40) + 400 \delta(f \pm 20) + 400 \delta(f)$$

$$m=1 \rightarrow 200 \delta(f \pm 40 - 400) + 400 \delta(f \pm 20 - 400) + 400 \delta(f - 400)$$

$$m=2 \rightarrow 200 \delta(f \pm 40 - 800) + 400 \delta(f \pm 20 - 800) + 400 \delta(f - 800)$$

$$d) |H(f)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_{3dB}}\right)^4}} \quad f_{3dB} = 2 \cdot f_1 = 40 \text{ Hz}$$

$$24 \text{ dB} \Rightarrow 10^{\frac{-24}{20}} = 0,063 \quad \frac{1}{0,063} = \sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_{3dB}}\right)^4} \quad 15,848^2 = 1 + \left(\frac{f}{f_{3dB}}\right)^4$$

$$250,188 = \left(\frac{f}{f_{3dB}}\right)^4 \quad \sqrt[4]{250,188} = \frac{f}{f_{3dB}} \quad 3,981 \cdot f_{3dB} = f$$

$$f = 40 \cdot 3,981 = \boxed{159,242 \text{ Hz}}$$

$$3) f_2 = 2,8 \text{ KHz} \quad 5 \cos(2\pi 1 \text{ Kt}) \quad 3 \cos(2\pi 1,5 \text{ Kt}) \quad 4 \cos(2\pi 2 \text{ Kt}) \\ 3 \cos(2\pi 1,8 \text{ Kt}) \quad 1 \cos(2\pi 2,8 \text{ Kt})$$

PELO CRITÉRIO DE NYQUIST $f_2 \geq 2W$ $W = 2,8 \text{ KHz}$

$$f_2 \geq 2 \cdot 2,8 \text{ K} \quad \boxed{f_2 \geq 5,6 \text{ KHz}}$$

$$b) \pi_2 = \frac{N}{T_s} = N \cdot f_2 \quad N = 5 \quad \pi_2 = 5 \cdot 5,6 \text{ K} = 28 \text{ K AMOSTRAS/SEGUNDO}$$

$$c) B_{\text{cod}} = \frac{1}{T_b} = N \cdot N \cdot f_2 \quad Q = 2^N \quad 16 = 2^N \quad N = 4$$

$$B_{\text{cod}} = 4 \cdot 5 \cdot 5,6 \text{ K} = \boxed{112 \text{ KHz}}$$

$$d) B = 80 \text{ KHz} \quad B = \left(\frac{1+P}{2}\right) \pi B \quad \frac{B}{\pi B} = \frac{1+P}{2} \quad \frac{2B}{\pi B} - 1 = P$$

$$P = \frac{2 \cdot 80 \text{ K}}{112 \text{ K}} - 1 = \boxed{0,428}$$