

## **AVALIAÇÃO DE PRINCÍPIOS DE COMUNICAÇÕES – ADNP (S-11)**

ALUNO: Nicolas Civiero

MATRÍCULA:1795830

### **INSTRUÇÕES:**

- Esta avaliação consta de três questões.
- As questões valem: 3,4 pontos (1), 3,3 pontos (2), e 3,3 pontos (3).
- Cada questão depende do número de matrícula do estudante (ver Tabela-S11.pdf).
- Avaliações com uso de número de matrícula incorreto serão anuladas.
- Resolva cada questão de forma manuscrita legível e organizada. Não serão consideradas respostas sem o desenvolvimento completo da solução.
- Não faça arredondamentos, utilize sempre três (3) casas decimais de precisão.
- Faça sempre uso das unidades: Hz, kHz, MHz, Volt e Watt. Exemplo:  $f = 12345,0$  Hz deve ser grafado  $f = 12,345$  kHz (não 13 kHz).
- As soluções podem ser incluídas como imagem neste documento que então deve ser salvo em um único arquivo formato pdf.
- O arquivo deve ser nomeado “Prova2\_Nome\_Completo.pdf” e não pode exceder a 15 MB de dimensão.
- A entrega deve ser feita via e-mail até às 16h00 de 26/11/2020.
- Dúvidas podem ser sanadas on-line na primeira meia-hora da data da prova.

### **IMPORTANTE:**

- Primeiro passo: Obtenha os valores necessários a cada questão na Tabela-S11.pdf disponível na pasta dropbox. As unidades constam no enunciado das questões.
- Segundo passo: O Valor 1 será usado na Questão 1, o Valor 2 na Questão 2, e o Valor 3 na Questão 3. Exemplo: Valor 1 = 9,0 corresponde à  $f_m = 9,0$  kHz.
- Terceiro passo: Resolva as questões.

BOA PROVA !!

- 1) Um sinal modulado FM tonal é aplicado a um demodulador. Sabe-se que a potência média do sinal modulado é igual a 2 Watts,  $\beta = 2$  rad e  $f_m = 11$  kHz. A potência média de ruído por unidade de faixa ( $N_0$ ) na entrada do demodulador é  $5 \cdot 10^{-7}$  Watt/Hz. Pede-se:
- Determine a razão sinal-ruído de canal  $SNR_c$  (em dB).
  - Determine a razão sinal-ruído de saída  $SNR_o$  (em dB).
  - Considerando que filtros de pré(dê)-ênfase (com  $f_0 = 3,0$  kHz) são acrescentados ao sistema, determine a nova razão sinal-ruído de saída (em dB).

1) a)

$$P = \frac{A_c^2}{2}$$

$$2 = \frac{A_c^2}{2}$$

$$A_c^2 = 2 \cdot 2$$

$$A_c = 2 \text{ V}$$

$$SNR_c = \frac{P}{W \cdot N_0}$$

$$SNR_c = \frac{2}{11 \cdot 10^3 \cdot 5 \cdot 10^{-7}}$$

$$SNR_c = 363,636$$

$$10 \cdot \log_{10}(SNR_c) = SNR_{c \text{ dB}}$$

$$SNR_{c \text{ dB}} = 10 \cdot \log_{10}(363,636)$$

$$SNR_{c \text{ dB}} = 25,607 \text{ dB}$$

$$- \boxed{SNR_c = 25,607 \text{ dB}}$$

$$b) \quad SNR_o = \frac{3}{2} \cdot \beta^2 \cdot SNR_c$$

$$SNR_o = \frac{3}{2} \cdot 2^2 \cdot 363,636$$

$$SNR_o = 2.182$$

$$SNR_{o \text{ dB}} = 10 \cdot \log_{10}(2.182)$$

$$SNR_{o \text{ dB}} = 33,388 \text{ dB}$$

$$- \boxed{SNR_o = 33,388 \text{ dB}}$$

$$c) \quad \frac{SNR_{o \text{ PD}}}{SNR_o} = \frac{\left(\frac{W}{f_0}\right)^3}{3 \left[ \frac{W}{f_0} - \arctan\left(\frac{W}{f_0}\right) \right]}$$

$$\frac{W}{f_0} = \frac{11 \cdot 10^3}{3 \cdot 10^3} = 3,667$$

$$\frac{SNR_{o \text{ PD}}}{2.182} = \frac{3,667^3}{3 \left[ 3,667 - \arctan(3,667) \right]} = 6,956$$

$$SNR_{o \text{ PD dB}} = 10 \log_{10}(15.179)$$

$$SNR_{o \text{ PD dB}} = 41,812 \text{ dB}$$

$$SNR_{o \text{ PD}} = 6,956 \cdot 2.182 = 15.179$$

$$- \boxed{SNR_{o \text{ PD}} = 41,812 \text{ dB}}$$

- 2) O sinal  $g(t) = 4 \cdot \{1 + \cos(2\pi \cdot f_1 \cdot t)\} \cdot \cos(2\pi \cdot f_1 \cdot t)$ , é amostrado de forma ideal, onde  $f_1 = 65$  Hz.
- Determine a expressão de  $G(f)$  e faça um esboço (mostrando valores de frequência e amplitude).
  - Determine a expressão do espectro do sinal amostrado  $G_s(f)$ , sabendo que  $f_s = 300$  Hz;
  - Esboce o espectro de  $G_s(f)$  considerando a faixa de frequências  $|f| \leq 750$  Hz (mostrando valores de frequência e amplitude).
  - Considere o uso de um filtro real tipo Butterworth de 1ª ordem (dado pela equação abaixo) para recuperar o sinal  $g(t)$ . Qual deve ser a nova frequência de amostragem ( $f_s$ ) de modo a atenuar as componentes indesejadas em 24 dB (no mínimo)?

$$|H(f)| = 1 / \sqrt{1 + (f/f_{3dB})^2}$$

$$\text{Obs: } f_{3dB} = f_1 \text{ Hz}$$

- 2 a)

$$\cos(2\pi \cdot f_c \cdot t) = \frac{1}{2} [\delta(f - f_c) + \delta(f + f_c)]$$

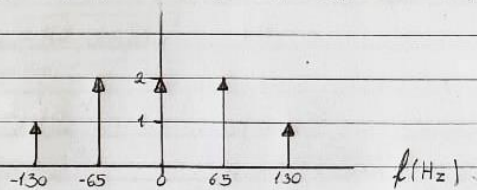
$$g(t) = 4 [1 + \cos(2\pi \cdot 65 \cdot t)] \cdot \cos(2\pi \cdot 65 \cdot t)$$

$$g(t) = 4 [\cos(130\pi t) + \cos(2\pi \cdot 65 \cdot t) \cdot \cos(130\pi t)]$$

$$g(t) = 4 [\cos(130\pi t) + \frac{1}{2} [\cos(130\pi t + 130\pi t) + \cos(130\pi t - 130\pi t)]]$$

$$g(t) = 4 \cos(130\pi t) + 2 \cos(260\pi t) + 2 \cos(0)$$

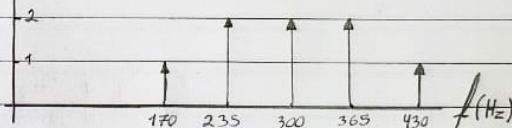
$$G(f) = 2 [\delta(f - 65) + \delta(f + 65)] + \delta(f - 130) + \delta(f + 130) + 2 \cdot \delta(f)$$



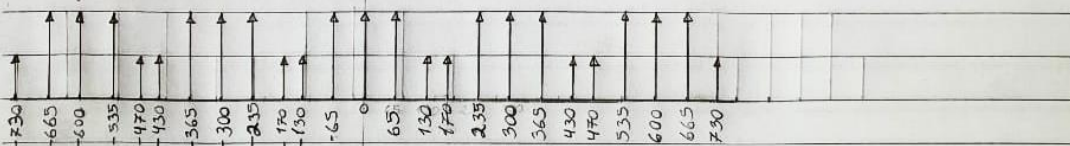
b)

$$G_s(f) = f_s \sum_{n=-\infty}^{\infty} G(f - n f_s)$$

$$G_s(f) = 300 \cdot \sum_{n=-\infty}^{\infty} G(f - n \cdot 300)$$



c)



$$d) G_{dB} = 20 \log_{10}(G)$$

$$-24 = 20 \log_{10}(G)$$

$$G = 0,063$$

$$f_x = f + x = 1,029,696 + 130$$

$$f_x = 1,060 \text{ kHz}$$

$$|H(f)| = 0,063 = \frac{1}{\sqrt{1 + (f/f_{3dB})^2}}$$

$$f = 65 \cdot \left( \frac{1}{0,063^2} - 1 \right)^{1/2} = 1,029,696$$

3) Um sistema TDM-PCM, sem compressor, apresenta em sua entrada os sinais mostrados abaixo, onde  $f_2 = 4,2 \text{ kHz}$ .

$$2 \cdot \cos(2\pi \cdot 1 \text{ k} \cdot t), \quad 5 \cdot \cos^2(2\pi \cdot 0,5 \text{ k} \cdot t), \quad 3 \cdot \cos(2\pi \cdot f_2 \cdot t), \quad 4 \cdot \cos(2\pi \cdot 3 \text{ k} \cdot t), \quad 2 \cdot \cos(2\pi \cdot 1,7 \text{ k} \cdot t)$$

- Determine a menor frequência de amostragem possível para o sistema.
- Qual a largura de espectro do sinal após o multiplexador? Considere a frequência de amostragem obtida no item anterior.
- Qual a taxa de transmissão (em bps) do sistema se o sinal multiplexado é quantizado em 16 níveis e codificado?
- Sabendo que o fator de roll-off utilizado no sistema de transmissão é  $\rho = 0,5$  determine a largura de faixa permitida ao canal.

S T Q Q S S D

3 a)  $2 \cdot \cos(2\pi \cdot 1 \text{ k} \cdot t), \quad 5 \cdot \cos^2(2\pi \cdot 0,5 \text{ k} \cdot t), \quad 3 \cdot \cos(2\pi \cdot 4,2 \text{ k} \cdot t),$   
 $4 \cdot \cos(2\pi \cdot 3 \text{ k} \cdot t), \quad 2 \cdot \cos(2\pi \cdot 1,7 \text{ k} \cdot t)$

$f_s \geq 2W = 2 \cdot 4,2 \text{ k}$   
 $f_s \geq 8,4 \text{ kHz}$

b)  $T_s = \frac{1}{f_s} = \frac{1}{8,4 \text{ k}}$   $T_s = 119,047 \mu\text{s}$   $\sigma = \frac{T_s}{N} = \frac{119,047 \cdot 10^{-6}}{5}$   $\sigma = 23,809 \mu\text{s}$   $B_{\max} = \frac{1}{\sigma}$   
 $B_{\max} = 23,809 \cdot 10^6$   
 $B_{\max} = 42,000 \text{ kHz}$

$B_{\max} = 42,000 \text{ kHz}$

c)  $Q = 2^V$   $16 = 2^V$   $V = 4$   $nb = \frac{V}{\sigma}$   $nb = \frac{4}{23,809 \cdot 10^{-6}}$   $nb = 168,003 \text{ kbps}$

$nb = 168,003 \text{ kbps}$

d)  $B = \left(\frac{1+\rho}{2}\right) \cdot nb$   $B = \left(\frac{1+0,5}{2}\right) \cdot 168,003$   
 $B = 126,002 \text{ kHz}$

$B = 126,002 \text{ kHz}$