

AVALIAÇÃO DE PRINCÍPIOS DE COMUNICAÇÕES – ADNP (S-11)

ALUNO: Rafael Ruvinski

MATRÍCULA: 1722565

INSTRUÇÕES:

- Esta avaliação consta de três questões.
- As questões valem: 3,4 pontos (1), 3,3 pontos (2), e 3,3 pontos (3).
- Cada questão depende do número de matrícula do estudante (ver Tabela-S11.pdf).
- Avaliações com uso de número de matrícula incorreto serão anuladas.
- Resolva cada questão de forma manuscrita legível e organizada. Não serão consideradas respostas sem o desenvolvimento completo da solução.
- Não faça arredondamentos, utilize sempre três (3) casas decimais de precisão.
- Faça sempre uso das unidades: Hz, kHz, MHz, Volt e Watt. Exemplo: $f = 12345,0$ Hz deve ser grafado $f = 12,345$ kHz (não 13 kHz).
- As soluções podem ser incluídas como imagem neste documento que então deve ser salvo em um único arquivo formato pdf.
- O arquivo deve ser nomeado “Prova2_Nome_Completo.pdf” e não pode exceder a 15 MB de dimensão.
- A entrega deve ser feita via e-mail até às 16h00 de 26/11/2020.
- Dúvidas podem ser sanadas on-line na primeira meia-hora da data da prova.

IMPORTANTE:

- Primeiro passo: Obtenha os valores necessários a cada questão na Tabela-S11.pdf disponível na pasta dropbox. As unidades constam no enunciado das questões.
- Segundo passo: O valor 1 será usado na Questão 1, o Valor 2 na Questão 2, eo Valor 3 na Questão 3. Exemplo: Valor 1 = 9,0 corresponde à $f_m = 9,0$ kHz.
- Terceiro passo: Resolva as questões.

BOA PROVA !!

Valore Tabela.

Valor 1 - 15,0

Valor 2 - 50,0

Valor 3 - 4,6

- 1) Um sinal modulado FM tonal é aplicado a um demodulador. Sabe-se que a potência média do sinal modulado é igual a 2 Watts, $\beta = 2$ rad e $f_m = 15$ kHz. A potência média de ruído por unidade de faixa (N_0) na entrada do demodulador é $5 \cdot 10^{-7}$ Watt/Hz. Pede-se:

- Determine a razão sinal-ruído de canal SNR_C (em dB).
- Determine a razão sinal-ruído de saída SNR_O (em dB).
- Considerando que filtros de pré(dé)-ênfase (com $f_0 = 3,0$ kHz) são acrescentados ao sistema, determine a nova razão sinal-ruído de saída (em dB).

$$a) P = \frac{A_c^2}{2} \Rightarrow A_c^2 = 2 \cdot 2 \Rightarrow A_c = 2V$$

$$SNR_C = \frac{2^2}{2 \cdot 15 \cdot 10^3 \cdot 5 \cdot 10^{-7}} = 266,666$$

$$10 \log(SNR_C) = SNR_C (\text{dB})$$

$$f_m = \omega = 15 \text{ kHz.}$$

$$\underline{SNR_C = 24,259 \text{ dB}}$$

$$b) f_m = \frac{3}{2} \beta^2 = 6 \Rightarrow \beta = 2 \quad G = \frac{SNR_O}{SNR_C} \Rightarrow SNR_O = 15.99.996 \quad \downarrow 10 \log()$$

$$\underline{SNR_O = 32,041 \text{ dB.}}$$

$$c) \frac{SNR_{O,PD}}{SNR_O} = \frac{\left(\frac{\omega}{f_0}\right)^3}{3 \left[\frac{\omega}{f_0} - \operatorname{arctg} \left(\frac{\omega}{f_b} \right) \right]} = \frac{\left(\frac{15 \cdot 10^3}{3 \cdot 10^3}\right)^3}{3 \left[\frac{15 \cdot 10^3}{3 \cdot 10^3} - \operatorname{arctg} \left(\frac{15 \cdot 10^3}{3 \cdot 10^3} \right) \right]} = \frac{S_{NRO,PD}}{1599.996}$$

$$1,3734$$

$$\frac{5^3}{3(5 - \operatorname{arctg}(5))} = 11,489 \times 1599.996$$

$$1,3734$$

$$SNR_{O,PD} = 18.382.345 \quad \downarrow 10 \log$$

$$\underline{SNR_{O,PD} = 42,644 \text{ dB.}}$$

2) O sinal $g(t) = 4 \cdot \{1 + \cos(2\pi f_1 t)\} \cdot \cos(2\pi f_1 t)$, é amostrado de forma ideal, onde $f_1 = 50$ Hz.

- Determine a expressão de $G(f)$ e faça um esboço (mostrando valores de frequência e amplitude).
- Determine a expressão do espectro do sinal amostrado $G_\delta(f)$, sabendo que $f_s = 300$ Hz;
- Esboce o espectro de $G_\delta(f)$ considerando a faixa de frequências $|f| \leq 750$ Hz (mostrando valores de frequência e amplitude).
- Considere o uso de um filtro real tipo Butterworth de 1ª ordem (dado pela equação abaixo) para recuperar o sinal $g(t)$. Qual deve ser a nova frequência de amostragem (f_s) de modo a atenuar as componentes indesejadas em 24dB (no mínimo)?

$$|H(f)| = 1 / \sqrt{1 + (f/f_{3dB})^2}$$

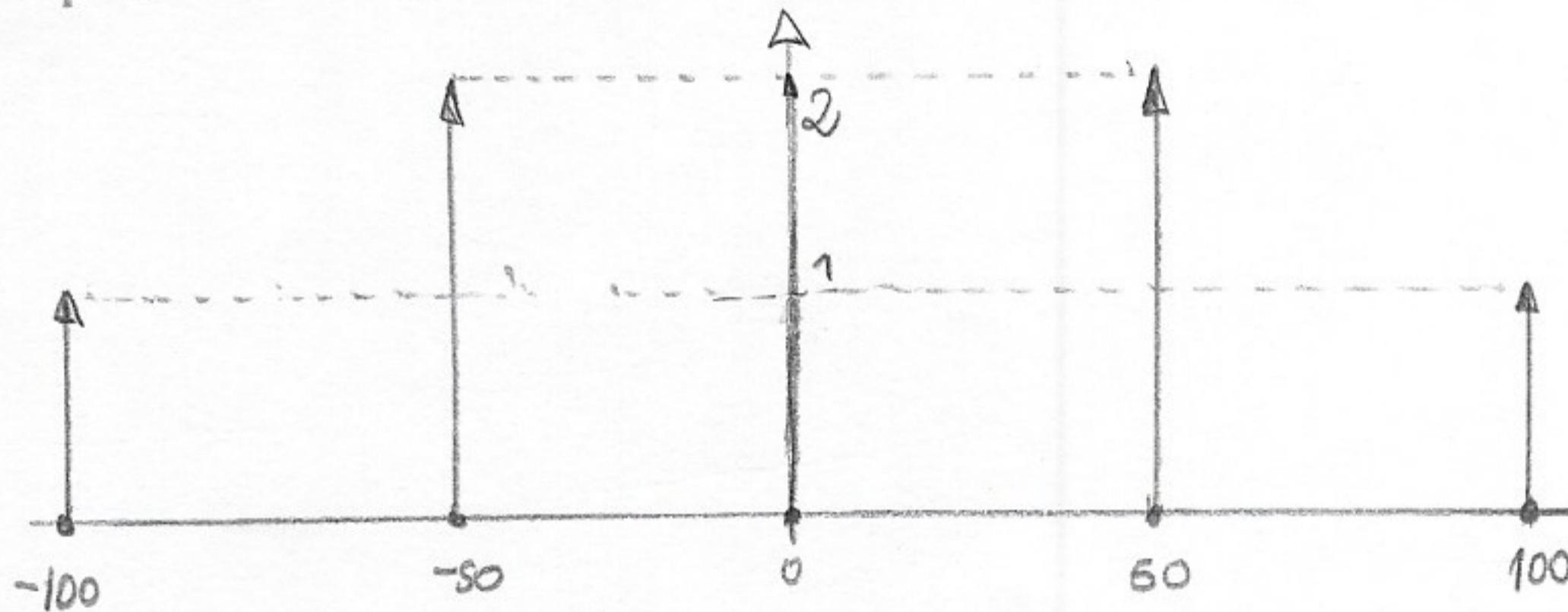
Obs: $f_{3dB} = f_1$ Hz

$$\cos a \cos b = \frac{1}{2} (\cos(a+b) + \cos(a-b))$$

$$4 \left(\cos(2\pi \cdot 50t) + (\cos 2\pi 50t) \cdot \cos(2\pi 50t) \right)$$

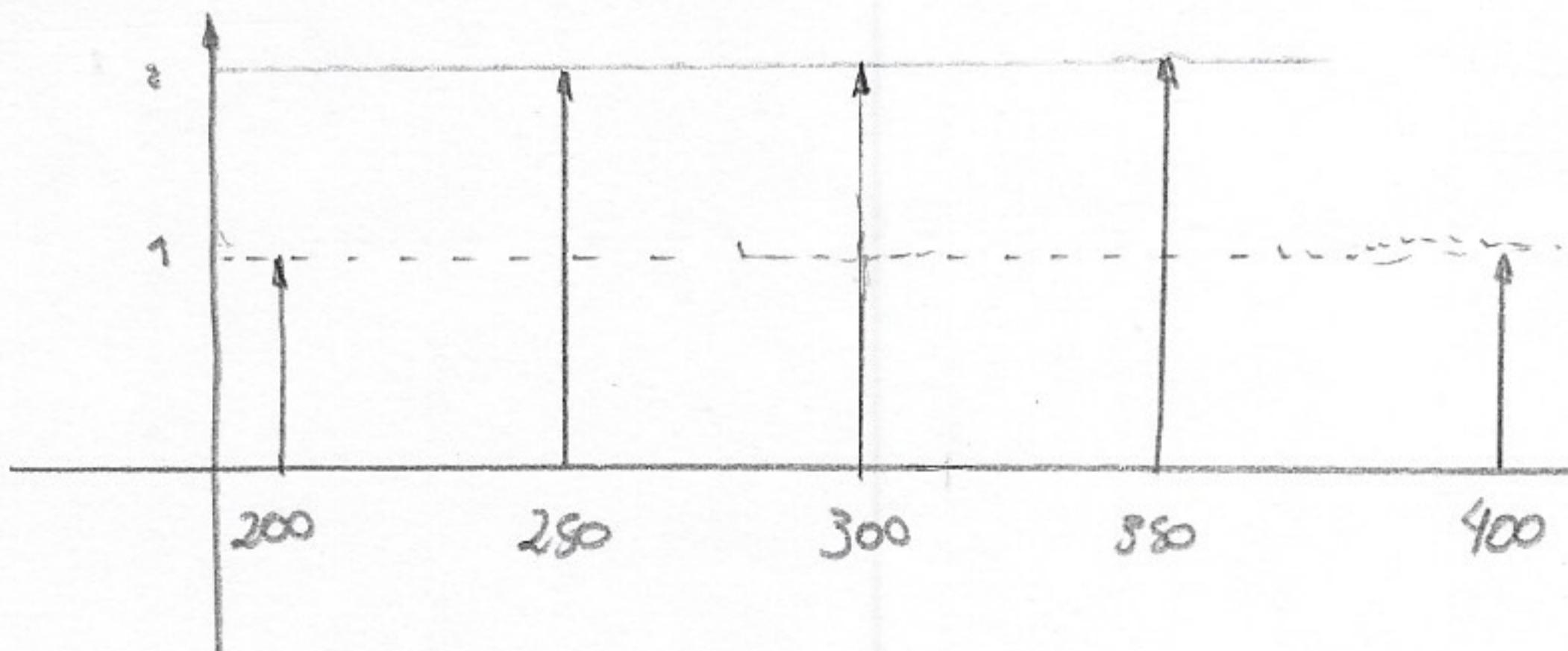
$$4 \left(\cos(2\pi 50t) + \frac{1}{2} (\cos 4\pi 100t) + \cos(0) \right)$$

$$G(f) = 2 \left\{ \delta(f-50) + \delta(f+50) \right\} + 1 \left\{ \delta(f-100) + \delta(f+100) \right\} + 1 \left\{ \delta(f) + \delta(f) \right\}$$



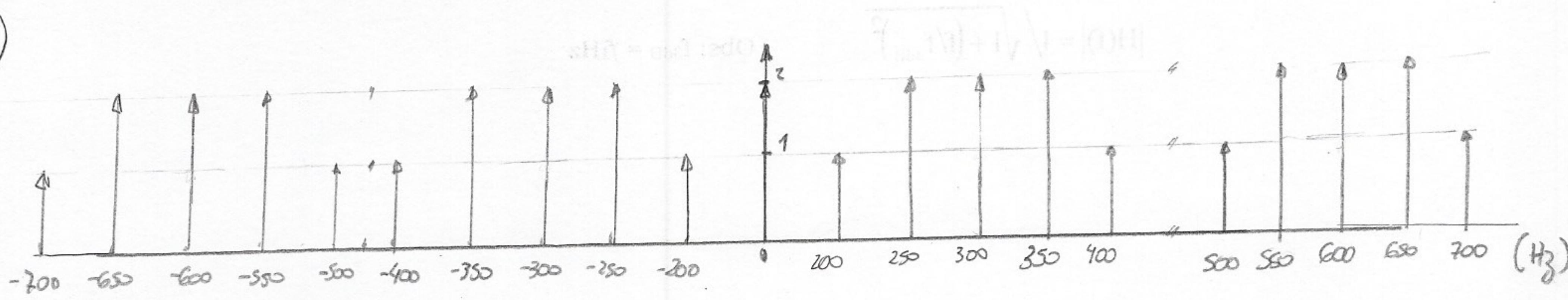
b) $f_s = 300$ Hz

$$G_j(f) = f_s \sum_{n=-\infty}^{\infty} G(f-nf_s)$$



a) $H(f) = \sqrt{A_0^2 + (B_0 f)^2}$ \Rightarrow Amplitude da onda é constante e fase é linear
 b) Determinar a constância de fase em radianos
 c) Determinar a amplitude da onda em $f = 300 \text{ Hz}$
 d) Determinar a constância de fase em radianos
 e) Determinar a constância de fase em radianos
 f) Considerar o caso em que a constância de fase é constante
 g) Considerar o caso em que a constância de fase é linear
 h) Considerar o caso em que a constância de fase é quadrática

c)



d) $G_{dB} = 20 \log(G) \quad -24 = 20 \log(G) \Rightarrow G = 0,063$

$$|H(f)| = 0,063 = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_{3dB}}\right)^2}} \Rightarrow f_{3dB} = f_1 = 50 \text{ Hz}$$

$$1 + \left(\frac{f}{50}\right)^2 = \frac{1}{0,063^2}$$

$$\left(\frac{f}{50}\right)^2 = 250,953 - 1$$

$$f_S = f + x \rightarrow f_S = 892,074 \text{ Hz}$$

$$f = \sqrt{250,953 - 50^2}$$

$$x = 100 \text{ Hz}$$

$$f = 792,074 \text{ Hz}$$

3) Um sistema TDM-PCM, sem compressor, apresenta em sua entrada os sinais mostrados abaixo, onde $f_2 = \underline{4,6}$ kHz.

$$2.\cos(2\pi.1k.t), 5.\cos^2(2\pi.0,5k.t), 3.\cos(2\pi.f_2.t), 4.\cos(2\pi.3k.t), 2.\cos(2\pi.1,7k.t)$$

- a) Determine a menor frequência de amostragem possível para o sistema.
- b) Qual a largura de espectro do sinal após o multiplexador? Considere a frequência de amostragem obtida no item anterior.
- c) Qual a taxa de transmissão (em bps) do sistema se o sinal multiplexado é quantizado em 16 níveis e codificado?
- d) Sabendo que o fator de roll-off utilizado no sistema de transmissão é $\rho=0,5$ determine a largura de faixa permitida ao canal.

$$\left. \begin{array}{l} 5 \text{ sinais} \Rightarrow 2 \cos(2\pi.1k.t) \\ 5 \cos^2(2\pi.0,5k.t) \\ 3 \cos(2\pi.4,6k.t) \\ 4 \cos(2\pi.3k.t) \\ 2 \cos(2\pi.1,7k.t) \end{array} \right\} 5 \cos^2(2\pi.0,5k.t) = 5 \cdot \frac{1 + \cos(4\pi.1k.t)}{2}$$

a) $P_s = 2 \cdot W \cdot 2 \cdot \underline{4,6} K = \underline{9,2 \text{ kHz}}$.

b) $T_s = \frac{1}{f_s} = \frac{1}{9,2K} = 108,695 \mu s$

$$G \cdot \frac{T_s}{N} = \frac{108,69 \cdot 10^{-6}}{5} = 21,739 \mu s$$

$$B_{mux} = \frac{1}{T} = \underline{46 \text{ kHz}}$$

c)

$$Q = 2^\omega$$

$$16 = 2^\omega$$

$$\omega = 4$$

$$B_{cod} = W \cdot B_{mux} = 4 \cdot 46K = \underline{184 \text{ Kbps}}$$

$$rb = \frac{1}{T_b} \cdot \frac{1}{2^\omega} \cdot \frac{V}{G} = \frac{4}{21,73 \mu s} = \underline{184 \text{ Kbps}}$$

d)

$$B = \left(\frac{1+\rho}{2}\right) \cdot rb = \left(\frac{1+0,5}{2}\right) \cdot 184 \cdot 10^3 = \underline{138 \text{ KHz}}$$