# 萨米肉鸽, 启动! (NOIP2023模拟赛)

题目名	密文板	挑战 NPC皿	escape from whk 3	伤痕累累的心,在暴雨中仍然放 声歌唱
文件名	ciphertext	color	kuhu	scar
时间限制	1s	1s	1s	1s
空间限制	512MB	512MB	512MB	512MB
测试点个 数	10	/	20	10
试题类型	SPJ	SPJ	传统题	传统题

#### 注意事项:

- 1.出题人为 Displace\_, 为所有产生的问题背锅。
- 2.题目很水, AK者请勿大声喧哗, 可以尝试给数据范围加0来吊打出题人。
- 3.数据被三人水过没人验题我怎么修,你告诉我,来这个叫尊尼获嘉的超级棒杠精,来给你标程你来说话来。
- 4.相信古神的力量,安修·奥克苏恩会帮你AK的,不要信外神哈姆。
- 5.考试时严禁溜冰,如果你大了,那你就要德布劳内了。

# 密文板

(ciphertext.cpp/1s/512MB)

#### 题目背景

#### 探索者的银凇止境/密文板研究

终于考完 NOI 的 Displace\_开始打集。

众所周知,密文板分为布局和本因两种,宣告时只能将相同颜色的本因和布局合并起来,并且合并后两个密文板都将消失(这里不考虑密文板的修辞)。

密文板宣告带来的增益是十分强大的,所以 Displace\_ 想要尽量多的合并密文板。

### 题目描述

因为 Displace\_ 的勘察设备是专业改装,所以他已经预知了密文板按照获得时间排成的序列。具体的,抽象成了一个括号序列,用 ( 表示本因, ) 表示布局。

因为他的强迫症,每个布局只能和获得时间早于它的本因合并。

因为有不期而遇节点的存在,所以有一些时刻获得的密文板无法知道具体是什么,我们认为该密文板在本因和布局中等概率获得,用?表示。

Displace\_ 会把所有能合并的密文板都合并掉,直到剩下的密文板找不到任何能合并的一对。

Displace\_想知道最好情况下能剩下最少的密文板的数量,请你构造出一个可能的方案。

因为密文板的颜色有很多,所以你需要回答多组数据。

### 输入格式

第一行一个整数T,表示数据组数。

接下来一共工组数据。

对于每组数据,第一行一个整数 n,表示字符串长度;接下来一行一个字符串,保证只包含 ( 、 ) 和 [ ] 。

# 输出格式

一共输出 T 组答案,每组第一行一个整数表示最少的数量,第二行一个字符串表示你构造的方案,任意一种合法的方案都是可以的。

### 样例输入

1 5 ?(?)(

# 样例输出

1 (())(

# 数据范围与时空限制

1s, 512MB

对于所有测试点,保证  $T \le 5$ ,  $n \le 100000$ ,字符串只由 ( 、 ) 和 ?。

测试点编号	$n \leq$	
1	20	
2	20	
3	100	
4	100	
5	1000	
6	1000	
7	1000	
8	100000	
9	100000	
10	100000	

+	灵魂	欧珐妲 Øソネルネネ	惊讶
		售价	效果
		<b>₹</b> 8	变为诡意行商 协语:商品售价-50% 生疏人地获馈赠,踌躇再相认

# 挑战NPC皿

(color.cpp/1s/512MB)

### 题目背景

正在打集的 Displace\_ 瞅了一眼U群,发现大家在讨论 NPC 问题,看着集成战略的地图,他突然想到了一个经典 NPC 问题:图染色。

经典的图染色问题是一个 n 个点 m 条边的无向连通图,用 k 种颜色来给每个点染色,使得任意有边连接的两个点颜色不同,构造一个方案。

k=1 是简单的,当 k=2 时问题的难度就骤增了,所以仁慈的 Displace\_ 保证  $k\leq 3$ 。

但即使是 k=3 的问题,在边较多的图上也是及其棘手的,所以 Displace\_ 保证图的边数不多,具体的,有一个阈值 t,保证  $m \leq n+t$ 。

被邪魔污染的 Displace\_ 决定就限制这么多条件,现在你需要在这样的条件下构造出一个染色方案,或者报告无解。

## 输入格式

第一行一个整数 taskid,表示测试点编号,taskid = 0表示该测试点为样例。

接下来一行四个整数 n, m, k, t,表示图的点数、边数,允许使用的颜色数和阈值。

接下来m行,每行两个整数x,y,表示有一条连接x,y的边。

# 输出格式

如果无解,输出一行 -1。

否则在第一行输出 1 ,在接下来的一行输出 n 个正整数,第 i 个整数  $c_i$  表示 i 号节点的颜色,你需要保证  $\forall c_i \leq k, \forall_{(x,y) \in E} c_x \neq c_y$ 。

# 样例输入

```
0
5 7 3 2
1 2
1 3
3 4
2 5
3 2
5 1
2 4
```

# 样例输出

```
1
2 1 3 2 3
```

# 数据范围与时空限制

1s, 512MB

对于所有测试点,保证  $n \leq 1e5, k \leq 3, -1 \leq t \leq 8, n-1 \leq m \leq n+t$ ,保证图联通,图中无自环无重边,。

因为一些原因,本题采用subtask捆绑测试,数据的参数 taskid 与其所属的子任务编号相同。

subtask1(1pts): k = 1.

subtask2(9pts): k = 2.

subtask3(15pts): $k = 3, n \le 15$ .

subtask4(10pts):k = 3, t = -1.

subtask5(20pts): k = 3, t = 0.

subtask6(45pts):k=3, 无其他特殊限制。



# escape from whk 3

(kuhu.cpp/1s/512MB)

### 题目背景

还没集够的 Displace\_不得不回班补 whk了。

在一天的数学周测中,Displace\_ 喜提前面挂分挂完,但是最后的附加题爆切。

评卷时,全班带上老师竟然都是用 whk 的"看上去很对的贪心"来证明的,令人唏嘘。

Displace\_ 选手进行一波 all in,他直接冲刺,上讲台把[数据删除]角度的证明过程写出来,但是喜提没人听懂。

Displace 很难过,于是他逃出班里,来机房出了这道题,请你给他带来喜悦。

#### 题目描述

定义一对互不相同正整数是 kuhu 的,当且仅当这对整数加起来是 2 的非负整数次幂,比如 2+6 就是 kuhu 的,而 4+8 就不是。

现在给你一个限制 l, r, 请你求出最多能选出来多少个数组成一个集合 a, 满足以下条件:

 $1.l \leq a_i \leq r$ 

2.任意一对整数都不是 kuhu 的。

Displace\_ 是毒瘤的,于是他要求你完成 m 组询问。

Displace\_ 是无聊的,所以对于一些数据,你需要额外求出对于所有的  $1 \leq l \leq r \leq n$ ,所有答案的和。

### 输入格式

第一行三个整数 n, m, num,表示 r 的上界、询问的次数和额外输出的参数。

接下来 m 行, 每行两个整数 l, r。

#### 输出格式

先输出 m 行,每行一个整数表示这次询问的答案。

再输出一行一个整数表示所有答案的和与 num 的乘积。

### 样例输入

20 3 1

1 20

10 20

1 10

### 样例输出

# 数据范围与时空限制

1s, 512MB

对于所有测试点,保证  $n,m \leq 3e5$ , $num \in 0,1$ , $l \leq r \leq n$ 。

测试点编号	$n \le$	$m \leq$	num	特殊性质
1	20	3	0	1
2	20	3	0	1
3	500	500	0	1
4	500	500	0	1
5	500	500	1	1
6	500	500	1	1
7	300000	300000	0	А
8	300000	300000	0	А
9	300000	300000	0	А
10	2000	2000	0	1
11	2000	2000	1	1
12	20000	20000	0	1
13	20000	20000	1	1
14	100000	100000	0	1
15	100000	100000	0	1
16	100000	100000	1	/
17	100000	100000	1	/
18	300000	300000	0	/
19	300000	300000	1	/
20	300000	300000	1	/

特殊性质A: 保证所有询问都有 l=1。



# 伤痕累累的心, 在暴雨中仍然放声歌唱

(scar.cpp/1s/512MB)

### 题目背景

- 即使身处暴雨之中,
- 即使心中伤痕累累,
- 也要放声歌唱,
- 为一切你所爱的。

# 题目描述

给定一个  $1 \sim n$  的排列 a.

对于一个整数  $k \in [1, n]$  , 将排列中  $\leq k$  的项构成的子序列建**大根笛卡尔树**. 这棵笛卡尔树的所有节点的子树大小之和记为  $s_k$  .

 $\forall k \in [1, n]$  , 求  $s_k$  .

#### 输入格式

第一行一个整数 n, 表示排列的长度。

接下来一行n个数,表示排列a。

## 输出格式

输出 n 行, 第 k 行的输出为  $s_k$ 。

### 样例输入

6 1 2 4 5 6 3

## 样例输出

```
1
3
6
8
12
17
```

# 数据范围与时空限制

1s, 512MB

对于 10% 的数据,  $n \leq 100$ 。

对于 40% 的数据,  $n \leq 2000$ 。

对于另外 10% 的数据,满足  $a_i = i$  。

对于 100% 的数据, $n \leq 200000$ 。

