

Appunti Scolastici Generali Istituto Salvini

Matteo Leggio

1 Prefazione

1.1 Istruzioni di Build

I seguenti appunti sono accessibili al pubblico tramite il repository Github ‘ZenT3600/appunti’. Di seguito si trovano le istruzioni per compilare le sorgenti LaTeX in effettivi documenti PDF condivisibili.

I pacchetti richiesti per l’operazione sono:

- texlive-most
- git
- make

ed un sistema operativo Linux, preferibilmente Arch Linux (il sistema su cui viene compilato solitamente)

Dopo aver clonato il repository sul proprio sistema con il comando

```
git clone \
https://github.com/ZenT3600/appunti
```

Si puo’ compilare il codice LaTeX grazie al comando

```
make build clean
```

1.2 Note per Scrivere il Sorgente

Di seguito alcune note e appunti su come scrivere in maniera corretta e costante il codice sorgente per i medesimi appunti.

1.2.1 Colori

E’ possibile **sottolineare** delle frasi grazie alla sintassi

```
\hl{Testo da sottolineare}
```

E’ inoltre possibile **colorare** delle frasi usando la sintassi

```
\textcolor{colore}{Testo da colorare}
```

1.2.2 Tipografia

La sequente sintassi permette di inserire blocchi di citazioni

```
\begin{quote}
| Questa e' una citazione
\end{quote}
```

La quale porta ad un risultato come questo

| Questa e' una citazione

Per ottenere diverse dimensioni di caratteri si puo' usare

```
\small{testo}
\normalsize{testo}
\large{testo}
\Large{testo}
\LARGE{testo}
\huge{testo}
```

Se si vuole scrivere in *italico* o in **grassetto**, scrivere

```
\textit{italico}
\textbf{grassetto}
```

Nel caso in cui si voglia inserire un titolo o sottotitolo la sintassi e'

```
\section{Titolo}
\subsection{Sottotitolo}
```

1.2.3 Note

Per generare note a pie' di pagina durante la scrittura del documento si puo' usare

```
Lorem ipsum dolor sit amet
\footnote{Questo non e' latino!}
```

Contents

1	Prefazione	1
1.1	Istruzioni di Build	1
1.2	Note per Scrivere il Sorgente	1
1.2.1	Colori	1
1.2.2	Tipografia	1
1.2.3	Note	2
2	Informatica	6
2.1	Fondamenti di Java	6
2.1.1	Variabili	6
2.1.2	Array	6
2.1.3	Output	6
2.1.4	Input	7
2.1.5	Condizionali	7
2.1.6	Loop	7
2.2	Programmazione Procedurale	7
2.2.1	La definizione di un Metodo	8
2.3	Programmazione a Oggetti	8
2.3.1	Grafici UML	8
3	Telecomunicazioni	10
3.1	Segnali	10
3.1.1	Segnale Sinusoidale	10
3.1.2	Segnale Sinusoidale nei Numeri Complessi	11
3.2	Circuiti	12
3.2.1	Circuiti Resistivi	12
3.2.2	Circuiti Capacitivi	12
3.2.3	Circuiti Induttivi	13
3.2.4	Circuiti RC	13
3.2.5	Circuiti RL	14
3.2.6	Circuiti RLC	14
4	Sistemi e Reti	16
4.1	Calcoli su Indirizzi IP	16
4.2	Grafi	17
4.2.1	Matrice di Adiacenza	17
4.2.2	Visita	17
5	TPSIT	18
5.1	Algoritmi di Scheduling	18
5.1.1	First come, First served	18
5.1.2	Shortest Job First	18
5.1.3	Round Robin	18
5.1.4	Esempio	18
5.2	Gestione della Memoria	19
5.2.1	Concetti Base	19
5.2.2	Partizionamento	19
5.3	Tipi di Processo	20
5.3.1	Processi Pesanti e Leggeri	20
5.3.2	Processi Sequenziali e Paralleli	20
6	Letteratura	21

6.1	Eta' del Barocco	21
6.1.1	La lirica in Italia	21
6.1.2	La lirica in Spagna e in Inghilterra	21
6.1.3	La decadenza del poema epico	21
6.1.4	La propaganda religiosa	21
6.1.5	La prosa scientifica	22
6.1.6	Il romanzo in Italia	22
6.1.7	La novella in Italia	22
6.1.8	Il romanzo moderno: <i>Don Chisciotte</i>	22
6.1.9	Il teatro barocco	22
6.1.10	La tragedia e la commedia <i>regolare</i> in Italia	22
6.1.11	La Commedia dell'Arte	23
6.1.12	Il melodramma	23
6.2	William Shakespeare	23
6.2.1	Chiave di lettura	23
6.2.2	La vita	23
6.2.3	Le opere	24
6.3	Galileo Galilei	24
6.3.1	La vita	24
6.3.2	Il pensiero	25
6.3.3	La poetica	25
6.3.4	Le opere	25
6.4	Carlo Goldoni	25
6.4.1	La vita	25
6.4.2	Le opere	26
7	Storia	27
7.1	L'Antico regime	27
7.1.1	La societa'	27
7.1.2	La rivoluzione agricola	28
7.1.3	Le attivita' manuali	28
7.1.4	L'espansione europea	29
7.1.5	L'assolutismo	29
7.2	La politica internazionale	30
7.2.1	La guerra di successione spagnola	30
7.2.2	L'eta' dell'equilibrio europeo	30
7.2.3	La guerra di successione polacca	31
7.2.4	La guerra di successione austriaca	31
7.2.5	La guerra dei Sette anni	31
7.3	L'Italia nel Settecento	31
7.3.1	Le nobilta' italiane	31
7.3.2	La ripresa settecentesca	31
7.3.3	Il quadro politico-territoriale	32
7.4	L'eta' dei Lumi	32
7.4.1	L'illuminismo	32
7.4.2	Politica ed Economia	32
7.4.3	Le riforme	33
7.5	La rivoluzione americana	34
7.5.1	Le tredici colonie	34
7.5.2	La guerra di indipendenza	35
7.5.3	La costituzione americana	35
8	Matematica	36
8.1	Prerequisiti	36

8.1.1	Potenze	36
8.1.2	Proporzioni	36
8.1.3	Equazione di Secondo Grado	36
8.1.4	Trigonometria	37
8.2	Funzioni	38
8.2.1	Funzioni fondamentali	38
8.2.2	Funzione Esponenziale	39
8.3	Equazione Esponenziale	40
8.4	Logaritmi	40
8.5	Limiti	40
8.5.1	Esempi	40

2 Informatica

2.1 Fondamenti di Java

Java e' un linguaggio di programmazione *fortemente tipizzato* ed *orientato agli oggetti*. Fortemente tipizzato significa che ogni variabile, o dato, ha un suo tipo (come ad esempio `int`, `char`, `double`, ...). Orientato agli oggetti significa che favorisce ed incita la **Programmazione a Oggetti**, meglio spiegata in un successivo capitolo.

In Java tutto comincia dal **main**, il cuore del programma, e tutta la nostra logica deve partire da li'. Il main in Java e' definito come:

```
public static void main(String[] args) {  
    // Codice  
}
```

Di seguito sono elencati i vari modi per eseguire determinate operazioni in Java.

2.1.1 Variabili

Una variabile e' un contenitore per un dato di un determinato tipo a cui viene dato un nome ed un valore. Una variabile si puo' definire nel seguente modo:

```
boolean veroOppureFalso = true;  
char carattereSingolo = 'a';      // Singolo apice  
String frase = "ciao mondo"      // Doppio apice  
int intero = 73;  
long interoGigaEnorme = 50438261842;  
float virgola = 87.1;  
double virgolaGigaEnorme = 32829010.32179;
```

2.1.2 Array

Un array, o vettore, e' un insieme indicizzato e limitato di variabili dello stesso tipo. Indicizzato poiche' ogni variabile e' accessibile grazie alla sua posizione nell'array, con indici che iniziano da 0. Limitato poiche' ogni array ha una grandezza massima ben definita. Un array si puo' definire nel seguente modo:

```
// Definiamo un array di interi di dimensione 8  
int[] serieDiFibonacci = new int[8];      // Per gli altri tipi cambia solo la parola 'int'  
  
// Inseriamo valore nell'array  
serieDiFibonacci[0] = 1;  
serieDiFibonacci[1] = 1;  
serieDiFibonacci[2] = 2;  
serieDiFibonacci[3] = 3;  
serieDiFibonacci[4] = 5;  
serieDiFibonacci[5] = 8;  
serieDiFibonacci[6] = 13;  
serieDiFibonacci[7] = 21;  
  
// Preleviamo un valore dall'array  
int primoValoreSerie = serieDiFibonacci[0];
```

2.1.3 Output

Java fornisce due semplici funzioni per mostrare un valore in output, ovvero:

```
System.out.println("Scrivi qualcosa e vai a capo");  
System.out.print("Scrivi qualcosa e rimani sulla linea");
```

2.1.4 Input

Allo stesso modo dell'output, Java fornisce una classe di utilità per chiedere valori all'utente, ovvero:

```
Scanner input = new Scanner(System.in);

String valoreString = input.nextLine();
int valoreIntero = input.nextInt();
float valoreFloat = input.nextFloat();
// ...
```

2.1.5 Condizionali

In programmazione i condizionali sono diramazioni del codice in base a una condizione, ovvero una qualsiasi operazione che ritorna un risultato vero, **true**, o falso, **false**. Un condizionale, o **if** per semplicità, è rappresentabile in Java come:

```
int numero = 4;
if (numero == 4) {           // Nota l'uso del == per la comparazione
    // La condizione è vera
} else {
    // La condizione è falsa
}
```

È inoltre possibile scrivere un **if** immediatamente dopo un **else**, creando così una struttura simile a

```
if () {
    // codice...
} else if () {
    // codice...
} else () {
    // codice...
}
```

2.1.6 Loop

Un loop è una o più istruzioni che vengono eseguite ripetutamente. Esistono due tipi di loop in Java:

- **For**, usato per quando si conosce il numero di ripetizioni
- **While**, usato per quando si vuole ripetere finché una condizione non è vera

Le sintassi dei due tipi di loop sono le seguenti:

```
// For
for (int i = 0; i < 10; i++) {    // 10 - 0 = 10, perciò il loop viene eseguito 10 volte
    System.out.println(i);
}

// While
int n = 2;
while (n < 128) {
    System.out.println(n);
    n = n * 2;
}
```

2.2 Programmazione Procedurale

Nella **programmazione procedurale** un problema, o dominio (ovvero tutte le funzionalità richieste dal cliente), è scomposto in **sottoproblemi** e sono implementati dei **metodi** che risolvono i sottoproblemi.

Quindi un metodo non e' altro che *un sottoprogramma, con i suoi input, la sua logica ed i suoi output*. Per assurdo, qualsiasi cosa possiamo sviluppare come metodo, puo' anche essere sviluppata come programma a parte che, opzionalmente, richiede un qualche input.

2.2.1 La definizione di un Metodo

Da un punto di vista Java, un metodo e' strutturato nella seguente maniera:

```
visibilita' ritorno nome(tipo argomento1, tipo argomento2, ...) { }
```

Scomponendo le varie parole chiave, possiamo dire che:

- **Visibilita'** e' la parola chiave che descrive chi puo' usare questo metodo. Le opzioni sono:
 - *public*, visibile da tutti
 - *private*, visibile, nel nostro caso, solo dallo stesso file
 - *protected*, visibile dallo stesso pacchetto
- **Ritorno** e' il tipo di dato che il metodo dara' in output. Esiste in questo caso il tipo **void**, che significa nessun ritorno
- **Nome** e' autoesplicativo
- **Tipo Argomento** e' uguale alla definizione di una variabile. Stiamo infatti definendo gli input, o argomenti

Nella programmazione procedurale bisogna inoltre aggiungere la parola chiave **static** subito dopo la visibilita'.

Detto questo, un esempio di effettivo metodo e':

```
public static int potenzaDiDue(int numero) {  
    return numero * numero;  
}
```

Per utilizzare il valore che questo metodo restituisce grazie alla parola chiave **return**, basta scrivere:

```
public static void main(String[] args) {  
    int seiAllaSeconda = potenzaDiDue(6);    // La variabile contiene ora il risultato del metodo  
}
```

2.3 Programmazione a Oggetti

Nella **programmazione a oggetti**, a differenza di quella procedurale, lo stesso problema e' invece suddiviso in **oggetti** fondamentali per il dominio. Ponendo un esempio di un software per gestire una scuola, i vari oggetti potrebbero ad esempio essere variabili di tipo *Alunno*, *Docente*, *Classe* e cosı' via.

2.3.1 Grafici UML

I grafici **UML**, ovvero Unified Modelling Language, fanno parte del linguaggio omonimo, utilizzato per unificare e rendere scientifica la descrizione di varie parti di un programma.

Vi sono vari tipi di grafici UML, sotto descritti:

Grafici di Classe

Un grafico di classe, o **class diagram** e', al livello piu' semplice, rappresentabile in questa maniera:

NomeClasse
attributo : tipo
metodo(parametro) : tipo

Segue un esempio di class diagram che rappresenta un semplice software per gestire un menu' di un ristorante, ignorando per il momento i metodi di ogni classe, che verranno spiegati piu' avanti:

Menu
piatti : Piatto[]

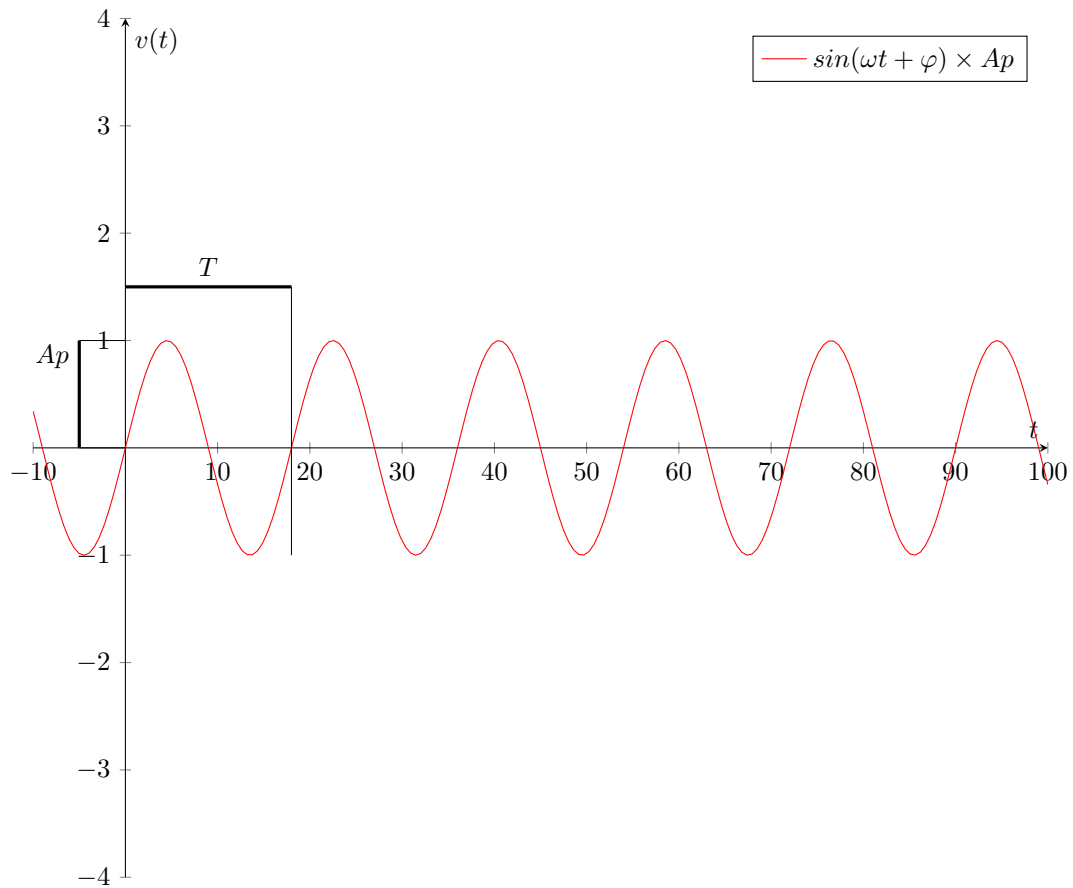
Ingrediente
nome : String

Piatto
nome : String
prezzo : double
ingredienti : Ingrediente[]
allergeni : Ingrediente[]

3 Telecomunicazioni

3.1 Segnali

3.1.1 Segnale Sinusoidale



Valori fondamentali:

$$\omega^{(pulsazione)} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$

$$f^{(frequenza)} = \frac{1}{T}$$

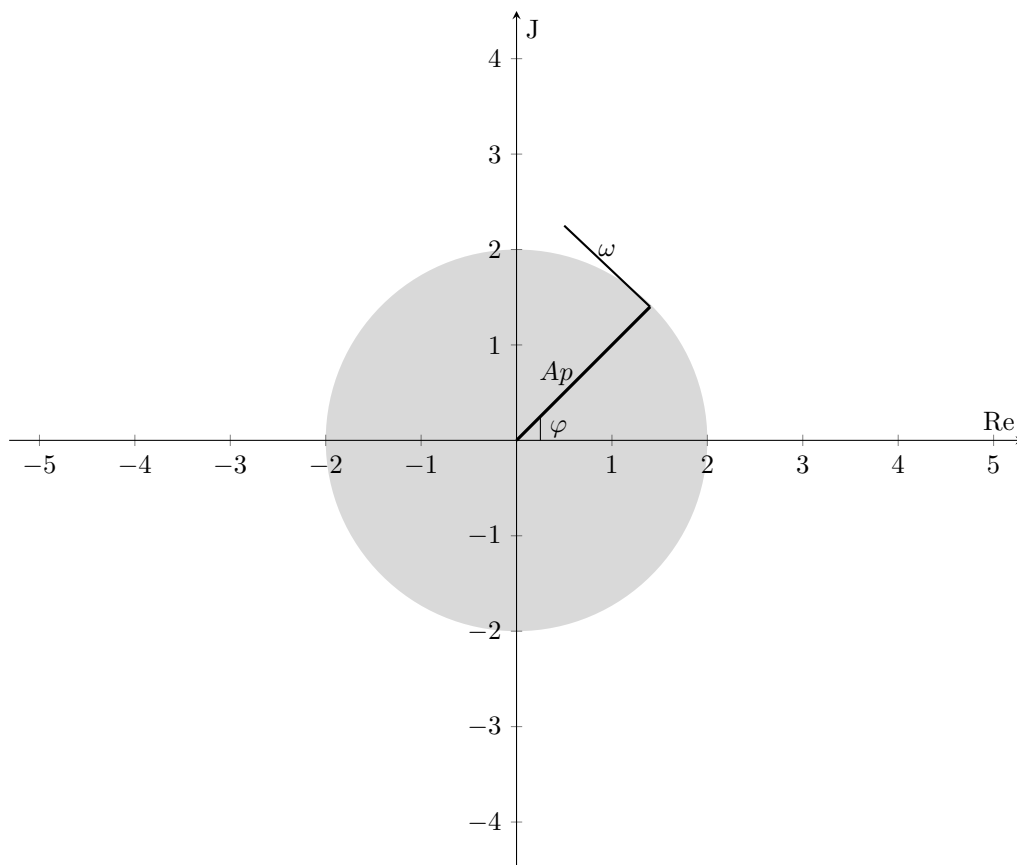
$$\varphi^{(fase)} = v(0)$$

$$Ap^{(ampiezza)}$$

$$T^{(periodo)}$$

$$\lambda^{(lunghezza\ d'onda)} = \frac{c^{(velocita'\ dellaluce)}}{f}$$

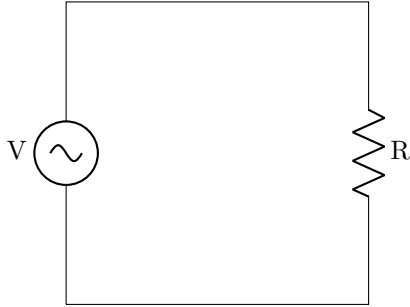
3.1.2 Segnale Sinusoidale nei Numeri Complessi



3.2 Circuiti

3.2.1 Circuiti Resistivi

Un circuito e' detto puramente resistivo quando **contiene solamente resistenze**. Lo schema generico e' come segue:



Per calcolare la I, possiamo usare la relazione

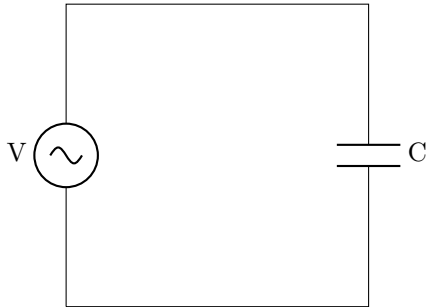
$$V = I \times R$$

Ed eseguire percio' un prodotto scalare pari a:

$$I = \frac{V}{R}$$

3.2.2 Circuiti Capacitivi

Un circuito e' detto puramente capacitivo quando **contiene solamente condensatori**. Lo schema generico e' come segue:



Questo circuito contiene **reattanza capacitiva**, ovvero l'ostacolo che il condensatore pone al passaggio di corrente, con simbolo X_C [Ω] e calcolabile come

$$X_C = \frac{1}{\omega \times C}$$

Dove

$$\omega = 2\pi \times f$$

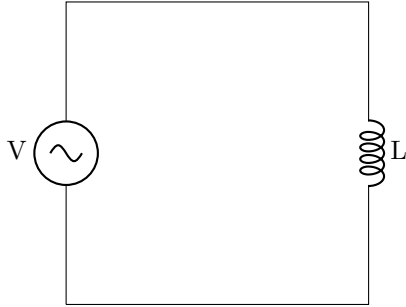
Si puo' quindi, secondo la legge di Ohm, scrivere che

$$V = -jX_C \times I$$

Si osserva perciò che la corrente I è sfasata in **ritardo** di 90 gradi rispetto alla V .

3.2.3 Circuiti Induttivi

Un circuito è detto puramente induttivo quando **contiene solamente induttori**. Lo schema generico è come segue:



Questo circuito contiene **reattanza induttiva**, ovvero l'ostacolo che l'induttore pone al passaggio di corrente, con simbolo X_L [Ω] e calcolabile come

$$X_L = \omega \times L$$

Dove

$$\omega = 2\pi \times f$$

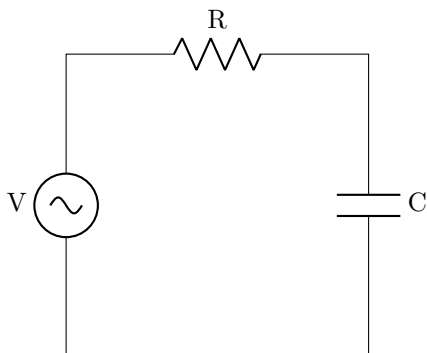
Si può quindi, secondo la legge di Ohm, scrivere che

$$V = jX_L \times I$$

E perciò dire che la corrente I è sfasata in **anticipo** di 90 gradi rispetto alla V .

3.2.4 Circuiti RC

Un circuito è detto RC quando **contiene sia resistenze che condensatori**. Lo schema generico è come segue:



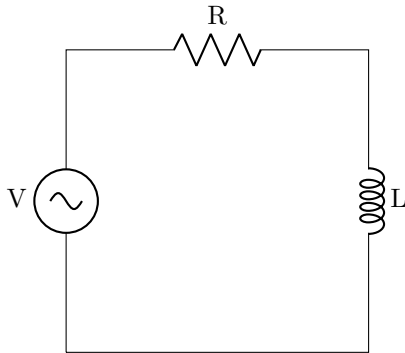
Per risolvere questo circuito bisogna anzitutto calcolare X_C come in un circuito capacitivo e, successivamente, utilizzare il teorema di Pitagora per ottenere l'impedenza Z e la sua relativa fase φ

$$Z = \sqrt{R^2 + X_C^2}$$

$$\varphi = \arctg\left(\frac{X_C}{R}\right)$$

3.2.5 Circuiti RL

Un circuito e' detto RL quando **contiene sia resistenze che induttori**. Lo schema generico e' come segue:



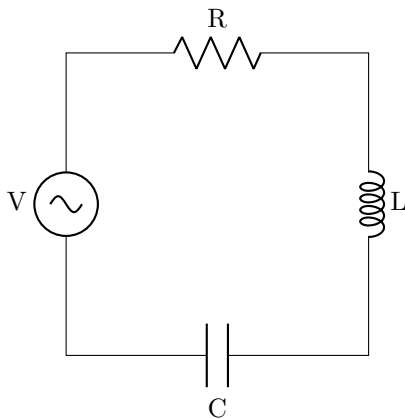
Per risolvere questo circuito bisogna anzitutto calcolare X_L come in un circuito induttivo o e, successivamente, utilizzare il teorema di pitagora per ottenere l'impedenza Z e la sua relativa fase φ

$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2}$$

$$\varphi = \arctg\left(\frac{X_L}{R}\right)$$

3.2.6 Circuiti RLC

Un circuito e' detto RLC quando **contiene resistenze, induttori e condensatori**. Lo schema generico e' come segue:



Per risolvere questo circuito bisogna anzitutto calcolare X_C ed X_L come in un circuito capacitivo ed uno induttivo e, successivamente, utilizzare il teorema di pitagora per ottenere l'impedenza Z e la sua relativa fase φ

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L^2 - X_C^2)}$$

$$\varphi = \arctg(\frac{X_L - X_C}{R})$$

4 Sistemi e Reti

4.1 Calcoli su Indirizzi IP

A partire da un'indirizzo IP con una maschera di sottorete, quale ad esempio $130.1.10.32/20$ e' possibile ottenere ulteriori informazioni sulla rete, quali l'indirizzo di rete e l'indirizzo di broadcast, a partire dai seguenti calcoli:

$$IP_{10} = 130.1.10.32$$

$$IP_2 = 10000010.00000001.00001010.00100000$$

$$SM_{10} = 20$$

$$SM_2 = 11111111.11111111.11110000.00000000$$

$$IR_2 = IP_2 \cdot SM_2 = 10000010.00000001.00000000.00000000$$

$$IB_2 = IP_2 + CM_1(SM_2) = 10000010.00000001.00001111.11111111$$

Il **subnetting** e' una tecnica che permette di dividere una rete in sottoreti utilizzando la parte host di un indirizzo IP. Esistono due metodi per eseguire il subnetting, in base alla maschera di rete usata: Maschera Fissa e Maschera Mobile.

Maschera Fissa

Per capire quanti bit bisogna rubare alla parte host dell'IP, bisogna trovare il multiplo di 2 minimo necessario per contenere le sottoreti richieste. Per esempio se c'e' bisogno di 4 sottoreti, si ruberanno 2 bit alla parte host, poiche' $2^2 = 4$. La subnet mask sara' poi $24 + 2 = 26$. Si otterranno percio' le seguenti sottoreti:

Rete	Binario
192.168.5.0/26	11000000.10101000.00000101. 00 000000
192.168.5.64/26	11000000.10101000.00000101. 01 000000
192.168.5.128/26	11000000.10101000.00000101. 10 000000
192.168.5.192/26	11000000.10101000.00000101. 11 000000

Maschera Mobile

Quella della maschera mobile e' una tecnica sviluppata per risparmiare nella creazione di sottoreti. Per capire quanti bit bisogna usare, si trova la x per $2^x \geq h_{richiesti}$. Trovata la x , la maschera della sottorete sara' $32 - x$ e gli host inizieranno dall'ottetto finale della rete precedente sommato a 1 e finiranno con l'ottetto finale della rete corrente sommato 2^x e sottratto 1. Dopodiche', si passa alla prossima sottorete e si ripete. Il risultato ottenuto e' una serie di rete con maschera di rete diversa.

Esempio:

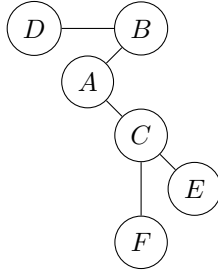
Rete	Numero Sottoreti	Host Richiesti
193.80.1.0/24	4	40, 30, 10, 6

Rete	Mask	Da	a
A	/26	193.80.1.1	193.80.1.63
B	/27	193.80.1.64	193.80.1.95
C	/28	193.80.1.96	193.80.1.111
D	/29	193.80.1.112	193.80.1.119

4.2 Grafi

Un grafo e' un tipo di struttura matematica consistente di **nodi uniti da archi**, formando una specie di ragnatela. I grafi possono essere pesati o meno a seconda se il traversare un arco ha un costo maggiore rispetto ad un altro. I grafi possono inoltre essere orientati se un qualsiasi arco puo' essere percorso in una direzione, ma non all'incontrario.

Un esempio di grafo e':



Dove i cerchi contenenti lettere rappresentano i nodi e le linee rappresentano gli archi.

4.2.1 Matrice di Adiacenza

Per rappresentare un grafo in maniera numerica si puo' utilizzare una matrice di adiacenza, ovvero una tabella simile alla seguente.

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	1	0	0
B	1	0	0	1	0	0
C	1	0	0	0	1	1
D	0	1	0	0	0	0
E	0	0	1	0	0	0
F	0	0	1	0	0	0

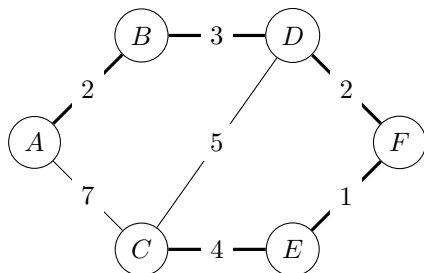
Dove 0 rappresenta una connessione inesistente, mentre 1 rappresenta una connessione. Nel caso di grafi pesati si usa, al posto del numero 1, il peso del relativo ramo.

4.2.2 Visita

Per visita di un grafo si intende **l'operazione di trovare gli archi minimi necessari a connettere l'intero grafo**. Per svolgere questa operazione esistono vari algoritmi, come i seguenti:

Kruskal

L'algoritmo di Kruskal afferma che, per visitare un grafo, bisogna mettere in ordine crescente i pesi del grafo interessato ed evidenziare gli archi in ordine, purché l'arco da evidenziare non chiuda una forma geometrica con gli altri archi.



5 TPSIT

5.1 Algoritmi di Scheduling

Gli algoritmi di scheduling sono algoritmi utilizzati dallo **scheduler di processi** all'interno di un sistema che servono a ridurre al minimo i tempi di attesa dei vari processi.

Di seguito sono gli algoritmi principali, assieme ad un grafico rappresentante quegli stessi algoritmi.

5.1.1 First come, First served

Questo algoritmo, detto anche FCFS, e' basato su di una struttura dati detta **Coda FIFO**, immaginabile come una coda ad un supermercato, dove il primo che entra e' il primo che esce. Questo algoritmo, percio' **posiziona i processi in coda in base al tempo di arrivo**.

5.1.2 Shortest Job First

Questo algoritmo, detto anche SJF, si fonda sull'idea che il processo piu' corto debba essere eseguito per primo. Questo algoritmo puo' essere interpretato in due modi:

Senza Prelazione

Questo algoritmo **posiziona i processi in coda in base al tempo di arrivo ed al tempo di durata**, tuttavia **non puo' fermare un processo in esecuzione**.

Con Prelazione

Questo algoritmo si comporta come la sua controparte, con la differenza che **ha la capacita' di fermare un processo in esecuzione, rimettendolo in coda, qualora arrivi un processo piu' corto**.

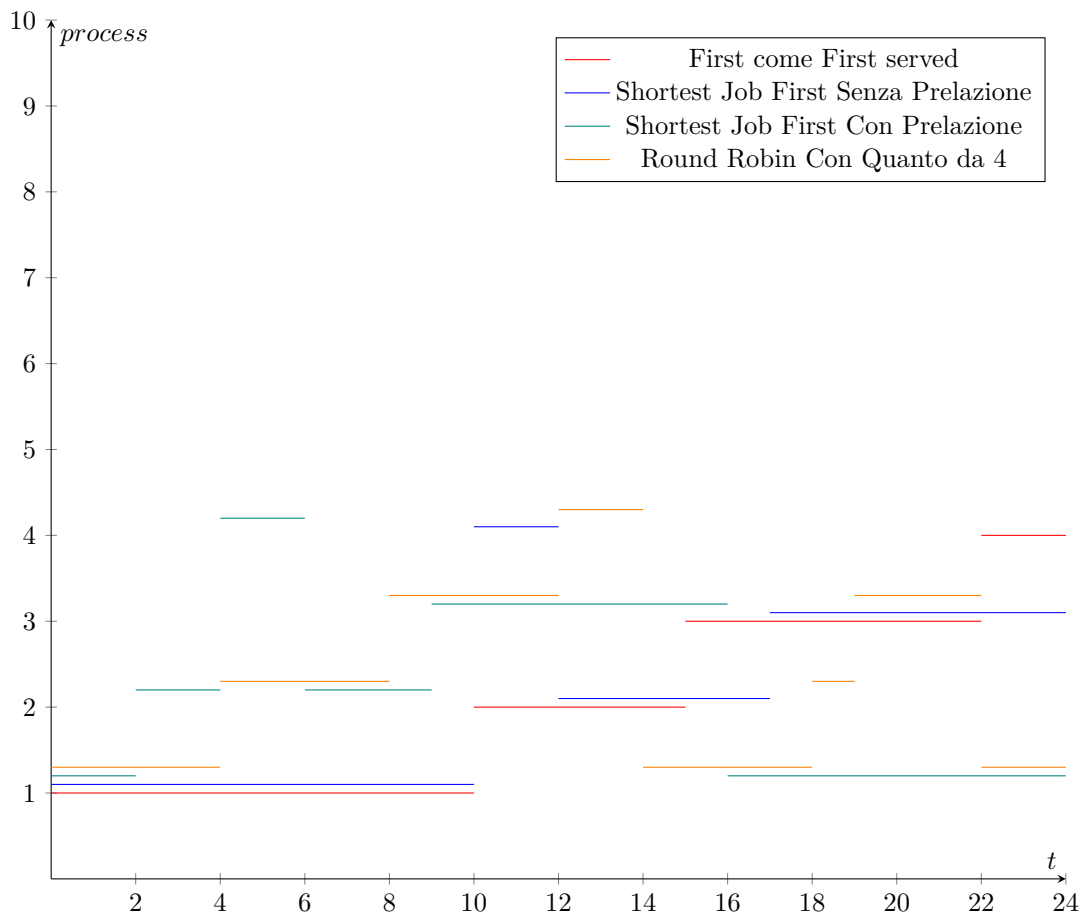
5.1.3 Round Robin

Questo algoritmo si comporta in maniera simile all'FCFS, richiedendo pero' un parametro di tempo detto **quanto**. L'algoritmo **ferma e rimette in coda un il processo in esecuzione una volta che esso e' rimasto in esecuzione per un tempo pari al quanto**.

5.1.4 Esempio

Volendo dare un esempio di questi algoritmi, basandoci sui seguenti processi, essi si comportano cosi':

ID Processo	Tempo di Durata	Tempo di Arrivo
1	10	1
2	5	2
3	7	3
4	2	4



5.2 Gestione della Memoria

La gestione della memoria deve minimizzare l'*overhead*, ovvero i tempi di attesa, e massimizzare l'utilizzo della memoria

5.2.1 Concetti Base

- **Allocazione e Deallocazione:** inserire e togliere dalla memoria
- **Protezione e Condivisione:** alcuni pezzi della memoria vanno condivisi per poter essere usati da tutti i processi, altri vanno protetti perché contengono dati sensibili
- **Swapping:** il processo per cui si alloca una parte di memoria RAM in un file sul disco, per quando la RAM é completamente piena e non c'è altro luogo dove scrivere i dati
- **Rilocazione Statica e Dinamica:** nella statica la memoria non é swappabile, nella dinamica si
- **Paginazione:** la memoria é divisa in pagine, i processi in frame. ogni frame rientra in una pagina e punta alla pagina successiva: questo permette di fingere un senso di sequenzialità della memoria

5.2.2 Partizionamento

la memoria é organizzata in *partizioni* ovvero spazi di memoria. ci sono vari tipi di partizionamento:

- **Fisso:** tutte le partizioni sono di uguale dimensione. questo lascia spazio vuoto all'interno delle partizioni (frammentazione interna) visto che può esserci un solo processo per partizione e non è detto sia grande quanto essa
- **Dinamico:** le partizioni sono di dimensione variabile, grandi quanto richiesto dal processo. risolve la frammentazione interna ma introduce la frammentazione esterna (quando un processo viene deallocato rimane uno spazio vuoto che non è detto si possa riempire).

per risolvere la frammentazione esterna si usano vari algoritmi di gestione della memoria:

- **Best-Fit:** i processi si allocano nello spazio più piccolo disponibile (lento, bisogna trovare tutti i buchi)
- **First-Fit:** i processi si allocano nel primo spazio che può contenerlo a partire dall'inizio della memoria
- **Next-Fit:** come il first fit ma si parte dall'ultimo processo allocato invece che dall'inizio della memoria

5.3 Tipi di Processo

5.3.1 Processi Pesanti e Leggeri

I processi possono essere divisi a seconda dell'impatto e l'utilizzo delle risorse. Secondo questa divisione, esistono due tipi di processi: Pesanti (Heavy) e Leggeri (Light).

I **processi pesanti ottengono risorse** e sono lanciati **dal sistema**. Essi sono visualizzabili come i vari programmi che il computer esegue.

I **processi leggeri sono eseguiti all'interno di un processo pesante**. Essi sono visualizzabili come **thread** di un programma esistente.

Per porre un esempio, all'interno di una cucina di alta pasticceria un processo pesante potrebbe essere pasticciere capo, che decide di cucinare una torta, mentre i processi leggeri potrebbe essere rappresentati dai cuochi responsabili delle varie parti della torta (la crema, la panna montata, gli strati...). Ciascuno cuoco **deve condividere le stesse risorse** (i fornelli, l'abbattitore, il frullatore, gli ingredienti...)

5.3.2 Processi Sequenziali e Paralleli

I processi possono anche essere divisi a seconda della loro gestione del tempo di esecuzione. Secondo questa divisione, esistono due tipi di processi: Sequenziali e Paralleli.

I **processi sequenziali eseguono le operazioni una dopo l'altra**. Cio' significa che due processi sequenziali dovranno fare a turno per andare in esecuzione.

I **processi paralleli vengono eseguiti in contemporanea con altri processi**. Questo significa che due processi paralleli possono eseguire le loro operazioni allo stesso tempo. Sia chiaro che, affinché i processi possano effettivamente essere paralleli, è richiesta una CPU con più core.

6 Letteratura

6.1 Eta' del Barocco

6.1.1 La lirica in Italia

Giovan Battista Marino soddisfa le esigenze di rinnovamento letterario del barocco grazie alla sua poesi innovatrice. Il suo stile presenta principalmente:

- Un modo artificioso di imporsi sull'attenzione dei lettori
- Un uso sistematico di metafore e concetti
- Un controllo della retorica e della musicalita' del verso
- Un accostamento di immagini e concetti reali solitamente considerati distanti fra loro (Ad esempio il verso mariniano "*onde dorate, e l'onde eran capelli*")

Gabriello Chiabrera da Savona, invece che sul gioco metaforico, concentra la sua ricerca sull'aspetto musicale della poesia. Era considerato dai contemporanei un difensore della classicita', mentre e' adesso considerato un innovatore proprio per questa sperimentazione stilistica.

6.1.2 La lirica in Spagna e in Inghilterra

Luis de Gongora e **Francisco de Quevedo** sono l'esempio massimo del concettismo Barocco in Spagna. Le loro opere **influenzarono la poesia fino al tardo ottocento**.

John Donne, facente parte dei contamporanei "poeti metafisici", sviluppa in Inghilterra il linguaggio metaforico e immaginifico. I componimenti di questo movimento era pieni di accostamenti tra sentimento e ragione ed affrontavano **temi dell'esistenza umana** come l'amore e la morte. Il loro stile **viene ripreso dalla poesia inglese del Novecento**.

6.1.3 La decadenza del poema epico

Nonostante i vari testi epici di **Torquato Tasso** il modello epico, gia' criticato da Ariosto, continua il suo declino. Durante il periodo barocco, esso subisce un **rovesciamento dei criteri e dei valori del genere stesso** per via di due poemi volutamente anormali:

- *La secchia rapita* di Alessandro Tassoni
 - Narra di un'immaginaria guerra tra Modena e Bologna per il possesso di una secchia di legno
 - Usa il modello epico dell'*Iliade* di Omero
 - Racconta un contenuto basso con una forma alta, ottenendo un effetto comico
- *Adone* di Giovan Battista Marino
 - Consistente in un'infita serie di descrizioni, digressioni e racconti secondari lievemente collegate
 - Il poeta descrive le esperienze sensuali ed erotiche come le uniche capaci di rivelare il senso dell'esistenza all'uomo
 - Realizza una piena *estinzione del racconto*

6.1.4 La propaganda religiosa

La chiesa viene spinta ad usare forme del marinismo nelle sue prediche per attrarre le masse. I massimi esponenti di questo e' **Emanuele Orchi** e **Daniello Bartoli**, quest'ultimo principalmente con *Storia della Compagnia di Gesu'*.

6.1.5 La prosa scientifica

Galileo Galilei adotta il modello del dialogo platonico a due o più voci, in quanto lo crede utile ed innovativo per esporre tesi contrastanti.

Un'esempio di questo si ha nel *Dialogo sopra i due massimi sistemi del mondo*, dove un sostenitore del sistema copernicano ed uno del sistema tolemaico davanti ad una persona non colta in quanto a scienza, la quale trova pian piano sempre più ragionevole il sistema copernicano. Galileo dona alle proprie voci vere e proprie sagome con spessore umano, incoraggiando il lettore a prendere posizione, e scrive in volgare, per assicurarsi una diffusione massima.

All'esempio di Galileo si rifaranno successivamente autori come **Lorenzo Magalotti** e **Francesco Redi**.

6.1.6 Il romanzo in Italia

Durante il Seicento, in Italia nasce il romanzo e diviene famoso per la sua capacità di conquistare il pubblico e i suoi temi attuali. Il romanzo meglio riuscito del tempo si ha con il *Calloandro fedele* di **Giovanni Ambrogio Marini**

6.1.7 La novella in Italia

Riguardo il modello boccaccesco, la novella non presenta particolari novità e mantiene il suo massimo centro di produzione a Venezia, con temi amorosi e avventurosi.

6.1.8 Il romanzo moderno: *Don Chisciotte*

In Spagna si ottiene la maggiore innovazione dell'opera letteraria di fantasia grazie a **Miguel Cervantes de Saavedra**, con il suo *Don Chisciotte*, il quale racconta del primo grande antiero e del suo compagno. Questo racconto forma una contrapposizione parodica e tragicomica tra gli ideali eroistici e cavallereschi e la loro illusorietà e inattualità.

6.1.9 Il teatro barocco

Nel teatro del seicento si ha la maggiore sete di rinnovamento dell'età barocca. La percezione che si ha di sé e del mondo cambia e si tramuta in una visione dell'esistenza come precaria e rappresentabile solo dalla finzione.

Il teatro barocco in Spagna, Inghilterra e Francia propone capolavori quali le opere di **William Shakespeare**, **Calderon de la Barca** e **Pierre Corneille**.

In Italia si ha invece la nascita di due nuove forme artistiche: il *Melodramma* e la *Commedia dell'Arte*.

6.1.10 La tragedia e la commedia regolare in Italia

Nel seicento la tragedia non subisce una particolare evoluzione e rimane destinata ad un pubblico alto, con eccezione per le opere di **Federico Della Valle** e di **Cardlo de' Dottori**.

Si ha inoltre una grande produzione teatrale da parte dei collegi dei Gesuiti, con opere incentrate su storie cupe e sanguinose di esemplari vite religiose (Caratteri non dissimili dal resto del teatro di propaganda religiosa)

Per quanto riguarda la commedia, essa riprese principalmente i modelli cinquecenteschi, con l'unica differenza della nascita dei teatri pubblici a pagamento.

6.1.11 La Commedia dell'Arte

Nel 1545 nasce a Padova la prima compagnia di attori professionisti, sotto la guida di tale *set Maphio Zanini*, la quale si definisce un gruppo di "comici dell'Arte".

La commedia dell'arte si distingue grazie all'insieme di mimi, cantanti, musicisti, acrobati, soggetti e dialoghi provenienti dal folklore i quali si sovrappongono ai tipi del teatro greco-romano. Grazie a questo misto di culture si ha la nascita delle Maschere, le quali erano facilmente ricordabili grazie ai costanti tratti somatici e costumi.

Gli attori stendevano i materiali verbali partendo dalla tradizione e li imparavano a memoria, modulandoli poi basandosi sulle reazioni del pubblico.

6.1.12 Il melodramma

Il melodramma, o *dramma per musica*, è costituito da un'unione di elementi musicali, teatrali e letterari. Esso si basa sulla rivalutazione della monodia (una forma melodica composta da una o più voci e strumenti tutti sulla stessa aria e melodia)) da parte di un gruppo di musicisti e letterati di Firenze, detti *Camerata Fiorentina*, i quali la considerano modello ideale espressivo. Il melodramma è quindi eseguito con la tecnica del *cantar recitando*.

Esso nasce inizialmente per un ristretto pubblico raffinato, ma fu presto accettato dal grande pubblico.

6.2 William Shakespeare

6.2.1 Chiave di lettura

William Shakespeare è riconosciuto come uno dei più grandi drammaturghi di sempre. Nei suoi drammi, Shakespeare prende spunto da figure e moduli narrativi medievali e umanistici, che, tuttavia, presenta in maniera attuale. Ciò, assieme alla grande caratterizzazione dei suoi personaggi, fa del teatro di Shakespeare un teatro molto moderno.

Il suo teatro pone al centro della scena l'individuo, il suo destino e la sua morale, spesso contraddittoria. Le questioni etiche qui trattate possono essere semplificate con il concetto di *contrasto fra apparenza e realtà*. I personaggi di Shakespeare non sono eroi, come nel teatro classico, ma sono invece tutto il contrario, spesso sposati e in conflitto.

Nel teatro shakespeariano è spesso, se non sempre, presente un elemento *comico-grottesco* ed uno tragico. Se non per questa caratteristica, il suo teatro sfugge da ogni tipo di rigida classificazione. La sua opera è soprattutto moderna nei suoi modi espressivi, tipici del periodo barocco. Infatti Shakespeare utilizza molto la **metafora**, ma non per stupire lo spettatore, bensì per rappresentare il sentimento del personaggio al meglio. Egli usa inoltre molti giochi di parole e anche svariati nuovi termini da lui stesso conati.

6.2.2 La vita

Shakespeare nasce a **Stratford-upon-Avon** nell'aprile del **1564** da un padre commerciante di pelame. Ebbe una prima educazione alla locale *grammar school* introdotta dalla riforma elisabettiana. Per via di difficoltà economiche della sua famiglia, Shakespeare dovette presto affiancare il padre nella sua attività.

All'età di 18 anni, Shakespeare sposò **Anne Hathaway**, di 8 anni più anziana, da cui ebbe una figlia, **Susan**, e due figli, **Judith** e **Hamnet** (quest'ultimo morto già nel 1596, a 11 anni).

Shakespeare si occupò del mantenimento della propria famiglia, composta dal padre e da quattro fratelli e sorelle. Forse per questo si dedicò all'attività di scrittore per teatro. Già nel 1592, egli era una figura affermata nel teatro di Londra. Shakespeare non si fermò dallo scrivere neanche durante il **periodo della peste** (1593-1594), ma anzi si dedicò alla composizione lirica. Si riconduce a quel tempo anche la composizione della maggior parte dei suoi **154 sonetti**.

Successivamente, Shakespeare diventò non solo comproprietario, bensì anche attore e poeta, della compagnia dei **Lord Chamberlain's Men**. Presto, nel 1603, la compagnia venne presa dal re **Gia-**

come **I** e venne rinominata **The King's Men**. Dopo cio', Shakespeare diventò anche comproprietario del teatro di **Blackfriars**.

Nel 1613 acquistò una proprietà a Stratford, dove si ritirò e morì nell'**aprile del 1616**. Fu sepolto nella chiesa della sua città natale.

6.2.3 Le opere

Si tende a distinguere lo sviluppo della produzione teatrale di Shakespeare in **4 fasi**:

1. Dagli inizi all'affermazione sulle scene (1588-94)
2. L'attività con Lord Chamberlain's Men (1594-1603)
3. L'attività con i King's Men (1603-08)
4. Il periodo del Blackfriars (1608-16)

Durante gli anni della peste, Shakespeare dovette smettere di lavorare come attore e collaboratore alla stesura di copioni teatrali, e si dedicò invece ad affinare le sue tecniche drammaturgiche. In questa fase, Shakespeare mostra una propensione alla sperimentazione nelle sue forme di scrittura.

La tragedia *Tito Andronico* è la prima delle tragedie che Shakespeare dà alle scene. Lo stile è basato sul modello senecano e modellato per prediligere il gusto del pubblico. Allo stesso periodo si riconducono anche le commedie *Eufuistiche*, dove Shakespeare si avvale di artifici retorici, come metafore e giochi di parole, smascherandone però l'inutile virtuosismo.

Tra il 1592 e il 1594 si ha la stesura del dramma di *Romeo e Giulietta*, nella quale Shakespeare sperimenta nuove forme drammatiche, rielaborandole a partire da materiali preesistenti nella letteratura rinascimentale. La vicenda è tratta dalle *Novelle* di Bandello, autore francese. Quest'opera, risalente al periodo della peste, dove le uniche occasioni per mettere in atto opere teatrali era a corte, prende uno stile raffinato e lirico, per più piacere al pubblico nobile.

Tra il 1599 ed il 1601 si ha il periodo di massimo sviluppo creativo dell'autore, con il trionfo sulle scene dell'opera *Enrico V*, il *Giulio Cesare*, che costituisce la prima di un ciclo di tre tragedie classiche romane, e l'*Amleto*. Sempre in questo periodo Shakespeare si dedica alla stesura di drammi ispirati alla storia inglese, quali *Re Giovanni* e *Enrico VIII*, dove l'autore dimostra una grande abilità nel far proprio un genere a lui nuovo quale quello storico.

Durante questo periodo di fertilità artistica, Shakespeare compone cinque commedie, definite adesso *romantiche* o *romanzesche*, per via dei temi amorosi della letteratura cortese. Queste opere sono anche le ultime opere puramente comiche che Shakespeare scrive, iniziando tuttavia a sperimentare il genere *tragicomico*.

I *drammi dialettici*, o *problem plays*, sono quattro opere che sono accomunate dallo stile di una novella drammatizzata sul modello boccaccesco e da un pessimismo di fondo risalente alla crisi politica di quegli anni.

6.3 Galileo Galilei

6.3.1 La vita

Galilei nasce a **Pisa** nel **1564**. Passa gran parte della sua **infanzia a Firenze**, dove intraprende dei primi studi di disegno, musica e letteratura. Successivamente viene iscritto dal padre all'**università di Pisa** nella **facoltà di medicina**. Tuttavia Galilei abbandona l'università in favore di studi di tipo fisico e matematico.

Nel **1589**, Galilei ottiene un incarico come **professore presso l'università di Pisa**, ma si trasferì presto a **Padova**, dove ebbe una maggior libertà di espressione.

Nel **1610** Galilei si trasferì a Firenze come **matematico e filosofo del Granduca di Toscana**. I suoi studi lo portarono a costruire il cannocchiale e ad ampliare le conoscenze sui pianeti. Quest'ultima ricerca lo portò in **conflitto con la chiesa**, alla quale fu **denunciato nel 1615**, per via della sua **teoria eliocentrica**. Una volta nominato papa Urbano VIII, Galilei scrisse il suo **Dialogo sopra i due massimi sistemi del mondo**, uno scritto dove metteva a confronto la teoria copernicana e

quella tolemaica. Per via di questo scritto, Galilei fu **costretto ad abiurare** e fu condannato agli arresti domiciliari a vita. **Mori'** così nel **1642**

6.3.2 Il pensiero

Galilei sviluppa **strumenti per la rilevazione dei dati**, come il compasso, il cannocchiale ed il microscopio, grazie ai quali riesce poi a elaborare il **metodo sperimentale**, tuttora usato.

Questo metodo consiste nel:

- Osservare direttamente il fenomeno da analizzare
- Trascrivere i dati ritrovati
- Elaborare i dati grazie alle leggi matematiche
- Realizzare un esperimento dimostrativo riproducibile

Sempre riguardo il metodo sperimentale, Galilei afferma che **solo le qualità oggettive** dei fenomeni **possono essere analizzate scientificamente** e che la **verità scientifica non è mai definitiva**.

6.3.3 La poetica

Galilei compose le sue opere in **lingua volgare**, in modo da poter divulgare le sue scoperte al maggior pubblico possibile. Proprio per questo egli adotta uno stile basato sul **dialogo** e sulla **discussione costruttiva**, in modo da spingere i lettori a prendere una posizione riguardo ai pensieri esposti. In particolare, i personaggi dei suoi dialoghi rappresentano spesso **visioni del mondo contrapposte**.

6.3.4 Le opere

Lettere copernicane

Questi scritti contengono una difesa delle sue teorie, le quali vanno contro il pensiero della chiesa, e tentano di dividere il ruolo della scienza da quello della religione

Il Saggiatore

Questa epistola va contro le critiche mosse verso la sua ricerca e le sue scoperte ed è composto in volgare, affinché chiunque possa leggerla

Dialogo sopra i due massimi sistemi del mondo

Questo testo contrappone sotto forma di dialogo il pensiero tolemaico e quello copernicano. Grazie alla sapiente costruzione dei personaggi, Galileo riesce a ottenere un forte effetto persuasivo

Discorsi e dimostrazioni intorno a due nuove scienze

Questo testo contiene gli studi di Galileo sulla meccanica ed il moto, i quali costituiscono tutt'ora la base della fisica e della scienza moderna.

6.4 Carlo Goldoni

6.4.1 La vita

Goldoni nasce a **Venezia** nel **1707** da una famiglia borghese. Studio a Perugia presso i Gesuiti, per poi studiare legge all'**Università di Pavia** fra il 1723 ed il 1725. Ottiene la laurea in legge a Padova nel 1731, a seguito della **morte del padre**.

Nel frattempo in Goldoni si era sviluppata una **vocazione teatrale** che lo spinse, nel 1734, ad unirsi come **scrittore di testi teatrali** alla **compagnia Medebac**. Essendo contro la **Commedia dell'Arte** che circolava in quel periodo, Goldoni **avviò una riforma** del teatro comico, oggi conosciuta come **riforma goldoniana**, meglio analizzata in seguito.

La Commedia dell'Arte era solitamente **scritta per il mercato** e, quindi, si cercavano storie che vendessero e che incontrassero i gusti del pubblico. Per via di questa linea di pensiero, Goldoni si scontro' con la compagnia Medebac e, nel **1753**, si reco' al **teatro di San Luca**, proprieta' di un nobile francese.

Nel decennio successivo, nel **1762**, Goldoni accetto' l'invito di **recarsi a Parigi** come direttore delle *Comedie italiennes*. Qui, tuttavia, Goldoni trovo' ancora in piena diffusione gli scenari improvvisati e le maschere tipiche della Commedia dell'Arte. Il pubblico francese si dimostro' percio' **disinteressato alle novita'** proposte da Goldoni. Goldoni entro' successivamente nelle grazie della corte e divenne maestro di italiano delle principesse reali, per poi morire nel 1793.

La riforma goldoniana La riforma goldoniana e' una riforma radicale del teatro comico composta principalmente da:

- Recitazione degli attori basata su un testo scritto
- Personaggi unici e inconfondibili rappresentati nella loro individualita' (*Commedia di carattere*)
- Contesti ben definiti (*Commedia d'ambiente*)
- Azioni e avvenimenti verosimili (*Commedia realistica*)

Questa riforma muove quindi il teatro comico dall'uso di personaggi ripetitivi come le maschere a personaggi ben strutturati psicologicamente e individualmente, tramutando il teatro comico in una forma di teatro vera e propria e adatta a tutti.

6.4.2 Le opere

La locandiera

Questo e' un racconto che esalta i valori della realta' borghese, celebrando la figura del mercante onesto e laborioso e criticando la nobilta' superba e oziosa.

Commedie della 2a Fase

Queste commedie sono principalmente commedie di carattere basate su personaggi nevrotici e asociali

Commedie della Maturita'

Queste commedie descrivono la borghesia veneziana in maniera critica, in particolare condannandone l'eccesso, e esaltano la spontaneita' e vitalita' dei ceti popolari

Commedie Parigine

Queste commedie sono formate per lo piu' da complicati intrecci basati sullo schema dell'equivoco

7 Storia

7.1 L'Antico regime

7.1.1 La società

La società dell'antico regime era caratterizzata da disuguaglianze tra ceti, a volte anche sancite secondo le leggi. Non esisteva infatti quella che noi definiamo **uguaglianza giuridica**, ma regnava invece il **privilegio**, dal latino *privus legis* ("esente dalla legge"). Chi godeva di privilegi, per esempio, non pagava le imposte, non era giudicato dal tribunale, poteva accedere a determinate cariche pubbliche e così via. Di questi privilegi, naturalmente, godeva principalmente il clero e la nobiltà.

La società del tempo era divisa non in caste o ceti, bensì in **ordini**, ovvero gerarchie sociali distinte non dalla ricchezza ma dal prestigio e alla dignità. In un'ordine si nasceva, si apparteneva e difficilmente si usciva, rendendo la **società principalmente statica**. Uno dei pochi modi che i borghesi avevano per diventare nobili era infatti pagare a caro prezzo una carica pubblica.

Durante l'antico regime il bene della comunità veniva prima di quello dell'individuo. Il singolo individuo non valeva in quanto tale, ma valeva come membro di un ordine, una città, una religione e così via. I suoi diritti e doveri erano perciò dettati dalla comunità di appartenenza.

Il clero

Il primo ordine, ovvero il clero, era distinto fra:

- clero regolare, con grande forza economica e culturale
- clero secolare, elitario e di estrazione aristocratica

Il clero era profondamente radicato nella società e deteneva un **monopolio dell'istruzione** e della pubblica assistenza.

Il clero godeva di 3 immunità:

- l'immunità personale, che permetteva di essere giudicato da un tribunale ecclesiastico in caso di reato
- l'immunità locale, che permetteva di sottrarre allo stato luoghi considerati sacri
- l'immunità reale, che esentava la chiesa dal pagare imposte sui propri beni

La nobiltà

Il secondo ordine, ovvero i nobili, era il **ceto dominante**, in quanto deteneva gran parte della terra e monopolizzava le cariche pubbliche.

I nobili erano distinti fra:

- nobili di spada, discendenti dagli antichi lignaggi feudali
- nobili di toga, che avevano acquistato una carica pubblica per diventarlo

I nobili erano fortemente differenziati anche dalla loro stessa ricchezza, con addirittura la presenza di nobili poveri, detti anche **plebe nobiliare**.

Non tutti i nobili europei si comportavano allo stesso modo di fronte al lavoro. Non ovunque, infatti, era ugualmente rigida la regola che vietava ai nobili di compiere lavori manuali. Era comunque dalla terra che i nobili traevano la maggior parte del loro profitto. La terra, infatti, assicurava al signore rendite, diritti e poteri di giudizio e polizia.

La borghesia

La borghesia comprendeva diverse figure sociali, come banchieri, mercanti, imprenditori e artigiani. Questo faceva della borghesia un gruppo sociale multiforme e assai stratificato al suo interno in base a reddito, stile di vita, estensione e importanza sociale.

Tra la borghesia c'era chi puntava a nobilitarsi, attraverso matrimoni o acquisto di cariche, e si impegnava nelle attività commerciali.

I poveri

Assieme all'aumento della popolazione aumentava anche il numero di disoccupati, che portava a formare un gruppo urbano multiforme che viveva in una condizione di miseria e precarietà.

7.1.2 La rivoluzione agricola

Il XVIII secolo fu caratterizzato da un intenso **incremento demografico** dovuto al miglioramento delle condizioni economiche e alimentari, quest'ultime dovute da una **crescita della produzione agraria**, detta *rivoluzione agricola* (Nata inizialmente in Inghilterra, dove i passaggi fondamentali furono la pratica delle recinzioni e lo sviluppo della **rotazione triennale**).

La rivoluzione agricola venne ottenuta principalmente per via **estensiva**, ovvero ampliando gli spazi dedicati all'agricoltura. Alcune aree, invece, praticarono un miglioramento **intensivo**, ovvero migliorando lo sfruttamento del terreno grazie a varie tecniche. Queste innovazioni portarono però alla **scomparsa dei piccoli proprietari terrieri**, in favore di grandi aziende agricole.

Durante la rivoluzione agricola, si ebbe la diffusione di nuove coltivazioni, quali:

- Il frumento
- Il granoturco
- La patata

Per poi non parlare di vari prodotti d'importazione quali:

- Lo zucchero
- Il tè
- Il cacao
- Il caffè
- Il tabacco

Il caffè fu il più importante fra questi dal punto di vista della *sociabilità*, in quanto portò allo sviluppo dei locali poi chiamati caffè.

7.1.3 Le attività manuali

Oltre all'agricoltura, anche altre attività, come la manifattura, l'artigianato e il commercio, subirono grandi progressi dovuti alla crescita economica.

La manifattura

Si cominciò a sviluppare un tipo di manifattura definibile come *industriale*, la quale avveniva principalmente in botteghe artigiane. Lo sviluppo ebbe inizio con la **rivoluzione industriale inglese**.

L'artigianato

La produzione artigianale risentiva fortemente dell'**ordinamento corporativo**, ovvero le rigide regole imposte dalle corporazioni a tutti gli aspetti dell'attività produttiva. Queste regole costituivano un freno all'innovazione che portò ad un rapido declino.

L'industria a domicilio

Questo sistema interessava principalmente il settore tessile, e prevedeva un **mercante-imprenditore** che acquistava materie prime, per poi darle a famiglie contadine per raffinarle e poi vendere il prodotto finito. Tuttavia, questo formava un **rapporto iniquo**, in quanto il mercante poteva abbassare i salari in corrispondenza all'aumento demografico.

7.1.4 L'espansione europea

Nel settecento, l'economia europea si mise al centro dei commerci mondiali, con la **crescita e dilatazione degli scambi commerciali**. Al tempo, L'europa non era solo il continente piu' ricco del mondo, ma anche il suo centro economico e politico. Naturalmente, all'interno dell'Europa stessa, vi era una gerarchia riguardo gli scambi economici e commerciali; alcune potenze erano dominanti, altre dipendenti.

La politica dei governi dell'epoca era incentrata sul **mercantilismo**, fondato sull'idea che lo stato debba favorire i propri commerci ad ogni costo, anche a scapito delle altre potenze. Questo porto' ad una **ridefinizione della gerarchia delle potenze**, e si affermarono come nuovi dominatori la **Francia** e l'**Inghilterra**, a danno dell'Olanda, della Spagna e del Portogallo.

La Francia, e poi a seguire l'Inghilterra, affermarono il proprio controllo sui commerci atlantici grazie al cosiddetto **commercio triangolare**, che univa Europa, Africa e Antille. La tratta piu' lucrosa era senza dubbio la **tratta degli schiavi** africani: Le navi partivano da Liverpool cariche di mercanzie, arrivavano alla costa occidentale africana per poi rifornirsi di schiavi (Destinati a lavorare nelle piantagioni europee).

Dal punto di vista opposto, quello dell'Africa, si puo' dire che la tratta degli schiavi non avrebbe potuto funzionare se la **schiavitù** non fosse **gia' radicata nel continente** da parte dei **Musulmani**. Questa deportazione di persone, principalmente maschi giovani, porto' ad uno spopolamento ed impoverimento di intere aree.

Per via della nuova gerarchia delle potenze europee, l'Inghilterra e la Francia finirono irrimediabilmente per scontrarsi nella **guerra dei Sette anni (1756-63)**, che si combatte', oltre che in Europa, in India e Nord America. Gli inglesi, nettamente vincitori ottennero, con la **pace di Parigi**, il Canada, la Louisiana e la Florida, lasciando ai francesi le sole Antille.

Con l'arrivo del Settecento, si ebbe lo sviluppo di un esercizio di **sovranita' territoriale coloniale** praticato da inglesi, portoghesi e olandesi in Asia e India. In quest'ultima, a seguito della morte dell'imperatore locale e la successiva caduta nel chaos dell'impero, Inghilterra e Francia si allearono per imporre la propria sovranita' su diverse parti dell'India.

7.1.5 L'assolutismo

La forma politica dominante nell'Europa del Settecento era la **monarchia assoluta**, soprattutto in Francia, con eccezione per alcuni piccoli stati con istituzioni repubblicane, come la Svizzera, Genova e Venezia.

Caratteri fondamentali dell'assolutismo erano:

- L'accentramento territoriale
- Il concentramento del potere
- L'indebolimento degli organi rappresentativi

che pero' svilupparono equilibri politici diversi in ogni stato.

La Spagna

La crisi spagnola fu dovuta all'**insufficienza produttiva** che costringeva la Spagna ad importare beni di prima necessita', sprecando buona parte delle proprie ricchezze.

Il sovrano **Filippo V di Borbone** tento' di modernizzare il paese dal punto di vista economico rafforzando il potere centrale, ma senza successo.

La Francia

Dopo la morte di Luigi XIV, e dato che il suo successore, **Luigi XV**, aveva solo 5 anni, la Francia fu guidata da **Filippo d'Orleans**. Tuttavia, ne' lui, ne il primo ministro, il **cardinale Fleury**, attuarono alcun tipo di riforma, e fu proprio questa debolezza che **porto' ad una rivoluzione** che sconvolse la Francia fino alla fine del Settecento.

L'Inghilterra

L'Inghilterra, divenuta **Gran Bretagna** a partire dal 1707, comincio' la sua evoluzione da monaschia costituzionale a monarchia parlamentare. Il parlamento, convocato regolarmente ogni 3 anni, **approvava annualmente il bilancio statale**, controllando percio' la vita della nazione.

La Prussia

Nel 1660 il **Ducato di Brandeburgo** ottenne la completa sovranita' sulla Prussia orientale. L'assolutismo del sovrano veni' opposto dai parlamenti locali e delle citta', ma sostenuto dalla grande aristocrazia terriera degli **Junker** (giovani signori) i quali, in cambio del loro appoggio, ottennero mano libera nei rapporti con i contadini.

L'Austria

La varieta' etnica e culturale dei territori sotto il sovrano d'Austria non consentivano di realizzare un centralismo analogo a quello francese o prussiano. Per questo motivo il sovrano **Leopoldo I** tento' di **affidare la responsabilita' di governo alle aristocrazie**.

Un rilevante fattore di unione tra i popoli asburghi fu la presenza della chiesa cattolica e i **programmi di ricattolicizzazione** delle popolazioni dell'Impero, che erano in precedenza diventate protestanti.

La Russia

In Russia la centralizzazione del potere assolutistico porto' ad una forte espansione territoriale, soprattutto sotto il regno dello zar **Pietro il Grande Romanov** che costrinse una **modernizzazione forzata** della societa' attraverso il pieno dispiegamento del suo potere.

Pietro, inoltre, comprese che per modernizzare la Russia occorreva superarne l'isolamento intellettuale dovuto alle tradizioni e, percio', adottato' una apertura politica e culturale all'Occidente. Stabili' ambasciate, riorganizzo' l'esercito e adottato' il calendario occidentale.

7.2 La politica internazionale

Fra il 1700 ed il 1763 vi furono **4 grandi conflitti** in Europa, mossi non per imporsi su altri stati, ma per avere una posizione migliore fra gli stati esistenti.

7.2.1 La guerra di successione spagnola

A seguito della morte del re di spagna **Carlo II d'Asburgo**, senza eredi, l'imperatore d'Austria era pronto a prendere il trono in seguito all'accordo con **Luigi XIV**. Tuttavia, alla morte di quest'ultimo, si scopri' che il suo testamento dettava come erede al trono un suo nipote, **Filippo V**.

L'Austria reagì scatenando una guerra (1702) ed alleandosi a **Gran Bretagna** e **Olanda**, mentre la Spagna si schierò con i **Savoia** e la **Prussia**.

La guerra si prolungo' per piu' di 10 anni (1714) con la **vittoria dell'Austria**, che fece firmare le **paci di Utrecht e di Rastadt**, grazie ai quali:

- l'Austria ottenne i Paesi Bassi spagnoli, Milano, Napoli e la Sardegna
- i Savoia ebbero la Sicilia
- l'Inghilterra ebbe Gibilterra e Minorca, assieme al monopolio sulla tratta degli schiavi

7.2.2 L'eta' dell'equilibrio europeo

Successivamente alla guerra di successione spagnola, in Europa si ebbe un periodo di **equilibrio politico fra le potenze**. Le sporadiche guerre che si svolsero in quel tempo erano contenute e molto diverse dai conflitti religiose del '600.

7.2.3 La guerra di successione polacca

La successiva guerra si ebbe nel 1733, dopo la morte del re polacco **Augusto II di Sassonia** e l'elezione del nuovo re, **Stanislao Leszczynski**. A questa scelta **si appoggiarono Francia, Spagna e i Savoia** e **si opposero l'Austria e la Russia**, che costrinsero il futuro re alla fuga.

Durante la guerra, gli Austriaci furono sconfitti in Italia e costretti a firmare la **Pace di Vienna (1738)**, secondo la quale:

- Il principe di Sassonia ottenne la Polonia
- Leszczynski, in cambio della Polonia, ebbe la Lorena

7.2.4 La guerra di successione austriaca

Questa guerra di successione nasce dal tentativo di **Russia, Francia e Spagna** di guadagnare dalla morte di **Carlo VI d'Asburgo**, il quale aveva indicato la figlia **Maria Teresa** come erede al trono.

Maria Teresa fu sostenuta dalla **Gran Bretagna**, preoccupata per lo squilibrio che avrebbe portato una crisi in Austria, e dai **Savoia**, assieme alle varie **aristocrazie locali**.

Infine, con la pace di **Aquisgrana** nel 1748, a Maria Teresa venne riconosciuta la sua legittima corona, perdendo però la Slesia.

7.2.5 La guerra dei Sette anni

La guerra dei Sette anni è considerabile, per i tempi, una **guerra "mondiale"**, poiché combattuta in **Europa, Asia e America**. Questa guerra è dovuta a:

- Il desiderio di Maria Teresa di riottenere la Slesia
- Il contrasto d'interessi fra Gran Bretagna e Francia in America e India

La **Prussia** si alleò con la **Gran Bretagna** mentre l'**Austria** con **Russia e Francia**. Le battaglie militari videro vincitrice la **Russia** a scapito della **Prussia**. Nel 1760 venne firmata la **pace di Hubertusburg**, che riportò l'equilibrio europeo a prima della guerra. Le battaglie combattute nelle colonie, invece, videro trionfare la **Gran Bretagna**, che fece firmare, nel 1763, la **pace di Parigi**, che portò un netto ridimensionamento ai confini francesi.

Questo finale equilibrio durò per circa trent'anni.

7.3 L'Italia nel Settecento

Nella seconda metà del '700 l'Italia era economicamente debole e ridotta, nello spettro dell'economia mondiale, ridotta ad una *periferia*, per via delle varie prosperanti **istituzioni di natura feudale** e al **processo di ruralizzazione** che però non puntava a mantenere il terreno in salute.

7.3.1 Le nobiltà italiane

L'aristocrazia italiana aveva un forte controllo sull'amministrazione dello stato, assieme ad un accesso privilegiato alle sue massime cariche. Vi era però sostanziale differenza fra il potere del **patriziato cittadino** delle aree settentrionali e quello dei **baroni** meridionali. Anche i feudi avevano valori diversi a seconda del luogo in cui ci si trovava.

7.3.2 La ripresa settecentesca

Nel settecento si avviò in Italia una lenta ma consistente **crescita demografica** e una **riduzione della mortalità** con lo scomparire della peste. Si riuscì a rispondere in maniera fruttuosa al maggior bisogno di cibo grazie ad un **aumento della produzione alimentare** assieme ad un rialzo dei prezzi dei possedimenti agricoli. Questo processo fu però diversificato a seconda delle varie aree, ognuna con diverse realtà agricole. Le principali differenze furono:

- Nell'area delle isole erano presenti **latifondi signorili** coltivati a grano, colture di olivo, agrumi, vite e mandorle e scarso pascolo

- Nell'area centrale e settentrionale vi erano colture di cereali, vite e gelso gestite con metodi di compartecipazione
- Nell'area della pianura padana si affiancava l'allevamento bovino alle culture cerealicole

Il settore **manifatturiero** era, invece, **poco sviluppato** e frammentato. Tuttavia, anche in questo campo apparvero segnali di ripresa con la **nascita di centri tessili** e lo sviluppo della **produzione della seta**, oltre al settore **metallurgico** e delle **ceramiche** e **vetro**.

7.3.3 Il quadro politico-territoriale

Dal punto di vista politico, la **fine dell'egemonia spagnola** andò a vantaggio degli Asburgo d'Austria. Il **rafforzamento dei Savoia** li portò ad ottenere la Lombardia e la Sicilia. Infine, i **Borbone** si imposero su Napoli.

La crisi dell'autorità spagnola, assieme a quella della chiesa e dei grandi ordini religiosi fecero sì che in Italia **non si manifestasse un centralismo assoluto**, con eccezione del Piemonte di **Vittorio Amedeo II**, il quale **addottò riforme** economiche e amministrative **a favore della monarchia**, riducendo così il potere e le autonomie della nobiltà.

In particolare, Vittorio Amedeo II **centralizzò l'apparato fiscale, istituì un catasto** delle proprietà terriere e adottò una **politica mercantilistica**. Inoltre, eliminò le giurisdizioni non statali ed emanò un **corpo unico di codici, ovvero costituzioni**.

7.4 L'età dei Lumi

7.4.1 L'illuminismo

L'età dei Lumi indica il periodo **dal 1730 al 1780**, ovvero i decenni caratterizzati dal **movimento dell'illuminismo** spopolato in **Europa**. I concetti fondamentali dell'illuminismo sono riconducibili a:

- **Fiducia nella ragione**, che consente all'uomo di decidere in autonomia grazie alla sua capacità critica
- **Felicità come obiettivo**, intesa come felicità terrena e materiale
- **Progresso dell'umanità**, la quale può e deve migliorarsi
- **Affermazione dei diritti**, in quanto uguali, tutti gli uomini hanno gli stessi diritti e la libertà di esercitarli
- **Laicismo**, ovvero la messa in dubbio della religione in favore di una vita laica

Secondo l'illuminismo, la **cultura deve essere di pubblica discussione**, ed è per questo che, nel **1751**, viene pubblicata a Parigi l'**Encyclopedie**, o *Dizionario ragionato della scienza, delle arti e dei mestieri*. Nell'anno di pubblicazione, l'Encyclopedie aveva già 1000 abbonati. Per via di questo numero in crescita, i **conservatori ottennero la sua condanna e proibizione nel 1759**. Nonostante la sua proibizione e censura, l'opera continua a muoversi clandestinamente.

Grazie all'Encyclopedie, si ottenne in Francia un **aumento dell'alfabetizzazione**, che portò allo sviluppo dell'editoria, delle librerie, delle biblioteche, delle gazzette e dei quotidiani. Ciò è riassumibile con una **formazione di un'opinione pubblica**.

7.4.2 Politica ed Economia

Gli illuministi avevano due punti di vista riguardo la struttura che il loro governo avrebbe dovuto avere:

- La maggior parte desiderava una **monarchia costituzionale**
- Altri desideravano il **mantenimento di un potere assoluto**, guidato poi sulla giusta via dai filosofi
- Altri ancora, considerati intermedi, volevano arginare la monarchia assoluta in favore dei **privilegi aristocratici**

Il fattore che accumulava tutti questi pensieri era la visione della **politica come affare di tutti**

Schematizzando questi filoni di pensiero:

Il filone liberale:

Desiderava la **divisione dei poteri** in modo da garantire la libertà ed impedire i dispotismi. Perciò desideravano un **monarca con potere limitato**.

I liberali immaginavano **tre poteri**: legislativo, esecutivo e giudiziario.

Il filone democratico:

Desiderava una **sovranità popolare**, basata sui pensieri di **Jean-Jacques Rousseau**, all'interno della quale l'uguaglianza sta alla base.

Lo stato che immaginavano era uno di tipo **democratico repubblicano** governato dalla volontà generale e, perciò, con presenza di **suffragio universale**.

Nella cultura illuminista si sviluppò successivamente il concetto di **economia politica**, una scienza che tenta di descrivere e spiegare i fenomeni attraverso le leggi economiche. Queste dottrine furono sostenute dai **fisiocratici**, secondo i quali la ricchezza si forma non con lo scambio ma con la produzione, principalmente agricola, e desideravano quindi riforme agricole.

Il pensiero dei fisiocratici fu molto condiviso dai **liberisti**, i quali ritenevano che la **libera concorrenza** all'interno di un paese portasse al **massimo sviluppo economico**. Questo loro pensiero diede origine alla **divisione e specializzazione del lavoro**

7.4.3 Le riforme

Sotto l'influenza delle idee degli illuministi, i vari sovrani europei misero all'opera varie riforme al fine di portare progresso nel loro stato.

I principali ambiti delle riforme furono:

- L'economia
- Il fisco
- Le istituzioni civili
- La laicizzazione dello stato

Le riforme in Austria

A partire dal **1740**, e per circa 50 anni, gli asburgo iniziarono a **tassare nobili e proprietari terrieri**, svilupparono l'**istruzione pubblica**, **ridussero le festività religiose**, elaborarono un **codice penale uguale per tutti** e che aboliva la tortura e avviò il **catasto**, ovvero la **registrazione e censimento dei beni immobili**, usato poi per fissare le imposte.

Le riforme in Prussia

In Prussia fu **Federico II** a guidare le riforme, imponendo l'**obbligo ad un'istruzione elementare**. Tuttavia non impose alcun cambiamento ai privilegi degli aristocratici, i maggiori finanziatori del suo esercito e governo.

Le riforme in Russia

Appena salita al governo, **Caterina II** emanò un decreto che portò **tolleranza religiosa, libertà di stampa, diffusione dell'istruzione** e un miglioramento della **giustizia penale**.

Queste riforme furono tuttavia **quasi del tutto inutili**. Infatti, nel **1785** al seguito della rivolta contadina, Caterina II dovette emanare la **carta della nobiltà**, la quale dava ai padroni potere sugli schiavi e sui servi.

Le riforme in Lombardia

Gli illuministi lombardi stimolarono le riforme e, soprattutto, **parteciparono alla loro attuazione**. Tra questi provvedimenti vi è il **catasto**, l'**abolizione delle corporazioni e dell'inquisizione**, la **tolleranza religiosa** e la **concessione del diritto di lavoro agli ebrei**.

Le riforme in Toscana

In toscana, **Leopoldo II** garantì la **circolazione della stampa**, promosse il **libero dibattito**, abolì la **pena di morte e della tortura** e, grazie all'aiuto di grandi funzionari quali **Pompeo Neri**, ottenne un riformismo concreto con risultati duraturi.

Le riforme nel Regno di Milano

Il regno di Milano fu un particolare caso di **illuminismo senza riforme**, in quanto, nonostante l'avanzamento e l'espansione del pensiero illuminista, esso **non si tramutò in riforme politiche**.

7.5 La rivoluzione americana

7.5.1 Le tredici colonie

Le 13 colonie inglesi in Nord America erano **colonie di popolamento** e avevano un'**ampia autonomia politica** dalla Gran Bretagna, mantenendo però **forti legami culturali, linguistici e religiosi**. Ciò che mancava loro era un'identità comune, mancanza dovuta dalle **differenze culturali, sociali ed economiche**.

Il sovrano britannico aveva permesso a **compagnie commerciali di sfruttare i territori americani** assieme alle **comunità di emigrati già insediate**. Il sovrano non desiderava controllo politico sulle colonie, ma solo controllo commerciale. Ogni colonia aveva a capo un **governatore**, indetto dal re, il quale godeva di autonomia politica.

I coloni avevano una forte **etica del lavoro** e una **religiosità calvinista**, che associava il successo nel lavoro alla predestinazione alla salvezza eterna. Nelle colonie vi erano in particolare molte **comunità puritane**. Il puritanesimo era un movimento religioso che criticava il sistema della chiesa e desideravano una **chiesa non centralizzata** diretta da anziani eletti dal popolo. Per via delle **persecuzioni ai puritani** da parte della chiesa anglicana, i **padri pellegrini** diedero il via ad una **migrazione verso l'America settentrionale nel Settembre 1620**.

La colonia fondata dai padri pellegrini era governata da **governatori eletti per comune consenso**. Si sfamavano grazie alla pesca ed alla coltivazione di granoturco appresa dagli indiani. La gestione dei campi era **inizialmente comunitaria**, ma si passò presto ad una di **proprietari indipendenti**.

Nelle tredici colonie **non vi era concetto di feudalesimo** e la nobiltà d'origine di nascita aveva poca importanza. Esistevano però gerarchie di potere, formata dai **bianchi benestanti e istruiti**, che controllavano la vita politica grazie alle **assemblee coloniali**. Da queste erano esclusi servi e neri.

Le colonie inglesi erano suddivise in 3 tipologie:

- Colonie settentrionali, erano quattro, con coloni principalmente puritani raccolti in comunità agricole e spinti da una forte partecipazione politica
- Colonie del centro, erano quattro, vantavano di libertà religiosa ed erano basati sull'agricoltura ed il commercio
- Colonie meridionali, erano cinque, vi vivevano aristocratici minori inglesi e si basavano su piantagioni di cotone e tabacco

Tutte le colonie avevano in comune delle **differenze sociali ed economiche**, che porta a distinguere tre gruppi: I coloni europei, i nativi americani e gli schiavi neri africani.

Per quanto riguarda i nativi americani, loro erano una **società tribale** formata in 12 gruppi etnici. Per via delle **malattie importate dall'Europa** e delle guerre fra coloni e nativi (principalmente la

guerra dei Sette anni (1754-63)), tra il XVII ed il XVIII secolo avvenne una **catastrofe demografica** che decimo' le popolazioni indigene.

Per quanti riguarda invece gli schiavi neri, loro erano composti dagli **africani importati dalla tratta degli schiavi** ed erano principalmente utilizzati nelle piantagioni di cotone. **I rapporti con gli schiavi erano regolati da codici** detti *slave codes*, che impedivano molte liberta' a questi ultimi.

7.5.2 La guerra di indipendenza

La maggior parte dei traffici atlantici in America erano illegali, in quanto basati sulle **regole del mercantilismo**: alcuni prodotti americani potevano essere esportati solo in Gran Bretagna. I coloni aggravano queste limitazioni con il **contrabbando**. A seguito del forte sviluppo economico delle colonie, queste si sentirono sempre piu' limitate dalla dipendenza dalla madrepatria, mentre la Gran Bretagna tentava in tutti i modi di aumentare il suo controllo sulle colonie. Questo porto' il governo di Londra a **indurre una serie di proibizioni per ridurre l'espansione delle colonie**.

Queste limitazioni furono viste dai coloni come una **violazione del diritto all'espansione**. Criticarono in particolare la **tassa sul bollo**, affermando che *"Non si puo' tassare chi non gode di rappresentanza politica"* e, percio', reclamando il loro **diritto ad autogovernarsi**. Nel **1773** il governo inglese impose il **monopolio sull'esportazione del te'**, al quale i coloni risposero con il **Boston tea party**, nel quale una grande quantita' di te' destinato alla madrepatria fu gettato in mare. Questo porto' all'inizio degli scontri.

I coloni si scontrarono con le truppe inglesi grazie ad un esercito guidato da **George Washington** e, a seguito di battaglie come quelle di **Saratoga** e **Yorktown**, rispettivamente 1777 e il 1783, Londra accetto' la **pace di Versailles** nel **settembre 1783**, nella quale riconoscevano l'indipendenza delle colonie.

7.5.3 La costituzione americana

A seguito dell'indipendenza, i rappresentanti delle ex colonie inglesi si riunirono a **Filadelfia** e **stipularono una costituzione**, poi approvata il **17 settembre 1787**.

La costituzione americana descrive una **repubblica federale** con un sistema di **controlli e contrappesi** fra gli organi istituzionali, i quali erano tre: legislativo, formato da un **parlamento bicamerale** proporzionale alla popolazione, esecutivo, assegnato al **presidente** eletto da un collegio di grandi elettori, e giudiziario, indipendente da qualsiasi istituzione e comandata dalla **corte suprema**. Questa costituzione e' **breve e rigida**.

Successivamente alla stesura della costituzione, poi **emessa e ratificata dai singoli stati**, venne chiamata **carta dei diritti** l'unione dei 10 emendamenti, i quali specificavano le **liberta' e garanzie dei cittadini**.

8 Matematica

8.1 Prerequisiti

8.1.1 Potenze

Proprietà' delle potenze:

1. *Prodotto di potenze con base uguale:* $4^2 \times 4^3 = 4^{2+3} = 4^5$
2. *Quoziente di potenze con base uguale:* $\frac{4^4}{4^2} = 4^{4-2} = 4^2$
3. *Potenza di potenza:* $(4^2)^3 = 4^{2 \times 3} = 4^6$
4. *Prodotto di potenze con esponente uguale:* $4^2 \times 6^2 = (4 \times 6)^2$
5. *Quoziente di potenze con esponente uguale:* $\frac{6^2}{4^2} = (\frac{6}{4})^2$
6. *Potenza negativa:* $\frac{2}{3}^{-2} = \frac{3}{2}^2$

Potenze particolari:

1. $1^x = 1$
2. $0^x = 0$
3. $0^0 = \text{indefinito}$
4. $x^0 = 1$

8.1.2 Proporzioni

Data la proporzione:

$$estremo_1 : medio_1 = medio_2 : estremo_2$$

Le possibili soluzioni sono:

$$estremo_2 = \frac{medio_1 \times medio_2}{estremo_1}$$
$$medio_2 = \frac{estremo_1 \times estremo_2}{medio_1}$$

Ad esempio, data la proporzione:

$$3 : 21 = x : 84$$

Si può dire che:

$$x = \frac{3 \times 84}{21} = \frac{252}{21} = 12$$

8.1.3 Equazione di Secondo Grado

Data l'equazione: $ax^2 + bx + c = 0$

Si chiama **discriminante**, o **delta**, (con simbolo Δ) il seguente:

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Le possibili soluzioni dell'equazione di secondo grado sono date da:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$$

8.1.4 Trigonometria

In trigonometria, la branca della matematica che studia i rapporti fra gli angoli e i lati di un triangolo, le funzioni fondamentali sono \sin , \cos e \tan .

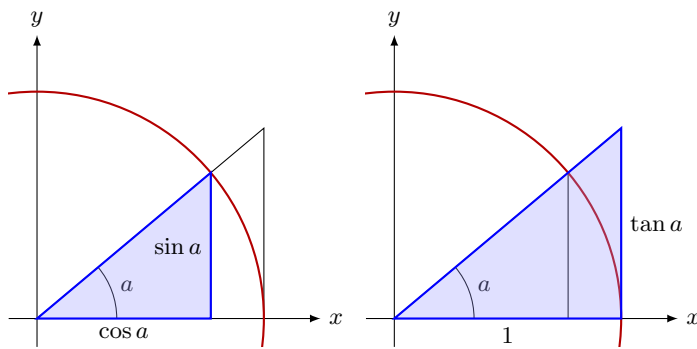
Dato l'angolo a appartenente al triangolo t inscritto in una **circonferenza unitaria**, le funzioni trigonometriche di seno e coseno sono come segue:

$$\sin(a) = \text{altezza}_t$$

$$\cos(a) = \text{base}_t$$

Inoltre, se prolunghiamo l'ipotenusa di del triangolo t fino ad incontrare la retta che **tange la circonferenza unitaria nel punto** $(1, 0)$, possiamo dire che la tangente e' come segue:

$$\tan(a) = \text{intersezione}$$



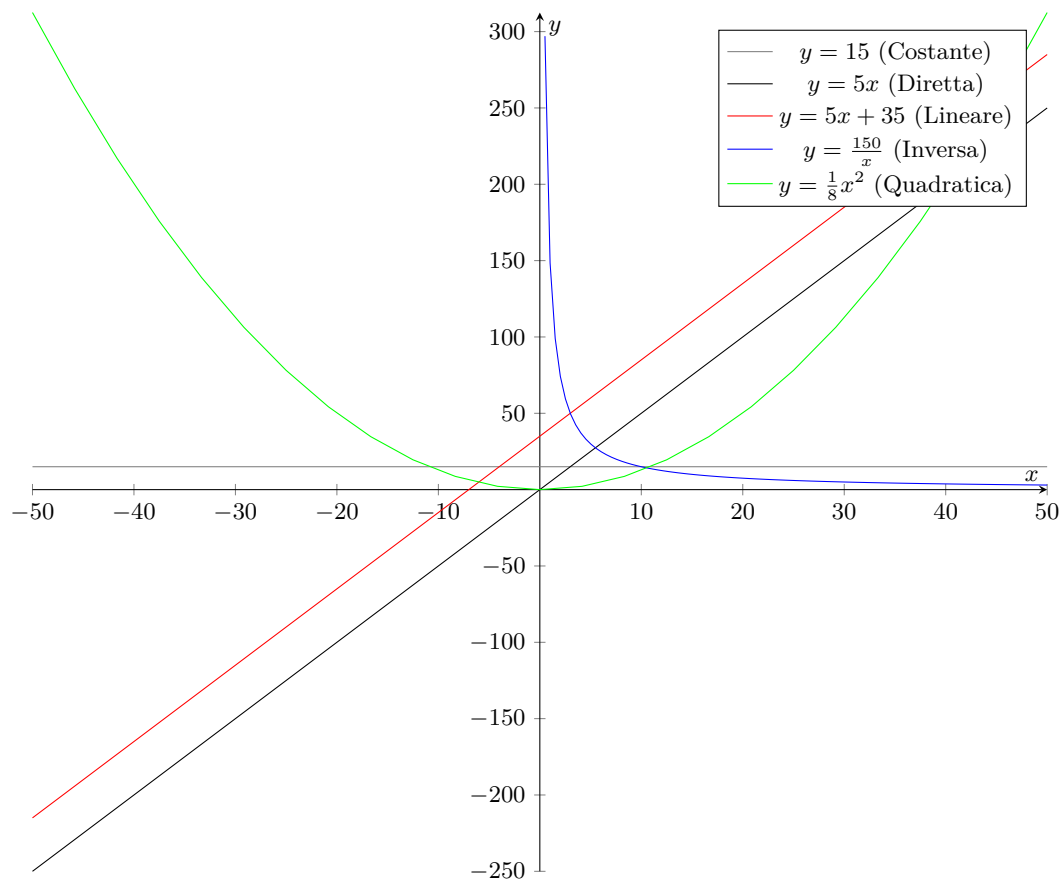
Alternativamente, possiamo calcolare la tangente in maniera piu' matematica grazie all'equazione:

$$\tan(a) = \frac{\sin(a)}{\cos(a)}$$

8.2 Funzioni

La funzione generica $y = f(x)$ e' una relazione tra x e y , dove l'insieme di tutte le possibili x , chiamato \mathbb{X} , e' detto **dominio**. L'insieme di tutte le possibili y , invece, e' chiamato \mathbb{Y} ed e' detto **codominio**.

8.2.1 Funzioni fondamentali



8.2.2 Funzione Esponenziale

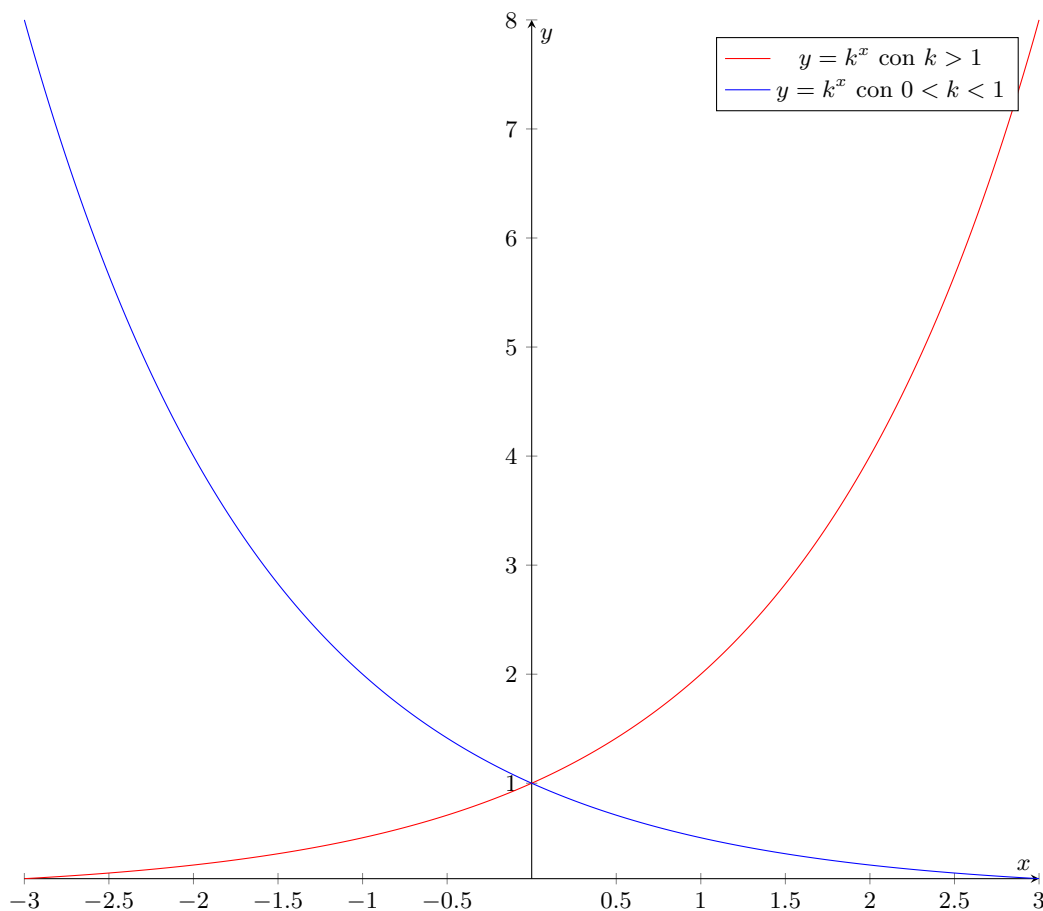
La funzione esponenziale e' quella funzione definibile come

$$y = k^x$$

dove l'incognita e' quindi all'esponente. Tale funzione e' definita solo per valori

$$k \in \mathbb{R}^+ - \{1\}$$

ovvero k strettamente maggiore di 0 e diverso da 1 (Se $k = 1$, allora $y = 1^x$ percio' uguale a 1, ovvero una funzione costante).



Caratteristiche:

- **Asintoto:** tendenza della funzione di avvicinarsi ad un valore senza mai raggiungerlo
 $k > 1$, la funzione presenta un asintoto sull'asse x per x che tende a $-\infty$, vedi curva rossa
 $0 < k < 1$, la funzione presenta un'asintoto sull'asse x per x che tende a $+\infty$, vedi curva blu
- **Punti notevoli**
(0, 1), la funzione esponenziale passa sempre per $y = 1$ per $x = 0$
(1, k), la funzione esponenziale ha sempre valore k per $x = 1$

8.3 Equazione Esponenziale

Un'equazione esponenziale e' quella che ha almeno una incognita sull'esponente. La risoluzione e' immediata usando le regole delle potenze, vedi paragrafo precedente, e riportando tutto alla stessa base.

Esempio:

$$\begin{aligned}2^{3x-5} &= 8 \\2^{3x-5} &= 2^3\end{aligned}$$

da qui si puo' passare al livello degli esponenti

$$\begin{aligned}3x - 5 &= 3 \\3x &= 3 + 5 \\3x &= 8 \\x &= \frac{8}{3}\end{aligned}$$

8.4 Logaritmi

Dato il logaritmo

$$x = \log_a(b)$$

si dice **base** la a e **argomento** la b . x e' invece un valore tale che

$$a^x = b$$

Condizioni di Esistenza:

- $a \neq 1$
- $a > 0$
- $b > 0$

Proprieta':

- $\log_a(b \times c) = \log_a(b) + \log_a(c)$
- $\log_a(\frac{b}{c}) = \log_a(b) - \log_a(c)$
- $\log_a(b^c) = c \times \log_a(b)$
- $\log_a(b) = \frac{\log_c(b)}{\log_c(a)}$

8.5 Limiti

Data una funzione $f(x)$, non definita per un suo valore n , e' detto "limite di $f(x)$ per x che tende a n " il valore cui $f(x)$ si avvicina quando si assegna ad x un valore sempre piu' vicino ad n .

8.5.1 Esempi

Data la funzione

$$y = f(x) = \frac{x^2 - 9}{x - 3}$$

Si puo' affermare che la funzione non e' definita per x pari a 3, poiche' si avrebbe un denominatore nullo. Si puo' tuttavia stilare la seguente tabella di numeri vicini a 3:

x	2,9	2,99	2,999	3	3,001	3,01	3,1
y	5,9	5,99	5,999	Non definita	6,001	6,01	6,1

Usando la tabella, possiamo notare che i valori di y vanno avvicinandosi a 6, perciò si può scrivere:

$$\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 6$$

Similmente, data la funzione

$$y = f(x) = 2^x$$

E stilando la tabella:

x	10	15	20	25
y	1024	32768	1048576	33554432

Possiamo notare che i valori di y aumentano a dismisura all'aumentare di x . Possiamo perciò scrivere

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$