

# ACM Template

Zeng Xiaocan

August 16, 2019

# Contents

|          |                              |          |
|----------|------------------------------|----------|
| <b>1</b> | <b>String</b>                | <b>3</b> |
| 1.1      | STL . . . . .                | 3        |
| 1.2      | Max/Min-Expression . . . . . | 3        |
| 1.3      | KMP . . . . .                | 4        |
| 1.4      | EXKMP . . . . .              | 4        |
| 1.5      | Hash . . . . .               | 5        |
| 1.6      | Trie . . . . .               | 6        |
| 1.7      | AC-Automaton . . . . .       | 6        |
| 1.8      | Manacher . . . . .           | 7        |
| 1.9      | Palindromic-Tree . . . . .   | 8        |
| 1.10     | Suffix-Array . . . . .       | 10       |
|          | 1.10.1 Usage . . . . .       | 10       |
| 1.11     | Suffix-Automaton . . . . .   | 10       |
|          | 1.11.1 Usage . . . . .       | 12       |
| 1.12     | ProblemSet . . . . .         | 12       |

# 1 String

## 1.1 STL

```
reverse(s.begin(), s.end());
transform(s.begin(), s.end(), s.begin(), ::toupper); (::tolower)
//字符串和数字互转
int a;
stringstream(s) » a;
char s[100];
sprintf(s,"%d",a);
string(v.begin(),v.end());
//返回 pos 开始的长度为 len 的字符串
substr(pos,len);
//在 pos 位置插入字符串 s
insert(int pos,string s)
//从索引 pos 开始往后删 num 个，num 为空表示全删除
erase(pos,num);
//删除迭代器 it 指向的字符，返回删除后迭代器的位置
erase(it);
//删除迭代器 [first, last) 之间的所有字符，返回删除后迭代器的位置
erase(first,last);
//从 pos 开始查找字符 c/字符串 s 在当前字符串的位置
int find(c/s,pos);
```

## 1.2 Max/Min-Expression

```
//求循环字符串 s 的最小/最大表示
//i,j: 当前比较两个字符串的起始位置
//k: 这两个字符串已比较的长度
int getMin(char s[]){
    int n=strlen(s);
    int i=0,j=1,k=0;
    while(i<n && j<n && k<n){
        int t=s[(i+k)%n]-s[(j+k)%n];
        if(!t){
            k++;
        }else{
            if(t>0){
                //如果是求最大表示则为 j+=k+1
                i+=k+1;
            }else{
                j+=k+1;
            }
            if(i==j){
                j++;
            }
            k=0;
        }
    }
    return min(i,j);
}
```

### 1.3 KMP

*//nex[i]* : 表示前 *i* 个字符的最长相同前后缀长度

```
void getNext(char s[],int n){
    int i=0,j=-1;
    nex[0]=-1;
    while(i<n){
        if(j== -1 || s[i]==s[j]){
            nex[++i]=++j;
        }else{
            j=nex[j];
        }
    }
}
```

*//前 i 个字符的最小循环节长度: i-nex[i], 个数: i/(i-nex[i])*

```
int kmp(char s[],int n,char p[],int m){
    int i=0,j=0;
    // int cnt=0;
    getNext(p,m);
    while(i<n && j<m){
        if(j== -1 || s[i]==p[j]){
            i++;
            j++;
        }else{
            j=nex[j];
        }
        if(j==m){
            //匹配位置
            return i-j+1;
            //匹配个数
            //cnt++;
            //不可重叠
            //j=0;
            //可重叠
            //j=nex[j];
        }
    }
    //return cnt;
}
```

### 1.4 EXKMP

*//nex[i]* 表示 *t* 串中以 *i* 开始的后缀与 *t* 串的最长公共前缀

*//ext[i]* 表示 *s* 串中以 *i* 开始的后缀与 *t* 串的最长公共前缀

```
void getNext(char *t,int len){
    int a=0;
    while(a<len-1 && t[a]==t[a+1]){
        a++;
    }
    nex[1]=a;
    int po=1;
    for(int i=2;i<len;i++){
        int p=po+nex[po]-1;
```

```

    int l=nex[i-po];

    if(l>=p-i+1){
        int j=max(0,p-i+1);
        while(i+j<len && t[i+j]==t[j]){
            j++;
        }
        nex[i]=j;
        po=i;
    }else{
        nex[i]=1;
    }
}
}

void getNext(char *s,int n,char *t,int m){
    int a=0;
    getNext(t,m);
    int mlen=min(n,m);
    //计算 ext[0]
    while(a<mlen && s[a]==t[a]){
        a++;
    }
    ext[0]=a;
    //po 表示当前最右的 i+ext[i]-1 所对应的 i
    int po=0;
    for(int i=1;i<n;i++){
        //p 表示最右的 i+ext[i]-1
        int p=po+ext[po]-1;
        //此时前面已匹配的 s[po..p]==t[0..p-po], 即 s[i..p]==t[i-po..p-po]
        //所以 l 就是表示 t[i-po...m-1] 和 t[0..m-1] 的 lcp
        //也就是 s[i..p] 和 t[0..m-1] 的 ** 部分 **lcp
        //得看 l 和 p-i+1(ext[i] 可能的最大值) 哪个大
        int l=nex[i-po];
        if(l>=p-i+1){
            //l 大, 那么从 p-i+1(目前可以保证的 ext[i] 的值) 继续暴力往下匹配
            int j=max(0,p-i+1);
            while(i+j<n && j<m && s[i+j]==t[j]){
                j++;
            }
            ext[i]=j;
            po=i;
        }else{
            //p-i+1 大, 那么 ext[i] 就只能是 l 了
            ext[i]=1;
        }
    }
}
}

```

## 1.5 Hash

//单哈希很容易卡；取模很慢

```
ull seeds[]={27,146527,19260817,91815541};
```

```

ull mods[]={1000000009,998244353,4294967291ull,21237044013013795711};
struct Hash{
    ull seed,mod;
    ull bas[N];
    ull sum[N];
    void init(int sidx,int midx,int len,char *s){
        seed=seeds[sidx];
        mod=mods[midx];
        bas[0]=1;
        for(int i=1;i<=len;i++){
            bas[i]=bas[i-1]*seed%mod;
        }
        for(int i=1;i<=len;i++){
            sum[i]=(sum[i-1]*seed%mod+s[i])%mod;
        }
    }
    ull getHash(int l,int r){
        return (sum[r]-sum[l-1]*bas[r-l+1]%mod+mod)%mod;
    }
}hs;

```

## 1.6 Trie

//val[u] 表示 u 节点处保存的单词数

```

struct Trie{
    int cnt,tr[N][26],val[N];
    void insert(char *s){
        int len=strlen(s);
        int now=0;
        for(int i=0;i<len;i++){
            int id=s[i]-'a';
            if(!tr[now][id]){
                tr[now][id]=++cnt;
            }
            now=tr[now][id];
        }
        val[now]++;
    }
}T;

```

## 1.7 AC-Automaton

//fail[x] 指向以 x 为结尾的后缀在 \*\* 其他模式串中 \*\* 所能匹配的最长前缀  
 //当 tr[now][i] 失配时, 就可以跳转到以已匹配的这部分后缀作为前缀的其他模式串。

```

struct ACM{
    int tr[N][26],val[N],fail[N],cnt;
    void insert(char *s){
        int len=strlen(s);
        int now=0;
        for(int i=0;i<len;i++){
            int id=s[i]-'a';
            if(!tr[now][id]){

```

```

        tr[now][id]=++cnt;
    }
    now=tr[now][id];
}
val[now]++;
}
//比 Trie 树多了构建 fail 指针
void build(){
    queue<int> q;
    //初始化第一层
    for(int i=0;i<26;i++){
        if(tr[0][i]){
            fail[tr[0][i]]=0;
            q.push(tr[0][i]);
        }
    }
    while(!q.empty()){
        int u=q.front();
        q.pop();
        for(int i=0;i<26;i++){
            if(tr[u][i]){
                fail[tr[u][i]]=tr[fail[u]][i];
                q.push(tr[u][i]);
            }else{
                tr[u][i]=tr[fail[u]][i];
            }
        }
    }
}
//查询所有模式串出现的总次数
int query(char *s){
    int len=strlen(s);
    int ans=0;
    int now=0;
    for(int i=0;i<len;i++){
        int id=s[i]-'a';
        now=tr[now][id];
        //打标记暴力跳 fail, 避免重复计数
        for(int t=now;t && val[t]!=-1; t=fail[t]){
            ans+=val[t];
            val[t]=-1;
        }
    }
    return ans;
}
}ac;
```

## 1.8 Manacher

*ma[]*: 新字符串 (*ma, mp* 都注意要开两倍空间!)  
*mp[i]*: 表示以 *i* 为中心的回文子串的半径 (包括特殊字符)  
*mx*: 能延伸到最右端的位置

```

//id: 能延伸到最右端的回文串中心位置
void manacher(char s[],int len){
    //构造新字符串，两个字符之间插入一个其他字符，第 0 个字符忽略（即加入另一种字符）
    int l=0;
    ma[l++]='$';
    ma[l++]='#';
    for(int i=0;i<len;i++){
        ma[l++]=s[i];
        ma[l++]='#';
    }
    ma[l]='\0';
    int mx=0,id=0;
    for(int i=1;i<l;i++){
        //若 mx>i: mp[2*id-i] 表示 i 关于 id 的对称点的最长回文半径
        //不能超出 mx, 所以和 mx-i 取 min
        //若 mx<i: mp[i]=1
        mp[i]=mx>i?min(mp[2*id-i],mx-i):1;
        //往两边更新
        while(ma[i+mp[i]]==ma[i-mp[i]]){
            mp[i]++;
        }
        //更新全局 mx 和 id
        if(i+mp[i]>mx){
            mx=i+mp[i];
            id=i;
        }
    }
}

```

## 1.9 Palindromic-Tree

```

struct PT{
    //回文树中每个节点表示一个回文串，所以有偶数长度的树和奇数长度的树两棵
    //next 指针 next[u][i] 表示 u 节点左右添加字符 i 之后得到的回文串节点
    int next[N][26];
    //fail 指针 失配后跳转到最长后缀回文串对应的节点
    int fail[N];
    //节点对应回文串在原串中出现次数，需先调用 count 函数
    int cnt[N];
    //num[i] 表示 ** 以节点 i 所表示的回文串右端点结尾 ** 的回文串个数（包括自身）
    //即 fail 指针的深度
    int num[N];
    //节点对应回文串的长度
    int len[N];
    //存放添加的字符
    int S[N];
    //上一个字符所在节点
    int last;
    //节点对应的最新字符位置，反向映射 last(可以改成 vector<int>[])
    int id[N];
    //字符数，不等于节点数
    int n;
}

```



```

//回文树总结点数，包括奇偶两个空节点，节点编号为 0 到 p-1
//不同回文子串个数 p-2 回文子串个数 \sum num[i]
int p;
//创建长度为 l 的新节点
int newnode(int l){
    for(int i=0;i<26;i++){
        next[p][i]=0;
    }
    cnt[p]=0;
    num[p]=0;
    len[p]=1;
    return p++;
}
//初始化
void init(){
    p=0;
    //奇偶空节点，先偶再奇
    newnode(0);
    newnode(-1);
    last=0;
    n=0;
    S[n]=-1;
    //偶根 fail 指向奇根
    fail[0]=1;
}
//找到新插入字符 c 的回文匹配位置
int getFail(int x){
    //在节点 x 对应串的后面加上一个字符，就判断 x 前面字符是否相同
    //若相同直接构成新的回文串，不同就跳到 fail，即最长回文后缀
    //S[n-len[x]-1] 就是新加的字符 (S[n]) 关于 x 串的对称字符
    while(S[n-len[x]-1]!=S[n]){
        x=fail[x];
    }
    return x;
}
//插入字符 c
void add(int c){
    c-='a';
    S[++n]=c;
    //找到当前回文串匹配位置，也就是当前回文串节点的父节点
    int cur=getFail(last);
    if(!next[cur][c]){
        //出现了一个新的本质不同的回文串
        int now=newnode(len[cur]+2);
        //类似于 AC 自动机，往上跳直到找到满足条件的串节点
        //getFail 其实就是不断比较当前加入的字符和 x 节点对称的那个字符
        fail[now]=next[getFail(fail[cur])][c];
        //fail 指针深度加 1
        num[now]=num[fail[now]]+1;
        //这句要放最后，前面的指针关系处理好再连上子节点
        next[cur][c]=now;
    }
}

```

```

        //最新回文串节点
        last=next[cur][c];
        cnt[last]++;
        id[last]=n;
    }
    //统计每个节点回文串出现次数
    void count(){
        //从子节点逆推
        for(int i=p-1;i>=0;i--){
            //i 节点出现, 说明其最长回文后缀 fail[i] 也出现
            cnt[fail[i]]+=cnt[i];
        }
    }
}ac;

```

## 1.10 Suffix-Array

### 1.10.1 Usage

0 循环字符串字典序第 k 小

将原串拼接在最后, 再加一个大于字符集最大值的字符, 计算 sa, sa 本身就是对后缀进行排序, 按顺序枚举 k 个有效 (sa[i] 在 0-n) 的后缀即可。

## 1.11 Suffix-Automaton

//空间足够的情况下开大点

```

struct SAM{
    //转移边
    //可以改成 map<int,int> next[N], 可以快速找最小/最大转移字符
    int next[N*2][26];
    //link 边
    int fa[N*2];
    //状态内最长后缀长度
    int len[N*2];
    //状态对应 endpos 大小, 即子串出现次数
    int num[N*2];
    //总节点数
    int cnt;
    //上一个节点
    int lst;
    int newNode(int l,int s){
        for(int i=0;i<26;i++){
            next[cnt][i]=0;
        }
        len[cnt]=l;
        num[cnt]=s;
        return cnt++;
    }
    //初始化
    void init(){
        cnt=0;
        lst=newNode(0,0);
    }
}

```

```

    fa[lst]=-1;
}
void add(int c){
    c-='a';
    int p=lst;
    int cur=newnode(len[p]+1,1);
    //假设当前 sam 为 "aabb", 起点 S 为空串, 节点 5 是 {b}, 节点 4 是 {aabb,abb,bb}
    //定义 suffix-path 为当前字符串的所有后缀的状态, 即 S[1..i], S[2..i]...
    //此时的 s-p 就是 S-5-4, (b 这个后缀因为 endpos 大于其他, 所以在节点 5)
    //每插入一个字符, s-p 的遍历是从后往前, 根据 fa 边
    //插入的字符是 a, 而 s-p 上 5 和 4 节点都没有 a, 因此将节点 5 和 4 fa 节点 6
    //节点 6 此时为 {aabbba,abba,bbba,ba}
    //当路径上的节点没有 a
    while(p!=-1 && !next[p][c]){
        next[p][c]=cur;
        p=fa[p];
    }
    if(p==-1){
        //对应上面整个路径都没有 a 的情况
        fa[cur]=0;
    }else{
        //路径上找到一个有 a, 往前肯定都有 a
        int q=next[p][c];
        if(len[q]==len[p]+1){
            //这里节点 S(p) 为空串, 而节点 1(q) 为 {a}, 因此将新节点 6 fa 节点 1
            fa[cur]=q;
        }else{
            //st[q].len>st[p].len+1
            //假设当前 sam 为 "aab", 起点 S 为空串, 节点 4 是 {aab,ab,b}
            //此时的 s-p 就是 S-3, 要插入的字符是 b, 路径上 S 节点有 b, 指向节点 3
            //而 st[3].len>st[S].len+1, 因此需要将节点 3 拆分
            //把从节点 S+b 得到的后缀 {b} 分给新的节点 5
            //将 q 拆成两个节点, p->cl->new
            int cl=newnode(len[p]+1,0);
            fa[cl]=fa[q];
            memcpy(next[cl],next[q],sizeof(next[cl]));
            while(p!=-1 && next[p][c]==q){
                //之前路径上所有 p 走向 q 的, 现在全部走向 q 拆出的新节点
                next[p][c]=cl;
                p=fa[p];
            }
            //q 和新节点都 fa 向拆出节点
            fa[q]=fa[cur]=cl;
        }
    }
    //更新最后一个节点
    lst=cur;
}
}ac;

```

## 1.11.1 Usage

0 判断模式串是否是原串的子串

从起点 S 按模式串的每个字符进行转移，无法转移则不是。

1 字符串最小循环移位

对字符串 s+s 建立 sam，从起点贪心向最小的字符转移。

2 不同子串个数

-(1)-所有的状态节点就保存了所有不同子串，枚举每个状态，计算吗  $\sum(len[i] - len[fa[i]])$  即可。

推广到长度大于等于 m 的不同子串个数，答案即  $\sum \max(0, len[i] - \max(len[fa[i]], m - 1))$ 。

-(2)-建立 sam 后直接从根节点 (0)dfs 搜索，dp[u] 表示 u 为起点的路径数， $dp[u] + = \sum dp[v]$ ，注意计算过的 dp[v] 不要重复计算，最后答案是 dp[0]-1(或初始化 dp[i] 为 1，dp[0] 为 0)。

dfs 也可以改用拓扑排序，从后往前递推。

3 不同子串长度之和

即不同路径的长度之和，ans[u] 表示 u 为起点的路径长度和， $ans[u] = \sum(ans[v] + dp[v])$ ，即 (u,v) 这条边对每条路径都有一个长度字符的贡献。

4 字典序第 k 小子串 (相同子串算 1 个)

从根节点 (0) 往下走，根据求出的 dp[i] 和 k 大小比较，判断走哪一条边，并输出该字符 (k 也要减 1)，递归继续判断。

5 出现次数 k 次的不同子串个数。

子串出现的次数即 endpos 的大小，因此求出 endpos 大小然后枚举所有状态即可。

从 S 开始的反向 fa 连接可以看成是一个 parent 树，由 endpos 的性质， $|endpos(u)| = \sum |endpos(v)| + 1/0$ ，是否需要加上 1 取决于该节点对应的 substrings 是否包含原串的某个前缀 (即非分解出来的状态节点 cl)。

拓扑 (桶?) 排序后从后往前推，累加  $|endpos|$ ，节点 0 代表空串， $|endpos| = 0$ 。

6 字典序第 k 小子串 (相同子串算多个)

结合上述第 4 和第 5，定义 pd[u] 表示节点 u 为起点的子串数 (可相同)，初始化  $pd[i] = |endpos(i)| (i > 0)$ ，而  $pd[u] + = \sum pd[v]$ 。

求解的时候，找到满足的字符 ( $pd[v] \geq k$ )，直接跳过相同的前缀个数 ( $k - num[u]$ )，递归边界同样是判断 ( $k \leq num[u]$ )。

## 1.11.2 Memo

```
//1
//s+=s build...
void solve(int n){
    int p=0;
    for (int i=0;i<n;i++){
        auto t=next[p].begin();
        p=t->second;
        printf("%c",t->first+'a');
    }
    printf("\n");
}

//2 3
//dfs(0) dp[0] ans[0]...
void dfs(int u){
    dp[u]=u==0?0:111;
    for(int i=0;i<26;i++){
        int v=next[u][i];
        if(v){
```

```

        if(!dp[v]){
            dfs(v);
        }
        dp[u]+=dp[v];
        ans[u]+=ans[v]+dp[v];
    }
}

//5
//topo(len(str)) go() num[i]=endpos(i)
void topo(int l){
    for(int i=0;i<=l;i++){
        w[i]=0;
    }
    for(int i=1;i<cnt;i++){
        w[len[i]]++;
    }
    for(int i=2;i<=l;i++){
        w[i]+=w[i-1];
    }
    for(int i=cnt-1;i>=1;i--){
        tp[w[len[i]]--]=i;
    }
}

void go(){
    for(int i=cnt-1;i>=1;i--){
        num[fa[tp[i]]]+=num[tp[i]];
    }
    //S 状态是空串
    num[0]=0;
}

//4 6
//get dp[] pd[] solve(0,k) ...
void solve1(int u,int k){
    if(k<=0){ //k<=num[u]
        return;
    }
    for(int i=0;i<26;i++){
        int v=next[u][i];
        if(v){
            if(dp[v]>=k){ //pd[v]>=k
                printf("%c",i+'a');
                solve1(v,k-1); //solve2(v,k-num[u])
                break;
            }else{
                k-=dp[v]; //k-=pd[v]
            }
        }
    }
}
}
}

```

## 1.12 ProblemSet