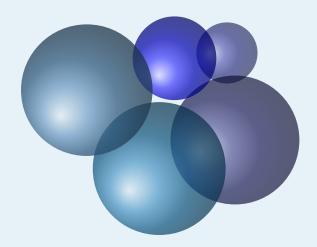
AlterMundus



Alain Matthes

7 février 2022 Documentation V.1.7c

http://altermundus.fr

<u>AlterMundus</u>

Alain Matthes

tkz-fct.sty (**v1.5c**) est un package pour créer à l'aide de TikZ, des représentations graphiques de fonctions en 2D le plus simplement possible. Il est dépendant de TikZ et fera partie d'une série de modules ayant comme point commun, La création de dessins utiles dans l'enseignement des mathématiques. Ce sont des représentations du type scolaire qui correspondent à l'enseignement proposé dans les lycées français. Vous devez charger **tkz-base** ayant **tkz-euclide** et **tkz-fct**..

Je souhaite remercier **Till Tantau** pour avoir créé le merveilleux outil **TikZ**, ainsi que **Michel Bovani** pour **fourier**, dont l'association avec **utopia** est excellente.

tkz-fct

For Je souhaite remercier aussi **David Arnold** qui a corrigé un grand nombre d'erreurs et qui a testé de nombreux exemples, **Pablo González Luengo** pour son aide sur la documentation et la gestion du dépôt "GitHub", **Wolfgang Büchel** qui a corrigé également des erreurs et a construit de superbes scripts pour obtenir les fichiers d'exemples, **John Kitzmiller** et ses exemples, et enfin **Gaétan Marris** pour ses remarques.

Tous trouverez bientôt de nombreux exemples sur mon site : (You will soon find many examples on my site :) altermundus.fr

Vous pouvez envoyer vos remarques, et les rapports sur des erreurs que vous aurez constatées à l'adresse suivante : Alain Matthes.

This work may be distributed and/or modified under the conditions of the LaTeX Project Public License, either version 1.3 of this license or (at your option) any later version.

Table des matières 3

Table des matières

1	Fonctionnement	6
2	Utilisation de Gnuplot 2.1 Mécanisme d'interaction entre $TikZ$ et $Gnuplot$ 2.2 Installation de $Gnuplot$ 2.3 Test de l'installation de tkz-base 2.4 Test de l'installation de tkz-fct	7 7 9 9
3	Les différentes macros 3.1 Tracé d'une fonction avec gnuplot \tkzFct 3.2 option: samples 3.3 options: xstep, ystep 3.4 Modification de xstep et ystep 3.5 ystep et les fonctions constantes 3.6 Les fonctions affines ou linéaires 3.7 Sous-grille 3.8 Utilisation des macros de tkz-base	11 11 12 12 13 14 14 15
4	Placer un point sur une courbe \tkzDefPointByFct 4.1 Exemple avec \tkzGetPoint 4.2 Exemple avec \tkzGetPoint et tkzPointResult 4.3 Options draw et ref 4.4 Placer des points sans courbe 4.5 Placer des points sans se soucier des coordonnées 4.6 Placer des points avec deux fonctions	16 17 17 18 19 20
5	Labels 5.1 Ajouter un label	21 21
6	Macros pour tracer des tangentes 6.1 Représentation d'une tangente \tkzDrawTangentLine 6.2 Tangente avec xstep et ystep différents de 1 6.3 Les options kl, kr et l'option draw 6.4 Tangente et l'option with 6.5 Quelques tangentes 6.6 Demi-tangentes 6.7 Demi-tangentes Courbe de Lorentz 6.8 Série de tangentes 6.9 Série de tangentes sans courbe 6.9.1 Utilisation de \tkzFctLast 6.10 Calcul de l'antécédent 6.10.1 Valeur numérique de l'antécédent 6.10.2 Utilisation de la valeur numérique	22 22 23 24 25 26 27 28 29 30 30 30
7	Macros pour définir des surfaces 7.1 Représentation d'une surface \txzDrawArea ou \txzArea 7.2 Naissance de la fonction logarithme népérien 7.3 Surface simple 7.4 Surface et hachures 7.5 Surface comprise entre deux courbes \txzDrawAreafg 7.6 Surface comprise entre deux courbes en couleur 7.7 Surface comprise entre deux courbes avec des hachures	31 31 32 34 35 35 36

Table des matières 4

	7.9 7.10	Surface comprise entre deux courbes avec l'option between
8	8.1 8.2 8.3	es de Riemann Somme de Riemann
9	9.1 9.2 9.3 9.4 9.5 9.6 9.7	tes particulières Tracer une ligne verticale Ligne verticale Lignes verticales Ligne verticale et valeur calculée par fp Une ligne horizontale Asymptote horizontale Lignes horizontales Asymptote horizontale et verticale et verticale 46 47 48
10	10.1 10.2 10.3 10.4 10.5 10.6	bes avec équations paramétrées 49 Courbe paramétrée exemple 1 49 Courbe paramétrée exemple 2 50 Courbe paramétrée exemple 3 51 Courbe paramétrée exemple 4 52 Courbe paramétrée exemple 5 53 Courbe paramétrée exemple 6 54 Courbe paramétrée exemple 7 55
	11.1 11.2 11.3 11.4 11.5	bes en coordonnées polaires Équation polaire exemple 1 Équation polaire exemple 2 Équation polaire Heart Équation polaire exemple 4 Équation polaire exemple 4 Équation polaire Cannabis ou Marijuana Curve Scarabaeus Curve 56 66
12	Symb	oles 62
13	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6	ques exemples 63 Variante intermédiaire : TikZ + tkz-fct 63 Courbes de Lorentz 64 Courbe exponentielle 65 Axe logarithmique 66 Un peu de tout 67 Interpolation 68 13.6.1 Le code 68 13.6.2 la figure 68 Courbes de Van der Waals 70 13.7.1 Tableau de variations 70
		13.7.2 Première courbe avec $b=1$ 71 13.7.3 Deuxième courbe $b=1/3$ 72 13.7.4 Troisième courbe $b=32/27$ 73

Table des matières 5

	13.8 Valeurs critiques	74
	13.8.1 Courbes de Van der Walls	74
	13.8.2 Courbes de Van der Walls (suite)	75
14	Exemples avec les packages alterqcm et tkz-tab	76
	14.0.1 Première représentation	77
	14.0.2 Seconde représentation	78
15	Utilisation pgfmath et de fp.sty	88
	15.1 pgfmath	80
	15.2 fp.sty	80
	Quelques remarques	82
	16.1 Fonctions de gnuplot	83
17	Liste de toutes les macros	84
	17.1 Liste de toutes les macros fournies par ce package	
	17.2 Liste de toutes des macros essentielles de \tkz-base	84
In	dex	85

1 Fonctionnement 6

1 Fonctionnement

TikZ apporte différentes possibilités pour obtenir les représentations graphiques des fonctions. J'ai privilégié l'utilisation de gnuplot, car je trouve pgfmath trop lent et les résultats trop imprécis.

Avec TikZ et gnuplot, on obtient la représentation d'une fonction à l'aide de

```
\draw[options] plot function {gnuplot expression};
```

Dans cette nouvelle version de tkz-fct, la macro \tkzFct reprend le code précédent avec les mêmes options que celles de TikZ. Parmi les options, les plus importantes sont domain et samples.

La macro \tkzFct remplace \draw plot function mais exécute deux tâches supplémentaires, en plus du tracé. Tout d'abord, l'expression de la fonction est sauvegardée avec la syntaxe de gnuplot et également sauvegardée avec la syntaxe de fp pour une utilisation ultérieure. Cela permet, sans avoir à redonner l'expression, de placer par exemple, des points sur la courbe (les images sont calculées à l'aide de fp), ou bien encore, de tracer des tangentes.

Ensuite, et c'est le plus important, \tkzFct tient compte des unités utilisées pour l'axe des abscisses et celui des ordonnées. Ces unités sont définies en utilisant la macro \tkzInit du package tkz-base avec les options xstep et ystep.

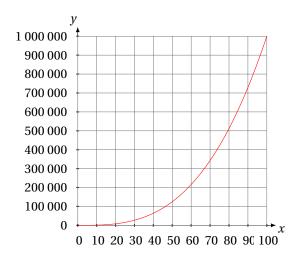
La macro \tkzFct intercepte les valeurs données à l'option domain et évidemment l'expression mathématique de la fonction; si xstep et ystep diffèrent de 1 alors il est tenu compte de ces valeurs pour le domaine, ainsi que pour les calculs d'images. Lorsque xstep diffère de 1 alors l'expression donnée, doit utiliser uniquement \x comme variable, c'est ainsi qu'il est possible d'ajuster les valeurs. Cela permet d'éviter des débordements dans les calculs.

Par exemple, soit à tracer le graphe de la fonction f définie par :

$$0 \le x \le 100 \text{ et } f(x) = x^3$$

Les valeurs de f(x) sont comprises entre 0 et 1 000 000. En choisissant xstep=10 et ystep=100000, les axes auront environ 10 cm de longueur (sans mise à l'échelle).

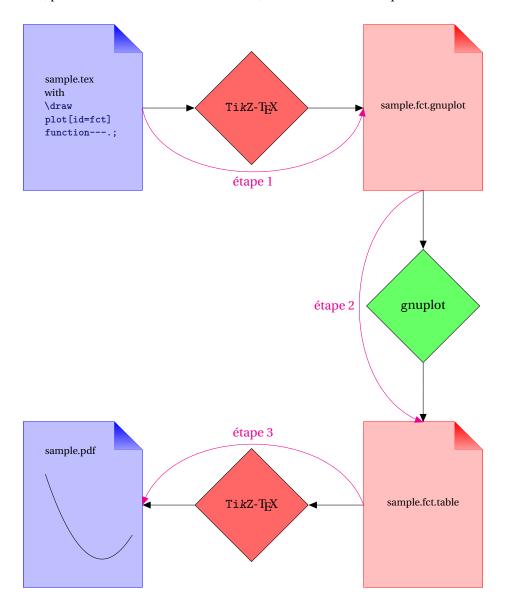
Les valeurs du domaine seront comprises entre 0 et 10, mais l'expression donnée à gnuplot, comportera des x imes 4 quivalents à x imes 10, enfin, la valeur finale sera divisée par ystep=100000. Les valeurs de f(x) resteront ainsi comprises entre 0 et 10.



2 Utilisation de Gnuplot

2.1 Mécanisme d'interaction entre TikZ et Gnuplot

 T_EX est un système logiciel de composition de documents (text processing programm). Il permet bien sûr de calculer, mais avec des moyens limités. T_iKZ est ainsi limité par T_EX pour effectuer des calculs. Pour rappel ± 16383.99999 pt est l'intervalle dans lequel T_EX stocke ses valeurs. Sachant que 1 cm est égal à 28.45274 pt, on s'aperçoit que T_EX ne peut traiter que des dimensions inférieures à 5.75 mètres environ. Bien sûr, cela paraît suffisant, mais malheureusement, pendant un enchaînement de calculs, il est assez facile de dépasser ces limites.



Pour tracer des courbes en 2D en contournant ces problèmes, un moyen simple offert par TikZ, est d'utiliser gnuplot.

tkz-fct.sty s'appuie sur le programme gnuplot et le package fp.sty. Le premier est utilisé pour obtenir une liste de points, et le second pour évaluer ponctuellement des valeurs.

Vous devez donc installer Gnuplot, son installation dépend de votre système, puis il faudra que votre distribution trouve Gnuplot, et que T_FX autorise Gnuplot à écrire un fichier.

— Étape 1

On part du fichier sample.tex suivant:

```
\documentclass{article}
\usepackage{tikz}
\begin{document}
\begin{tikzpicture}
\draw plot[id=f1,samples=200,domain=-2:2] function{x*x};
\end{tikzpicture}
\end{document}
```

La compilation de ce fichier créé avec TikZ, produit un fichier nommé sample.fl.gnuplot. Le nom du fichier est obtenu à partir de \jobname et de l'option id. Ainsi un même fichier peut créer plusieurs fichiers distincts. C'est un fichier texte ordinaire, affecté de l'extension gnuplot. Il contient un préambule indiquant à gnuplot qu'il doit créer une table contenant les coordonnées d'un certain nombre de points obtenu par la fonction définie par $x \longrightarrow x^2$. Ce nombre de points est défini par l'option samples. Cette étape ne présente aucune difficulté particulière. Le fichier obtenu peut être traité manuellement avec gnuplot. Le résultat est le fichier suivant :

```
set table; set output "sample.f1.table"; set format "%.5f" set samples 200; plot [x=-2:2] x*x
```

Une table sera créée et enregistrée dans un fichier texte nommé "sample.f1.table". Les nombres seront formatés pour ne contenir que 5 décimales. La table contiendra 201 couples de coordonnées.

— Étape 2

Elle est la plus délicate car le fichier sample.f1.gnuplot doit être ouvert par gnuplot. Cela implique d'une part, que TeX autorise l'ouverture 1 du fichier sample.f1.gnuplot par gnuplot et d'autre part, que TeX puisse trouver gnuplot 2.

Si gnuplot trouve sample.fl.gnuplot alors il produit un fichier texte sample.fl.table si l'expression de la fonction est correcte.

— Étape 3

Le fichier sample.f1.table obtenu à l'étape précédente est utilisé par TikZ pour tracer la courbe.

```
# Curve 0 of 1, 201 points
# Curve title: "x*x"
# x y type
-2.00000 4.00000 i
-1.98000 3.92040 i
-1.96000 3.84160 i
```

 $^{1. \ \} c'est\ ici\ que\ l'on\ parle\ des\ options\ \verb|--shell-escape|\ et\ \verb|--enable-write| 18$

^{2.} c'est ici que l'on parle de PATH $\,$

```
1.98000 3.92040 i
2.00000 4.00000 i
```

- 1. Il faut remarquer qu'au cours d'une seconde compilation, si le fichier sample.fl.gnuplot ne change pas, alors gnuplot n'est pas lancé et le fichier présent sample.fl.table est utilisé.
- 2. On peut aussi remarquer que si vous êtes paranoïaque et que vous n'autorisez pas le lancement de gnuplot, alors une première compilation permettra de créer le fichier sample.fl.table, ensuite manuellement, vous pourrez lancer gnuplot et obtenir le fichier sample.fl.table.
- 3. Il est aussi possible de créer manuellement ou encore avec un quelconque programme, un fichier data. table que TikZ pourra lire avec

```
\draw plot[smooth] file {data.table};
```

2.2 Installation de Gnuplot

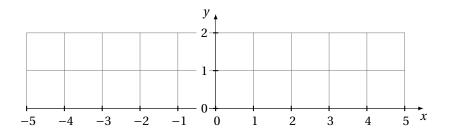
Gnuplot est proposé avec la plupart des distributions Linux, et existe pour OS X ainsi que pour Windows.

- 1. **Ubuntu**Linux Ubuntu ou un autre système Linux : on l'installe en suivant la procédure classique d'installation d'un nouveau paquetage.
- 2. WindowsWindows XP Les utilisateurs de Windows doivent se méfier, après avoir téléchargé la bonne version et installé gnuplot alors il faudra renommé wgnuplot en gnuplot. Ensuite il faudra modifier le path. Si le chemin du programme est C:\gnuplot alors il faudra ajouter C:\gnuplot\bin\ aux variables environnement (Aller à "Poste de Travail" puis faire "propriétés", dans l'onglet "Avancé", cliquer sur "Variables d'environnement".). Ensuite pour compiler sous latex, il faudra ajouter au script de compilation l'option --enable-write18.
- 3. OS XOS X C'est le système qui pose le plus de problème, car il faut compiler les sources.

2.3 Test de l'installation de tkz-base

Enregister le code suivant dans un fichier avec le nom test.tex, puis compiler avec pdflatex ou bien lualatex. Vous devez obtenir cela :

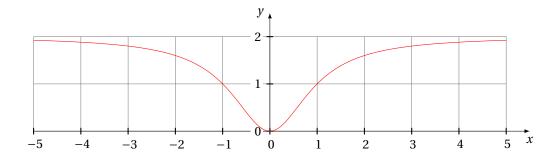
```
\documentclass{scrartcl}
\usepackage{tkz-fct}
\begin{document}
  \begin{tikzpicture}
    \tkzInit[xmin=-5,xmax=5,ymax=2]
    \tkzGrid
    \tkzAxeXY
  \end{tikzpicture}
\end{document}
```



2.4 Test de l'installation de tkz-fct

Il suffit d'ajouter une ligne pour tracer la représentation graphique d'une fonction.

```
\documentclass{scrartcl}
\usepackage[usenames,dvipsnames]{xcolor}
\usepackage{tkz-fct}
\begin{document}
\begin{tikzpicture}[scale=1.25]
\tkzInit[xmin=-5,xmax=5,ymax=2]
\tkzGrid
\tkzAxeXY
\tkzFct[color=red]{2*x**2/(x**2+1)}
\end{tikzpicture}
\end{document}
```



```
\begin{tikzpicture}[scale=1.25]
   \tkzInit[xmin=-5,xmax=5,ymax=2]
   \tkzGrid
   \tkzAxeXY
   \tkzFct[color=red]{2*x**2/(x**2+1)}
\end{tikzpicture}
```

3 Les différentes macros

Gnuplot détermine les points nécessaires pour tracer la courbe. Le nombre de points est fixé par l'option samples; dans les premiers exemples la valeur du nombre de points est celle donnée par défaut. Ensuite Tikz va utiliser cette table pour tracer la courbe. C'est donc Tikz qui trace la courbe.

3.1 Tracé d'une fonction avec gnuplot \tkzFct

Cette première macro est la plus importante car elle permet de tracer la représentation graphique d'une fonction continue .

```
\tkzFct[\langle local options\rangle] {\langle gnuplot expression\rangle}
```

La fonction est donnée en utilisant la syntaxe de gnuplot. x est la variable sauf si xstep est différent de 1, dans ce cas la variable est x.

options	exemple	explication
gnuplot expression	x**3	** représente la puissance ^

L'expression est de la forme 2*x+1; 3*log(x); x*exp(x); x*x*x+x*x+x.

Les options sont celles de TikZ.

options	défaut	définition
domain samples id color line width style	xmin:xmax 200 tkzfct black 1pt solid	domaine de la fonction nombre de points utilisés permet d'identifier les noms des fichiers auxiliaires couleur de la ligne épaisseur de la ligne style de la ligne

- Lorsque xstep est différent de 1, il est nécessaire de remplacer x par $\xspace x$.
- Il faut bien évidemment avoir initialisé l'environnement à l'aide \tkzInit avant d'appeler \tkzFct.
- Attention à ne pas mettre d'espace entre les arguments.

3.2 option : samples

Il faut remarquer que pour tracer une droite seulement deux points sont nécessaires, ainsi le code :

```
\t = 1:2 {(8-1.5*\x)/2}
```

donne un fichier xxx.table qui contient:

```
# Curve 0 of 1, 2 points

# Curve title: "(8-1.5*x)/2"

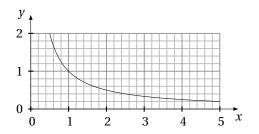
# x y type

-1.00000 4.75000 i

2.00000 2.50000 i
```

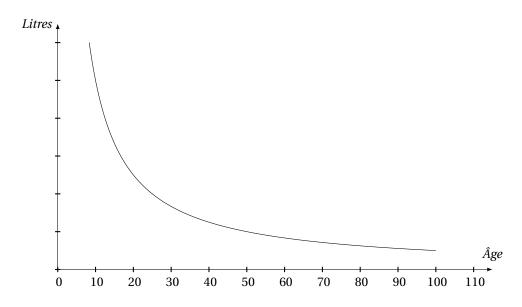
Ce qui est simplement suffisant. Plus simple est dans ce cas, de tracer un segment.

On demande 400 valeurs pour la table qui va permettre le tracé. Par défaut, la valeur choisie est 200.



```
\begin{tikzpicture}[scale=1]
  \tkzInit[xmax=5,ymax=2]
  \tkzGrid[sub]
  \tkzAxeXY
  \tkzFct[samples=400,domain=.5:5]{1/x}
\end{tikzpicture}
```

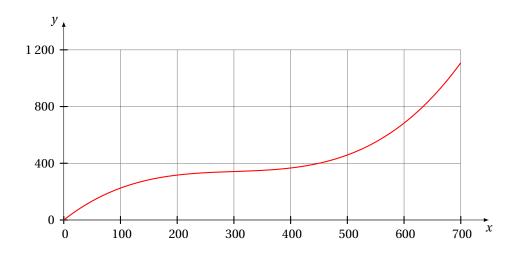
3.3 options : xstep, ystep



3.4 Modification de xstep et ystep

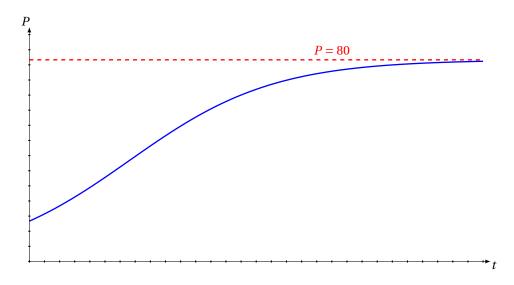
Cette fois le domaine s'étend de 0 à 800, les valeurs prises par la fonction de 0 à 2 000. xstep=100 donc il faut utiliser x à la place de x. Une petite astuce au niveau de gnuplot, 1. et 113. permettent d'obtenir une division dans les décimaux sinon la division se fait dans les entiers.

Ensuite, j'utilise les macros pour placer des points



3.5 ystep et les fonctions constantes

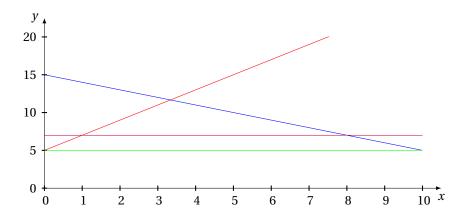
Attention, ici ystep=6 or gnuplot donne $80 \div 6 = 13$. il faut donc écrire 80.



```
\begin{tikzpicture} [scale=0.4]
\tkzInit[xmax=30,ymax=90,ystep=6]
\tkzDrawX[right,label=$t$]
\tkzDrawY[above,label=$P$]
\tkzFct[line width=1pt,color=red,dashed,domain=0:30]{80.0}
\tkzFct[line width=1pt,color=blue,domain=0:30]{80/(1.0+4.0*exp(-0.21*x))}
\tkzText[above,color=red](20,80){$P=80$}
\end{tikzpicture}
```

3.6 Les fonctions affines ou linéaires

Pour obtenir des droites, on peut utiliser gnuplot même si l'outil est un peu lourd dans ce cas. Pour alléger les calculs, il est possible de ne demander que deux points!

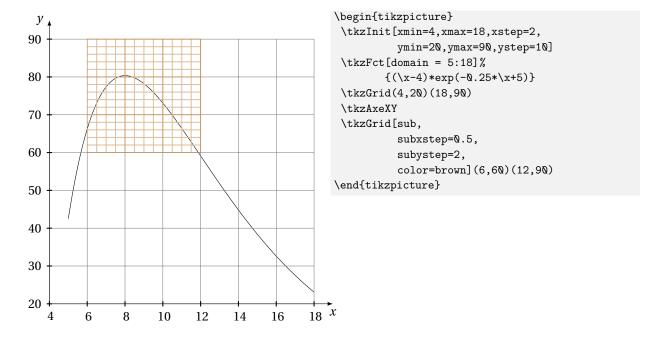


```
\begin{tikzpicture}[]
\tkzInit[ymax=20,ystep=5]
\tkzAxeXY
\tkzFct[color=red,domain=0:10,samples=2]{2*x+5}
\tkzFct[color=blue,domain=0:10,samples=2]{-x+15}
\tkzFct[color=green,domain=0:10,samples=2]{7} % 7/5=1
\tkzFct[color=purple,domain=0:10,samples=2]{7.}%7.0/5 =1.2
\end{tikzpicture}
```

3.7 Sous-grille

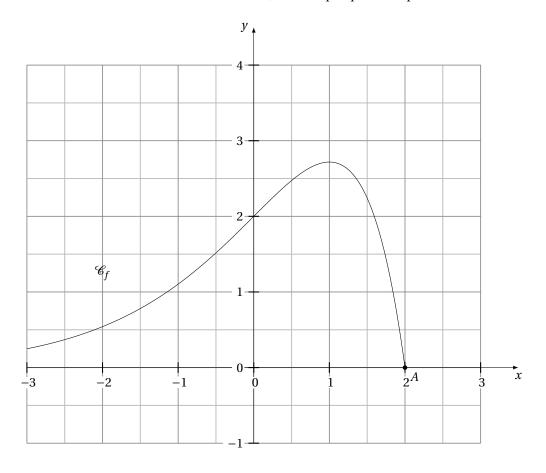
$$y = (x - 4)e^{-0.25x + 5}$$

Il est possible de dessiner une autre grille.



3.8 Utilisation des macros de tkz-base

Toutes les macros de tkz-base sont bien sûr utilisables, en voici quelques exemples.



```
\begin{tikzpicture}[scale=2]
\tkzInit[xmin=-3,xmax=3, ymin=-1,ymax=4]
\tkzGrid[sub,subxstep=.5,subystep=.5]
\tkzAxeXY
\tkzFct[domain = -3:2]{(2-x)*exp(x)}
\tkzText(-2,1.25){$\mathcal{C}_{f}$}
\tkzDefPoint(2,0){A} \tkzDrawPoint(A) \tkzLabelPoints(A)
\end{tikzpicture}
```

4 Placer un point sur une courbe \tkzDefPointByFct

$\t x DefPointByFct((decimal number))$

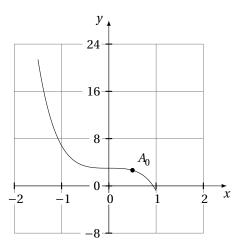
Cette macro permet de calculer l'image par la fonction définie précédemment, d'un nombre décimal.

argumer	nt	exemple	explication
decimal	number	\tkzDefPointByFct(0)	définit un point d'abscisse 0
option	defaut	explication	
draw	false	permet de tracer le poi	int avec le style courant
with	a	permet de choisir la fo	onction
ref	empty	permet de donner une ré	éférence au point

C'est donc la dernière fonction définie qui est utilisée. Si une autre fonction, est utilisée alors il faut utiliser l'ancienne macro \tkzFctPt. Le point est défini sous un nom générique tkzPointResult mais non tracé. Afin de le tracer il faut utiliser la macro \tkzDrawPoint.

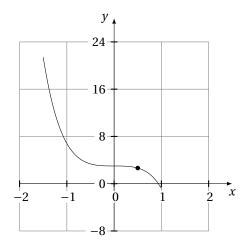
4.1 Exemple avec \tkzGetPoint

Cela permet de référencer le point créé par \tkzDefPointByFct.



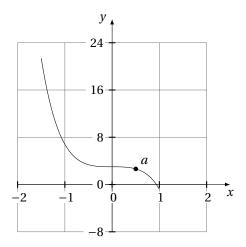
4.2 Exemple avec \tkzGetPoint et tkzPointResult

Il est possible de ne pas référencer le point et d'utiliser la référence générique.



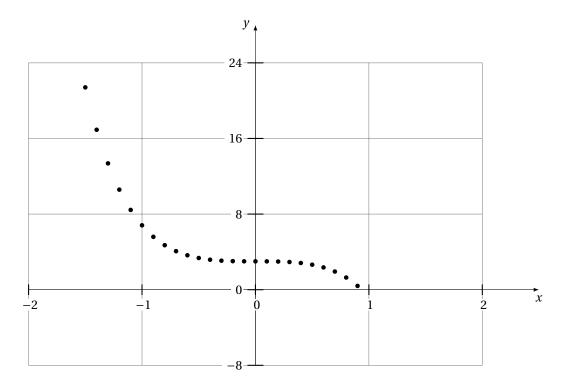
4.3 Options draw et ref

Cela permet de tracer un point directement avec les options usuelles donc sans possibilités de personnaliser et d'attribuer une référence à ce point.



4.4 Placer des points sans courbe

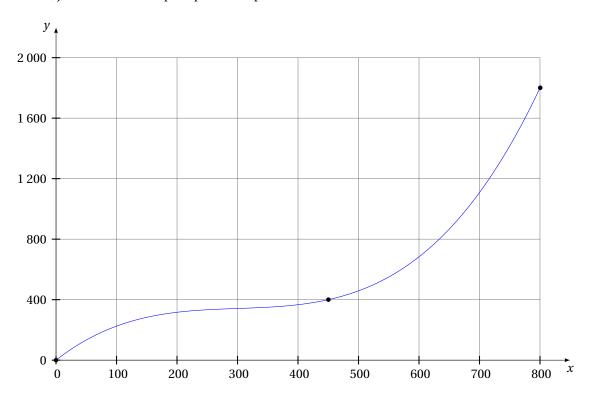
Attention, ceci est délicat. Il suffit de définir la macro \tkzFctLast qui est la dernière expression traduite avec la syntaxe de fp.sty. Les points sont donc déterminer avec fp.sty.



4.5 Placer des points sans se soucier des coordonnées

Cette fois, le domaine s'étend de 0 à 800, les valeurs prises par la fonction de 0 à 2 000. xstep=100 donc il faut utliser x à la place de x. Une petite astuce au niveau de gnuplot, 1. et 113. permettent d'obtenir une division dans les décimaux sinon la division se fait dans les entiers.

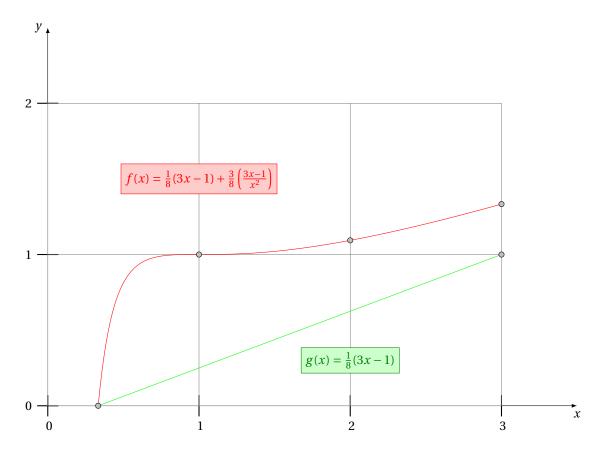
Ensuite, j'utilise les macros pour placer des points



4.6 Placer des points avec deux fonctions

Revoir \tkzSetUpPoint et \tkzText du module tkz-base.sty

```
\begin{tikzpicture}[scale=4]
  \tkzInit[xmax=3,ymax=2]
  \tkzAxeX
  \tkzAxeY
 \txgrid(0,0)(3,2)
  \label{eq:localization} $$ \begin{array}{ll} \text{$1./3:3$} & 0.125*(3*x-1)+0.375*(3*x-1)/(x*x)$ \end{array} $$
  \t xFct[color = green, domain = 1./3:3] {0.125*(3*x-1)}
  \tkzSetUpPoint[shape=circle, size = 4, color=black, fill=lightgray]
  \tkzDefPointByFct[draw,with = a](1)
  \tkzDefPointByFct[draw,with = a](2)
  \tkzDefPointByFct[draw,with = a](3)
  \tkzDefPointByFct[draw,with = b](3)
  \tkzDefPointByFct[draw,with = b](1/3)
  \tkzText[draw,color= red,fill=red!20](1,1.5) %
          \{f(x)=\frac{1}{8}(3x-1)+\frac{3}{8}\%
           \left(\frac{3x-1}{x^2}\right)
  \tkzText[draw,color= green!50!black,fill=green!20]%
                (2,0.3){$g(x)=\frac{1}{8}(3x-1)$}
\end{tikzpicture}
```



5 Labels 21

5 Labels

Ce qui est souhaitable, c'est de pouvoir nommer les courbes. Prenons comme exemple, la fonction f définie par :

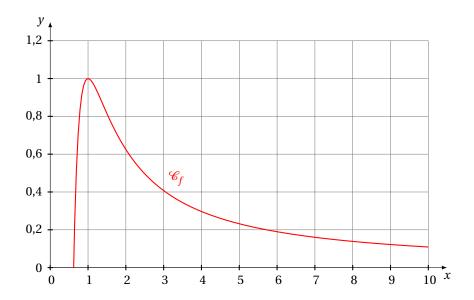
$$x > 0$$
 et $f(x) = \frac{x^2 + 1}{x^3}$

Il est assez aisé de mettre un titre en utilisant la macro \tkzText du package tkz-base. Les coordonnées utilisées font référence aux unités des axes du repère. Pour placer un texte le long de la courbe, le plus simple est choisir un point de la courbe, puis d'utiliser celui-ci pour afficher le texte.

- 1 \tkzDefPointByFct(3)
- 2 \tkzText[above right](tkzPointResult){\${\mathcal{C}}_f\$}

La première ligne détermine un point de la courbe. Ce point est rangé dans tkzPointResult. Il suffit d'utiliser \tkzText avec ce point comme argument comme le montre la seconde ligne. Les options de TikZ permettent d'affiner le résultat.

5.1 Ajouter un label



6 Macros pour tracer des tangentes

Si une seule fonction est utilisée, elle est stockée avec comme nom \tkzFcta, si une deuxième fonction est utilisée, elle sera stockée avec comme nom \tkzFctb, et ainsi de suite...Si plusieurs fonctions sont présentent dans un même environnement alors l'option with permet de choisir celle qui sera mise à contribution.

Il faut bien évidemment, avoir initialisé l'environnement à l'aide \tkzInit, avant d'appeler \tkzFct et \tkzDrawTangentLine. Pour la longueur des vecteurs représentants les demi-tangentes, il faut attribuer une valeur aux coefficients kl et kr. kl = 0 ou kr = 0 annule le dessin de la demi-tangente correspondante (l=left) et (r=right). Si xstep=1 et ystep=1 alors si la pente est égale à 1, la demi-tangente a pour mesure √2. Dans les autres cas si AT est la longueur de la demi-tangente et si p est la pente alors AT a pour coordonnées (kl,kl*p.)

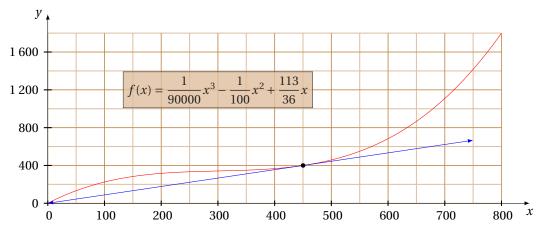
6.1 Représentation d'une tangente \tkzDrawTangentLine

$\t \sum_{a} TangentLine[\langle local options \rangle] (\langle a \rangle)$

On l'emploie soit juste après l'utilisation de \tkzFct, sinon il faut donner la référence de la fonction à l'aide de l'option with.

options	exempl	e explication		
a \tkzDrawTangentLine(0)		awTangentLine(♥) tangente au point d'abscisse 0		
Les options sont celles de TikZcomme color ou style plus les options suivantes				
options	défaut	définition		
draw with	false a	booléen si true alors le point de contact est tracé permet de choisir une fonction		
kr kl	1	coefficient pour la longueur de la demi-tangente à droite coefficient pour la longueur de la demi-tangente à gauche		

6.2 Tangente avec xstep et ystep différents de 1



Il faut remarquer qu'il n'est point nécessaire de faire des calculs. Il suffit d'utiliser les valeurs qui correspondent aux graduations.

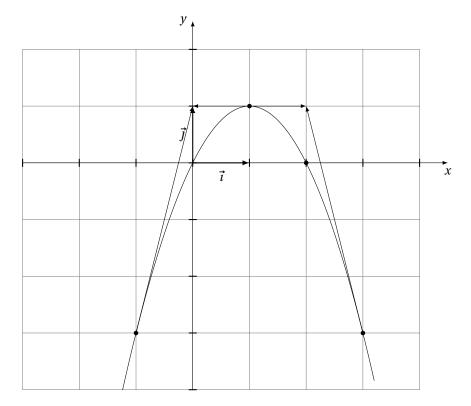
On peut changer le style des tangentes avec, par exemple,

\tikzset{tan style/.style={-}} par défaut on a:

\tikzset{tan style/.style={->,>=latex}}

6.3 Les options kl, kr et l'option draw

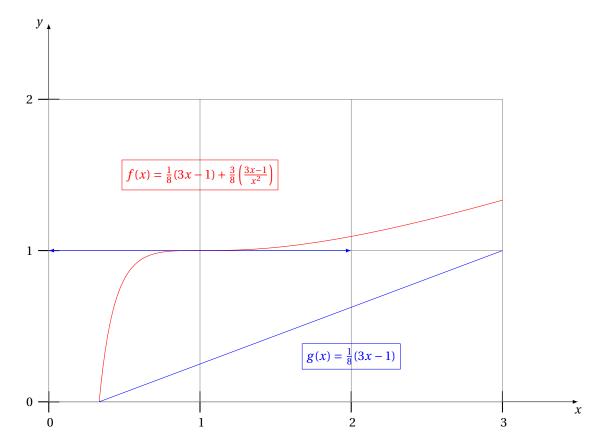
Si l'un des deux nombres kl ou kr est nul alors seulement une demi-tangente est tracée sinon ces nombres représentent un pourcentage de la longueur initiale de la tangente. L'option draw permet de tracer le point de contact.



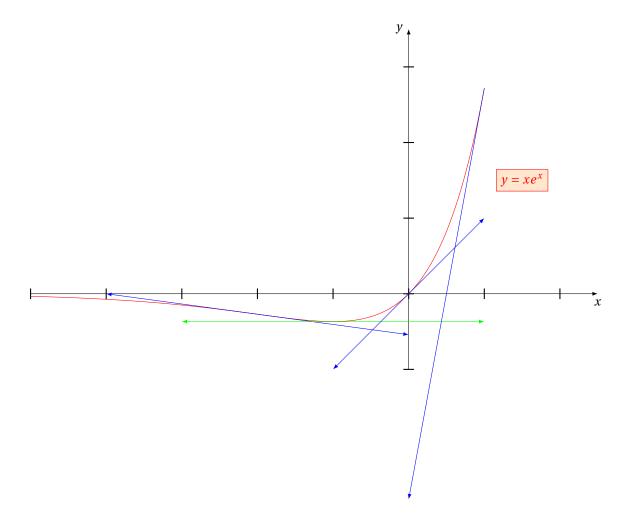
```
\begin{tikzpicture}[scale=1.5]
  \tkzInit[xmin=-3,xmax=4,ymin=-4,ymax=2]
  \tkzGrid    \tkzDrawXY \tkzClip
  \tkzFct[domain = -2.15:3.2]{(-x*x)+2*x}
  \tkzDefPointByFct[draw](2)
  \tkzDrawTangentLine[kl=0,draw](-1)
  \tkzDrawTangentLine[draw](1)
  \tkzDrawTangentLine[kr=0,draw](3)
  \tkzRep
  \end{tikzpicture}
```

6.4 Tangente et l'option with

Soit on place la macro \tkzDrawTangentLine après la ligne qui définit la première fonction (a), soit on trace une autre fonction avant, et dans ce cas, il est nécessaire de préciser quelle fonction sera utilisée. pour se faire, on utilise l'option with.



6.5 Quelques tangentes



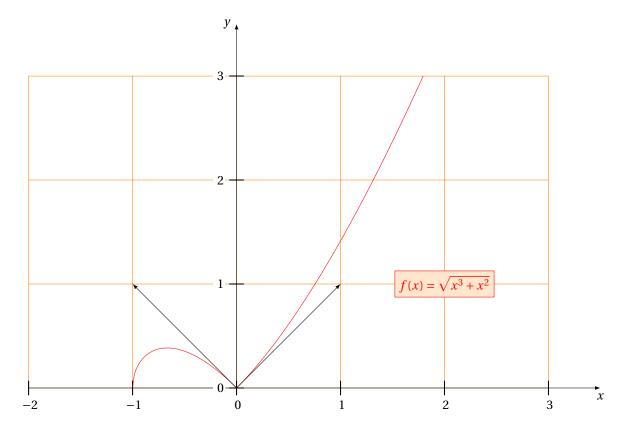
```
\begin{tikzpicture}[scale=2]
  \tkzInit[xmin=-5,xmax=2,ymin=-1, ymax=3]
  \tkzDrawX
  \tkzDrawY
  \tkzText[draw,color = red,fill = orange!20]( 1.5,1.5){$y = xe^x$}
  \tkzFct[color = red, domain = -5:1]{x*exp(x)}%
  \tkzDrawTangentLine[color=blue,kr=2,kl=2](-2)
  \tkzDrawTangentLine[color=green,kr=2,kl=2](-1)
  \tkzDrawTangentLine[color=blue](0)
  \tkzDrawTangentLine[color=blue,kr=0](1)
  \end{tikzpicture}
```

6.6 Demi-tangentes

Il faut remarquer que les tangentes sont en réalité deux demi-tangentes ce qui permet d'obtenir simplement le résultat ci-dessous.

Poosible sont les écritures (((x+1)*x)*x)*x0.5, (x**3+x**2)*x0.5 et (x*x*x+x*x)*x1.0.5).

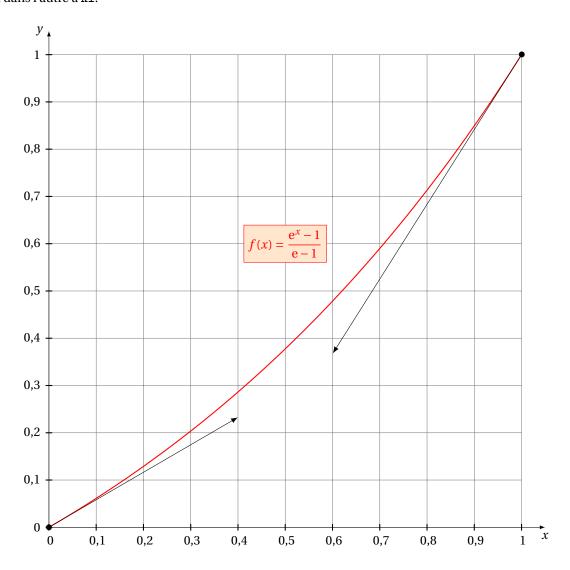
Dans cet exemple, les deux demi-tangentes sont obtenues automatiquement :



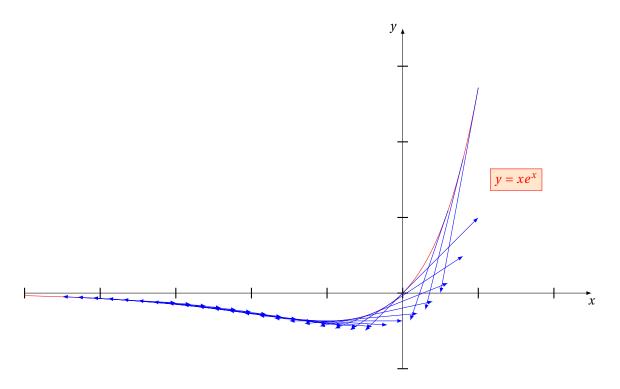
```
\begin{tikzpicture} [scale=2.75]
   \tkzInit[xmin=-2,xmax=3,ymax=3]
   \tkzGrid[color=orange](-2,0)(3,3)
   \tkzAxeX
   \tkzAxeY
   \tkzFct[color = red ,domain = -1:2]{(((x+1)*x)*x)**0.5}
   \tkzDrawTangentLine(0)
   \tkzText[draw,color = red,fill = orange!20](2,1){$f(x)=\sqrt{x^3+x^2}$}
\end{tikzpicture}
```

6.7 Demi-tangentes Courbe de Lorentz

Ici, on ne veut que les demi-tangentes comprises entre 0 et 1, pour cela il suffit dans un cas de donner la valeur 0 à kr et dans l'autre à k1.



6.8 Série de tangentes



```
\begin{tikzpicture}[scale=2]
  \tikzstyle{tan style}=[-]
  \tkzInit[xmin=-5,xmax=2,ymin=-1,ymax=3]
  \tkzDrawXY
  \tkzText[draw,color = red, fill = orange!20](1.5,1.5){$y = xe^x$}
  \tkzFct[line width = 0.01 pt,color = red, domain = -5:1]{x*exp(x)}
  \foreach \x in {-4,-3.8,...,0}{%
    \tkzDrawTangentLine[color=blue,line width=.4pt,kr=1,kl=0.5](\x)}
  \foreach \x in {0.6,0.8,1}{%
    \tkzDrawTangentLine[color=blue,line width=.4pt, kr=0,kl=0.5](\x)}
  \end{tikzpicture}
```

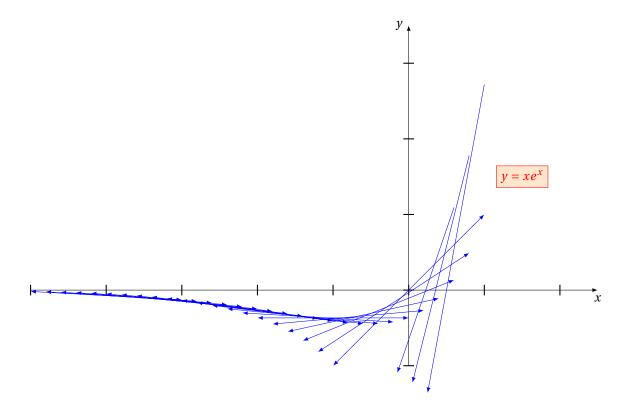
6.9 Série de tangentes sans courbe

Pour cela, il faut définir la dernière expression avec la syntaxe de fp.sty.

Définition de \tkzFctLast

\global\edef\tkzFctLast{x*exp(x)}

6.9.1 Utilisation de \tkzFctLast



```
\begin{tikzpicture}[scale=2]
  \tikzStyle{tan style}=[-]
  \tkzInit[xmin=-5,xmax=2,ymin=-1,ymax=3]
  \tkzDrawXY
  \tkzText[draw,color = red, fill = orange!20](1.5,1.5){$y = xe^x$}
  \global\edef\tkzFctLast{x*exp(x)}% c'est la ligne importante
  \foreach \v in {-4,-3.8,...,0}{%
   \tkzDrawTangentLine[color=blue,line width=.4pt,kl=1](\v)}
  \foreach \v in {0.6,0.8,1}{%
   \tkzDrawTangentLine[color=blue,line width=.4pt,kr=0,kl=.75](\v)}
  \end{tikzpicture}
```

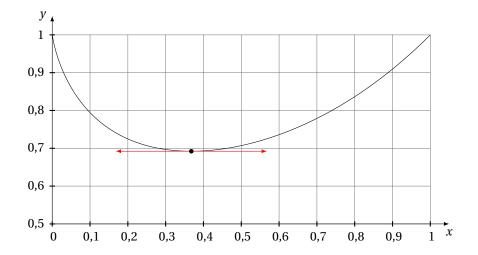
6.10 Calcul de l'antécédent

Un problème surgit si on emploie une expression contenant des parenthèses dans l'argument, ainsi $(\{1/\exp(1)\})$ est correct mais $(1/\exp(1))$ donne une erreur. Il est aussi possible d'évaluer l'antécédent postérieurement comme cela :

6.10.1 Valeur numérique de l'antécédent

 $\P = \mathbb{1} \times \{1/\exp(1)\}$

6.10.2 Utilisation de la valeur numérique



```
\begin{tikzpicture}[scale=1]
  \tkzInit[xmax=1,xstep=0.1,ymin=0.5,ymax=1,ystep=0.1]
  \tkzGrid \tkzAxeXY
  \tkzFct[domain = 0.00001:1]{(\x**\x)}
  \tkzDrawTangentLine[draw,color = red, kr = 0.2,kl = 0.2]({1/exp(1)})
  \end{tikzpicture}
```

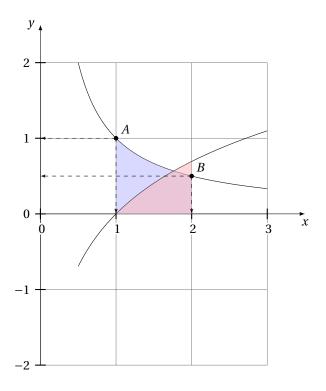
7 Macros pour définir des surfaces

Il s'agit par exemple de représenter la partie du plan comprise entre la courbe représentative d'une fonction, l'axe des abscisses et les droites d'équation x = a et x = b.

7.1 Représentation d'une surface \txDrawArea ou \txArea

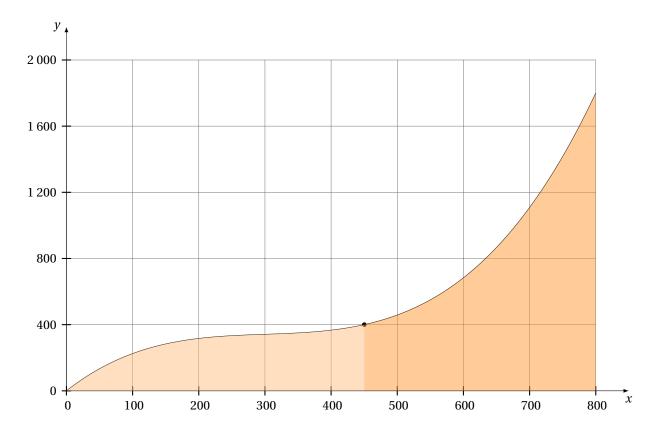
\tkzDrawArea[\langlelocal options\rangle]			
Les options sont celles de $TikZ$.			
options	défaut	définition	
domain with color opacity style	-5:5 a 200 no defaut black	domaine de la fonction référence de la fonction nombre de points utilisés trnsparence couleur de la ligne	

7.2 Naissance de la fonction logarithme népérien

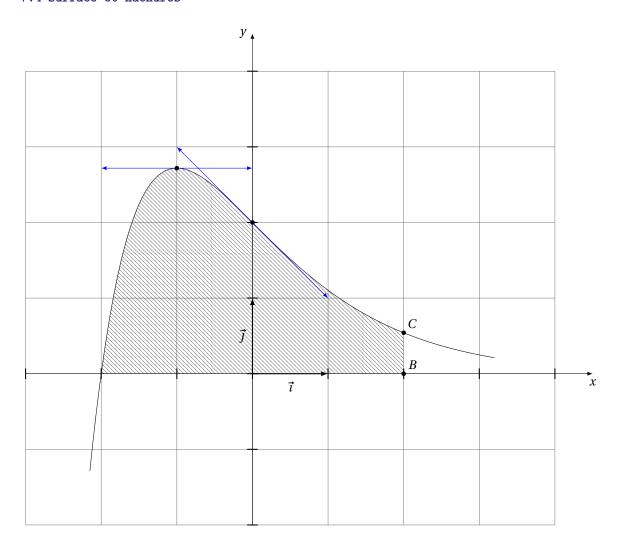


```
\begin{tikzpicture}[scale=2]
 \tkzInit[xmin=0,xmax=3,xstep=1,
          ymin=-2,ymax=2,ystep=1]
 \tkzGrid
 \tkzAxeXY
 \text{tkzFct[domain= 0.4:3]{1./x}}
 \tkzDefPointByFct(1)
 \tkzGetPoint{A}
 \tkzDefPointByFct(2)
 \tkzGetPoint{B}
 \tkzLabelPoints[above right](A,B)
 \tkzDrawArea[color=blue!30,
              domain = 1:2]
 \text{tkzFct[domain = 0.5:3]}\{\log(x)\}
 \tkzDrawArea[color=red!30,
              domain = 1:2]
 \tkzPointShowCoord(A)
 \tkzPointShowCoord(B)
 \tkzDrawPoints(A,B)
\end{tikzpicture}
```

7.3 Surface simple



7.4 Surface et hachures



```
\begin{tikzpicture} [scale=2]
  \tkzInit[xmin=-3,xmax=4,ymin=-2,ymax=4]
  \tkzGrid(-3,-2)(4,4)
  \tkzDrawXY
  \tkzFct[domain = -2.15:3.2] {(2+\x)*exp(-\x)}
  \tkzDrawArea[pattern=north west lines,domain =-2:2]
  \tkzDrawTangentLine[draw,color=blue](0)
  \tkzDrawTangentLine[draw,color=blue](-1)
  \tkzDefPointByFct(2) \tkzGetPoint{C}
  \tkzDefPoint(2,0){B}
  \tkzDrawPoints(B,C) \tkzLabelPoints[above right](B,C)
  \tkzRep
  \end{tikzpicture}
```

7.5 Surface comprise entre deux courbes \tkzDrawAreafg

\tkzDrawAreafg[\langle local options\rangle]

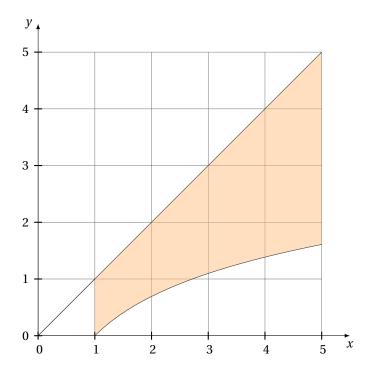
Cette macro permet de mettre en évidence une surface délimitée par les courbes représentatives de deux fonctions. La courbe (a) doit être au-dessus de la courbe (b).

options	défaut	explication
between domain= min:max opacity	a and b domain=-5:5 0.5	référence des deux courbes Les options sont celles de $TikZ$. transparence

L'option pattern de TikZ peut être utile!

7.6 Surface comprise entre deux courbes en couleur

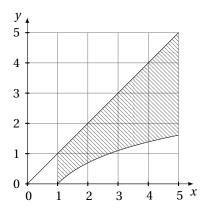
Par défaut, la surface définie est comprise entre les deux premières courbes.



```
\begin{tikzpicture}[scale=1.5]
  \tkzInit[xmax=5,ymax=5]
  \tkzGrid \tkzAxeXY
  \tkzFct[domain = 0:5]{x}
  \tkzFct[domain = 1:5]{log(x)}
  \tkzDrawAreafg[color = orange!50,domain = 1:5]
  \end{tikzpicture}
```

7.7 Surface comprise entre deux courbes avec des hachures

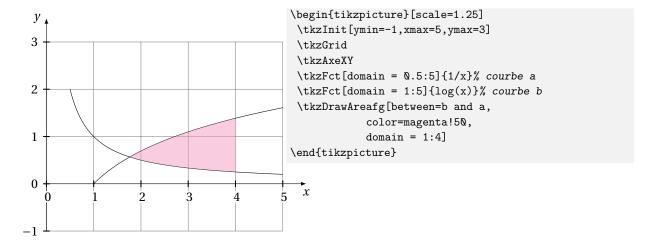
\tkzDrawAreafg[between= a and b,pattern=north west lines,domain = 1:5]



```
\begin{tikzpicture}[scale=.8]
  \tkzInit[xmax=5,ymax=5]
  \tkzGrid
  \tkzAxeXY
  \tkzFct[domain = 0:5]{x}
  \tkzFct[domain = 1:5]{log(x)}
  \tkzDrawAreafg[between= a and b,pattern=north west lines,domain = 1:5]
  \end{tikzpicture}
```

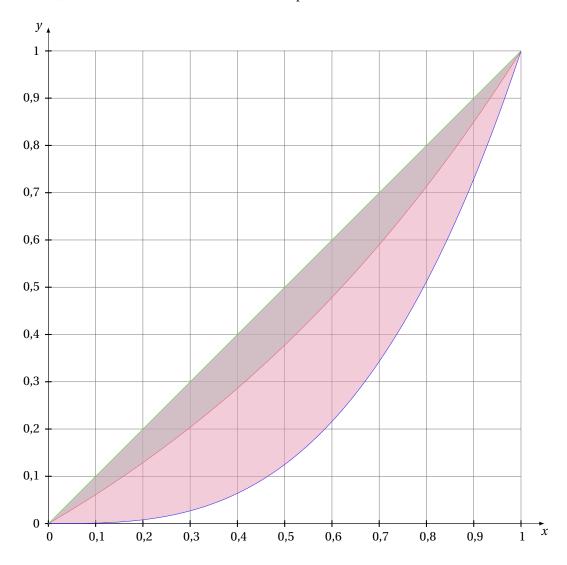
7.8 Surface comprise entre deux courbes avec l'option between

Attention à l'ordre des références dans l'option between. Seule la partie de la surface (b) est au-dessus de (a) est représentée.



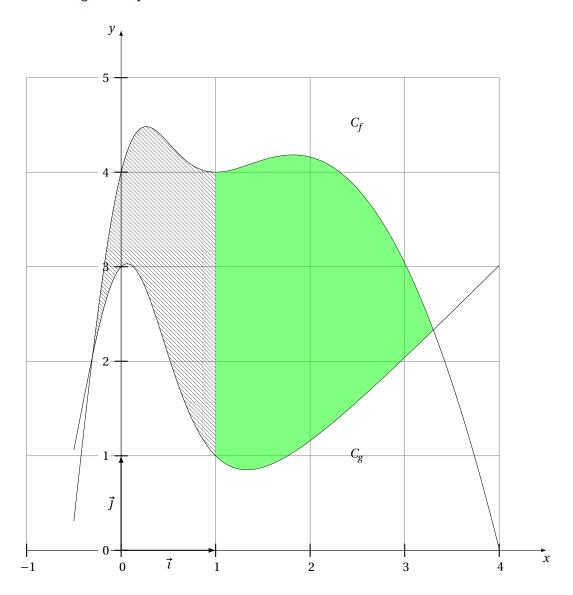
7.9 Surface comprise entre deux courbes : courbes de Lorentz

Ici aussi, attention à l'ordre des références dans l'option between.



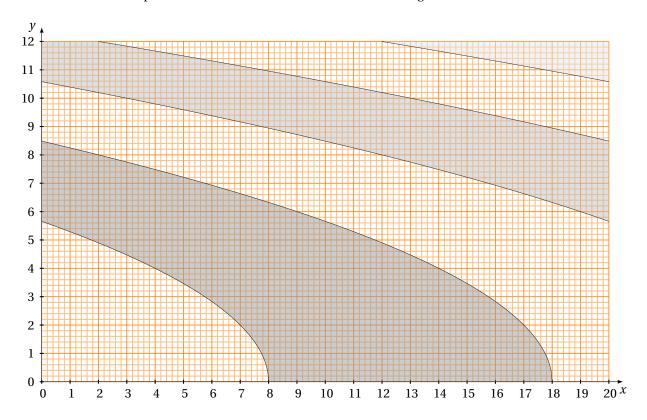
```
\begin{tikzpicture}[scale=1.25]
  \tkzInit[xmax=1,ymax=1,xstep=0.1,ystep=0.1]
  \tkzGrid
  \tkzAxeXY
  \tkzFct[color = red,domain = 0:1]{(exp(\x)-1)/(exp(1)-1)}
  \tkzFct[color = blue,domain = 0:1]{\x*\x*\x}
  \tkzFct[color = green,domain = 0:1]{\x}
  \tkzDrawAreafg[between = c and b,color=purple!40,domain = 0:1]
  \tkzDrawAreafg[between = c and a,color=gray!60,domain = 0:1]
  \end{tikzpicture}
```

7.10 Mélange de style



7.11 Courbes de niveaux

Le code est intéressant pour la définition des fonctions constantes aux lignes 10 et 11.



```
1 \begin{tikzpicture}[scale=.75]
   \tkzInit[xmax=20,ymax=12]
   \t \c Grid[color=orange,sub](0,0)(20,12)
3
   \tkzAxeXY
4
   \text{tkzFct[samples=400,domain =0:8]} \{(32-4*x)**(0.5)\}
5
6 \tkzFct[samples=400,domain =0:18]{(72-4*x)**(0.5)} % b
   \tkzFct[samples=400,domain =0:20]{(112-4*x)**(0.5)} % c
8 \tkzFct[samples=400,domain =2:20]{(152-4*x)**(0.5)} % d
9 \tkzFct[samples=400,domain =12:20]{(192-4*x)**(0.5)}% e
10 \def\tkzFctgnuf{0} % f
11 \def\tkzFctgnug{12}% g
12 \tkzDrawAreafg[between= b and a,color=gray!80,domain = 0:8]
13 \tkzDrawAreafg[between= b and f,color=gray!80,domain = 8:18]
   \tkzDrawAreafg[between= d and c,color=gray!50,domain = 2:20]
14
   15
16 \tkzDrawAreafg[between= g and e,color=gray!20,domain =12:20]
17 \end{tikzpicture}%
```

8 Sommes de Riemann

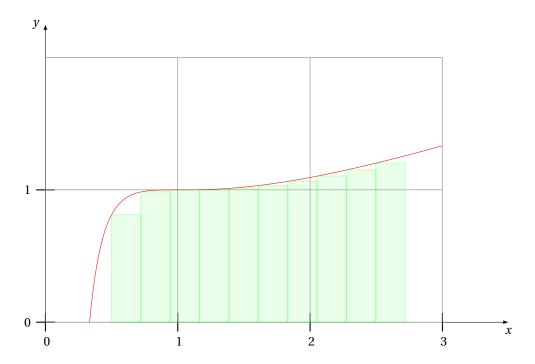
$\verb|\tkzDrawRiemannSum[\langle local options \rangle] {\langle f(t) \rangle}|$

Cette macro permet de représenter les rectangles intervenant dans une somme de Riemann. Les options sont celles de TikZ, plus

options	défaut	définition
iterval number	1:2 10	l'intervalle sur lequel est appliqué la méthode nombre de sous-intervalles utilisés

Possible est de réunir les quatres macros et de choisir la méthode avec une option.

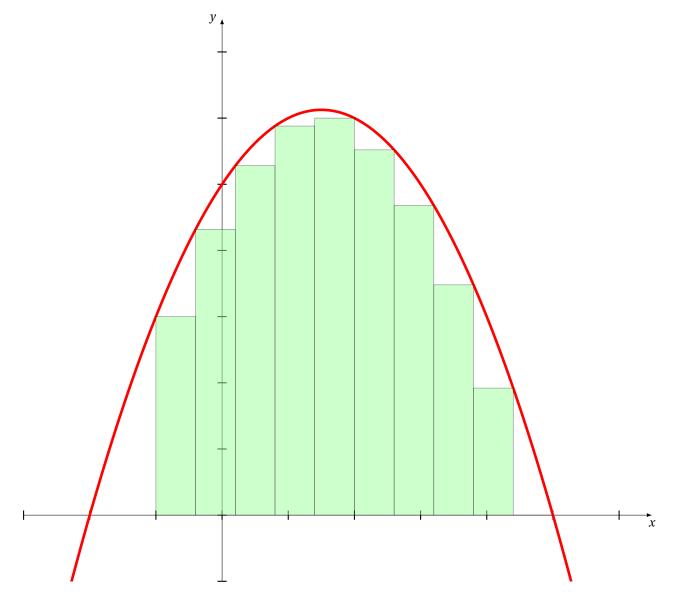
8.1 Somme de Riemann



$\verb|\tkzDrawRiemannSumInf[\langle local options \rangle]| \\$

C'est une variante de la macro précédente mais les rectangles sont toujours sous la courbe.

8.2 Somme de Riemann Inf

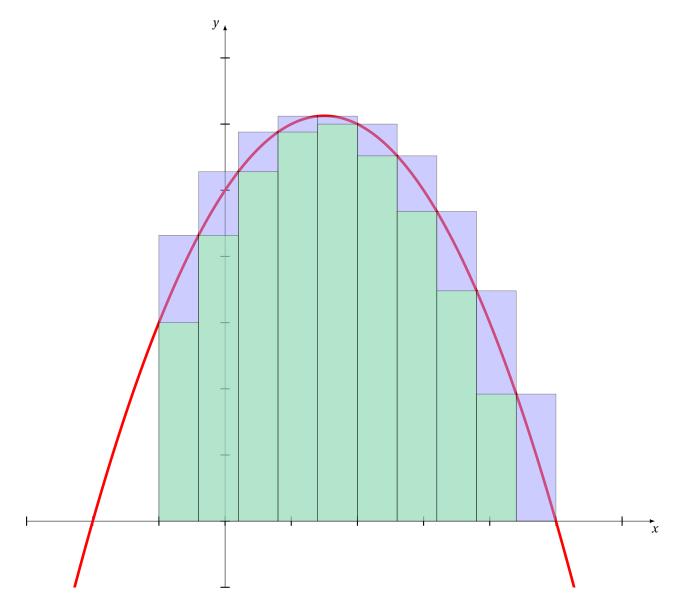


```
\begin{tikzpicture}[scale=1.75]
\tkzInit[xmin=-3,xmax=6,ymin=-2,ymax=14,ystep=2]
\tkzDrawX \tkzDrawY
\tkzFct[line width=2pt,color = red, domain =-3:6]{(-\x-2)*(\x-5)}
\tkzDrawRiemannSumInf[fill=green!40,opacity=.5,interval=-1:5,number=10]
\end{tikzpicture}
```

\tkzDrawRiemannSumSup[\langlelocal options\rangle]

C'est une variante de la macro précédente mais les rectangles sont toujours au-dessus de la courbe.

8.3 Somme de Riemann Inf et Sup

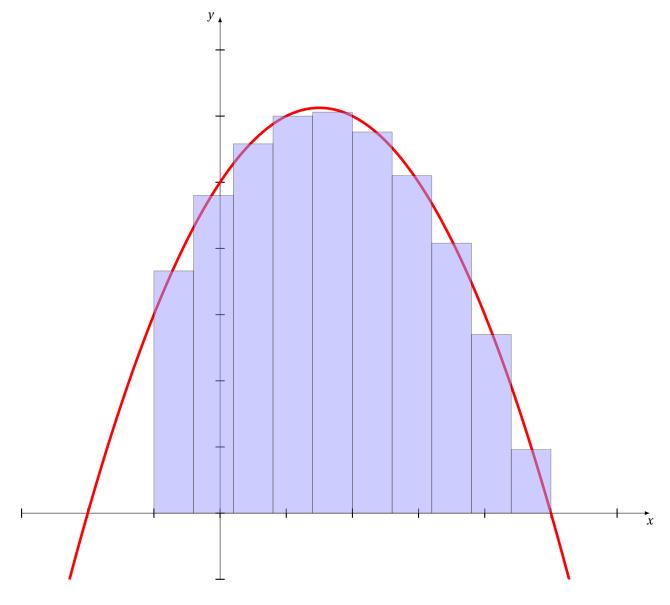


```
\begin{tikzpicture} [scale=1.75]
  \tkzInit[xmin=-3,xmax=6,ymin=-2,ymax=14,ystep=2]
  \tkzDrawX \tkzDrawY
  \tkzFct[line width=2pt,color = red, domain =-3:6] {(-\x-2)*(\x-5)}
  \tkzDrawRiemannSumSup[fill=blue!40,opacity=.5,interval=-1:5,number=10]
  \tkzDrawRiemannSumInf[fill=green!40,opacity=.5,interval=-1:5,number=10]
  \end{tikzpicture}
```

$\verb|\tkzDrawRiemannSumMid[\langle local options \rangle]| \\$

C'est une variante de la macro précédente mais les rectangles sont à cheval sur la courbe.

8.4 Somme de Riemann Mid



```
\begin{tikzpicture}[scale=1.75]
\tkzInit[xmin=-3,xmax=6,ymin=-2,ymax=14,ystep=2]
\tkzDrawX \tkzDrawY
\tkzFct[line width=2pt,color = red, domain =-3:6]{(-\x-2)*(\x-5)}
\tkzDrawRiemannSumMid[fill=blue!40,opacity=.5,interval=-1:5,number=10]
\end{tikzpicture}
```

9 Droites particulières

9.1 Tracer une ligne verticale

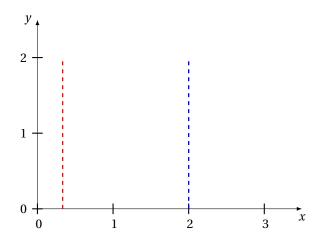
 $\text{\txzVLine}[\langle local options \rangle] \{\langle decimal number \rangle\}$

Attention, la syntaxe est celle de fp car on n'utilise pas gnuplot pour tracer une droite.

arguments	exe	emple	définition		
decimal num	ber \tl	kzVLine{1}	Trace la	droite	<i>x</i> = 1
				_	
options	défaut	définition		_	
color	black	couleur	du trait	_	
line width	0.6pt	épaisseur	du point		
style	solid	style du	trait		
voir les options les lignes dans TikZ					

9.2 Ligne verticale

problème avec cette macro, en principe 1./3 devrait être acceptée.

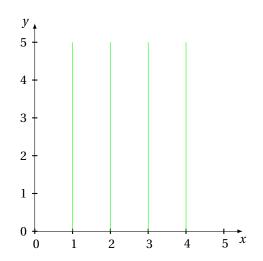


$\text{\txzVLines}[\langle \text{local options} \rangle] \{\langle \text{list of values} \rangle\}$

Attention, la syntaxe est celle de fp car on n'utilise pas gnuplot pour tracer une droite.

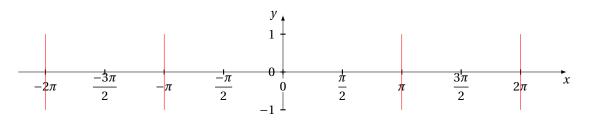
arguments	exemple	définition
list of values	\tkzVLines{1,4}	Trace les droites $x = 1$ et $x = 4$

9.3 Lignes verticales



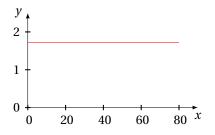
```
\begin{tikzpicture}
  \tkzInit[xmax=5,ymax=5]
  \tkzAxeXY
  \tkzVLines[color = green]{1,2,...,4}
  \end{tikzpicture}
```

9.4 Ligne verticale et valeur calculée par fp



```
\begin{tikzpicture}
  \tkzInit[xmin=-7,xmax=7,ymin=-1,ymax=1]
  \tkzAxeY
  \tkzAxeX[trig=2]
  \foreach\v in {-2,-1,1,2}
  {\tkzVLine[color=red]{\v*\FPpi}}
  \end{tikzpicture}
```

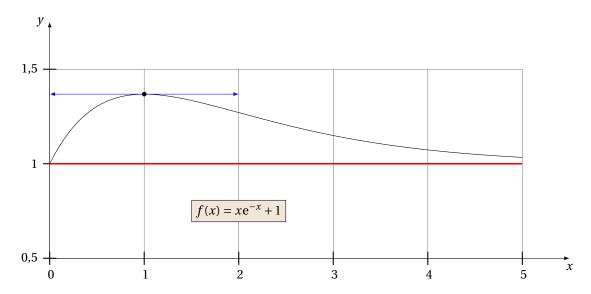
9.5 Une ligne horizontale



```
\begin{tikzpicture}
  \tkzInit[xmax=80,xstep=20,ymax=2]
  \tkzAxeXY
  \tkzHLine[color=red]{exp(1)-1}
\end{tikzpicture}
```

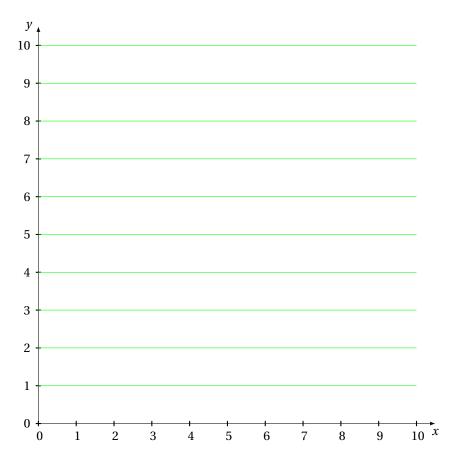
9.6 Asymptote horizontale

Attention, une autre méthode consiste à écrire kzFctk mais si ystep = n avec n entier naturel alors il est nécessaire d'écrire k comme un nombre réel, par exemple si ystep = 3 alors il faut écrire k = 5.0.



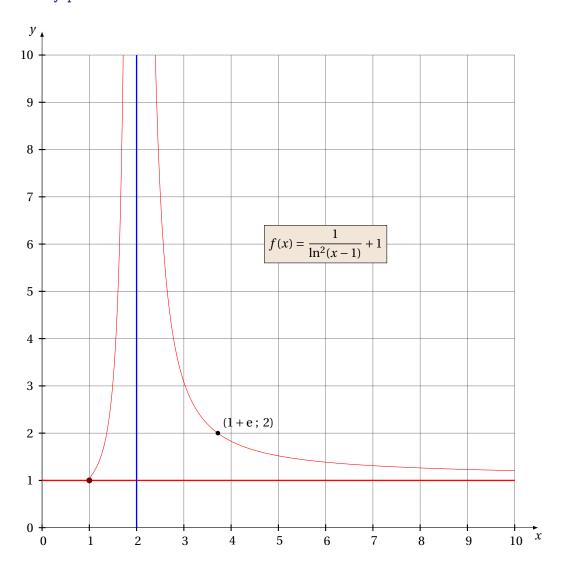
```
\begin{tikzpicture} [scale=2.5]
  \tkzInit[xmax=5,ymin=0.5,ymax=1.5,ystep=0.5]
  \tkzGrid
  \tkzAxeXY
  \tkzFct[domain = 0:10] {x*exp(-x)+1}
  \tkzHLine[color=red,style=solid,line width=1.2pt] {1}
  \tkzDrawTangentLine[draw,color=blue] (1)
  \tkzText[draw,fill = brown!20] (2,0.75) {$f(x)=x \text{e}^{-x}+1$}
  \end{tikzpicture}
```

9.7 Lignes horizontales



```
\begin{tikzpicture}
  \tkzInit
  \tkzAxeXY
  \tkzHLines[color = green]{1,2,...,10}
  \end{tikzpicture}
```

9.8 Asymptote horizontale et verticale



10 Courbes avec équations paramétrées

$\verb|\tkzFctPar[\langle local options \rangle] {\langle x(t) \rangle} {\langle y(t) \rangle}$

x(t) et y(t) sont des expressions utilisant la syntaxe de gnuplot. La variable est t.

options	exemple	explication
x(t), y(t)	\tkzFctPar[0:1]{\t**3}{\t**2}	$x(t) = t^3, y(t) = t^2$

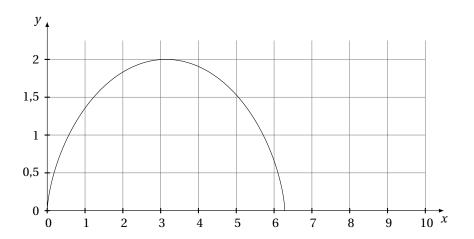
Les options sont celles de $\mathrm{Ti}k\mathrm{Z}$.

options	défaut	définition
domain	-5:5	domaine de la fonction
samples	200	nombre de points utilisés
id	tkzfonct	permet d'identifier les noms des fichiers auxiliaires
color	black	couleur de la ligne
line width	0.4pt	épaisseur de la ligne
style	solid	style de la ligne

10.1 Courbe paramétrée exemple 1

$$x(t) = t - \sin(t)$$

$$y(t) = 1 - \cos(t)$$



\begin{tikzpicture}

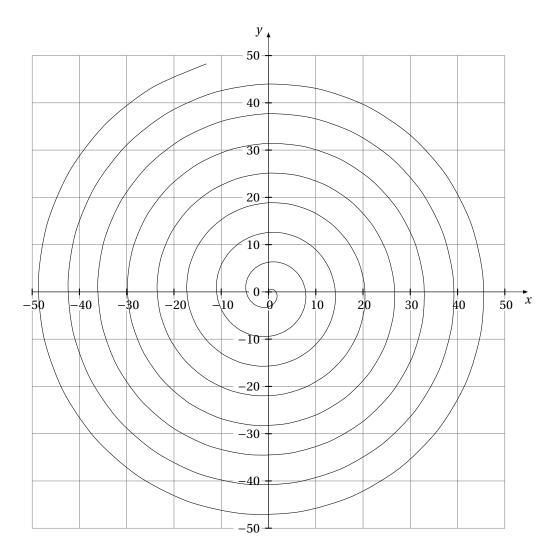
\tkzInit[ymax=2.25,ystep=.5] \tkzGrid

 \tkzAxeXY

 $\verb|\end{tikzpicture}|$

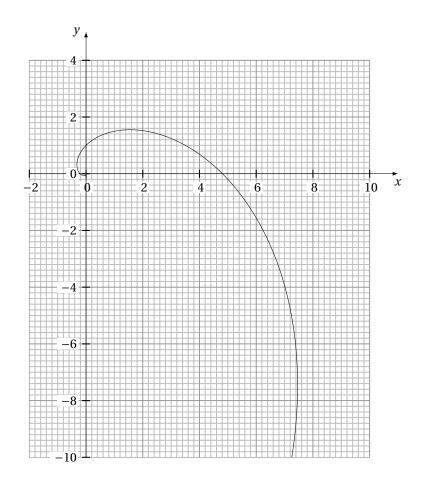
10.2 Courbe paramétrée exemple 2

$$x(t) = t \times \sin(t)$$
$$y(t) = t \times \cos(t)$$



10.3 Courbe paramétrée exemple 3

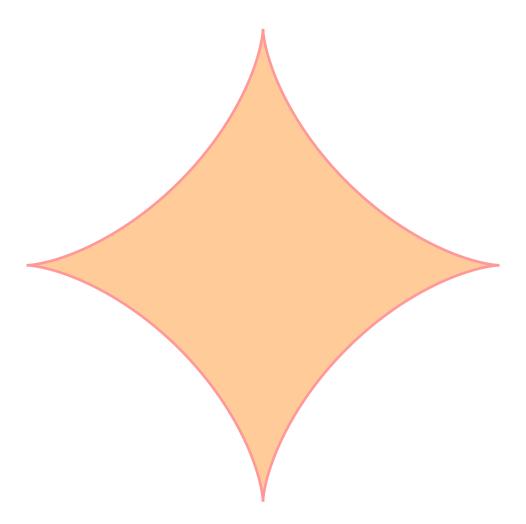
$$x(t) = \exp(t) \times \sin(t)$$
$$y(t) = \exp(t) \times \cos(t)$$



```
\begin{tikzpicture}[scale=1.5]
  \tkzInit[xmin=-2,xmax=10,xstep=2,ymin=-10,ymax=4,ystep=2]
  \tkzGrid[sub]
  \tkzAxeX[step=2]
  \tkzAxeY[step=2]
  \tkzFctPar[samples=400,domain=-pi:pi]{exp(t)*sin(t)}{exp(t)*cos(t)}
  \end{tikzpicture}
```

10.4 Courbe paramétrée exemple 4

$$x(t) = \cos^{3}(t)$$
$$y(t) = \sin^{3}(t)$$



10.5 Courbe paramétrée exemple 5

Saint Valentin version 1

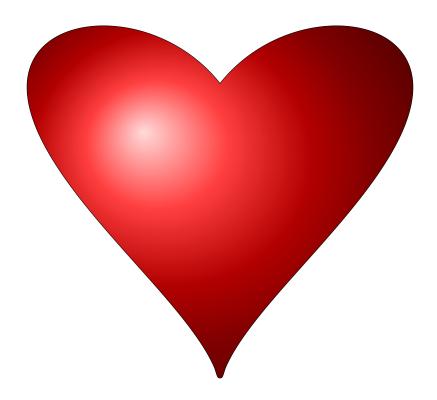
$$x(t) = \sin^{3}(t)$$
$$y(t) = \cos(t) - \cos^{4}(t)$$



10.6 Courbe paramétrée exemple 6

Saint Valentin version 2 from http://mathworld.wolfram.com/HeartCurve.html

$$x(t) = \sin(t)\cos(t)\log(t)$$
$$y(t) = \sqrt{(t)\cos(t)}$$

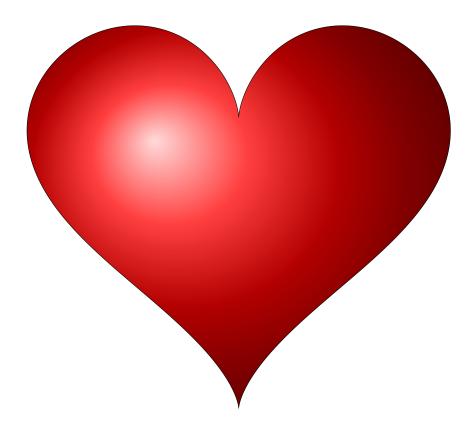


10.7 Courbe paramétrée exemple 7

Saint Valentin version 3 from http://en.wikipedia.org/wiki/Heart_(symbol)

$$x(t) = 16\sin^{3}(t)$$

$$y(t) = 13\cos(t) - 5\cos(2t) - 2\cos(3t) - \cos(4t)$$



11 Courbes en coordonnées polaires

$\verb|\tkzFctPolar[\langle local options \rangle] {\langle f(t) \rangle}|$

f(t) est une expression utilisant la syntaxe de gnuplot.

options	exemple	explication	
x(t), y(t)	\tkzFctPar[0:1]{\t**3}{\t**2}	$x(t) = t^3, y(t) = t^2$	

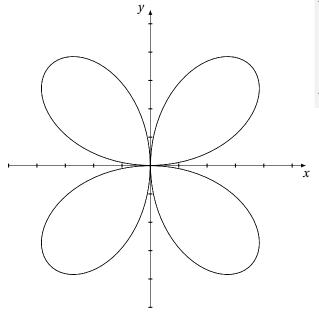
Les options sont celles de TikZ.

options	défaut	définition
domain	0:2*pi	domaine de la fonction
samples	200	nombre de points utilisés
id	tkzfonct	permet d'identifier les noms des fichiers auxiliaires
color	black	couleur de la ligne
line width	0.4pt	épaisseur de la ligne
style	solid	style de la ligne

gnuplot définit π avec pi et fp. sty avec \FPpi. Les valeurs qui déterminent le domaine sont évaluées par fp. sty. Il est possible d'utiliser soit pi, soit \FPpi.

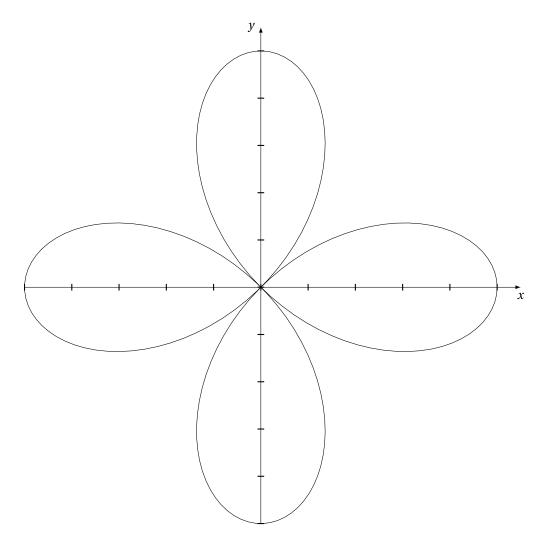
11.1 Équation polaire exemple 1

$$\rho(t) = \cos(t) * \sin(t)$$



11.2 Équation polaire exemple 2

```
\rho(t) = \cos(2 * t)
```



11.3 Équation polaire Heart

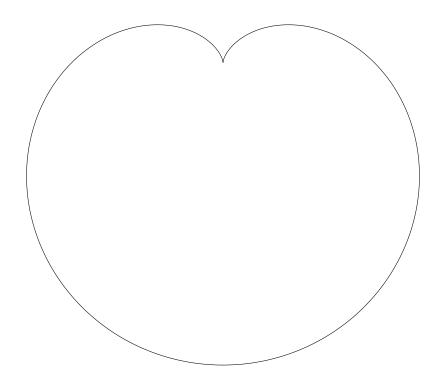
From Mathworld: http://mathworld.wolfram.com/HeartCurve.html

$$\rho(t) = 2 - 2 * \sin(t) + \sin(t) * \sqrt{(\cos(t))/(\sin(t) + 1.4)}$$



11.4 Équation polaire exemple 4

```
\rho(t) = 1 - sin(t)
```

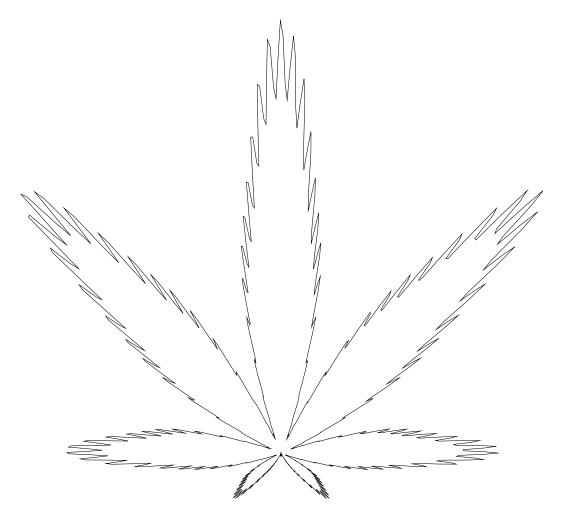


```
\begin{tikzpicture}[scale=4]
\tkzInit [xmin=-5,xmax=5,ymin=-5,ymax=5,xstep=1,ystep=1]
\tkzFctPolar[domain=0:2*pi,samples=400]{ 1-sin(t) }
\end{tikzpicture}
```

11.5 Équation polaire Cannabis ou Marijuana Curve

Cannabis curve from mathworld: http://mathworld.wolfram.com/CannabisCurve.html

$$\rho(t) = (1 + .9 * \cos(8 * t)) * (1 + .1 * \cos(24 * t)) * (1 + .1 * \cos(200 * t)) * (1 + \sin(t))$$

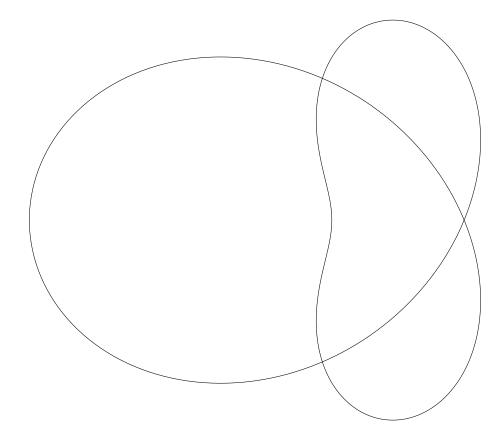


```
\begin{tikzpicture}[scale=2.5]
  \tkzInit [xmin=-5,xmax=5,ymin=-5,ymax=5,xstep=1,ystep=1]
  \tkzFctPolar[domain=0:2*pi,samples=1000]%
  { (1+.9*cos(8*t))*(1+.1*cos(24*t))*(1+.1*cos(200*t))*(1+sin(t)) }
\end{tikzpicture}
```

11.6 Scarabaeus Curve

 $From\ mathworld: \verb|http://mathworld.wolfram.com/Scarabaeus.html|\\$

 $\rho(t) = 1.6 * \cos(2 * t) - 3 * \cos(t)$

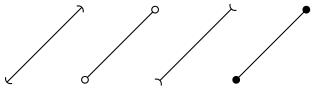


```
\begin{tikzpicture}[scale=2.5]
\tkzInit [xmin=-5,xmax=5,ymin=-5,ymax=5,xstep=1,ystep=1]
\tkzFctPolar[domain=0:2*pi,samples=400]{1.6*cos(2*t)-3*cos(t)}
\end{tikzpicture}
```

12 Symboles 62

12 Symboles

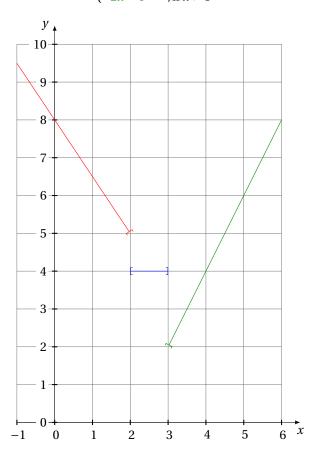
Certains ajoutent aux courbes des symboles afin de donner des indications supplémentaires au lecteur. Voici quelques exemples possibles :



L'exemple suivant est de Simon Schläpfer:

On veut tracer

$$y = \begin{cases} 8 - 1.5x & \text{, if } x < 2\\ 4 & \text{, if } 2 \le x \le 3\\ 2x - 4 & \text{, if } x > 3 \end{cases}$$

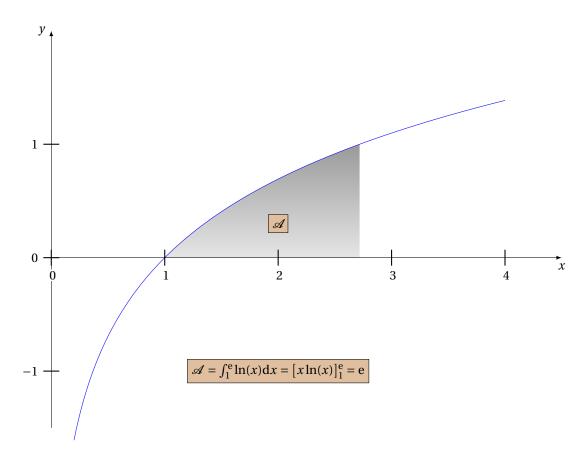


```
\begin{tikzpicture}
  \tkzInit[xmin=-1,xmax=6,ymin=0,ymax=10,xstep=1,ystep=1]
  \tkzGrid[color=gray]
  \tkzAxeXY
  \tkzFct[{-[},color=red,domain =-1:2,samples=2]{8-1.5*\x}
  \tkzFct[{[-]},color=blue,domain =2:3,samples=2]{4}
  \tkzFct[{[-]},color=green!50!black,domain =3:6,samples=2]{2*\x-4}
  \end{tikzpicture}
```

13 Quelques exemples

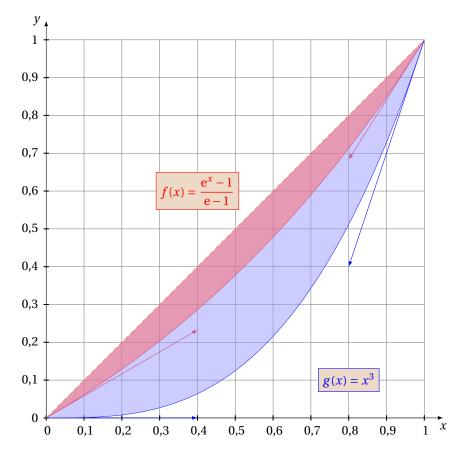
13.1 Variante intermédiaire : TikZ + tkz-fct

Les codes de TikZ et de tkz-fct peuvent se compléter. Ainsi les axes et les textes sont gérés par tkz-fct mais la courbe est laissée à TikZ et gnuplot.



13.2 Courbes de Lorentz

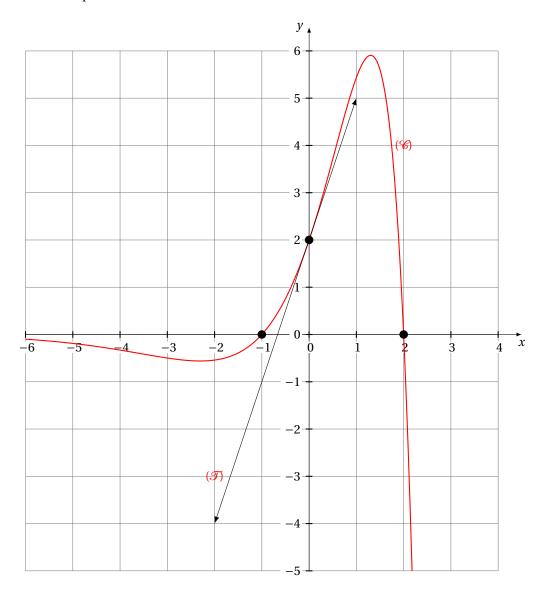
$$f(x) = \frac{e^x - 1}{e - 1}$$
 et $g(x) = x^3$



```
\begin{tikzpicture}[scale=1]
 \tkzInit[xmax=1,ymax=1,xstep=0.1,ystep=0.1]
 \t x Grid(0,0)(1,1)
 \tkzAxeXY
 \tkzFct[color
             = red,domain = 0:1]{(exp(\x)-1)/(exp(1)-1)}
 \tkzDrawTangentLine[kl=0,kr=0.4,color=red](0)
 \tkzDrawTangentLine[kl=0.2,kr=0,color=red](1)
 \text{tkzText[draw,color} = \text{red,fill} = \text{brown!30}](0.4,0.6)%
        \{f(x)=\frac{e}^x-1}{\text{text}_e}^1\}
 \t = blue, domain = 0:1]{\x*\x*\x}
 \tkzDrawTangentLine[kl=0,kr=0.4,color=blue](0)
 \tkzDrawTangentLine[kl=0.2,kr=0,color=blue](1)
 \label{lem:local_transform} $$ \text{tkzText[draw,color = blue,fill = brown!30](0.8,0.1){$g(x)=x^3$}$ $$
 \end{tikzpicture}
```

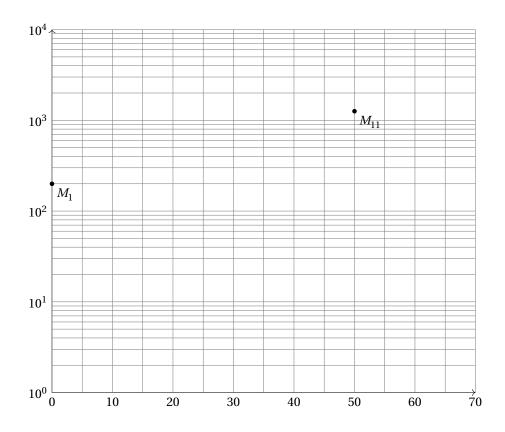
13.3 Courbe exponentielle

$$f(x) = (-x^2 + x + 2) \exp(x)$$



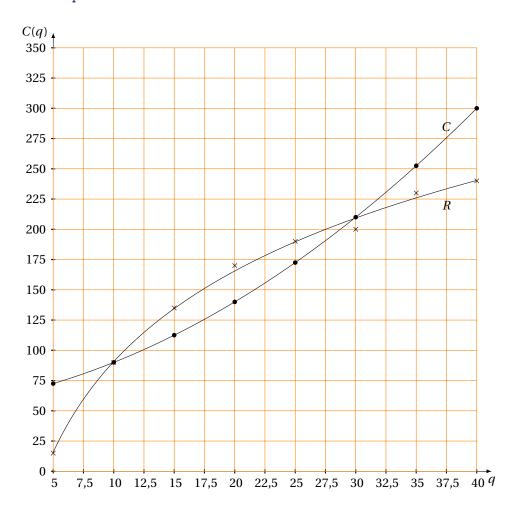
```
\begin{tikzpicture}[scale=1.25]
  \tkzInit[xmin=-6,xmax=4,ymin=-5,ymax=6]
  \tkzGrid
  \tkzAxeXY
  \tkzFct[color=red,thick,domain=-6:2.1785]{(-x*x+x+2)*exp(x)}
  \tkzSetUpPoint[size=6]
  \tkzDrawTangentLine[draw,kl=2](0)
  \tkzDefPoint(2,0){b} \tkzDrawPoint(b)
  \tkzDefPoint(-1,0){c} \tkzDrawPoint(c)
  \tkzText(2,4){($\mathcal{C}$)}
  \tkzText(-2,-3){($\mathcal{T}$)}
}
```

13.4 Axe logarithmique



```
\begin{tikzpicture}[scale=0.8]
\tkzInit[xmax=14,ymax=12]
\label{lem:condition} $$ \dim(\theta, 0) -- (14,0) \ node[below left] {};
\label{lem:condition} $$ \dim(thin,-) (0,0) -- (0,12) \ node[below left] {};
{\displaystyle \{ (x,0) \} \  \  }  node[below] {\rm t} \  \};}
\foreach \y/\z in \{0/0,3/1,6/2,9/3,12/4\}%
   {\displaystyle \{ (0,y) \} \ node[left] {10^{\z}}; \}}
\foreach \y in \{0,3,\ldots,9\}{
{\tilde{z}}
\t \mathbb{Q}_{6.90}
\t (10,9.30){b}
\tkzDrawPoints(a,b)
\tkzLabelPoint(a){$M_{1}$}
\tkzLabelPoint(b){$M_{11}$}
\end{tikzpicture}
```

13.5 Un peu de tout



```
\begin{tikzpicture}[scale=.8]
 \tkzDrawX[label=$q$]
 \tkzDrawY[label=$C(q)$]
 \tkzLabelXY
 \tkzGrid[color=orange]
 \t x=5:40] {0.1*\x**2+2*\x+60}
 \foreach \vv in \{5,10,...,40\}{%
  \tkzDefPointByFct(\vv)
   \tkzDrawPoint(tkzPointResult)}
 \t \t = 1.40] {(108*log(\x)-158)}
 \text{tkzText}(37.5,285){$C$}
 \text{tkzText}(37.5,220) {$R$}
 \tkzDefSetOfPoints{%
 5/15,10/90,15/135,20/170,25/190,30/200,35/230,40/240}
\tkzDrawSetOfPoints[mark = x,mark size=3pt]
\verb|\end{tikzpicture}|
```

13.6 Interpolation

Il s'agit ici de trouver un polynôme d'interpolation sur l'intervalle [-1; 1] de la fonction f définie par :

$$f(x) = \frac{1}{1+8x^2}$$

Le polynôme d'interpolation est celui obtenu par la méthode de Lagrange :

```
\begin{split} P(x) = & 1.000000000 - 0.0000000072x - 7.991424876x^2 + 0.000001079x^3 + 62.60245358x^4 \\ & - 0.00004253x^5 - 444.2347594x^6 + 0.0007118x^7 + 2516.046396x^8 - 0.005795x^9 \\ & - 10240.01777x^{10} + 0.025404x^{11} + 28118.29594x^{12} - 0.05934x^{13} - 49850.83249x^{14} \\ & + 0.08097x^{15} + 54061.87086x^{16} - 0.055620x^{17} - 32356.67279x^{18} + 0.015440x^{19} \\ & + 8140.046421x^{20} \end{split}
```

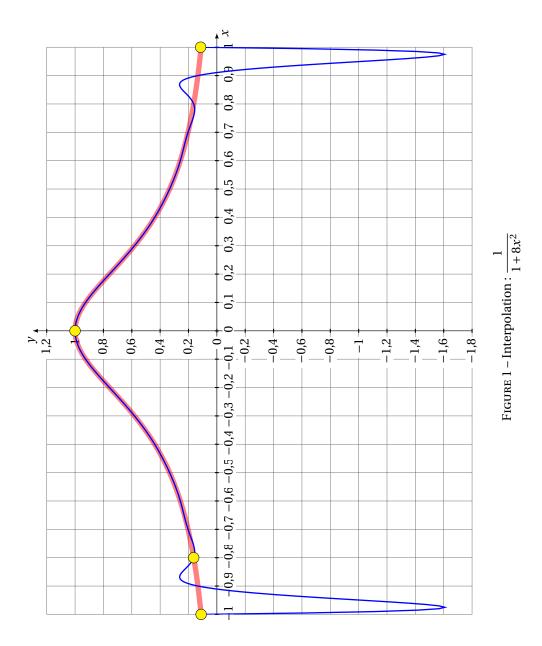
Ayant utilisé vingt et un points, le polynôme est de degré 20. Celui-ci est écrit en utilisant la méthode de **Horner**. Dans un premier temps, on demande à gnuplot de tracer la courbe de f en rouge, enfin on trace le polynôme d'interpolation en bleu. Les points utilisés sont en jaune.

13.6.1 Le code

```
\begin{tikzpicture}
\text{tkzInit}[\text{xmin}=-1,\text{xmax}=1,\text{ymin}=-1.8,\text{ymax}=1.2,\text{xstep}=0.1,\text{ystep}=0.2]
\tkzGrid
\tkzAxeXY
\text{tkzFct[samples = 400, line width=4pt, color = red,opacity=.5](-1---1){1/(1+8*\x*\x)}}
 \tkzFct[smooth,samples = 400, line width=1pt, color = blue,domain =-1:1]%
8140.04642)*\x
                             +0.01544)*\x
                         -32356.67279)*\x
                             -0.05562)*\x
                         +54\061.87\086)*\x
                             +0.08097)*\x
                         -4985§.83249)*\x
                             -0.05934)*\x
                         +28118.29594)*\x
                             +0.02540)*x
                         -10240.01777)*\x
                             -0.00580)*x
                          +2516.04640)*
                             +0.00071)*\x
                            -444.23476)*\x
                             -0.00004)*\x
                             +62.60245)*\x
                              x/*(000000.0+
                             -7.99142)*\x
                              -0.00000)*\x
 \tkzSetUpPoint[size=16,color=black,fill=yellow]
 foreach \ v in \{-1,-0.8,---.,1\}{\tkzDefPointByFct[draw](\v)}
\end{tikzpicture}
```

Le résultat est sur la page suivante où on peut constater le phénomène de Runge.

13.6.2 la figure



13.7 Courbes de Van der Waals

Soient v le volume d'une masse fluide et p sa pression. b et k sont deux nombres réels strictement positifs. On souhaite étudier une formule exprimant la dépendance de ces variables proposée par Van der Waals.

$$p(v) = \frac{-3}{v^2} + \frac{3k}{v - b}$$

définie sur l'intervalle $I =]b; +\infty]$

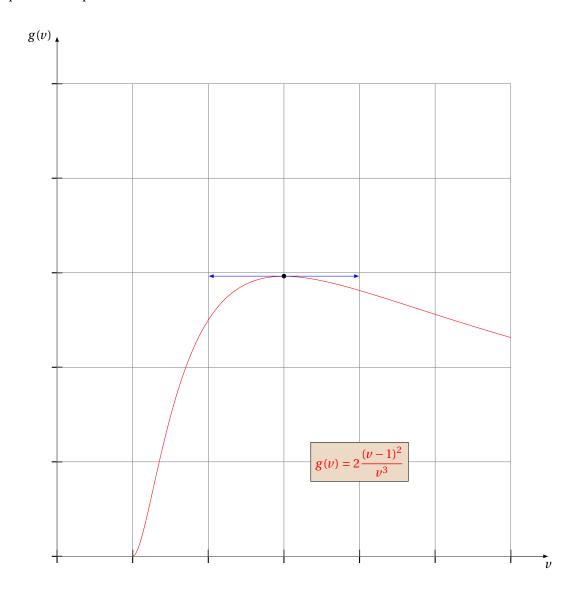
13.7.1 Tableau de variations

υ	b		3b		+∞
g'(v)	0	+	0	-	
g(v)	0		$\frac{8}{27b}$		0

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTab%
{ $v$
          /1,%
  $g'(v)$ /1,%
  $g(v)$ /3%
}%
{ $b$ ,%
  $3b$ ,%
 $+\infty$%
}%
\{0, \$+\$, \$0\$, \$-\$, t\}
{-/ $0$
                    /,%
+/$\dfrac{8}{27b}$ /,%
-/ $0$
                    /}%
\end{tikzpicture}
```

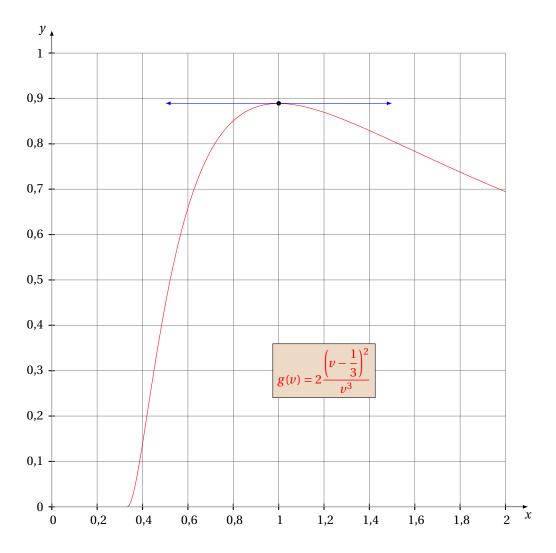
13.7.2 Première courbe avec b=1

Quelques courbes pour $r \le v \le 6$



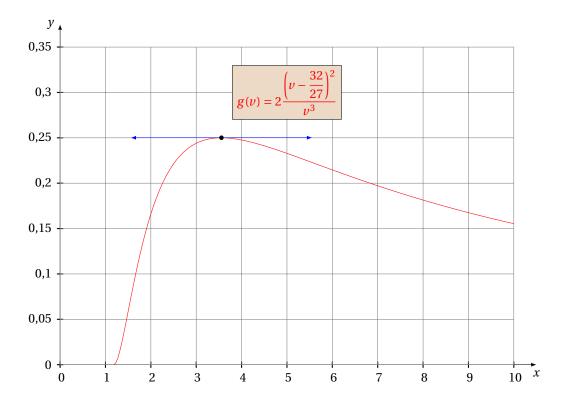
```
\begin{tikzpicture} [xscale=2,yscale=2.5]
  \tkzInit[xmin=0,xmax=6,ymax=0.5,ystep=0.1]
  \tkzDrawX[label=$v$]
  \tkzDrawY[label=$g(v)$]
  \tkzGrid(0,0)(6,0.5)
  \tkzFct[color = red,domain =1:6]{(2*(x-1)*(x-1))/(x*x*x)}
  \tkzDrawTangentLine[color=blue,draw](3)
  \tkzDefPointByFct(1)
  \tkzText[draw, fill = brown!30](4,0.1){$g(v)=2\dfrac{(v-1)^2}{v^3}$}
\end{tikzpicture}
```

13.7.3 Deuxième courbe b=1/3



13 Quelques exemples 73

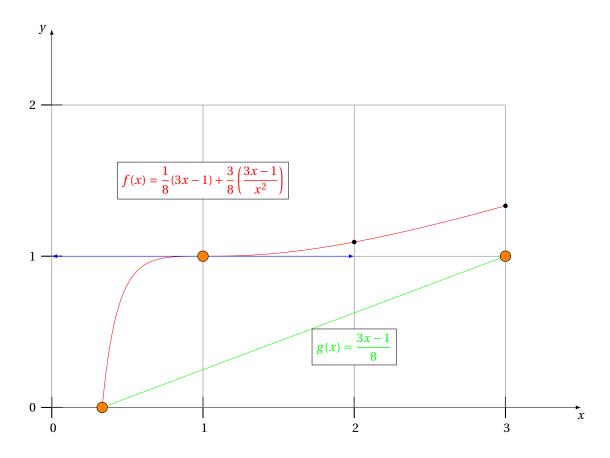
13.7.4 Troisième courbe b=32/27



13 Quelques exemples 74

13.8 Valeurs critiques

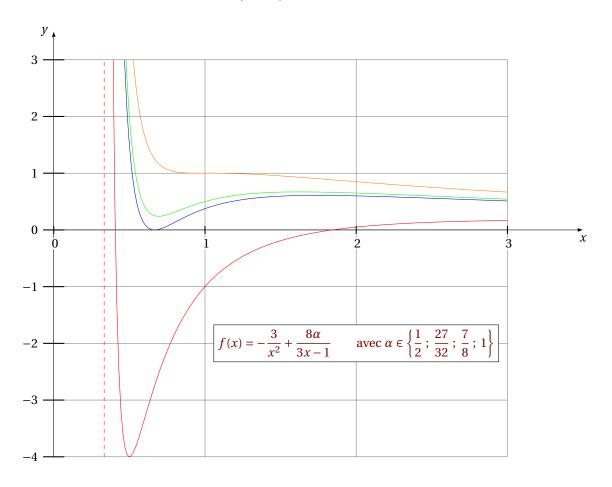
13.8.1 Courbes de Van der Walls



```
\begin{tikzpicture}[scale=4]
 \tkzInit[xmax=3,ymax=2];
 \tkzAxeXY
 \t x = (0,0)(3,2)
 \text{\tkzFct[color} = \text{red,domain} = 1/3:3] \{0.125*(3*\x-1)+0.375*(3*\x-1)/(\x*\x)\}
 \tkzDefPointByFct[draw](2)
 \tkzDefPointByFct[draw](3)
 \tkzDrawTangentLine[draw,color=blue](1)
 \text{tkzFct[color} = \text{green,domain} = 1/3:3]{0.125*(3*x-1)}
 \tkzSetUpPoint[size=8,fill=orange]
 \tkzDefPointByFct[draw](3)
 \tkzDefPointByFct[draw] (1/3)
 \tkzDefPoint(1,1){f}
 \tkzDrawPoint(f)
 \tkzText[draw,fill = white,text=red](1,1.5)%
\{f(x)=\frac{1}{8}(3x-1)+\frac{3}{8}\left(\frac{3x-1}{x^2}\right)\}
\end{tikzpicture}
```

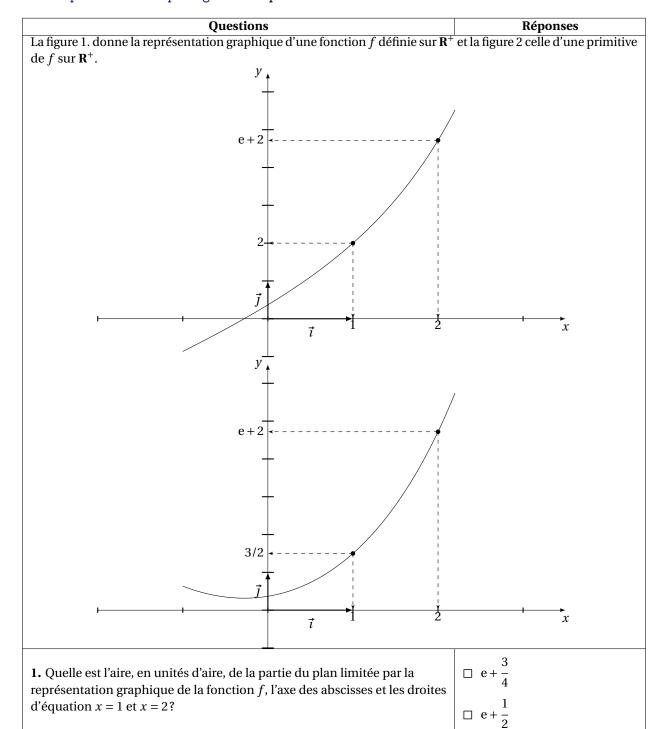
13 Quelques exemples 75

13.8.2 Courbes de Van der Walls (suite)



```
\begin{tikzpicture} [xscale=4,yscale=1.5]
  \tkzInit[xmin=0,xmax=3,ymax=3,ymin=-4]
  \tkzGrid(0,-4)(3,3)
  \tkzAxeXY
  \tkzClip
  \tkzVLine[color=red,style=dashed] {1/3}
  \tkzFct[color=red,domain = 0.35:3] {-3/(x*x) +4/(3*x-1)}
  \tkzFct[color=blue,domain = 0.35:3] {-3/(x*x) +27/(4*(3*x-1))}
  \tkzFct[color=blue,domain = 0.35:3] {-3/(x*x) +8/(3*x-1)}
  \tkzFct[color=orange,domain = 0.35:3] {-3/(x*x) +8/(3*x-1)}
  \tkzFct[color=green,domain = 0.35:3] {-3/(x*x) +7/(3*x-1)}
  \tkzText[draw,fill = white,text=Maroon](2,-2)%
  {\f(x)=-\dfrac{3}{x^2}+\dfrac{8\alpha}{3x-1}\frac{5cm}%
  avec \alpha \in%
  \left\{\dfrac{1}{2}-;\alpha}frac{27}{32}-;\alpha\dfrac{7}{8}-;\alpha\lfrac{7}{8}-;\alpha\lfrac{1}{5}}
  \end{tikzpicture}
```

14 Exemples avec les packages alterqcm et tkz-tab



tkz-fct AlterMundus

 \Box 1

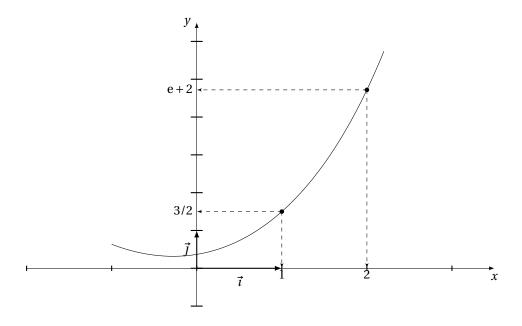
Q	uestio	ns		Réponses
		nt positive sur R ⁺ est connuc		
	x	0 1	3 +∞	
	<i>k</i> (<i>x</i>)		+∞	
2. Pami les tableaux suivan de la fonction <i>g</i> définie sur		est le tableau de variations	☐ Tableau A	
$g(x) = \frac{1}{k(x)}?$			□ Tableau B	
			□ Tableau C	
		Tableau A	•	1
	x	0 1	3 +∞	
	g(x)		+∞	
		Tableau B		ı
	х	0 1	3 +∞	
	g(x)		-∞	
		Tableau C		1
	<u>x</u>	0 1	3 +∞	
	g(x)		0	
3. Soit h la fonction définie sur \mathbf{R} par $h(x) = e^x - x + 1$. On note \mathscr{C} la courbe représentative de h dans un repère orthonormal $O; \vec{t}; \vec{j}$.			La droite d'é asymptote à &	quation $y = 1$ est
			La droite d'é asymptote à &	quation $x = 0$ est
			La droite d'équ asymptote à &	uation $y = -x + 1$ est
4. En économie, le coût marginal est le coût occasionné par la production d'une unité supplémentaire, et on considère que le coût marginal est assimilé à la dérivée du coût total.			$\Box C_r(q) = q^3 - 5a$	$q^2 + 2\ln q + 20q + 9984$
Dans une entreprise, une é marginal $C_m(q)$ exprimé en nombre q d'articles fabrique	tude a n milllie	montré que le coût ers d'euro en fonction du	$\Box C_r(q) = q^3 - 5a$	$q^2 + 2\ln q + 20q - 6$
$C_m(q) = 3c$	$q^2 - 10a$	$q + \frac{2}{q} + 20.$	$\Box C_r(q) = 6q - 10 - \frac{2}{q^2}$	

Voici le code des deux représentations de f et de sa primitive :

14.0.1 Première représentation

```
\begin{tikzpicture} [xscale=2.25,yscale=1]
  \tkzInit[xmin=-2,xmax=3,ymin=-1,ymax=6]
  \tkzDrawX
  \tkzDrawY
  \tkzFct[samples=100,domain = -1:2.2] {x+exp(x-1)}
  \tkzDefPoint(1,2) {pt1}
  \tkzDrawPoint(pt1)
  \tkzPointShowCoord[xlabel=$1$,ylabel=$2$](pt1)
  \tkzDefPoint(2,4.71828) {pt2}
  \tkzDrawPoint(pt2)
  \tkzPointShowCoord[xlabel=$2$,ylabel=$\text{e}+2$](pt2)
  \tkzRep
  \end{tikzpicture}
```

14.0.2 Seconde représentation



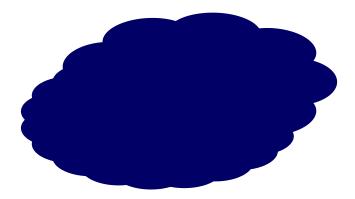
```
\begin{tikzpicture} [xscale=2.25,yscale=1]
  \tkzInit[xmin=-2,xmax=3,ymin=-1,ymax=6]
  \tkzDrawX
  \tkzDrawY
  \tkzFct[samples=1\00,domain =-1:2.2] {x*x/2+exp(x-1)}
  \tkzDefPoint(1,1.5) {pt1}
  \tkzDrawPoint(pt1)
  \tkzDrawPoint(pt1)
  \tkzPointShowCoord[xlabel=$1$,ylabel=$3/2$](pt1)
  \tkzDefPoint(2,4.71828) {pt2}
  \tkzDrawPoint(pt2)
  \tkzPointShowCoord[xlabel=$2$,ylabel=$\text{e}+2$](pt2)
  \tkzRep
  \end{tikzpicture}
```

Code d'un tableau de variations

15 Utilisation pgfmath et de fp.sty

15.1 pgfmath

On peut faire maintenant beaucoup de tracés sans Gnuplot, voici à titre d'exemple et d'après une idée d'Herbert Voss (le membre le plus actif de la communauté Pstricks) un exemple de courbes obtenues avec seulement Tikz



15.2 fp.sty

Le principal problème de fp.sty se produit lors de l'évaluation par exemple de $(-4)^2$ ce qui peut se traduire avec fp par :

```
\begin{tikzpicture}
  \FPeval\result{(-4)^2}
\end{tikzpicture}
```

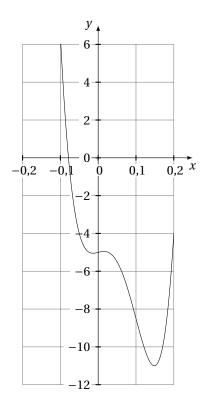
ce qui donne une erreur car fp utilise les logarithmes pour faire cette évaluation. tkz-fct.sty modifie la macro \FP@pow pour éviter cette erreur

Pour calculer les pentes des tangentes et pour placer des points sur les courbes, mon module traduit l'expression donnée pour Gnuplot et la stocke dans une commande \tkzFcta, pour être utilisée ensuite avec les macros \tkzDefPointByFct et \tkzDrawTangentLine.

mais si vous voulez placer un point de ce graphe ayant pour abscisse x = 2, il est alors préférable de choisir la première méthode.

Sinon pour une fonction polynômiale, il sera nécessaire pour utiliser les macros relatives aux images et aux tangentes de mettre le polynôme sous la forme d'Horner. Ainsi avec \tkzFct, l'argument $x^4 - 2x^3 + 4x - 5$ peut être écrit : -5+x*(0.5+4*x*(x*(-2+x*1))).

Voici ce qu'il faut donc faire :



16 Quelques remarques

- 1. Modification avec les anciennes versions :
 - \tkzTan est devenu \tkzDrawTangentLine
 - Désormais le domaine est donné comme avec TikZ et ce n'est plus $(\langle x_a..x_h \rangle)$
 - \tkzFctPt est devenu \tkzDefPointByFct
- 2. Quand xstep est différent de 1, la variable doit être \x.
- 3. Quand une fonction est passée en argument à la macro \tkzFct, elle est stockée avec la syntaxe de gnuplot dans la macro \tkzFctgnua. tkzFctgnu est un préfixe, « a » est la référence associée à la fonction, la fonction suivante dans le même environnement tikzpicture sera référencée « b » et ainsi de suite...

 Elle est aussi stockée avec la syntaxe de fp. sty dans la macro \tkzFcta avec le préfixe tkzFcta.

 La dernière macro utilisée est également sauvegardée sous les deux syntaxes avec \tkzFctgnuLast et \tkzFctLast.
- 4. Attention dans gnuplot un quotient doit être entré sous la forme 1./3, car 1/3 donne le quotient d'une division euclidienne (ici 0).
- 5. Problème avec gnuplot:
 - Si le fichier xxx.table n'est pas créé, la cause probable est :
 - soit que TeX ne trouve pas gnuplot, c'est en général un problème de « PATH »,
 - soit T_EX n'autorise pas le lancement de gnuplot alors c'est que l'option shell-escape n'est pas autorisé.

Une autre possibilité est que le fichier xxx.gnuplot soit incorrect. Il suffit de l'ouvrir avec un éditeur pour lire les commandes passées à gnuplot. Il est à remarquer un changement de syntaxe de gnuplot autour de la version 4.2. La syntaxe pour créer une table avec des versions ultérieures (4.4 et bientôt 4.5), est désormais set table.

- $-\pi$ est, avec gnuplot, défini par pi
- π est, avec fp.sty défini par \FPpi.
- (set) samples =2 est suffisant pour tracer une droite.
- 6. La puissance a^b est notée $a \wedge b$ avec fp et pgfmath mais a * *b avec gnuplot.
- 7. tkz-fct modife FP@pow (code modifié de Christian Tellechea 2009) afin d'autoriser les puissances entières de nombres négatifs.
- 8. $(1/\exp(1))$ est correct mais $(1/\exp(1))$ donne une erreur

16.1 Fonctions de gnuplot

Gnuplot	fp	Description
+	+	addition
-	-	soustraction
*	*	multiplication
/	/	division
**	٨	exponentiation
%	absente	modulo
pi	pi	constante 3.1415
abs(x)	abs	Valeur absolue
cos(x)	cos	Arc -cosinus
sin(x)	sin	Arc -cosinus
tan(x)	tan	Arc -cosinus
acos(x)	arccos	Arc -cosinus
asin(x)	arcsin	Arc-sinus
atan(x)	arctan	Arc-tangente
atan2(y,x)	absente	Arc-tangente
cosh(x)	absente	Cosinus hyperbolique
sinh(x)	absente	Sinus hyperbolique
acosh(x)	absente	Arc-cosinus hyperbolique
asinh(x)	absente	Arc-sinus hyperbolique
atanh(x)	absente	Arc-tangente hyperbolique
besj0(x)	absente	Bessel j0
besj1(x)	absente	Bessel j1
besy0(x)	absente	Bessel y0
besy1(x)	absente	Bessel yl
ceil(x)	absente	Le plus petit entier plus grand que
floor(x)	absente	Plus grand entier plus petit que
absente	trunc(x,n)	troncature <i>n</i> nombre de décimales
absente	round(x,n)	arrondi n nombre de décimales
exp(x)	exp	Exponentielle
log(x)	ln	Logarithme népérien (base e)
log10(x)	absente	Logarithme base 10
norm(x)	absente	Distribution normale
rand(x)	random	Générateur de nombre pseudo-aléatoire
sgn(x)	absente	Signe
sqrt(x)	absente	Racine carrée
tanh(x)	absente	Tangente hyperbolique
		U 11 1

17 Liste de toutes les macros

17.1 Liste de toutes les macros fournies par ce package

- \tkzFct[samples=200,domain=-5:5,color=black,id=tkzfct]{\(\langle \text{gnuplot's expression} \rangle \)}
- \tkzDefPointByFct[draw=false](\(\text{point's name} \) -> tkzPointResult
- \tkzDrawTangentLine[draw=false,color=black,kr=1,kl=1,style=solid,with=a](\(\)point's name\(\))
- \tkzDrawArea[domain=-5:5,color=lightgray,opacity=.5]
- \tkzArea[domain=-5:5,color = lightgray,opacity=.5]
- \tkzDrawAreafg[domain=-5:5,between= a and b]
- \tkzAreafg[domain=-5:5,between= a and b]
- $\t x=1$ [samples=200,domain=-5:5, line width=1pt,id=tkzfctpar]x(t)y(t)
- \tkzFctPolar[samples=200,domain=0:2*pi, line width=1pt,id=tkzfctpolar] $\rho(t)$
- \tkzDrawRiemannSum[interval=1:2,number=10,fill=gray]
- \tkzDrawRiemannSumInf [interval=1:2,opacity=.5,fill=gray]
- \tkzDrawRiemannSumSup [interval=1:2,number=10,fill=gray]
- \tkzDrawRiemannSumMid[interval=1:2,opacity=1,fill=gray]

17.2 Liste de toutes des macros essentielles de \tkz-base

- \tkzInit[xmin=0,xmax=10,xstep=1,ymin=0,ymax=10,ystep=1]
- \tkzAxeX
- \tkzDrawX
- \tkzLabelX
- \tkzAxeY
- \tkzDrawY
- \tkzLabelY
- \tkzGrid
- \tkzClip
- \tkzDefPoint
- \tkzDrawPoint
- \tkzPointShowCoord
- \tkzLabelPoint

Index

```
\draw plot function, 4
\draw plot[id=fct] function---.;,5
\FPpi, 54, 80
\jobname, 6
Operating System
    Linux Ubuntu,7
    OS X,7
    Windows XP, 7
\t**2,47,54
\t**3, 47, 54
\tikzset{tan style/.style={->,>=latex}},20
\tikzset{tan style/.style={-}},20
\tkz-base, 82
\tkzArea, 29
\tkzAxeX,82
\tkzAxeY,82
\tkzClip,82
\tkzDefPoint, 82
\tkzDefPointByFct(0),14
\tkzDefPointByFct, 14, 78, 80
\tkzDefPointByFct: arguments
    decimal number, 14
\tkzDefPointByFct: options
    draw, 14
    ref, 14
    with, 14
\t \ \tkzDefPointByFct(\ (\ decimalnumber)), 14
\tkzDrawArea, 29
\tkzDrawArea: options
    color, 29
    domain, 29
    opacity, 29
    style, 29
    with, 29
\tkzDrawAreafg, 33
\tkzDrawAreafg: options
    between, 33
    domain= min:max,33
    opacity, 33
\tkzDrawAreafg[\langlelocal options\rangle],33
\tkzDrawArea[\langlelocal options\rangle],29
\tkzDrawPoint, 14, 82
\tkzDrawRiemannSum, 38
\tkzDrawRiemannSum: options
    iterval,38
    number, 38
\tkzDrawRiemannSumInf,39
\tkzDrawRiemannSumInf[\langlelocal options\rangle], 39
```

Index 86

```
\tkzDrawRiemannSumMid, 41
\tkzDrawRiemannSumMid[\langlelocal options\rangle],41
\tkzDrawRiemannSumSup, 40
\text{\tkzDrawRiemannSumSup[(local options)]}, 40
\text{tkzDrawRiemannSum}[\langle local options \rangle] \{\langle f(t) \rangle\}, 38
\tkzDrawTangentLine(0),20
\tkzDrawTangentLine, 20, 22, 78, 80
\tkzDrawTangentLine: arguments
    a, 20
\tkzDrawTangentLine: options
    draw, 20
    kl, 20
    kr, 20
    with, 20
\tkzDrawX,82
\tkzDrawY,82
\tkzFct, 4, 9, 20, 78, 80
\tkzFct: arguments
    gnuplot expression, 9
\tkzFct: options
    color, 9
    domain, 9
    id, 9
    line width, 9
    samples, 9
    style,9
\tkzFcta, 20, 78, 80
\tkzFctb, 20
\tkzFctgnua, 80
\tkzFctgnuLast, 80
\tkzFctLast, 16, 26, 27, 80
\tkzFctPar[0:1], 47, 54
\tkzFctPar, 47
\tkzFctPar: arguments
    x(t), y(t), 47
\tkzFctPar: options
    color, 47
    domain, 47
    id.47
    line width, 47
    {\tt samples}, 47
    style, 47
\text{tkzFctPar}[\langle \text{local options} \rangle] \{\langle x(t) \rangle\} \{\langle y(t) \rangle\}, 47
\tkzFctPolar, 54
\tkzFctPolar: arguments
    x(t), y(t), 54
\tkzFctPolar: options
    color, 54
    domain, 54
    id, 54
    line width, 54
    samples, 54
```

Index 87

```
style,54
\text{tkzFctPolar}[\langle \text{local options} \rangle] \{\langle f(t) \rangle\}, 54
\tkzFctPt, 14, 80
\tkzFctk, 44
\tkzFct[\langlelocal options\rangle] \{\rangle gnuplot expression\rangle\}, 9
\tkzGetPoint, 14, 15
\tkzGrid,82
\tkzHLine, 44
\tkzHLine: arguments
     decimal number, 44
\text{tkzHLines}\{1,4\},45
\tkzHLines, 45
\tkzHLines: arguments
     list of values, 45
\text{tkzHLines}[\langle \text{local options} \rangle] {\langle \text{list of values} \rangle}, 45
\time [(local options)] {(decimal number)}, 44
\tkzInit, 4, 9, 20, 82
\tkzLabelPoint, 82
\tkzLabelX,82
\tkzLabelY, 82
\tkzPointShowCoord, 82
\tkzSetUpPoint, 18
\tkzTan, 80
\tkzText, 18, 19
\text{tkzVLine}\{1\}, 42, 44
\tkzVLine, 42
\tkzVLine: arguments
     decimal number, 42
\tkzVLine: options
     {\tt color} , 42
     line width, 42
     style,42
\text{tkzVLines}\{1,4\},43
\tkzVLines, 43
\tkzVLines: arguments
     list of values, 43
\text{\tkzVLines}[\langle \text{local options} \rangle] {\langle \text{list of values} \rangle}, 43
\text{\tkzVLine}[\langle \text{local options} \rangle] \{\langle \text{decimal number} \rangle\}, 42
\x, 4, 9, 80
```