
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №1.01
"Исследование распределения случайной величины"

Группа: Z3144

Студент: Евгений Турчанин

1 Цель

Цели работы:

1. Исследование распределения случайной величины на примере многократных измерений определенного интервала времени.
2. Выяснить на сколько теория расходится с практикой и объяснить почему.

2 Теоретическое введение

- Случайная величина - величина, которая не может быть однозначно определена до проведения опыта по ее измерению
- При проведении достаточно большого количества измерений можно считать, что случайная величина распределена нормально, то есть ее распределение описывается функцией Гаусса.

3 Предметная область

В данной работе использованы формулы:

$$\rho(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\left(-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}\right) - \text{для вычисления распределения}$$

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i - \text{для поиска среднего}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2} - \text{для поиска дисперсии}$$

$$\Delta t = t_{\alpha, N} \cdot \sigma_{(t)} - \text{для поиска доверительного интервала}$$

$$f_{max} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} - \text{для поиска максимального значения плотности распределения}$$

$$SEM = \frac{\sigma}{\sqrt{N}} - \text{для поиска среднеквадратичного отклонения среднего значения}$$

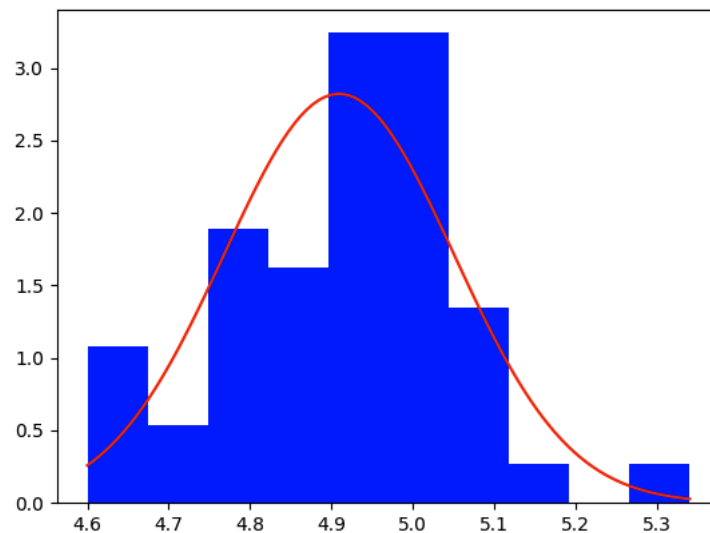
4 Схема работы

Есть два человека, у каждого из них есть секундомер. Первый человек нажимает на старт, по прошествии 5 секунд он “подает сигнал”, второй же нажимает старт на своем секундомере, после 5 секунд первый снова “подает сигнал”, после которого второй останавливает секундомер. В таблице записаны значения второго секундомера.

N	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	4.91	5.03	4.93	4.84	4.81	4.94	5.34	4.78	5.00	5.03
2	4.81	4.91	4.65	5.03	4.72	4.91	4.62	4.72	5.00	4.87
3	4.90	4.90	4.78	4.97	4.60	4.75	5.03	4.94	4.93	4.75
4	4.90	5.06	5.06	4.66	5.12	5.09	5.10	4.84	4.97	5.00
5	4.84	5.00	4.81	5.07	4.97	5.00	4.94	4.87	4.91	4.85

5 Полученные данные

Используя выше описанные формулы и python, обрабатываем данные и получаем график, среднее значение, среднее квадратичное отклонение среднего значения, дисперсию, максимальное значение плотности распределения и доверительный интервал.



$$\begin{aligned}\bar{x} &= 4.91 \\ SEM &= 0.143 \\ \sigma^2 &= 0.141 \\ f_{max} &= 2.72 \\ \Delta t &= [4.87, 4.95]\end{aligned}$$

6 Выводы

Данные соответствуют ожидаемым результатам.

Отклонения могут быть вызваны из-за нескольких факторов:

- Недостаточность выборки, возможно если количество измерений было больше, то расхождений с теорией было бы меньше.
- В силу того, что человек смотрит на таймер, он пытается нажать чуть заранее, чтобы подать сигнал ровно в 5 секунд, отсюда и выходит что среднее значение чуть меньше 5 секунд.
- У каждого человека своя скорость реакции, которая к тому же может зависеть от окружающих факторов и меняться с течением времени.