

Structuri de date și algoritmi

upT Universitatea
Politehnica
Timișoara

P-ța Victoriei nr. 2
RO 300006 - Timișoara
Tel: +4 0256 403000
Fax: +4 0256 403021
rector@rectorat.upt.ro
www.upt.ro

Domeniul de studii: Informatică/ Specializarea: Informatică

SDA – Cursul 9

Ș.I. dr.ing. Adriana ALBU

adriana.albu@upt.ro

<http://www.aut.upt.ro/~adrianaa>

4. Structura de date șir

4.1 TDA șir

➤ MM: secvență finită de caractere c_1, c_2, \dots, c_n

- $n \rightarrow$ lungimea secvenței; $n=0 \Rightarrow$ șir vid

➤ Notatii:

- s, sub, u – șiruri
- c – valoare de tip caracter
- b – boolean
- $poz, lung$ – întregi pozitivi

➤ Operatorii: implementați în termenii limbajului de programare (primitivi) sau dezvoltați de programator

➤ Operatori:

- CreeazaSirVid(s)
- InsereazaSir(sub, s, poz)
- SirVid(s)-> b
- FurnizeazaCar(s, poz)-> c
- AdaugaCar(s, c)
- LungSir (s)-> $lung$
- Pozitie(sub, s)-> poz
- StergeToateSubsir(sub, s)
- Concat(u, s)
- StergeSir($s, poz, lung$)
- CopiazaSubsir($u, s, poz, lung$)

4.2 Implementarea TDA sir

4.2.1 Implementarea cu tablouri

➤ articol format dintr-un întreg (lungimea șirului) și un tablou de caractere

```
#define LungMax ...
typedef int TipLungime; /*0... LungMax*/
typedef int TipIndice; /*0... LungMax-1*/
typedef char tab[LungMax];
typedef struct{
    TipLungime lungime; /*pentru eficiență*/
    tab sir;
}TipSir;
TipSir s;
```

➤ Ex.:

- Creeaza_Sir_Vid(TipSir s); Lung_Sir (TipSir s); Adauga_Car(TipSir s, char c); → $O(1)$
- Copiaza_Subsir(TipSir u, TipSir s, TipIndice poz, TipLungime lung); → $O(n)$

➤ Implementare simplă, operatori performanți, dar cu o utilizare ineficientă a spațiului de memorie

4.2.1 Implementarea cu tablouri

➤ Exemple din C, biblioteca string.h

```
char str[50];
```

```
strcpy(str, "Ana are mere");  
printf("%s", str); // Ana are mere
```

```
printf("%c", str[4]); // a  
str[8]=toupper(str[8]); // => Ana are Mere
```

```
strcat(str, "!"); // => Ana are Mere!
```

```
printf("%s", strchr(str, 'n')); // na are Mere!  
printf("%s", strstr(str, "are")); // are Mere!
```

➤ ineficient

```
for(i=0; i<strlen(str); i++)  
    //...
```

➤ mai bine

```
int n=strlen(str);  
for(i=0; i<n; i++)  
    //...
```

4.2.2 Implementarea tipului șir prin tabele

- Toate șirurile utilizate la un moment dat se păstrează într-un singur tablou numit *Heap*
- Se asociază o tabelă auxiliară (tablou auxiliar) care păstrează evidența șirurilor, numita tabelă de șiruri
 - o locație în tabela de șiruri referă un șir printr-un articol compus din 2 elemente:
 - lungimea șirului curent
 - un indicator în *Heap* care precizează poziția (începutul) șirului

4.2.2 Implementarea tipului șir prin tabele

```
#define LungimeHeap ...
#define LungimeTabela ...
typedef struct{
    int lungime; /*0...LungimeHeap*/
    int indicator; /*0...LungimeHeap-1*/
}ElemTablou;
typedef int TipSir;
typedef ElemTablou tab1[LungimeTabela];
typedef char tab2[LungimeHeap];
tab1 TabelaDeSiruri;
tab2 Heap;
int Disponibil;
int NumarDeSiruri;
```

➤ Lungimea limitată a șirurilor complică operatorii de tip adăugare caracter, ștergere subșir etc.

- → noi instanțe ale șirurilor implicate, la sfârșitul tabloului *Heap*

➤ Copierea unui șir sursă într-un șir destinație se obține poziționând câmpul indicator al destinației spre indicatorul șirului sursa în *Heap*

- → economie de memorie

4.2.3 Implementarea șirurilor cu pointeri

- Se bazează pe reprezentarea șirurilor drept o colecție de celule înlănțuite, fiecare celulă conținând unul sau mai multe caractere
- Accesul la caracterele șirului se face doar secvențial

```
typedef struct cel{  
    char ch;  
    struct cel *urm;  
}Celula;  
typedef Celula *PointerCelula;  
typedef struct{  
    int lungime;  
    PointerCelula cap, coada;  
}TipSir;  
TipSir s;
```

- Se utilizează în special când lungimea șirurilor este imprevizibilă

4.3 Tehnici de căutare / 4.3.1 Căutare tabelară

- Pentru a stabili coincidența a două șiruri e necesar să se stabilească coincidența tuturor caracterelor corespunzătoare din șirurile comparate

```
#define M ...  
typedef char sir[M];  
sir x,y;  
 $x==y \longleftrightarrow A_j: 0 \leq j < M : x_j == y_j$ 
```

- Lungimea unui șir poate fi precizată:

- explicit (implementările anterioare)
- implicit, prin precizarea unui caracter fanion care să marcheze terminarea șirului

- **Căutarea tabelară** parcurge un tablou de șiruri, pentru fiecare intrare în tablou verificând prezența șirului căutat x prin aplicarea tehnicii de căutare liniară

- în cazul unui terminator de șir coincidența apare dacă ultimul caracter identic este terminatorul de șir

- Structuri imbricate

4.3 Tehnici de căutare în șiruri / 4.3.2 Căutarea directă

- Are drept scop stabilirea poziției primei apariții a șirului p în șirul s
 - rezultatul căutării este indicele i al primei apariții

```
char s[N];  
char p[M]; /* M << N */
```

- Precizarea coincidenței se face cu $P(i,j)$:

$$P(i,j) \quad A_k: 0 \leq k < j : s_{i+k} == p_k$$

- În cazul în care $P(i,j)$ este adevărat, avem o coincidență de j caractere începând cu poziția i în șirul s
 - pentru a avea o coincidență pe lungimea M este necesar să fie adevărat $P(i,M)$
- Șirul p este deplasat paralel cu șirul s până la găsirea lui p sau până când numărul caracterelor netestate din s este mai mic decât dimensiunea lui p

4.3 Tehnici de căutare în șiruri / 4.3.2 Căutarea directă

- Căutarea directă lucrează destul de repede dacă se presupune că nepotrivirea dintre s și p apare după cel mult câteva comparații

- $\rightarrow O(N)$

s:	ABABABCDE	ABABABCDE	ABABABCDE
p:	ABCD	ABCD	ABCD

- Cel mai defavorabil caz este când nepotrivirea dintre s și p apare totdeauna pe ultimul caracter din $p \rightarrow O(N*M)$

- s: AAAAAAAAAAABAAAAA.....AAAAA

- p: AAAAAAAAAAB

- Eficiență scăzută: modelul p avansează cu o singură poziție după o nepotrivire

4.3 Tehnici de căutare în șiruri / 4.3.3 Optimizări

➤ Optimizările presupun preprocesare

- Căutarea Boyer-Moore

- se bazează pe ideea de a realiza comparația dintre modelul p și șirul s , începând cu ultimul caracter al modelului

- Căutarea Knuth-Morris-Pratt

- ia în considerare sub-modele ale modelului căutat
- preprocesarea – identificarea celor mai lungi secvențe de caractere din model care sunt prefix al modelului
- la medie, performanțe $O(N+M)$
- <https://www.youtube.com/watch?v=cH-5KcgUcOE>

Vă mulțumesc!