## **Bachelorarbeit**

# **Topological Entropy of Formal Languages**

Florian Starke

October 5, 2017

Technische Universität Dresden Fakultät Mathematik Institut für Geometrie

Betreuender Hochschullehrer: Prof. Dr. Andreas Thom

### Contents

1 Martingale Technique

2

#### 1 Martingale Technique

**Definition 1.** A *martingale* is a family  $(f_i, \mathcal{F}_i)_{i \in \{0,\dots,n\}}$  such that

- $f_i$  is integrable for all  $i \in \{0, ..., n\}$ ,
- $f_i$  is  $\mathcal{F}_i$  measurable for all  $i \in \{0, \dots, n\}$ , and
- $f_i = \mathbb{E}[f_{i+1}|\mathcal{F}_i]$  for all  $i \in \{0, \dots, n-1\}$ .

#### Lemma 2.

$$\begin{split} \mu(\{x \in X \mid |f(x) - \mathbb{E}(f)| \geq c\}) &\leq 2 \exp\left(-\frac{c^2}{4 \sum_{i=1}^n \|d_i\|_{\infty}^2}\right) \\ \mu(\{|f - \mathbb{E}(f)| \geq c\}) &\leq 2 \exp\left(-\frac{c^2}{4 \sum_{i=1}^n \|d_i\|_{\infty}^2}\right) \end{split}$$

## **ERKLÄRUNG**

Hiermit erkläre ich, dass ich die am heutigen Tag eingereichte Diplomarbeit zum Thema "Topological Entropy of Formal Languages" selbstständig erarbeitet, verfasst und Zitate kenntlich gemacht habe. Andere als die angegebenen Hilfsmittel wurden von mir nicht benutzt.

Datum Unterschrift