Problemas Sortidos de Álgebra

Guilherme Zeus Dantas e Moura zeusdanmou@gmail.com

Problema 1 (China ♂)

Dados inteiros positivos m e n, suponha que $n \ge 2m \ge 4$. Sejam $x_1 \ge x_2 \ge \cdots \ge x_n$ números reais, tais que

$$\sum_{k=1}^{n} x_k = 0 \text{ e } \sum_{k=1}^{n} x_k^2 = n(n-1).$$

Determine o valor mínimo de $\sum_{k=1}^{m} x_k$.