

Tutoria, 15:00

Guilherme Zeus Dantas e Moura zeusdanmou@gmail.com

- 1. (Banco IMO 2017, G3) Seja O o circuncentro de um triângulo acutângulo ABC. A reta OA intersecta as alturas de ABC relativas a B e C em P e Q, respectivamente. As alturas se encontram em H. Prove que o circuncentro de PQH está sobre uma mediana do triângulo ABC.
- 2. (Metrópoles 2019, 5) Considere uma pirâmide convexa de base quadrilátera, com base ABCD e vértice S oposto à base, de modo que a pirâmide possui uma esfera inscrita (isto é, contém uma esfera que é tangente a todas as faces). Ao fazer cortes ao longo das arestas SA, SB, SC, SD e rotacionar as faces SAB, SBC, SCD, SDA para fora no plano ABCD, desdobramos a pirâmide no polígono AKBLCMDN como mostrado na figura. Prove que K, L, M, N são concíclicos.

