# 法律声明

□ 本课件包括: 演示文稿, 示例, 代码, 题库, 视频和声音等, 小象学院拥有完全知识产权的权利; 只限于善意学习者在本课程使用, 不得在课程范围外向任何第三方散播。任何其他人或机构不得盗版、复制、仿造其中的创意, 我们将保留一切通过法律手段追究违反者的权利。



关注 小象学院



# 第6讲 值函数逼近法

#### 强化学习

主讲人:叶梓

上海交通大学博士

主要研究方向: 机器学习、深度学习、人工智能

# 本章内容

- □ 维数灾难
- □ 值函数逼近法概述
- □ 参数化逼近
- □ 主要研究问题
- □ 开源库介绍
- □ 环境搭建

# 表格型强化学习方法

- □状态值(状态-行为值)函数可以利用DP, MC或TD的方法计算得到。
- □这时的值函数表达为一个表格。
  - 对于状态值函数, 其索引是状态;
  - 对于行为值函数,其索引是状态-行为对。
- □ 值函数迭代更新的过程实际上就是对这张表进行迭代更新。
- □ 因此,之前讲的强化学习算法又称为表格型 强化学习。
- □ 对于状态值函数,其表格的维数为状态的个数 |S|, 其中 S为状态空间。



# 维数灾难

- □ DP、MC、TD等方法都有一个基本的前提条件,就是状态空间和动作空间是离散的,而且状态空间和动作空间不能太大。
- □ 考虑一下围棋:



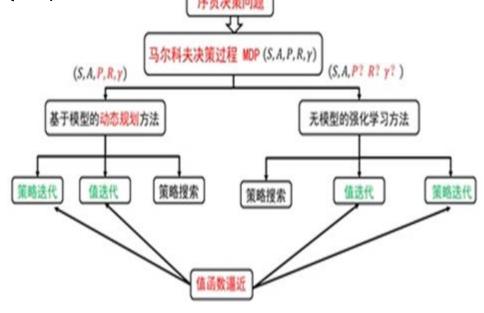
 $3^{361}=1.74*10^{172}$  $3^{261}=3.38*10^{124}$ 

# 值函数逼近方法

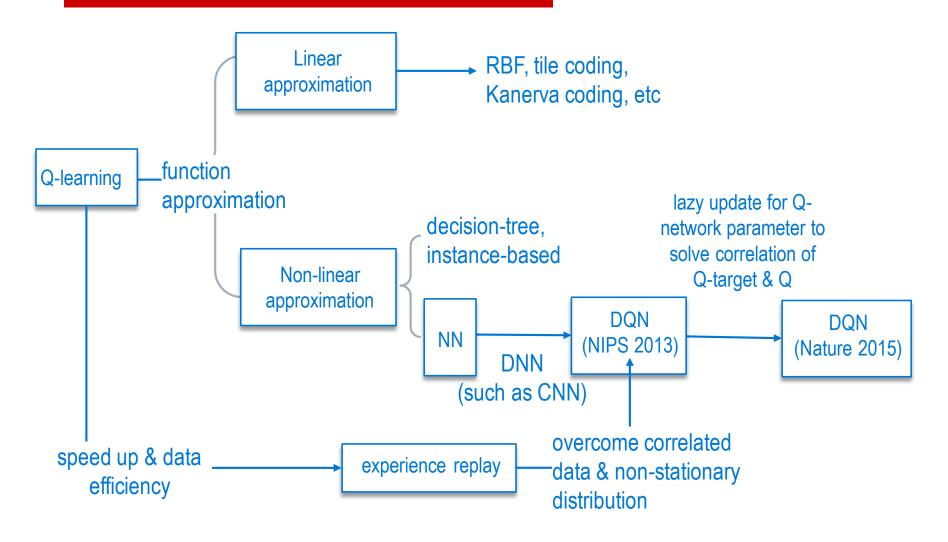
□ 若状态空间的维数很大,或者状态空间为连续空间,此时值函数无法用一张表格来表示。

□这时,我们需要利用函数逼近的方法对值函

数进行表示。如图所示。



# 基于Q学习的值函数逼近法的演变





# 值函数逼近方法

- □函数逼近方法可以分为参数逼近和非参数 逼近,因此强化学习值函数估计可以分为 参数化逼近和非参数化逼近。
- □ 这里主要介绍参数化逼近。所谓参数化逼近, 是指值函数可以由一组参数θ来近似。我们 将逼近的值函数写为û=(s,θ)。
- □ 其中参数化逼近又分为:
  - 线性参数化逼近(例如:基函数)
  - 非线性化参数(例如:神经网络)逼近。

# 与表格型RL的异同点

- □ 表格型强化学习和值函数逼近方法的强化学习值 函数更新时的异同点:
- □ 表格型强化学习进行 值函数更新时,只有 当前状态S<sub>t</sub>处的值函 数在改变,其他地方 的值函数不发生改变。

# 值函数逼近

与表格法相比, 值函数逼近表示 目标函数的优点

- 可以降低输入维度,减少计算量
- 可以提高泛化能力,避免过适应 (over-fitting)
- 可以使目标函数对于参数可微,使用基于梯度的计算方法

FA分为两大类: 线性和非线性的

- 前者一般是用一系列特征的线性组合,它们的权重作为参数。优点自然是计算方便,算法易于实现
- 后者就比如用神经网络(NN), 优点是表达能力大大加强, 缺点是训练起来也麻烦得多



# 参数化逼近

- □ 当逼近的值函数结构确定时,则值函数的逼近就等价于参数的逼近。
- □ 值函数的更新也就等价于参数的更新。即,需 要利用试验数据来更新参数值。
- □ 先复习一下表格型强化学习值函数更新的公式:

MC法, 值函数更新公式为:

$$Q\left(s,a
ight) \leftarrow Q\left(s,a
ight) + lpha\left(G_{t} - Q\left(s,a
ight)
ight)$$

TD法,值函数更新公式为:

$$Q\left(s,a
ight) \leftarrow Q\left(s,a
ight) + lpha\left[r + \gamma Q\left(s',a'
ight) - Q\left(s,a
ight)
ight]$$

TD (λ)法, 值函数更新公式为:

$$Q\left(s,a
ight) \leftarrow Q\left(s,a
ight) + lpha\left[G_{t}^{\lambda} - Q\left(s,a
ight)
ight]$$

□ 值函数的更新过程:值函数更新过程是向着目标 值函数靠近。



# 参数化逼近

- □ 从表格型值函数的更新过程,不难总结出不管是蒙特卡罗方法还是TD方法,都是朝着一个目标值更新的,
  - 这个目标值在蒙特卡罗方法中是 $G_t$ , 在TD方法中是 $r + \gamma Q(s', a')$ ,  $TD(\lambda)$  中是 $G_t^{\lambda}$ 。
- □ 函数逼近 $\hat{\rho} = (s, \theta)$ 的过程是一个有监督学习的过程,其数据和标签对为 $(S_t, U_t)$ ,其中 $U_t$ 等价于蒙特卡罗方法中的 $G_t$ ,TD方法中 $r + \gamma Q(s', a')$ ,以及TD (λ) 中的 $G_t^{\lambda}$
- □ 训练的目标函数为:

$$argmin_{ heta}(q\left(s,a
ight)-\hat{q}\left(s,a, heta
ight))^{2}$$
 V(s)



# 增量方法与批量方法

- □ 值函数更新可分为增量式学习方法和批量学习方法:
  - ■增量式方法参数更新过程随机性比较大,尽管计算简单,但样本数据的利用效率并不高。
  - 批量的方法,尽管计算复杂,但计算效率高。
- □ 随机梯度下降法是最常用的增量式学习方法。
- □ 由训练的目标函数,可以得到参数的随机梯度 更新为: <sub>学习步长</sub> 误差 梯度

$$heta_{t+1} = heta_t + lpha \left[ U_t - \hat{v} \left( S_t, heta_t 
ight) 
ight] 
abla_{ heta} \hat{v} \left( S_t, heta 
ight)$$

# 增量式学习方法

- □ 如果是基于蒙特卡罗方法的函数逼近,
- □ 给定要评估的策略π,产生一次试验:

□ 值函数的更新过程实际是一个监督学习的过程, 其中监督数据集从蒙塔卡罗的试验中得到,其数据集为:

$$\left\langle s_{1},G_{1}\right
angle ,\left\langle s_{2},G_{2}\right
angle ,\cdots,\left\langle s_{T},G_{T}\right
angle$$

□ 值函数的更新:

$$\Delta heta = lpha \left( G_t - \hat{v} \left( S_t, heta 
ight) 
ight) 
abla_{ heta} \hat{v} \left( S_t, heta 
ight)$$

其中**a**值比较小,在随机梯度下降法中,需要一个能平衡所有不同状态误差的值函数逼近。**a**值取得比较小可以维持这种平衡。



# 参数化逼近

- □ 如果是基于时间差分方法的函数逼近
- □ TD(0)方法中目标值函数为:

$$U_{t}=R_{t+1}+\gamma\hat{v}\left(S_{t+1}, heta
ight)$$

- □ 即目标值函数用到了bootstrapping的方法。此时,要更新的参数 θ 不仅出现在要估计的值函数中,还出现在目标值函数中。
- □ 若只考虑参数 θ 对估计值函数的影响而忽略对目标值函数的影响,这种方法并非完全的梯度 法,只有部分梯度,因此称为半梯度法:

$$heta_{t+1} = heta_t + lpha \left[ R + \gamma \hat{v} \left( S', heta 
ight) - \hat{v} \left( S_t, heta_t 
ight) 
ight] 
abla \hat{v} \left( S_t, heta_t 
ight)$$



# 线性逼近: 常用基函数

- $\square$  先讨论线性逼近  $\hat{v}(s,\theta) = \theta^T \phi(s)$
- □ 线性逼近的好处是只有一个最优值,因此可以 收敛到全局最优。
- □ 其中  $\phi(s)$  为状态S处的特征函数,或者称为基函数。常用的基函数的类型为:
- $\square$  多项式基函数,如:  $(1, s_1, s_2, s_1 s_2, s_1^2, s_2^2, \cdots)$
- $lacksymbol{\square}$  傅里叶基函数:  $\phi_i(s) = \cos(i\pi s), s \in [0,1]$
- $lacksymbol{\square}$  径向基函数:  $\phi_i\left(s
  ight) = \exp\left(-rac{\|s-c_i\|^2}{2\sigma_i^2}
  ight)$



# 参数更新公式

- □ 将线性逼近值函数带入随机梯度下降法和半梯度下降法中,可以得到参数的更新公式,如下:
- □ 蒙特卡罗方法值函数更新为:

$$egin{aligned} \Delta heta &= lpha \left[ U_t \left( s 
ight) - \hat{v} \left( S_t, heta_t 
ight) 
ight] 
abla \hat{v} \left( S_t, heta_t 
ight) \ &= lpha \left[ G_t - heta^T \phi 
ight] \phi \end{aligned}$$

□ TD(0)线性逼近值函数更新为:

$$egin{aligned} \Delta heta &= lpha \left[ R + \gamma heta^T \phi \left( s' 
ight) - heta^T \phi \left( s 
ight) 
ight] \phi \left( s 
ight) \ &= lpha \delta \phi \left( s 
ight) 
ight] \end{aligned}$$

□ 正向视角的TD(λ)更新为:

$$\Delta heta = lpha \left( G_t^{\lambda} - heta^T \phi 
ight) \phi$$

□ 后向视角的TD(λ)更新为:

$$\Delta heta = lpha \delta_t E_t \hspace{0.5cm} \delta_t = R_{t+1} + \gamma heta^T \phi \left( s' 
ight) - heta^T \phi \left( s 
ight) \hspace{0.5cm} E_t = \gamma \lambda E_{t-1} + \phi \left( s 
ight)$$



# 参数化逼近: 批量的方法

□ 批量的方法:是指给定经验数据集

$$LS\left( heta
ight) = \sum_{t=1}^{T} \left( v_t^{\pi} - \hat{v}_t^{\pi} \left(s_t, heta
ight) 
ight)^2 ag{5}$$

□ 找到最好的拟合函数,

$$D = \left\{ \left\langle s_1, v_1^\pi 
ight
angle$$
 ,  $\left\langle s_2, v_2^\pi 
ight
angle$  ,  $\cdots$  ,  $\left\langle s_T, v_T^\pi 
ight
angle 
ight\}$ 

□ 使得:  $\hat{v}(s,\theta)$  最小可利用线性最小二乘逼近:

$$\Delta \theta = \alpha \sum_{t=1}^{T} \left[ v_t^{\pi} - \theta^T \phi(s_t) \right] \phi(s_t) = 0$$
 取得最优解的地方,就

是参数不再改变的位置



# 参数化逼近: 批量的方法

□最小二乘蒙特卡罗方法参数为:

$$heta = \left(\sum_{t=1}^{T} \phi\left(s_{t}
ight) \phi(s_{t})^{T}
ight)^{-1} \sum_{t=1}^{T} \phi\left(s_{t}
ight) G_{t}$$

□ 最小二乘差分方法为:

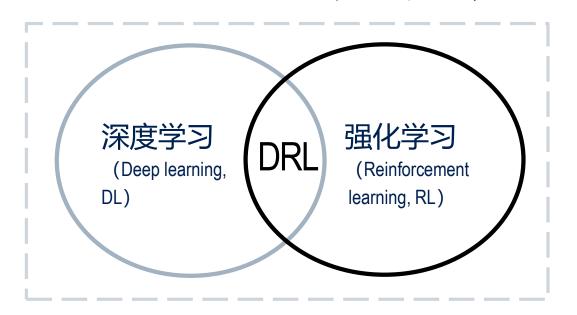
$$heta = \left(\sum_{t=1}^{T} \phi\left(s_{t}
ight) \left(\phi\left(s_{t}
ight) - \gamma\phi\left(\mathrm{s}_{t+1}
ight)
ight)^{T}
ight)^{-1} \sum_{t=1}^{T} \phi\left(s_{t}
ight) R_{t+1}$$

□ 最小二乘 TD(λ) 方法为:

$$heta = \left(\sum_{t=1}^{T} \mathrm{E}_t(\phi\left(s_t
ight) - \gamma\phi\left(\mathrm{s}_{t+1}
ight))^T
ight)^{-1} \sum_{t=1}^{T} E_t R_{t+1}$$

#### DRL: 深度强化学习

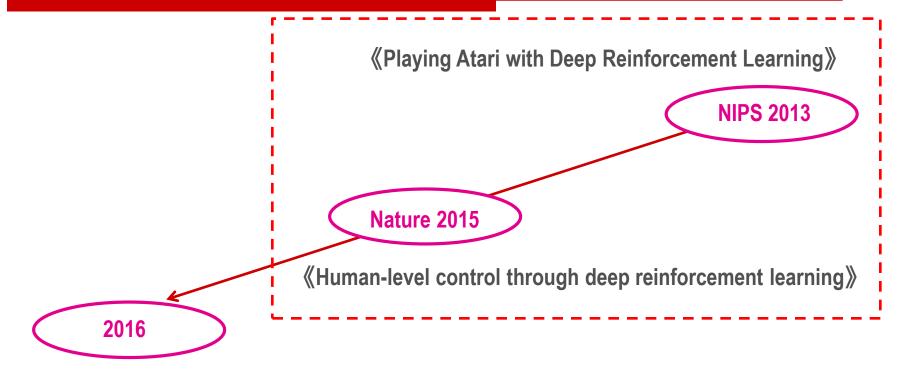
- □ DQN (Deep Q-Learning) 可谓是深度强化学习 (Deep Reinforcement Learning, DRL) 的开山之作,
- □ 它是将深度学习与强化学习结合起来从而实现从感知(Perception)到动作(Action)的端对端(Endto-end)学习的一种全新的算法。



两篇Nature上的奠基性 论文(DQN和AlphaGo) 使得此交叉方向变得炙 手可热,成功地开创了 新的方向,既具有极大 学术价值也具有很高的 商业价值。



## DRL: 里程碑论文的发表



- 1. AAAI 2016 《Deep Reinforcement Learning with Double Q-learning》
- 2. ICLR 2016 《Prioritized Experience Replay》
- 3. ICML 2016 《Dueling Network Architectures for Deep Reinforcement》
- 4. Nature 2016 《Mastering the game of Go with deep neural networks and tree search》



# DQN的起源

- □ 在普通的Q-learning中, 当状态和动作空间是离散 且维数不高时可使用Q-Table储存每个状态动作对 的Q值,而当状态和动作空间是高维连续时,使用 Q-Table不现实。
- □ 利用神经网络逼近值函数的做法在强化学习领域早已有之,通常做法是把Q-Table的更新问题变成一个函数拟合问题,相近的状态得到相近的输出动作。
- □ 但学者们发现利用神经网络,尤其是深度神经网络去逼近值函数有很大困难,因为常常出现不稳定或不收敛的情况,直到DeepMind出现。
- □ DeepMind在NIPS 2013上发表DQN V1,后又在Nature 2015上提出DQN V2。



# DQN的基本思路

- □ 前些年涌现的一些成果,比如CNN,极大地增强了DL 处理raw pixels数据的信心。DQN中的输入采用的是原始 图像数据,这是DQN最有意义的一步。
- □ DQN的算法对所有游戏是通用的(甚至超参数也是通用的),而这种通用性的重要基础之一就是它能使用raw p ixels。
- □ 同时,它的关键步骤还包括: experience replay。该方法在Long-Ji Lin 1993年的毕业论文中有较详细的介绍,其主要作用是克服经验数据的相关性 (correlated data)和非平稳分布 (non-stationary distribution)问题。
- □ 这是NIPS 2013论文中提出的DQN基本思路。



# DQN的思路-对Q学习的修改

- □ DQN中的CNN作用是对在高维且连续状态下的 Q-Table做函数拟合。
- □ 而对于函数优化问题,监督学习的一般方法是 先确定Loss Function,然后求梯度,使用随机 梯度下降等方法更新参数。DQN是基于Q-Learning来确定Loss Function。
- □ DQN对Q-learning的修改主要体现在三个方面:
  - DQN利用深度卷积神经网络逼近值函数
  - DQN利用了经验回放对强化学习的学习过程进行训练
  - DQN独立设置了目标网络来单独处理时间差分算法中的TD偏差。



# DQN v1的思路-构造目标函数

- □ DQN则基于Q-Learning来确定Loss Function。
- □ Q-Learning的更新公式:

$$Q^*(s,a) = Q(s,a) + \alpha(r + \gamma \max_{s} Q(s',a') - Q(s,a))$$

- $\square$  DQN 的Loss Function 为  $L(\theta) = E[(TargetQ Q(s, a; \theta))^2]$
- $\square$  其中 $\theta$ 是网络参数,目标为  $TargetQ = r + \gamma \max_{a'} Q(s', a'; \theta)$ 
  - □ Loss Function是基于Q-Learning更新公式的第二项确定的,都是使当前的Q值逼近Target Q值。
- 然后求L(θ) 关于θ的梯度,使用SGD等方法更新网络参数θ。



# DQN的思路-经验池

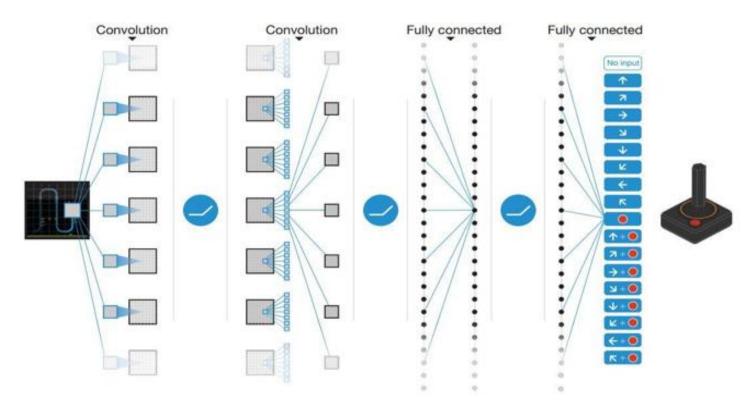
- □ 经验池的功能主要是解决相关性及非静态分布 问题。
- $\square$  具体做法是把每个时间步agent与环境交互得到的转移样本 $(s_t, a_t, r_t, s_{t+1})$ 储存到回放记忆单元,要训练时就随机拿出一些(minibatch)来训练。
- □ 其实就是将游戏的过程打成碎片存储,训练时随机抽取就避免了相关性问题。这样至少有两个好处:
  - 数据利用率高,因为一个样本被多次使用。
  - 连续样本的相关性会使参数更新的方差(variance) 比较大,该机制可减少这种相关性。



# DQN的思路-目标网络

- □ 在Nature 2015版本的DQN中提出了这个改进,使用另一个网络(称为TargetNet)产生Target Q值。
- □ Q(s,a;θ<sub>i</sub>)表示当前网络MainNet的输出,用来评估当 前状态动作对的值函数;
- $igcup Q(s,a; heta_i^-)$  表示TargetNet的输出,代入这里求TargetQ 值的公式中得到目标Q值。  $TargetQ = r + \gamma \max_{a'} Q(s',a'; heta)$
- □ 根据上面的Loss Function更新MainNet的参数,每经过N轮迭代,将MainNet的参数复制给TargetNet。
- □ 引入TargetNet后,再一段时间里目标Q值使保持不变的,一定程度降低了当前Q值和目标Q值的相关性,提高了算法稳定性。

# DQN网络模型



□ 输入的是被处理成灰度图的最近4帧 84×84 图像,经过几个卷积层(没有池化层)后接两个全连接层,输出是所有动作的Q值。



# DQN算法通述

Step 1: 用一个深度神经网络来作为Q值的网络,参数为 $\omega$ 

$$Q(s,a,\omega)pprox Q^\pi(s,a)$$

Step 2: 在Q值中使用均方差来定义目标函数objective function 也就是loss function

$$L(\omega) = E[\underbrace{(r + \gamma \cdot max_{a}, Q(s', a', \omega)}_{Target} - Q(s, a, \omega)^{2})]$$

Step 3: 计算参数ω关于loss function的梯度

$$\frac{\partial L(\omega)}{\partial \omega} = E[\underbrace{(r + \gamma \cdot max_{a}, Q(s', a', \omega)}_{Target} - Q(s, a, \omega)) \frac{\partial Q(s, a, \omega)}{\partial \omega}]$$

Step 4: 使用SGD实现End-to-end的优化目标



# DQN算法分析

- □ 网络的输入是4个84×84的灰度游戏屏幕。
- □ 网络的输出是是每一个可能动作的Q值 (Atari 中有 18 个动作),
- □ DQN网络结构图如下。

Layer	Input	Filter size	Stride	Num filters	Activation	Output
conv1	84x84x4	8x8	4	32	ReLU	20x20x32
conv2	20x20x32	4x4	2	64	ReLU	9x9x64
conv3	9x9x64	3x3	1	64	ReLU	7x7x64
fc4	7x7x64			512	ReLU	512
fc5	512			18	Linear	18



特征是状态

的函数

#### Algorithm 1 Deep Q-learning with Experience Replay

Initialize replay memory  $\mathcal{D}$  to capacity NInitialize action-value function Q with random weights for episode = 1, M do

Initialise sequence  $s_1 = \{x_1\}$  and preprocessed sequenced  $\phi_1 = \phi(s_1)$ 

for t = 1, T do

With probability  $\epsilon$  select a random action  $a_t$ otherwise select  $a_t = \max_a Q^*(\phi(s_t), a; \theta)$  進行探索

通过ε-greedy

存储

Execute action  $a_t$  in emulator and observe reward  $r_t$  and image  $x_{t+1}$ 

Set  $s_{t+1} = s_t, a_t, x_{t+1}$  and preprocess  $\phi_{t+1} = \phi(s_{t+1})$ 

Store transition  $(\phi_t, a_t, r_t, \phi_{t+1})$  in  $\mathcal{D}$ 

Sample random minibatch of transitions  $(\phi_j, a_j, r_j, \phi_{j+1})$  from  $\mathcal{D}$ 

Set 
$$y_j = \begin{cases} r_j & \text{for terminal } \phi_{j+1} \\ r_j + \gamma \max_{a'} Q(\phi_{j+1}, a'; \theta) & \text{for non-terminal } \phi_{j+1} \end{cases}$$

Perform a gradient descent step on  $(y_j - Q(\phi_j, a_j; \theta))^2$  according to equation end for

end for

- □ 1、初始化replay memory D 容量为N
- □ 2、用一个深度神经网络作为Q值网络,初始化 权重参数
- □ 3、设定游戏片段总数M
- □ 4、初始化网络输入,大小为84\*84\*4,并且计 算网络输出
- $\square$  5、以概率 $\epsilon$ 随机选择动作 $a_t$ ,以概率 $1-\epsilon$ 通过网络输出的Q(max)值选择动作 $a_t$
- $\square$  6、得到执行 $a_t$ 后的奖励 $r_t$ 和下一个网络的输入



- □ 7、根据当前的值计算下一时刻网络的输出
- □ 8、将四个参数作为此刻的状态一起存入到D中 (D中存放着N个时刻的状态)
- □ 9、随机从D中取出minibatch个状态
- □ 10、计算每一个状态的目标值(通过执行a<sub>t</sub>后的 reward来更新Q值作为目标值)
- □ 11、通过SGD更新weight



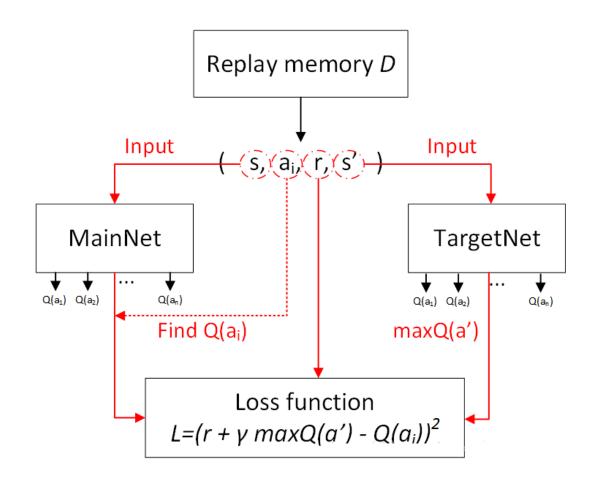
- □ Nature 2015文章,对DQN作了改进和完善,其中对于算法上的变化最主要是引入了单独的Q函数网络。
- □ 研究者在实践中发现当使用如NN这样的非线性函数逼近器逼近Q函数时RL学习过程并不稳定。这种不稳定有2种原因:
  - □ 经验数据(即观察序列)具有相关性。
  - □ Q函数的微小改变会引起策略 (policy) 的巨大改变, 进而改变训练数据分布, 以及Q函数与Q函数目标之间的差值。
- □ 解决方法:
  - □ 前者可以用experience replay解决(参见NIPS 2013论文)。
  - □ 后者可采用迭代式更新 (iterative update) 解决 (Nature 2015引入)。



```
Initialize replay memory D to capacity N
Initialize action-value function Q with random weights \theta
Initialize target action-value function \hat{Q} with weights \theta^- = \theta
For episode = 1, M do
   Initialize sequence s_1 = \{x_1\} and preprocessed sequence \phi_1 = \phi(s_1)
   For t = 1T do
       With probability \varepsilon select a random action a_t
       otherwise select a_t = \operatorname{argmax}_a Q(\phi(s_t), a; \theta)
       Execute action a_t in emulator and observe reward r_t and image x_{t+1}
        Set s_{t+1} = s_t, a_t, x_{t+1} and preprocess \phi_{t+1} = \phi(s_{t+1})
        Store transition (\phi_t, a_t, r_t, \phi_{t+1}) in D
       Sample random minibatch of transitions (\phi_j, a_j, r_j, \phi_{j+1}) from D
       Set y_j = \begin{cases} r_j & \text{if episode terminates at step } j+1 \\ r_j + \gamma \max_{a'} \hat{Q}(\phi_{j+1}, a'; \theta^-) & \text{otherwise} \end{cases}
       Perform a gradient descent step on (y_j - Q(\phi_j, a_j; \theta))^2 with respect to the
       network parameters \theta
       Every C steps reset Q = Q
   End For
End For
```



#### □ Loss Function 的构造



#### DQN\_V2

- □ 1、初始化replay memory D, 容量为N, 用于存储训练的样本
- 2、初始化action-value function的Q卷积神经网络, 随机初始化权重参数θ
- □ 3、初始化 target action-value function 的 Q 卷 积神经网络,结构以及初始化权重θ和θ相同
- □ 4、设定游戏片段总数M
- □ 5、初始化网络输入,大小为84\*84\*4,并且计算网络输出
- □ 6、根据概率∈ (很小)选择一个随机的动作或者根据当前的状态输入到当前的网络中 (用了一次CNN)计算出每个动作的Q值,选择Q值最大的一个动作(最优动作)

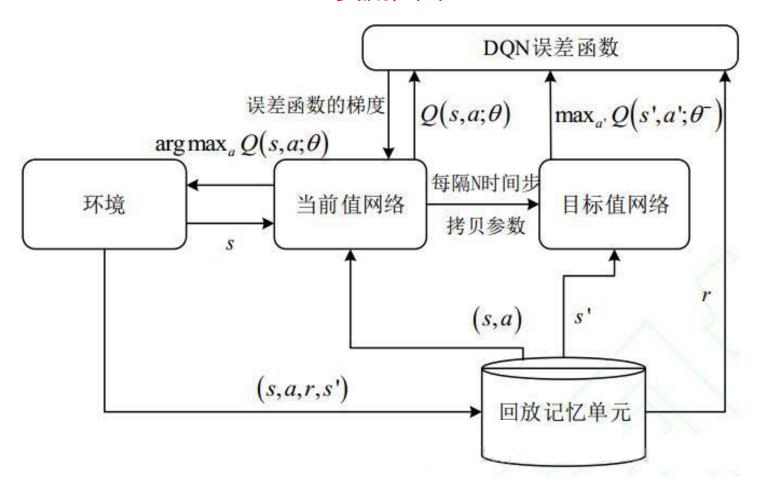


- □ 7、得到执行a<sub>t</sub>后的奖励rt和下一个网络的输入
- □ 8、将四个参数作为此刻的状态一起存入到D中 (D中存放着N个时刻的状态)
- □ 9、随机从D中取出minibatch个状态
- □ 10、计算每一个状态的目标值(通过执行at后的reward来更新Q值作为目标值)
- □ 11、通过SGD更新weight
- □ 12、每C次迭代后更新target action-value function网络的参数为当前action-value function的参数



#### DQN\_V2

#### 主要流程图



# DQN算法总结

- □ 创新点:
  - 基于Q-Learning构造Loss Function (也不算很新)。
  - 通过experience replay (经验池)解决相关性及非静态分布问题;
  - 使用TargetNet解决稳定性问题。
- □ 优点:
  - 算法通用性,可玩不同游戏;
  - End-to-End 训练方式;
  - 可生产大量样本供监督学习。
- □ 缺点:
  - 无法应用于连续动作控制;
  - 只能处理只需短时记忆问题,无法处理需长时记忆问题;
  - CNN不一定收敛,需要仔细地调参。

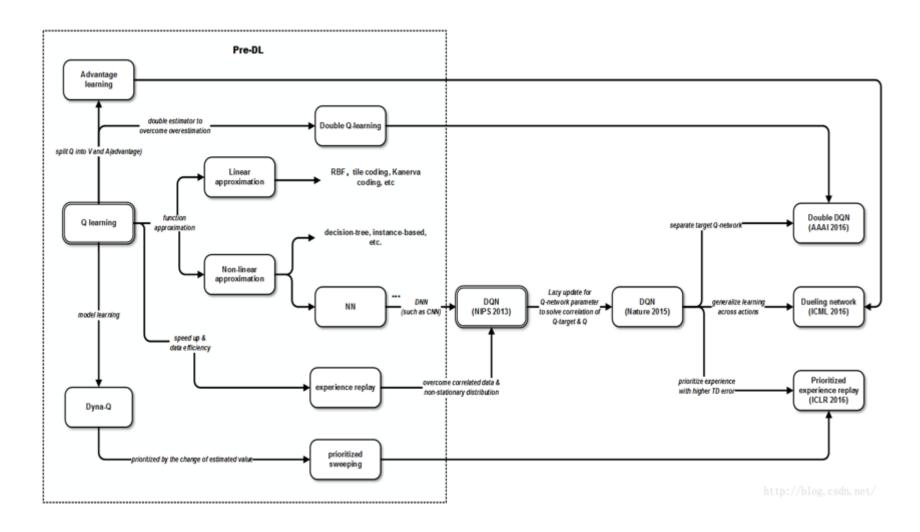


# 2016年,DQN大发展

- □ 2015年之后,DeepMind的大牛们一刻不停地在AAAI, ICML等顶级会议中相继对DQN作了改进,使其成绩与 性能有了质的飞跃。按时间顺序主要有下面论文:
- □ AAAI 2016 《Deep Reinforcement Learning with Double Q-learning》
- ☐ ICLR 2016 《Prioritized Experience Replay》
- ☐ ICML 2016 《Dueling Network Architectures for Deep Rei nforcement》
- Nature 2016 《Mastering the game of Go with deep neural networks and tree search》



# 各种改进的DQN





#### Double Q-learning

- □ 研究者发现,Q学习中的overestimation问题(在确定状态下Q值估计偏高)可能导致非最优解和学习过程稳定性下降。
- □ 最初Thrun & Schwartz开始探讨该问题,证明了在使用 函数逼近器时overestimation可能导致非最优解。
- □ 之后van Hasselt发现即使用表格表示法的情况下,环境中的噪声也能导致overestimation,并且提出了解决方案 Double Q-learning。
- □ 而DQN是基于Q-learning,所以本质上也有这个问题。 因此将Double Q-learning结合进DQN可以改善。其基本 思想是将选择和评估动作分离,让它们使用不同的Q函 数(网络)。



#### Double Q-learning

- □ 其中一个用于产生贪婪策略(greedy policy),另一个用于产生Q函数估计值。实现时会有两个Q函数网络:原DQN中的Q函数网络称为在线网络(online network),后者称为目标网络(target network)。
- □ 由于Nature版DQN已经引入了单独的Q目标网络,所以Double DQN对DQN架构基本不需什么改动,只需把目标网络的参数和在线网络的参数独立训练即可。
- □ 注意和本文方法相比,Nature 2015上的方法相当于是参数的延迟更新,在同一步更新的动作选取和函数估计中还是用的同一个参数。



#### Prioritized Experience Replay

- □ 在RL与DL结合的实践中起到比较关键作用的experience replay算法灵感可以说部分来自生物学。最原始的RL是每次观察到一次状态转移(表示为s, a, R, γ, S') 只更新一次参数。
- □ 这样一来有几个问题:
  - □ 参数更新具有时间上的相关性,这与随机梯度下降算法的假设不符。
  - □ 那些出现次数少的状态转移(经验)很快就会被"遗忘"掉。
- □ DQN中使用了experience replay来缓解这两个问题。该方法不仅稳定了函数训练过程,也提高了经验数据的利用率。缺点是需要更多内存来存储经验池 (experience pool)。
- □ 这种方法的效果很好,但目前的做法还是对以往经验均匀采样的。 下一步自然是根据经验的重要程度进行有侧重的replay。



### Prioritized Experience Replay

- □ 在RL领域,上个世纪90年代就有类似的想法,即prioritized sweeping,应用在model-based的规划问题中。
- □ 直觉上,我们知道一部分经验比其它经验要对 参数的训练产生更大的作用。 基于此,该方法 的基本思想是使参数更新倾向于使值估计变化 更大的经验。
- □ 而怎么衡量哪些经验对值估计的贡献呢,这就需要有定量的测度。在model-free的场景中,这个测度一般选用TD error。



### Prioritized Experience Replay

- □ 具体地,TD error越大,也就是expected learning progress越高的经验数据,可以让它们replay的次数越频繁。基于这种思想实现的greedy TD-error prioritization 算法将经验数据和其TD error按序存在replay memory中,每次取最大TD error的经验进行replay,同时参数更新的量也与之同比。另外新的经验会设成最大优先级以保证它至少被训练一次。
- □ 论文还提到这种做法会导致loss of diversity问题和引入bias,但文中分别用stochastic prioritization和importance sampling方法来减轻和纠正。总得来说,按文的原话说,experience replay使得参数的更新不再受限于实际经验的顺序,prioritized experience replay继而使之不再受限于实际经验的出现频率。



#### **Dueling Network**

- □ 这篇论文提出了针对model-free RL的dueling network框架。它是对传统DQN架构层面上的改动,将基于状态的V函数 (value function) 和状态相关的advantage函数 (advantage function) 分离。
- □ Advantage函数的思想基于1993年Baird提出的advantage updating。除了传统的V函数外,引入的advantage函数 A(x, u)的定义是当采取动作u相比于采取当前最优动作 能多带来多少累积折扣回报。
- □ 简单粗暴得说,就是选这个动作比当前最优动作(或其 它动作)好多少。



#### Dueling Network

- □ 基于这个思想,同一个网络会同时估计V函数和advantage函数,它们结合起来可以得到Q函数。
- □ 从架构上来说,这是个一分为二,再合二为一的过程。它的出发点 是因为对于很多状态,其实并不需要估计每个动作的值。
- □ 可以预见到,引入advantage函数后,对于新加入的动作可以很快学习,因为它们可以基于现有的V函数来学习。它直觉上的意义在于将Q函数的估计分为两步。
- □ 这样,可以先估计哪些状态更能获得更多回报,而不受该状态下不同动作的干扰。文中举了典型的赛车游戏的例子。可以看到V函数专注于远处(地平线)和分数,也就是长期目标,advantage函数专注于附近障碍,也就是短期目标。这说明V函数和advantage函数分别学习到了两个层次的策略。



#### **Dueling Network**

- □ 这种分层学习的做法有几个好处:
  - □一是V函数可以得到更多的学习机会,因为以往一次 只更新一个动作对应的Q函数。
  - □二是V函数的泛化性更好, 当动作越多时优势越明显。 直观上看, 当有新动作加入时, 它并不需要从零开始 举习。
  - □三是因为Q函数在动作和状态维度上的绝对数值往往 差很多,这会引起噪声和贪婪策略的突变,而用该方 法可以改善这个问题。



## 参考资料

- https://zhuanlan.zhihu.com/p/26007538
- https://blog.csdn.net/u013236946/article/details/7 2871858
- https://blog.csdn.net/jinzhuojun/article/details/52
   752561
- https://blog.csdn.net/m0\_37600149/article/details/78570410

#### 问答互动

在所报课的课程页面,

- 1、点击"全部问题"显示本课程所有学员提问的问题。
- 2、点击"提问"即可向该课程的老师和助教提问问题。



#### 联系我们

小象学院: 互联网新技术在线教育领航者

- 微信公众号: 小象学院



