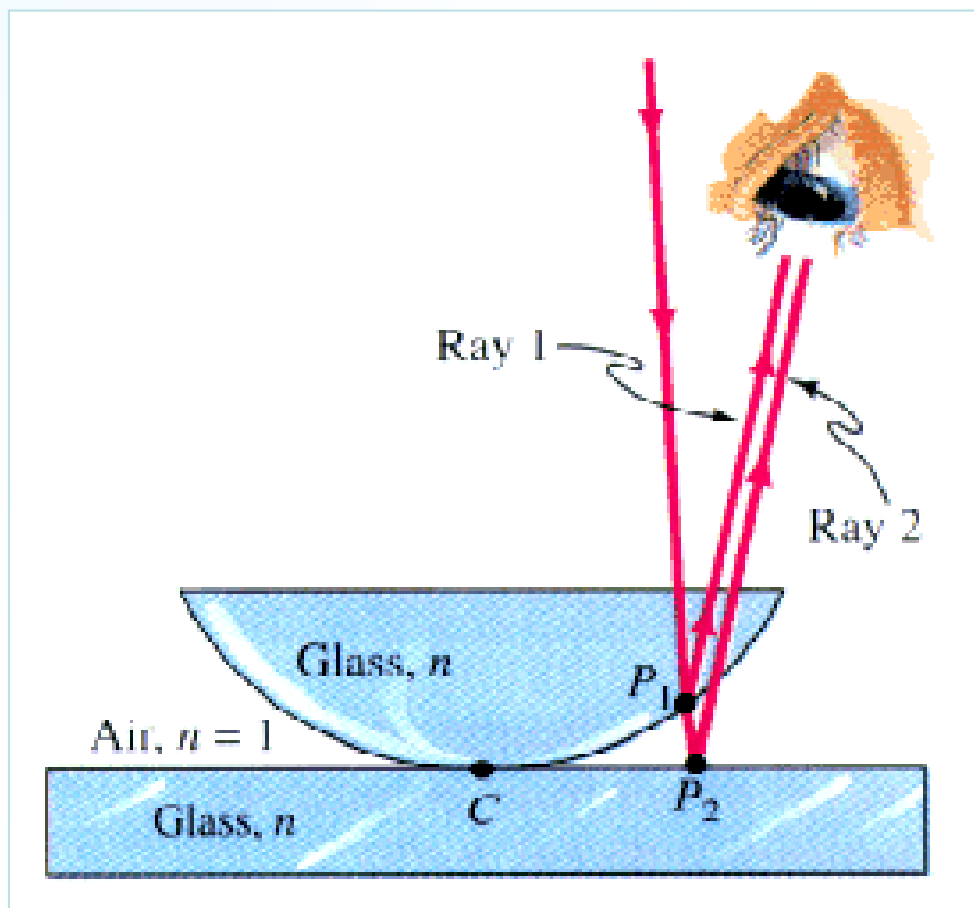
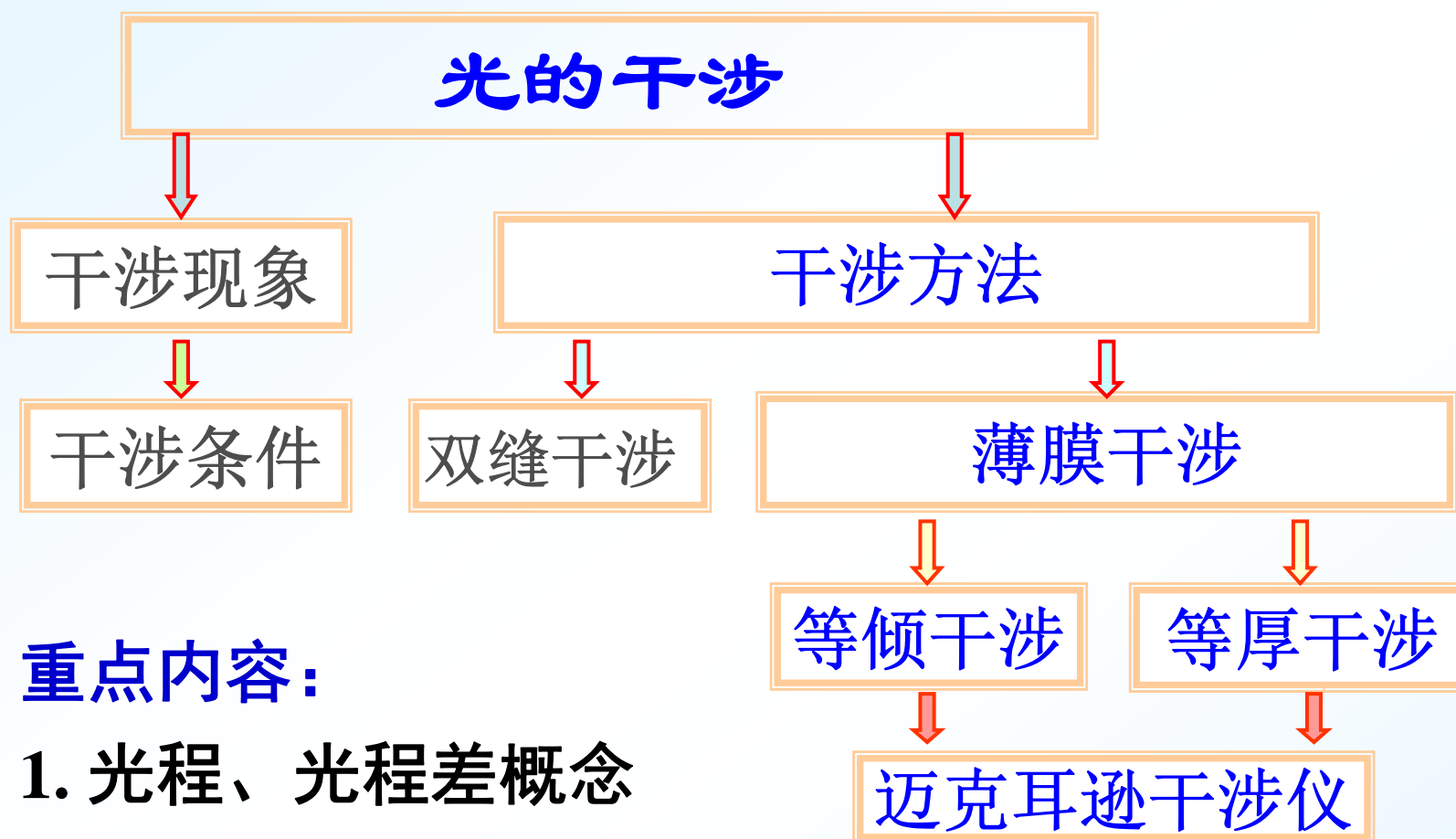


同学们好





重点内容:

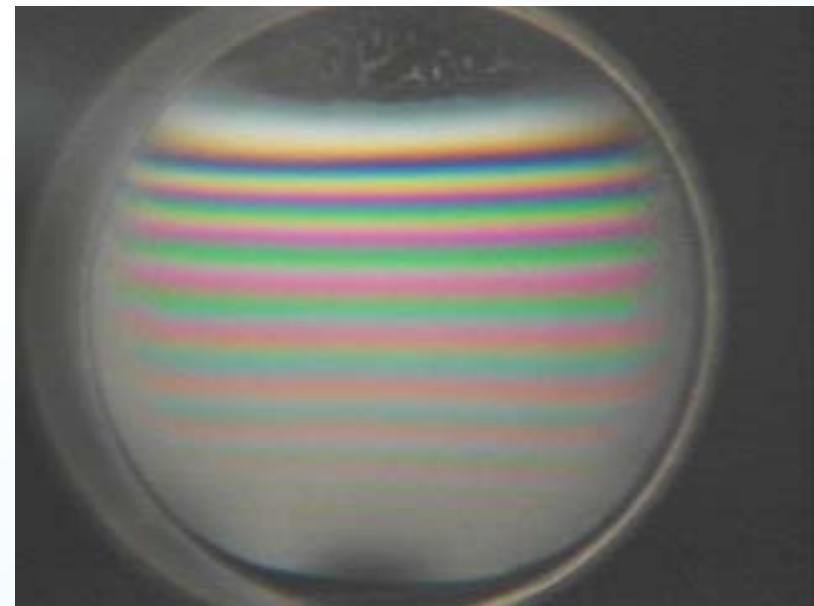
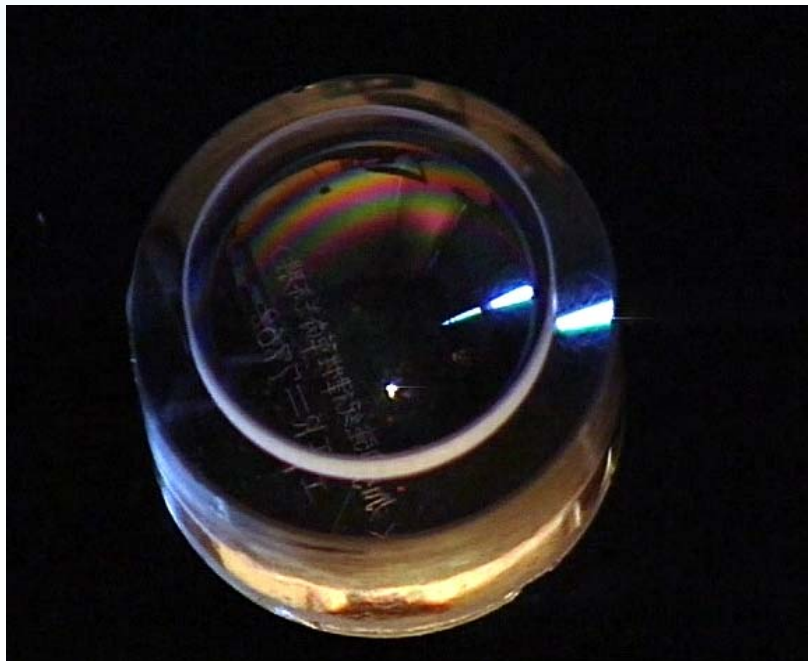
1. 光程、光程差概念
2. 相干光条件
3. 获得相干光的方法
4. 干涉加强、减弱条件

薄膜干涉

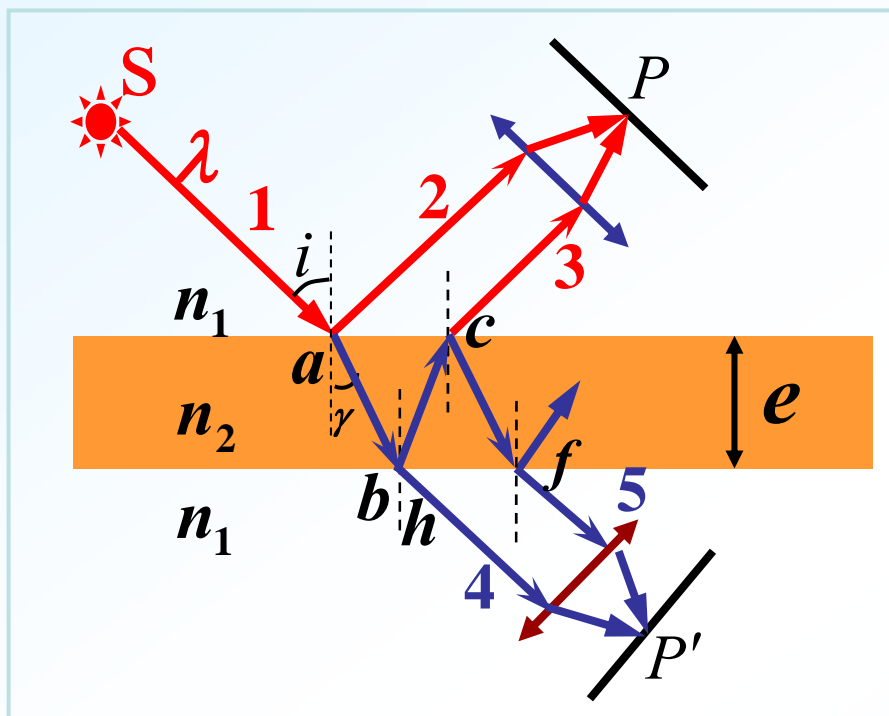


薄膜干涉(film interference):
介质薄膜受到照明而产生的干涉现象

分振幅干涉法:利用薄膜界面将入射光分解而获得相干光束的方法。

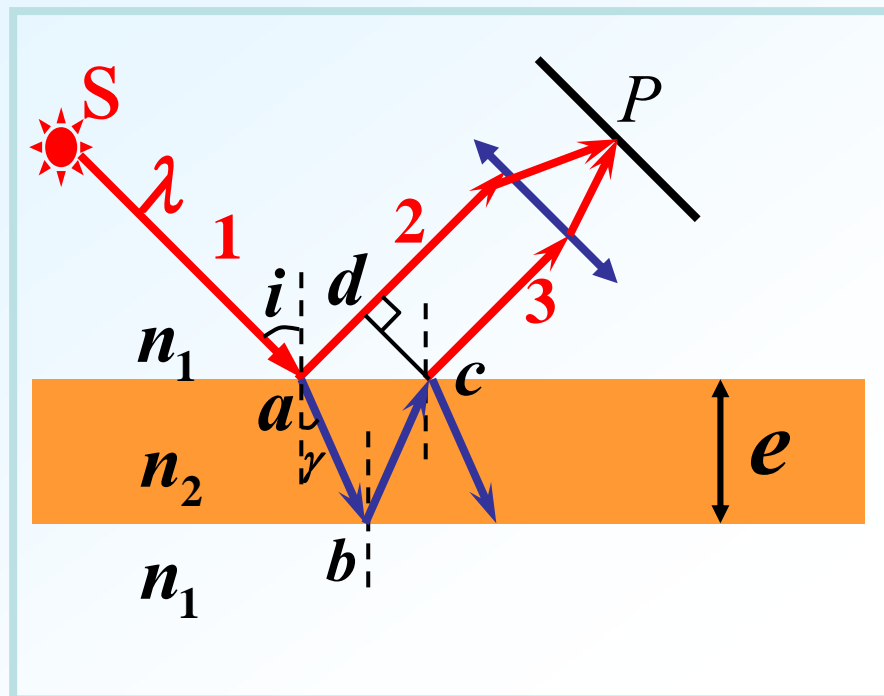


一、薄膜干涉的一般性讨论



介质 n_1
 薄膜 n_2, e
 光波 λ, i, γ
 入射光 **1**

反射光 **2、3** 相干光
 透射光 **4、5** 相干光
 相遇 P, P' 点光强取决于 Δ



$$\Delta_{\text{反}} = n_2(\overline{ab} + \overline{bc}) - n_1\overline{ad} + \frac{\lambda}{2}$$

由几何关系、折射定律

$$\Delta_{\text{反}} = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2}$$

$\frac{\lambda}{2}$

项：涉及反射，考虑有无半波损失

$n_1 < n_2$ 2有 3无

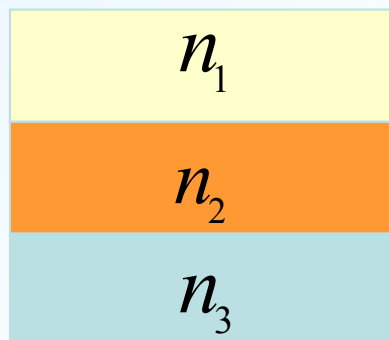
$n_1 > n_2$ 2无 3有

} $\Delta_{\text{反}}$ 中有 $\frac{\lambda}{2}$ 项

讨论

Δ 公式中有无 $\lambda/2$ 项应该由具体情况决定

设



$n_1 < n_2, n_3 < n_2$ } $\Delta_{\text{反}}$ 有 $\lambda/2$ 项

$n_1 > n_2, n_3 > n_2$ } $\Delta_{\text{透}}$ 无 $\lambda/2$ 项

$n_1 > n_2 > n_3$ } $\Delta_{\text{反}}$ 无 $\lambda/2$ 项 $\Delta_{\text{透}}$ 有 $\lambda/2$ 项

$n_1 < n_2 < n_3$

反射、透射光的光程差 Δ 总相差 $\lambda/2$,

干涉条纹明暗互补,总的能量守恒。

二、增透膜和增反膜

增透膜：在透镜表面镀一层厚度均匀的透明介质膜，使其上、下表面对某种色光的反射光产生相消干涉，其结果是减少了该光的反射，增加了它的透射。



照相机镜头



眼镜

增反膜：利用薄膜干涉原理，使薄膜上、下表面对某种色光的反射光发生相长干涉，其结果是增加了该光的反射，减少了它的透射。



激光器谐振腔



宇航服

例1. 照相机透镜常镀上一层透明薄膜, 目的就是利用干涉原理减少表面的反射, 使更多的光进入透镜, 常用的镀膜物质是 MgF_2 , 折射率 $n=1.38$ (小于玻璃), 为使可见光谱中 $\lambda=550\text{nm}$ 的光有最小反射, 问膜厚 $e = ?$

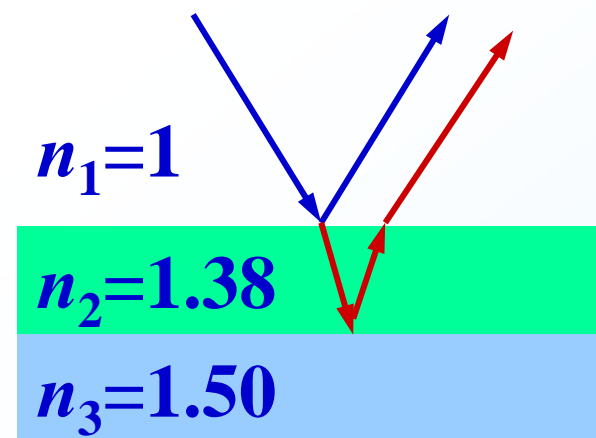
解: 假设光正入射, 反射最小需

$$2n_2e = (2k + 1)\frac{\lambda}{2} \quad k=0,1,2,\dots$$

对应于最小厚度, $k = 0$

得到

$$e_{\min} = \frac{\lambda}{4n_2} = \frac{550}{4 \times 1.38} \text{nm} = 99.6 \text{nm}$$



说明: 入射光能量一定, 反射光能量减弱必然使透射能量增强, 所以这种膜称为**增透膜**.

例2. 空气中肥皂膜($n=1.33$), 厚为 $0.32\mu\text{m}$. 如用白光垂直入射, 问肥皂膜呈现什么色彩?

解: $2n_2e + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \quad \rightarrow \lambda = \frac{2ne}{k - 1/2}$

$$k = 1, \quad \lambda_1 = 4ne = 1702\text{nm}$$

$$k = 2, \quad \lambda_2 = \frac{4}{3}ne = 567\text{nm}$$

$$k = 3, \quad \lambda_3 = \frac{4}{5}ne = 340\text{nm}$$

可见光范围 $400\sim 760\text{nm}$ $\lambda_2=567\text{nm}$ (绿光)

讨论

$$\Delta = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & k = 1, 2, \dots \quad \text{明} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & k = 0, 1, 2, \dots \quad \text{暗} \end{cases}$$

若 λ 、 n_1 、 n_2 一定， Δ 与 e 、 i 有关

(1) 薄膜厚度均匀(e 一定)， Δ 随入射角 i 变化

同一入射角 i 对应同一级干涉条纹
不同入射角 对应不同级次的条纹
干涉条纹为一组同心圆环

等倾干涉

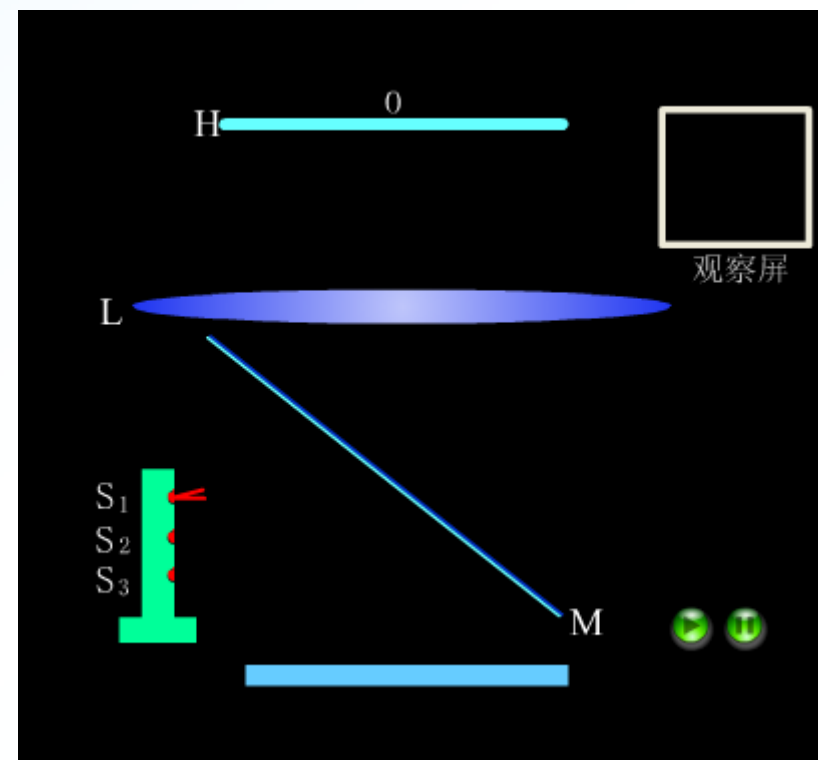
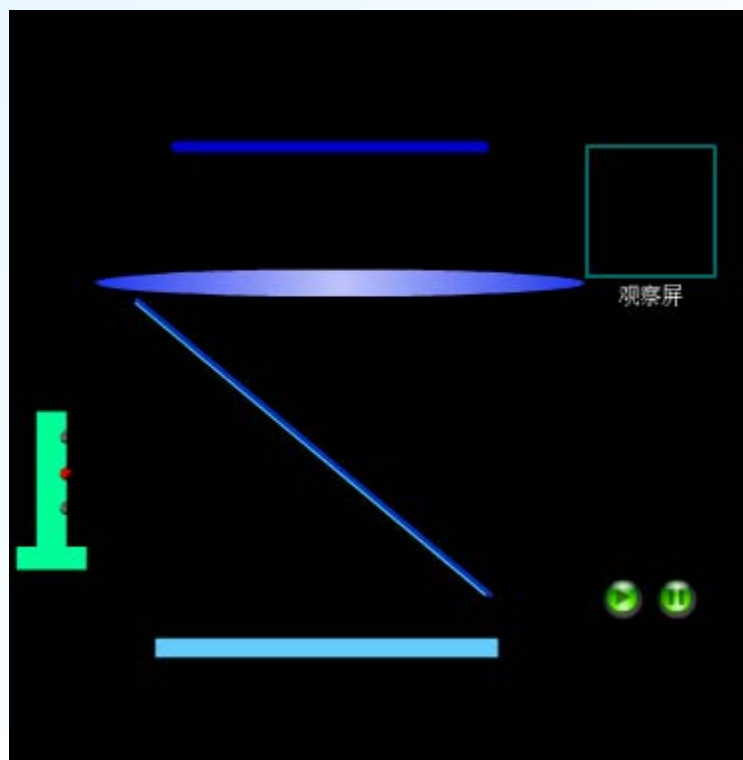
(2) 入射角 i 一定(平行光入射)， Δ 随薄膜厚度 e 变化

薄膜同一厚度处对应同一级干涉条纹
薄膜不同厚度处对应不同级次干涉条纹
条纹形状与薄膜等厚线相同

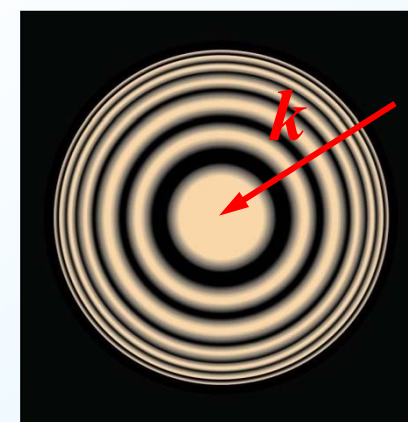
等厚干涉

视频0:38

等倾干涉演示



等倾干涉条纹是一组内疏外密的同心圆环, 越向内, 级次越高. 入射角减小, 圆半径减小.



三、薄膜的等厚干涉

1.劈尖膜(wedge film)的干涉

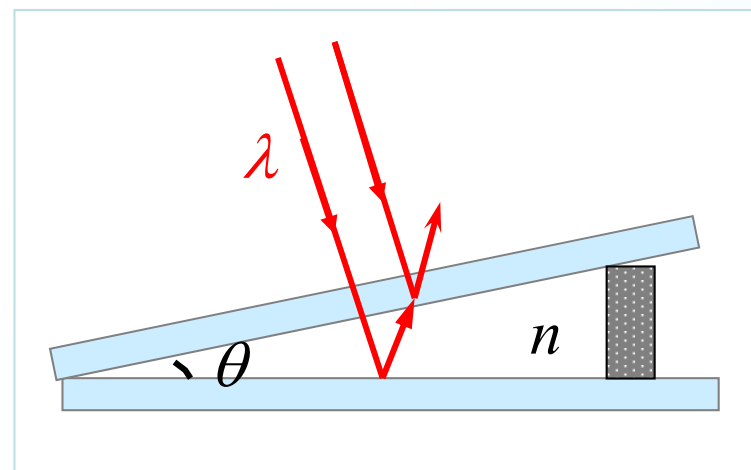
装置:

两光学平板玻璃一端接触, 另一端垫一薄纸或细丝

明暗条纹条件:

单色、平行光垂直入射

$$i = 0$$



$$\Delta = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = 2ne + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明 } k=1,2,\dots \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗 } k=0,1,2,\dots \end{cases}$$

$$\Delta = 2ne + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明} & k = 1, 2, \dots \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗} & k = 0, 1, 2, \dots \end{cases}$$

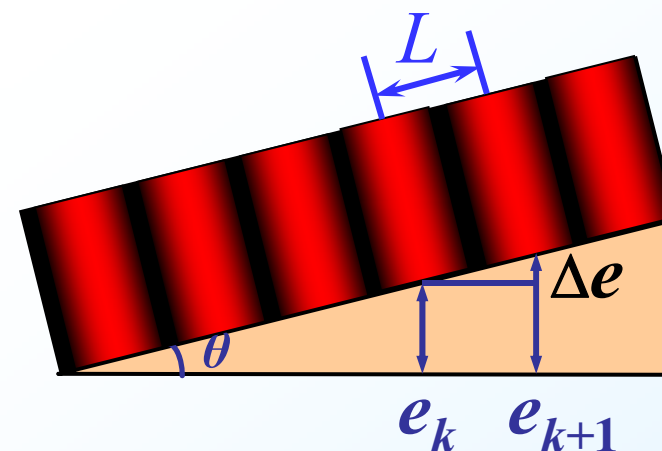
条纹特点:

形态: 平行于棱边, 明、暗相间条纹

棱边处 $e = 0$ $\Delta = \frac{\lambda}{2}$ 为暗纹

相邻明(暗)纹对应薄膜厚度差:

$$\Delta e = \frac{\lambda}{2n}$$



条纹宽度(两相邻暗纹间距) $L = \frac{\Delta e}{\sin\theta} = \frac{\lambda}{2n\sin\theta} \approx \frac{\lambda}{2n\theta}$

变化:
$$L = \frac{\Delta e}{\sin \theta} = \frac{\lambda}{2n \sin \theta} \approx \frac{\lambda}{2n \theta}$$

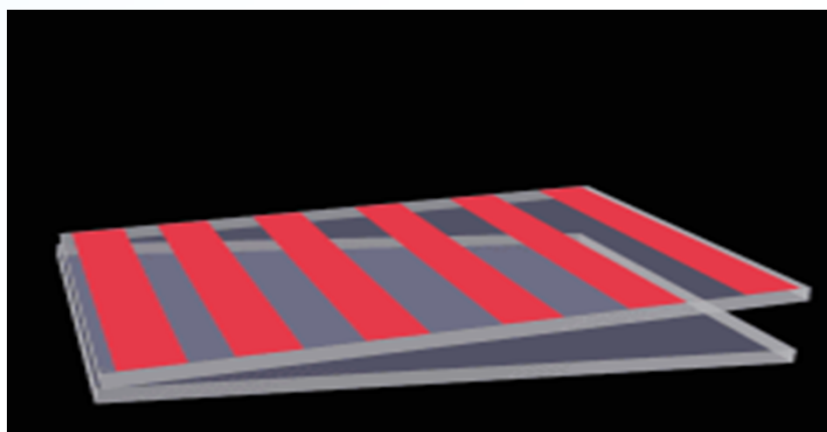
n 、 λ 一定, $\theta \uparrow L \downarrow$ 条纹变密

n 、 θ 一定, $\lambda \uparrow L \uparrow$ $L_{\text{红}} > L_{\text{紫}}$ 白光入射出现彩条

λ 、 θ 一定, $n \uparrow L \downarrow$ 空气劈尖充水条纹变密

动态 思考

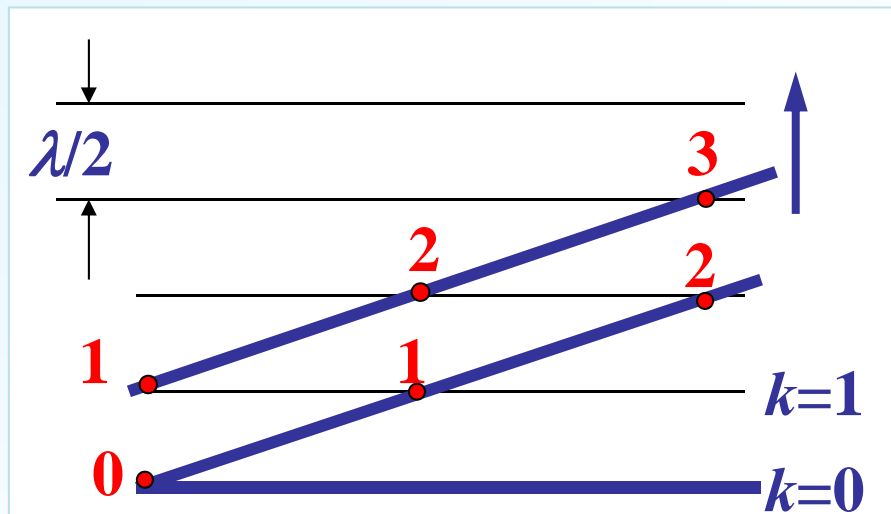
(1) 劈尖夹角变化, 条纹如何变化?



θ 变小条纹变宽

条纹向远离棱边方向移动

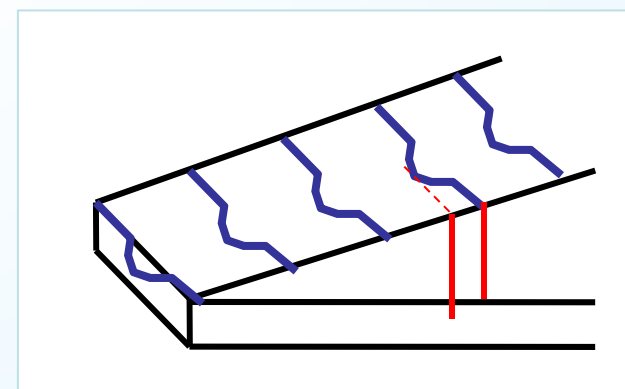
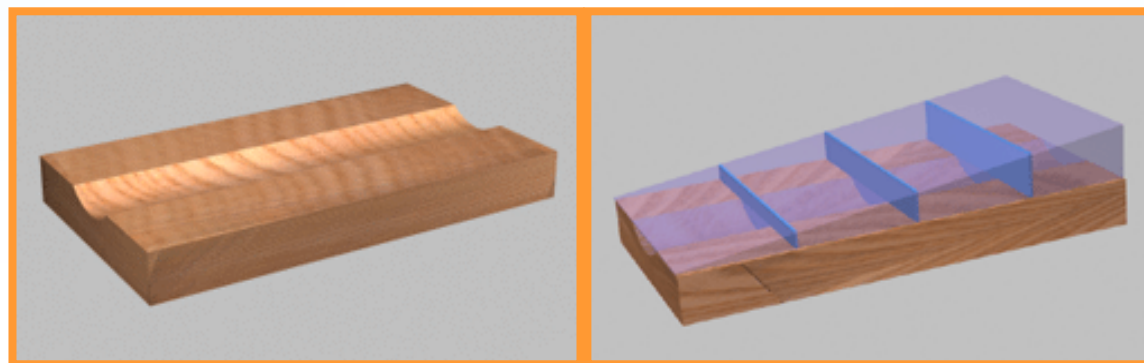
(2) 劈尖上表面平行上移, 条纹如何变化?



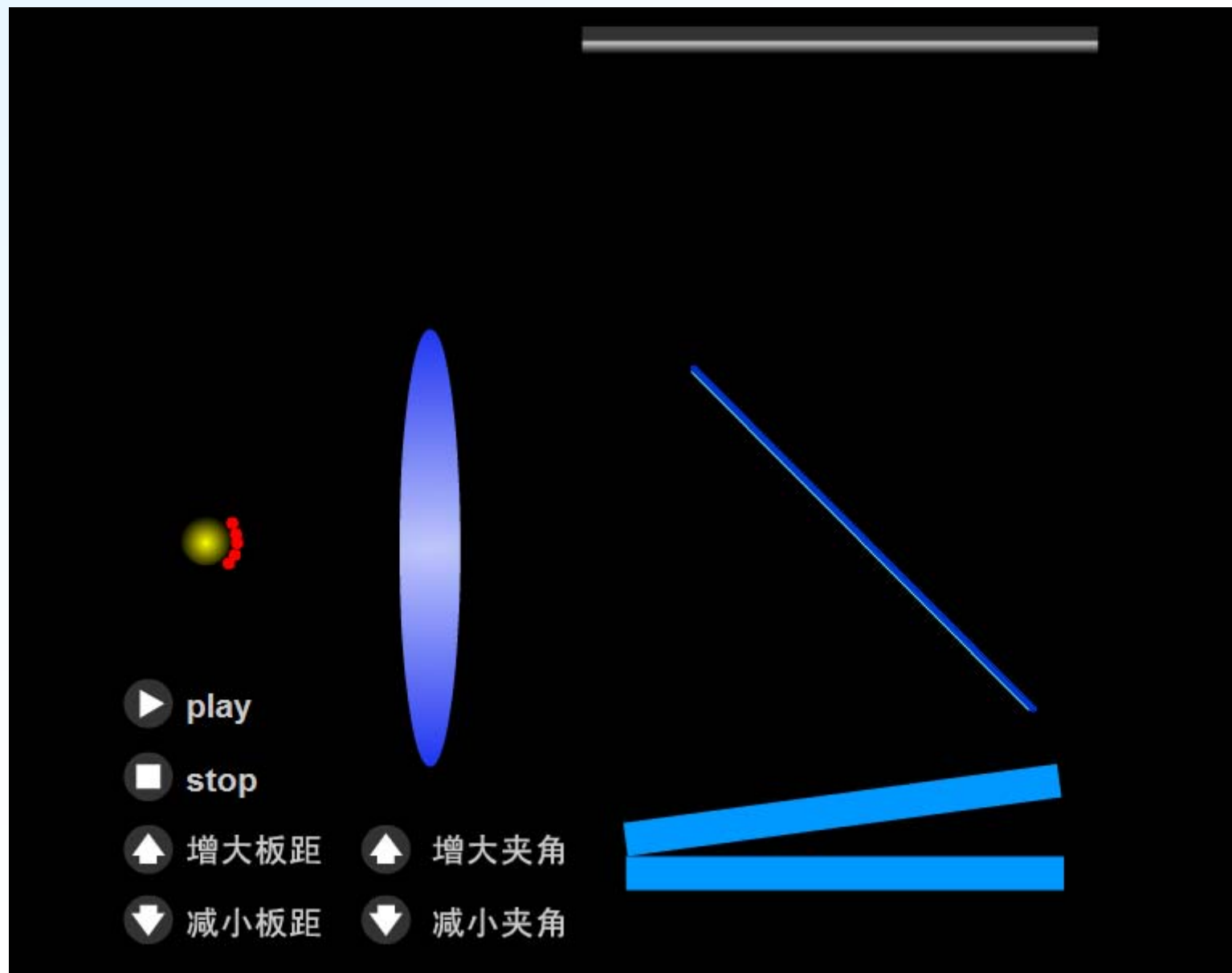
θ 不变 条纹宽度不变

条纹向棱边方向移动

(3) 劈尖底面有一凹槽, 条纹形状如何?



等厚条纹向棱边方向凸起



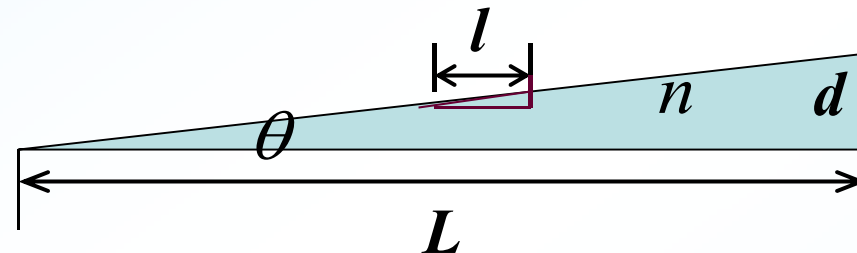
应用一：薄膜端部厚度 d 的测量

测量原理

$$l = \frac{\lambda}{2n\theta} = \frac{\lambda}{2nd / L}$$

$$d = \frac{\lambda L}{2nl} \quad \text{条纹数 } N = \frac{L}{l}$$

薄膜厚度: $d = \frac{\lambda}{2n} N = \Delta e \cdot N$



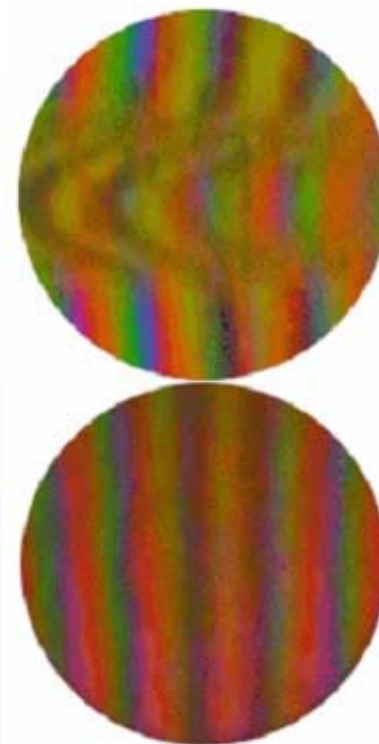
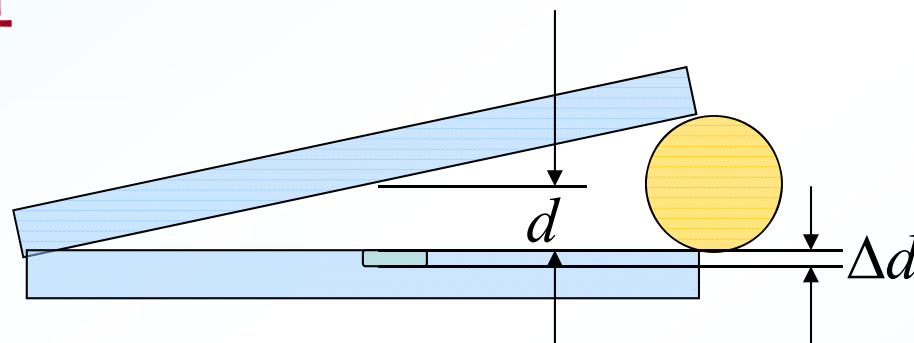
在半导体元件生产中, 测定硅片上的二氧化硅薄膜厚度的常用方法是: 将薄膜的一部分磨成劈形膜, 通过观察垂直入射光在其上面产生的干涉条纹, 计算出厚度.

应用二：光学表面检查

$$2d + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$

$$2(d + \Delta d) + \frac{\lambda}{2} = (k + \Delta k)\lambda$$

$$\Delta d = \frac{\lambda}{2} \Delta k$$



说明

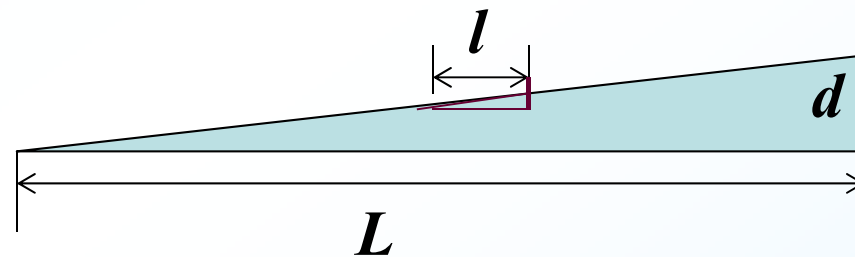
Δk 反映了偏离直线条纹的程度。

例3. 有一玻璃劈尖, 放在空气中, 劈尖夹角 $\theta = 8 \times 10^{-5}$ rad. 波长 $\lambda = 0.589 \mu\text{m}$ 的单色光垂直入射时, 测得干涉条纹的宽度为 $l = 2.4 \text{ mm}$, 求玻璃的折射率.

解:
$$l = \frac{\lambda}{2n\theta}$$

$$n = \frac{\lambda}{2\theta l}$$

$$= \frac{5.89 \times 10^{-7}}{2 \times 8 \times 10^{-5} \times 2.4 \times 10^{-3}} = 1.53$$

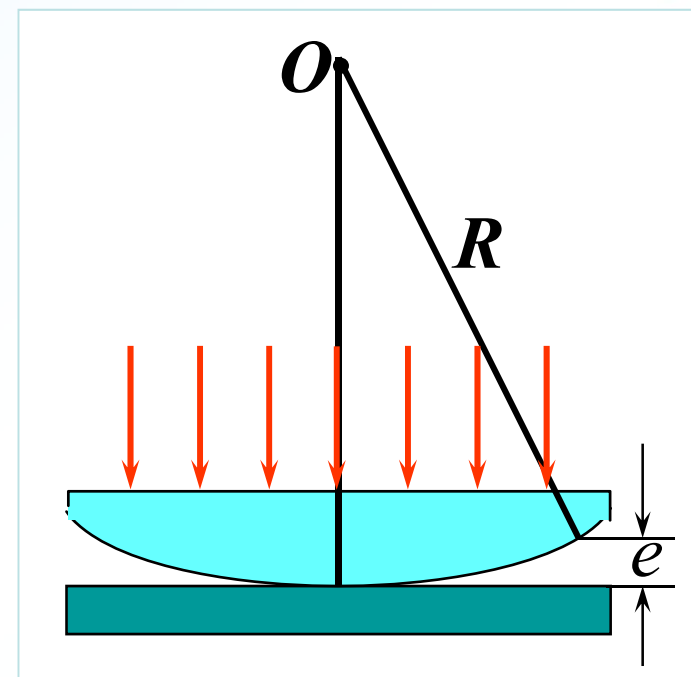


2. 牛顿环

装置： 平板玻璃上放置曲率半径很大的平凸透镜

明暗纹条件：

单色平行光垂直入射 $i = 0$



$$\Delta = 2ne + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗} \end{cases}$$

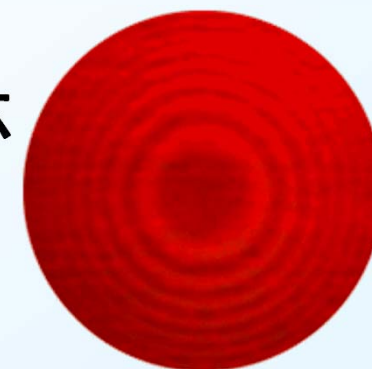
明 $k = 1, 2, 3 \dots$

暗 $k = 0, 1, 2 \dots$

条纹特点：

以接触点为中心的明暗相间的同心圆环

中心 $e = 0$ $\Delta = \frac{\lambda}{2}$ 暗斑



明暗纹半径:

$$R^2 = r^2 + (R - e)^2 = r^2 + R^2 - 2Re + \underline{e^2}$$

略去

得

$$e = \frac{r^2}{2R}$$

代入△得

$$r = \begin{cases} \sqrt{\frac{(2k-1)R\lambda}{2n}} \\ \sqrt{\frac{kR\lambda}{n}} \end{cases}$$

明 $k = 1, 2, 3 \dots$

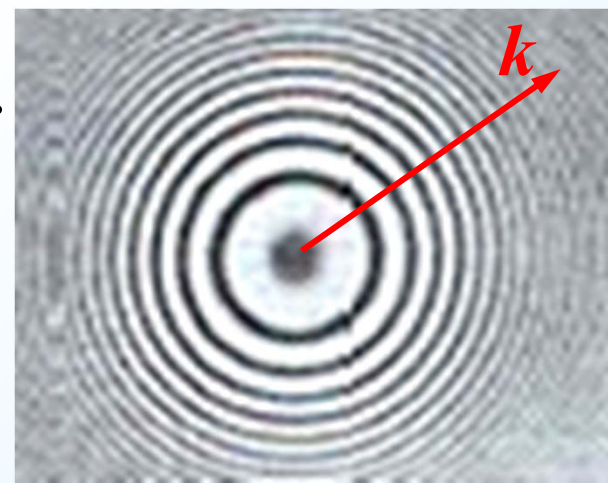
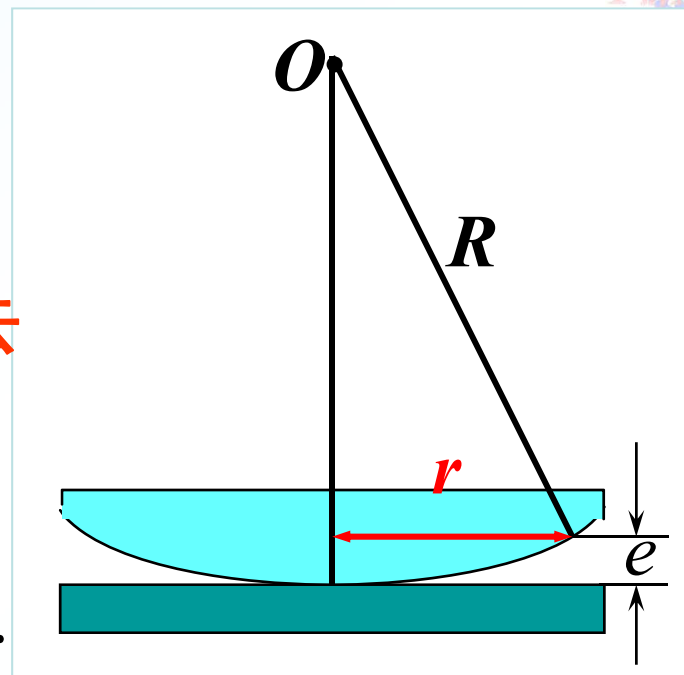
暗 $k = 0, 1, 2 \dots$

$$r \propto \sqrt{k}$$

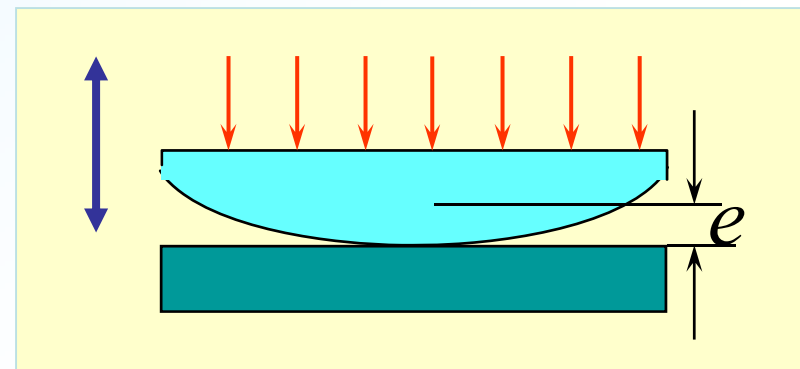
条纹内疏外密

$$r \propto \sqrt{\lambda}$$

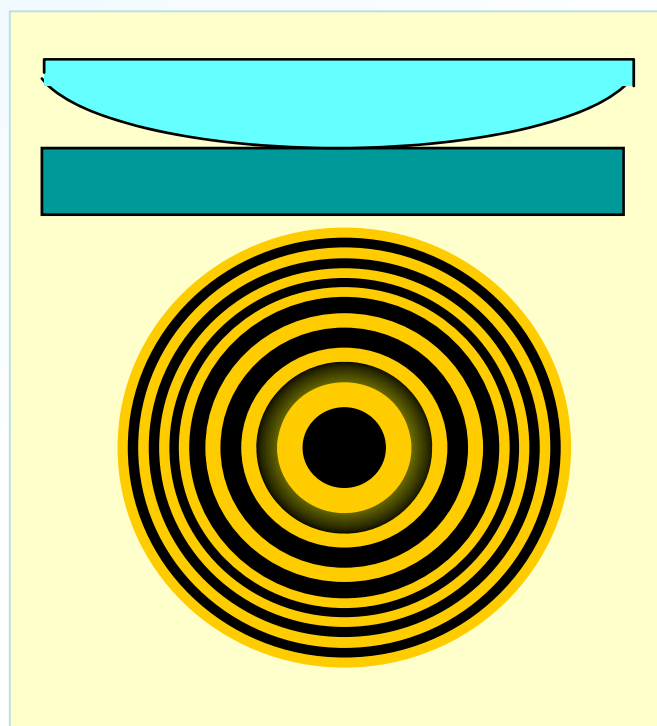
白光照射出现彩环



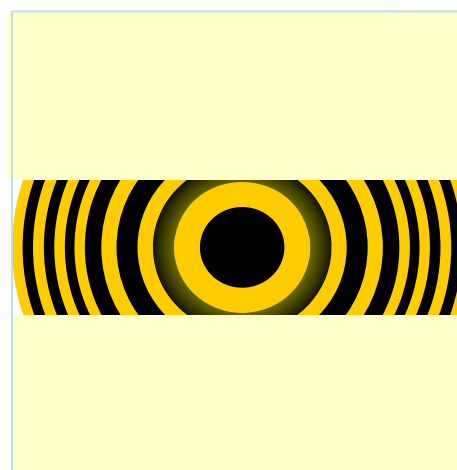
平凸透镜上(下)移动, 将引起条纹收缩(扩张)



条纹的形状取决于等厚膜线的形状



等价于角度逐渐增大的劈尖



$$L \propto \frac{1}{\theta} \quad \Delta r \propto \frac{1}{\theta}$$

等厚干涉

牛顿环的应用——曲率半径测量

用钠灯($\lambda = 589.3\text{nm}$)观察牛顿环, 看到第 k 条暗环的半径为 $r = 4\text{mm}$, 第 $k+5$ 条暗环半径 $r = 6\text{mm}$, 求所用平凸透镜的曲率半径 R .

解:

$$r_k = \sqrt{k R \lambda}$$

$$r_{k+5} = \sqrt{(k+5) R \lambda}$$

联立求解: $R = 6.79 \text{ m} \quad k = 4$

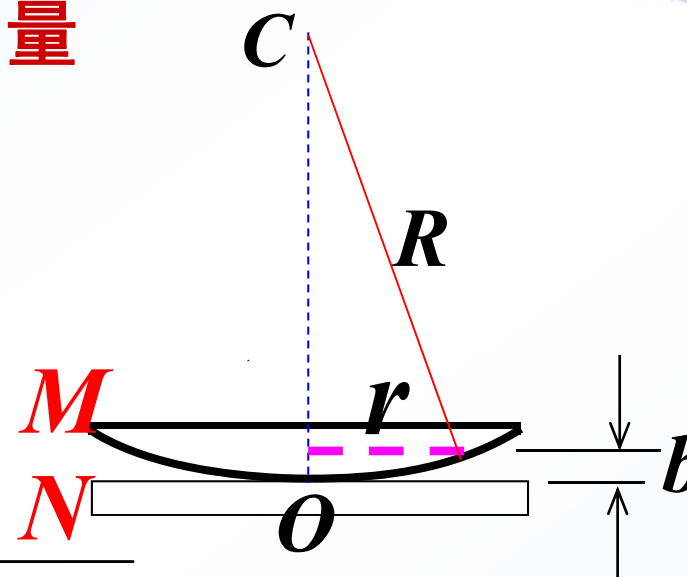
牛顿环的应用——波长测量

已知：用紫光照射，借助于低倍测量显微镜测得由中心往外数第 k 级明环的半径 $r_k = 3.0 \times 10^{-3} \text{ m}$, k 级往上数第16个明环半径 $r_{k+16} = 5.0 \times 10^{-3} \text{ m}$, 平凸透镜的曲率半径 $R = 2.50 \text{ m}$

求：紫光的波长。

解：根据明环半径公式：

$$\begin{aligned}
 & \left\{ \begin{aligned} r_k &= \sqrt{\frac{(2k-1)R\lambda}{2}} \\ r_{k+16} &= \sqrt{\frac{[2 \times (k+16)-1]R\lambda}{2}} \end{aligned} \right. \\
 & \downarrow \\
 & r_{k+16}^2 - r_k^2 = 16R\lambda \\
 & \downarrow \\
 & \lambda = \frac{(5.0 \times 10^{-2})^2 - (3.0 \times 10^{-2})^2}{16 \times 2.50} = 4.0 \times 10^{-7} \text{ m}
 \end{aligned}$$

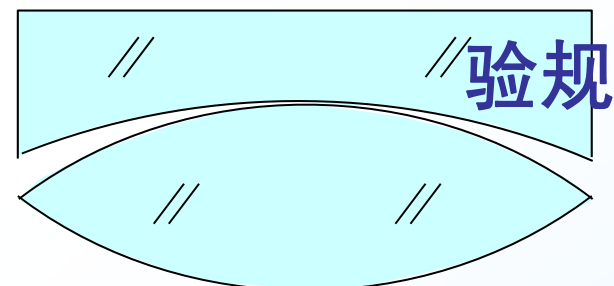


牛顿环的应用

测量介质折射率

检测光学镜头表面曲率是否合格

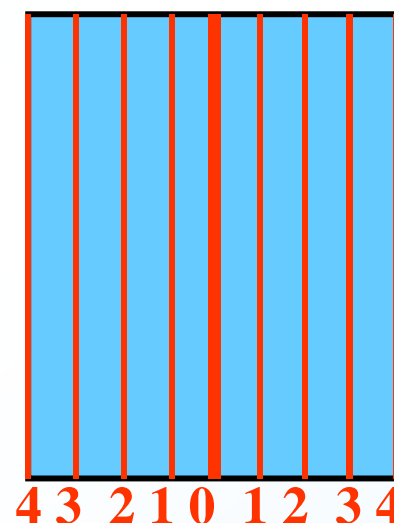
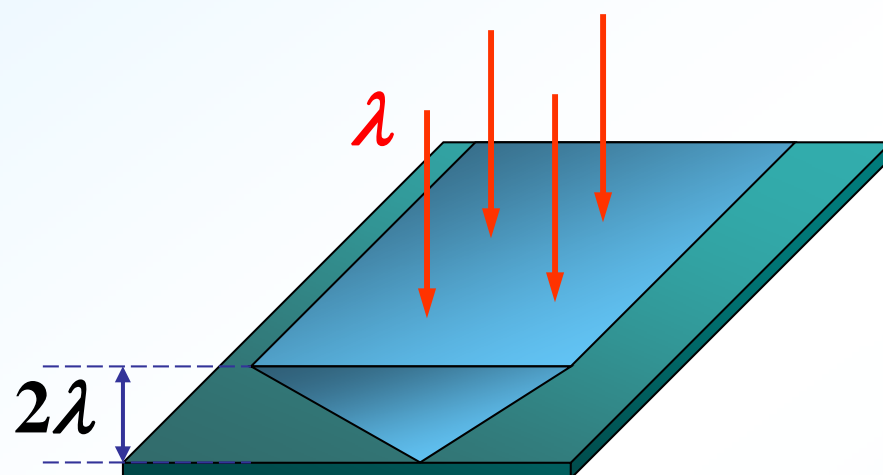
将玻璃验规盖于待测镜头上, 两者间形成空气薄层, 因而在验规的凹表面上出现牛顿环, 当某处光圈偏离圆形时, 则该处有不规则起伏.



练习

1. 平行光垂直入射图中装置, 画出反射光暗条纹并标明级次

(1)

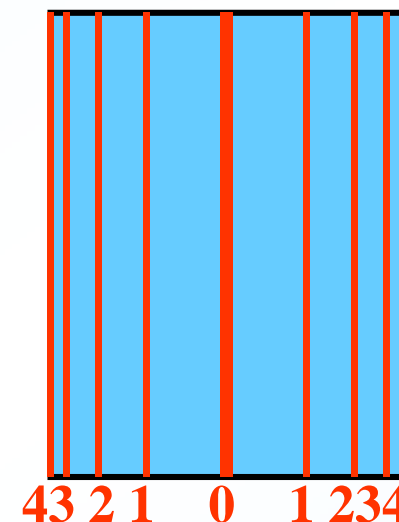
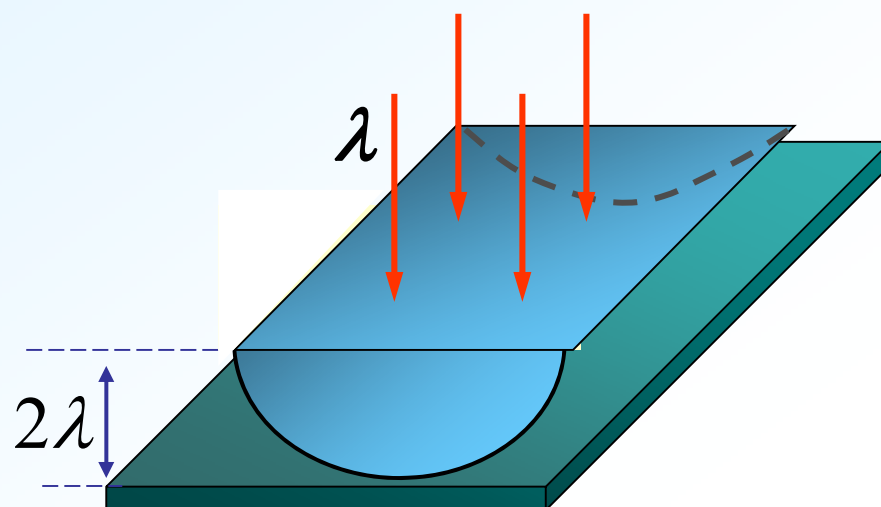


$$\Delta = 2e + \frac{\lambda}{2}$$

{	中心 $e = 0$	$\Delta = \frac{\lambda}{2}$	暗 $k = 0$
	边缘 $e = 2\lambda$	$\Delta = \frac{9}{2}\lambda$	暗 $k = 4$

平行于棱边, 等间距直条纹.

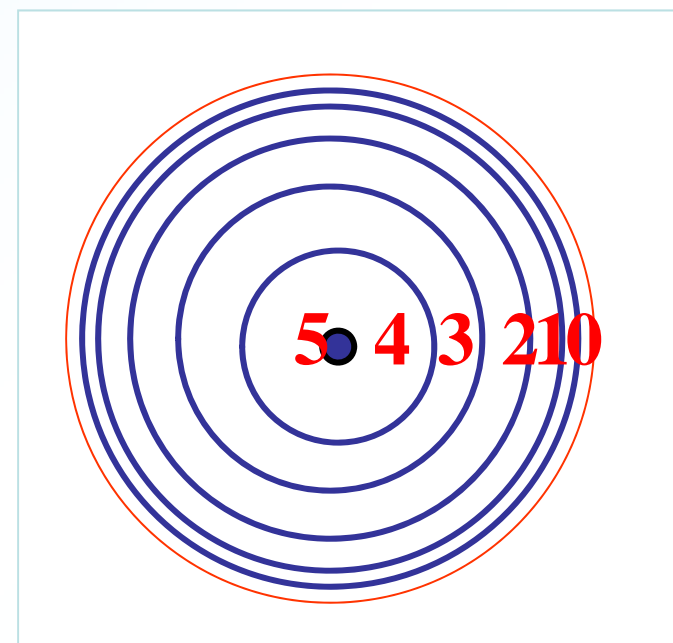
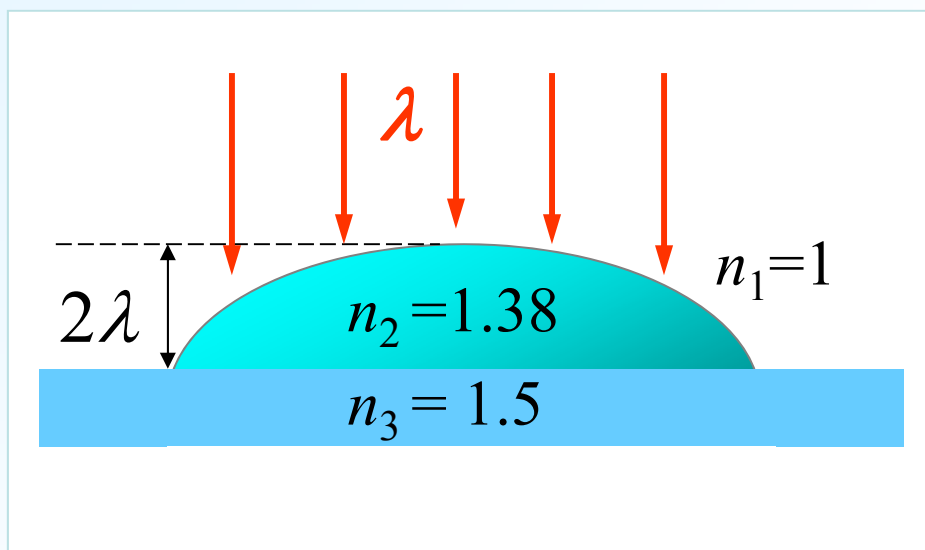
(2)



$$\Delta = 2e + \frac{\lambda}{2} \quad \left\{ \begin{array}{ll} \text{中心} & \Delta = \frac{\lambda}{2} \\ \text{边缘} & \Delta = \frac{9}{2}\lambda \end{array} \right. \quad \begin{array}{ll} \text{暗} & k = 0 \\ \text{暗} & k = 4 \end{array}$$

平行于棱边, 内疏外密直条纹.

(3)



Δ中有无 $\lambda/2$ 项?

$$\Delta = 2n_2e \begin{cases} \text{边沿 } e = 0 & \Delta = 0 & \text{明 } k = 0 \\ \text{中心 } e = 2\lambda & \Delta = 4n_2\lambda \approx 5.5\lambda & \text{暗 } k = 5 \end{cases}$$

等厚线：圆环，条纹为内疏外密同心圆，共6条暗纹。

2. 推导图中情况下空气膜形成的干涉条纹的明、暗环半径公式.

解：膜厚如图 e

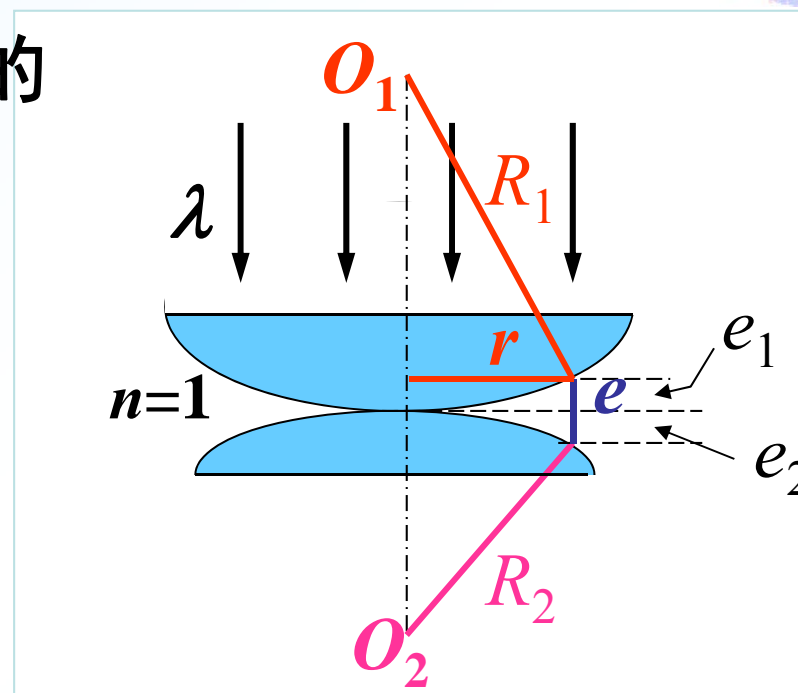
$$\Delta = 2e + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗} \end{cases} \quad k = 1, 2, \dots$$

$$k = 0, 1, 2, \dots$$

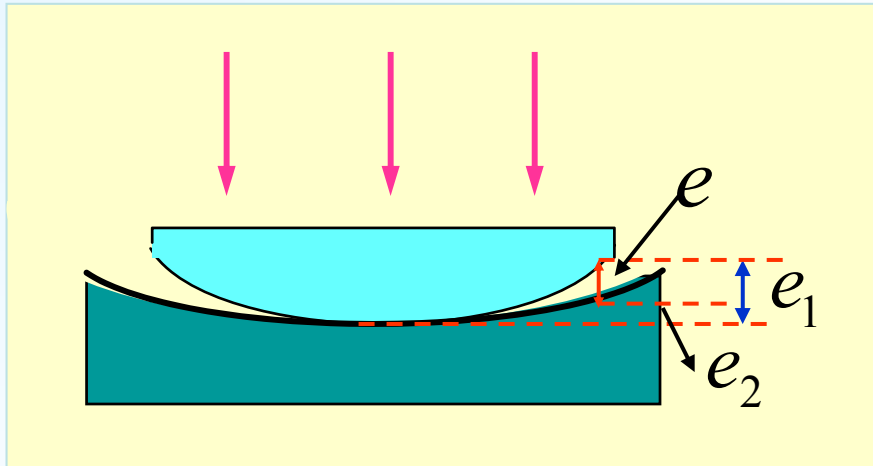
将 $e = e_1 + e_2 = \frac{r^2}{2R_1} + \frac{r^2}{2R_2}$ 代入得

$$r_{\text{明}} = \sqrt{\frac{(2k-1)R_1R_2\lambda}{2(R_1+R_2)}} \quad k = 1, 2, 3, \dots$$

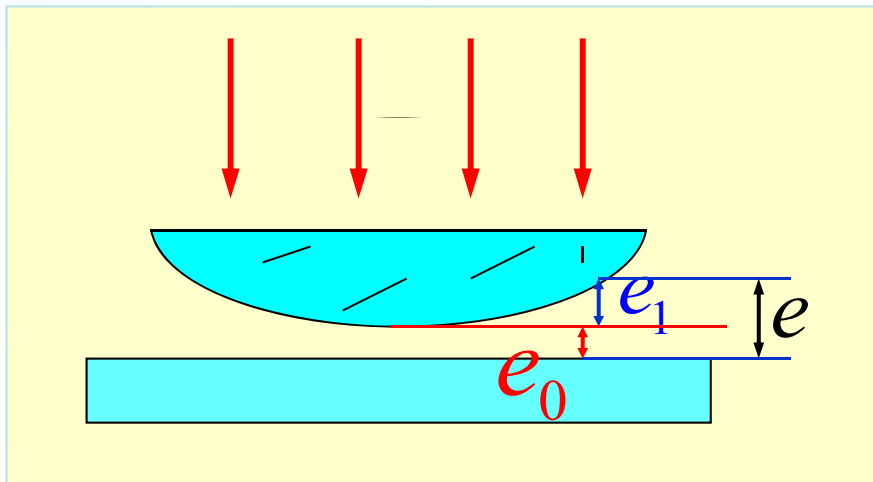
$$r_{\text{暗}} = \sqrt{\frac{kR_1R_2\lambda}{R_1+R_2}} \quad k = 0, 1, 2, 3, \dots$$



练习:

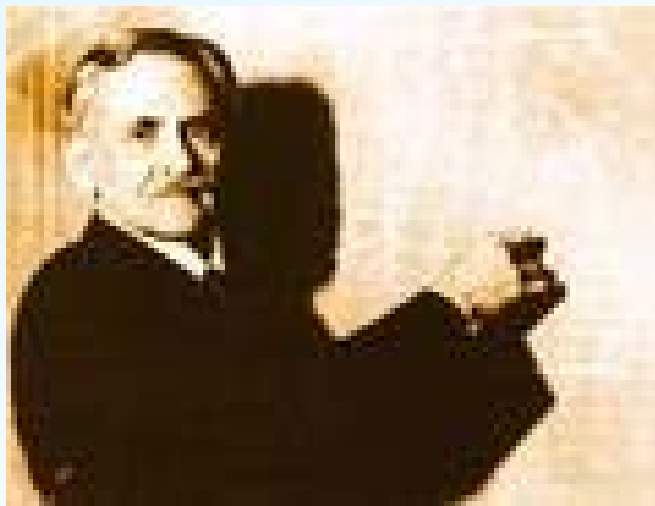


$$e = e_1 - e_2 = \frac{r^2}{2R_1} - \frac{r^2}{2R_2}$$



$$e = e_1 + e_0 = \frac{r^2}{2R} + e_0$$

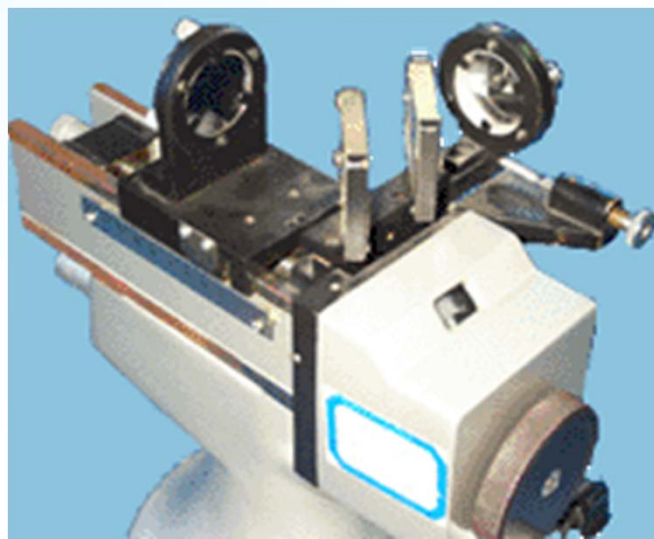
四、迈克耳逊干涉仪



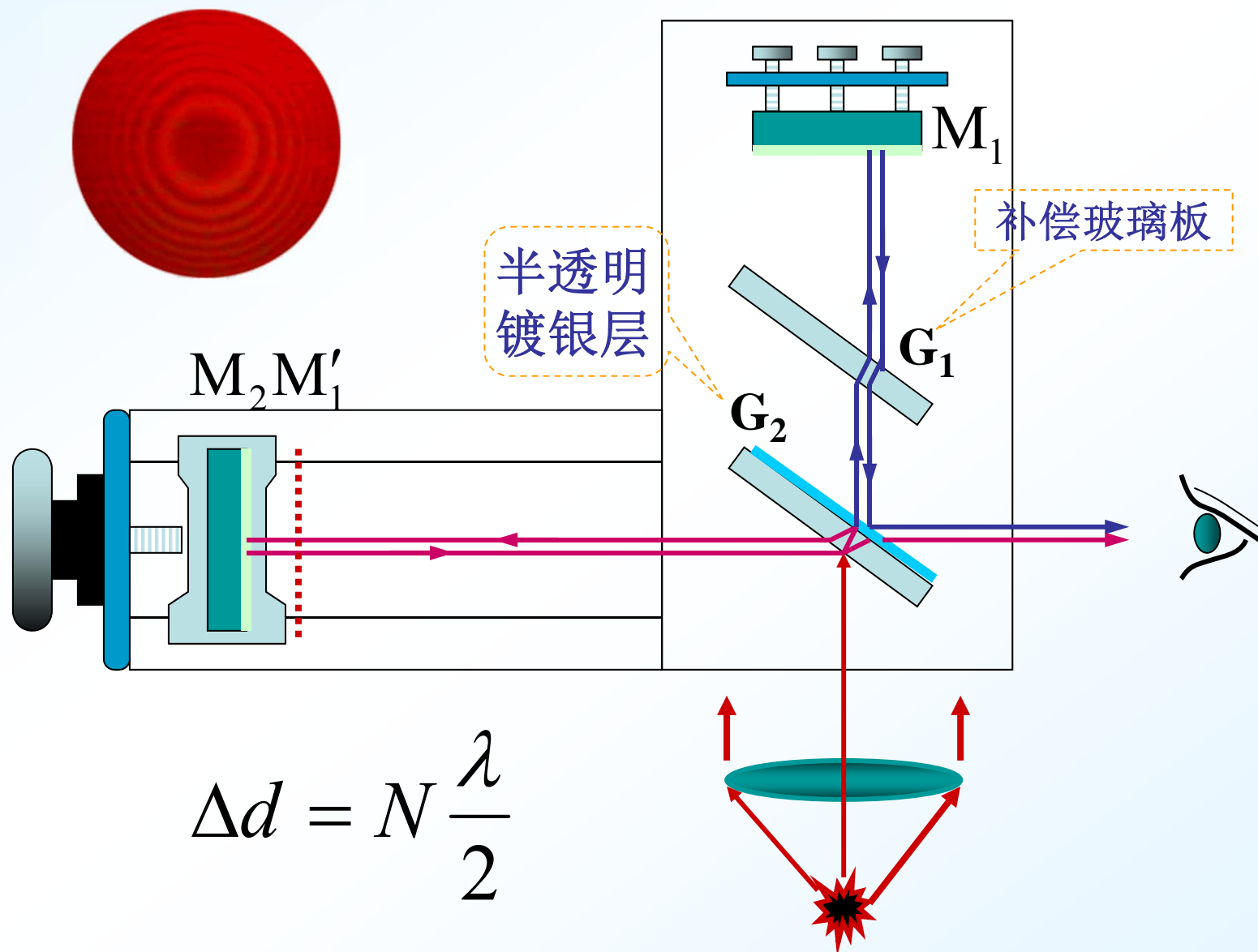
迈克耳逊干涉仪 (Michelson interferometer) 是利用光的干涉精确测量长度和长度变化的仪器。

迈克耳逊和莫雷曾利用它进行过著名的否定旧以太说的实验, 在物理学中占有一定地位.

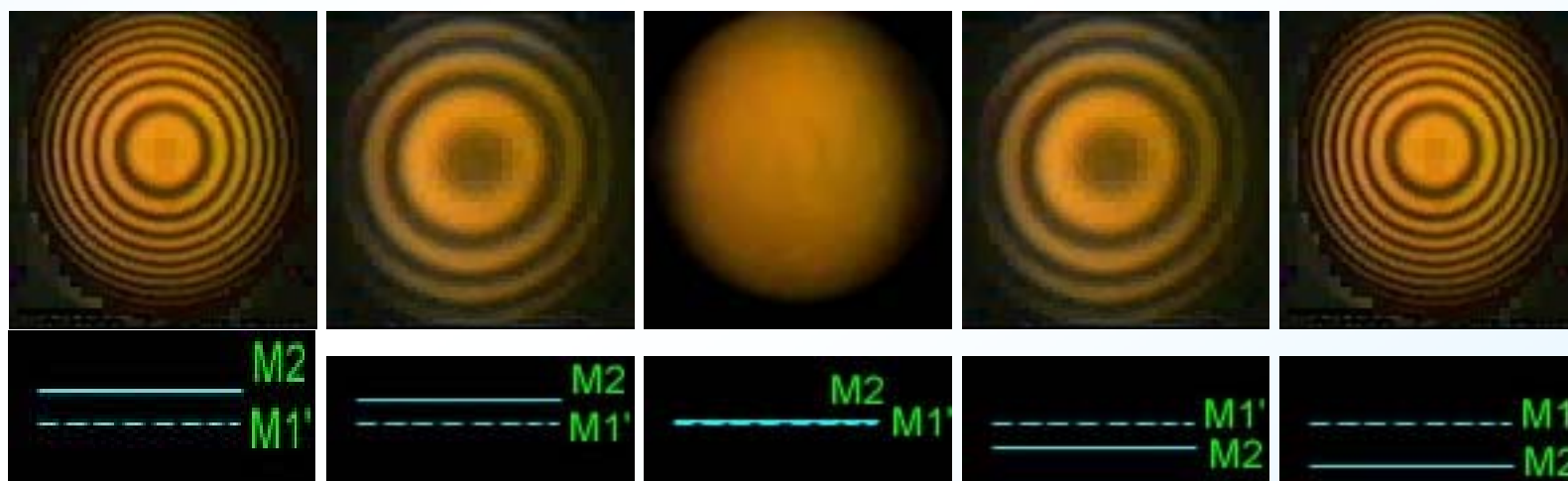
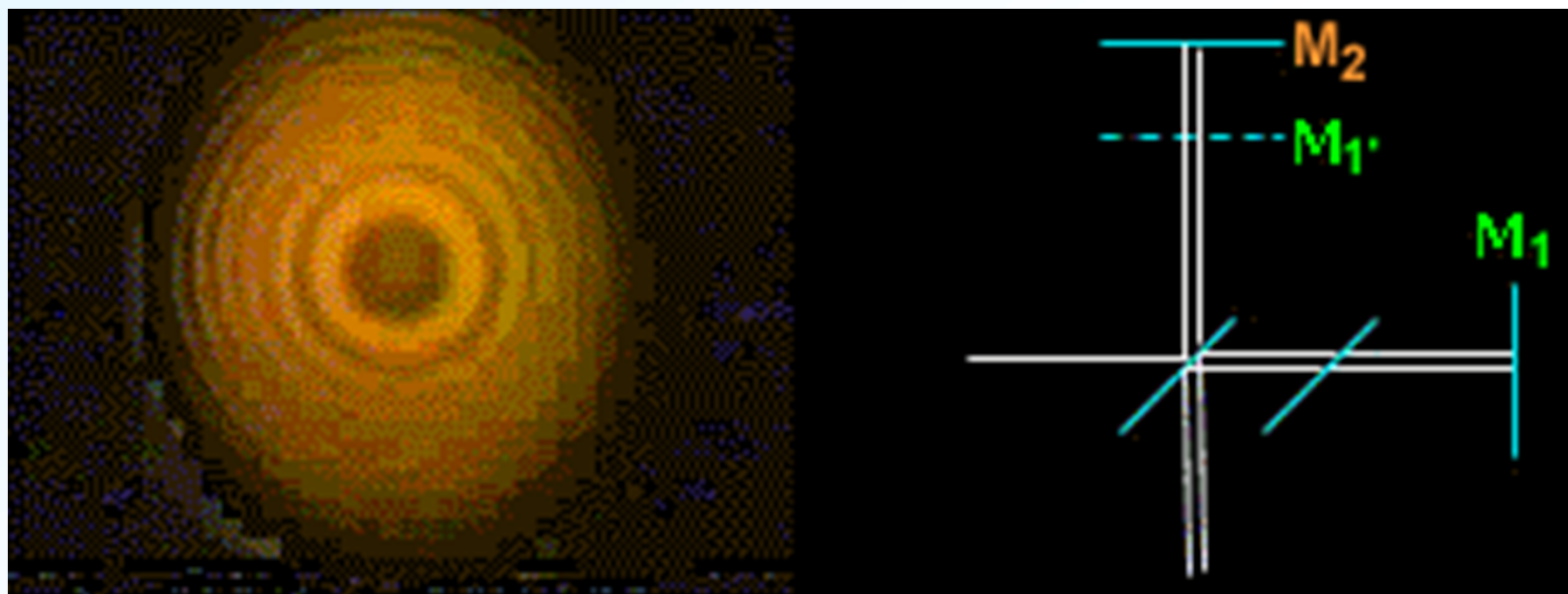
在近代科学技术中也有重要应用.



迈克尔逊干涉仪工作原理



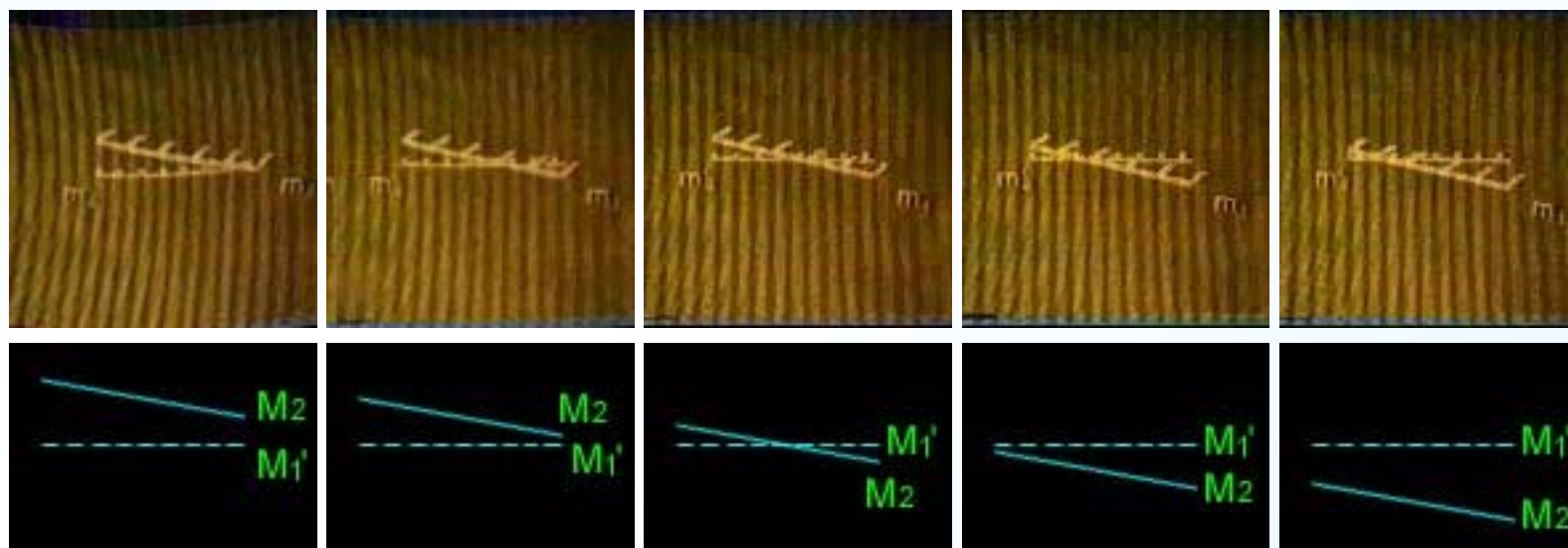
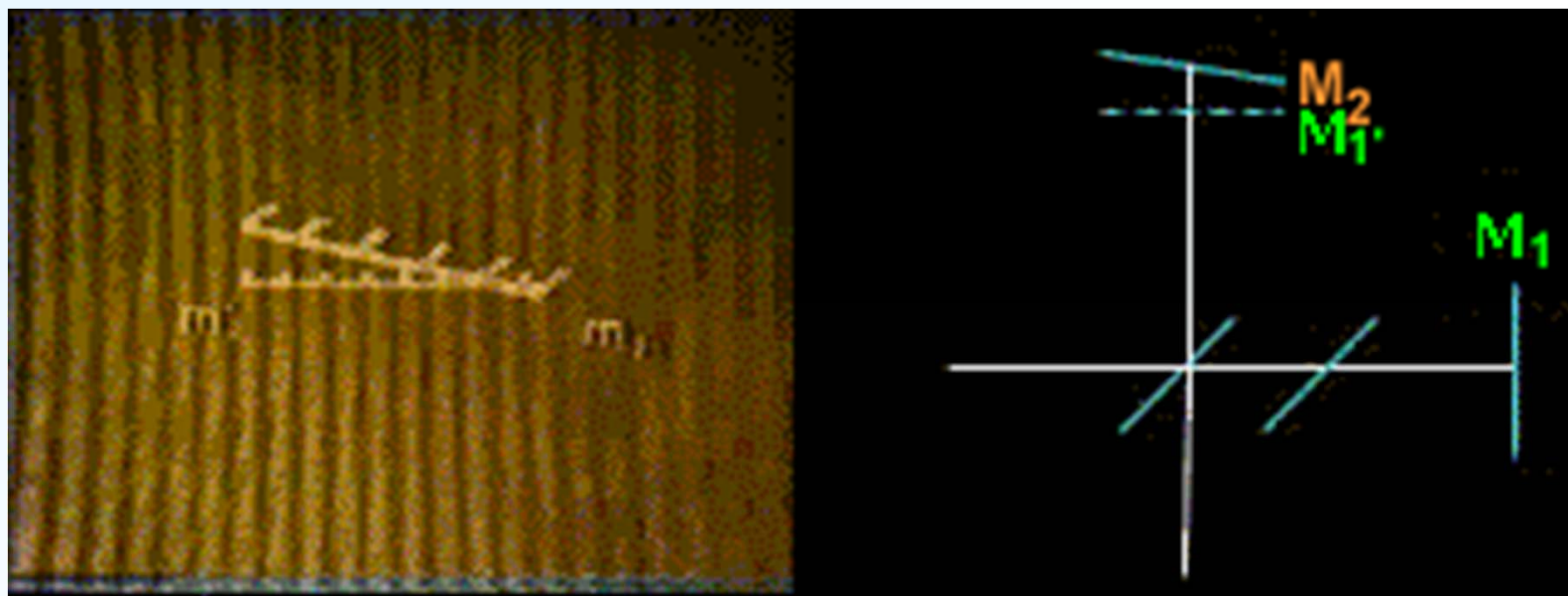
迈克耳逊等倾干涉



e 减小，圆环逐渐收缩； e 增大，环从中心冒出。

M_2 每移动半个波长，中心就缩进或者冒出一个环纹。

迈克耳逊等厚干涉



M_2 向下移动，等厚条纹往左移动；
 M_2 每移动半个波长，就有一个条纹从视场中移过。

例4 当把折射率为 $n=1.40$ 的薄膜放入迈克尔逊干涉仪的一臂时, 如果产生了7.0条条纹的移动, 求薄膜的厚度. (已知钠光的波长为 $\lambda = 589.3\text{nm}$.)

解:

$$\Delta\delta = 2(n-1)t = N\lambda$$

$$t = \frac{N \cdot \lambda}{2(n-1)}$$

$$= \frac{7 \times 589.3 \times 10^{-9}}{2(1.4-1)} \text{ m} = 5.156 \times 10^{-6} \text{ m}$$

