

第三章 基本辐射物理量

3.1 辐射通量密度

辐射通量密度 也称为辐照度 flux density，是电磁辐射在单位时间里通过单位面积表面所传输的总能量。

$$dF = \frac{dE}{dA dt d\lambda}$$
  $F \sim (\vec{r}, \vec{n}, t, \lambda)$  则有  $3 + 2 + 1 + 1 = 7$  个自由度，是个很复杂的函数。

宽带通量密度 指定λ<sub>1</sub>和λ<sub>2</sub>内所有波长贡献的辐射通量密度，例如太阳常数。单位：W·m<sup>-2</sup>。

单色通量密度  $F_\lambda$  (又称为光谱通量密度) 可以定义为  $F_\lambda = \lim_{\Delta\lambda \rightarrow 0} \frac{F(\lambda, \lambda + \Delta\lambda)}{\Delta\lambda}$

其中  $F(\lambda, \lambda + \Delta\lambda)$  是介于  $\lambda$  和  $\lambda + \Delta\lambda$  波长区间贡献的辐射通量密度。典型单位：Wm<sup>-2</sup>μm<sup>-1</sup>

因此  $[\lambda_1, \lambda_2]$  的宽带辐射通量密度等于  $F(\lambda_1, \lambda_2) = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} F_\lambda d\lambda$

例题 在0.3 μm 和1.0 μm 波长范围内，入射物体表面的总辐射通量为200 Wm<sup>-2</sup>。

- (a) 在该波长区间的平均光谱(单色=光谱)通量是多少？答案单位应为Wm<sup>-2</sup>μm<sup>-1</sup>。
- (b) 若光谱通量不随波长变化，那么仅由0.4 μm至0.5 μm 波长区间贡献的总通量是多少？
- (c) 完全由0.5 μm 波长辐射贡献的总通量（单位Wm<sup>-2</sup>）是多少？

- ① 根据定义可知平均光谱辐射通量为  $F_\lambda = \frac{F}{\Delta\lambda} = \frac{200 Wm^{-2}}{1.0 \mu m - 0.3 \mu m} = 285.7 Wm^{-2} \mu m^{-1}$
- ② 该波长区间的总辐射通量为  $F_b = F_\lambda \Delta\lambda = 285.7 Wm^{-2} \mu m^{-1} \cdot (0.5 \mu m - 0.4 \mu m) = 28.6 Wm^{-2}$
- ③ 只有在波长区间贡献的辐射通量密度可能不为零，因此答案为零

3.2 辐射强度

3.2.1 立体角

引入 大量方向组成的一个小区域，即立体角 Solid Angle。

球坐标系 其中天顶角θ、方位角φ。因此，若在笛卡尔坐标系中方向Ω表示为(Ω<sub>x</sub>, Ω<sub>y</sub>, Ω<sub>z</sub>)，而在球坐标系中可以表示为(θ, φ)

立体角 物体相对某视点的立体角定义为该物体在以此视点为球心的单位球上的投影表面面积 定义： $d\Omega = \frac{d\sigma_{表面}}{r_{球半径}^2} = \sin \theta d\theta d\phi$  天顶角dφ方位角

单位：球面度 Sr

例题 考虑一块云，当从地面某个位置对它进行观测时，它所占的天空区域为  $\frac{\pi}{4} < \theta < \frac{\pi}{2}$  和  $0 < \phi < \frac{\pi}{8}$ 。

求 (a) 云所包含的立体角是多少？ (b) 天空被云覆盖的百分比是多少？

- ① 云包含的立体角等于立体角微元的二重积分  $\Delta\omega = \int_0^{\frac{\pi}{8}} \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin \theta d\theta d\phi = 0.28 \text{ Sr}$
- ② 考虑到所有方向组成的立体角是4π，而天空方向半球具有2π球面度的立体角，则  $\frac{\Delta\omega}{2\pi} = 4.4\%$

