

《代码随想录》作者:<u>程序员Carl</u>

- 代码随想录官网(网站持续更新优化内容,建议直接看网站): www.programmercarl.com
- 代码随想录Github开源地址
- 代码随想录算法公开课,代码随想录的全部内容将由我(程序员Carl)视频讲解并开免费开放给大家。
- 《代码随想录》已经出版。
- 代码随想录知识星球 上万录友在这里学习
- 代码随想录算法训练营帮助录友高效刷完代码随想录。
- 微信公众号: 代码随想录
- 组队刷题,可以添加代码随想录官方微信
- ACM模式练习,推荐: <u>卡码网</u>

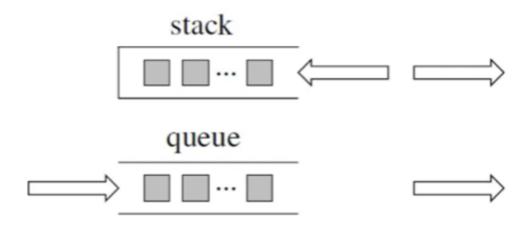
特别提示: PDF仅提供C++语言版本同时PDF中很多动图无法加载,其他编程语言版本和查看动图可以移步至<u>代码</u>随想录官方网站查看。

来看看栈和队列不为人知的一面

# 1. 栈与队列理论基础

我想栈和队列的原理大家应该很熟悉了,队列是先进先出,栈是先进后出。

如图所示:



那么我这里再列出四个关于栈的问题,大家可以思考一下。以下是以C++为例,使用其他编程语言的同学也对应思考一下,自己使用的编程语言里栈和队列是什么样的。

- 1. C++中stack 是容器么?
- 2. 我们使用的stack是属于哪个版本的STL?
- 3. 我们使用的STL中stack是如何实现的?
- 4. stack 提供迭代器来遍历stack空间么?

相信这四个问题并不那么好回答,因为一些同学使用数据结构会停留在非常表面上的应用,稍稍往深一问,就会有好像懂,好像也不懂的感觉。

有的同学可能仅仅知道有栈和队列这么个数据结构,却不知道底层实现,也不清楚所使用栈和队列和STL是什么关系。

所以这里我再给大家扫一遍基础知识,

首先大家要知道 栈和队列是STL(C++标准库)里面的两个数据结构。

C++标准库是有多个版本的,要知道我们使用的STL是哪个版本,才能知道对应的栈和队列的实现原理。

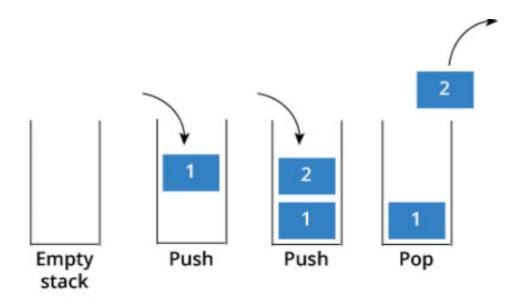
那么来介绍一下,三个最为普遍的STL版本:

- 1. HP STL
  - 其他版本的C++ STL,一般是以HP STL为蓝本实现出来的,HP STL是C++ STL的第一个实现版本,而且开放源代码。
- 2. P.J.Plauger STL 由P.J.Plauger参照HP STL实现出来的,被Visual C++编译器所采用,不是开源的。
- 3. SGI STL

由Silicon Graphics Computer Systems公司参照HP STL实现,被Linux的C++编译器GCC所采用,SGI STL是开源软件,源码可读性甚高。

接下来介绍的栈和队列也是SGI STL里面的数据结构, 知道了使用版本,才知道对应的底层实现。

来说一说栈, 栈先进后出, 如图所示:



栈提供push 和 pop 等等接口,所有元素必须符合先进后出规则,所以栈不提供走访功能,也不提供迭代器 (iterator)。 不像是set 或者map 提供迭代器iterator来遍历所有元素。

栈是以底层容器完成其所有的工作,对外提供统一的接口,底层容器是可插拔的(也就是说我们可以控制使用哪种 容器来实现栈的功能)。

所以STL中栈往往不被归类为容器,而被归类为container adapter(容器适配器)。

那么问题来了, STL 中栈是用什么容器实现的?

从下图中可以看出,栈的内部结构,栈的底层实现可以是vector,deque,list 都是可以的, 主要就是数组和链表的底层实现。

# 对外提供服务 时间复杂度为O(1) 接口 vector deque list

我们常用的SGI STL,如果没有指定底层实现的话,默认是以deque为缺省情况下栈的底层结构。

内部私有数据

deque是一个双向队列,只要封住一段,只开通另一端就可以实现栈的逻辑了。

SGI STL中 队列底层实现缺省情况下一样使用deque实现的。

我们也可以指定vector为栈的底层实现,初始化语句如下:

```
std::stack<int, std::vector<int> > third; // 使用vector为底层容器的栈
```

刚刚讲过栈的特性,对应的队列的情况是一样的。

队列中先进先出的数据结构,同样不允许有遍历行为,不提供迭代器, **SGI STL中队列一样是以deque为缺省情况下的底部结构。** 

也可以指定list 为起底层实现,初始化queue的语句如下:

```
std::queue<int, std::list<int>> third; // 定义以list为底层容器的队列
```

所以STL 队列也不被归类为容器,而被归类为container adapter (容器适配器)。

我这里讲的都是C++ 语言中的情况, 使用其他语言的同学也要思考栈与队列的底层实现问题, 不要对数据结构的 使用浅尝辄止,而要深挖其内部原理,才能夯实基础。

# 2.用栈实现队列

#### 力扣题目链接

使用栈实现队列的下列操作:

```
push(x) -- 将一个元素放入队列的尾部。
pop() -- 从队列首部移除元素。
peek() -- 返回队列首部的元素。
empty() -- 返回队列是否为空。
```

示例:

```
MyQueue queue = new MyQueue();
queue.push(1);
queue.push(2);
queue.peek(); // 返回 1
queue.pop(); // 返回 1
queue.empty(); // 返回 false
```

#### 说明:

- 你只能使用标准的栈操作 -- 也就是只有 push to top, peek/pop from top, size, 和 is empty 操作是合法的。
- 你所使用的语言也许不支持栈。你可以使用 list 或者 deque(双端队列)来模拟一个栈,只要是标准的栈操作即可。
- 假设所有操作都是有效的 (例如,一个空的队列不会调用 pop 或者 peek 操作)。

### 算法公开课

<u>《代码随想录》算法视频公开课:栈的基本操作!</u> <u>LeetCode:232.用栈实现队列</u>,相信结合视频再看本篇题解,更有助于大家对本题的理解。

### 思路

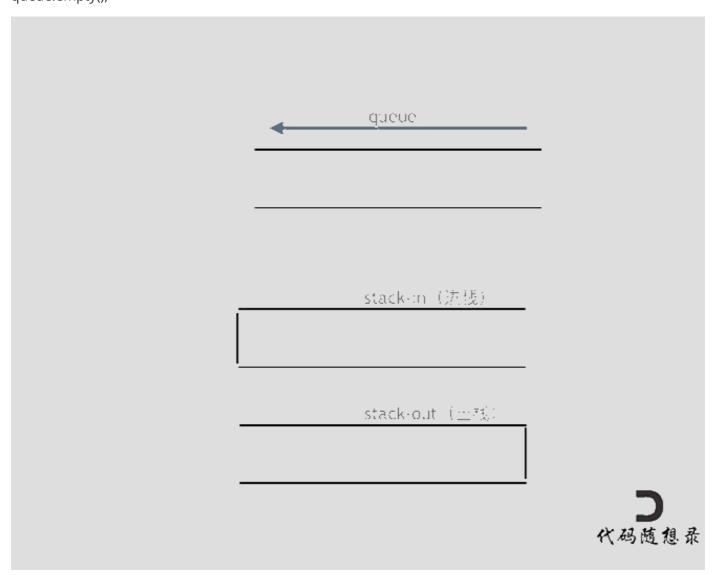
这是一道模拟题,不涉及到具体算法,考察的就是对栈和队列的掌握程度。

使用栈来模式队列的行为,如果仅仅用一个栈,是一定不行的,所以需要两个栈**一个输入栈,一个输出栈**,这里要 注意输入栈和输出栈的关系。

下面动画模拟以下队列的执行过程:

```
执行语句:
queue.push(1);
queue.push(2);
queue.pop(); 注意此时的输出栈的操作
queue.push(3);
queue.push(4);
queue.pop();
```

queue.pop();注意此时的输出栈的操作 queue.pop(); queue.empty();



在push数据的时候,只要数据放进输入栈就好,**但在pop的时候,操作就复杂一些,输出栈如果为空,就把进栈数据全部导入进来(注意是全部导入)**,再从出栈弹出数据,如果输出栈不为空,则直接从出栈弹出数据就可以了。

最后如何判断队列为空呢?如果进栈和出栈都为空的话,说明模拟的队列为空了。

在代码实现的时候,会发现pop() 和 peek()两个函数功能类似,代码实现上也是类似的,可以思考一下如何把代码抽象一下。

#### C++代码如下:

```
class MyQueue {
public:
    stack<int> stIn;
    stack<int> stOut;
    /** Initialize your data structure here. */
    MyQueue() {
}
```

```
/** Push element x to the back of queue. */
   void push(int x) {
       stIn.push(x);
   }
   /** Removes the element from in front of queue and returns that element. */
   int pop() {
       // 只有当stOut为空的时候,再从stIn里导入数据(导入stIn全部数据)
       if (stOut.empty()) {
           // 从stIn导入数据直到stIn为空
           while(!stIn.empty()) {
               stOut.push(stIn.top());
               stIn.pop();
           }
       }
       int result = stOut.top();
       stOut.pop();
       return result;
   }
   /** Get the front element. */
   int peek() {
       int res = this->pop(); // 直接使用已有的pop函数
       stOut.push(res); // 因为pop函数弹出了元素res, 所以再添加回去
       return res;
   }
   /** Returns whether the queue is empty. */
   bool empty() {
       return stIn.empty() && stOut.empty();
   }
};
```

- 时间复杂度: push和empty为O(1), pop和peek为O(n)
- 空间复杂度: O(n)

### 拓展

可以看出peek()的实现,直接复用了pop(), 要不然,对stOut判空的逻辑又要重写一遍。

再多说一些代码开发上的习惯问题,在工业级别代码开发中,最忌讳的就是 实现一个类似的函数,直接把代码粘过 来改一改就完事了。

这样的项目代码会越来越乱,**一定要懂得复用,功能相近的函数要抽象出来,不要大量的复制粘贴,很容易出问题!** (踩过坑的人自然懂)

工作中如果发现某一个功能自己要经常用,同事们可能也会用到,自己就花点时间把这个功能抽象成一个好用的函数或者工具类,不仅自己方便,也方便了同事们。

同事们就会逐渐认可你的工作态度和工作能力,自己的口碑都是这么一点一点积累起来的!在同事圈里口碑起来了 之后,你就发现自己走上了一个正循环,以后的升职加薪才少不了你!哈哈哈

用队列实现栈还是有点别扭。

# 3. 用队列实现栈

#### 力扣题目链接

使用队列实现栈的下列操作:

- push(x) -- 元素 x 入栈
- pop() -- 移除栈顶元素
- top() -- 获取栈顶元素
- empty() -- 返回栈是否为空

#### 注意:

- 你只能使用队列的基本操作-- 也就是 push to back, peek/pop from front, size, 和 is empty 这些操作是合法的。
- 你所使用的语言也许不支持队列。 你可以使用 list 或者 deque(双端队列)来模拟一个队列, 只要是标准的队列操作即可。
- 你可以假设所有操作都是有效的(例如, 对一个空的栈不会调用 pop 或者 top 操作)。

### 算法公开课

<u>《代码随想录》算法视频公开课</u>: <u>队列的基本操作! | LeetCode:225. 用队列实现栈</u>,相信结合视频再看本篇题解,更有助于大家对本题的理解。

### 思路

(这里要强调是单向队列)

有的同学可能疑惑这种题目有什么实际工程意义,**其实很多算法题目主要是对知识点的考察和教学意义远大于其工**程实践的意义,所以面试题也是这样!

刚刚做过<u>栈与队列:我用栈来实现队列怎么样?</u>的同学可能依然想着用一个输入队列,一个输出队列,就可以模拟 栈的功能,仔细想一下还真不行!

**队列模拟栈,其实一个队列就够了**,那么我们先说一说两个队列来实现栈的思路。

队列是先进先出的规则,把一个队列中的数据导入另一个队列中,数据的顺序并没有变,并没有变成先进后出的顺序。

所以用栈实现队列,和用队列实现栈的思路还是不一样的,这取决于这两个数据结构的性质。

但是依然还是要用两个队列来模拟栈,只不过没有输入和输出的关系,而是另一个队列完全用来备份的!

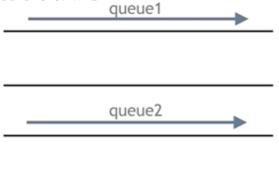
如下面动画所示,**用两个队列que1和que2实现队列的功能,que2其实完全就是一个备份的作用**,把que1最后面的元素以外的元素都备份到que2,然后弹出最后面的元素,再把其他元素从que2导回que1。

模拟的队列执行语句如下:

```
queue.push(1);
queue.push(2);
queue.pop(); // 注意弹出的操作
queue.push(3);
queue.push(4);
queue.pop(); // 注意弹出的操作
queue.pop();
queue.pop();
queue.pop();
```



### 模拟栈的两个队列





#### 详细如代码注释所示:

```
class MyStack {
public:
    queue<int> que1;
    queue<int> que2; // 辅助队列, 用来备份
```

```
/** Initialize your data structure here. */
   MyStack() {
    }
    /** Push element x onto stack. */
   void push(int x) {
       quel.push(x);
    }
    /** Removes the element on top of the stack and returns that element. */
    int pop() {
       int size = quel.size();
       size--;
       while (size--) { // 将que1 导入que2, 但要留下最后一个元素
           que2.push(que1.front());
           quel.pop();
       }
       int result = quel.front(); // 留下的最后一个元素就是要返回的值
       quel.pop();
                               // 再将que2赋值给que1
       que1 = que2;
       while (!que2.empty()) { // 清空que2
           que2.pop();
       return result;
    }
   /** Get the top element. */
   int top() {
       return quel.back();
   }
    /** Returns whether the stack is empty. */
   bool empty() {
       return quel.empty();
   }
};
```

- 时间复杂度: push为O(n), 其他为O(1)
- 空间复杂度: O(n)

### 优化

其实这道题目就是用一个队列就够了。

一个队列在模拟栈弹出元素的时候只要将队列头部的元素(除了最后一个元素外) 重新添加到队列尾部,此时再去 弹出元素就是栈的顺序了。

```
class MyStack {
public:
   queue<int> que;
   /** Initialize your data structure here. */
   MyStack() {
   /** Push element x onto stack. */
   void push(int x) {
       que.push(x);
   }
   /** Removes the element on top of the stack and returns that element. */
   int pop() {
       int size = que.size();
       size--;
       while (size--) { // 将队列头部的元素(除了最后一个元素外) 重新添加到队列尾部
           que.push(que.front());
           que.pop();
       int result = que.front(); // 此时弹出的元素顺序就是栈的顺序了
       que.pop();
       return result;
   }
   /** Get the top element. */
   int top() {
      return que.back();
   }
   /** Returns whether the stack is empty. */
   bool empty() {
       return que.empty();
   }
};
```

- 时间复杂度: push为O(n), 其他为O(1)
- 空间复杂度: O(n)

数据结构与算法应用往往隐藏在我们看不到的地方

# 4. 有效的括号

#### 力扣题目链接

给定一个只包括 '(', ')', '{', '}', '[', ']' 的字符串, 判断字符串是否有效。

#### 有效字符串需满足:

- 左括号必须用相同类型的右括号闭合。
- 左括号必须以正确的顺序闭合。
- 注意空字符串可被认为是有效字符串。

#### 示例 1:

- 输入: "()"
- 输出: true

#### 示例 2:

- 输入: "()[]{}"
- 输出: true

#### 示例 3:

- 输入: "(]"
- 输出: false

#### 示例 4:

- 输入: "([)]"
- 输出: false

#### 示例 5:

- 输入: "{[]}"
- 输出: true

### 算法公开课

<u>《代码随想录》算法视频公开课</u>: <u>栈的拿手好戏!</u> <u>LeetCode</u>: <u>20. 有效的括号</u>,相信结合视频再看本篇题解,更有助于大家对本题的理解。

### 思路

### 题外话

#### 括号匹配是使用栈解决的经典问题。

题意其实就像我们在写代码的过程中,要求括号的顺序是一样的,有左括号,相应的位置必须要有右括号。

如果还记得编译原理的话,编译器在 词法分析的过程中处理括号、花括号等这个符号的逻辑,也是使用了栈这种数据结构。

再举个例子,linux系统中,cd这个进入目录的命令我们应该再熟悉不过了。

这个命令最后进入a目录,系统是如何知道进入了a目录呢 ,这就是栈的应用(其实可以出一道相应的面试题了) 所以栈在计算机领域中应用是非常广泛的。

有的同学经常会想学的这些数据结构有什么用,也开发不了什么软件,大多数同学说的软件应该都是可视化的软件 例如APP、网站之类的,那都是非常上层的应用了,底层很多功能的实现都是基础的数据结构和算法。

#### 所以数据结构与算法的应用往往隐藏在我们看不到的地方!

这里我就不过多展开了, 先来看题。

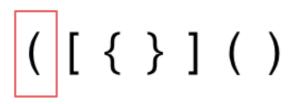
### 进入正题

由于栈结构的特殊性、非常适合做对称匹配类的题目。

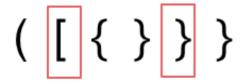
首先要弄清楚、字符串里的括号不匹配有几种情况。

一些同学,在面试中看到这种题目上来就开始写代码,然后就越写越乱。

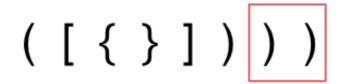
1. 第一种情况,字符串里左方向的括号多余了,所以不匹配。



2. 第二种情况, 括号没有多余, 但是 括号的类型没有匹配上。



3. 第三种情况,字符串里右方向的括号多余了,所以不匹配。



我们的代码只要覆盖了这三种不匹配的情况,就不会出问题,可以看出 动手之前分析好题目的重要性。

动画如下:





第一种情况:已经遍历完了字符串,但是栈不为空,说明有相应的左括号没有右括号来匹配,所以return false

第二种情况:遍历字符串匹配的过程中,发现栈里没有要匹配的字符。所以return false

第三种情况:遍历字符串匹配的过程中,栈已经为空了,没有匹配的字符了,说明右括号没有找到对应的左括号 return false

那么什么时候说明左括号和右括号全都匹配了呢,就是字符串遍历完之后,栈是空的,就说明全都匹配了。

分析完之后, 代码其实就比较好写了,

但还有一些技巧,在匹配左括号的时候,右括号先入栈,就只需要比较当前元素和栈顶相不相等就可以了,比左括 号先入栈代码实现要简单的多了!

实现C++代码如下:

```
class Solution {
    public:
        bool isValid(string s) {
            if (s.size() % 2 != 0) return false; // 如果s的长度为奇数, 一定不符合要求
            stack<char> st;
        for (int i = 0; i < s.size(); i++) {
            if (s[i] == '(') st.push(')');
            else if (s[i] == '{'} st.push('});
            else if (s[i] == '[') st.push(']');
```

● 时间复杂度: O(n)

● 空间复杂度: O(n)

技巧性的东西没有固定的学习方法,还是要多看多练,自己灵活运用了。

匹配问题都是栈的强项

# 5. 删除字符串中的所有相邻重复项

#### 力扣题目链接

给出由小写字母组成的字符串 S, 重复项删除操作会选择两个相邻且相同的字母, 并删除它们。

在S上反复执行重复项删除操作,直到无法继续删除。

在完成所有重复项删除操作后返回最终的字符串。答案保证唯一。

#### 示例:

• 输入: "abbaca"

● 输出: "ca"

● 解释:例如,在 "abbaca" 中,我们可以删除 "bb" 由于两字母相邻且相同,这是此时唯一可以执行删除操作的重复项。之后我们得到字符串 "aaca",其中又只有 "aa" 可以执行重复项删除操作,所以最后的字符串为 "ca"。

#### 提示:

- 1 <= S.length <= 20000
- S 仅由小写英文字母组成。

### 算法公开课

<u>《代码随想录》算法视频公开课:栈的好戏还要继续!| LeetCode:1047. 删除字符串中的所有相邻</u>重复项,相信结合视频再看本篇题解,更有助于大家对本题的理解。

### 思路

### 正题

本题要删除相邻相同元素,相对于<u>20. 有效的括号</u>来说其实也是匹配问题,20. 有效的括号 是匹配左右括号,本题是匹配相邻元素,最后都是做消除的操作。

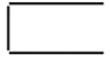
本题也是用栈来解决的经典题目。

那么栈里应该放的是什么元素呢?

我们在删除相邻重复项的时候,其实就是要知道当前遍历的这个元素,我们在前一位是不是遍历过一样数值的元素,那么如何记录前面遍历过的元素呢?

所以就是用栈来存放,那么栈的目的,就是存放遍历过的元素,当遍历当前的这个元素的时候,去栈里看一下我们 是不是遍历过相同数值的相邻元素。

然后再去做对应的消除操作。 如动画所示:



abbaca



从栈中弹出剩余元素,此时是字符串ac,因为从栈里弹出的元素是倒序的,所以再对字符串进行反转一下,就得到了最终的结果。

C++代码:

```
class Solution {
public:
    string removeDuplicates(string S) {
        stack<char> st;
        for (char s : S) {
```

```
if (st.empty() | | s != st.top()) {
    st.push(s);
} else {
    st.pop(); // s 与 st.top()相等的情况
}

string result = "";
while (!st.empty()) { // 将栈中元素放到result字符串汇总
    result += st.top();
    st.pop();
}
reverse (result.begin(), result.end()); // 此时字符串需要反转一下
return result;
}
};
```

● 时间复杂度: O(n)

● 空间复杂度: O(n)

当然可以拿字符串直接作为栈,这样省去了栈还要转为字符串的操作。

#### 代码如下:

```
class Solution {
public:
    string removeDuplicates(string S) {
        string result;
        for(char s : S) {
            if(result.empty() || result.back() != s) {
                result.push_back(s);
            }
            else {
                result.pop_back();
            }
        }
        return result;
    }
};
```

● 时间复杂度: O(n)

● 空间复杂度: O(1), 返回值不计空间复杂度

### 题外话

这道题目就像是我们玩过的游戏对对碰,如果相同的元素挨在一起就要消除。

可能我们在玩游戏的时候感觉理所当然应该消除,但程序又怎么知道该如何消除呢,特别是消除之后又有新的元素可能挨在一起。

此时游戏的后端逻辑就可以用一个栈来实现(我没有实际考察对对碰或者爱消除游戏的代码实现,仅从原理上进行 推断)。

游戏开发可能使用栈结构,编程语言的一些功能实现也会使用栈结构,实现函数递归调用就需要栈,但不是每种编程语言都支持递归,例如:

**递归的实现就是:每一次递归调用都会把函数的局部变量、参数值和返回地址等压入调用栈中**,然后递归返回的时候,从栈顶弹出上一次递归的各项参数,所以这就是递归为什么可以返回上一层位置的原因。

相信大家应该遇到过一种错误就是栈溢出,系统输出的异常是 Segmentation fault (当然不是所有的 Segmentation fault 都是栈溢出导致的) ,如果你使用了递归,就要想一想是不是无限递归了,那么系统调用 栈就会溢出。

而且**在企业项目开发中,尽量不要使用递归**!在项目比较大的时候,由于参数多,全局变量等等,使用递归很容易判断不充分return的条件,非常容易无限递归(或者递归层级过深),**造成栈溢出错误(这种问题还不好排查!)** 

这不仅仅是一道好题, 也展现出计算机的思考方式

# 6. 逆波兰表达式求值

#### 力扣题目链接

根据 逆波兰表示法, 求表达式的值。

有效的运算符包括 + , - , \* , / 。每个运算对象可以是整数,也可以是另一个逆波兰表达式。

#### 说明:

整数除法只保留整数部分。

给定逆波兰表达式总是有效的。换句话说,表达式总会得出有效数值且不存在除数为 0 的情况。

#### 示例 1:

- 输入: ["2", "1", "+", "3", " \* "]
- 输出: 9
- 解释: 该算式转化为常见的中缀算术表达式为: ((2 + 1) \* 3) = 9

#### 示例 2:

- 输入: ["4", "13", "5", "/", "+"]
- 输出: 6

解释: 该算式转化为常见的中缀算术表达式为: (4+(13/5)) = 6

示例 3:

- 输入: ["10", "6", "9", "3", "+", "-11", " \* ", "/", " \* ", "17", "+", "5", "+"]
- 输出: 22
- 解释:该算式转化为常见的中缀算术表达式为:

```
((10 * (6 / ((9 + 3) * -11))) + 17) + 5

= ((10 * (6 / (12 * -11))) + 17) + 5

= ((10 * (6 / -132)) + 17) + 5

= ((10 * 0) + 17) + 5

= (0 + 17) + 5

= 17 + 5

= 22
```

逆波兰表达式: 是一种后缀表达式, 所谓后缀就是指运算符写在后面。

平常使用的算式则是一种中缀表达式,如(1+2)\*(3+4)。

该算式的逆波兰表达式写法为((12+)(34+)\*)。

逆波兰表达式主要有以下两个优点:

- 去掉括号后表达式无歧义,上式即便写成12+34+\*也可以依据次序计算出正确结果。
- 适合用栈操作运算:遇到数字则入栈;遇到运算符则取出栈顶两个数字进行计算,并将结果压入栈中。

### 算法公开课

<u>《代码随想录》算法视频公开课:栈的最后表演! | LeetCode:150. 逆波兰表达式求</u>值,相信结合视频再看本篇 题解,更有助于大家对本题的理解。

### 思路

### 正颢

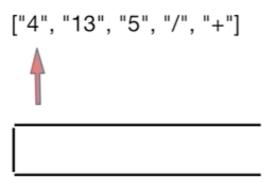
在上一篇文章中1047.删除字符串中的所有相邻重复项提到了递归就是用栈来实现的。

所以**栈与递归之间在某种程度上是可以转换的!** 这一点我们在后续讲解二叉树的时候,会更详细的讲解到。

那么来看一下本题,**其实逆波兰表达式相当于是二叉树中的后序遍历**。 大家可以把运算符作为中间节点,按照后序遍历的规则画出一个二叉树。

但我们没有必要从二叉树的角度去解决这个问题,只要知道逆波兰表达式是用后序遍历的方式把二叉树序列化了, 就可以了。

在进一步看,本题中每一个子表达式要得出一个结果,然后拿这个结果再进行运算,那么**这岂不就是一个相邻字符 串消除的过程,和<u>1047.</u>删除字符串中的所有相邻重复项中的对对碰游戏是不是就非常像了。**  如动画所示:





相信看完动画大家应该知道,这和<u>1047. 删除字符串中的所有相邻重复项</u>是差不错的,只不过本题不要相邻元素做消除了,而是做运算!

#### C++代码如下:

```
class Solution {
public:
   int evalRPN(vector<string>& tokens) {
       // 力扣修改了后台测试数据,需要用longlong
       stack<long long> st;
       for (int i = 0; i < tokens.size(); i++) {</pre>
           if (tokens[i] == "+" || tokens[i] == "-" || tokens[i] == "*" || tokens[i]
== "/") {
               long long num1 = st.top();
               st.pop();
               long long num2 = st.top();
               st.pop();
               if (tokens[i] == "+") st.push(num2 + num1);
               if (tokens[i] == "-") st.push(num2 - num1);
               if (tokens[i] == "*") st.push(num2 * num1);
               if (tokens[i] == "/") st.push(num2 / num1);
           } else {
               st.push(stoll(tokens[i]));
           }
       }
       int result = st.top();
       st.pop(); // 把栈里最后一个元素弹出(其实不弹出也没事)
```

```
return result;
}
```

● 时间复杂度: O(n)

● 空间复杂度: O(n)

### 题外话

我们习惯看到的表达式都是中缀表达式,因为符合我们的习惯,但是中缀表达式对于计算机来说就不是很友好了。

例如: 4 + 13 / 5, 这就是中缀表达式, 计算机从左到右去扫描的话, 扫到13, 还要判断13后面是什么运算符, 还要比较一下优先级, 然后13还和后面的5做运算, 做完运算之后, 还要向前回退到 4 的位置, 继续做加法, 你说麻不麻烦!

那么将中缀表达式,转化为后缀表达式之后:["4","13","5","/","+"],就不一样了,计算机可以利用栈来顺序处理,不需要考虑优先级了。也不用回退了,**所以后缀表达式对计算机来说是非常友好的。** 

可以说本题不仅仅是一道好题,也展现出计算机的思考方式。

在1970年代和1980年代,惠普在其所有台式和手持式计算器中都使用了RPN(后缀表达式),直到2020年代仍在某些模型中使用了RPN。

#### 参考维基百科如下:

During the 1970s and 1980s, Hewlett-Packard used RPN in all of their desktop and hand-held calculators, and continued to use it in some models into the 2020s.

要用啥数据结构呢?

# 7. 滑动窗口最大值

#### 力扣题目链接

给定一个数组 nums,有一个大小为 k 的滑动窗口从数组的最左侧移动到数组的最右侧。你只可以看到在滑动窗口内的 k 个数字。滑动窗口每次只向右移动一位。

返回滑动窗口中的最大值。

进阶:

你能在线性时间复杂度内解决此题吗?

### 示例:

输入: nums = [1,3,-1,-3,5,3,6,7], 和 k = 3

输出: [3,3,5,5,6,7]

解释:

滑动窗口的位置								最大值
[1	3	-1]	-3	5	3	6	7	3
1	[3	-1	-3]	5	3	6	7	3
1	3	[-1	-3	5]	3	6	7	5
1	3	-1	[-3	5	3]	6	7	5
1	3	-1	-3	[5	3	6]	7	6
1	3	-1	-3	5	[3	6	7]	7

#### 提示:

- 1 <= nums.length <= 10^5
- -10^4 <= nums[i] <= 10^4
- 1 <= k <= nums.length

### 算法公开课

<u>《代码随想录》算法视频公开课:单调队列正式登场!| LeetCode:239. 滑动窗口最大值</u>,相信结合视频再看本篇题解,更有助于大家对本题的理解。

### 思路

这是使用单调队列的经典题目。

难点是如何求一个区间里的最大值呢? (这好像是废话),暴力一下不就得了。

暴力方法,遍历一遍的过程中每次从窗口中再找到最大的数值,这样很明显是O(n × k)的算法。

有的同学可能会想用一个大顶堆(优先级队列)来存放这个窗口里的k个数字,这样就可以知道最大的最大值是多少了, **但是问题是这个窗口是移动的,而大顶堆每次只能弹出最大值,我们无法移除其他数值,这样就造成大顶堆维护的不是滑动窗口里面的数值了。所以不能用大顶堆。** 

此时我们需要一个队列,这个队列呢,放进去窗口里的元素,然后随着窗口的移动,队列也一进一出,每次移动之后,队列告诉我们里面的最大值是什么。

这个队列应该长这个样子:

```
class MyQueue {
public:
    void pop(int value) {
    }
    void push(int value) {
    }
    int front() {
        return que.front();
    }
};
```

每次窗口移动的时候,调用que.pop(滑动窗口中移除元素的数值),que.push(滑动窗口添加元素的数值),然后que.front()就返回我们要的最大值。

这么个队列香不香,要是有现成的这种数据结构是不是更香了!

可惜了,没有!我们需要自己实现这么个队列。

然后再分析一下,队列里的元素一定是要排序的,而且要最大值放在出队口,要不然怎么知道最大值呢。

但如果把窗口里的元素都放进队列里,窗口移动的时候,队列需要弹出元素。

那么问题来了,已经排序之后的队列 怎么能把窗口要移除的元素(这个元素可不一定是最大值)弹出呢。

大家此时应该陷入深思.....

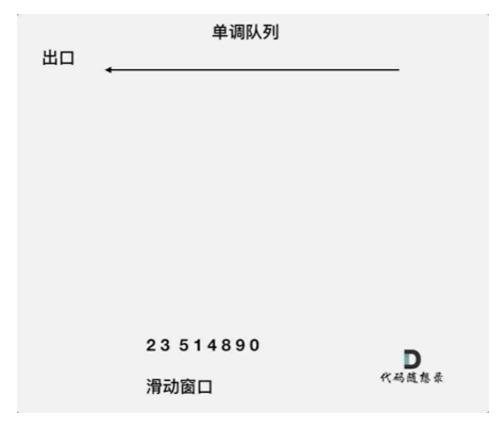
其实队列没有必要维护窗口里的所有元素,只需要维护有可能成为窗口里最大值的元素就可以了,同时保证队列里 的元素数值是由大到小的。

那么这个维护元素单调递减的队列就叫做**单调队列,即单调递减或单调递增的队列。C++中没有直接支持单调队 列,需要我们自己来实现一个单调队列** 

不要以为实现的单调队列就是 对窗口里面的数进行排序,如果排序的话,那和优先级队列又有什么区别了呢。

来看一下单调队列如何维护队列里的元素。

动画如下:



对于窗口里的元素{2, 3, 5, 1, 4},单调队列里只维护{5, 4} 就够了,保持单调队列里单调递减,此时队列出口元素就是窗口里最大元素。

此时大家应该怀疑单调队列里维护着{5,4}怎么配合窗口进行滑动呢?

设计单调队列的时候, pop, 和push操作要保持如下规则:

- 1. pop(value): 如果窗口移除的元素value等于单调队列的出口元素,那么队列弹出元素,否则不用任何操作
- 2. push(value): 如果push的元素value大于入口元素的数值,那么就将队列入口的元素弹出,直到push元素的数值小于等于队列入口元素的数值为止

保持如上规则,每次窗口移动的时候,只要问que.front()就可以返回当前窗口的最大值。

为了更直观的感受到单调队列的工作过程,以题目示例为例,输入: nums = [1,3,-1,-3,5,3,6,7],和 k = 3,动画如下:

nums: 1 3 -1 -3 5 3 6 7 k: 3



那么我们用什么数据结构来实现这个单调队列呢?

使用deque最为合适,在文章<u>栈与队列:来看看栈和队列不为人知的一面</u>中,我们就提到了常用的queue在没有指定容器的情况下,deque就是默认底层容器。

基于刚刚说过的单调队列pop和push的规则,代码不难实现,如下:

```
class MyQueue { //单调队列(从大到小)
public:
   deque<int> que; // 使用deque来实现单调队列
   // 每次弹出的时候,比较当前要弹出的数值是否等于队列出口元素的数值,如果相等则弹出。
   // 同时pop之前判断队列当前是否为空。
   void pop(int value) {
      if (!que.empty() && value == que.front()) {
         que.pop_front();
      }
   // 如果push的数值大于入口元素的数值,那么就将队列后端的数值弹出,直到push的数值小于等于队列入口元
素的数值为止。
   // 这样就保持了队列里的数值是单调从大到小的了。
   void push(int value) {
      while (!que.empty() && value > que.back()) {
         que.pop_back();
      }
      que.push_back(value);
   // 查询当前队列里的最大值 直接返回队列前端也就是front就可以了。
   int front() {
```

```
return que.front();
};
```

这样我们就用deque实现了一个单调队列,接下来解决滑动窗口最大值的问题就很简单了,直接看代码吧。

C++代码如下:

```
class Solution {
private:
   class MyQueue { //单调队列(从大到小)
   public:
       deque<int> que; // 使用deque来实现单调队列
       // 每次弹出的时候,比较当前要弹出的数值是否等于队列出口元素的数值,如果相等则弹出。
       // 同时pop之前判断队列当前是否为空。
       void pop(int value) {
          if (!que.empty() && value == que.front()) {
              que.pop_front();
       }
       // 如果push的数值大于入口元素的数值,那么就将队列后端的数值弹出,直到push的数值小于等于队列入
口元素的数值为止。
       // 这样就保持了队列里的数值是单调从大到小的了。
       void push(int value) {
          while (!que.empty() && value > que.back()) {
              que.pop_back();
          que.push_back(value);
       }
       // 查询当前队列里的最大值 直接返回队列前端也就是front就可以了。
       int front() {
          return que.front();
       }
   };
public:
   vector<int> maxSlidingWindow(vector<int>& nums, int k) {
      MyQueue que;
       vector<int> result;
       for (int i = 0; i < k; i++) { // 先将前k的元素放进队列
          que.push(nums[i]);
       result.push_back(que.front()); // result 记录前k的元素的最大值
       for (int i = k; i < nums.size(); i++) {</pre>
          que.pop(nums[i - k]); // 滑动窗口移除最前面元素
          que.push(nums[i]); // 滑动窗口前加入最后面的元素
          result.push_back(que.front()); // 记录对应的最大值
       }
       return result;
```

};

● 时间复杂度: O(n)

● 空间复杂度: O(k)

再来看一下时间复杂度,使用单调队列的时间复杂度是 O(n)。

有的同学可能想了,在队列中 push元素的过程中,还有pop操作呢,感觉不是纯粹的O(n)。

其实,大家可以自己观察一下单调队列的实现,nums 中的每个元素最多也就被 push\_back 和 pop\_back 各一次,没有任何多余操作,所以整体的复杂度还是 O(n)。

空间复杂度因为我们定义一个辅助队列, 所以是O(k)。

### 扩展

大家貌似对单调队列都有一些疑惑,首先要明确的是,题解中单调队列里的pop和push接口,仅适用于本题哈。 单调队列不是一成不变的,而是不同场景不同写法,总之要保证队列里单调递减或递增的原则,所以叫做单调队 列。不要以为本题中的单调队列实现就是固定的写法哈。

大家貌似对deque也有一些疑惑,C++中deque是stack和queue默认的底层实现容器(这个我们之前已经讲过 啦),deque是可以两边扩展的,而且deque里元素并不是严格的连续分布的。

前K个大数问题,老生常谈,不得不谈

# 8.前 K 个高频元素

#### 力扣题目链接

给定一个非空的整数数组,返回其中出现频率前 k 高的元素。

#### 示例 1:

● 输入: nums = [1,1,1,2,2,3], k = 2

• 输出: [1,2]

#### 示例 2:

● 输入: nums = [1], k = 1

● 输出: [1]

#### 提示:

- 你可以假设给定的 k 总是合理的,且1≤k≤数组中不相同的元素的个数。
- 你的算法的时间复杂度必须优于 \$O(n \log n)\$, n 是数组的大小。
- 题目数据保证答案唯一,换句话说,数组中前 k 个高频元素的集合是唯一的。

你可以按任意顺序返回答案。

### 算法公开课

<u>《代码随想录》算法视频公开课:优先级队列正式登场!大顶堆、小顶堆该怎么用?| LeetCode:347.前 K 个高频元素</u>,相信结合视频再看本篇题解,更有助于大家对本题的理解。

### 思路

这道题目主要涉及到如下三块内容:

- 1. 要统计元素出现频率
- 2. 对频率排序
- 3. 找出前K个高频元素

首先统计元素出现的频率,这一类的问题可以使用map来进行统计。

然后是对频率进行排序,这里我们可以使用一种 容器适配器就是优先级队列。

什么是优先级队列呢?

其实**就是一个披着队列外衣的堆**,因为优先级队列对外接口只是从队头取元素,从队尾添加元素,再无其他取元素 的方式,看起来就是一个队列。

而且优先级队列内部元素是自动依照元素的权值排列。那么它是如何有序排列的呢?

缺省情况下priority\_queue利用max-heap(大顶堆)完成对元素的排序,这个大顶堆是以vector为表现形式的complete binary tree(完全二叉树)。

什么是堆呢?

**堆是一棵完全二叉树,树中每个结点的值都不小于(或不大于)其左右孩子的值。** 如果父亲结点是大于等于左右孩子就是大顶堆,小于等于左右孩子就是小顶堆。

所以大家经常说的大顶堆(堆头是最大元素),小顶堆(堆头是最小元素),如果懒得自己实现的话,就直接用 priority\_queue(优先级队列)就可以了,底层实现都是一样的,从小到大排就是小顶堆,从大到小排就是大顶 堆。

本题我们就要使用优先级队列来对部分频率进行排序。

为什么不用快排呢, 使用快排要将map转换为vector的结构,然后对整个数组进行排序, 而这种场景下,我们其实只需要维护k个有序的序列就可以了,所以使用优先级队列是最优的。

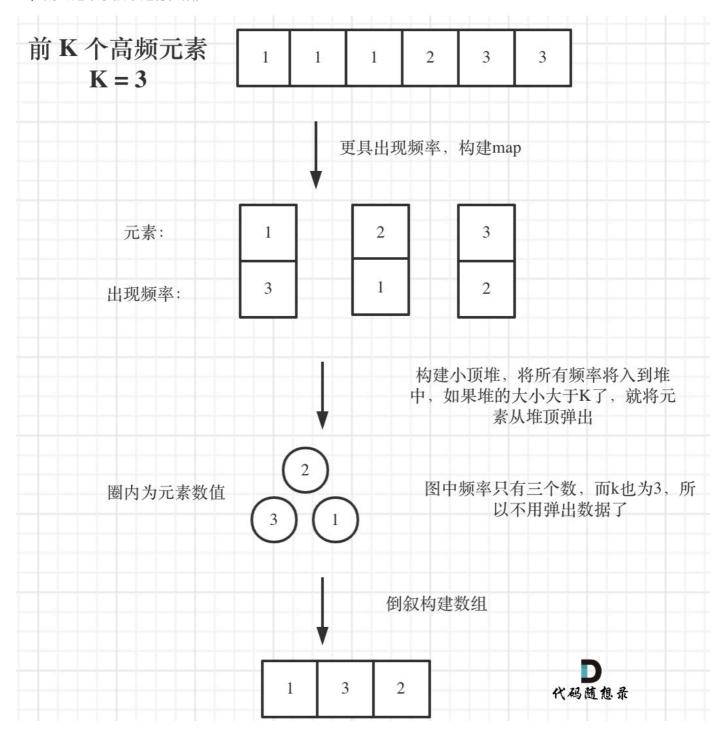
此时要思考一下,是使用小顶堆呢,还是大顶堆?

有的同学一想, 题目要求前 K 个高频元素, 那么果断用大顶堆啊。

那么问题来了,定义一个大小为k的大顶堆,在每次移动更新大顶堆的时候,每次弹出都把最大的元素弹出去了,那么怎么保留下来前K个高频元素呢。

而且使用大顶堆就要把所有元素都进行排序,那能不能只排序k个元素呢?

所以我们要用小顶堆,因为要统计最大前k个元素,只有小顶堆每次将最小的元素弹出,最后小顶堆里积累的才是 前k个最大元素。 寻找前k个最大元素流程如图所示: (图中的频率只有三个,所以正好构成一个大小为3的小顶堆,如果频率更多一些,则用这个小顶堆进行扫描)



#### 我们来看一下C++代码:

```
class Solution {
public:
    // 小顶堆
    class mycomparison {
    public:
        bool operator()(const pair<int, int>& lhs, const pair<int, int>& rhs) {
            return lhs.second > rhs.second;
        }
    };
```

```
vector<int> topKFrequent(vector<int>& nums, int k) {
       // 要统计元素出现频率
       unordered map<int, int> map; // map<nums[i],对应出现的次数>
       for (int i = 0; i < nums.size(); i++) {
          map[nums[i]]++;
       }
       // 对频率排序
       // 定义一个小顶堆, 大小为k
       priority_queue<pair<int, int>, vector<pair<int, int>>, mycomparison> pri_que;
       // 用固定大小为k的小顶堆, 扫面所有频率的数值
       for (unordered_map<int, int>::iterator it = map.begin(); it != map.end(); it++)
{
          pri que.push(*it);
          if (pri_que.size() > k) { // 如果堆的大小大于了K,则队列弹出,保证堆的大小一直为k
              pri que.pop();
          }
       }
       // 找出前x个高频元素,因为小顶堆先弹出的是最小的,所以倒序来输出到数组
       vector<int> result(k);
       for (int i = k - 1; i \ge 0; i--) {
          result[i] = pri que.top().first;
          pri_que.pop();
       }
       return result;
   }
};
```

● 时间复杂度: O(nlogk)

● 空间复杂度: O(n)

### 拓展

大家对这个比较运算在建堆时是如何应用的,为什么左大于右就会建立小顶堆,反而建立大顶堆比较困惑。

确实例如我们在写快排的cmp函数的时候,return left>right 就是从大到小,return left<right 就是从小到大。

优先级队列的定义正好反过来了,可能和优先级队列的源码实现有关(我没有仔细研究),我估计是底层实现上优 先队列队首指向后面,队尾指向最前面的缘故!

## 9. 栈与队列总结篇

### 栈与队列的理论基础

首先我们在栈与队列:来看看栈和队列不为人知的一面中讲解了栈和队列的理论基础。

#### 里面提到了灵魂四问:

- 1. C++中stack, queue 是容器么?
- 2. 我们使用的stack, queue是属于那个版本的STL?
- 3. 我们使用的STL中stack, queue是如何实现的?
- 4. stack, queue 提供迭代器来遍历空间么?

相信不仅仅是C++中有这些问题,那么大家使用其他编程语言,也可以考虑一下这四个问题,栈和队列是如何实现的。

栈与队列是我们熟悉的不能再熟悉的数据结构,但它们的底层实现,很多同学都比较模糊,这其实就是基础所在。

可以出一道面试题: 栈里面的元素在内存中是连续分布的么?

#### 这个问题有两个陷阱:

- 陷阱1: 栈是容器适配器,底层容器使用不同的容器,导致栈内数据在内存中是不是连续分布。
- 陷阱2:缺省情况下,默认底层容器是deque,那么deque的在内存中的数据分布是什么样的呢?答案是:不连续的,下文也会提到deque。

所以这就是考察候选者基础知识扎不扎实的好问题。

#### 大家还是要多多重视起来!

了解了栈与队列基础之后,那么可以用<u>栈与队列:栈实现队列</u> 和 <u>栈与队列:队列实现栈</u> 来练习一下栈与队列的基本操作。

值得一提的是,用<u>栈与队列:用队列实现栈还有点别扭</u>中,其实只用一个队列就够了。

一个队列在模拟栈弹出元素的时候只要将队列头部的元素(除了最后一个元素外) 重新添加到队列尾部,此时在去 弹出元素就是栈的顺序了。

### 栈经典题目

### 栈在系统中的应用

如果还记得编译原理的话,编译器在 词法分析的过程中处理括号、花括号等这个符号的逻辑,就是使用了栈这种数据结构。

再举个例子,linux系统中,cd这个进入目录的命令我们应该再熟悉不过了。

cd a/b/c/../../

这个命令最后进入a目录,系统是如何知道进入了a目录呢,这就是栈的应用。**这在leetcode上也是一道题目,编号:71.简化路径,大家有空可以做一下。** 

**递归的实现是栈:每一次递归调用都会把函数的局部变量、参数值和返回地址等压入调用栈中**,然后递归返回的时候,从栈顶弹出上一次递归的各项参数,所以这就是递归为什么可以返回上一层位置的原因。

所以栈在计算机领域中应用是非常广泛的。

有的同学经常会想学的这些数据结构有什么用,也开发不了什么软件,大多数同学说的软件应该都是可视化的软件 例如APP、网站之类的,那都是非常上层的应用了,底层很多功能的实现都是基础的数据结构和算法。

所以数据结构与算法的应用往往隐藏在我们看不到的地方!

### 括号匹配问题

在栈与队列: 系统中处处都是栈的应用中我们讲解了括号匹配问题。

#### 括号匹配是使用栈解决的经典问题。

建议要写代码之前要分析好有哪几种不匹配的情况,如果不动手之前分析好,写出的代码也会有很多问题。

先来分析一下 这里有三种不匹配的情况,

- 1. 第一种情况,字符串里左方向的括号多余了,所以不匹配。
- 2. 第二种情况, 括号没有多余, 但是 括号的类型没有匹配上。
- 3. 第三种情况,字符串里右方向的括号多余了,所以不匹配。

这里还有一些技巧,在匹配左括号的时候,右括号先入栈,就只需要比较当前元素和栈顶相不相等就可以了,比左 括号先入栈代码实现要简单的多了!

### 字符串去重问题

在栈与队列: 匹配问题都是栈的强项中讲解了字符串去重问题。

047. 删除字符串中的所有相邻重复项

思路就是可以把字符串顺序放到一个栈中,然后如果相同的话 栈就弹出,这样最后栈里剩下的元素都是相邻不相同 的元素了。

### 逆波兰表达式问题

在栈与队列:有没有想过计算机是如何处理表达式的?中讲解了求逆波兰表达式。

本题中每一个子表达式要得出一个结果,然后拿这个结果再进行运算,那么**这岂不就是一个相邻字符串消除的过程,和栈与队列**: 匹配问题都是栈的强项中的对对碰游戏是不是就非常像了。

### 队列的经典题目

### 滑动窗口最大值问题

在<u>栈与队列:滑动窗口里求最大值引出一个重要数据结构</u>中讲解了一种数据结构:单调队列。

这道题目还是比较绕的,如果第一次遇到这种题目,需要反复琢磨琢磨

主要思想是队列没有必要维护窗口里的所有元素,只需要维护有可能成为窗口里最大值的元素就可以了,同时保证队列里的元素数值是由大到小的。

那么这个维护元素单调递减的队列就叫做**单调队列,即单调递减或单调递增的队列。C++中没有直接支持单调队 列,需要我们自己来一个单调队列** 

而且不要以为实现的单调队列就是 对窗口里面的数进行排序,如果排序的话,那和优先级队列又有什么区别了呢。

设计单调队列的时候, pop, 和push操作要保持如下规则:

- 1. pop(value):如果窗口移除的元素value等于单调队列的出口元素,那么队列弹出元素,否则不用任何操作
- 2. push(value):如果push的元素value大于入口元素的数值,那么就将队列出口的元素弹出,直到push元素的数值小于等于队列入口元素的数值为止

保持如上规则,每次窗口移动的时候,只要问que.front()就可以返回当前窗口的最大值。

一些同学还会对单调队列都有一些困惑,首先要明确的是,**题解中单调队列里的pop和push接口,仅适用于本题。** 

**单调队列不是一成不变的,而是不同场景不同写法**,总之要保证队列里单调递减或递增的原则,所以叫做单调队列。

不要以为本地中的单调队列实现就是固定的写法。

我们用deque作为单调队列的底层数据结构,C++中deque是stack和queue默认的底层实现容器(这个我们之前已经讲过),deque是可以两边扩展的,而且deque里元素并不是严格的连续分布的。

### 求前 K 个高频元素

在<u>栈与队列: 求前 K 个高频元素和队</u>列有啥关系?\_中讲解了求前 K 个高频元素。

通过求前 K 个高频元素, 引出另一种队列就是优先级队列。

什么是优先级队列呢?

其实**就是一个披着队列外衣的堆**,因为优先级队列对外接口只是从队头取元素,从队尾添加元素,再无其他取元素的方式,看起来就是一个队列。

而且优先级队列内部元素是自动依照元素的权值排列。那么它是如何有序排列的呢?

缺省情况下priority\_queue利用max-heap(大顶堆)完成对元素的排序,这个大顶堆是以vector为表现形式的complete binary tree(完全二叉树)。

什么是堆呢?

**堆是一棵完全二叉树,树中每个结点的值都不小于(或不大于)其左右孩子的值**。 如果父亲结点是大于等于左右孩子就是大顶堆,小于等于左右孩子就是小顶堆。

所以大家经常说的大顶堆(堆头是最大元素),小顶堆(堆头是最小元素),如果懒得自己实现的话,就直接用 priority\_queue(优先级队列)就可以了,底层实现都是一样的,从小到大排就是小顶堆,从大到小排就是大顶 堆。

本题就要**使用优先级队列来对部分频率进行排序**。 注意这里是对部分数据进行排序而不需要对所有数据排序! 所以排序的过程的时间复杂度是\$O(\log k)\$,整个算法的时间复杂度是\$O(n\log k)\$。

### 总结

在栈与队列系列中,我们强调栈与队列的基础,也是很多同学容易忽视的点。

使用抽象程度越高的语言, 越容易忽视其底层实现, 而C++相对来说是比较接近底层的语言。

我们用栈实现队列,用队列实现栈来掌握的栈与队列的基本操作。

接着,通过括号匹配问题、字符串去重问题、逆波兰表达式问题来系统讲解了栈在系统中的应用,以及使用技巧。

通过求滑动窗口最大值,以及前K个高频元素介绍了两种队列:单调队列和优先级队列,这是特殊场景解决问题的利器,是一定要掌握的。

好了,栈与队列我们就总结到这里了,接下来Carl就要带大家开启新的篇章了,大家加油!