# 含虚拟同步发电机的多端柔性直流系统稳定性分析

付 强,村文娟,黄登一,王海风

(新能源电力系统国家重点实验室(华北电力大学),北京市 102206)

摘要:以含虚拟同步发电机(VSG)的多端柔性直流系统稳定性为研究对象,分别建立了 VSG 控制 和矢量控制下电压源型换流器的传递函数模型,采用阻尼转矩分析法研究了 VSG 接入对直流系统 自身稳定性的影响,得出如下结论:①"直流系统注入 VSG 的功率恒定"这一假设忽略了多端直流 系统中 VSG 与剩余直流系统间的动态交互过程,导致其分析结果具有一定的局限性;②含 VSG 的 多端直流系统自身会产生稳定性问题,受到 VSG 自身控制参数和 VSG 与剩余直流系统间动态交 互过程的影响;③当 VSG 的开环模式与剩余直流系统中的开环模式接近时,直流系统可能产生振 荡现象,文中给出了有效的参数调节方法。最后,对一个含 VSG 的三端柔性直流系统进行了时域 仿真分析,验证了上述研究结果。

关键词:多端柔性直流系统:虚拟同步发电机:阻尼转矩分析法:稳定性分析

## 0 引言

近年来,随着可再生能源的大力开发和新能源 电力系统的快速发展[1],以矢量控制为代表的电压 源型换流器(VSC)得到了广泛应用[2-3],由其构成的 柔性直流输电系统成为了解决远距离电能传输的有 效方案[4]。但是,矢量控制的 VSC 不具有旋转惯 性[5],易引入谐波[6],无法为交流系统提供必要的电 压和频率支撑,降低了电网运行的稳定性[7]。为此, 模拟同步发电机的运行特性,提出了虚拟同步发电 机(virtual synchronous generator, VSG)控制,增加 了系统惯性,提供了电压和频率支撑[8-11],引起了众 多学者的广泛关注。

目前针对 VSG 的稳定性研究主要集中在两个 方面:一方面是针对单个 VSG 控制的 VSC 进行研 究,另一个方面是针对含 VSG 的多端直流系统进行 研究。在第一个方面,常假设直流系统为恒定功率 源或直流电压源,系统的复杂度较低,提出了相关的 稳定性控制方法。例如文献[12]通过结合传统无惯 性下垂控制和 VSG 控制的优势,提出了基于 VSG 的下垂控制;文献[13]设计了新的解耦控制算法,实 现了 VSG 有功和无功功率的独立输出;文献[14]研 究了解耦控制算法的参数设计,提出了考虑系统稳

收稿日期: 2017-11-08; 修回日期: 2018-02-22。

上网日期: 2018-03-28。

国家自然科学基金资助项目(51407068)。

定性裕量的参数设计方案。

在 VSG 接入对交流系统稳定性影响的研究方 面,主要采用模式分析法和频域分析法。例如文 献[15]采用模式分析法分析了控制参数对交流系统 稳定性的影响,提出了控制参数的优化方案。文 献[16]采用频域分析法分析了 VSG 控制与发电机 间产生的谐振现象,提出了基于一阶控制环节的解 决措施。文献[17]提出了一种新的阻尼控制方法, 采用实验验证了其能够有效提升低频振荡的稳 定性。

在第二个方面,考虑到系统的复杂度进一步上 升,采用的主要稳定性分析方法为模式分析法。例 如文献[18]针对传统 VSG 控制策略难以响应直流 系统注入功率变化的现象,提出了具有限幅环节的 VSG 直流电压下垂控制方式。文献[19]从物理机 理的角度出发,设计了基于虚拟调速器的 VSG 下垂 控制策略,并采用模式分析法研究了其对交流系统 稳定性的影响。

综上,可以得出目前针对含 VSG 的多端柔性直 流系统稳定性研究主要存在以下问题。

- 1) 虽然针对含 VSG 的多端直流系统的控制策 略已经被提出,但是其稳定性建模及其机理研究暂 未展开。
- 2)目前的研究忽略了直流系统自身的动态过 程[18-19]。当 VSG 采用直流电压下垂控制后,多端 直流系统中将出现新的振荡模式,原有的快速响应 特性可能会消失。故对干采用直流电压下垂控制的

VSG 来讲,将直流系统等效为恒定功率源进行分析 是具有一定局限性的,没有考虑到直流系统自身的 稳定性问题。

本文针对上述问题,首先建立了矢量控制和 VSG 控制下 VSC 的传递函数模型,形成了多端直流系统的闭环互联模型;然后,采用阻尼转矩分析法研究了 VSG 接入对直流系统稳定性的影响,得出了当直流系统中存在多个 VSG 时,VSG 间可能会发生强交互现象,导致模式排斥,进而引起直流系统的振荡;最后,对一个三端直流系统进行了时域仿真分析,验证了上述研究结果,并给出了能够提升直流系统稳定性的 VSG 参数调节方法。

## 1 不同控制下 VSC 的传递函数模型

图 1 所示为 N 端柔性直流系统中第 j 个 VSC  $(j=1,2,\cdots,N,$  下同)接入交流系统的示意图,其中  $X_j$  为第 j 个 VSC 与交流系统连接线路上的电抗,  $V_{pcc,j}$  为第 j 个 VSC 与交流系统连接点处的节点电压,假定其相角为 0,  $V_{ac,j} \angle \theta_{ac,j}$  为第 j 个 VSC 输出的交流电压幅值及其相角, $I_{d,j}$  +  $jI_{q,j}$  为第 j 个 VSC 交流侧线路上的电流, $P_j$  +  $jQ_j$  为第 j 个 VSC 注入交流系统的有功和无功功率, $R_{dc,j}$  和  $X_{dc,j}$  分别为第 j 个 VSC 直流侧的电阻和电抗, $C_j$  和  $V_{dc,j}$  分别为第 j 个 VSC 直流侧的电容及其直流电压, $I_{dc,j}$  和  $I_{j,dc}$  分别为第 j 个 VSC 直流侧电容的输入和输出电流。

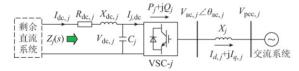


图 1 VSC 接入交流系统的示意图 Fig.1 Schematic diagram of AC power system with VSC

以第j个 VSC 直流侧电容的输入电流  $I_{de,j}$ 为输入信号,以第j 个 VSC 直流侧电容的直流电压  $V_{de,j}$ 为输出信号,可得出在不同控制下,第j 个 VSC 对于直流系统的传递函数模型  $Z_j(s)$ 。本文以 VSG 控制和矢量控制为例,建模如下。

### 1.1 定直流电压控制下 VSC 的传递函数模型

如附录 A 图 A1 所示为第 j 个 VSC 在定直流电压控制下的控制框图,其中有功环采用定直流电压控制方式[ $^{20]}$ ,  $K_{P,de,j}$  和  $K_{1,de,j}$  分别为有功外环的比例系数和积分系数;无功外环采用定无功功率控制方式, $K_{P,q,j}$  和  $K_{1,q,j}$  分别为无功外环的比例系数和积分系数。内环采用电流解耦控制, $K_{P,i,d,j}$ , $K_{1,i,d,j}$  和  $K_{P,i,q,j}$ ,  $K_{1,i,q,j}$  分别为有功电流内环和无

功电流内环的比例和积分系数。 $T_v$  为一阶延时环节的时间常数,用于模拟调制环节的时滞, $V_{\mathrm{ac},d,j}$  和 $V_{\mathrm{ac},a,j}$  分别为节点电压  $V_{\mathrm{ac},j}$  的 d 轴和 q 轴分量。

由附录 A 图 A1 可得:

$$\begin{cases} I_{d,j}^{\text{ref}} = \frac{sK_{P,dc,j} + K_{I,dc,j}}{s} (V_{dc,j}^{\text{ref}} - V_{dc,j}) \\ V_{ac,d,j} = \frac{(I_{d,j}^{\text{ref}} - I_{d,j}) (sK_{P,i,d,j} + K_{I,i,d,j}) +}{(1 + sT_{v}) \cdot} \end{cases}$$
(1)

考虑到交直流连接线路上的动态方程满足:

$$\begin{cases}
V_{\text{ac},d,j} - V_{\text{pcc},j} = \frac{X_j}{\omega_0} \left( \frac{dI_{d,j}}{dt} - \omega_0 I_{q,j} \right) \\
V_{\text{ac},q,j} - 0 = \frac{X_j}{\omega_0} \left( \frac{dI_{q,j}}{dt} + \omega_0 I_{d,j} \right)
\end{cases}$$
(2)

式中:ω。为电网基值频率。

一般调制环节导致的延时较小,可以认为 $V_{{\rm ac},d,j}$ 和 $V_{{\rm ac},q,j}$ 能够瞬时跟踪 $V_{{\rm ac},d,j}^{{\rm ref}}$ 和 $V_{{\rm ac},q,j}$ ,因此忽略附录A图A1中的时滞环节 $^{[2]}$ ,联立式 $^{[1]}$ 和式 $^{[2]}$ 1)可得:

$$I_{d,j} = \frac{\omega_0 K_{P,i,d,j} s + K_{1,i,d,j} \omega_0}{X_j s^2 + \omega_0 K_{P,i,d,j} s + K_{1,i,d,j} \omega_0} I_{d,j}^{\text{ref}} = G_{i,d,j}(s) I_{d,j}^{\text{ref}}$$
(3)

联立式(1)和式(3)可得:

$$\begin{split} P_{j} = & V_{\text{pcc},j} I_{d,j} = & V_{\text{pcc},j} G_{i,d,j}(s) \left( K_{\text{P,dc},j} + \frac{K_{\text{1,dc},j}}{s} \right) \bullet \\ & (V_{\text{dc},j}^{\text{ref}} - V_{\text{dc},j}) = & G_{\text{pv},j}(s) (V_{\text{dc},j}^{\text{ref}} - V_{\text{dc},j}) \\ & \text{考虑到直流侧电容上的动态方程,} \end{split} \tag{4}$$

$$V_{\text{dc},j} = \frac{1}{sC_{j}} (I_{\text{dc},j} - I_{j,\text{dc}}) = \frac{1}{sC_{j}} \left( I_{\text{dc},j} - \frac{P_{j}}{V_{\text{dc},j}} \right) = \frac{1}{sC_{j}} \left[ I_{\text{dc},j} - \frac{G_{\text{pv},j}(s)}{V_{\text{dc},j}} (V_{\text{dc},j}^{\text{ref}} - V_{\text{dc},j}) \right]$$
(5)

由式(5)可得第i个 VSC 的传递函数模型为:

$$Z_{j}(s) = \frac{\Delta V_{\text{dc},j}}{\Delta I_{\text{dc},j}} = \frac{I_{\text{dc0}}}{sC_{j}V_{\text{dc}} + G_{\text{pv},j}(s)} = \frac{I_{\text{dc0}} \cdot C_{j}V_{\text{dc}}s^{2} + V_{\text{pcc},j}G_{i,d,j}(s)K_{\text{P,dc},j}s} + \frac{s}{V_{\text{pcc},j}G_{i,d,j}(s)K_{\text{I,dc},j}}$$
(6)

式中:下标"0"表示状态变量的稳态值。

#### 1.2 直流电压下垂控制下 VSC 的传递函数模型

附录 A 图 A2 所示为第 j 个 VSC 在直流电压下垂控制下的控制框图,其中有功环采用直流电压下垂控制方式<sup>[21]</sup>, $K_{de,j}$ 为直流电压下垂系数, $K_{P,p,j}$ 和  $K_{I,p,j}$ 为下垂控制外环的比例和积分系数,剩余控制参数与附录 A 图 A1 中一致。

http://www.aeps-info.com 165

由附录 A 图 A2 可得:

$$\begin{cases}
I_{d,j}^{\text{ref}} = \frac{sK_{P,dc,j} + K_{1,dc,j}}{s} [K_{dc,j} (V_{dc,j}^{\text{ref}} - V_{dc,j}) + (P_{j}^{\text{ref}} - P_{j})] \\
V_{ac,d,j} = \frac{(I_{d,j}^{\text{ref}} - I_{d,j}) (sK_{P,i,d,j} + K_{1,i,d,j}) + (7)}{(1 + sT_{v})} \\
\underbrace{V_{pcc,j} s - X_{j} I_{q,j} s}_{s}
\end{cases}$$

忽略附录 A 图 A2 中的时滞环节[2],联立式(7) 和式(3)可得.

$$P_{j} = V_{\text{pcc},j} I_{d,j} = G_{\text{pv},j}(s) [K_{\text{dc},j}(V_{\text{dc},j}^{\text{ref}} - V_{\text{dc},j}) + (P_{j}^{\text{ref}} - P_{j})]$$
(8)

求解式(8)可得:

$$P_{j} = \frac{G_{\text{pv},j}(s)K_{\text{dc},j}(V_{\text{dc},j}^{\text{ref}} - V_{\text{dc},j})}{1 + G_{\text{nv},j}(s)}$$
(9)

将式(9)代入式(5)可得第j个 VSC 的传递函数模型为:

$$Z_{j}(s) = \frac{\Delta V_{\text{dc},j}}{\Delta I_{\text{dc},j}} = \frac{I_{\text{dc0}}}{sC_{j}V_{\text{dc0}} - \frac{G_{\text{pv},j}(s)V_{\text{dc0}}K_{\text{dc},j}}{V_{\text{dc0}} + G_{\text{pv},j}(s)V_{\text{dc0}}}}$$
(10)

#### 1.3 VSG 控制下 VSC 的传递函数模型

附录 A 图 A3 所示为 VSG 的直流电压下垂控制框图 [22],其中  $\omega_p$  为 VSG 等效內电势的频率, $\omega_g$  为电网实际频率, $\omega_0$  为电网基值频率, $P_j^{ref}$  和  $Q_j^{ref}$  分别第 j 个 VSC 的有功功率和无功功率的设定值, $H_j$  和  $D_j$  分别为第 j 个 VSG 的惯性常数与阻尼系数, $K_{O_j}$  为无功控制器的增益系数。

由附录 A 图 A3 可得:

$$\begin{cases}
\theta_{\text{ac},j} = \frac{1}{2H_{j}s + D_{j}} \frac{\omega_{0}}{s} (P_{j}^{\text{ref}} - P_{j}) \\
V_{\text{ac},j} = \frac{K_{Q,j}}{s} (Q_{j}^{\text{ref}} - Q_{j})
\end{cases}$$
(11)

考虑到 VSG 与交流系统的连接线路,有如下表达式 $^{[23]}$ :

$$\begin{cases}
P_{j} = \frac{V_{\text{ac},j}^{2} \sin(2\theta_{\text{ac},j}) + V_{\text{ac},j} V_{\text{pcc},j} \sin(0 - \theta_{\text{ac},j})}{X_{j}} \\
Q_{j} = \frac{V_{\text{ac},j} V_{\text{pcc},j} \cos(0 - \theta_{\text{ac},j}) - V_{\text{ac},j}^{2} \cos(2\theta_{\text{ac},j})}{X_{j}}
\end{cases}$$
(12)

考虑到附录 A 图 A4 + VSG 有功功率和无功功率的耦合关系,可得:

$$\begin{cases} \Delta P_{j} = G_{K,j}(s) \Delta \theta_{\text{ac},j} \\ G_{K,j}(s) = \frac{-V_{\text{ac},j0}V_{\text{pcc},j0}^{2} \sin^{2}\theta_{\text{ac},j0}}{-K_{Q,j}X_{j}^{2} + V_{\text{pcc},j0}X_{j} \cos\theta_{\text{ac},j0} - 2V_{\text{ac},j0}X_{j}} s + \\ \frac{V_{\text{ac},j0}V_{\text{pcc},j0} \cos\theta_{\text{ac},j0}(K_{Q,j}X_{j} - V_{\text{pcc},j0} \cos\theta_{\text{ac},j0} + 2V_{\text{ac},j0})}{-K_{Q,j}X_{j}^{2} + V_{\text{pcc},j0}X_{j} \cos\theta_{\text{ac},j0} - 2V_{\text{ac},j0}X_{j}} \end{cases}$$

$$(13)$$

令  $G_{K,j} = G_{K,j}(\lambda_j)$ , $\lambda_j$  为第 j 个 VSC 的振荡模式,由附录 A 图 A3 可得,VSG 的二阶虚拟转子运动方程为:

$$\begin{cases}
\Delta P_{j} = H(s) \Delta P_{T} \\
H(s) = \frac{1}{2H_{j}s^{2} + D_{j}s + G_{K,j}}
\end{cases}$$
(14)

考虑到如式(5)所示的直流侧动态方程,可得第j个 VSG 控制的 VSC 的传递函数模型为:

$$Z_{j}(s) = \frac{\Delta V_{\text{dc},j}}{\Delta I_{\text{dc},j}} = \frac{2Hs^{2}K_{\text{dc},j}}{2Hs^{2} + Ds + G_{\text{K},j}}$$
(15)

# 2 VSG 接入对多端柔性直流系统稳定性的 影响

## 2.1 阻尼转矩分析

阻尼转矩分析法的依据是经典控制理论和发电机转子运动所受力矩的分解。按照阻尼转矩法的基本思想,发电机剩余部分对发电机转子运动的转矩贡献可分解为两部分:一部分是阻尼转矩,决定转子运动振荡的阻尼,即发电机输出功率低频振荡的阻尼;另一部分是同步转矩,决定发电机的同步能力,影响的是发电机输出功率的振荡频率。阻尼转矩的物理意义是:与角速度成正比的力矩,是角位移的制动力,起到了阻尼的作用。如果发电机剩余部分对转子运动的阻尼转矩是负的,则会降低发电机本身的稳定性,当其提供的负阻尼大于转子运动自身的正阻尼时,将导致系统发散失稳;如果发电机剩余部分对转子运动的阻尼转矩是正的,转子运动振荡的阻尼会得到提升,其稳定性也会随之改善[23]。

考虑到虚拟同步控制中,二阶虚拟转子的运动方程与发电机类似,所以本文采用阻尼转矩分析法分析系统中其他环节对 VSG 稳定性的影响。

对于一个含 VSG 的 N 端柔性直流系统,总可以简化为如图 2 所示的传递函数示意图,其中传递函数 Z(s)可由式(6)、式(10)和式(15)求得。不失一般性,假设第 1 个 VSC 采用 VSG 控制,采用阻尼转矩分析法研究其余 VSC 对第 1 个 VSC 提供的阻尼转矩。

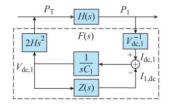


图 2 N 端柔性直流系统的传递函数 Fig.2 Transfer function of N-terminal flexible DC system

图 2 中,有

$$Z(s) = \frac{1}{\frac{1}{Z_2(s)} + \frac{1}{Z_3(s)} + \dots + \frac{1}{Z_N(s)}}$$
(16)

式(14)的二阶方程可写为:

$$s^2 \Delta P_1 + \frac{D_1}{2H_1} s \Delta P_1 + \frac{G_{K,1}}{2H_1} \Delta P_1 - \frac{1}{2H_1} \Delta P_T = 0$$
 (17)

其中, $\Delta P_{\rm T}$  可按式(18)分解。

$$\Delta P_{\mathrm{T}} = T_{\mathrm{d}} s \Delta P_{\mathrm{1}} + T_{\mathrm{g}} \Delta P_{\mathrm{1}} \tag{18}$$

将式(18)代入式(17)可得:

$$s^{2} \Delta P_{1} + \frac{D_{1} - T_{d}}{2H_{1}} s \Delta P_{1} + \frac{G_{K,1} - T_{g}}{2H_{1}} \Delta P_{1} = 0$$
(19)

从式(19)可以看出,VSG 控制的 VSC 自身的振荡阻尼受到两部分因素的影响,其中一部分是自身控制参数  $D_1/(2H_1)$  提供的阻尼,另一部分则是外部直流系统提供的阻尼一 $T_{\rm d}/(2H_1)$ 。一般来讲,VSG 控制参数中均有  $D_1/(2H_1)$  > 0,所以含VSG 的多端直流系统是否稳定取决于外部直流系统对 VSG 控制的 VSC 提供的阻尼大小,其稳定性判据为:当  $D_1-T_{\rm d}>0$ ,系统稳定。

由图 2 可知,外部直流系统的反馈传递函数为:

$$\Delta P_{\mathrm{T}} = F(s) \Delta P_{1} = \frac{2K_{\mathrm{dc},1} H_{1} Z(s) s^{2}}{1 - C_{1} Z(s) s} \Delta P_{1} \quad (20)$$

假设 VSG 控制的振荡模式为  $\lambda_1 = \epsilon_1 + j\omega_1$ ,则 对于  $\lambda_1$ ,在复频域有如下方程成立:

$$\Delta P_{T} = F_{1}(\lambda_{1}) \Delta P_{1} = T_{d}\lambda_{1} \Delta P_{j} + T_{g} \Delta P_{j} = T_{d}(\varepsilon_{1} + j\omega_{1}) \Delta P_{j} + T_{g} \Delta P_{j} = (T_{d}\varepsilon_{1} + T_{g} + jT_{d}\omega_{1}) \Delta P_{j}$$
(21)

由式(21)可解得:

$$\begin{cases}
T_{d} = \frac{\operatorname{Im}(F_{1}(\lambda_{1}))}{\omega_{1}} \\
T_{g} = \operatorname{Re}(F_{1}(\lambda_{1})) - T_{d}\varepsilon_{1}
\end{cases}$$
(22)

依据式 (22),可计算剩余直流系统 F(s) 给 VSG 控制的 VSC 提供的阻尼 $-T_{\rm d}/(2H_1)$ ,进而判定 VSG 接入后,多端直流系统的稳定性。综上,也可得出提升直流系统中振荡模式阻尼的方法有:减小惯性系数  $H_1$ ,增加阻尼系数  $D_1$  和增大下垂系数  $K_{\rm del}$ 。

#### 2.2 模式排斥

当 N 端柔性直流系统中含有多个 VSG 控制的 VSC 时,F(s) 中必然含有其他振荡模式,令其中一个为  $\lambda_z$ ,由式 (22) 可知,当  $\lambda_z = \lambda_1$  时, $T_d \rightarrow \infty$ ,即外 部直流系统将向 VSG 控制的 VSC 提供一个非常大的阻尼,这将很可能导致直流系统失稳,证明如下。

考虑到  $\lambda_1$  是 H(s) 的开环振荡模式, $\lambda_2$  是

F(s)的开环振荡模式,则有式(23)成立。

$$\begin{cases} h(s) = \frac{H(s)}{s - \lambda_1} \\ z(s) = \frac{Z(s)}{s - \lambda_2} \end{cases}$$
 (23)

由图 2 可得 H(s)F(s)=1,将式(23)代入,有  $(s-\lambda_1)(s-\lambda_2)h(s)z(s)=1$  (24)

假设当  $\lambda_1 = \lambda_z$  时,上式的解为  $\hat{\lambda}_1 = \lambda_1 + \Delta \lambda_1$ ,将其代入式(24)可求得近似解为:

$$\Delta \lambda_1 = \pm \sqrt{1 - h(\lambda_1) z(\lambda_1)} \tag{25}$$

式 (25) 说 明,当一个 VSG 控制的 VSC 的 H(s)的开环模式  $\lambda_1$  与剩余直流系统 F(s)的开环模式  $\lambda_2$  接近时,多端直流系统的闭环模式将发生互相排斥的现象,导致其中一个模式的阻尼变差,严重的将引起直流系统内的振荡现象。

考虑到矢量控制的频率较高,所以上述模式排斥现象是由于 VSG 控制与 VSG 控制间的动态交互引起的,这再次验证了当多个 VSG 接入同一多端直流系统中时,直流系统的动态特性将发生改变,其内部的动态过程将不能忽略,并存在稳定性问题。

## 3 仿真验证

#### 3.1 系统介绍

如图 3 所示为一个三端柔性直流系统,其中 VSC-1 采用定直流电压矢量控制方式,向直流系统注入有功功率,VSC-2 采用直流电压下垂矢量控制方式,VSC-3 采用 VSG 控制方式。VSC-2 和 VSC-3 输出有功功率,系统参数见附录 A 表 A1。

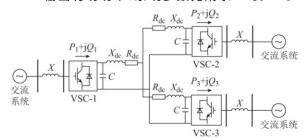


图 3 三端柔性直流输电系统 Fig.3 Three-terminal flexible DC system

## 3.2 含单个 VSG 的直流系统稳定性分析

单个 VSG 对直流系统稳定性的影响主要体现在其主导模式的阻尼特性上,如果阻尼为正,则系统稳定,反之系统失稳。本小节针对其 3 个控制参数,研究不同控制参数对其振荡模式阻尼的影响效果,并给出合理的参数选择建议。

3.2.1 惯性系数对 VSG 振荡模式阻尼的影响 由附录 A 图 A5 可知,惯性系数增大会降低

http://www.aeps-info.com 167

VSG 振荡模式的阻尼,并趋近于 0,但是不会导致失稳,这一结论与式(19)的分析一致,验证了阻尼转矩分析的正确性。进一步地,采用 MATLAB 软件(下同)对附录 A 图 A5 中的结果进行了时域仿真验证,如附录 A 图 A6 所示。

附录 A 图 A6 中,系统在 0.1~s 于 VSC-1 处发生了 20% 的功率波动,并于 0.2~s 时消除。由附录 A 图 A6 可知,含 VSG 的多端直流系统中出现了低频的功率振荡,当惯性系数较小时,振荡可以较快平息,当惯性系数增大时,振荡的波动时间将增加,平息时间延长。所以,在其他参数不变的条件下,应尽可能降低 VSG 的惯性系数,以提升直流系统中振荡模式的阻尼。

## 3.2.2 阻尼系数对 VSG 振荡模式阻尼的影响

由附录 A 图 A7 可知,增大阻尼系数会提升 VSG 振荡模式的阻尼,当外部直流系统提供的阻尼 转矩较小时,近似呈现线性增长,这一结论与式(19)的分析一致。类似的,对附录 A 图 A7 中的结果进行了时域仿真验证,如附录 A 图 A8 所示。

3.2.3 VSG 直流电压下垂系数对振荡模式阻尼的 影响

由附录 A 图 A9 可知,增大下垂系数会提升 VSG 振荡模式的阻尼,改善直流系统的稳定性。结合式(22)可知,下垂系数  $K_{dc,3}$ 与转矩  $T_d$  成正比,增加下垂系数相当于增加转矩  $T_d$ 。类似的,对附录 A图 A9 中的结果进行了时域仿真验证,如附录 A图 A10 所示。

## 3.3 含多个 VSG 的直流系统稳定性分析

如 2.2 节所述,当直流系统 VSC-2 和 VSC-3 同时采用 VSG 控制时,应该调节参数使得新接入 VSG 的开环模式与直流系统中原有的开环模式远离,否则多个振荡模式间可能会发生模式排斥现象,引起直流系统的稳定性问题,验证如下。

首先,按照 2.2 节所述计算图 3 中 VSC-2 的开环振荡模式和剩余直流系统的开环振荡模式,如附录 A 表 A2 所示,可见 VSC-2 与剩余直流系统的开环振荡模式接近,此时,将 VSC-2 并入直流系统,求得直流系统的闭环模式如附录 A 表 A2 第 3 行所示,发现模式发生了排斥,导致了 VSC-2 振荡模式失稳,验证了理论分析的正确性。

对附录 A 表 A2 中的闭环模式  $\hat{\lambda}_2$  和  $\hat{\lambda}_z$  进行参与性分析,如附录 A 图 A11 所示。可发现,当发生模式排斥现象时,VSC-2 的状态变量与剩余直流系统的状态变量间出现了强烈的耦合现象,表现为VSC-2 的状态变量在  $\hat{\lambda}_z$  中具有较高的参与性,剩余

直流系统的状态变量在 Â2 中也具有较高的参与性。

为了消除上述模式排斥的现象,可通过调节控制参数将两个开环模式  $\lambda_2$  和  $\lambda_z$  相互远离。如图 4 所示,调节 VSC-2 的惯性常数  $H_2$  从 90 降到 40, VSG-2 的开环模式  $\lambda_2$  逐渐远离直流系统的开环模式  $\lambda_z$ , 闭环模式  $\hat{\lambda}_z$  和  $\hat{\lambda}_z$  逐渐与开环模式  $\lambda_z$  和  $\lambda_z$  重合,当开环模式  $\lambda_z$  的位置从点 A 移动到点 B 时,模式排斥现象消失,系统稳定性得到恢复。

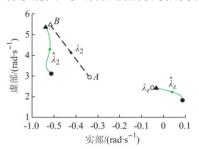


图 4 模式排斥的消除 Fig.4 Elimination of modal exclusion

最后,对图 4 中的结果进行了时域仿真,验证了 上述结论和分析的正确性,如图 5 所示。

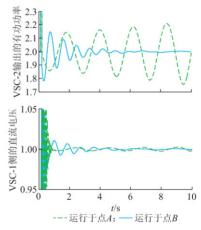


图 5 不同控制参数下柔性直流系统的时域仿真结果 Fig.5 Time-domain simulation results of VSC-HVDC system with different control parameters

由图 5 可得,当新接入 VSG 的开环模式与原系统中存在的开环模式接近时,将发生模式排斥现象,导致直流系统产生振荡,威胁直流系统的稳定性。随着接入 VSG 的 VSC 的增多,直流系统的动态特性值得进一步研究,很有可能影响到交流系统的稳定性,而不能进行简单的理想化等效。对于模式排斥现象,可以通过调节参数的方式解决,使得接入 VSG 的开环模式与原有模式远离,维持系统稳定性。

## 4 结论

本文针对含 VSG 的多端柔性直流系统,建立了 矢量控制和 VSG 控制下 VSC 的传递函数模型,采 用阻尼转矩分析法研究了 VSG 接入对多端直流系 统稳定性的影响,得出如下结论。

- 1) VSG 的接入改变了原有多端直流系统的动态特性,且存在一定的稳定性问题。在研究 VSG 控制对交流系统稳定性的影响前,应先确保直流系统内部的稳定,将直流系统简单地等效为恒功率源这一假设具有一定的分析局限性。
- 2) VSG 接入直流系统后,引入了新的振荡模式,为避免直流系统内部产生振荡现象,可通过减小惯性系数,增加阻尼系数和增大下垂系数来提升直流系统振荡的阻尼。
- 3)多个 VSG 接入直流系统后,VSG 控制之间将会通过直流系统产生动态交互,当 VSG 控制的开环模式与原直流系统的开环模式接近,将有可能发生模式排斥现象,导致直流系统失稳。
- 4) 多个 VSG 间的模式排斥现象可通过设定合理的参数避免,以维持直流系统的稳定性,而 VSG 控制对交流系统稳定性的影响应该建立在上述基础之上。

本文的研究过程及其结论主要建立在一个理想的直流系统中,并未考虑交流系统动态过程的影响,未来的研究内容将以本文的成果为基础,进一步考虑交流系统的动态过程,以期能够得出 VSG 对交直流混联电力系统的影响规律及其内在机理,进而对 VSG 在复杂电力系统中的稳定运行提供理论支撑。

感谢华北电力大学中央高校基本科研业 务费青年培养项目(JB2017108)的资助。

附录见本刊网络版(http://www.aeps-info.com/aeps/ch/index.aspx)。

## 参考文献

- [1] 李程昊,詹鹏,文劲宇,等.适用于大规模风电并网的多端柔性直流输电系统控制策略[J].电力系统自动化,2015,39(11):1-7. DOI:10.7500/AEPS20140717010.
  - LI Chenghao, ZHAN Peng, WEN Jinyu, et al. A multi-terminal VSC-HVDC system control strategy for large wind farms integration [J]. Automation of Electric Power Systems, 2015, 39(11); 1-7. DOI; 10.7500/AEPS20140717010.
- [2] 徐峥.柔性直流输电系统[M].北京:机械工业出版社,2014.
- [3] 汤广福.基于电压源换流器的高压直流输电系统[M].北京:中国电力出版社,2010.
- [4] 王成山,罗凤章,张天宇,等.城市电网智能化关键技术[J].高电压技术,2016,42(7),2017-2027.
  - WANG Chengshan, LUO Fengzhang, ZHANG Tianyu, et al.

- Review on key technologies of smart urban power network[J]. High Voltage Engineering, 2016, 42(7): 2017-2027.
- [5] 程冲,杨欢,曾正,等.虚拟同步发电机的转子惯量自适应控制方法[J].电力系统自动化,2015,39(19):82-89.DOI:10.7500/AFPS20141130003
  - CHENG Chong, YANG Huan, ZENG Zheng, et al. Rotor inertia adaptive control method of VSG[J]. Automation of Electric Power Systems, 2015, 39(19): 82–89. DOI: 10.7500/AEPS20141130003.
- [6] 徐海珍,张兴,刘芳,等.基于微分补偿环节虚拟惯性的虚拟同步发电机控制策略[J].电力系统自动化,2017,41(3):96-102.DOI: 10.7500/AEPS20160420001.
  - XU Haizhen, ZHANG Xing, LIU Fang, et al. Control strategy of virtual synchronous generator based on differential compensation virtual inertia [J]. Automation of Electric Power Systems, 2017, 41(3): 96-102. DOI: 10.7500/AEPS20160420001.
- [7] 郑天文,陈来军,陈天一,等.虚拟同步发电机技术及展望[J].电力系统自动化,2015,39(21):165-175.DOI:10.7500/AEPS20150508006.
  ZHENG Tianwen, CHEN Laijun, CHEN Tianyi, et al. Review

and prospect of virtual synchronous generator technologies[J].

Automation of Electric Power Systems, 2015, 39(21):
165-175. DOI: 10.7500/AEPS20150508006.

- [8] 赵杨阳,柴建云,孙旭东.基于虚拟同步发电机的柔性虚拟调速器模型[J].电力系统自动化,2016,40(10):8-15.DOI:10.7500/AEPS20150728014.
  - ZHAO Yangyang, CHAI Jianyun, SUN Xudong. Flexible virtual governor model based on virtual synchronous generator [J]. Automation of Electric Power Systems, 2016, 40(10): 8-15. DOI: 10.7500/AEPS20150728014.
- [9] 王金华.虚拟同步发电机的同步频率谐振机理和阻尼抑制[D]. 杭州,浙汀大学,2016.
- [10] 徐海珍·张兴·刘芳,等.基于超前滞后环节虚拟惯性的 VSG 控制策略[J].中国电机工程学报,2017,37(7):1918-1927.

  XU Haizhen, ZHANG Xing, LIU Fang, et al. Virtual synchronous generator control strategy based on lead-lag link virtual inertia[J]. Proceedings of the CSEE, 2017, 37(7):
- [11] 黄林彬,章雷其,辛焕海,等.下垂控制逆变器的虚拟功角稳定机理分析[J].电力系统自动化,2016,40(12):117-123.DOI: 10.7500/AEPS20150709007.
  - HUANG Linbin, ZHANG Leiqi, XIN Huanhai, et al. Mechanism analysis of virtual power angle stability in droop controlled inverters [J]. Automation of Electric Power Systems, 2016, 40(12): 117-123. DOI: 10.7500/AEPS20150709007.
- [12] LIU J, MIURA Y, ISE T. Comparison of dynamic characteristics between virtual synchronous generator and droop control in inverter-based distributed generators[J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2016, 31(5): 3600-3611.
- [13] LI B, ZHOU L, YU X, et al. Improved power decoupling control strategy based on virtual synchronous generator [J]. IET Power Electronics, 2017, 10(4): 462-470.
- [14] WU Heng, RUAN Xinbo, YANG Dongsheng, et al. Small-

http://www.aeps-info.com 169

- signal modeling and parameters design for virtual synchronous generators[J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2016, 63(7): 4292-4303.
- [15] 张玉治,张辉,贺大为,等.具有同步发电机特性的微电网逆变器控制[J].电工技术学报,2014,29(7):261-268.

  ZHANG Yuzhi, ZHANG Hui, HE Dawei, et al. Control strategy of micro grid converters with synchronous generator characteristic [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2014, 29(7): 261-268.
- [16] HIRASE Y, SUGIMOTO K, SAKIMOTO K, et al. Analysis of resonance in microgrids and effects of system frequency stabilization using a virtual synchronous generator [J]. IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics, 2016, 4(4): 1287-1298.
- [17] SHINTAI T, MIURA Y, ISE T. Oscillation damping of a distributed generator using a virtual synchronous generator[J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2014, 29(2): 668-676.
- [18] MEI S, ZHENG T, CHEN L, et al. A comprehensive consensus-based distributed control strategy for grid-connected PV-VSG[C]// 35th Chinese Control Conference (CCC), July 27-29, 2016, Chengdu, China.
- [19] 王炜宇,李勇,曹一家,等.基于虚拟调速器的 MTDC 虚拟同步机控制策略[J/OL].中国电机工程学报[2017-09-16].https://doi.org/10.13334/j.0258-8013.pcsee.170614.

  WANG Weiyu, LI Yong, CAO Yijia, et al. The virtual synchronous generator technology based on virtual governor for MTDC system [J]. Proceedings of the CSEE [2017-09-16]. https://doi.org/10.13334/j.0258-8013.pcsee.170614.
- [20] 陈海荣,徐政.适用于 VSC-MTDC 系统的直流电压控制策略 [J].电力系统自动化,2006,30(19):28-33.

- CHEN Hairong, XU Zheng. A novel DC voltage control strategy for VSC based multi-terminal HVDC system [J]. Automation of Electric Power Systems, 2006, 30(19): 28-33.
- [21] 李海峰,刘崇茹,李庚银,等.适用于柔性高压直流输电网的直流电压下垂控制策略[J].电力系统自动化,2016,40(21):40-46.DOI;10.7500/AEPS20160401007.
  LI Haifeng, LIU Chongru, LI Gengyin, et al. DC voltage droop-control strategy for VSC-based HVDC grid [J]. Automation of Electric Power Systems, 2016, 40(21):40-46.

DOI: 10.7500/AEPS20160401007.

- [22] 尚磊,胡家兵,袁小明,等.电网对称故障下虚拟同步发电机建模与改进控制[J].中国电机工程学报,2017,37(2):403-412. SHANG Lei, HU Jiabing, YUAN Xiaoming, et al. Modeling and improved control of virtual synchronous generators under symmetrical faults of grid[J]. Proceedings of the CSEE, 2017, 37(2):403-412.
- [23] WANG Haifeng, DU Wenjuan, Analysis and damping control of power system low-frequency oscillations[M]. New York, USA: Springer, 2016.

付 强(1993—),男,博士研究生,主要研究方向:新能源电力系统分析与控制。E-mail: 1197348393@qq.com

杜文娟(1979-),女,通信作者,博士,教授,主要研究方向:电力系统分析与控制,新能源电力系统。E-mail: 1376983331@qq.com

黄登一(1993—),男,硕士研究生,主要研究方向:新能源电力系统分析与控制。E-mail: 784035779@qq.com

(编辑 蔡静雯)

#### Stability Analysis of Multi-terminal Flexible DC System with Virtual Synchronous Generators

FU Qiang, DU Wenjuan, HUANG Dengyi, WANG Haifeng
(State Key Laboratory of Alternate Electrical Power System with Renewable
Energy Sources (North China Electric Power University), Beijing 102206, China)

Abstract: The stability of multi-terminal flexible DC systems with virtual synchronous generators (VSG) is studied. Firstly, the transfer function models of voltage source converter (VSC) controlled by VSG or vector are developed respectively. Secondly, the influence of VSG access on the stability of multi-terminal DC (MTDC) system is analyzed by the damping torque method. Then the following conclusions are drew: 1) the assumption that "the power injected into VSG from the DC side is constant" ignores the dynamic interaction between the VSG and remaining DC system, which leads its results not to be general; 2) there are stability risks in MTDC system with VSGs, and the system is affected by the control parameters of VSG and the dynamic interaction between the VSG and remaining DC system; 3) the oscillations may happen in the MTDC system when the open-loop mode of VSG is close to the open-loop mode of the remaining DC system, thus this paper proposes an effective parameter adjustment method. Finally, the time-domain simulation analysis of a three-terminal flexible DC system with VSGs is carried out and the above results are verified.

This work is supported by National Natural Science Foundation of China (No. 51407068).

**Key words**: multi-terminal flexible DC system; virtual synchronous generator (VSG); damping torque analysis method; stability analysis