## 信息论公理系统一复习

## 公理系统

1. 请陈述熵公理系统一的三条基本公理。

2. 定义**柯西方程 (Cauchy's Functional Equation)**: f(x+y) = f(x) + f(y)。 请证明: 若 f 是连续函数或单调函数,则 f(x) = kx 是唯一解。

## 熵的性质证明

3. 证明: H(X) 是关于概率分布 p 的连续函数。(提示: 使用有理数逼近无理数的方法)

4. 证明: 均匀分布熵是关于 n 的单调递增函数:

$$H\left(\frac{1}{n},\ldots,\frac{1}{n}\right) < H\left(\frac{1}{n+1},\ldots,\frac{1}{n+1}\right)$$

5. 请表述**组合原理 (Composition Principle)** 并给出公式。

6. 使用公理系统零(熵的标准定义)证明组合原理成立。