



一阶逻辑归结 求解破案问题

人工智能原理与技术课程

汇报人: *** 指导老师: *** 2022.6.2

目录

content

- 1 实验概述
- 2 实验设计方案
- 3 实验过程
- 4 总结

第一部分

实验概述

实验概述



实验目的

熟悉和掌握归结原理的基本思想和基本方法，通过实验培养学生利用逻辑方法表示知识，并掌握采用机器推理来进行问题求解的基本方法。

实验要求

1. 对所给问题进行知识的逻辑表示，转换为子句，对子句进行归结求解。
2. 选用一种编程语言，在逻辑框架中利用归结原理进行求解。
3. 要求界面显示每一步的求解过程。
4. 撰写实验报告，提交源代码（进行注释）、实验报告、汇报PPT。

实验内容

对所给问题进行知识的逻辑表示，转换为子句，对子句进行归结求解。

破案问题：在一栋房子里发生了一件神秘的谋杀案，现在可以肯定以下几点事实：

- (a)在这栋房子里仅住有A,B,C三人；
 - (b)是住在这栋房子里的人杀了A；
 - (c)谋杀者非常恨受害者；
 - (d)A所恨的人，C一定不恨；
 - (e)除了B以外，A恨所有的人；
 - (f)B恨所有不比A富有的人；
 - (g)A所恨的人，B也恨；
 - (h)没有一个人恨所有的人；
 - (i)杀人嫌疑犯一定不会比受害者富有。
- 为了推理需要，增加如下常识：
- (j)A不等于B。
- 问：谋杀者是谁？

第二部分

实验设计方案

总体设计思路与总体框架

logicalReasoning_head.h

logicalReasoning_kernel.cpp



总体框架

logicalReasoning_ui.cpp

logicalReasoning_main.cpp

总体设计思路与总体框架

logicalReasoning_head.h

存储整个项目类、结构体、函数、宏定义的声明，作为项目的头文件使用。

内含 *clauseResolution* 类的具体实现函数，实现一阶逻辑归结的内部核心算法的求解。还包含部分整个游戏所需工具函数的具体实现。

logicalReasoning_kernel.cpp

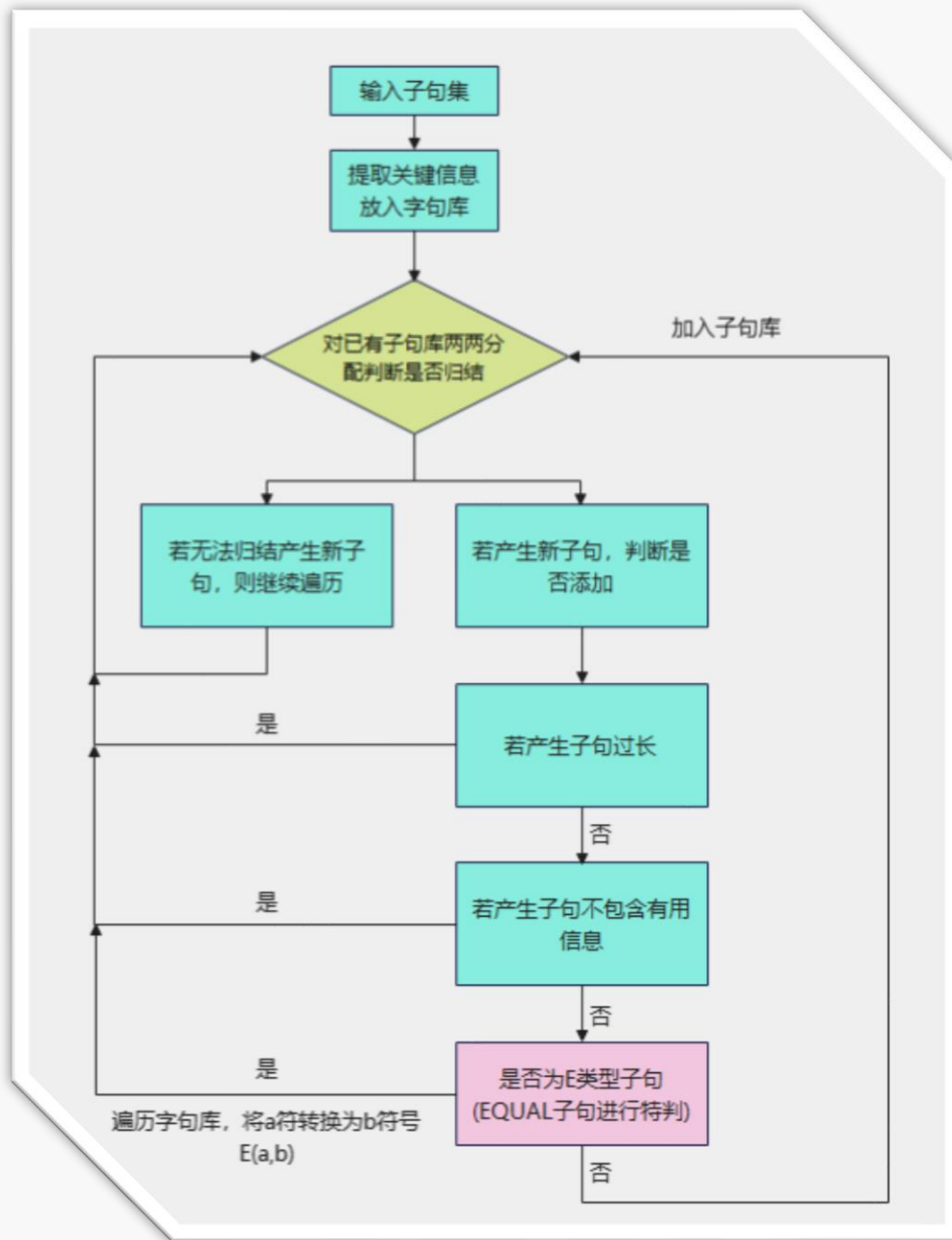
logicalReasoning_ui.cpp

内含 *clauseUI* 类的具体实现函数，实现破案问题的可视化界面输入输出。

程序主函数所在地，调用各个类进行对破案问题进行子句归结求解。

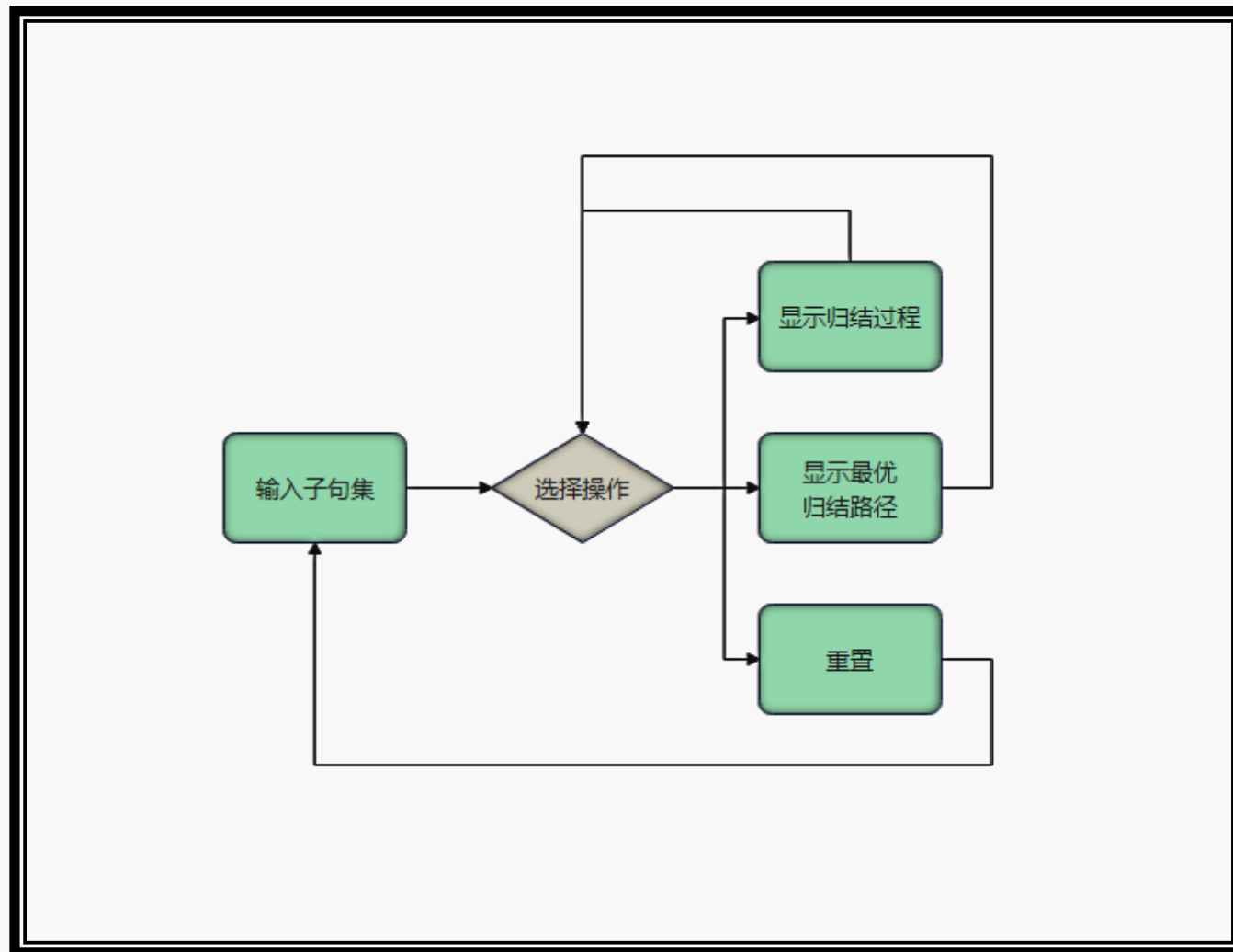
logicalReasoning_main.cpp

总体设计思路与总体框架



总体 框架

总体设计思路与总体框架



运行
流程



量如题逻辑变即命逻辑。个阶。共结两一的。有归这个补。没行则一互。化进，另是。准们式和字。标它定能又。量对否字逻辑。变可的又逻辑。成则逻辑阶。完字又逻辑一。经又题阶个。已补命一两。个互个个这。两含一二则。于包另果，。对果是如一。：如字：合。为，文的式。程句题补定。过于命互否。结个个是的。归两一字字。的果又又。

$$\frac{l_1 \vee l_2 \vee \dots \vee l_k \quad m_1 \vee m_2 \vee \dots \vee m_n}{SUBST(\theta, l_1 \vee \dots \vee l_{i-1} \vee l_{i+1} \vee \dots \vee l_k \vee m_1 \vee \dots \vee m_{i-1} \vee m_{i+1} \vee \dots \vee m_n)}$$



核心算法及其原理 — 归结原理

算法核心使用归结规则+置换\合一规则，关键在于多次使用以上规则，直至 $A(\text{Answer})$ 谓词中置换出已知固定值，此值即为问题所求得的答案。

首先将已知条件用谓词公式表示出来，并转化成子句集。此时需要根据已知条件定义谓词，并将事实用谓词公式表示出来，并将它们化成子句集。此时，关键需要将问题用谓词公式表示出来，使用已定义谓词+ $A(\text{Answer})$ 谓词对问题进行转化，添加进入子集中。对现有的所有子集进行归结，当得到 A 谓词的最终结果且内含已知值，归结结束， A 谓词所含结果即为所求。

算法实现步骤



找到逻辑A的最终结果

读取输入子集，存储至子集库中
 遍历选择子集库中两个子句进行归结
 能进行归结需要两子句中存有以下情况
 谓词种类一致，且一个为常元，一个为变量
 谓词中元素若均为常量，则两变量需要一致
 谓词中元素若均为变量，则满足可归结条件
 谓词中元素一个为常量，一个为变量，则可用置换规则进行归结

[illegible]

模块设计

```
// @function : 子句归结执行内核
class clauseResolution {
protected:

    // 内部参数
    CLAUSES answer;
    int countNum = 0;
    vector<char>expressionType;
    vector<CLAUSES>clauseBag;

    // 可视化结果存储
    vector<RECORD>initialList;
    vector<RECORD>recordList;
    vector<RECORD>bestPath;

    // 内部函数
    void initialRecord(void);
    void processRecord(CLAUSES& c1, CLAUSES& c2, CLAUSES& ans, vector<char>& upData, RECORD& get);
    void traceBackIn(RECORD& c);
    void expressionInput(string& original, CLAUSES& c);
    bool clausesUpdate(CLAUSES& ans, vector<char>& record, vector<char>& upData);
    bool judgeAnswer(CLAUSES& c1);
    bool equalDeal(CLAUSES& c, vector<CLAUSES>& tempBag);
    bool containDeal(CLAUSES& c, vector<CLAUSES>& tempBag);
    bool lengthDeal(CLAUSES& c, vector<CLAUSES>& tempBag);
    bool twoClauseResolu(CLAUSES& c1, CLAUSES& c2, CLAUSES& ans, vector<char>& record);
    void processShow(CLAUSES& c1, CLAUSES& c2, CLAUSES& ans, vector<char>& upData);
    void initialShow(void);

public:
    // 外部函数
    void traceBack(void);
    void clauseInput(vector<string> &originalSentence);
    void resolution(void);
    void allShow(void);
    void bestShow(void);
    void ansShow(void);

    void tempShow(void);

};

// 最终结果
// 用于记录转换个数
// 该推断问题中表达式的所有种类 -> 'A' -' Z' 代替
// 存储所有转化后的子句集

// 初始化数据存储
// 过程数据存储
// 最优归结路线

// 初始逻辑记录
// 归结过程记录
// 寻找最佳归结路线内部递归函数
// 将一个字符串转换成
// 子句更新
// 判断是否归结到终点
// 等式归结[若为E(f(A), B)则将f(A)替换为B]
// 包容归结
// 长度限制
// 两个子句归结
// 控制台打印过程
// 控制台打印初始过程

// 寻找最佳归结路线
// 将输入子句转化为易计算结构子句
// 执行子句归结
// 展示所有归结过程
// 展示最优归结过程
// 显示最终结果

// for test
```

01

clauseResolution模块

模块设计

```
// @function : 字句归结UI界面
class clauseUI {
protected:
    // 界面布局结构体定义
    SURFACE backArea;
    SURFACE inputArea;
    SURFACE showallArea;
    SURFACE showbestArea;
    SURFACE restartArea;

    // 界面图片调用定义
    IMAGE background;
    IMAGE input;
    IMAGE inputActive;
    IMAGE showAll;
    IMAGE showAllActive;
    IMAGE showBest;
    IMAGE showBestActive;
    IMAGE restart;
    IMAGE restartActive;

public:
    clauseUI(void);           // 初始化
    void bgShow(void);       // 展示背景
    int orderChoose(bool haveIn = false); // 按键指示
};
```

02 clauseUI模块

模块设计

clauseResolution类

```
void initialRecord(void);  
void processRecord(CLAUSES& c1, CLAUSES& c2, CLAUSES& ans, vector<char>& upData, RECORD& get);  
void traceBackIn(RECORD& c);  
void expressionInput(string& original, CLAUSES& c);  
bool clausesUpdate(CLAUSES& ans, vector<char>& record, vector<char>& upData);  
bool judgeAnswer(CLAUSES& c1);  
bool equalDeal(CLAUSES& c, vector<CLAUSES>& tempBag);  
bool containDeal(CLAUSES& c, vector<CLAUSES>& tempBag);  
bool lengthDeal(CLAUSES& c, vector<CLAUSES>& tempBag);  
bool twoClauseResolu(CLAUSES& c1, CLAUSES& c2, CLAUSES& ans, vector<char>& record);  
void processShow(CLAUSES& c1, CLAUSES& c2, CLAUSES& ans, vector<char>& upData);  
void initialShow(void);
```

```
void traceBack(void);  
void clausInput(vector<string> &originalSentence);  
void resolution(void);  
void allShow(void);  
void bestShow(void);  
void ansShow(void);  
void tempShow(void);
```

01

clauseResolution模块

clauseUI类

```
clauseUI(void); // 初始化  
void bgShow(void); // 展示背景  
int orderChoose(bool haveIn = false); // 按键指示
```

02

clauseUI模块



创新算法—E关键字逻辑实现

E关键字指的是破案问题中规定的逻辑表示：即 $E(a,b)$ 表示a和b是相等的。而之所以这个函数要单独拿出使等来的处理，就是因为这种相等关系，函数集中的其他字句可以以该函数为推理基础，对文字的参数列表进行替换。

以该问题为例，存在如下两个推理出的子句：

T20: $R(f(B),A)$
T25: $E(f(B),B)$

根据这两个子句可知， $f(B)$ 与 B 是等价的，所以应当对T20子句进行一次变量替换得到替换后的子句 $R(B,A)$ 。经过程序调试发现，如果在程序运行过程中不考虑该置换，则无法归结出结果。因此，当出现E语句时，需要对全局已存在子句进行遍历替换，这是有必要的。由于我们已经执行了E逻辑的功能，若再送入子集库中，显然对最终的结果无任何益处，还将损害程序执行效率。因此，无需将E逻辑语句再送入子集库中。

```
T1300 : H(B,A) | A(A) | H(B,B) | K(C,A)    {(T47与T131归结)}
T1301 : H(B,A) | A(A) | H(B,B) | K(C,A)    {(T47与T137归结)}
T1302 : H(B,A) | A(A) | K(B,A) | ~K(A,A)    {(T47与T149归结)}
T1303 : H(B,A) | A(A) | K(B,A) | E(A,B)    {(T47与T150归结)}
T1304 : H(B,A) | A(A) | K(C,A) | E(A,B)    {(T47与T151归结)}
T1305 : H(B,A) | A(A) | K(C,A) | E(A,B)    {(T47与T152归结)}
T1306 : H(B,A) | A(A) | ~K(A,A) | K(C,A)    {(T47与T153归结)}
T1307 : H(B,A) | A(A) | E(A,B) | K(C,A)    {(T47与T154归结)}
T1308 : H(B,A) | A(A) | K(C,A) | K(C,A)    {(T47与T155归结)}
T1309 : H(B,A) | A(A) | K(C,A) | K(C,A)    {(T47与T156归结)}
T1310 : H(B,A) | ~H(C,A) | E(A,B) | K(C,A)  {(T47与T157归结)}
T1311 : H(B,A) | K(C,A) | ~R(B,A) | K(C,A)  {(T47与T158归结)}
T1312 : H(B,A) | K(C,A) | ~R(B,A) | K(C,A)  {(T47与T159归结)}
T1313 : H(B,A) | K(C,A) | ~R(B,A) | K(C,A)  {(T47与T160归结)}
T1314 : H(B,A) | ~H(C,A) | E(A,B) | K(C,A)  {(T47与T161归结)}
T1315 : H(B,A) | K(C,A) | A(B) | H(C,A)    {(T47与T162归结)}
T1316 : H(B,A) | K(C,A) | A(B) | ~R(B,A)    {(T47与T163归结)}
T1317 : H(B,A) | K(C,A) | A(B) | A(C)      {(T47与T164归结)}
T1318 : H(B,A) | K(C,A) | H(A,A) | E(A,B)  {(T47与T165归结)}
T1319 : H(B,A) | K(C,A) | ~R(A,A) | E(A,B) {(T47与T166归结)}
T1320 : H(B,A) | K(C,A) | A(A) | H(C,A)    {(T47与T167归结)}
T1321 : H(B,A) | ~H(C,A) | E(A,B) | K(C,A) {(T48与T97归结)}
T1322 : H(B,A) | H(B,A) | E(A,B) | K(C,A)  {(T49与T50归结)}
T1323 : H(B,A) | H(B,A) | E(A,B) | K(C,A)  {(T49与T51归结)}
T1324 : ~H(C,A) | H(B,A) | E(A,B) | K(C,A) {(T49与T62归结)}
T1325 : ~H(C,A) | ~R(B,A) | E(A,B) | K(C,A) {(T49与T63归结)}
T1326 : ~H(C,A) | A(B) | E(A,B) | K(C,A)   {(T49与T64归结)}
T1327 : ~H(C,A) | H(B,B) | E(A,B) | K(C,A) {(T49与T65归结)}
T1328 : H(B,A) | H(B,A) | E(A,B) | K(C,A)  {(T49与T66归结)}
T1329 : H(B,B) | H(A,A) | E(A,B) | K(C,A)  {(T49与T67归结)}
T1330 : H(B,B) | ~R(A,A) | E(A,B) | K(C,A) {(T49与T68归结)}
T1331 : H(B,B) | A(A) | E(A,B) | K(C,A)    {(T49与T69归结)}
T1332 : H(B,A) | A(B) | E(A,B) | K(C,A)    {(T49与T70归结)}
T1333 : H(B,A) | H(B,B) | E(A,B) | K(C,A)  {(T49与T71归结)}
T1334 : H(B,A) | H(B,A) | E(A,B) | K(C,A)  {(T49与T72归结)}
T1335 : H(B,A) | ~R(B,A) | E(A,B) | K(C,A) {(T49与T73归结)}
T1336 : H(B,A) | A(B) | E(A,B) | K(C,A)    {(T49与T74归结)}
T1337 : H(B,A) | H(B,B) | E(A,B) | K(C,A)  {(T49与T75归结)}
T1338 : H(A,A) | E(A,B) | K(C,A) | K(C,A)  {(T49与T76归结)}
T1339 : ~R(A,A) | E(A,B) | K(C,A) | K(C,A) {(T49与T77归结)}
T1340 : A(A) | E(A,B) | K(C,A) | K(C,A)    {(T49与T78归结)}
answer:A
```

```
D:\TongJi\大二下\人工智能原理与技术\实验\experiment_3\logi
码为 0。
按任意键关闭此窗口。...
```




创新算法—长度限制策略

长度限制策略是指，删除归结结果语句中的部分语句，这些被删除的语句往往长度大于原始子句集中的最大长度，而这些语句包含的内容常常是多余的。

所以我们可以从一开始就对试图进入子集库的子句 p 进行一次判断，如果其长度大于初始子句集中的最大长度，那么就可认为该子句集是“低效”的，直接拒绝其入子集库请求即可。

这个过程看似较为“鲁莽”，但其实仔细想来，归结的最终目的是要归结出长度为1的A逻辑子句，那么一般的归结过程就应该是新生成的子句长度越来越小，直至生成空子句——而在这一过程中我们的确应当减少对过长子句的考虑，以减少搜索时间。

```
T1110 : H(B, A) | H(B, A)    {{T43与T55归结}}
T1111 : H(B, A) | H(B, A)    {{T43与T97归结}}
T1112 : H(B, A) | H(B, A)    {{T44与T49归结}}
T1113 : H(B, A) | H(B, A)    {{T44与T55}}
T1114 : H(B, A) | H(B, A)    {{T44与T97}}
T1115 : H(B, A) | H(A, A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1116 : H(B, A) | H(A, A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1117 : H(B, A) | H(A, A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1118 : H(B, A) | H(A, A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1119 : H(B, A) | ~R(A, A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1120 : H(B, A) | ~R(A, A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1121 : H(B, A) | ~R(A, A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1122 : H(B, A) | ~R(A, A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1123 : H(B, A) | A(A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1124 : H(B, A) | A(A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1125 : H(B, A) | A(A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1126 : H(B, A) | A(A) | K(C, A)    {{T44与T97}}
T1127 : H(B, A) | ~H(C, A)    {{T48与T49}}
T1128 : H(B, A) | ~H(C, A)    {{T48与T49}}
T1129 : H(B, A) | ~H(C, A)    {{T48与T49}}
T1130 : H(B, A) | H(B, A)    {{T49与T50归结}}
T1131 : H(B, A) | H(B, A)    {{T49与T51归结}}
T1132 : ~H(C, A) | H(B, A)    {{T49与T62归结}}
T1133 : ~H(C, A) | ~R(B, A)    {{T49与T63归结}}
T1134 : ~H(C, A) | A(B)    {{T49与T64归结}}
T1135 : ~H(C, A) | H(B, B)    {{T49与T65归结}}
T1136 : H(B, A) | H(B, A)    {{T49与T66归结}}
T1137 : H(B, B) | H(A, A)    {{T49与T67归结}}
T1138 : H(B, B) | ~R(A, A)    {{T49与T68归结}}
T1139 : H(B, B) | A(A)    {{T49与T69归结}}
T1140 : H(B, A) | A(B)    {{T49与T70归结}}
T1141 : H(B, A) | H(B, B)    {{T49与T71归结}}
T1142 : H(B, A) | H(B, A)    {{T49与T72归结}}
T1143 : H(B, A) | ~R(B, A)    {{T49与T73归结}}
T1144 : H(B, A) | A(B)    {{T49与T74归结}}
T1145 : H(B, A) | H(B, B)    {{T49与T75归结}}
T1146 : H(A, A)    {{T49与T76归结}}
T1147 : ~R(A, A)    {{T49与T77归结}}
T1148 : A(A)    {{T49与T78归结}}
answer:A
```

D:\TongJi\大二下\人工智能原理与技术\实验\experiment
码为 0。
按任意键关闭此窗口...

这一优化策略的确是不完备的，有一定概率会使得归结结果不准确，但正如线性归结策略一样，这种情况发生的概率较小，且该情况不符合绝大多数的归结过程，所以我们可以允许耗费少量的准确性换取更快的推理速度，和更少的推理归结次数。



创新算法—包容归结

包容归结策略的核心就是要清楚所有被知识库中的已有语句包容（即，比该语句更特例）的语句。换言之，该法的核心就是要保证每一次新加入的子句都要包含原子句中所不具有的新信息——所谓新信息就是这条新语句不能由当前子句中已有的条件推导为永真句。

以破案问题的子句举例，破案问题中存在如下子句：

C2: $\sim S(x1, A) \vee H(x1, A)$

C3: $\sim H(A, x2) \vee \sim H(C, x2)$

T1: $\sim S(A, A)$

我们可以很容易发现C2与C3可以进行子句归结，归结结果为：

p: $\sim S(A, A) \vee \sim H(C, A)$

在不使用包容归结策略的前提下，根据最基本的BFS策略，语句p所以应当进入子集库。但当我们仔细查看p子句时，不难发现因为T1为真，所以p的一个文字 $\sim S(A, A)$ 也为真，所以p子句其实本质上是一个永真句。

正是因为T1子句的存在，而且T1子句包容了p子句的内容，所以p子句的引入将不会再携带有任何新的信息，在这种情况下，就应该放弃p子句的引入，以使尽可能少的子句进入子集库，从而降低遍历次数。

该功能的实现就是将每一个试图进入子集库的语句进行先进行一次分析，将子集库中目前已存的所有子句与p子句进行比较分析，如果库中存在一个子句的所有文字都在p中有与之相同的文字对应，那么p子句就被该语句包含，则不应该让该语句入库。

```
T89 : K(B, A) | A(A)      {{c9与T57归结}}
T90 : ~R(B, A) | ~R(A, A)  {{c9与T71归结}}
T91 : ~R(B, A) | A(A)      {{c9与T72归结}}
T92 : A(B) | ~R(A, A)      {{c9与T73归结}}
T93 : A(B) | A(A)          {{c9与T74归结}}
T94 : ~R(A, A) | H(B, B)   {{c9与T75归结}}
T95 : A(A) | H(B, B)       {{c9与T76归结}}
T96 : A(C) | ~R(A, A)      {{c10与T55归结 且 u-->C}}
T97 : A(C) | A(A)          {{c10与T58归结 且 u-->C}}
T98 : H(B, C) | ~R(A, A)   {{T10与T59归结}}
T99 : H(B, C) | A(A)       {{T10与T60归结}}
T100 : ~K(A, A) | ~R(A, A) {{T10与T65归结}}
T101 : ~K(A, A) | A(A)     {{T10与T66归结}}
T102 : E(A, B) | ~R(A, A)  {{T10与T71归结}}
T103 : E(A, B) | A(A)      {{T10与T72归结}}
T104 : ~K(A, A) | K(A, A)  {{T17与T33归结}}
T105 : E(A, B) | K(A, A)   {{T18与T33归结}}
T106 : K(A, A)             {{T33与T34归结}}
T107 : ~R(A, A)            {{T34与T55归结}}
T108 : A(A)                {{T34与T58归结}}
answer:A
```

第三部分

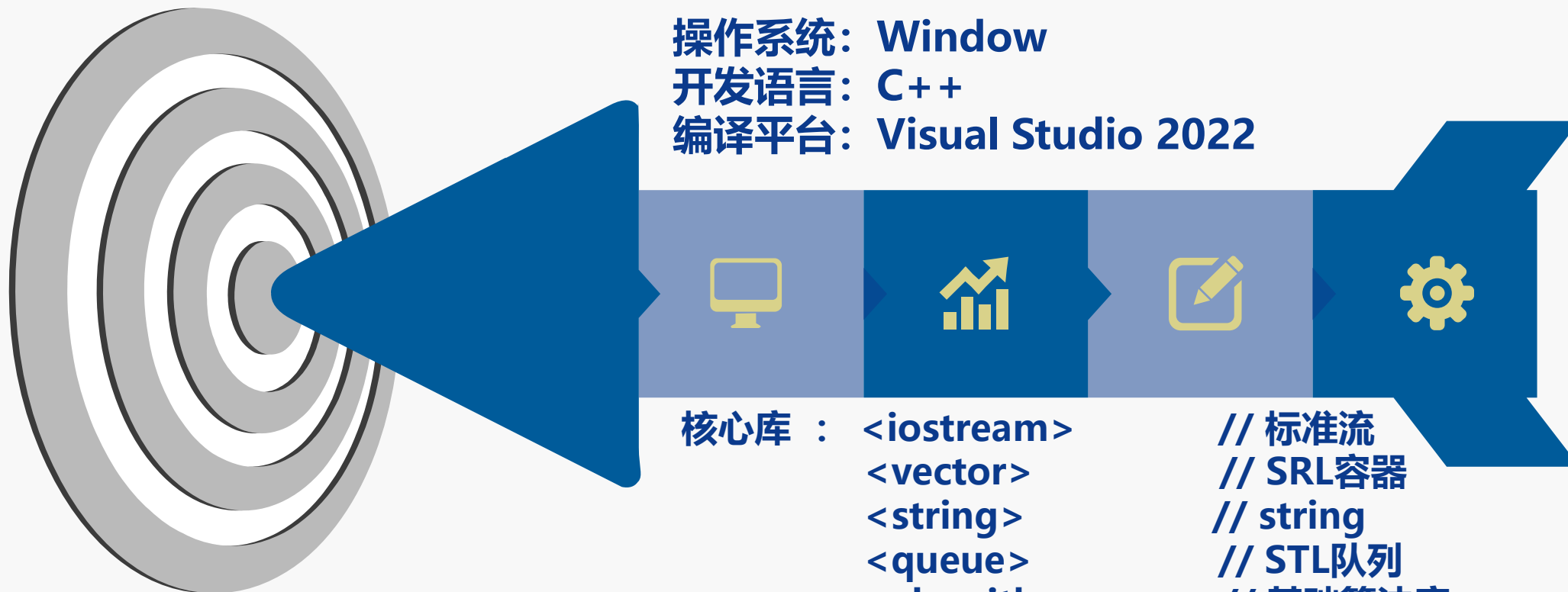
实验过程

环境说明

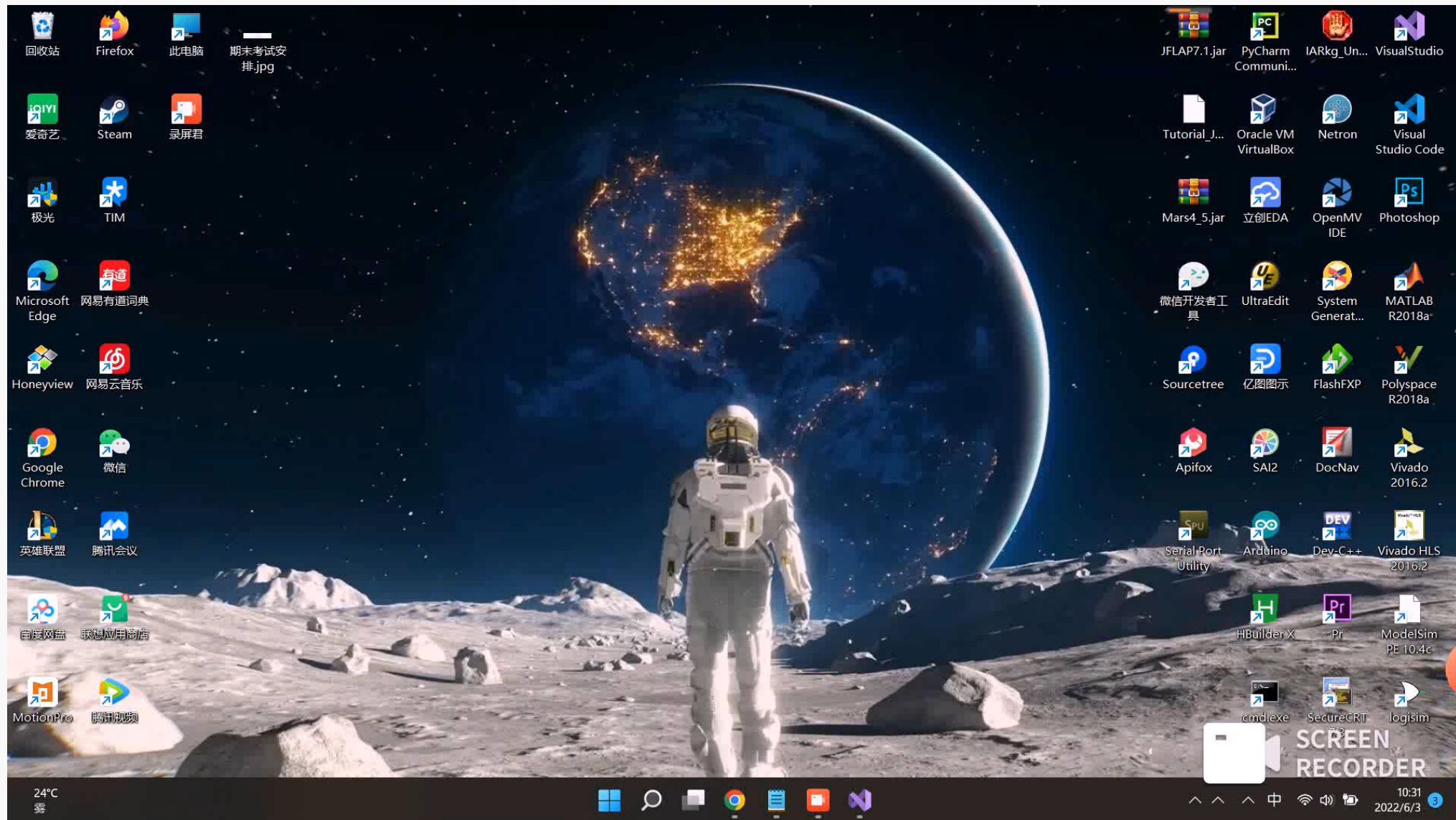
操作系统: Window

开发语言: C++

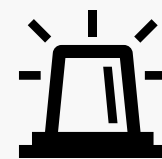
编译平台: Visual Studio 2022



成果展示



结果展示化简



首先考虑到本次实验的主要功能是实现子集编写的归结逻辑程序对破案问题进行推理，因此重点在于对归结过程的理解上，而非子句集的构造上。因此，实验采用人工的推导的方式生成子句集。

为了表述方便，给出谓词定义如下：

$K(a,b)$:a杀了b

$H(a,b)$:a恨b

$E(a,b)$:a和b是一样的

$R(a,b)$:a比b有钱

然后对题目给定条件使用以上谓词进行表示：

- ① $K(A,A) \vee K(B,A) \vee K(C,A)$
- ② $\forall x, K(x,A) \rightarrow H(x,A)$
- ③ $\forall x, H(A,x) \rightarrow \sim H(C,x)$
- ④ $\forall x, \sim E(x,B) \rightarrow H(A,x)$
- ⑤ $\forall x, \sim R(x,A) \rightarrow H(B,x)$
- ⑥ $\forall x, H(A,x) \rightarrow H(B,x)$
- ⑦ $\forall x \exists y, \sim H(x,y)$
- ⑧ $\forall x, K(x,A) \rightarrow \sim R(x,A)$
- ⑨ $\sim E(A,B)$

紧接着，将这9个一阶逻辑子句依次经过消除蕴涵词、否定内移、变量标准化、Skolem化、删除全称量词，将 \wedge 分配到 \vee 中这几步操作后，再将结果转成本程序可识别的子句输入，得到应当输入的内容为：（注：由于字符受限，采用 $|$ 代替 \vee ，其中 $f(a)$ 表示除a以外的所有人）

$K(A,A) | K(B,A) | K(C,A)$

$\sim K(a,A) | H(a,A)$

$\sim H(A,b) | \sim H(C,b)$

$E(c,B) | H(A,c)$

$R(d,A) | H(B,d)$

$\sim H(A,e) | H(B,e)$

$\sim H(g,f(g))$

$\sim K(h,A) | \sim R(h,A)$

$\sim E(A,B)$

最后需要对问题进行转化，将其用谓词公式进行表示。

假定最终结果谓词为 $A(u)$,u谋杀了A。因此得到问题谓词

$G: \sim K(u,A) | A(u)$

T22 E(f(B), B)

c7+T7

g--

SB: a-->f(B)

$K(A,A) \mid K(B,A) \mid K(C,A)$
 $\sim K(a,A) \mid H(a,A)$
 $\sim H(A,b) \mid \sim H(C,b)$
 $E(c,B) \mid H(A,c)$
 $R(d,A) \mid H(B,d)$
 $\sim H(A,e) \mid H(B,e)$
 $\sim H(g,f(g))$
 $\sim K(h,A) \mid \sim R(h,A)$
 $\sim E(A,B)$
 $\sim K(u,A) \mid A(u)$

T30 H(C, A) | R(B, A) | A(A)

c2+T20

T37 H(C, A) | A(B) | ~R(A, A)

c2+T27

T38 H(C, A) | A(B) | A(A)

c2+T28

T39 H(C, A) | ~R(A, A) | H(B, B)

c2+T29

T40 H(C, A) | A(A) | H(B, B)

c2+T30

T41 ~R(C, A) | ~R(B, A) | ~R(A, A)

c8+T24

T42 ~R(C, A) | ~R(B, A) | A(A)

c8+T25

T43 ~R(C, A) | A(B) | ~R(A, A)

c8+T27

T44 ~R(C, A) | A(B) | A(A)

c8+T28

T45 ~R(C, A) | ~R(A, A) | H(B, B)

c8+T29

T46 ~R(C, A) | A(A) | H(B, B)

c8+T30

T47 A(C) | ~R(B, A) | ~R(A, A)

c10+T24

T48 A(C) | ~R(B, A) | A(A)

c10+T25

T49 A(C) | A(B) | ~R(A, A)

c10+T27

T51 A(C) | ~R(A, A) | H(B, B)

c10+T29

T52 A(C) | A(A) | H(B, B)

c10+T30

T53 K(B, A) | ~R(A, A) | ~K(A, A)

c2+T17

T54 K(B, A) | ~R(A, A) | E(A, B)

T2+T18

T55 K(C, A) | ~R(A, A)

T2+T26

T56 K(B, A) | A(A) | ~K(A, A)

T3+T17

T57 K(B, A) | A(A) | E(A, B)

T3+T18

T58 K(C, A) | A(A)

T3+T26

T59 H(B, C) | ~R(B, A) | ~R(A, A)

T11+T24

T60 H(B, C) | ~R(B, A) | A(A)

T11+T25

T61 H(B, C) | A(B) | ~R(A, A)

T11+T27

T62 H(B, C) | A(B) | A(A)

T11+T28

T63 H(B, C) | ~R(A, A) | H(B, B)

T11+T29

T64 H(B, C) | A(A) | H(B, B)

T11+T30

T65 ~K(A, A) | ~R(B, A) | ~R(A, A)

T17+T24

T66 ~K(A, A) | ~R(B, A) | A(A)

T17+T25

T67 ~K(A, A) | A(B) | ~R(A, A)

T17+T27

T68 ~K(A, A) | A(B) | A(A)

T17+T28

T69 ~K(A, A) | ~R(A, A) | H(B, B)

T17+T29

T70 ~K(A, A) | A(A) | H(B, B)

T17+T30

T71 E(A, B) | ~R(B, A) | ~R(A, A)

T18+T24

T72 E(A, B) | ~R(B, A) | A(A)

T18+T25

T73 E(A, B) | A(B) | ~R(A, A)

T18+T27

T74 E(A, B) | A(B) | A(A)

T18+T28

T75 E(A, B) | ~R(A, A) | H(B, B)

T18+T29

T76 E(A, B) | A(A) | H(B, B)

T18+T30

T77 K(A, A) | K(B, A)

c1+T34

T78 H(C, A) | ~R(A, A)

c2+T55

T79 H(C, A) | A(A)

c2+T58

T80 ~H(A, A) | ~R(B, A) | ~R(A, A)

c3+T35

u-->C

u-->C^{c1}

K(A, A) | K(B, A) | K(C, A)

~K(A, A) | H(C, A)

~H(A, b) | ~H(C, b)

E(c, B) | H(A, c)

R(d, A) | H(B, d)

~H(A, e) | H(B, e)

~H(g, f(g))

~K(h, A) | ~R(h, A)

~E(A, B)

~K(u, A) | A(u)

K(B, A) | K(C, A) | H(A, A)

K(B, A) | K(C, A) | ~R(A, A)

K(B, A) | K(C, A) | A(A)

~K(A, A) | ~H(C, A)

~K(A, A) | H(B, A)

~H(C, c) | E(c, B)

E(e, B) | H(B, e)

E(f(A), B)

H(A, A)

R(f(B), A)

H(B, h) | ~K(h, A)

~H(A, f(B))

K(B, A) | K(C, A) | ~H(C, A)

K(B, A) | K(C, A) | H(B, A)

H(B, A) | K(C, A) | ~R(A, A)

H(B, A) | K(C, A) | A(A)

~K(C, A) | ~K(A, A)

~K(C, A) | E(A, B)

~H(C, A)

结果展示—归结过程

T81 ~H(A, A) | ~R

T82 ~H(A, A) | A(C)

T83 ~H(A, A) | A(C)

T84 ~H(A, A) | ~R

T85 ~H(A, A) | A(C)

T86 ~R(C, A) | ~R

T87 ~R(C, A) | A(C)

T88 K(B, A) | ~R

T89 K(B, A) | A(A)

T90 ~R(B, A) | ~R

T91 ~R(B, A) | A(C)

T92 A(B) | ~R(A, A)

T93 A(B) | A(A)

T94 ~R(A, A) | H

T95 A(A) | H(B, B)

T96 A(C) | ~R(A, A)

T97 A(C) | A(A)

T98 H(B, C) | ~R

T99 H(B, C) | A(A)

T100 ~K(A, A) | ~R

T101 ~K(A, A) | A(C)

T102 E(A, B) | ~R

T103 E(A, B) | A(A)

T104 ~K(A, A) | K

T105 E(A, B) | K

T106 K(A, A)

T107 ~R(A, A)

T108 A(A)

D:\Tongji\大二下\人工智能原理与技术\实验\experiment_3\logicalF

T70 K(A, A) | A(A) | H(B, B)

T71 E(A, B) | ~R(B, A) | ~R(A, A)

T72 E(A, B) | ~R(B, A) | A(A)

T73 E(A, B) | A(B) | ~R(A, A)

T74 E(A, B) | A(B) | A(A)

T75 E(A, B) | ~R(A, A) | H(B, B)

T76 E(A, B) | A(A) | H(B, B)

T77 K(A, A) | K(B, A)

T78 H(C, A) | ~R(A, A)

T79 H(C, A) | A(A)

T80 ~H(A, A) | ~R(B, A) | ~R(A, A)

T81 ~H(A, A) | ~R(B, A) | A(A)

T82 ~H(A, A) | A(B) | ~R(A, A)

T83 ~H(A, A) | A(B) | A(A)

T84 ~H(A, A) | ~R(A, A) | H(B, B)

T85 ~H(A, A) | A(A) | H(B, B)

T86 ~R(C, A) | ~R(A, A)

T87 ~R(C, A) | A(A)

T88 K(B, A) | ~R(A, A)

T89 K(B, A) | A(A)

T90 ~R(B, A) | ~R(A, A)

T91 ~R(B, A) | A(A)

T92 A(B) | ~R(A, A)

T93 A(B) | A(A)

T94 ~R(A, A) | H(B, B)

T95 A(A) | H(B, B)

T96 A(C) | ~R(A, A)

T97 A(C) | A(A)

T98 H(B, C) | ~R(A, A)

T99 H(B, C) | A(A)

T100 ~K(A, A) | ~R(A, A)

T101 ~K(A, A) | A(A)

T102 E(A, B) | ~R(A, A)

T103 E(A, B) | A(A)

T104 ~K(A, A) | K(A, A)

T105 E(A, B) | K(A, A)

T106 K(A, A)

T107 ~R(A, A)

T108 A(A)

T109 A(A)

T110 A(A)

T111 A(A)

T112 A(A)

T113 A(A)

T114 A(A)

T115 A(A)



Gonzalez



结果展示—最优归结路径

$K(A,A) \mid K(B,A) \mid K(C,A)$
 $\sim K(a,A) \mid H(a,A)$
 $\sim H(A,b) \mid \sim H(C,b)$
 $E(c,B) \mid H(A,c)$
 $R(d,A) \mid H(B,d)$
 $\sim H(A,e) \mid H(B,e)$
 $\sim H(g,f(g))$
 $\sim K(h,A) \mid \sim R(h,A)$
 $\sim E(A,B)$
 $\sim K(u,A) \mid A(u)$

由于仍然采用bfs搜索，存在较多的重复步骤，因此，我们可以根据最终结果回溯得到一条最优归结路径，避免了很多不必要的归结过程。可以看出，真正的有用归结只需要8步而已。

最优过程如下：

c1 $K(A,A) \mid K(B,A) \mid K(C,A)$
c2 $\sim K(a,A) \mid H(a,A)$
c3 $\sim H(A,b) \mid \sim H(C,b)$
c4 $E(c,B) \mid H(A,c)$
c5 $R(d,A) \mid H(B,d)$
c6 $\sim H(A,e) \mid H(B,e)$
c7 $\sim H(g,f(g))$
c8 $\sim K(h,A) \mid \sim R(h,A)$
c9 $\sim E(A,B)$
c10 $\sim K(u,A) \mid A(u)$
T9 $H(A,A)$
T19 $\sim H(C,A)$
T34 $\sim K(C,A)$
T3 $K(B,A) \mid K(C,A) \mid A(A)$
T10 $R(f(B),A)$
T26 $\sim K(B,A)$
T58 $K(C,A) \mid A(A)$
T108 $A(A)$

// 过程中执行 $E(f(B),B)$ 的等价归结

谋杀A的人是:A

```
D:\Tongji\大二下\人工智能原理与技术\实验\experiment_3\logicalReason
最优过程如下:
c1      K(A,A) | K(B,A) | K(C,A)
c2      ~K(a,A) | H(a,A)
c3      ~H(A,b) | ~H(C,b)
c4      E(c,B) | H(A,c)
c5      R(d,A) | H(B,d)
c6      ~H(A,e) | H(B,e)
c7      ~H(g,f(g))
c8      ~K(h,A) | ~R(h,A)
c9      ~E(A,B)
c10     ~K(u,A) | A(u)
T9      H(A,A)
T19     ~H(C,A)
T34     ~K(C,A)
T3      K(B,A) | K(C,A) | A(A)
T10     R(f(B),A)
T26     ~K(B,A)
T58     K(C,A) | A(A)
T108    A(A)
谋杀A的人是:A
```

c4+c9	c-->A
c3+T9	b-->A
c2+T19	a-->C
c1+c10	u-->A
c5+c7	g-->B; d-->f(B)
c8+T10	h-->B
T3+T26	
T34+T58	

第四部分

总结

总结

问题



在实验过程中也遇到较多困难，其中花费较长时间的是对E逻辑的处理上，最开始没有意识到等价的逻辑内涵，导致一直无法运行成功。后续经过手动完成推理过程，发现等价逻辑内涵在归结过程中的应用，才意识到需要在归结过程中对等价的二者进行统一，这样才能推导出最终结果。在采用E等价逻辑后，便能顺利得到正确结果。

体会



经过本次实验，我对于一阶逻辑、归结原理以及置换合一方法有了更深的了解，尤其是对归结原理的具体使用上。使用归结规则可以基于现有的条件推导出正确的结论，起初对于这样的方式感到惊奇，但后续自行推导实现求得最终结论后，也觉得理所当然。通过对其中步骤的亲自实现，对归结内部原理和细节有了更深入的了解，这也激励我之后在这方面进一步学习，做到知其然还要知其所以然。

今后



后续关注如何归结原理的程序实现上进一步优化，找到更优秀的归结方式，能迅速找到对得到最终结果最有效的归结步骤，缩短不必要的归结耗费，提升程序的智能。与此同时，也可以了解更多基于逻辑的推理方法，学习人工智能领域更多基础的知识，进一步夯实基础。



参考文献

- [1] 王湘云. 一阶谓词逻辑在人工智能知识表示中的应用[J]. 重庆工学院学报(社会科学版), 2007(09): 69-71.
- [2] 徐从富, 郝春亮, 苏保君, 楼俊杰. 马尔可夫逻辑网络研究[J]. 软件学报, 2011, 22(08): 1699-1713.
- [3] 邹丽. 基于语言真值格蕴涵代数的格值命题逻辑及其归结自动推理研究[D]. 西南交通大学, 2010.
- [4] 刘叙华. Horn集上的输入半锁归结原理[J]. 科学通报, 1985(16): 1201-1202.



感谢聆听

人工智能原理与技术课程

汇报人: *** 指导老师: *** 2022.6.2