Alpha-Beta 剪枝 求解五子棋 AI 问题



| 学 | 号 | |
|------|---|------------|
| 姓 | 名 | |
| 专 | 业 | 计算机科学与技术专业 |
| 授课老师 | | |

订

目 录

| 1 | 实验概述 | |
|---|--|-------|
| | 1.1 实验目的 | |
| | 1.2 实验内容 | |
| 2 | 实验方案设计 | |
| 4 | 失過刀架以口 | |
| | | |
| | 2.1.1 总体设计思路 2.1.2 总体框架 | |
| | | |
| | 2.2 核心算法及基本原理 2.2.1 核心算法—MINMAX 算法 | |
| | 2.2.1 核心异法—MINMAA 异法 | • • • |
| | 2.2.2 核心异伝—Alpha—beta 异伝 2.2.3 算法基本原理 | |
| | | |
| | 2.2.4 评估函数算法设计 2.3 模块设计 | |
| | 2.3 侯庆以1 2.4 其他创新内容或优化算法 | |
| | | |
| 3 | 实验过程 | |
| | 3.1 环境说明 | |
| | 3.2 源代码文件清单 | |
| | 3.2.1 源代码清单 | |
| | 3.2.2 主要函数清单 | |
| | 3.3 实验结果展示 | |
| | 3.3.1 界面结果展示 | |
| | 3.3.2 运行结果展示 | |
| | 3.4 实验结论 | |
| 4 | 总结 | |
| | 4.1 实验中存在的问题及解决方案 | |
| | 4.2 心得体会 | |
| | 4.3 后续改进方向 | |
| | 4.4 总结 | |
| 紶 | 考文献 | |
| _ | J ~ 114/ | • • • |

订

线

1 实验概述

1.1 实验目的

熟悉和掌握博弈树的启发式搜索过程、 $\alpha-\beta$ 剪枝算法和评价函数,并利用 $\alpha-\beta$ 剪枝算法开发一个五子棋人机博弈游戏。

1.2 实验内容

1.2.1 内容

以五子棋人机博弈问题为例,实现 $\alpha - \beta$ 剪枝算法的求解程序(编程语言不限),要求设计适合五子棋博弈的评估函数。

1.2.2 要求

- 1. 要求初始界面显示 15*15 的空白棋盘,电脑执白棋,人执黑棋,界面置有重新开始,悔棋等操作。
 - 2. 设计五子棋程序的数据结构,具有评估棋势、选择落子、判断胜负等功能。
 - 3. 撰写实验报告, 提交源代码(进行注释)、实验报告、汇报 PPT。

订

装

- ---- 线 ----

2.1 总体设计思路与总体框架

2.1.1 总体设计思路

装

订

线

本程序的总体设计思路是:

首先设计 seearchAlphaBeta 类实现对五子棋人机博弈问题的核心算法的求解。主要执行 AI 下棋的内部执行逻辑,即 alpha-beta 剪枝算法的实现。外部可调用的为一个 alphabetaGetBack 函数,程序输入对应的 15*15 的局面信息,便可返回下一步 AI 方的行棋位置。整个剪枝运算的过程被封装在该类中,因此,在 main 函数中使用时,只需要调用该类即可。

实验方案设计

2

再设计一个 showUI 类实现对五子棋人机交互界面的实现。由于本函数需要根据用户指令切换不同的页面形式,因此对外函数接口针对过程中所需实现的功能均进行了对接。主要包含接口为: refresh 重置界面情况函数; uiLoad 加载背景界面信息函数; uiGetBack 玩家单步下棋执行函数; addWhite 棋盘添加 AI 方棋子函数; winShow 玩家胜利显示函数; loseShow 玩家失败显示函数; showThingking 切换背景图函数以及 showNormal 切换背景图函数。在 main 函数中,可以直接根据 earchAlphaBeta 类计算结果情况调用该类中的执行函数,并根据不同的情况在界面实现玩家下棋、AI 下棋、悔棋、重新开始等操作。

程序设计安排再 4 个 cpp 文件中实现,分别为:

minimaxAlphaBeta_head. h:存储整个项目类、结构体、函数、宏定义的声明,作为项目的头文件使用。

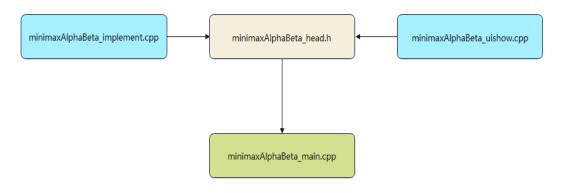
minimaxAlphaBeta_implement.cpp: 内含 seearchAlphaBeta 类的具体实现函数,实现五子棋游戏的内部核心算法的求解。

minimaxAlphaBeta_uishow.cpp: 内含 showUI 类的具体实现函数,实现五子棋游戏的可视化界面输入输出。还包含部分整个游戏所需工具函数的具体实现。

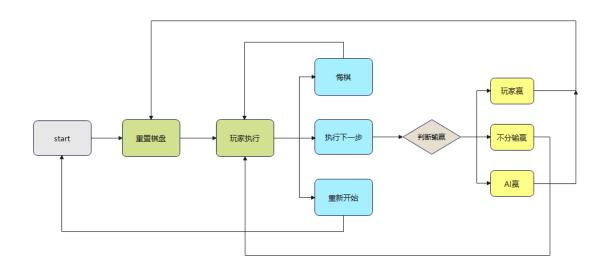
minimaxAlphaBeta main.cpp: 程序主函数所在地,调用各个类进行对五子棋问题的求解。

2.1.2 总体架构

程序实现的总体架构:



根据此总体程序实现过程,以期望实现的程序运行流程如下:



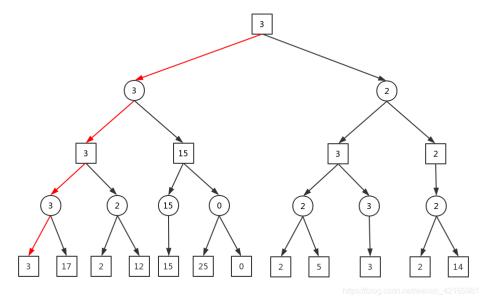
2.2 核心算法及基本原理

2.2.1 核心算法—MINMAX 算法

Minimax 算法(亦称 MinMax or MM)又名极小化极大算法,是一种找出失败的最大可能性中的最小值的算法。

Minimax 算法常用于棋类等由两方较量的游戏和程序。该算法是一个零总和算法,即一方要在可选的选项中选择将其优势最大化的选择,另一方则选择令对手优势最小化的方法。而开始的时候总和为 0。很多棋类游戏可以采取此算法,例如井字棋(tic-tac-toe)、五子棋(gobang)

根据 MINMAX 算法的解释,我们可以构建搜索树为:



但是,根据上图可以看出,如果依照 MINMAX 算法进行决策的话,需要的计算量是随着向后的步数的增加而呈指数级增长。但是,这些状态中其实包含了很多不必要存在的状态,所以我们可以进行剪枝。

2.2.2 核心算法 — Alpha-Beta 剪枝算法

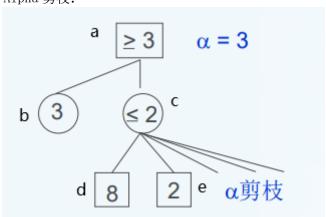
Alpha-beta($\alpha - \beta$)剪枝的名称来自计算过程中传递的两个边界,这些边界基于已经看到的搜索树部分来限制可能的解决方案集。其中,Alpha(α)表示目前所有可能解中的最大下界,Beta(β)表示目前所有可能解中的最小上界。

因此,如果搜索树上的一个节点被考虑作为最优解的路上的节点(或者说是这个节点被认为是有必要进行搜索的节点),那么它一定满足以下条件(N 是当前结点的评估值): $\alpha \leq N \leq \beta$

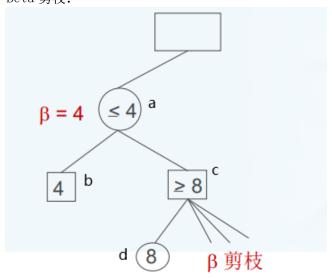
在我们进行求解的过程中, α 和 β 会逐渐逼近。如果对于某一个节点,出现了 α > β >的情况,那么,说明这个点一定不会产生最优解了,所以,我们就不再对其进行扩展(也就是不再生成子节点),这样就完成了对博弈树的剪枝。

因此,在搜索最优解的过程中,每当需要搜索同级结点过程中,可以根据 Alpha-beta 进行剪枝,消除其余无需遍历的结点。

Alpha 剪枝:



Beta 剪枝:



2.2.3 算法基本原理

本文关键 Alpha-Beta 剪枝算法基本过程可以简述为: 采用递归方法进行实现: Alpha-Beta 剪枝算法方法为 alphabetaAlgorithm

首先从第0层(根结点)向下遍历

- I.若遍历置叶子结点,则直接返回局面的全局评估值
- II. 若层数为奇数,则进入 MIN 结点判别
 - ①调用增益评估函数,选择 n 个后继结点进行遍历
 - ②依次遍历该结点的 n 个后继结点, 并根据结点信息修改局面信息
 - ③对每个后继调用方法 alphabetaAlgorithm, 返回 value 值
 - ④取 value 和结点β值的较小值作为该结点新β值
- ⑤若该结点的α值大于等于该结点β,则无需继续遍历子结点(跳出循环)-->α剪枝
- III. 若层数为偶数,则进入 MAX 结点处理判别
 - ①调用增益评估函数,选择 n 个后继结点进行遍历
 - ②依次遍历该结点的 n 个后继结点, 并根据结点信息修改局面信息
 - ③对每个后继调用方法 alphabetaAlgorithm, 返回 value 值
 - ④取 value 和结点 α 值的较大值作为该结点新 α 值
- ⑤若该结点的 α 值大于等于该结点 β ,则无需继续遍历子结点(跳出循环)—> β 剪枝注意: a. n 可以根据自己需求计算指定
 - b. 第0层为偶数层

根据以上算法便可以较为轻易地根据 α-β 剪枝算法进行求解

- 2.2.4 评估函数算法设计
- I. 全面评估

装

订

线

针对不同的局面给出不同的评估值,有利于使得五子棋 AI 更加智能,有效选择更有利的步骤。因此,根据查阅资料,对五子棋棋局的评估常采用六元组的形式进行判别,即对六个点位的信息进行思考,再次基础上发现五子棋局面总共分成如下情况(以黑棋为例):

- ①连五/长连:即存在五个或者六个连续的黑棋,即黑棋赢
- ②活四:有两个位置可以形成连五
- ③冲四:有一个位置可以形成连五
- ④活三: 走一步可以形成活四
- ⑤眠三: 走一步可以形成冲四
- ⑥活二: 走一步可以形成活三
- ⑦眠二: 走一步可以形成眠三
- ⑧活一: 走一步可以形成活二

因此根据黑棋和白棋在以上不同情况,给予不同的分数。

特别需要注意的是:

- a. 由于当 AI 需要评判时,是模拟该空位白棋走了一步,因此,紧接着轮到黑棋行走。故, 黑白棋出现同级别情况的时候,黑棋得分应当大于白棋。
 - b. 一个局面过程中黑棋白棋均存在, 因此应当对二者同时进行评估, 给予白棋正分, 黑棋负

分,分数越高即对于 AI 来说越有利。给出评分表如下为:

| 棋型说明 | 权重 | 棋型说明 | 权重 |
|------|---------|------|-----------|
| 白连五 | 1000000 | 黑连五 | -10000000 |
| 白活四 | 50000 | 黑活四 | -100000 |
| 白冲四 | 400 | 黑冲四 | -100000 |
| 白活三 | 400 | 黑活三 | -8000 |
| 白眠三 | 20 | 黑眠三 | -50 |
| 白活二 | 20 | 黑活二 | -50 |
| 白眠二 | 1 | 黑眠二 | -3 |
| 白活一 | 1 | 黑活一 | -3 |

II. 增益评估

装

订

线

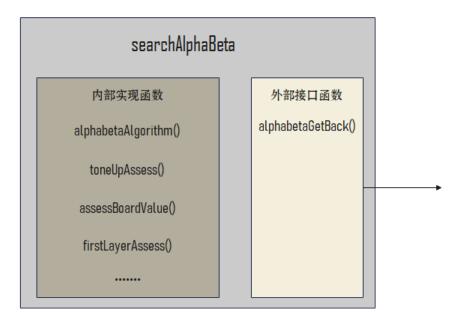
根据 alphabetaAlgorithm 可以看出,若每层对于所有可能的空结点进行评估,这显然无法再一定时间内得出结果,因为递归子结点个数是呈指数级增长。因此,我们需要对向下搜索的结点进行评估,以确定某些结点继续向下遍历。此时,便需要我们的增益评估函数。

增益评估函数是指对每个可以选择落点的位置,进行评估,给出落子前后的得分增益。因此,根据此思想,可以避免对原棋局的重复计算得分。只需要对该位置上-下;左-右;左上-右下;左下-右上四个方向的棋子进行滑窗六元组评估落子前后结果即可。

2.3 模块设计

①searchAlphaBeta 模块

该模块的整体模块设计为:



②showUI 模块

装

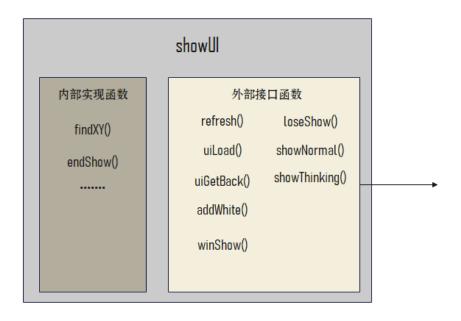
订

线

```
class showUI {
   SURFACE boardImage;
   SURFACE regretButton;
   SURFACE restartButton;
   SURFACE pictureSite;
   SURFACE winloseShow;
   //界面图片调用定义
   IMAGE backGround;
   IMAGE chessBoard;
   IMAGE chessBlack;
   IMAGE chessWhite;
   IMAGE chessWhitePre;
   IMAGE regretImage;
   IMAGE regretMouseImage;
   IMAGE restartImage;
   IMAGE restartMouseImage;
   IMAGE thinkingImage;
   IMAGE userImage;
   IMAGE winImage;
   IMAGE loseImage;
   bool findXY(int x, int y, int& boardX, int& boardY);
void endShow(void);
                                                                     //找到xy所对应在棋盘中的位置
                                                                     //结束后只能按下重新开始按钮
                                                                     //构造函数
//重置界面情况
//加载背景界面函数
//单步下棋执行函数
   showUI (void);
   bool refresh(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD]);
   bool uiLoad(void);
   int uiGetBack(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD]);
   bool addWhite(int site);
                                                                     //成功显示
//失败显示
   void winShow(void)
   void loseShow(void)
                                                                     //切换图片
   void showThinking(void);
   void showNormal(void);
```

该模块的整理模块设计为:

订



2.4 其他创新内容或优化算法

1. 限定单结点向下遍历个数

根据递归向下剪枝可知,若每层不存在剪枝运算,将搜索结点个数将呈现指数级增长态势,因此随着个数的增加,我们将无法在一定时间内得到结果,也就丧失了人机对战的意味。故显然需要进行不完美的实时决策,对非终止结点打分。此时需要增益评估函数,对非终止结点进行完善的评估,选择出更为得分更高,更为优秀的结点继续向下遍历。

```
#define BACHSEARCH 20 // 定义每层的探索个数 //进行赋值返回 for (int i = 0; (i < (int)Total.size() && i + 1 <= BACHSEARCH); i++) result.push_back(Total[i]);
```

2. 空位落子策略

每次落子时,棋盘上的空白理论上均可落子,但根据查阅资料可知,仅在已有结点周围八个方向延申至多三层的结点对于本局有利,因此,设定 chessAround 函数,判定该空位周围是否在一定范围内存在棋子,即判断位置的拓展可行性。

3. 优先队列增大剪枝概率

我们了解到 alpha-beta 剪枝将极大的优化效率,剪掉越多的结点可以获得更高效的搜索效率。对于 alpha-beta 剪枝有一个最优的剪枝状态,即优先搜索到极大或者较小得分值。

对于 MIN 结点,下一步走黑棋,首先搜索到的为得分最少的结点。当出现 alpha 剪枝时,便可在最大程度上剪去不必要结点。

对于 MAX 结点,下一步走白棋,首先搜索到的为得分最优的结点,当出现 beta 剪枝时,便可在最大程度上剪去不必要结点。

我们在 seekBestPoint 方法中实现这一过程:

```
//进行降序排序
if (chessClass == BLACKCHESS) //黑棋升序->易于剪技
sort(Total.begin(), Total.end(), compareAscend);
else if (chessClass == WHITECHESS) //白棋降序-->易于剪技
sort(Total.begin(), Total.end(), compareDecend);

//进行赋值返回
for (int i = 0; (i < (int)Total.size() && i + 1 <= EACHSEARCH); i++)
result.push_back(Total[i]);

return true;
```

4. 第一层初判

装

订

线

对于搜索,有些选择在第一层便可以得出,该选择可以为必走制胜步骤或必走抵抗步骤,而 无需继续向下搜索。因此,在原有搜索的基础上,增加一个首层判断过程,将白棋能制胜的必走 棋或抵抗黑棋的必走棋或白棋形成活四的必胜棋首先判断,若存在这样的必走棋,则无需再向下 遍历,直接走该位置即可。

```
//@function:找到较优的探索结点《局部搜索+静态启发+剪枝》
[Dool searchAlphaBeta::seekBestPoint(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], char chessClass, vector(NODESCORE)& result) { . . . }

//@function:第一层白棋活三特判
[Dool searchAlphaBeta::searchThreeMust(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], NODESCORE& get, char chessSort) [ . . . }

//@function:第一层五子连珠特判滑窗特判(五元组)
[Dool searchAlphaBeta::fiveMust(string& get, char chessSort) [ . . . }

//@function:第一层五子连珠特判
[Dool searchAlphaBeta::searchFiveMust(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], NODESCORE& site, char chessSort) [ . . . }

//@function:第一层五字连珠特判
[Dool searchAlphaBeta::searchFiveMust(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], int& feeBack) [ . . . }
```

共 16 页 第 9 页

3 实验过程

3.1 环境说明

```
操作系统: Window
开发语言: C++
编译平台: Visual Studio 2022
核心库: 〈vector〉 // vector数组
〈iostream〉 // 标准库
〈algorithm〉 // 算法库
〈stack〉 // 堆栈
〈graphics.h〉 // EasyX库
〈conio.h〉 // EasyX库
```

3.2 源代码文件清单

装

订

线

3.2.1 源代码清单

minimaxAlphaBeta_head.h:存储程序核心库声明、宏定义、结构体声明、函数声明等等程序,实现各个cpp文件之间的连接。

minimaxAlphaBeta_implement.cpp: alpha-beta 剪枝内部执行函数源文件,用于实现 α - β 剪枝算法运算。

minimaxAlphaBeta_uishow.cpp: 五子棋界面显示源文件,用于实现人机间的五子棋对局交互。

minimaxAlphaBeta_main.cpp: 五子棋程序主函数源文件,作为程序的主函数存放地,实现整体程序的执行。

3.2.2 主要函数清单

I. searchAlphaBeta 类函数

```
int getScoreFromString(string& get);
//得到一个string串的评估得分
int toneUpAssessIn(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], NODESCORE& site);
//增益函数内部评估
void toneUpAssess(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], NODESCORE& site, char sort);
//增益评估
bool searchThreeMust(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], NODESCORE& get, char chessSort);
//白棋活三特判
bool searchFiveMust (char (*chessBoard) [BOARDLENGHT + BOARDADD], NODESCORE& get, char chessSort);
//五子连珠特判
bool fiveMust(string& get, char chessSort);
//五子连珠特判内部执行函数
bool firstLayerAssess(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], int& feeBack);
//第一层首先评估
bool chessAround(int row, int col, char(*chess)[BOARDLENGHT + BOARDADD]);
//判断NONECHESS周围是否存在CEHSS
bool findBorder(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], BORDER& bor);
//找到搜索边界
int eachGet(string& extract);
//评价函数中对不同的情况返回不同得分
```

```
int assessBoardValue(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD]);
//全局评估函数
bool seekBestPoint(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], char chessClass,
vector<NODESCORE>& result);
//找到较优的几个点进行针对性拓展
int alphabetaAlgorithm(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD], int depth, int alpha, int beta);
//进行alpha-beta剪枝搜索
searchAlphaBeta(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD]);
//构造棋盘函数
int alphabetaGetBack(void);
//执行函数
```

II. showUI 类函数

```
bool findXY(int x, int y, int& boardX, int& boardY);
                                                       //找到xy所对应在棋盘中的位置
void endShow(void);
                                                       //结束后只能按下重新开始按钮
showUI(void);
                                                       //构造函数
bool refresh(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD]);
                                                       //重置界面情况
bool uiLoad(void);
                                                       //加载背景界面函数
int uiGetBack(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD]);
                                                       //单步下棋执行函数
bool addWhite(int site);
                                                        //在棋盘上添加白棋
void winShow(void);
                                                       //成功显示
void loseShow(void);
                                                       //失败显示
void showThinking(void);
                                                        //切换图片
void showNormal(void);
                                                        //切换图片
```

III. 其余工具函数

```
int judgeWinner(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD]); //判断是否成功
void refreshBoard(char(*chessBoard)[BOARDLENGHT + BOARDADD]); //重置棋盘
```

3.3 实验结果展示

装

订

线

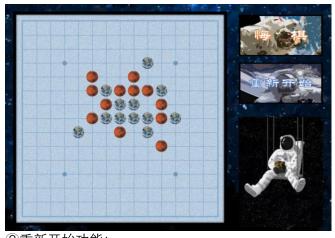
3.3.1 界面结果展示

①对战界面:



②悔棋功能:

订



③重新开始功能:



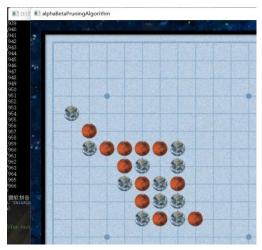
3.3.2 运行结果展示

本程序能自行控制搜索深度和每层搜索至多个数,因此在运行结果的测试上,能较为方便和快捷的进行测试,因此实验结果如下:

I. 优化前后测试

使用优先队列扩大剪枝效果后,原四层搜索深度、限定搜索至多搜索个数为 10 个:程序原本生成叶子结点在 10*10*10*10 个,可以剪去近九成的搜索结点,秩序遍历大概 1000 个结点,便可以得到最终结果,程序效果得到极大程度优化。

由此可见,优化后,能使得 α – β 剪枝发挥更大作用,效果不错。相信在更大数据量的情况下,将会产生更大的增益。



Ⅱ. 多次调试搜索深度和搜索个数后, 得到效率表如下

| 深度 🕶 | 毎层至多个数 ▼ | 平均执行时长 | | | | | |
|------|----------|--------|--|--|--|--|--|
| 3 | 20 | 2.5s | | | | | |
| 3 | 10 | 1s | | | | | |
| 4 | 10 | 6s | | | | | |
| 4 | 5 | 2.6s | | | | | |
| 6 | 4 | 7.8s | | | | | |
| 6 | 2 | 1.3s | | | | | |

根据表格可以看出,每层个数将极大影响计算个数,并且在个数不变,深度增加的情况下, 搜索时间将呈现指数级增长。

但是经过测试发现,随着减少每层个数,由于采用逐层贪心,选择最优结点的方案,对 AI 智能的影响不大。并且若深度越深,AI 的智慧增长情况显然能够弥补个数减少的影响。因此,其实深度为 6 层,每层个数为 2 便可以营造高速高智慧的 AI,对局体验极好,暂时也无法赢过 AI。

III. 对局结果

装

订

线

首先人机对战,当超过大于等于第四层时,作为人以及很难下过 AI,它的考虑以及评估已经十分完善,响应速度也不错。

当第三层时,便可战胜 github 上收藏最多的五子棋 AI,并且是 github 五子棋作为先手的情况下:



在对局体验上,十分流畅,适当减少搜索个数,加深搜索深度,能构建高速,高智的五子棋 AI。

3.4 实验结论

装

订

线

根据实验结果可以看出,本次五子棋 AI 的实现效果极好,实现了高速反馈、高智选择的较高要求。根据分析,影响 AI 智慧的成败在于评估函数的选择和构建; 影响 AI 速度的决定性因素在于 α – β 剪枝算法的实现程度。因此,可以看出,本次构建的评估函数是较为完备的; 并且设计的剪枝优化算法也是能相当高效的剪去不必要的计算过程,提升整体效率。

总体而言, 本次实验基本达到预期结果, 成果较好。

敷ノ

4 总结

4.1 实验中存在的问题及解决方案

整个实验过程首先就遇到了较多问题。刚开始对于 $\alpha-\beta$ 剪枝算法不了解,试图构建 minmax搜索树然后再尝试剪枝搜索,显然是南辕北辙。在程序实现过程中需要先对实验原理有较好的掌握,才能进一步进行程序设计。

除此之外,思考最久的就是五子棋 AI 的优化上了。最初实现全体可落子位置的搜索时,程序执行效率极低,常常需要等待 1-2min 才能呈现结果,这也促使我进一步优化程序。在深入理解 $\alpha-\beta$ 剪枝算法后,阅读较多文献后,设计出的优化算法能较好的实现人机对局,且反应快,智商高。

4.2 心得体会

装

订

线

经过本次实验,我对于 α – β 剪枝算法的实现过程有了更加清晰的认识。评估函数的选择极大程度决定构造 AI 的智慧水平 ,因此选择较为完备合理的局面评估函数,将在一定程度上,提升 AI 的智慧水平。

并且,在实际对局过程中,不可能实现所有情况的搜索,因此选择较好的不完美的实时策略, 能极大程度提升程序效率。同时也要避免对 AI 思考深度和智慧水平的不利影响。

经过本次实验,对 C++地 EasyX 库有了更加清晰的了解,告别了 cmd 的小黑框,能实现较好的可视化效果。

4.3 后续改进方向

后续可以在评估函数的选择上提升,查阅更多文献,选择更完备的评估函数,进一步提升 AI 的智慧。

还可以设计更好的优化算法,在进一步提升 AI 思考深度的基础上,保证较高的执行效率。

4.4 总结

经过本次实验,对于 AI 有了更加深入的认识。原来人工智能离我们那么近,运用一定的算法便可以实现自己的 AI。这也激励我在人工智能领域进一步学习,多阅读相关文献,提升个人思考深度。

共 16 页 第 15 页

参考文献

- [1] 赵美勇, 宋思睿. 博弈论算法在 AI 中的应用[J]. 计算机产品与流通, 2019 (09):278.
- [2] 郑培铭,何丽.基于计算机博弈的五子棋 AI 设计[J].电脑知识与技术,2016,12(33):80-81+90.D0I:10.14004/j.cnki.ckt.2016.4580.
- [3] 陈 树 彬 , 和 昱 旻 , 原 菊 梅 . 五 子 棋 落 子 算 法 的 研 究 [J]. 电 脑 与 信 息 技术, 2021, 29 (05):49-51+94. DOI:10. 19414/j. cnki. 1005-1228. 2021. 05. 014.
- [4] 李 昊 . 五 子 棋 人 机 博 弈 算 法 优 化 研 究 与 实 现 [D]. 大 连 海 事 大 学, 2020. DOI:10. 26989/d. cnki. gdlhu. 2020. 000523.
- [5] 沈雪雁. 基于蒙特卡洛树与神经网络的五子棋算法的设计与实现[D]. 沈阳化工大学, 2021. DOI: 10. 27905/d. cnki. gsghy. 2021. 000057.
- [6] 刘阳. 基于人工智能的五子棋专家系统研究和设计[D]. 电子科技大学, 2015.
- [7] 林 华 . 基 于 Self-Play 的 五 子 棋 智 能 博 弈 机 器 人 [D]. 浙 江 大 学, 2019. DOI: 10. 27461/d. cnki. gz.jdx. 2019. 000894.

订