Лабораторная работа №2 – Построение классификатора на основе линейной регрессии

Цель: Изучение принципов построение классификаторов на основе линейной регрессии.

1.1 Теоретические сведения

Классификатор на основе линейной регрессии имеет следующий вид:

$$p^{(i)} = \mathbf{k}^T \cdot \mathbf{x}^{(i)},\tag{1.1}$$

где $\mathbf{k} = [k_1 \ k_2 \ ... \ k_n]^T$ — параметры классификатора, $\mathbf{x}^{(i)} = \left[x_0^{(i)} \ x_1^{(i)} \ ... \ x_n^{(i)}\right]^T$ — i-е изображение из базы. Таким образом классификатор при помощи линейной модели (1.1) пытается предсказать метку класса, к которому относится изображение $\mathbf{x}^{(i)}$.

Задача обучения классификатора состоит в получении тов ${f k}$, которые еще называют коэффициентами регрессии. Для этого можно сформулировать следующую функцию стоимости:

$$E(\mathbf{k}) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} \left(\mathbf{k}^T \cdot \mathbf{x}^{(i)} - y^{(i)} \right)^2, \tag{1.2}$$

где m — количество изображений в обучающей выборке, а $y^{(i)}$ — метка класса для i-го изображения.

Для минимизации функции стоимости (1.2) можно воспользоваться методом градиентного спуска. Этот метод предполагает, что в начале обучения коэффициенты \mathbf{k} инициализируются случайными числами, а затем в процессе обучения происходит их адаптация по формуле:

$$k_j = k_j - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (\mathbf{k}^T \cdot \mathbf{x}^{(i)} - y^{(i)}) x_j^{(i)},$$
 (1.3)

где $j=1,2\dots n$, α — параметр, который отвечает за скорость сходимости.

1.2 Порядок выполнения работы

- 1) Построить классификатор рукописных цифр.
- 2) Подобрать оптимальное значение параметра α .
- 3) Построить кривые обучения (по оси x эпоха обучения, по оси y ошибка классификатора), кривые строятся как для обучающего множества, так и для тестового.

1.3 Содержание отчета

- 1. Цель работы.
- 2. Программный код.
- 3. Графики кривых обучения.
- 4. Выводы по работе.