lab04 - Baguenaudier

PB22081571 薄震宇

实验目的

本次实验的目的在于熟悉递归子程序的使用。利用递归的方法将一个逐步实现较为困难的问题拆分成多次相同的操作,将复杂的问题简单化。在使用递归子程序的同时,也可以加深对于栈这一数据结构的理解,熟悉入栈出栈等基本操作,了解递归程序是如何利用栈来实现的。

实验原理

正如上面所说,本次实验的关键在于完成递归子程序 REMOVE 和 PUT。其中 REMOVE(i) 用于将前i个环从板上移除,即将state的前n位由1变为0;而 PUT(i) 用于将前i个环放到板上,即将state的前n位由0变为1。二者是相反的操作。

所以下面先实现 REMOVE:

利用下面的关系式

R(0)= nothing ,R(1) = remove the 1^{st} ring R(i)=R(i-2)+ remove the i^{th} ring + $P(i-2)+R(i-1), i\geqslant 2$ 可以得到 REMOVE (n , state) 子程序的逻辑如下 :

- 1. 若n=0,则直接返回state
- 2. 若n=1,则将state的最后一位由0变为1,直接对state加1即可,然后存储操作后的state于特定的存储空间,再返回state。
- 3. 若以上两种情况均不成立,则先将state的前n-2位全部变为1,即调用 REMOVE(n-2, state),然后 再将state的第n位由0变为1,因为state是二进制数,所以将state加上2ⁿ⁻¹即可,然后存储操作后 的state于特定的存储空间;然后再调用 PUT(n-2, state) 将state的前n-2位复原为0,最后再调用 REMOVE(n-1, state) 将state的前n-1位由0变为1。

上述过程中所提到的将state存储于特定的存储空间中,需要使用一个全局变量来保存存储的地址,在汇编语言中,可以专门使用一个寄存器来存储。

在实现了 REMOVE 子程序后,只需要对它做以下修改即可得到 PUT 子程序:

- 1. 由于 REMOVE(i) 是要将state的前i位由0变成1,而 PUT(i) 是要将state的前i位由1变成0,所以在 PUT 子程序里需要将 REMOVE 子程序中的加法改为减法
- 2. REMOVE 子程序中是

$$R(i)=R(i-2)+$$
 remove the i^{th} ring + $P(i-2)+R(i-1),i\geqslant 2$,在 PUT 子程序中则是 $PUT(i-2)+$ put the i^{th} ring $+R(i-2)+P(i-1),i\geqslant 2$

在实现了以上两个递归子程序后,在主程序中调用 REMOVE 子程序即可。

实验过程

C语言实现

因为C语言中已经实现了递归函数,不需要考虑中间的变量的保存,函数的返回等问题,所以先用C语言来描述上面的过程,一方面是可以检测思路的正确性,另一方面是在用汇编语言实现时可以照着C语言来做的对应的修改,使得逻辑上更为清晰。

代码如下:

```
#include<stdio.h>
#include<math.h>
int REMOVE(int,int);
int PUT(int,int);
int STATE[10000] = {0};//存储每一步操作后的state
int times;//times表示操作的次数
int main(){
   int n;/*the value of n in x3100*/
   printf("Please input n:");
   scanf("%d",&n);
   STATE[0] = n;
   times = 0;
   REMOVE(n,0);
   for(int i = 0;i <= times;i++)</pre>
       printf("%d\n",STATE[i]);
   return 0;
}
int REMOVE(int n,int state)
    if(n==0) return state;/*the state remains*/
   if(n==1){
       state++;//改变state
       STATE[++times] = state;//存储当前操作后的state
       return state;
   }
   state = REMOVE(n-2, state);
   state += pow(10,n-1);//将state的第n位变成1(用二进制表示时需要改成加2^(n-1))
   STATE[++times] = state;
   state = PUT(n-2, state);
   state = REMOVE(n-1, state);
   return state;
}
int PUT(int n,int state){
   if(n == 0) return state;
   if(n == 1)
   state--;//改变state
   STATE[++times] = state;//存储当前操作后的state
   return state;
   }
   state = PUT(n-2, state);
   state -= pow(10,n-1);
```

```
STATE[++times] = state;
    state = REMOVE(n-2, state);
    state = PUT(n-1, state);
    return state;
}
```

运行结果如下:

```
n = 3:
101
100
110
111
n = 5:
Please input n:5
101
100
110
111
10111
10110
10010
10011
10001
10000
10010
10011
11011
11001
11000
11001
11101
11100
```

结果正确,说明上述思路正确,然后可以转换为汇编语言。

流程图

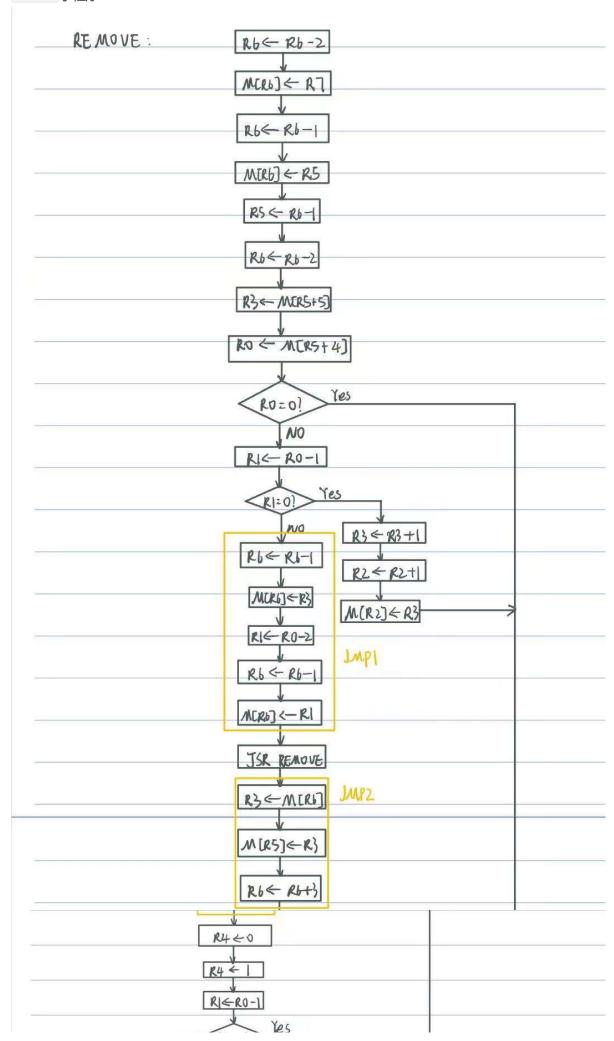
11110 11111

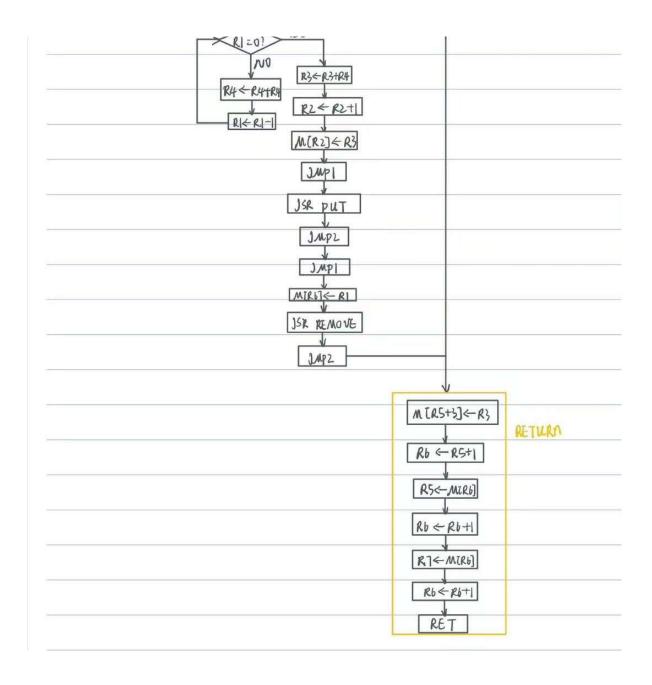
在用汇编语言来解决问题前,先画出流程图:

主程序:

```
R5 = X4000, R6 = X4000
R5: frame pointer
                                      RO ← MEX3/00]
RZ ← X3/00 R3 ← O
Rb: Stack pointer
                                           Rb ← Rb-1
  R0: 1
                                           M(Rb) ← 0
  R1: n-2 如 n-1
                                          Rb ← Rb-1
  R2: 存循地址(从X3100开始)
                                          MERG] - RO
 R3: state
                                         JSR REMOVE
                                            HALT
```

REMOVE 子程序:





PUT 子程序与 REMOVE 基本相同,只需要稍作改动,所以就不再画了。

汇编语言实现

根据上面的流程图可以写出汇编代码。

首先介绍一下各个寄存器的功能:

- R0:用于保存n的值
- R1:用于保存n-2或者n-1,因为在 REMOVE(n,state)子程序中需要递归调用 REMOVE(n-2,state),PUT(n-2,state),REMOVE(n-1,state),PUT 子程序也类似,而在一次调用中n又是固定的,用 R0 来保存,如果放在内存中每次访存又需要较大的时间代价,所以额外使用一个寄存器 R1 来存储n-2或n-1
- R2:用于保存 state 的存储地址,因为每次改变 state 后需要将其存于以 x3100 为起始位置的连续的存储单元中,所以使用一个寄存器 R2 来保存存储位置,初始化存储 x3100 ,每次要存储 state 时先将 R2 自增1,再存入 R2 指向的存储单元。
- R3:存储 state,在每次调用子程序时都需要对 state 做改变,所以使用一个寄存器 R3 来存储 state,方便操作,改变 R3 之后将其中的值存入 R2 指向的内存单元中,并将其存入栈中存储的

state 位置。

R5: frame pointer,构造调用子程序的栈所需要的指针R6: stack pointer,也是调用子程序的栈所需要的指针

下面为汇编代码:

```
;本题的关键在于使用栈来构造递归子程序REMOVE和PUT
           .ORIG
                 x3000
                  R5, BOTTOM
                                   ;R5为frame pointer, 初始化为x4000
          LD
                  R6, BOTTOM
                                    ;R6为stack pointer, 初始化为x4000
          LD
          LD
                  R2, START
                                   ;R2为存储state的地址,初始化为x3100
                  RO, R2, #0
                                    ;RO存储n的值
          LDR
                  R3, R3, #0
                                    ;R3用于存储state
          AND
                  R6, R6, #-1
          ADD
                  R3, R6, #0
                                    ;state = 0入栈
          STR
                  R6, R6, #-1
          ADD
                  RO, R6, #0
                                    ;n入栈
          STR
                                    ;调用REMOVE子程序
          JSR
                  REMOVE
                                    ;调用完毕后程序结束,不需要处理返回值
          BRnzp
                  OVER
REMOVE
          ADD
                  R6, R6, #-2
                                   ;为返回值预留空间
                  R7, R6, #0
                                    ;保存返回地址
          STR
                  R6, R6, #-1
          ADD
                  R5, R6, #0
                                    ;保存caller's frame pointer
          STR
                  R5, R6, #-1
          ADD
                  R6, R6, #-2
          ADD
                                    ;为局部变量state和n分配空间
                  R3, R5, #5
          LDR
                                    ;R3存储state
                  RO, R5, #4
          LDR
                                    ;RO存储n
                  R3, R5, #0
                                    ;存储局部变量state
          STR
                  RO, R6, #0
          STR
                                    ;存储局部变量n
                  RETURN1
          BRZ
          ADD
                  R1, R0, #-1
                  STORE1
                                    ;n=1时单独处理
          BRZ
                  JMP1
          JSR
                                    ;做子程序调用前的准备
                  REMOVE
                                    ;递归调用, REMOVE(n-2, state)
          JSR
          JSR
                  JMP2
                                    ;做子程序调用后的处理
          AND
                  R4, R4, #0
                  R4, R4, #1
          ADD
                                   ;R4 <- 1
                  R1, R0, #-1
          ADD
                                    ;令R4的第n位为1,后面全为0
JUDGE1
                  L00P1
          BRnp
                  R3, R3, R4
                                    ;令R3的第n位为1
          ADD
                  R2, R2, #1
                                    ;存储地址加1
          ADD
                  R3, R2, #0
          STR
                                    ;存储state
                  JMP1
          JSR
                  PUT
                                    ;PUT(n-2, state)
          JSR
                  JMP2
          JSR
                  JMP1
          JSR
                                    ;JMP1中令R1 <- R0-2, 这里需要令R1 <- R0-1,
                  R1, R1, #1
          ADD
故还需加1
                  R1, R6, #0
          STR
```

```
;REMOVE(n-1,state)
           JSR
                   REMOVE
                                       ;JMP1中令R1 <- R0-2, 这里需要令R1 <- R0-1,
           JSR
                   JMP2
故还需加1
           BRnzp
                   RETURN1
                   R6, R6, #-2
                                      ;为返回值预留空间
PUT
           ADD
           STR
                   R7, R6, #0
                                      ;保存返回地址
                   R6, R6, #-1
           ADD
                   R5, R6, #0
           STR
                                      ;保存caller's frame pointer
                   R5, R6, #-1
           ADD
           ADD
                   R6, R6, #-2
                                      ;为局部变量state和n分配空间
                   R3, R5, #5
                                      ;R3存储state
           LDR
                   RO, R5, #4
           LDR
                                      ;R0存储n
                   R3, R5, #0
                                      ;存储局部变量state
           STR
                   RO, R6, #0
                                      ;存储局部变量n
           STR
                   RETURN1
           \mathsf{BRz}
                   R1, R0, #-1
                                     ;n=1时单独处理,将最后一位由1变成0
           ADD
           \mathsf{BRz}
                   STORE2
                   JMP1
                                      ;做子程序调用前的准备
           JSR
                   PUT
                                      ;PUT(n-2,state)
           JSR
                   JMP2
           JSR
                   R4, R4, #0
           AND
                   R4, R4, #1
           ADD
                   R1, R0, #-1
           ADD
                   LOOP2
                                      ;R4的第n位为1,后面全为0
JUDGE2
           BRnp
           NOT
                   R4, R4
                   R4, R4, #1
                                      ;将R4取反加1
           ADD
                   R3, R3, R4
                                      ;将R3的第n位由1变成0
           ADD
                   R2, R2, #1
           ADD
                   R3, R2, #0
           STR
                   JMP1
           JSR
                   REMOVE
                                      ;REMOVE(n-2, state)
           JSR
                   JMP2
           JSR
                   JMP1
           JSR
                   R1, R1, #1
                                      ;JMP1中令R1 <- R0-2, 这里需要令R1 <- R0-1,
           ADD
故还需加1
                   R1, R6, #0
           STR
                                      ;PUT(n-1, state)
           JSR
                   PUT
           JSR
                   JMP2
                   RETURN1
           BRnzp
L00P1
                   R4, R4, R4
                                     ;R4左移一位
           ADD
           ADD
                   R1, R1, #-1
                                      ;R1自减1
           BRnzp
                   JUDGE1
                   R4, R4, R4
LOOP2
           ADD
                                      ;R4左移一位
                   R1, R1, #-1
           ADD
                                      ;R1自减1
                   JUDGE2
           BRnzp
```

```
R3, R3, #1 ;最后一位由0变为1
R2, R2, #1 ;存储地址自加1
STORE1
         ADD
         ADD
         STR
               R3, R2, #0
               RETURN1
         BRnzp
               R3, R3, #-1 ;最后一位由1变为0
STORE2
         ADD
         ADD
               R2, R2, #1
                              ;存储地址自加1
               R3, R2, #0
         STR
         BRnzp
               RETURN1
RETURN1
               R3, R5, #3
         STR
                              ;存储state于R3中
               R6, R5, #1
                               ;两个局部变量出栈
         ADD
               R5, R6, #0
                              ;获得caller's frame pointer
         LDR
               R6, R6, #1
         ADD
               R7, R6, #0
                              ;获得返回地址存于R7中
         LDR
               R6, R6, #1 ;返回地址出栈
         ADD
         RET
                            ;
;存储state
JMP1
         ADD
               R6, R6, #-1
               R3, R6, #0
         STR
               R1, R0, #-2
                              ;R1 = n-2
         ADD
               R6, R6, #-1
         ADD
         STR
               R1, R6, #0 ;存储n-2
         RET
               R3, R6, #0
JMP2
         LDR
                              ;获得返回值
               R3, R5, #0
         STR
                              ;存储返回值
               RO, R6, #3
         LDR
               R6, R6, #3
                             ;子程序的返回值和局部变量出栈
         ADD
         RET
START .FILL x3100
                              ;存储n和state的起始地址,x3100处存储n,x3101
及以后存储每次操作后的state
BOTTOM .FILL x4000
                             ;栈底地址
OVER
       HALT
         .END
```

过程中遇到的问题

实验过程中最难的地方在于调用递归子程序时栈的使用,需要使用栈来保存各个变量的值,返回地址,返回空间等,十分容易混乱。起初我选择了根据脑中所假想的过程来直接写程序,但是总会有遗漏,指针的位置偶尔会有错误,所以最后我选择将栈画出来,入栈出栈等过程一目了然,根据画出来的过程写程序,成功解决了问题。

实验结果

| n = 3 | 3: | | | |
|-------|------------------|-------|-------|----|
| 0 | ▶ | x3100 | x0003 | 3 |
| 0 | \triangleright | x3101 | x0001 | 1 |
| 0 | ▶ | x3102 | x0005 | 5 |
| 0 | ▶ | x3103 | x0004 | 4 |
| • | ▶ | x3104 | x0006 | 6 |
| 0 | > | x3105 | x0007 | 7 |
| 0 | ▶ | x3106 | x0000 | 0 |
| 0 | > | x3107 | x0000 | 0 |
| | 1. | | | |
| n = 4 | | | | |
| 0 | ▶ | x3100 | x0004 | 4 |
| 0 | ▶ | x3101 | x0002 | 2 |
| 0 | \triangleright | x3102 | x0003 | 3 |
| 0 | ▶ | x3103 | x000B | 11 |
| 0 | ▶ | x3104 | x0009 | 9 |
| 0 | ▶ | x3105 | x0008 | 8 |
| 0 | ▶ | x3106 | x0009 | 9 |
| 0 | ▶ | x3107 | x000D | 13 |
| 0 | > | x3108 | x000C | 12 |
| 0 | ▶ | x3109 | x000E | 14 |
| 0 | > | x310A | x000F | 15 |
| 0 | ▶ | x310B | x0000 | 0 |
| 0 | ▶ | x310C | x0000 | 0 |
| 0 | > | x310D | x0000 | 0 |
| 0 | ▶ | x310E | x0000 | 0 |
| 0 | > | x310F | x0000 | 0 |

| | • | | | |
|---|------------------|-------|-------|----|
| 0 | ⊳ | x3100 | x0005 | 5 |
| 0 | ▶ | x3101 | x0001 | 1 |
| 0 | \triangleright | x3102 | x0005 | 5 |
| 0 | \triangleright | x3103 | x0004 | 4 |
| 0 | ▶ | x3104 | x0006 | 6 |
| 0 | Þ | x3105 | x0007 | 7 |
| 0 | Þ | x3106 | x0017 | 23 |
| 0 | ⊳ | x3107 | x0016 | 22 |
| 0 | ▶ | x3108 | x0012 | 18 |
| 0 | ▶ | x3109 | x0013 | 19 |
| 0 | ▶ | x310A | x0011 | 17 |
| 0 | ▶ | x310B | x0010 | 16 |
| 0 | ⊳ | x310C | x0012 | 18 |
| 0 | \triangleright | x310D | x0013 | 19 |
| 0 | \triangleright | x310E | x001B | 27 |
| 0 | ▶ | x310F | x0019 | 25 |
| 0 | \triangleright | x3110 | x0018 | 24 |
| 0 | ▶ | x3111 | x0019 | 25 |
| 0 | ▶ | x3112 | x001D | 29 |
| 0 | ▶ | x3113 | x001C | 28 |
| 0 | > | x3114 | x001E | 30 |
| 0 | ▶ | x3115 | x001F | 31 |
| | | | | |

| 11 / | • | | | | |
|------|------------------|-------|----------------|-----|--|
| 0 | \triangleright | x3100 | x0007 | 7 | |
| 0 | > | x3101 | x0001 | 1 | |
| 0 | ▶ | x3102 | x0005 | 5 | |
| 0 | ▶ | x3103 | x0004 | 4 | |
| 0 | > | x3104 | x0006 | 6 | |
| 0 | > | x3105 | x0007 | 7 | |
| 0 | > | | x0017 | 23 | |
| 9 | > | | x0016 | 22 | |
| 0 | > | | x0012 | 18 | |
| 0 | | x3109 | x0013 | 19 | |
| 0 | > | x310A | x0013 | 17 | |
| | > | x310B | x0011 | 16 | |
| 0 | | | x0010 x0012 | 18 | |
| 0 | • | | x0012 | 19 | |
| 0 | • | x310D | | | |
| 0 | > | x310E | x001B | 27 | |
| 0 | • | x310F | x0019 | 25 | |
| 9 | • | | x0018 | 24 | |
| 0 | | x3111 | x0019 | 25 | |
| 0 | • | x3112 | x001D | 29 | |
| 0 | • | x3113 | x001C | 28 | |
| 0 | | x3114 | x001E | 30 | |
| 0 | • | x3115 | x001F | 31 | |
| 0 | • | | x005F | 95 | |
| 0 | • | x3117 | x005E | 94 | |
| 0 | ▶ | | x005A | 90 | |
| 0 | • | | x005B | 91 | |
| 0 | • | x311A | x0059 | 89 | |
| 0 | > | | x0058 | 8.8 | |
| 0 | ▶ | x311C | x0048 | 72 | |
| 0 | • | | x0049 | 73 | |
| 0 | ▶ | x311E | x004D | 77 | |
| 0 | ▶ | | x004C | 76 | |
| 0 | ▶ | x3120 | x004E | 78 | |
| 0 | > | | x004F | 79 | |
| 0 | ▶ | x3122 | x004D | 77 | |
| 0 | ▶ | x3123 | x004C | 76 | |
| 0 | ▶ | x3124 | x0044 | 68 | |
| 0 | • | x3125 | x0046 | 70 | |
| 0 | \triangleright | x3126 | x0047 | 71 | |
| 0 | ▶ | x3127 | x0046 | 70 | |
| 0 | ▶ | x3128 | x0042 | 66 | |
| 0 | ▶ | x3129 | x0043 | 67 | |
| 0 | Þ | x312A | x0041 | 65 | |
| 0 | • | x312B | x0040 | 64 | |
| 0 | ▶ | x312C | x0042 | 66 | |
| 0 | ▶ | x312D | x0043 | 67 | |
| 0 | 16. | ¥312E | v∩∩4R | 75 | |
| | | | | | |

| • | F | NO 121 | ひつくせい | 19 |
|---|------------------|--------|-------|-----|
| 0 | \triangleright | x312F | x0049 | 73 |
| 0 | ▶ | x3130 | x0048 | 72 |
| 0 | ▶ | x3131 | x0049 | 73 |
| 0 | ▶ | x3132 | x004D | 77 |
| 0 | ▶ | x3133 | x004C | 76 |
| 0 | ▶ | x3134 | x004E | 78 |
| 0 | ▶ | x3135 | x004F | 79 |
| 0 | ▶ | x3136 | x006F | 111 |
| 0 | ▶ | x3137 | x006D | 109 |
| 0 | ▶ | x3138 | x006C | 108 |
| 0 | ▶ | x3139 | x0064 | 100 |
| 0 | ▶ | x313A | x0066 | 102 |
| 0 | ▶ | x313B | x0067 | 103 |
| 0 | ▶ | x313C | x0066 | 102 |
| 0 | ▶ | x313D | x0062 | 98 |
| 0 | ▶ | x313E | x0063 | 99 |
| 0 | ▶ | x313F | x0061 | 97 |
| 0 | ▶ | x3140 | x0060 | 96 |
| Θ | > | x3141 | x0061 | 97 |
| 0 | ▶ | x3142 | x0065 | 101 |
| 0 | • | x3143 | x0064 | 100 |
| 0 | ▶ | x3144 | x0066 | 102 |
| 0 | • | x3145 | x0067 | 103 |
| 0 | ▶ | x3146 | x0077 | 119 |
| 0 | ▶ | x3147 | x0076 | 118 |
| 0 | ▶ | x3148 | x0072 | 114 |
| 0 | • | x3149 | x0073 | 115 |
| 0 | ▶ | x314A | x0071 | 113 |
| 0 | ▶ | x314B | x0070 | 112 |
| 0 | • | x314C | x0072 | 114 |
| 0 | • | x314D | x0073 | 115 |
| 0 | ▶ | x314E | x007B | 123 |
| 0 | ▶ | x314F | x0079 | 121 |
| 0 | ▶ | x3150 | x0078 | 120 |
| 0 | ▶ | x3151 | x0079 | 121 |
| 0 | ▶ | x3152 | x007D | 125 |
| 0 | ▶ | x3153 | x007C | 124 |
| 0 | ▶ | x3154 | x007E | 126 |
| 0 | ▶ | x3155 | x007F | 127 |
| | | | | |

以上结果均正确!

由于n继续增大时,存储的state过多,所以这里就不再截图展示了。