

# LAB 5: FACTIONAL

---

## 实验目的

---

本次实验的目的在于通过手工实现来理解中断驱动的输出/输入如何中断正在运行的程序，执行中断服务历程，并且执行完返回到被中断的程序停止的地方，继续执行程序。实验中使用键盘作为中断正在运行的程序的输入设备。

## 实验原理

---

本次实验可以拆分成以下几个部分来实现：

### 1. 被中断的程序，它的功能是持续打印学号

这一部分较为简单，直接将学号（后面需要加上一个空格，这样打印出的学号才会有间距）存储在内存中，然后使用一个循环来打印即可。过程中需要使用具有一个DELAY功能的循环，防止打印得太快。

### 2. 读取输入的字符，判断它是否为十进制数字，若为十进制数字还需判断它是否为8或9

这一部分的逻辑是：首先打印输入的字符，因为最后不论字符是否为十进制数，都需要打印相关的信息，信息中需要打印字符。然后将输入的字符减去57（9的ASCII码，因为无法用立即数表示，所以需要保存在内存中），若结果大于0，则输入的字符不是十进制数，打印 `is not a decimal digit.\n`（这也需要保存在内存中）；若结果小于0，则再将输入的字符加上9（相当于与0的ASCII码做比较），若结果小于等于0，则输入的字符不是ASCII码，同样打印 `is not a decimal digit.\n`，否则输入的字符是十进制数，打印 `is a decimal digit.\n`。

然后还需要再打印一次输入的字符，然后再判断输入的字符是否大于等于8（再减去8判断结果是否非负即可），若是，则需要打印 `! is too large for LC-3.\n`，否则打印 `=`，输出等式，然后调用 `FACTIONAL` 子程序计算 $n!$ 并输出，最后再输出换行符 `\n` 即可。

### 3. 计算十进制数 $n$ 的 $n!$

对于这一功能，有三种方法实现：

- 因为需要计算的 $n$ 只可能在0-7之间，所以可以直接将这8个结果存在内存里面，然后根据 $n$ 来选择结果即可。
- 利用公式，采用循环的方式计算
- 利用公式，采用递归的方式计算

其中第一种方法最为简单，但是我又觉得这样似乎太过取巧，考虑到本次实验中的目的就在于在中断处理中计算 $n!$ ，并且讲义中要求 `calculating the result`，所以我觉得计算过程应该也是本次实验的一个考察点，所以我最终分别使用了第一，二种方法来计算：

使用两个寄存器来分别保存 $n$ 和 $n!$ ，这里我选择了 `R2` 和 `R1`，然后让 `R2` 递减，若不为1，则将其与 `R1` 相乘，否则计算完成，返回。

乘法的实现如下：

使用两个寄存器 R3 和 R4，分别保存 R2 和 R1 中的值，然后令 R3 递减，若 R3 不为0，则将 R4 加到 R1 上，否则结束循环。

#### 4. 将计算的结果转换成ASCII码打印输出

因为本次实验中最多需要计算  $7! = 5040$ ，所以只需要依次输出计算结果的千百十个位即可。

以千位为例，只需要将 R1（我将计算结果存在 R1 中）不断减去1000（可以将-1000存在内存中）直至其小于0，在这过程中用一个初始化为0的寄存器 R0 在每次减去1000且 R1 仍非负时自加1。最终 R0 中存储的即为结算结果的千位。若其为0，则不需要打印；若其不为0，则将其加上48（0的ASCII码）后打印输出即可。

需要注意的是，对于最高位千位，如果为0可以直接不打印。但对于百位和十位，则需要判断其前面有无非零位，若有，则打印；若无，则不打印。这里可以使用一个寄存器初始化为0，当有一个非零位时，就将这个寄存器存储的值加1，这样就可以根据寄存器中的值来判断是否要打印0。而对于个位，即使它前面没有非零位，当其为0时，也需要打印，所以个位不需要判断，直接输出即可，并且由于计算出千百十位后，R1 中存储的就是个位的数值，所以直接将其加上0的ASCII码放到 R0 中再 OUT 即可。

需要注意的是，如果选择直接将答案实现存储在内存中，就不需要这一步了，直接根据结果选择打印的字符串即可。

## 实验过程

### 流程图

先依次画出上面所说的几个模块的流程图如下：

#### 1. 打印学号部分：



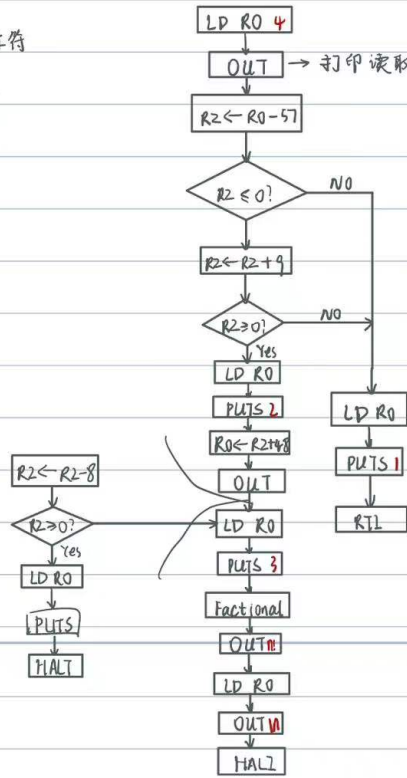
因为DELAY部分教程中已经给出了，所以流程图中我就不再将其具体实现画出来。

#### 2. 判断部分：

Process :

R0: 读取的字符

R2: R0 ± ...



'0': 48 '9': 57

1 is not a decimal digit, \n  
 2 is a decimal digit, \n  
 3 ! =  
 4 \n

! is too large for LC-3, \n

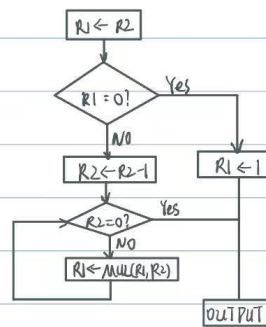
### 3. 计算部分

Fractional :

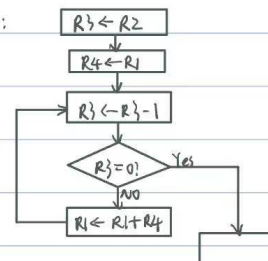
R1: n1

R2: n

R3: 暂存 R2

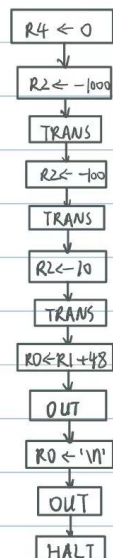


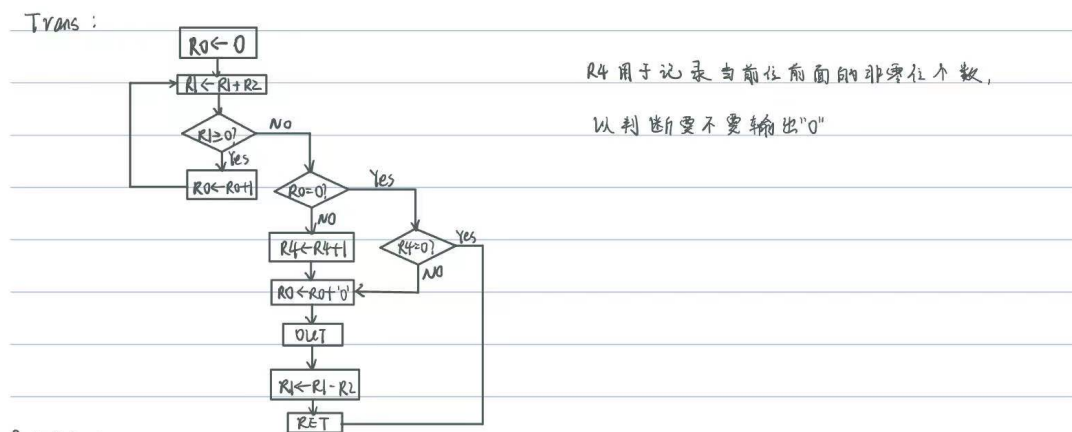
MUL :



### 4. 打印部分:

OUTPUT :





其中trans的功能为计算相应的位并决定是否要打印，若要打印，则加上0的ASCII码后再 OUT 即可。

需要注意的是，对于个位，因为一定需要打印，并且计算到最后 R1 中存储的就是个位，所以最后直接将其加上0的ASCII码存到 R0 中打印即可。

5. 因为根据结果来选择打印的部分就只需要一个一个比较，选择需要打印的字符串的地址即可，逻辑上很简单，所以我就没有再画流程图。

## 汇编代码

根据流程图可以写出汇编代码如下（在写代码对流程图中的部分过程做了优化，例如设置了几个Label方便跳转，省去重复的过程等）：

```

.ORG    x800
; (1) Initialize interrupt vector table.
LD      R0, VEC
LD      R1, ISR
STR     R1, R0, #0

; (2) Set bit 14 of KBSR.
LDI     R0, KBSR
LD      R1, MASK
NOT     R1, R1
AND     R0, R0, R1
NOT     R1, R1
ADD     R0, R0, R1
STI     R0, KBSR

; (3) Set up system stack to enter user space.
LD      R0, PSR
ADD     R6, R6, #-1
STR     R0, R6, #0
LD      R0, PC
ADD     R6, R6, #-1
STR     R0, R6, #0
; Enter user space.
RTI

VEC     .FILL    x0180
ISR     .FILL    x1000
KBSR    .FILL    xFE00
  
```

```

MASK      .FILL    x4000
PSR       .FILL    x8002
PC        .FILL    x3000
          .END

          .ORIG    x3000
          ; *** Begin user program code here ***
          ;循环打印学号

LOOP      LEA      R0, ID                      ;获得字符串首地址
          PUTS     ;打印学号+空格
          LD       R1, COUNT                  ;获得COUNT，用于执行DELAY功
能
          REP      ADD     R1, R1, #-1
          BRp      REP
          BRnzp    LOOP                      ;经过DDELAY后继续打印学号+空
格

COUNT    .FILL     #25000                   ;用于设置延迟时间的长短
ID         .STRINGZ  "PB22081571 "          ;student id(后面需要有空格
来分隔打印的学号)

          ; *** End user program code here ***
          .END

          .ORIG    x3FFF
          ; *** Begin factorial data here ***
FACT_N     .FILL    xFFFF
          ; *** End factorial data here ***
          .END

          .ORIG    x1000
          ; *** Begin interrupt service routine code here ***

          LD       R0, NEWLINE
          OUT      ;打印换行符
          GETC     ;读取输入的字符到R0中
          OUT      ;打印读取到的字符
          LD       R3, ASCIININEN
          ADD      R2, R0, R3                 ;判断输入字符的ASCII码是否小
于'9'
          BRp      ERROR                     ;若大于'9'，则不是十进制数
          ADD      R2, R2, #9                ;判断输入的字符是否大于等
于'0'
          BRn      ERROR                     ;若小于0，也不是十进制数
          LEA      R0, RIGHTN                ;否则是十进制数，打印信息
          PUTS
          LD       R3, SAVEn                 ;获得n的存储地址x3FFF放在R3
中

```

	STR	R2, R3, #0	; 存储读取到的n于x3FFF中
	LD	R3, ASCIIZERO	; 获得0的ASCII码，由于无法用立即数表示，故存在内存中
	ADD	R0, R2, R3	; 恢复R0
	OUT		; 打印R0
	ADD	R0, R2, #-8	; 判断输入的数字是否大于等于8
	BRzp	LARGE	
	; BR	FACTIONAL2	; 如果使用将结果存在内存中的方式，此时可直接跳转
	LEA	R0, EQUAL	; 打印等式
	PUTS		
	BRnzp	FACTIONAL	; 计算n!
LARGE	LEA	R0, LARGEN	
	PUTS		; 打印信息
	BRnzp	OVER	
ERROR	LEA	R0, ERRORN	
	PUTS		; 打印信息
RETURNI	RTI		
	; *** End interrupt service routine code here ***		
	;		
	; 计算n!		
	; 其实这里也可以直接将相应的结果存在内存中，再根据n的值取出		
	; 但是考虑到本次实验应该需要考察这方面的处理，所以这里采用计算的方式获得结果		
	;		
FACTIONAL	AND	R1, R1, #0	
	ADD	R1, R1, R2	
	BRZ	ZERO0	; 0!单独处理
LOOP1	ADD	R2, R2, #-1	; 计算R2!
	BRZ	OUTPUT	
	AND	R3, R3, #0	
	ADD	R3, R3, R2	; R3存储R2的值
	AND	R4, R4, #0	
	ADD	R4, R4, R1	; R4用于保存R1的值，因为在计算时R1会改变
LOOP2	ADD	R3, R3, #-1	; 计算R4*R2, 结果存于R1中
	BRZ	LOOP1	
	ADD	R1, R1, R4	
	BRnzp	LOOP2	
ZERO0	ADD	R1, R1, #1	; 若R1 = 0，则直接将其加1再输出即可
	; 计算完成后打印结果，因为n! <= 7! = 5040，所以只需依次打印结果的千百个十位即可		
OUTPUT	AND	R4, R4, #0	; R4用于标记当前位前面有没有非零位，以判断要不要打印0
	LD	R2, THOUSANDN	; 获得-1000
	JSR	TRANS	; 计算字符的千位，转换成ASCII码并输出
	LD	R2, HUNDREDN	; 获得-100

	JSR	TRANS		;计算字符的百位，转换成ASCII
码并输出				
	LD	R2, TENN		;获得-10
	JSR	TRANS		;计算字符的十位，转换成ASCII
码并输出				
;因为这时R1为个位，不管是否为0，是第几个0，都需要打印，将其加上0的ASCII码放到R0中打印即可				
	LD	R3, ASCIIZERO		
	ADD	R0, R1, R3		
	OUT			
	;JSR	OUT1		
	LD	R0, NEWLINE		;最后打印换行符
	OUT			
OVER	HALT			
;将数字转化为ASCII码并输出				
TRANS	AND	R0, R0, #0		
LOOP3	ADD	R1, R1, R2		;R1 <- R1 + R2
	BRn	JUDGE1		;当R1为负时，此时R0中存储的即
为所求位的数值				
	ADD	R0, R0, #1		
	BRnzp	LOOP3		
JUDGE1	ADD	R0, R0, #0		;设置条件码与R0相关
	BRnz	JUDGE2		;如果R0等于0则需要判断要不要
打印				
	ADD	R4, R4, #1		
OUT1	LD	R3, ASCIIZERO		;获得0的ASCII码
	ADD	R0, R0, R3		;将R0转换成对应的ASCII码以输
出				
	OUT			
	BRnzp	RESTORE		;因为前面将R1减到了负值，即多
加了一个R2，所以需要再减去R2				
JUDGE2	ADD	R4, R4, #0		;设置条件码
	BRp	OUT1		;如果R4不为0，则说明当前位前
面有非零位，需要打印0				
RESTORE	NOT	R2, R2		
	ADD	R2, R2, #1		;将R2取反加1获得相反数
	ADD	R1, R1, R2		;前面将R1减到了负值，故还需要
再加上-R2				
	RET			
FACTIONAL2	ADD	R2, R2, #0		
	BRp	ONE!		
	LEA	R0, ZERO		
	BR	OUTRES		
ONE!	ADD	R2, R2, #-1		
	BRp	TWO!		
	LEA	R0, ONE		
	BR	OUTRES		

```

TWO!      ADD      R2, R2, #-1
          BRp      THREE!
          LEA      R0, TWO
          BR       OUTRES
THREE!    ADD      R2, R2, #-1
          BRp      FOUR!
          LEA      R0, THREE
          BR       OUTRES
FOUR!     ADD      R2, R2, #-1
          BRp      FIVE!
          LEA      R0, FOUR
          BR       OUTRES
FIVE!     ADD      R2, R2, #-1
          BRp      SIX!
          LEA      R0, FIVE
          BR       OUTRES
SIX!      ADD      R2, R2, #-1
          BRp      SEVEN!
          LEA      R0, SIX
          BR       OUTRES
SEVEN!    LEA      R0, SEVEN

OUTRES    PUTS
          BRnzp    OVER

NEWLINE   .FILL     x000A
ERRORN    .STRINGZ  " is not a decimal digit.\n" ;输入的字符不是十进制数
RIGHTN    .STRINGZ  " is a decimal digit.\n"    ;输入的字符是十进制数
LARGEN    .STRINGZ  "! is too large for LC-3.\n" ;
EQUAL     .STRINGZ  "! = "                    ;打印等式的中间部分
THOUSANDN .FILL     #-1000
HUNDREDN  .FILL     #-100
TENN      .FILL     #-10
ASCIININEN .FILL    #-57                      ;9的ASCII码的负值
ASCIIZERO .FILL     #48                      ;0的ASCII码
SAVEN     .FILL     x3FFF
ZERO      .STRINGZ  "! = 1\n"
ONE       .STRINGZ  "! = 1\n"
TWO       .STRINGZ  "! = 2\n"
THREE     .STRINGZ  "! = 6\n"
FOUR      .STRINGZ  "! = 24\n"
FIVE      .STRINGZ  "! = 120\n"
SIX       .STRINGZ  "! = 720\n"
SEVEN     .STRINGZ  "! = 5040\n"

.END

```

对于以下这段代码：



<code>;BR</code>	<code>FACTIONAL2</code>	<code>;如果使用将结果存在内存中的</code>
方式，此时可直接跳转		
<code>LEA</code>	<code>R0, EQUAL</code>	<code>;打印等式</code>
<code>PUTS</code>		
<code>BRnzp</code>	<code>FACTIONAL</code>	<code>;计算n!</code>

现在是采用第二种方法来计算，如果将第一行的注释去掉，将后面三行注释掉，就是采用第一种方法来打印结果。

## 实验中遇到的问题

1. 使用 `PUTS` 打印字符串时，起初我像往常从内存中取一个数一样使用了 `LD` 命令获取字符串，但是这样却无法打印，原因在于 `LD` 指令只能获得一个数，也就是获得了字符串的第一个字符，而 `PUTS` 命令需要的是字符串的首地址，所以这里需要用的是 `LEA` 命令。
2. 在输出结果时起初我选择了直接输出，忽略了打印字符需要用ASCII码，后来增加了 `TRANS` 这一子程序来实现这一功能。

## 实验结果

以下为部分运行结果截图（第一种和第二种方法运行的结果都一样）：

输入3:

```
PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571
PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571
PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571
PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571
3 is a decimal digit.
3! = 6
```

```
--- Halting the LC-3 ---
```

输入7:

PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
PB22081571 PB22081571  
7 is a decimal digit.  
7! = 5040

依次输入8和9:

PB22081571  
8 is a decimal digit.  
8! is too large for LC-3.

--- Halting the LC-3 ---

PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
PB22081571  
9 is a decimal digit.  
9! is too large for LC-3.

依次输入a,b,4

PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
PB22081571 PB22081571  
a is not a decimal digit.  
PB22081571 PB22081571 PB22081571  
b is not a decimal digit.  
PB22081571 PB22081571 PB22081571  
4 is a decimal digit.  
4! = 24

依次输入h, 5:

PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
PB22081571 PB22081571 PB22081571  
h is not a decimal digit.  
PB22081571 PB22081571 PB22081571  
5 is a decimal digit.  
 $5! = 120$

输入0, 1:

PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
0 is a decimal digit.  
 $0! = 1$

--- Halting the LC-3 ---

PB22081571 PB22081571 PB22081571 PB22081571  
1 is a decimal digit.  
 $1! = 1$

以上计算结果均正确且输出格式符合要求，故结果正确！