## 2、自由刚体内任一点的 速度和加速度

## 自由刚体内任一点的速度和加速度

动点M在平移坐标系中的矢径为r'

刚体随基点0′平移的速度为v<sub>0′</sub>

刚体绕基点Ο′转动的瞬时角速度为ω,

M为动点,平移坐标系为动系,

依速度合成定理,有:

$$v_{\rm a} = v_{\rm e} + v_{\rm r}$$

 $v_e = v_{O'}$ ,  $v_r = \omega_r \times r'$  于是,M点的速度公式为:

$$\mathbf{v}_{M} = \mathbf{v}_{O'} + \boldsymbol{\omega}_{r} \times \mathbf{r'}$$

牵连运动为动系的平移运动, 动点M的加速度依加速度合成定理, 有:

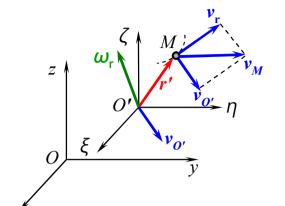
$$a_{\rm a} = a_{\rm e} + a_{\rm r}$$

$$\mathbf{a}_{e} = \mathbf{a}_{O'}$$
  $\mathbf{a}_{r} = \mathbf{a}_{1} + \mathbf{a}_{2} = \mathbf{a}_{r} \times \mathbf{r}' + \mathbf{\omega}_{r} \times \mathbf{v}_{r}'$ 

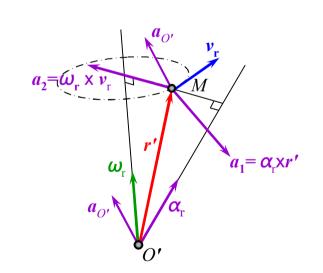
于是, M点的加速度公式为:

$$\boldsymbol{a}_{M} = \boldsymbol{a}_{O'} + \boldsymbol{a}_{1} + \boldsymbol{a}_{2}$$

式中,  $a_1 = \alpha_r \times r'$ ,  $a_2 = \omega_r \times v_r$ 



2、自由刚体内任一点的速度和加速度



## 自由刚体的运动