

基于用户定位的广告投放服务研 究

(申请清华大学工学硕士学位论文)

培养单位: 电子工程系
学 科: 信息与通信工程
研 生: 李 知 赫
指导教师: 钟 晓 峰 副 研 究 员

二〇一九年四月

Research on the Information Push Service Based on Users' Location

Thesis Submitted to
Tsinghua University
in partial fulfillment of the requirement
for the degree of
Master of Science
in
Electronics Science and Technology
by
Li Zhihe

Thesis Supervisor : Associate Research Fellow Zhong Xiaofeng

April, 2019

关于学位论文使用授权的说明

本人完全了解清华大学有关保留、使用学位论文的规定，即：

清华大学拥有在著作权法规定范围内学位论文的使用权，其中包括：（1）已获学位的研究生必须按学校规定提交学位论文，学校可以采用影印、缩印或其他复制手段保存研究生上交的学位论文；（2）为教学和科研目的，学校可以将公开的学位论文作为资料在图书馆、资料室等场所供校内师生阅读，或在校园网上供校内师生浏览部分内容。

本人保证遵守上述规定。

（保密的论文在解密后应遵守此规定）

作者签名：_____

导师签名：_____

日 期：_____

日 期：_____

摘要

随着智能手机与移动互联网的高速发展，在定位精度日益精准的情况下，基于用户定位的网络服务呈现出蓬勃的发展，尤其是随着互联网公司的发展步伐加快，基于用户定位的广告投放服务获得了与日俱增的关注。然而目前主要依赖导航卫星定位的方式只能在用户接收端定位解算且在室内等卫星信号弱的地方定位精度较差。此外，在已经根据用户位置筛选出广告投放候选用户群的情况下，如何在保证投放量的同时尽可能得到最优投放效果也是一个有待研究的问题。为了解决上述问题，我们提出了一种基于用户定位的广告投放服务机制，它只需要用户手机或者无线网络接入点的接收信号强度实现用户定位，并且可以获得更好的广告投放效果。在本文中，我们先提出了两种用户定位方法，分别是以用户作为信号发射源的定位解算算法和以用户作为信号接收端的指纹定位算法，二者相比于各自方向的经典算法均能提高定位精准度。在获得用户位置之后，我们提出一种基于凸优化的保量推荐下的最优广告投放算法，在提高投放效果的同时还有较低的在线计算复杂度。

本文的主要贡献如下：

- 提出一种新的定位算法实现对发射源定位，并分析其克拉美罗下界（Cramér-Rao Lower Bound）和置信区间。仿真实验和实测数据实验证实我们的新算法可以取得比经典算法更小的误差；
- 将切线距离引入指纹定位的距离度量方法，并提出基于曼哈顿距离的切线距离的计算方法及其近似算法。通过在校园内采集的接收信号强度数据上开展实验，验证了切线距离相比于简单距离度量方式可以提高定位精度；
- 给出一种保量推荐下的最优广告投放算法，基于凸优化原理推导出广告投放方案，并介绍一些工程实现细节增强算法的稳健性和适用性。仿真实验证实了该算法相比于简单贪心算法可以获得巨大的投放效果提升。该算法被部署在快手短视频平台上，持续一个月的线上实验表明该算法在关键指标上优于之前部署的算法且性能可以经受住大流量的考验。

关键词：定位；保量推荐；最优投放，优化算法；接收信号强度

Abstract

With the rapid development of smartphones and mobile Internet, the network service based on users' location is developing vigorously in the case that localization technology is becoming increasingly accurate. In particular, the information allocation service based on users' location has drawn increasing attention with the acceleration in the step of Internet companies' development. However, the current main localization technology is based on satellite signal and location can only be computed at users' clients. Furthermore, the localization accuracy will decrease severely when the satellites' signal is weak, such as in indoor localization. Afterward, suppose that the candidate user group has been selected according to their location, to whom we will allocate information. The algorithm which can achieve an optimal allocation effect with allocation quantity guaranteed should be studied and analyzed. In order to solve problems above, we proposed an information allocation service mechanism based on users' location, where localization only needs the received signal strength of users' mobile phone or wireless access points and information allocation effect is better. In this article, firstly we propose two user localization algorithms with respect to localizing user as a signal transmitter and localizing user as a receiver with Fingerprint localization. These two algorithms outperforms the classical algorithms in each field. After users' location is achieved, we propose an optimal information allocation algorithm based on convex optimization with allocation quantity guaranteed, which can improve allocation effect with low online computational complexity.

The main contributions of this article are as follows:

- We propose a novel localization algorithm to localize transmitters. The Cramér-Rao Lower Bound and confidence interval are analyzed. Experiments based on simulation and real data verify that our algorithm can achieve less error compared with classical algorithm.
- We introduce the tangent distance to the distance metrics of Fingerprint localization. Meanwhile, computational method of the tangent distance based on the Manhattan distance and its approximate computational method are proposed. Experiments are carried out with received signal strength data collected on campus, which verify that tangent distance can improve the accuracy of localization compared with simple distance metrics.

- We propose an optimal information allocation algorithm with allocation quantity guaranteed. Allocation strategy is derived with convex optimization theory and some engineering details are also introduced to make the algorithm more robust and generalized. Simulation reveals the significant performance improvement than the existed greedy algorithms. Afterwards, the algorithm was deployed at Kwai video platform for a month. The result of the online experiment demonstrates that the algorithm outperforms the previously deployed algorithm on key metrics and it is applicable for huge network traffic.

Key Words: localization; guaranteed delivery advertising; optimal allocation; optimization algorithm; received signal strength

目 录

第1章 引言	1
1.1 研究背景	1
1.1.1 定位问题	1
1.1.2 广告投放问题	2
1.2 定位与广告投放算法的研究现状	3
1.2.1 定位方法的研究现状	3
1.2.2 广告推送算法的研究现状	5
1.3 论文主要研究内容及组织结构	7
第2章 基于用户定位的广告投放服务系统架构	9
2.1 总体系统结构	9
2.1.1 广告服务器系统架构	10
第3章 基于接收信号强度的几何模型发射源定位算法	12
3.1 路径损耗模型和估计器	12
3.1.1 路径损耗模型	12
3.1.2 传统最大似然估计器	12
3.1.3 基于几何的模型	13
3.2 克拉美罗下界 (Cramér-Rao Lower Bound, CRLB)	14
3.2.1 无偏估计的 CRLB	15
3.2.2 有偏估计的 CRLB	15
3.3 RMSE 的置信区间	16
3.4 数值仿真实验	17
3.4.1 仿真场景与估计器设置	17
3.4.2 仿真结果	18
3.4.3 实测数据验证	19
3.4.4 本章小结	21
第4章 基于曼哈顿切线距离的指纹定位算法	22
4.1 指纹定位中的常用距离度量方式	22
4.1.1 常见度量方式	22
4.1.2 常用度量方式的弊端	23
4.2 指纹定位中的切线距离	24

4.2.1 欧式切线距离	25
4.2.2 曼哈顿切线距离	26
4.2.3 低计算复杂度的近似解法	27
4.3 实验与结果	28
4.3.1 数据采集与预处理	28
4.3.2 指数变换参数 λ 的选择	29
4.3.3 KNN 中近邻数 k 的选择	30
4.3.4 切线距离的导数中参数 N 的选择	31
4.3.5 切线距离定位效果	31
4.4 本章小结	33
第 5 章 保量推荐下的最优广告投放算法	35
5.1 PIKA 算法原理	35
5.1.1 问题定义	35
5.1.2 训练模块	37
5.1.3 投放模块	40
5.2 工程实现细节	41
5.2.1 曝光量保底策略	41
5.2.2 投放多于一个广告	42
5.2.3 小时需求量	43
5.3 实验与结果	44
5.3.1 仿真实验	44
5.3.2 线上实验设置	45
5.3.3 关键指标	46
5.3.4 线上实验结果	46
5.4 本章小结	48
第 6 章 结论与展望	50
6.1 主要工作及贡献	50
6.2 进一步工作展望	51
插图索引	53
表格索引	55
公式索引	56
参考文献	59

目 录

致 谢	62
声 明	63
附录 A 依期望采样的证明	64
个人简历、在学期间发表的学术论文与研究成果	65

主要符号对照表

WAP	无线网络接入点 (Wireless Access Point)
RSS	接收信号强度 (Received Signal Strength)
ML	最大似然 (Maximum Likelihood)
GBM	基于几何的模型 (Geometry-Based Model)
KNN	K 近邻 (K-Nearest Neighbors)
ETD	欧式切线距离 (Euclidean Tangent Distance)
MTD	曼哈顿切线距离 (Manhattan Tangent Distance)
AMTD	近似曼哈顿切线距离 (Approximate Manhattan Tangent Distance)
PIKA	最优快手广告投放算法 (oPtlmal Kwai Advertising)
FC	流量控制算法 (Flow Control)
LP	线性规划 (Linear Programming)
CTR	点击率 (Click-Through Rate)
FTR	关注率 (Follow Rate)
PV	页面访问 (Page View)

第1章 引言

1.1 研究背景

近年来，随着智能手机的普及以及移动互联网的快速发展，基于移动互联网以及用户位置的应用正呈现井喷式的增长，而因为 LTE 网络的普及以及 5G 的即将到来，智能终端将与日俱增，与之对应的高精度定位也将变得更加重要，比如自动驾驶中的高精度定位。除此之外，定位技术还广泛应用于商业广告、购物消费、医疗保健、险情救援等诸多领域，从传统的手机定位导航到近几年兴起的网约车以及共享单车都是用户定位改变人们生活的典型范例。正因为定位是众多应用的基础必需模块，定位问题及其后续服务一直是学术界的研究热点。

1.1.1 定位问题

在开阔的室外环境中，以 GPS (Global Positioning System) 和北斗为代表的卫星定位系统已经能够实现准确的定位^[1]，这也是目前定位算法最成功的的实现之一。然而，卫星定位仍然存在一些目前无法妥善解决的问题。首先，卫星定位的结果只能在终端 (client) 解算得到，因此服务端 (server) 只能依靠用户上传自己的位置获得其定位。这在某些场景下是不适用的，比如对非法电台的定位。其次，卫星定位需要用户终端硬件支持卫星信号，这不仅增加手机制造的成本，而且对于不支持卫星定位的老旧手机无法定位。最后，由于卫星信号强度弱使得其抗干扰和遮挡能力弱，因此卫星定位在室内和高楼遮挡较多的市区无法准确定位。

目前基于非卫星信号的定位主要应用于室内定位 (Indoor Localization) 和无线传感器网络 (Wireless Sensor Network) 定位。在这些场景下，多种特征被用于定位，包括接收信号强度 (Received Signal Strength, RSS)^[2-5]、信号到达时间 (time-of-arrival)^[6]、到达时间差 (time-difference-of-arrival)^[7] 和到达角 (angle-of-arrival)^[8]。其中，到达时间需要终端和无线接入点 (Wireless Access Point, WAP) 时间同步，到达时间差一般是无线电信号和另一个慢速传播信号（比如超声波）的传播时间差因此需要额外设备，到达角需要天线阵列从而提高了该方法的成本和能耗。只有基于 RSS 的方法不需要额外的硬件因为信号强度是实现通信的最基本要求。此外，美国国家通讯委员会于 2005 年提出了 E911 紧急定位要求：定位精度在 67% 的概率下处于 50m 100m 区间，以 95% 的概率处于 150m 300m 区间^[9]。只有基于 RSS 的定位算法可以在当前条件下可以对所有手机定位。因此我们的研究将专注于基于 RSS 的定位算法。

1.1.2 广告投放问题

在解决定位问题获得用户位置后，如何更好的使用也是一个有意义的课题。其中，基于用户定位的信息和广告投放吸引了越来越多的关注。“2016年网络广告市场规模已达2902.7亿元，其中移动网络广告超过60%”^[10]，将用户位置信息应用于移动网络广告使得广告投放更精准是一个重要的课题。保量推荐广告（Guaranteed Delivery Advertisement）是互联网企业的主要收入来源之一^[11-12]，广告主事先设定好广告量和投放时长，平台则是确保广告在结束投放之前获得足够的投放量的条件下，获得尽量好的投放效果（比如点击率，转化率等）。本文将研究基于用户定位的保量推荐算法。

每次页面访问（Page View, PV）都会携带候选投放广告以及预测出的该用户对于这些广告的打分，我们将在候选广告中选取一个或几个广告投放给该用户或者不投放。在用户流中选择用户投放广告来最大化总的用户分数且保证曝光量并不是一件显而易见的事，因为决定投放哪条广告必须在秒量级的时间内决定，因此不可能将所有访问请求累积起来然后从中选几个最优的投放。一种最简单的实现则是针对每次访问，选择分数最高的广告，若分数最高的广告投放量已满则选择次高，以此类推。因为如下缺点，现实中这种实现方式并不适用：

- 高质量广告即几乎所有用户对其打分都高的广告会快速投放完毕而低质量广告甚至可能无法保证曝光量。因为平稳投放也是我们的一个次要目标，所以该方法不适用；
- 该方案的投放结果与最优结果相去甚远。例如表1.1所示，有3次访问和2个广告，每个广告的投放量都是1。显然，最优投放策略应该是广告1→PV1，广告2→PV3，该策略总分是1.2。然而上文的贪心法策略是广告1→PV2，广告2→PV1，总分只有0.7。

为了解决上述问题，我们提出了一种保量推荐下的最优广告投放算法

快手（Kwai）作为世界上最大的短视频平台之一，为视频作者提供名为“粉丝头条”的服务来帮助他们推广自己的作品，是一种保量推荐广告。粉丝头条的

表 1.1 广告投放举例

分数	广告 1	广告 2
PV 1	0.5	0.6
PV 2	0.1	0.2
PV 3	0.3	0.7

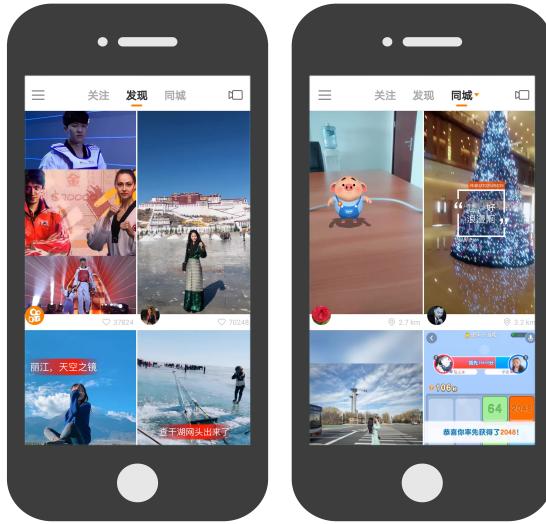


图 1.1 如图所示为快手发现页和同城页的页面设计，本文主要关注右子图即同城页。在同城页展现给用户的视频会先根据用户与视频作者之间的距离筛选。

购买者需设定期望的曝光量（即该视频出现在他人视频页面上的数量）和投放时长，我们在确保曝光量的同时使得投放结束后用户获得最多的涨粉数（即关注量或订阅量）增加。快手的视频页面分为“关注”、“发现”和“同城”三栏，其中同城页的视频按照访问者与视频作者之间的距离筛选视频。我们的算法将部署在快手同城页粉丝头条服务中。

1.2 定位与广告投放算法的研究现状

1.2.1 定位方法的研究现状

上一小节中我们根据定位所采用的信号特征将定位算法分类，其中只有基于 RSS 的方法不需要额外硬件兼容现有通信设备，因此这里仅分析研究基于 RSS 的定位算法。

我们可以按照定位目标是信号发射源还是接收端来分类算法。当用户作为信号发射源时，他的位置是由分散在其周围的结点根据 RSS 联合计算获得的，若用户想获知自己的位置需要从服务器下载。与之对应的，当用户作为信号接收端时，通过汇总信号解算在终端本地解算获得其位置信息或者上传到服务器解算。非法电台定位场景下的算法就是前者，而卫星定位是后者的典型代表。

此外，在基于 RSS 的定位中，如果按照定位算法的求解方式分类，还可以将算法分为基于求解优化问题或是基于模式识别。前者需要对信号传输建模，设计误差函数后找出定位位置值使其最小。后者需要大量采集当地信号作为指纹（Fingerprint）

/数据库（Database），在定位时设计算法将信号与指纹/数据库进行匹配得到位置，这种方法又被称为“指纹定位”（Fingerprint Localization）或“数据库相关算法”。前者不需要大量的事先数据采集工作且泛化能力强，但是信道建模是一个难点，因为简单模型不能反应真实情况会降低定位准确性，而复杂模型又会提高计算复杂度。同时，前者的误差函数一般都是非凸的从而导致求解困难。反之，后者不需要复杂的建模工作而且一般来说定位精度更高，不过需要大量的数据采集而且一旦在一个新的区域定位就得重新采集数据。发射源定位多采用前者因为用户作为发射源时其发射功率无法保证恒定，而且一旦用户移动，所有位置的 RSS 都会变化。接收端定位则二者兼有实现实例，但在室内定位中多采用指纹定位，因为定位精度高且定位区域小，数据采集简单。

接下来我们将分别从基于求解优化问题定位和指纹定位两个方面综述。

1.2.1.1 基于求解优化问题的定位

使用该方法定位有一个最基本假设即发射源功率是恒定的，一般来说这个假设都可以满足。该方法可以被分为两类：有锚点（Anchor Point）和无锚点，其中锚点是一个距离发射源距离已知的点。在无线传感器网络中锚点很常见，但是在某些场景下这个假设过强，比如定位非法电台。在后续讨论中我们只关心无锚点的情况。

在无锚点的情况下，最大似然法（Maximum Likelihood, ML）是最常用的估计器和基准（Baseline）。许多其他基于 ML 的估计器被提出了，但是无论是半正定规划还是线性最小二乘（Linear Least Square, LLS）都不能取得比 ML 更低的误差^[3]。他们的改进点在于将原来的非凸优化转化为凸优化问题，虽然改变后可以保证取得最优解从而提高了求解效率，但是改变目标函数也使得新问题的最优解依然不是原问题的最优解。

两种基于 LLS 的算法被提出^[13]，其推导过程表明每两个信号接收点可以形成一个发射源坐落在其上的圆。但是，作者之后提出了两种 LLS 解法而没有在针对这个现象深入研究。我们将提出一种算法，基于这些圆的几何意义定位发射源，即找到一个点到所有圆边缘的距离之和最小。另一种基于圆定位发射源的算法已经被提出^[4]，但是这篇文章的应用场景是有锚点的，而且克拉美罗下界（Cramér-Rao Lower Bound, CRLB）没有被分析。CRLB 是估计器误差的理论下界。

1.2.1.2 指纹定位

如本节开篇所述，指纹定位是对基于模式识别的定位算法的别称。指纹定位能够比传统算法表现更好是因为后者需要视线内通信^[14]，而这个条件对于城市内和室内定位过于严苛。指纹定位由线下和线上两部分组成。线下部分组件数据库，数据是由物理空间中的坐标和信号空间中的 RSS 结对组成。线上部分则根据输入的 RSS 计算定位。

指纹定位有很多种实现方式，从 K 近邻（K Nearest Neighbors, KNN）到支持向量机（Support Vector Machine, SVM）和深度学习（Deep Learning, DL）。因为其计算成本低且定位效果好，KNN 及其衍生算法在指纹定位中被广泛使用^[15]。加权 KNN（Weighted-KNN）是 KNN 的诸多衍生算法中的一个，它的定位精度优于经典 KNN^[16]。

除了代表近邻数的参数 k ，距离度量方式也是 KNN 中的一个重要参数。只有一些常用的度量方式被经常采用和比较定位效果，比如欧氏距离（Euclidean Distance）、曼哈顿距离（Manhattan Distance）和余弦相似度（Cosine Similarity）。目前已经有一些文章针对这些常用度量方式进行比较。当曼哈顿距离与欧氏距离和谷本距离（Tanimoto Distance）比较时，曼哈顿距离定位精度更高^[17]。在某些情况下，余弦相似度也会取得比欧氏距离更小的误差^[18]。但是，上述所有度量方式都给予大 RSS 和小 RSS 相同的权重，但这可能并不是一种理想的选择。指数变换法被提出来解决这个问题^[19]。但是变换中参数对结果的影响没有被分析，相关的实验会在本文中开展。

切线距离（Tangent Distance）最早被提出以解决手写数字识别问题^[20]，它是对于流形（Manifold）之间距离的局部线性近似。流形是机器学习领域中的经典假设，即高维输入数据一般都居于或邻近低维流形上^[21]，并且数据的微小扰动会形成流形。在这种情况下，两点之间的距离并不是简单的距离而是这两个点所在的不同流形之间的距离。在原文中，切线距离是基于欧氏距离的但是在我们的实验中欧氏距离表型并不如曼哈顿距离。因此我们将提出一种基于曼哈顿距离的切线距离来提高定位精度。

1.2.2 广告推送算法的研究现状

预算广告（Budget Advertising）在过去几年正在吸引越来越多的关注。快手的粉丝头条广告和目标广告（Target Advertising）^[22]以及搜索广告（Search Advertising）^[23]有很多相似之处。广告主在目标广告中设定一些目标用户的属性而在搜索广告中设定一些在线搜索关键字。我们的场景与二者的不同之处在于我们的约束是实

际曝光量最好等于期望曝光量，而后两者的约束是广告消费金额不能超过广告主的预算，同时几乎所有的目标广告和搜索广告的目标都是最大化收入或者平稳投放，因此这些算法需要修改以适应我们的问题。Feldman et al.^[24] 证明了基于训练的对偶法（primal-dual）的有效性，但是因为文中的目标函数采用的线性函数，导致在线投放机制是启发式的。Devanur 和 Hayes^[25] 提出了一种平滑的线性规划（Linear Programming, LP）来避免竞价时出现相同竞价权重的问题。但是，该方法目标是最大化收入，而我们的目标是最大化点击率（Click-Through Rate, CTR）或者关注率（Follow Rate, FTR）。此外，他们的约束是广告平台从广告主的收费不能超过广告主的预算，不同于我们的实际曝光量最好和期望曝光量相等。针对该问题的解决，类似的公式曾被 Turner 提出过^[26]，他的目标函数是二次函数且是等式约束。但是求解过程引入了除法操作，这在我们的算法实践中可能会造成严重问题，因为用户对视频的打分在 10^{-5} 到 10^{-2} 范围内变化，所以分数上的微小变化将会引起倒数的剧烈变化，即该解法使得问题病态。最后，实时竞价广告（Real-Time Bidding Advertising）和预算广告也有很多相似之处，Chen et al.^[27] 提出了一种类似的基于 LP 的算法。

此外，一些研究分析了 LP 算法的对最优解的逼近程度。Devanur et al.^[28] 证明了在独立同分布的情况下，算法结果和最优解之比为 $1 - O(\epsilon)$ ，其中 ϵ 是一个常数。深入的研究证明即使分布随时间变化，这个比例仍然能够达到 $1 - \frac{1}{\sqrt{k+3}}$ ，其中 k 代表最小容量^[29]。

我们的算法要部署在快手的商业化平台上，而快手的日均访问量是百亿级别的，因此除了广告投放效果之外，算法的计算时间和响应时间也是至关重要的。为了实现从理论到实践的过渡，有三大类实现方式：贪心法，启发式算法和凸优化。

- Karande et al.^[30] 提供了一种快速贪心算法并且他们也把优化 CTR 纳入了考虑范围。但是贪心法的问题是没有不考虑到广告之间的互相影响。比如某次访问对广告 1 来说虽然分数比广告 2 高，但是广告 1 自身看来并不是高分，却可能在广告 2 看来已经是高分了。那么贪心地把广告 1 分配给该次访问就会降低总分数；
- Agarwal et al.^[31] 提出了预算调整算法（Budget Pacing Algorithm），这也是之前在快手粉丝头条平台部署的算法，又叫做“流量控制”或“流控”（Flow Control, FC）。算法原理是根据历史数据针对每个广告设置分数阈值，并且周期性的调整。对于每次访问中的候选广告，通过阈值的广告将加入最高分数竞价，即选出分数最高的广告。这个算法原理简单、容易实现，并且在快手表现良好，不过仍然有一些问题：

- * 这是一个次优的启发式算法。算法过程相当于把不可能是最优解的情况排除掉，但是从某种程度上依然会出现和贪心法同样的问题；
- * 阈值不易设置，大量的精力需要投入其中以得到稳定的投放效果。

虽然如此，但是流控只需要少量的计算并且只依赖于分数的偏序关系而不是绝对数值，这使得它抗噪能力更强。流控在本文后续的实验中是作为 A/B 测试的基准；

- 基于凸优化的算法有许多变种。**SHALE**^[32] 和 **Vee et al.**^[33] 的方法启发了我们用 KKT 条件和坐标下降的方法解凸优化问题。但是，仅仅依靠概率是不够保证曝光量尽量接近广告主的期望量的。**Agrawal et al.**^[34] 求解了一个 LP 问题，其中对偶法中的对偶变量变成了出价阈值，决定着是否投放该广告。然而该算法没有约束每次访问最多投放广告数量，从而导致较难扩展以适应我们的需求。**Huang et al.**^[35] 通过屏障（Barrier）函数将约束优化问题转化为无约束优化问题，但是在线计算梯度下降法可能会严重影响响应时间。**Kesselheim et al.**^[36] 通过按比例求解部分已知的原问题并且随机地多次循环求解，最终针对每次访问得到全部的投放策略，而且文中还分析了最优逼近率。但是和上一个方法一样，在线求解 LP 问题可能会严重影响响应时间。

最后，每天的访问流量并不是平稳的，因此 **Lee et al.**^[37] 针对每天中不同的时间段分配不同的预算权重。这种方法和我们的“小时需求”策略相似。

从上文可以发现，所有算法都需要事先知道用户对广告的打分，而在我们的情况下分数就是 CTR 和 FTR 的线性组合，因此 CTR 和 FTR 的预测也是广告投放中的重要组成部分。但是限于篇幅原因，这些不会在本文中被详细介绍。如果您感兴趣，**Chapelle et al.**^[38] 描述了 CTR 和转化率预测的细节。

1.3 论文主要研究内容及组织结构

本文提出了一种基于用户定位的广告投放服务机制，并介绍其系统架构。文章由定位和广告投放两大部分组成。在定位部分，分别基于用户是信号发射源或接收端提出基于几何模型的定位算法和基于曼哈顿切线距离的指纹定位算法，仿真实验和实测数据验证了新算法均优于基准算法的定位精度。广告投放部分，提出一种保量推荐下的最优广告投放算法，利用凸优化中的对偶法求解广告投放策略，同时介绍一些工程实现上的细节，最后进行仿真实验和持续一个月的线上实验来验证算法性能。

论文后续章节如下组织：

第2章介绍基于用户定位的广告投放服务的总体系统架构，之后重点介绍广告

投放系统的架构。

第3章在用户作为信号发射源时对用户定位。首先介绍基于 RSS 的几何模型定位算法原理，理论推导与蒙特卡洛法（Monte Carlo）相结合给出新算法的 CRLB。为了确认定位精度的提升具有统计显著性，后续给出均方根误差（Root Mean Square Error, RMSE）的置信区间的推导方法。最后介绍仿真场景设置以及真实路测数据的采集情况，分析实验结果。

第4章在用户作为信号接收端时对用户定位。首先介绍指纹定位中常用的几种距离度量方式并分析其存在的缺陷，从而引出指数变换法和切线距离。之后按照 Simard et al.^[20] 的定义介绍基于欧氏距离的切线距离，进而提出基于曼哈顿距离的切线距离。我们分别提出了曼哈顿切线距离的相对精确解法和近似解法，并分析其计算复杂度。最后介绍实验数据采集情况，分析上述方法在实验中的表现。

第5章介绍保量推荐下的最优广告投放算法。首先给出问题的数学定义，利用 KKT 条件求解对偶变量，进而得到广告投放策略。其后，介绍几个该算法在工程实现中的细节，使得算法能够真正部署到大流量的广告平台上。通过设置简单的仿真实验，前期验证算法相比于简单贪心法可以获得投放效果的提升后，开展为期一个月的线上实验，测试算法的性能以及效果。

第6章总结本文主要研究内容，并根据目前的工作展望进一步工作。

第2章 基于用户定位的广告投放服务系统架构

2.1 总体系统结构

图2.1所示为基于用户定位的广告投放系统总体框架。该系统由两大模块构成：定位服务模块和广告服务模块。每次用户访问该系统时，首先获取自己的定位信息，之后连同自己的位置信息发起广告请求，广告服务器经过计算返回所投放的广告。

- 在定位模块中，如果终端是信号发射源，则数据库中存储着 WAP 对于该终端的 RSS；若终端是信号接收端，则数据库中存储着历史上不同位置的 RSS。从数据库中提取的数据被发送到定位服务器计算定位，返回给终端。
- 在广告模块中，广告服务器准确地说应当是广告服务器群，因为这一部分由多个子模块组成，下一小节将详细介绍其系统架构和模块功能。数据库存储着广告的具体内容，即视频、图片或文本形式的广告内容，在广告服务器决定所投放的广告之后到数据库提取相应的广告内容，之后推送给用户。

当然图2.1所展示的结构只是多种可能实现中的一种，比如定位信息的获取不是必须从定位服务器获取，也可以是在终端本地计算获得（比如卫星定位），只不过本文所提出的两种定位算法需要在服务器计算获得定位信息。

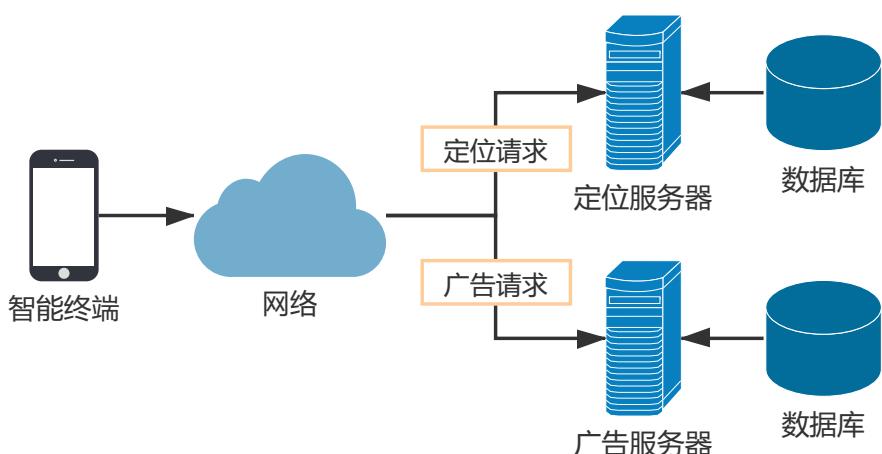


图 2.1 如图所示为整个服务机制的系统架构图。智能终端会先向定位服务器发送定位请求，定位服务器根据用户是信号发射源或接收端采取不同的算法计算用户位置，之后返回给终端。获得位置后向广告服务器发送广告请求，服务器计算完成后返回要投放给用户的广告。

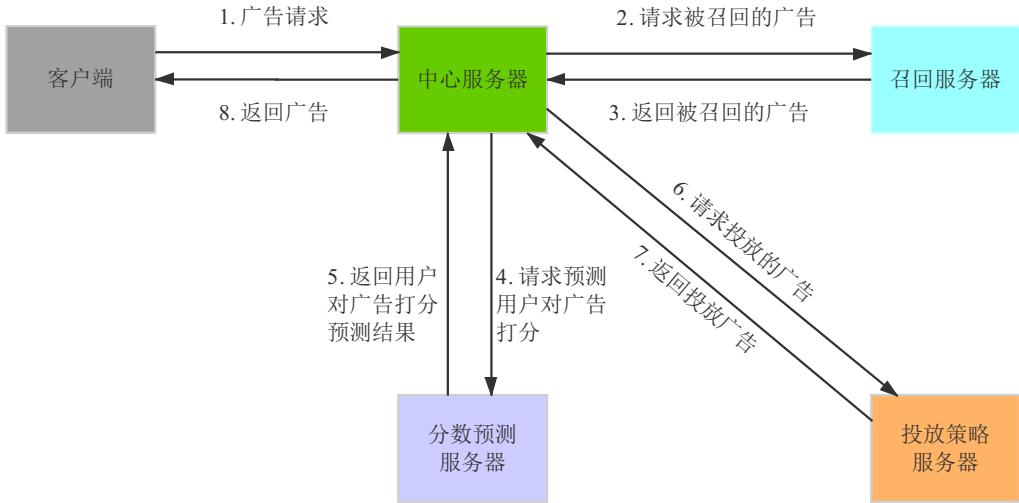


图 2.2 如图所示为针对一次访问投放广告的工作流程，其中箭头上的序号代表了执行顺序。流程从客户端发起广告请求开始，之后中心服务器依次请求召回广告，预测用户对被召回广告的打分和决定投放广告。我们的算法部署在投放策略服务器上。中心服务器、召回服务器、分数预测服务器和投放策略服务器共同构成了广告服务器（群）。

2.1.1 广告服务器系统架构

广告服务器（群）的具体结构如图2.2所示。每次客户端发起广告请求，广告服务器将按照如下四步执行操作：

1. 召回。因为广告数量与服务器计算能力之间的矛盾，只有部分广告会参与后续流程，这个粗略过滤的操作被称作“召回”（Retrieval）或“候选集生成”（candidate generation）。因为我们的算法要部署在同城页，这里仅介绍同城页的召回策略。候选广告是根据访问用户与广告主之间的距离筛选的，这里需要用到上文的定位信息；
2. 分数预测。虽然我们的算法会因预测算法的误差而影响效果，但是目前只能采用这个。在召回广告返回后，中心服务器会向分数预测服务器发送请求预测这些广告的用户打分。预测服务器会根据广告特征、用户特征和过往行为数据对当前广告预测分数。更详细的，预测服务器会返回 CTR 和 FTR 的线性组合：

$$score = CTR \times (b + a \times FTR), \quad (2-1)$$

其中 a 和 b 是线性组合系数。需要注意，这里的 FTR 是条件概率，即在用户

点击广告的条件下，用户关注的概率；

3. 投放广告，这也是第5章主要描述的部分。中心服务器向投放策略服务器请求投放的广告的同时，也会把召回的广告及其分数一起发送。我们的算法和之前部署的流控算法唯一区别就在投放策略服务器上；
4. 获取广告内容后，中心服务器将广告返回客户端。

上述流程和框图是广告服务器的大致框架。限于篇幅原因，其他一些与算法无关的底层实现将不会在这里讨论。

第3章 基于接收信号强度的几何模型发射源定位算法

本章将要介绍基于接收信号强度的几何模型发射源定位算法，即用户作为信号发射源时实现对用户定位的算法。具体应用场景可以描述为：一个用户终端以恒定功率发射信号（比如蜂窝网或 WLAN 中用户上行通信），通信范围内的多个 WAP（基站或是无线路由器）接收到信号并测得 RSS，最后根据这些 RSS 实现对用户定位。

3.1 路径损耗模型和估计器

3.1.1 路径损耗模型

不妨设总共有 N 个 WAP 即信号接收者，则第 i 个接收者的 RSS 可用下式表示^[39]：

$$P_i = C - 10\alpha \log_{10}(\|\boldsymbol{\theta} - \mathbf{x}_i\|_2) + n_i, i = 1, 2, \dots, N, \quad (3-1)$$

其中 P_i 是接收者的 RSS， $\boldsymbol{\theta}$ 是发射源即用户的位置， α 是路径损耗指数， C 是一个与 $\boldsymbol{\theta}$ 和 \mathbf{x}_i 无关的常数， n_i 则是均值为 0、方差为 σ_i^2 的高斯白噪声。为了简化表达，我们用下式代表发射源与接收端之间的距离：

$$d_i = \|\boldsymbol{\theta} - \mathbf{x}_i\|_2, \forall i. \quad (3-2)$$

因为 C 是常数，所以它可以通过与另一个接收者的 RSS 相减被消除，即：

$$P_{ij} = 10\alpha(\log_{10}d_j - \log_{10}d_i) + n_{ij}, i \neq j, \quad (3-3)$$

其中 $P_{ij} = P_i - P_j$ ， n_{ij} 变为 0 均值、方差为 $\sigma_i^2 + \sigma_j^2$ 的高斯白噪声。注意到，因为我们没有锚点，因此这里让 i 作为 RSS 最大的接收者的下标。为了使表达更清晰，在接下来的部分我们将用 \mathbf{x}_M, d_M 代表 \mathbf{x}_i, d_i 。

3.1.2 传统最大似然估计器

传统最大似然（Maximum Likelihood, ML）估计器通过求解如下优化问题从而找到定位 $\hat{\boldsymbol{\theta}}$ ：

$$\hat{\boldsymbol{\theta}} = \arg \min_{\boldsymbol{\theta}} \sum_{j=1}^N [P_{Mj} - 10\alpha(\log_{10}d_j - \log_{10}d_M)]^2, j \neq M. \quad (3-4)$$

因为这是一个非凸优化问题，许多凸优化估计器（比如半正定规划）和线性最小二乘估计被提出，正如第1章所述。因为 ML 估计器是作为算法比较基准线的，我们需要选择一个能够取得最小误差的作为基准，因此直接优化非凸的非线性最小二乘问题。为了尽可能找到最优解，我们会多次随机初始点，选择损失函数最小的作为最终定位。

3.1.3 基于几何的模型

S. Wang 和 R. Inkol^[13] 提出了一种线性最小二乘估计器（Linear Least Square, LLS），在推导过程中发现每两个接收端 RSS 可以形成一个发射源坐落在其上的圆。但是这个结论没有被作者直接用来优化，而是提出了一种线性最小二乘法。接下来我们将用这个知识得到基于几何的模型（Geometry-Based Model, GBM）。

如果我们忽略 (3-3) 中的噪声项，可以得到：

$$P_{ij} - 5\alpha \log_{10}\left(\frac{d_j}{d_i}\right)^2 = 0, i \neq j. \quad (3-5)$$

令：

$$\gamma = 10^{\frac{P_{ij}}{5\alpha}}, \quad (3-6)$$

则 (3-5) 可以被改写为：

$$\|\boldsymbol{\theta} - \mathbf{x}_j\|_2^2 = \gamma_{ij} \|\boldsymbol{\theta} - \mathbf{x}_i\|_2^2. \quad (3-7)$$

如果 $\gamma_{ij} \neq 1$ ，即两个接收端的 RSS 不相等，(3-7) 可以被改写为：

$$\left\| \boldsymbol{\theta} - \frac{\mathbf{x}_j - \gamma_{ij} \mathbf{x}_i}{1 - \gamma_{ij}} \right\|_2^2 = \frac{\gamma_{ij} d_{ij}^2}{(1 - \gamma_{ij})^2}, \quad (3-8)$$

其中 $d_{ij} = \|\mathbf{x}_i - \mathbf{x}_j\|_2$ 。显然这是一个 $\boldsymbol{\theta}$ 坐落在其边缘上的圆，而圆心和半径分别为：

$$\mathbf{o}_j = \frac{\mathbf{x}_j - \gamma_{ij} \mathbf{x}_i}{1 - \gamma_{ij}}, r_j^2 = \frac{\gamma_{ij} d_{ij}^2}{(1 - \gamma_{ij})^2}. \quad (3-9)$$

让 i 座位最大 RSS 接收端的下标（如果有多个最大 RSS，则随机挑选一个而提出其余的）并用 M 替换 i 。假设 (3-8) 被下面的加性噪声影响：

$$\|\boldsymbol{\theta} - \mathbf{o}_j\|_2^2 = d_j + n_j, j \neq M, \quad (3-10)$$

其中 n_j 是一个服从均值为 0、方差为 σ_j^2 的截断高斯分布的噪声。因为 $\boldsymbol{\theta}$ 是实数，因此 (3-10) 等式右边必须大于等于 0，即 n_j 的取值范围是 $[-d_j, +\infty)$ 。所以我们建

立了一个带有噪声 n_j 的模型，服从截断高斯分布。注意到这里的 n_j 与 (3-1) 中的噪声无关，因为这是两个独立的模型。

利用上述模型，我们可以定义一个服从截断高斯分布的随机变量 $X_j = \|\boldsymbol{\theta} - \mathbf{o}_j\|_2$ ，其概率密度函数是：

$$f(x_j) = \frac{1}{C(r_j)} \exp\left(-\frac{(x_j - r_j)^2}{2\sigma_j^2}\right) I[0, +\infty), \quad (3-11)$$

其中 $C(r_j) = \int_0^{+\infty} \exp\left(-\frac{(x_j - r_j)^2}{2\sigma_j^2}\right) dx_j$ 是归一化系数， $I[0, +\infty)$ 是指示函数，在 $[0, +\infty)$ 范围内取值 1 其余为 0。

因此，最终的损失函数和优化问题可以表示为：

$$\hat{\boldsymbol{\theta}} = \arg \min_{\boldsymbol{\theta}} \frac{1}{2} \sum_{j=1}^{N^-} \frac{1}{\sigma_j^2} (\|\boldsymbol{\theta} - \mathbf{o}_j\|_2 - r_j)^2, \quad (3-12)$$

其中 N^- 代表剩余的接收端数量。因为 $C(r_j)$ 和 $\boldsymbol{\theta}$ 无关，因此在优化时可以忽略。

当假设所有接收端的噪声方差 σ_j^2 相同时，该优化问题就变成找到一个点，使得它到所有圆边缘的距离之和最小。因此这个优化问题有着清楚的几何意义，于是我们把 (3-12) 称为基于几何的模型 (*Geometry-Based Model, GBM*)。

因为无法证明 GBM 的凸性，我们将采用和 ML 中相同的方法求解，即多次随机挑选初始点后选取使得损失函数最小的结果。

后续的仿真结果表明 GBM 估计器是有偏的。但是注意到，我们的目标是最小化均方根误差 (Mean Square Error, MSE) 而 MSE 可以写作：

$$\begin{aligned} MSE &= E[(\hat{\boldsymbol{\theta}} - \boldsymbol{\theta})^2] \\ &= (E[\hat{\boldsymbol{\theta}}] - \boldsymbol{\theta})^2 + E[(\hat{\boldsymbol{\theta}} - E[\hat{\boldsymbol{\theta}}])^2] \\ &= bias^2 + variance. \end{aligned} \quad (3-13)$$

即 MSE 是由估计器的偏差的平方和方差两部分组成，这也是机器学习领域经常出现的经典问题。若一个估计器有很小的偏差却有很大的方差则被称为“过拟合” (Over-Fitting)。在仿真和实测数据验证部分，我们会展示传统最大似然估计器相比于 GBM 是过拟合的。

3.2 克拉美罗下界 (Cramér-Rao Lower Bound, CRLB)

CRLB 是估计器的理论误差下界，虽然不一定能够达到，但是对其进行分析有助于研究估计器的性能。

3.2.1 无偏估计的 CRLB

对于路径损耗模型, 因为第 i 个接收端的 RSS 的分布服从 $p_i \sim \mathcal{N}(-10\alpha \log_{10} d_i - C, \sigma_i^2)$, 因此费舍信息 (Fisher Information) 可表示为:

$$I(\boldsymbol{\theta}) = \left(\frac{10\alpha}{\sigma \ln 10} \right)^2 \sum_{i=1}^N \left(\frac{\boldsymbol{\theta} - \mathbf{x}_i}{\|\boldsymbol{\theta} - \mathbf{x}_i\|_2^2} \right) \left(\frac{\boldsymbol{\theta} - \mathbf{x}_i}{\|\boldsymbol{\theta} - \mathbf{x}_i\|_2^2} \right)^T, \quad (3-14)$$

其中 σ 是噪声的标准差。如果估计器是无偏的, 则协方差矩阵的 CRLB 为:

$$\begin{aligned} CRLB(\boldsymbol{\theta}) &= I(\boldsymbol{\theta})^{-1} \\ &\leq Cov(\hat{\boldsymbol{\theta}}_{ML}). \end{aligned} \quad (3-15)$$

因为最大似然估计器是渐进无偏的 [40], 根据 (3-13), 最大似然法的 RSME 的估计下界可以表示为:

$$RMSE \geq \sqrt{Tr(CRLB)}, \quad (3-16)$$

其中 $Tr(\cdot)$ 是矩阵的迹, 即对角线元素累加。

3.2.2 有偏估计的 CRLB

假设 GBM 估计器的期望是 $\boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta})$, 如果估计器有偏, 则协方差矩阵的 CRLB 可由下式所得:

$$\begin{aligned} CRLB_{GBM}(\boldsymbol{\theta}) &= \frac{\partial \boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta})}{\partial \boldsymbol{\theta}} I(\boldsymbol{\theta})^{-1} \frac{\partial \boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta})^T}{\partial \boldsymbol{\theta}} \\ &\leq Cov(\hat{\boldsymbol{\theta}}_{GBM}), \end{aligned} \quad (3-17)$$

其中 $\frac{\partial \boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta})}{\partial \boldsymbol{\theta}}$ 是雅可比 (Jacobian) 矩阵。注意到如果估计器是无偏的, 则 $\boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta}) = \boldsymbol{\theta}$ 即 $\frac{\partial \boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta})}{\partial \boldsymbol{\theta}} = \mathbf{I}$, 而这与 (3-15) 一致。

根据 (3-13), GBM 的 RMSE 的下界可表示为:

$$RMSE \geq \sqrt{(\boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta}) - \boldsymbol{\theta})^T (\boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta}) - \boldsymbol{\theta}) + Tr(CRLB_{GBM}(\boldsymbol{\theta}))}. \quad (3-18)$$

直接计算 $\boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta})$ 和 $\frac{\partial \boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta})}{\partial \boldsymbol{\theta}}$ 较困难, 但是我们知道接收者 RSS 的分布, 因此蒙特卡洛法适用于该问题。

首先, $\boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta})$ 比较容易用下式得到:

$$\begin{aligned} \boldsymbol{\phi}(\boldsymbol{\theta}) &= E[\hat{\boldsymbol{\theta}}] \\ &\approx \frac{\sum_{k=1}^K \hat{\boldsymbol{\theta}}}{K}, \end{aligned} \quad (3-19)$$

其中, K 是仿真次数。 $\frac{\partial \phi(\theta)}{\partial \theta}$ 可以直接用有限差分法得到, 但是这可能需要大量时间计算, 因为我们需要在二维平面内多次用不同的 θ 进行仿真。

接下来, 我们将推导一种不需要用不同的 θ 仿真就可以得到 $\frac{\partial \phi(\theta)}{\partial \theta}$ 的方法。首先 $\phi(\theta)$ 可以用如下公式表示:

$$\begin{aligned} \text{Let } f(\theta) &= \prod_{i=1}^N (2\pi\sigma_i^2)^{-\frac{1}{2}} e^{-\frac{(p_i+10\alpha\log_{10}d_i+C)^2}{2\sigma_i^2}}, \\ \text{then } \phi(\theta) &= \iiint_{\mathbb{R}^N} \hat{\theta} f(\theta) dp_1 \dots dp_N, \end{aligned} \quad (3-20)$$

其中 d_i 由 (3-2) 定义。若 $\hat{\theta} f(\theta)$ 和 $\frac{\partial \hat{\theta} f(\theta)}{\partial \theta}$ 是连续的, $\iiint_{\mathbb{R}^N} \hat{\theta} f(\theta) dp_1 \dots dp_N$ 和 $\iiint_{\mathbb{R}^N} \frac{\partial \hat{\theta} f(\theta)}{\partial \theta} dp_1 \dots dp_N$ 一致收敛, 则

$$\begin{aligned} \frac{\partial \phi(\theta)}{\partial \theta} &= \frac{\partial E[\hat{\theta}]}{\partial \theta} \\ &= \frac{\partial}{\partial \theta} \iiint_{\mathbb{R}^N} \hat{\theta} f(\theta) dp_1 \dots dp_N \\ &= \iiint_{\mathbb{R}^N} \frac{\partial \hat{\theta} f(\theta)}{\partial \theta} dp_1 \dots dp_N \\ &= \iiint_{\mathbb{R}^N} \sum_{i=1}^N \hat{\theta} \left(\frac{-10\alpha}{\sigma_i^2 \ln 10} \frac{\theta - \mathbf{x}_i}{\|\theta - \mathbf{x}_i\|_2^2} \right)^T f(\theta) dp_1 \dots dp_N \\ &= E \left[\sum_{i=1}^N \hat{\theta} \left(\frac{-10\alpha}{\sigma_i^2 \ln 10} \frac{\theta - \mathbf{x}_i}{\|\theta - \mathbf{x}_i\|_2^2} \right)^T \right]. \end{aligned} \quad (3-21)$$

需要注意 $\hat{\theta}$ 与 θ 无关, 而是关于 $(\mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_N)^T$ 和 $(P_1, \dots, P_N)^T$ 的函数。

根据 (3-21) 的结果, 我们可以通过计算 $\sum_{i=1}^N \hat{\theta} \left(\frac{-10\alpha}{\sigma_i^2 \ln 10} \frac{\theta - \mathbf{x}_i}{\|\theta - \mathbf{x}_i\|_2^2} \right)^T$ 的经验平均值来利用蒙特卡洛法近似估算 $\frac{\partial \phi(\theta)}{\partial \theta}$, 而不需要有限差分, 这会大量节省仿真时间。

3.3 RMSE 的置信区间

估计器的精度会受到噪声的影响, 因此为了判断不同的估计器是否统计显著地不同, 我们需要计算 RMSE 的置信区间 (Confidence Interval)。

虽然 RMSE 的分布未知, 但是幸运地, 依据中心极限定理 (Central Limit Theorem), 当仿真次数很多且 $(\hat{\theta}_k - \theta)^T (\hat{\theta}_k - \theta)$ 对于不同的 k 来说独立同分布, 则 MSE

的分布将会趋近于正态分布，即

$$\begin{aligned} \lim_{K \rightarrow \infty} MSE &= \lim_{K \rightarrow \infty} \frac{\sum_{k=1}^K (\hat{\theta}_k - \theta)^T (\hat{\theta}_k - \theta)}{K} \\ &\sim \mathcal{N}\left(\mu, \frac{\sigma^2}{K}\right), \end{aligned} \quad (3-22)$$

其中 μ 和 σ^2 是 $(\hat{\theta}_k - \theta)^T (\hat{\theta}_k - \theta)$ 的期望和方差。因为我们不知道方差和期望，所以应当使用经验均值代替期望，即我们应当使用 T 检验。但是，在仿真次数足够多的情况下（在我们的场景下仿真了 100,000 次），我们可以直接使用 Z 检验。因此 95% 置信区间可由下式获得：

$$CI = \left(\sqrt{RMSE^2 - 1.96 \frac{\sigma}{\sqrt{K}}}, \sqrt{RMSE^2 + 1.96 \frac{\sigma}{\sqrt{K}}} \right). \quad (3-23)$$

因此我们可以用 (3-23) 得到 RMSE 的置信区间并检验两个估计器的 RMSE 是否统计显著的不同。

3.4 数值仿真实验

3.4.1 仿真场景与估计器设置

为了比较基于几何的模型 (GBM)，最大似然法 (ML) 以及线性最小二乘 (LLS) 估计器，我们进行了仿真实验。仿真场景设置与 S. Wang 和 R. Inkol^[13] 的场景相同：发射源坐标为 (0, 0)，十个接收者的位置坐标为 (-126, 62), (-339, 166), (390, 76), (-178, 333), (482, 122), (-234, 141), (230, -45), (-352, 279), (-104, 465), (366, -139)。上述坐标的单位是米，分布如图3.1所示。在生成接收信号数据时，路径损耗系数 $\alpha = 4$ ，噪声服从 0 均值高斯分布，方差从 1 变化到 15，常数 $C = -40$ 。

因为 GBM 和 ML 都是非凸优化，因此我们将会以随机初始点进行 20 次迭代计算，使损失函数取得最小值的点作为最终定位点。初始点的二维坐标是从两个独立同分布的均匀分布 $\mathcal{U}(-500, 500)$ 中采样所得。注意到我们的场景中没有锚点，因此必须选择一个接收端作为被减数，这里我们选择 RSS 最大的点。对于 GBM，如果有多个最大值，则随机选择一个，其余的删除。GBM 算法中的 σ_j 均被设为 1。针对每个噪声方差，GBM、ML 和 LLS 三种算法都仿真 100,000 次，之后计算 RMSE 及其置信区间。此外，无偏估计的 CRLB 以及 GBM 的 CRLB 分别根据 (3-16) 和 (3-18) 计算。

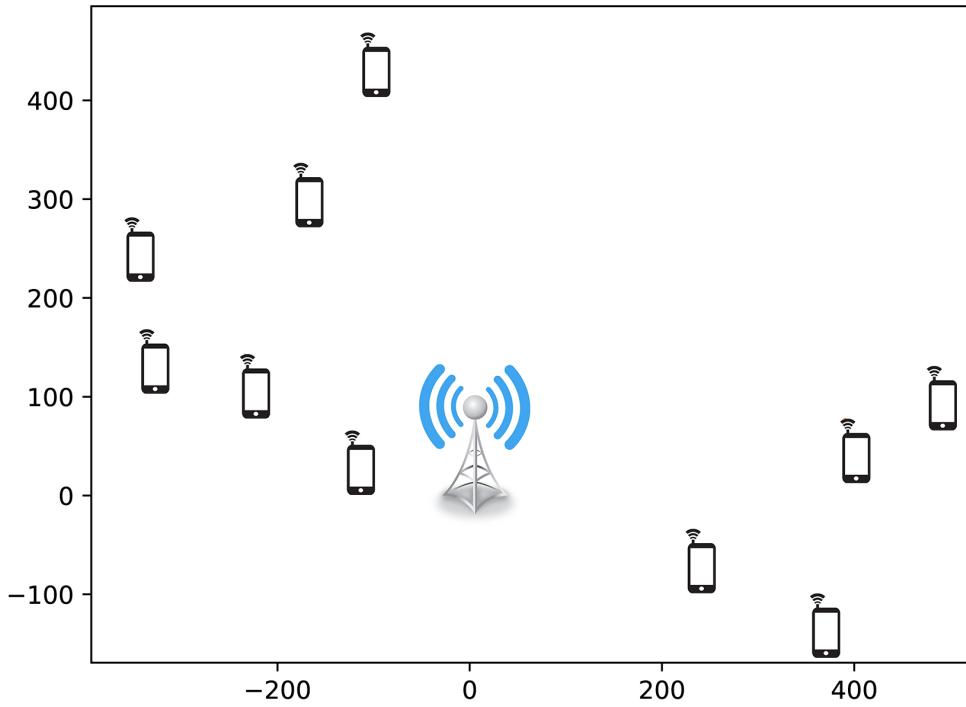


图 3.1 发射源坐标为 $(0, 0)$, 十个接收者的位置坐标为 $(-126, 62), (-339, 166), (390, 76), (-178, 333), (482, 122), (-234, 141), (230, -45), (-352, 279), (-104, 465), (366, -139)$ 。

3.4.2 仿真结果

如图3.2所示为100,000次仿真下, RMSE 及其95%置信区间和CRLB的结果。从仿真结果中可以看到, 当噪声标准差 $\sigma < 5\text{dBm}$ 时 ML 的 RMSE 略低于 GBM。然而当标准差 $\sigma > 5\text{dBm}$ 时, GBM 的 RMSE 明显小于 ML 而且统计显著。因为多径效应和阴影效应的影响, 真实世界场景中往往噪声功率较大。下一小节中, 我们将上述三种算法用于实测数据, 结果将为我们提供一些深入的见解。除此之外, CRLB 的结果和 GBM 与 ML 的情况相似。虽然 GBM 的 CRLB 比它的 RMSE 小得多, 但是我们不知道是否存在一种估计器可以取得这个下界。这或许是下一步研究的可能突破点。

注意到, 当噪声的标准差大于9之后, GBM 的 RMSE 会比无偏估计的 CRLB 还低, 这也暗示了 GBM 是有偏估计否则 CRLB 是 RMSE 的下界。根据(3-13), 即使 GBM 是有偏估计, 但是相比于方差的减小, 偏置的稍微增加也不会使得总体 MSE 更大。从机器学习的角度来看, ML 是一个低偏置、高方差的估计器, 也就是说 ML 对于路径损耗模型“过拟合”了。而 GBM 类似于一种正则化版本, 能够更

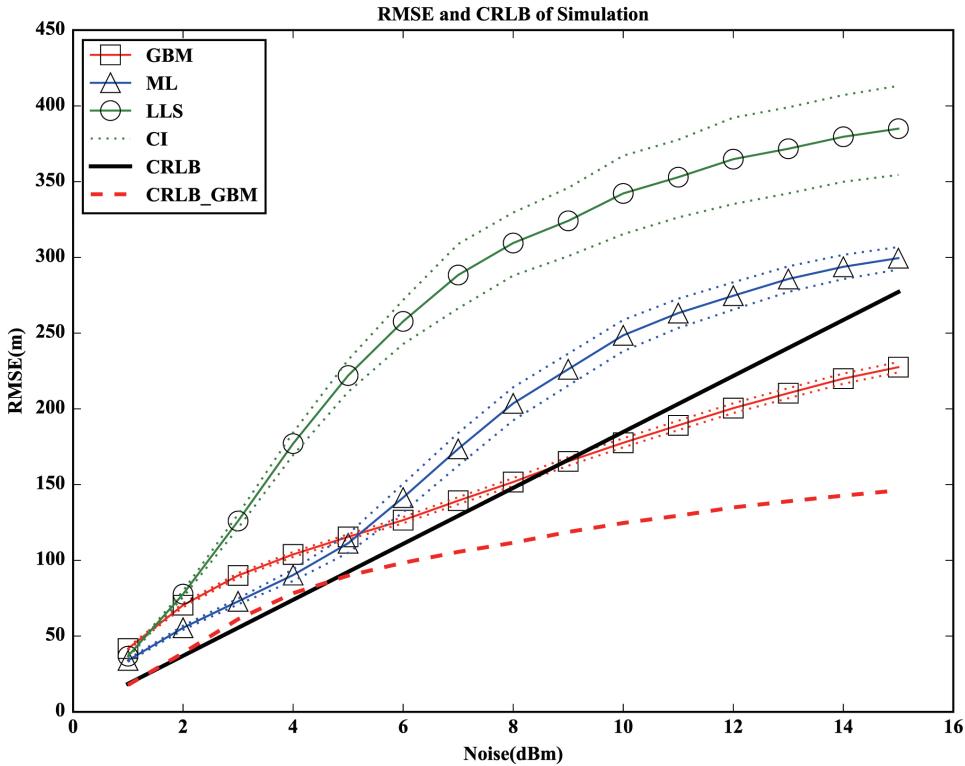


图 3.2 100,000 次仿真下, RMSE、置信区间和 CRLB 的结果。正方形是我们的算法 GBM, 上三角是 ML, 圆圈是 LLS。点线为 RMSE 的 95% 置信区间。实线是无偏估计的 CRLB, 虚线是通过蒙特卡洛法估计的 GBM 的 CRLB。

好地适应高噪声数据。

最后, LLS 估计器的 RMSE 最大。相比于 LLS, ML 能取得更小的 RMSE 已经被验证过^[3], 而且当噪声较大时, LLS 的性能会严重恶化^[2]。我们的仿真结果与这些前人的结论一致。

3.4.3 实测数据验证

为了验证仿真结果并检测算法在实际问题上的可用性, 我们也采集了一些实测数据, 根据接收信号强度对发射源定位。虽然我们算法设计的初衷是对用户定位, 但是其实只要是信号发射源即可。因此为了数据采集的便利, 我们的数据采集的是商用蜂窝网内基站的发射信号, 车载路测仪作为接收端在小区内的道路上采集数据。

表3.1 实测数据实验结果

估计器	GBM	ML	LLS
RMSE [m]	367.52	453.33	4898.10
MAE^a [m]	282.43	380.08	936.19

^aMean Absolute Error.

3.4.3.1 数据介绍

数据由车载路测仪在城市街道内运行采集移动通信基站的接收信号强度，其中共有超过 120,000 个基站。路测仪每 5s 采集一次 GPS 定位坐标、RSS、LAC (Location Area Code)、CID (Cell ID) 以及其他基站信息。为了尽量最小化遮挡对信号衰减造成的影响，我们选择 GSM (Global System for Mobile) 信号用作测试。GSM 的信号频段是 900MHz 和 1.8GHz。

在定位之前，数据需要经过预处理。首先，将 GPS 的经纬度坐标转换为笛卡尔直角坐标系。其次，为了减少计算时间并降低阴影效应的影响，RSS < -60dBm 的点将被删除。最后，满足如下要求的基站（发射源，目标定位点）将被选中进行实验：

- 信号制式是 GSM；
- 在基站的可接收范围内有至少 10 个接收点；
- 距离基站最近的接收点距离基站的距离小于 1000m。

经过筛选后，共有 17321 个可用基站，这些数据将被用于实验。经过统计，这些基站的平均辐射半径为 751m，即最小 RSS 对应的接收位置与基站之间的距离的平均值。后续的三个估计器的路径损耗系数 α 均被设为 4。

3.4.3.2 实测数据实验结果

如表3.1所示，相比于 ML 和 LLS，GBM 可以在 RMSE 和 MAE (Mean Absolute Error, 平均绝对值误差) 上均取得更小的误差。其中 MAE 由下式计算：

$$MAE = \frac{\sum_{k=1}^K \|\hat{\theta} - \theta\|_2}{K}. \quad (3-24)$$

根据仿真结果，即当噪声较大时 GBM 的定位误差明显小于 ML，我们可以发现实测数据受噪声影响较大，因此 GBM 能取得小得多的定位误差。GBM 的定位误差比 ML 的误差低将近 100m，相对的，RMSE 上降低了 23.35%，MAE 上降低

了 34.75%。从实验结果中我们可以发现，相比于 ML，GBM 更适用于在实际的商用无线网络中对发射源定位，因为真实环境噪声很大。此外，LLS 的定位误差确认了前人工作中的论述，即 LLS 估计器的定位效果在噪声较大时会严重恶化。

3.4.4 本章小结

本章中，我们提出了一种基于接收信号强度的，利用几何模型对发射源定位的算法。除此之外，一种节省计算时间的、利用蒙特卡洛法估计 GBM 的 RMSE 的克拉美罗下界的方法也被提出，同时给出基于中心极限定理计算 RMSE 的置信区间的方法。仿真实验显示，相比于 ML，在噪声方差较大时 GBM 算法可以取得高得多的定位精度，即意味着 GBM 更加稳健。无偏估计的 CRLB 和 GBM 的 CRLB 呈现出和上述现象相似的结果。为了验证仿真结果并测试算法实用性，我们还从商用蜂窝网内采集数据进行测试。实验结果显示，GBM 在 RMSE 和 MAE 上均取得更小的定位误差，这个结果或许说明 GBM 更适用于真实场景下的发射源定位需求。

第4章 基于曼哈顿切线距离的指纹定位算法

本章将介绍基于曼哈顿切线距离的指纹定位算法，用户作为无线蜂窝网或者 Wi-Fi 信号的接收端，根据接收信号强度实现对自身的定位。虽然信号是在用户终端收集的，但是不必限制定位的解算也必须在本地完成，也可以将收集的信号上传云端，服务器端解算完成后返回给终端。本章所提出的算法就是一种需要在云端完成计算的算法。

4.1 指纹定位中的常用距离度量方式

指纹定位是基于一种假设，即在物理空间中邻近的两点，在信号空间中的距离也应较短，反之亦然，因为物理上相邻的两点应有相似的信道信息和多径效应。所以，如果从多个不同 WAP 发射信号的 RSS 已知，物理位置应该可以通过在信号空间中与历史数据运算估算出当前位置。K 近邻（K-Nearest Neighbors, KNN）算法是一种常见的用于指纹定位的机器学习算法，通过在信号空间中找出最近的 k 的点并以某种方式对这 k 个点的物理位置组合后得到估测的定位。本文所采用的算法是加权 KNN（Weighted-KNN），即以信号空间中距离的倒数作为权重对物理位置加权平均得到定位。KNN 算法中最明显的可调节参数就是近邻数 k，但是既然近邻是由距离度量的，因此距离度量方式也应当被认真选择。

4.1.1 常见度量方式

首先，让我们定义一个物理-信号空间对： (\mathbf{x}, \mathbf{s}) ，其中 \mathbf{x} 是物理空间坐标， \mathbf{s} 是不同 WAP 到终端的 RSS 向量。不妨假设 D 代表信号向量 \mathbf{s} 的维度。

正如第1章中所说，欧氏距离、曼哈顿距离和余弦相似度是指纹定位中一些常用的度量方式。

欧氏距离和曼哈顿距离都属于明可夫斯基距离（Minkowski Distance），由下式定义：

$$d_{minkowski}(\mathbf{s}, \mathbf{r}) = \left(\sum_{i=1}^D |s_i - r_i|^p \right)^{\frac{1}{p}}, \quad (4-1)$$

其中 \mathbf{s}, \mathbf{r} 是两点的 RSS 向量。欧氏距离中 $p = 2$ ，曼哈顿距离中 $p = 1$ 。

经典余弦相似度由下式定义：

$$\text{Cosine}(\mathbf{s}, \mathbf{r}) = \frac{\mathbf{s}^T \mathbf{r}}{\|\mathbf{s}\| \|\mathbf{r}\|}, \quad (4-2)$$

其取值于 $[-1, 1]$ 区间，并且该值越接近 1，则两个向量越相似，但是这与距离相反，因此我们将以 $1 - \text{Cosine}(\mathbf{s}, \mathbf{r})$ 作为度量。

上述 3 种度量方式将被纳入考量范围，以比较它们的定位误差 RMSE。第4.3节的结果显示，在这些度量方式中，曼哈顿距离能取得最小的 RMSE。

4.1.2 常用度量方式的弊端

虽然上述距离度量方式在指纹定位中被广泛应用，但是它们仍然有一些弊端会降低定位精度：

- 不同 RSS 的信号共享相同的权重，这不是一个合理的选择。根据对数距离路径损失函数，在噪声相同的情况下，当 RSS 较大时，由噪声带来的从 WAP 到移动终端距离的扰动会小于 RSS 较小时。比如，同样是由噪声带来 1dBm 的 RSS 下降，在 RSS 较大时反应到距离上的改变就小于 RSS 较小时。因此，基于较大 RSS 较大的权重是一种合理的选择。注意到以 dBm 为单位的信号是自然信号取对数后的结果，那么我们可以逆向这个过程以给予大 RSS 更大的权重：

$$f(\mathbf{s}) = 10^{\frac{\mathbf{s}}{10\lambda}}, \quad (4-3)$$

其中 λ 是一个控制 RSS 权重的参数。 λ 越小，更大的相对权重会给予大的 RSS。如果 λ 过小则会使得小的 RSS 在距离计算中被忽略，而如果 $\lambda \rightarrow \infty$ 则会使得所有 RSS 的 $f(\mathbf{s})$ 都一样。最终 $f(\mathbf{s})$ 将作为信号空间中的数据，即基于 $f(\mathbf{s})$ 计算 K 近邻。

巧合的是，这个做法的效果已经被实验证实了^[19]。但是，这篇文章没有分析 λ 对定位精度的影响，我们的实验结果将在第4.3节中被展示；

- 流形的存在。如第1章所述，流形是一个机器学习中的经典假设。样本的微小变化会形成流形，而在指纹定位中，物理空间中邻近的点的 RSS 应当居于信号空间中的一个流形上，因为局部的小区域应当拥有相似的信道信息而且变化较小。除此之外，在我们的数据集中，可接收信号的基站数量从 80 到 200 个不等，相比于二维物理空间，这是一个高维输入，而一般高维数据都居于低维流形上。当流形存在于高维空间中时，两点之间的距离应当是两点所在流形之间的距离而不是简单的距离度量所能表示的。

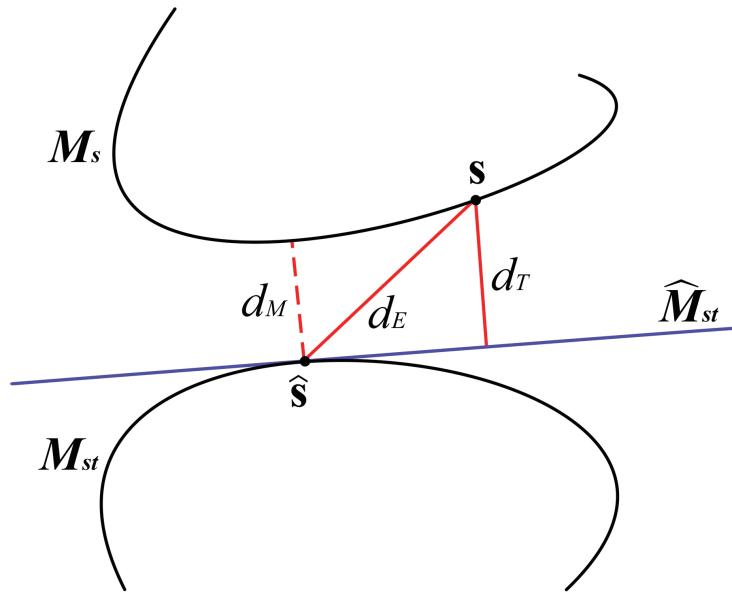


图 4.1 如图展示了欧氏距离、流形间距离和切线距离的关系。在信号空间， \mathbf{s} 是测试点， $\hat{\mathbf{s}}$ 是一个训练点。 M_s 和 M_{st} 分别是 \mathbf{s} 和 $\hat{\mathbf{s}}$ 所在的流形。 \widehat{M}_{st} 是 M_{st} 在 $\hat{\mathbf{s}}$ 处的切线。 d_E 代表 \mathbf{s} 和 $\hat{\mathbf{s}}$ 之间的欧氏距离。 d_M 代表 M_s 和 M_{st} 两个流形之间的距离。 d_T 代表 \mathbf{s} 到 M_{st} 的切线距离。显然，相比于 d_E ， d_T 是对 d_M 更好的估计。

在流行存在的情况下，如果一个测试点想被准确的分类或者回归，一个简单但低效甚至不可能实现的做法是采集所有可能情况下的数据，这样流形可以自动形成，从而简单度量也可以计算出流形之间的距离。但是，现实中数据集的大小受限，因此需要一种用有限数据估计流形之间距离的算法。

4.2 指纹定位中的切线距离

切线距离（Tangent Distance）是一种对测试点到训练点所在流形距离的局部线性近似，从测试点到训练点流形的切线的距离被称作切线距离，如图4.1中 d_T 所示。计算切线距离只需要知道 (\mathbf{x}, \mathbf{s}) 处的梯度而不是整个流形，因此切线距离的计算所需数据远小于计算流形之间的距离。

理论上，切线的方向与流形的梯度相同。但是由于不知道流形的具体函数从而很难计算梯度，我们将用有限差分获得切线方向。注意到，在我们的场景中，信号空间内的流形由物理空间的微小变化形成，也就是距离的微小变化。比如，如果 (\mathbf{x}, \mathbf{s}) 是一个物理-信号空间对，在物理空间中点 $\mathbf{x} + a\delta$ 在信号空间内的流形 M_s 上所对应的点应当表示为 $M_s(a)$ 。 δ 是一个表征微小变化方向的单位向量， a 是一个代表由于物理空间变化导致的距离上变化的标量。这种对距离求导数而不是对

物理空间坐标求导数的做法看起来并不直接，因为后者的做法更直观且符合常理。原因是物理坐标 \mathbf{x} 是一个二维或者三维向量，意味着求导需要求偏导数。首先，计算偏导数需要更多的计算及时间。更严重的是，用有限差分法估计偏导数需要 \mathbf{x} 中依次只有一个元素微小变化，其他维度的元素不变，而这对于数据采集是一个严峻挑战，尤其是对于大规模室外数据采集。实际上，如果数据采集条件允许，偏导数或者导数对于后续的分析来说没有区别，除了优化变量从标量变成向量了。总之，偏导数依然适用于切线距离。

4.2.1 欧式切线距离

切线距离最初被提出时就是基于欧氏距离^[20]，由下式定义：

$$d_T = \min_a \|\mathbf{s} - \mathbf{t}a - \hat{\mathbf{s}}\|_2, \quad (4-4)$$

其中 \mathbf{s} 和 $\hat{\mathbf{s}}$ 分别是信号空间中的测试点和训练点。 \mathbf{t} 是训练点附近的导数：

$$\mathbf{t} = \left(\frac{\partial s_1}{\partial d}, \dots, \frac{\partial s_D}{\partial d} \right)^T, i = 1, 2, \dots, D, \quad (4-5)$$

其中 d 代表距离。因为导数是由有限差分近似估计的，在训练集中选择另一个点与训练点进行差分运算就变得至关重要。我们的方法是在物理空间中找到距离训练点最近的 N 个近邻，之后 N 个导数可如下计算：

$$\mathbf{t}_j = \frac{\mathbf{s} - \mathbf{s}_j}{d_j}, j = 1, 2, \dots, N. \quad (4-6)$$

注意到 \mathbf{t}_j 代表第 j 个导数而不是向量 \mathbf{t} 的第 j 个元素。 d_j 的距离度量方式无关紧要，因为它只会影响导数的尺度而不是方向，而尺度的影响在 (4-4) 中优化 a 时会被消除。关于 N 对于定位精度影响的数值实验将在第4.3节中被分析。

d_T 可以通过求解一个线性最小二乘法而简单的获得：

$$a_j = (\mathbf{t}_j^T \mathbf{t}_j)^{-1} \mathbf{t}_j^T (\mathbf{s} - \hat{\mathbf{s}}), j = 1, 2, \dots, N. \quad (4-7)$$

在所有 a_j 都被计算之后，对于根据 (4-4) 得到的所有切线距离 d_{Tj} 求均值，而这将被当做指纹定位中 KNN 的距离度量方式。

我们将上述距离称为欧式切线距离 (*Euclidean Tangent Distance, ETD*)。虽然 ETD 很容易求解，但是数值实验显示曼哈顿距离的定位精度优于前文所提到的所有常见距离度量方式，甚至比 ETD 效果还好。因为 ETD 的定位精度高于欧氏距离，也许我们可以推演说基于曼哈顿距离的切线距离会比曼哈顿距离表现更好。因此，下一节我们将提出曼哈顿切线距离。

4.2.2 曼哈顿切线距离

为了表述简洁，在后续部分中，导数 \mathbf{t} 和曼哈顿切线距离 d_{MT} 将不会在右下标标注 j 。类似于(4-4)，曼哈顿切线距离可由下式定义：

$$d_{MT} = \min_a \|\mathbf{s} - \mathbf{ta} - \hat{\mathbf{s}}\|_1. \quad (4-8)$$

但是对 a 优化并不像(4-4)那么简单，因为 L1-范数的导数是符号函数。不妨定义 $\mathcal{L} = \|\mathbf{s} - \mathbf{ta} - \hat{\mathbf{s}}\|_1$ ，则

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial a} = -\mathbf{t}^T \operatorname{sgn}(\mathbf{s} - \mathbf{ta} - \hat{\mathbf{s}}). \quad (4-9)$$

求解(4-9)是困难的而且甚至无解。在这种情况下，我们需要一种近似函数来尽可能拟合 $\operatorname{sgn}(x)$ 。我们注意到，若双曲正切函数 $\tanh(\beta x)$ 中 $\beta \rightarrow \infty$ ，则 $\tanh(\beta x) = \operatorname{sgn}(x)$ 。因此，我们将用 $\tanh(\beta x)$ 代替 $\operatorname{sgn}(x)$ ，实验中计算时 β 取 10,000。

令 $\mathbf{h} = \mathbf{s} - \mathbf{ta} - \hat{\mathbf{s}}$ ，则

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial a} = -\mathbf{t}^T \tanh(\beta \mathbf{h}), \quad (4-10)$$

$$\frac{\partial^2 \mathcal{L}}{\partial a^2} = \beta (\mathbf{t} \odot \mathbf{t})^T [\mathbf{1} - \tanh(\beta \mathbf{h}) \odot \tanh(\beta \mathbf{h})], \quad (4-11)$$

其中 \odot 是哈达玛积 (Hadamard Product)，即两个大小相同的矩阵中对应元素相乘， $\mathbf{1}$ 是全 1 向量。因为 \mathcal{L} 对 a 求导的导数已经从(4-9)变为(4-10)了，意味着原函数也从 $\|\mathbf{h}\|_1$ 变成 $\frac{1}{\beta} \mathbf{1}^T \ln[\cosh(\beta \mathbf{h})] + C$ 了，其中 C 是一个常数，这里为了逼近 $\|\mathbf{h}\|_1$ ，我们取 $C = \ln 2$ 。这两个原函数的对比如图4.2所示，当 $|x| > 0.0002$ 时，二者已经几乎完全重合。因此，如果我们用双曲正切函数代替符号函数优化所得的 a 也应当与最优解很接近。在替换后，问题依然是一个凸优化问题（可以很容易证明 $\frac{\partial^2 \mathcal{L}}{\partial a^2} > 0$ ）。虽然如此，曼哈顿距离仍然会被当做目标函数，因为两个原函数差距甚小而且曼哈顿距离容易计算。

如果 \mathbf{t} 是偏导数， a 将变为一个与物理空间维度相同的向量，相应的一阶导数变成梯度，二阶导数变为海森矩阵。不过这样该问题依然是凸优化问题，因此不影响求解。

既然一阶导数和二阶导数已经由(4-10)和(4-11)给出， \mathcal{L} 可由牛顿法 (Newton's Method) 求解从而得到曼哈顿切线距离。我们把这个距离度量方式称为曼哈顿切线距离 (*Manhattan Tangent Distance, MTD*)。它的物理意义是对测试点和训练点所

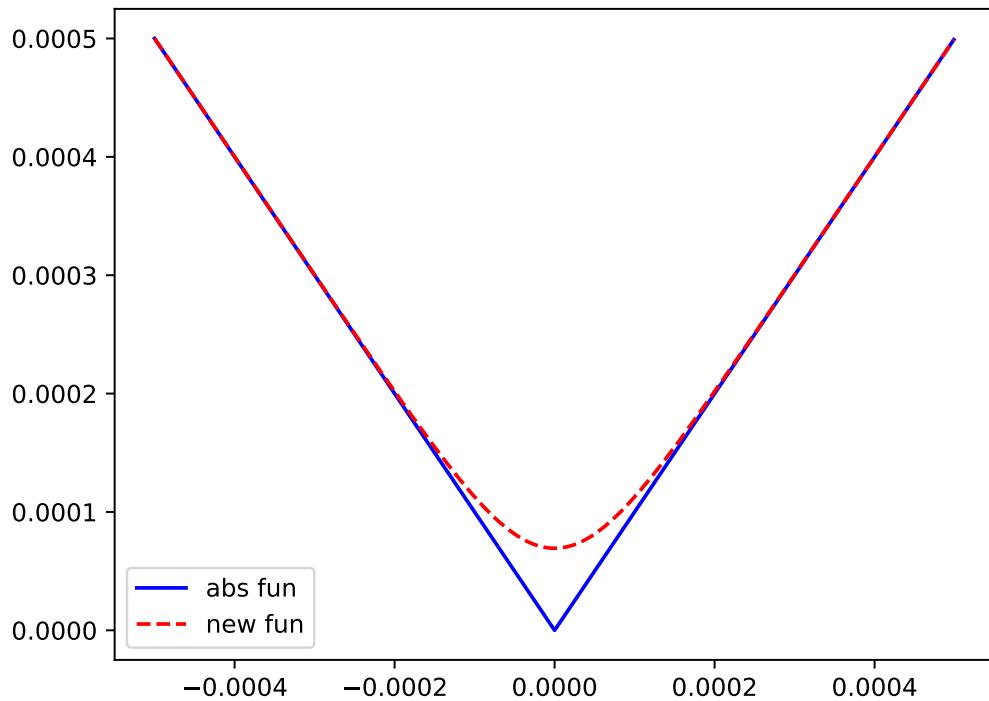


图 4.2 如图对比了 $\|x\|_1$ 和 $\frac{1}{\beta} \mathbf{1}^T \ln [\cosh(\beta x)] + \ln 2$ 两种函数的差异，其中 $\beta = 10,000$ 。蓝色实线代表曼哈顿距离所基于的绝对值函数，红色虚线代表双曲正切函数的原函数。从图中可以看到，当 $|x| > 0.0002$ 时，二者已经几乎完全重合。

在的流形之间的曼哈顿距离的局部线性近似，也就是在切线上找到一点使得它到测试点的距离最小。

4.2.3 低计算复杂度的近似解法

虽然在上一节中我们提出了一种求解 MTD 的方法，但是该方法的缺点也是很明显的：过高的计算复杂度。该方法的时间复杂度是曼哈顿距离的 $O(NS)$ 倍，其中 N 是用有限差分法计算梯度所需的近邻数， S 是牛顿法收敛所需的迭代步数。因为每次计算曼哈顿切线距离都需要迭代求解一个凸优化问题，若在线上系统中采用可能会有过高延迟。

因为切线距离是对物理空间中 \mathbf{x} 附近的点在信号空间中所形成的流形的局部线性近似，即(4-8)中的切线距离只有在 a 接近 0 时才是对流形较好的估计。此外，我们注意到双曲正切函数 $\tanh(x)$ 的一阶泰勒近似可写为 $\tanh(x) = x + O(x^3)$ 。如

果我们用 $\tanh(x)$ 的一阶泰勒级数 x 代替它，则 (4-10) 中的 $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial a}$ 将变为

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial a} = -\beta \mathbf{t}^T (\mathbf{s} - \mathbf{t}a - \hat{\mathbf{s}}). \quad (4-12)$$

令 (4-12) 等于 0 的解和 (4-7) 一样。换句话说，近似算法中 a 的求解将采用和欧式切线距离相同的方法，但是将 a 带回目标函数计算切线距离时是基于曼哈顿距离的。我们把该算法叫做近似曼哈顿切线距离 (*Approximate Manhattan Tangent Distance, AMTD*)。

AMTD 的时间复杂度是简单曼哈顿距离的 $O(N)$ 倍，相比于 MTD，复杂度降低了 S 倍。

4.3 实验与结果

4.3.1 数据采集与预处理

这一节所用的数据由我们自己利用路测仪在清华大学校园内采集所得，路测仪在收集附近所有可接收信号基站的 RSS 的同时，还会收集 GPS 的定位信息。我们分别在三个不同的区域采集数据：

1. 荷塘。这里是一个池塘，池塘中间有一个湖心岛，有很多树木但是没有高层建筑，如图 (4.3) 左上子图所示。这片区域总面积是 0.097km^2 。数据由实验员手持路测仪步行采集，数据采集频率 0.2Hz ，两个时序相邻点的平均距离是 5.0m 。该数据集共有 621 个样本和 85 个可探测基站；
2. 教学区。这片区域有一些高层建筑和树木，但是道路宽敞而且楼间距宽，如图 (4.3) 右上子图所示。这片区域总面积是 0.416km^2 。数据由实验员骑车采集，路测仪采样频率 0.5Hz 。两个时序相邻点的平均距离是 4.8m 。该数据集共有 2273 个样本和 204 个可探测基站；
3. 紫荆公寓区。这片区域有很多中层建筑而且道路狭窄，如图 (4.3) 下子图所示。这片区域总面积为 0.143km^2 。数据由实验员骑车采集，路测仪采样频率 0.5Hz 。两个时序相邻点的平均距离是 4.4m 。该数据集共有 1035 个样本和 149 个可探测基站。

虽然数据集中有很多可探测基站，但是对于每一条采样的接收信号来说，不会所有基站都有 RSS，即数据会存在某些基站无接收信号的情况。为了应对这个问题，我们把每个基站的最小 RSS 减 1 作为缺省值。

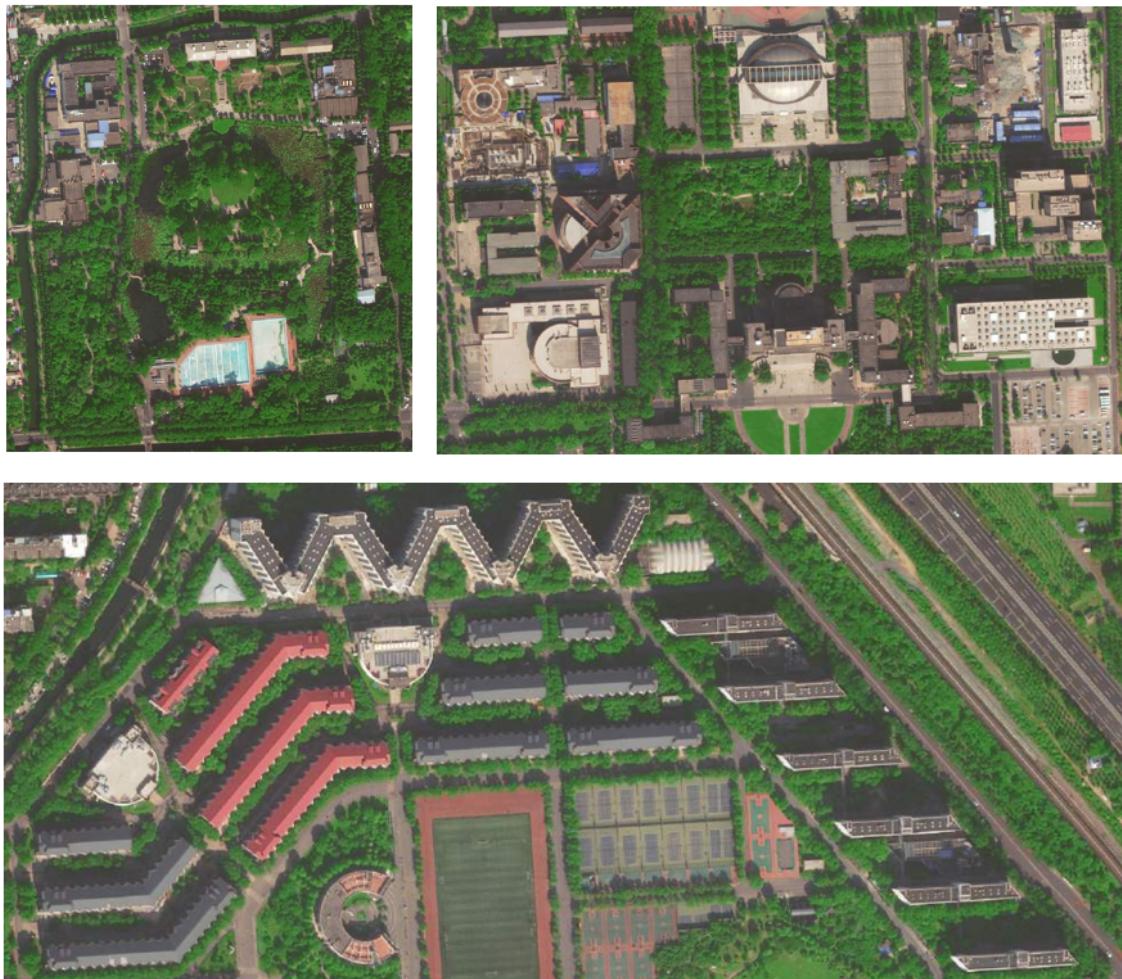


图 4.3 如图所示为我们采集数据的三个区域的卫星图。左上子图为荷塘区域，右上子图为教学区，下子图为紫荆公寓区。

4.3.2 指数变换参数 λ 的选择

为了使定位效果最优，我们开展实验以找到指数变换中最优的 λ 参数，实验中 KNN 的参数 $k=3$ 。对于不同的三种常用距离度量方式，画出 λ 与 RMSE 之间的关系曲线，如图4.4所示。这里只有从荷塘采集的数据参与了实验，一是为了减少计算时间，二是防止过拟合，即后两个数据集没有参与参数 λ 的调节，而是直接使用。为了尽可能消除噪声的影响并使曲线平滑，对于每个 λ 均随机选取 10% 的数据作为测试数据并随机进行 1000 次。从图中可以看出当 $\lambda > 7$ 后 RMSE 几乎没有明显变化，因此在后续实验中我们将令 $\lambda = 10$ 。

作为对比，不采用指数变换的指纹定位效果在表4.1中给出，其中指数变换的 $\lambda = 10$ 。实验结果显示指数变换的确可以一定程度上提高定位精度。

此外，很明显曼哈顿距离可以取得最小的定位误差，因此在我们的数据集下，最常用的欧氏距离并不是最优选择。至于余弦相似度，它的表现比欧氏距离好，但

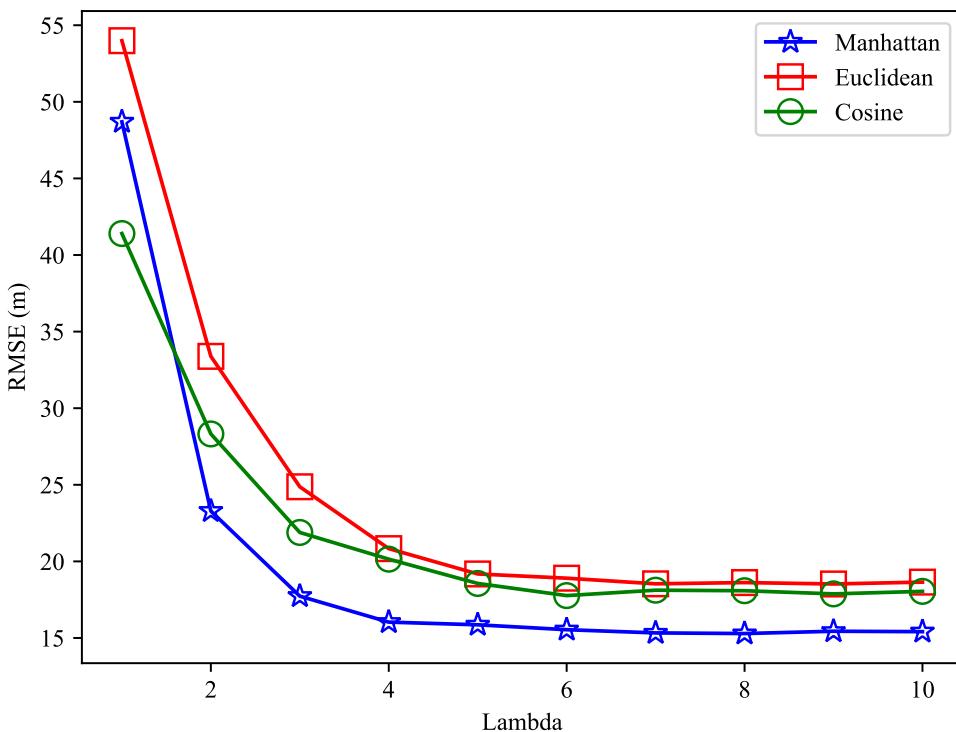


图 4.4 如图所示为指数变换中参数 λ 与定位均方根误差 RMSE 的关系曲线，蓝色星形线是曼哈顿距离，红色方形线是余弦相似度，绿色圆形线是欧氏距离。当 $\lambda > 7$ 后 RMSE 几乎没有明显变化。

表 4.1 指数变换后 RMSE 比较

RMSE/m	无指数变换	指数变换 ($\lambda = 10$)
曼哈顿距离	15.85	15.41
欧氏距离	20.97	18.65
余弦相似度	20.28	18.04

是依然劣于曼哈顿距离。

4.3.3 KNN 中近邻数 k 的选择

此处仍然只使用荷塘的数据。在 $\lambda = 10$ 的条件下，针对不同的参数 k 开展实验，测试集的选取和实验次数与第4.3.2节的设置相同。实验结果如图4.5所示。对于三种度量方式来说，都是在 $k=2$ 或 3 时 RMSE 最小，因此在后续的实验中我们

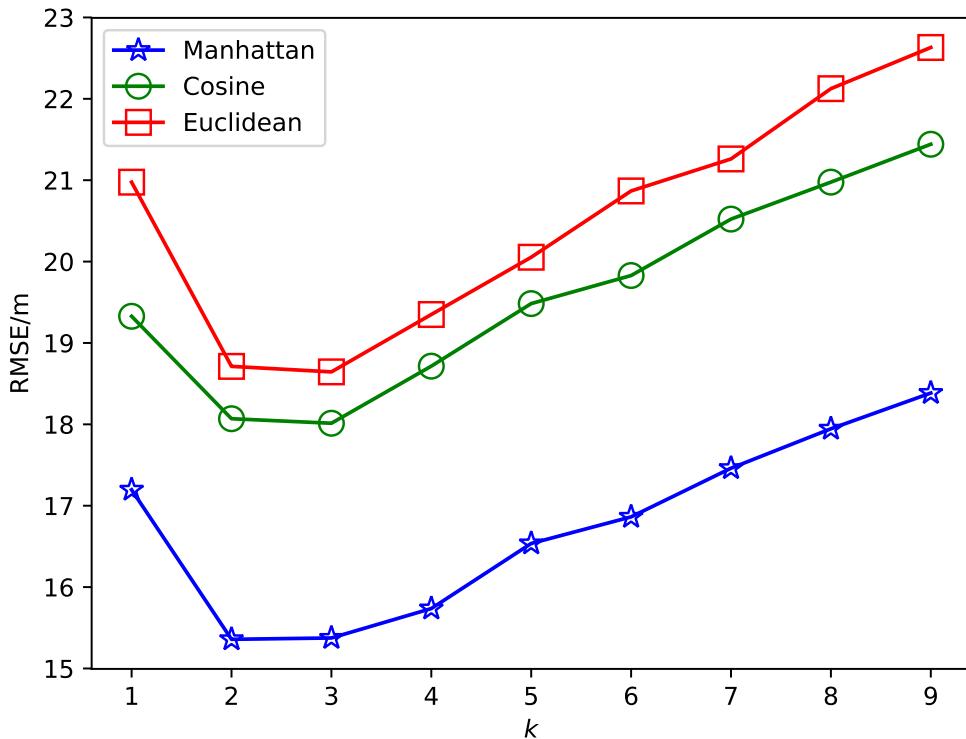


图 4.5 如图所示为 KNN 中参数 k 与定位均方根误差 RMSE 的关系曲线，蓝色星形线是曼哈顿距离，绿色圆形线是余弦相似度，红色方形线是欧氏距离。当 k 取 2 或 3 时可以取得最小定位误差。

将把 k 固定为 3。

4.3.4 切线距离的导数中参数 N 的选择

这里依然只使用荷塘的数据。这里使用 K-fold 方法，即将数据集随机分成 k 份，之后循环 k 次，依次取一份作为测试数据，其余 $k-1$ 份作为训练数据。在该实验中 $k=10$ 即每次取 10% 的数据作为测试数据。每个 fold 中，MTD 和 AMTD 将同时训练和测试。在 MTD 中，牛顿法的停止判据是 10^{-4} 。

图4.6是实验结果。虽然由于实验次数少导致曲线一直在抖动，但是总体趋势大致是先急剧下降，在 $2 \leq N \leq 15$ 的范围内基本不变，之后缓慢上升。在综合考虑精度和计算复杂度后，我们决定在后续实验中将 N 设为 5。

4.3.5 切线距离定位效果

综合上述实验的结论，我们令指数变换参数 $\lambda = 10$ ，KNN 中的参数 $k = 3$ 。涉及切线距离时，计算导数所需的近邻数 N 设为 5。这些参数将被用于加权-KNN 中，

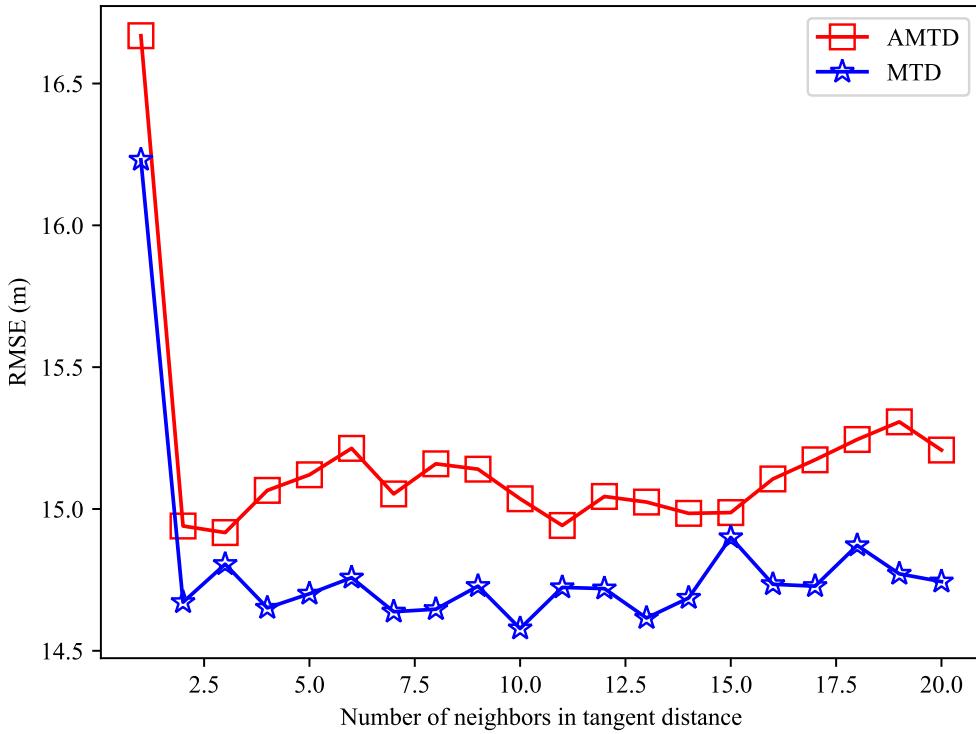


图 4.6 如图所示为求解切线距离时求导数所需近邻数 N 与定位均方根误差 RMSE 的关系曲线，蓝色星形线是曼哈顿切线距离 MTD，红色方形线是近似曼哈顿切线距离 AMTD。由于实验次数少导致曲线波动较大，不过大致可以看出当 $N > 2$ 时几乎没有太大的变化。

分别以欧式距离、欧式切线距离、曼哈顿距离、曼哈顿切线距离和近似曼哈顿切线距离作为距离度量方式，比较和分析定位效果。

实验结果展示在表4.2中。首先，注意到欧式切线距离 ETD 可以取得比欧式距离更小的 RMSE，但是仍然高于简单的曼哈顿距离，这也是我们提出曼哈顿切线距离 MTD 的动机。其次，实验结果显示 MTD 在所有三个数据集中均取得最小的 RMSE。除此之外，虽然近似曼哈顿切线距离 AMTD 的 RMSE 略高于 MTD，但是仍然低于曼哈顿距离的 RMSE 而且在我们的实验中效果仅次于 MTD，而且计算复杂度远小于 MTD。相比于曼哈顿距离，在三个数据集中，ETD 相比于欧式距离、MTD 和 AMTD 相比于曼哈顿距离的相对 RMSE 减少如表4.3所示。显然，无论对于 ETD、MTD 还是 AMTD 来说，都是从公寓区采集的数据定位精度的相对提升幅度最小。我们分析可能的原因是公寓区采集的数据其时序相邻点的平均距离最小，因此相比于其他数据集，像欧式距离和曼哈顿距离等简单距离度量方式能够更好的估计流形之间的距离。但是定位精度会受到很多其他因素影响，比如阴影效应和多径效应等。相比于其他区域，公寓区的建筑较高而且密集，存在较多的

表 4.2 切线距离定位效果对比

RMSE/m	荷塘	教学区	公寓区
欧氏距离	19.20	13.56	10.29
ETD	16.69	11.47	9.54
曼哈顿距离	15.78	9.96	7.95
MTD	14.75	9.14	7.45
AMTD	14.90	9.43	7.63

表 4.3 切线距离定位效果对比

RMSE 相对减少	荷塘	教学区	公寓区
ETD	-13.1%	-15.4%	-7.29%
MTD	-6.53%	-8.23%	-6.29%
AMTD	-5.58%	-5.32%	-4.03%

遮挡以及散射路径，这可能导致距离的小幅变化反映到信号空间会变化较大，这也会限制切线距离的提升效果。

4.4 本章小结

这一章我们讨论了将切线距离应用于基于接收信号强度和加权-KNN 的指纹定位算法中。首先，我们简单介绍了指纹定位的 KNN 算法中常见的距离度量方式，并分析了他们的缺点，包括给予不同大小的接收信号强度相同的权重以及在流形存在的情况下简单度量方式不能反映真实距离等问题。针对这些问题，我们分别利用指数变换和切线距离来解决。其后，我们阐明了切线距离背后所蕴含的思想，并介绍了原作者所提出的基于欧氏距离的切线距离 ETD。然而，因为在实测数据实验中欧式切线距离的定位效果虽然相较于欧氏距离有提升，但是依然劣于曼哈顿距离，于是我们提出了曼哈顿切线距离 MTD 以及在定位精度和计算复杂度之间折中的近似曼哈顿切线距离 AMTD。为了验证算法性能，我们在清华大学校园内不同的三个区域采集数据，开展实验找到适合的 KNN 近邻数 k 、指数变换参数 λ 以及切线距离中计算导数所需的近邻数 N 。最后，我们比较了欧氏距离、ETD、

曼哈顿距离、MTD 和 AMTD 的定位误差 RMSE。在所有三个数据集中，MTD 均取得了最小的定位误差，而 AMTD 则以远小于 MTD 的计算量取得了仅次于 MTD 却依然优于曼哈顿距离的定位精度。

第5章 保量推荐下的最优广告投放算法

本章我们将提出一种最优广告投放算法 (*oPimal Kwai Advertising, PIKA*)，该算法被部署在快手广告平台中的同城页粉丝头条服务中。粉丝头条服务致力于在保证广告主获得其期望的曝光量的情况下，使得广告投放后的总分数最高，其中分数由2-1定义。长达一个月的线上实验表明 PIKA 的广告投放效果优于目前部署在线上的算法。PIKA 算法的核心思想是利用坐标下降法求解一个离线的带约束二次规划问题的 KKT 条件，该算法分为两个部分：训练模块和投放模块，分别对应线下部分和线上部分。不同于之前所部署的流量控制算法中的硬阈值，PIKA 中线下优化所得的对偶变量可以被认为是一种“软阈值”，而算法会根据不同广告的需求投放量和历史数据中的分数给其设置不同的软阈值，进而在满足投放量的同时最大化投放后的总分数。

5.1 PIKA 算法原理

5.1.1 问题定义

不妨设 \mathcal{S} 是所有在投广告的集合，它的一个子集 \mathcal{S}_i 第 i 次 PV 所召回的广告集合，则 $\mathcal{S}_i \subset \mathcal{S}$ 。每个在投广告的总期望曝光量或者说总需求量用 D_j 表示，该广告的投放时长用 T_j 表示。理想情况下，我们希望在投放时长到达 T_j 后，最终的实际广告投放量正好等于 D_j ，因此实际中我们尽量使最终曝光量尽可能接近 D_j 。除此之外，每次 PV 对于被召回广告的分数也将被用于目标函数。因为对于每次 PV 只有一小部分广告被召回，因此我们可以用一个稀疏矩阵 \mathbf{A} 来存储 PV 对广告的分数，其中 A_{ij} 是预测出的第 i 次 PV 对于第 j 个广告的分数。因此，如果一段时间内有 M 次访问和 N 个在投广告，那么 \mathbf{A} 应当是一个 $M \times N$ 的矩阵。如果对于第 i 次 PV 来说，广告 j 没有被召回，则 $A_{ij} = 0$ 。

最后却也是最重要的，投放矩阵 \mathbf{X}^{int} 决定每次 PV 投放哪个广告，即若 $X_{ij}^{int} = 1$ 则将广告 j 投放给 PV i ，否则 $X_{ij}^{int} = 0$ 。这是一个 0-1 整数规划问题 (*0-1 Integer Programming Problem*)，而且该问题是一个 NP-complete 问题^[41]。为了克服这个困难，我们将投放矩阵松弛为投放概率矩阵 \mathbf{X} ，它拥有和 \mathbf{A} 相同的大小，其中 X_{ij} 代表将广告 j 投放给 PV i 的概率。为了防止用户体验被广告过多影响，我们要求每

次 PV 只能投放少量广告。如果每次 PV 最多只能投放 1 个广告，则

$$\sum_j X_{ij} \leq 1, \forall i. \quad (5-1)$$

这个约束与概率的归一性（即随机变量所有可能取值的概率之和或概率密度积分等于 1）一致，因为不投放广告的概率没有被纳入 \mathbf{X} 中，而对于 PV i 不投放广告的概率就是 $1 - \sum_j X_{ij}$ 。每次 PV 可以投放多个广告的场景将在第5.2.2节中讨论。此外，因为概率的非负性，我们有 $X_{ij} \geq 0, \forall i, j$ 。在常见的广告投放算法中，平台从广告主得到的收入小于等于广告日的每日预算是合理的。但是，为了在收入和用户体验之间取得平衡，这里我们将采用等式约束来使广告的最终曝光量等于广告主的需求量。

最后，我们正式用如下优化表达式描述我们的问题：

$$\begin{aligned} & \min_{\mathbf{X}} - \sum_{i,j} A_{ij} X_{ij} \\ & \text{s.t. } \sum_i X_{ij} = d_j, \forall j, \\ & \quad \sum_j X_{ij} \leq 1, \forall i, \\ & \quad X_{ij} \geq 0, \forall i, j. \end{aligned} \quad (5-2)$$

$\sum_j A_{ij} X_{ij}$ 是 PV i 的分数的期望，因此目标函数 $\sum_{i,j} A_{ij} X_{ij}$ 的含义就是所有 PV 的期望分数的总分数。为了与优化问题的标准格式一致，我们最小化目标函数的负值，而且由于它是一个线性函数，因此正负号不影响凹凸性。注意到，上式中的需求量符号是 d_j 而不是 D_j ，这里 d_j 代表训练周期内的期望需求量。作为一个简单的例子，对于广告 j 来说，如果当前客户端展示量，或者说曝光量，是 c_j ，剩余投放时长是 t_j ，训练周期是 T_p （即每隔 T_p 求解一次上述优化问题），则 d_j 可以用如下公式计算：

$$d_j = \frac{D_j - c_j}{t_j} T_p. \quad (5-3)$$

平滑投放通过上式里把总需求量均匀分散于投放时长内的所有训练周期被隐式的实现了，不过真实环境中流量是有高峰和低谷的，一个线上可用的需求量分配方案将在第5.2.3节中被详细介绍。

这是一个标准的带约束的线性规划问题 (*Linear Programming problem, LP*)，而且已经有很多成熟的解法。但是，简单的给出最优解 \mathbf{X} 并不适用于我们的场景，因为我们所需要的是一个等式来指导线上广告投放，从而当被召回广告及其分数

可用时我们可以迅速给出投放概率。而如果只是简单的算出最优 \mathbf{X} , 这也只是历史数据的最优解, 无法用于未来 PV 的广告投放。通过在目标函数里加入 \mathbf{X} 的二次项可以得到关于 \mathbf{X} 和对偶变量的等式。此外, 由于噪声的存在以及预测分数 \mathbf{A} 的抖动, 如果直接优化 $\sum_{i,j} \mathbf{A}_{ij} X_{ij}$ 可能会导致过拟合和求解结果不稳定。另一个出发点是, \mathbf{X} 中的非零值元素比较分散的情况应该好于非零值集中在少数几个元素, 因为前者对于分数 \mathbf{A} 的变化不敏感。因此, 我们在 (5-2) 的基础上加入正则项:

$$\begin{aligned} & \min_{\mathbf{X}} \sum_{i,j} (-\mathbf{A}_{ij} X_{ij} + \frac{\lambda}{2} X_{ij}^2) \\ & \text{s.t. } \sum_i X_{ij} = \mathbf{d}_j, \forall j, \\ & \quad \sum_j X_{ij} \leq 1, \forall i, \\ & \quad X_{ij} \geq 0, \forall i, j, \end{aligned} \tag{5-4}$$

其中 λ 是正则化系数。

(5-4) 将在线下求解之后用于指导线上投放, 因此我们的算法可以分为两部分: 训练模块和投放模块。

5.1.2 训练模块

在训练之前, 服务器会为训练收集历史数据。之后求解优化问题 (5-4)。显然, (5-4) 是一个凸优化问题, 意味着满足 KKT 条件的解就是优化问题的最优解。对于 $\forall i, j$, (5-4) 的 KKT 条件是:

$$\begin{aligned} & \sum_i \hat{X}_{ij} - \mathbf{d}_j = 0, \\ & \sum_j \hat{X}_{ij} - 1 \leq 0, \\ & \beta_i \geq 0, \\ & \beta_i \sum_j \hat{X}_{ij} = 0, \\ & -\hat{X}_{ij} \leq 0, \\ & \Gamma_{ij} \geq 0, \\ & \Gamma_{ij} \hat{X}_{ij} = 0, \\ & -\mathbf{A}_{ij} + \lambda \hat{X}_{ij} + \alpha_j + \beta_i - \Gamma_{ij} = 0, \end{aligned} \tag{5-5}$$

其中 $\hat{\mathbf{X}}$ 是理论上的最优解， α, β 和 Γ 分别是对应(5-4)中的三个约束的对偶变量。由(5-5)可以发现 \hat{X}_{ij} 和 Γ_{ij} 二者至少有一个必须等于0，再加上 $X_{ij} \geq 0$ 的约束，我们可用下式表示 \hat{X}_{ij} ：

$$\hat{X}_{ij} = \max\{0, \frac{1}{\lambda}(A_{ij} - \alpha_j - \beta_i)\}, \forall i, j. \quad (5-6)$$

将上式带回(5-5)中，则可以改写为：

$$\begin{aligned} \sum_i \hat{X}_{ij} - d_j &= 0, \\ \sum_j \hat{X}_{ij} - 1 &\leq 0, \\ \beta_i &\geq 0, \\ \beta_i \sum_j \hat{X}_{ij} &= 0, \\ \hat{X}_{ij} - \max\{0, \frac{1}{\lambda}(A_{ij} - \alpha_j - \beta_i)\} &= 0. \end{aligned} \quad (5-7)$$

这样就已经减少到2个对偶变量了，而且其中一个还是对应等式约束的对偶变量，即 α 。因此，我们可以利用坐标下降法获得最优解，其中 α 和 β 依次被优化并迭代，直到到达停止迭代判据或者迭代次数。因为 α 对应等式约束，因此在计算 α_j 时可以固定住 β ，并行的解算，使得 $\sum_i \hat{X}_{ij} - d_j = 0$ 。至于计算 β ，可以先将其全部设为0，如果 $\sum_j \hat{X}_{ij} \leq 1$ ，则继续令 $\beta_i = 0$ ；否则并行的计算 β_i 使得 $\sum_j \hat{X}_{ij} = 1$ 。算法1完整的描述了离线最优解算法。

算法1中的 X_{ij} 均由(5-6)计算。 \mathbf{X} 的求和其实是一个分段折线函数，因此我们可以用二分法来实现算法1中的求根操作（第11行和第7行）。这里的 α 可以被认为是一种“软阈值”：当 $A_{ij} \leq \alpha_j$ 时，广告 j 不可能被投放给 PV i ；当 $A_{ij} > \alpha_j$ 时， A_{ij} 越大则广告 j 被投放给 PV i 的概率越大。因此在某种程度上说， α 揭露了广告 j 的分数和它的需求量之间的某种关系。

然而，简单的交替求解 α 和 β 或者说坐标下降可能会因为一些广告无解的情况存在而整体不收敛。比如，当一个广告在上一个训练周期内的召回量太少甚至少于需求量时，这个广告是无解的。一种可能的解决方案是像 SHALE^[32] 一样，在

Algorithm 1 离线最优解算法

Input: 分数矩阵 A , 需求量 d , 在投广告数 M , 上一个周期内的访问数 N , 收敛界 b

Output: 对偶变量 α

```

1: 初始化:  $\beta_i \leftarrow 0$  for all  $i$ ,  $\alpha_j \leftarrow 0$ ,  $\alpha_j^{old} \leftarrow 1$  for all  $j$ 
2: while  $\|\alpha^{old} - \alpha\| >$  停止判据  $\&\&$  迭代步数 < 步数阈值 do
3:   for  $i < N$  do
4:     if  $\sum_j X_{ij} \leq 1$  then
5:        $\beta_i \leftarrow 0$ 
6:     else
7:       求解  $\beta_i$  s.t.  $\sum_j X_{ij} = 1$ 
8:     end if
9:   end for
10:  for  $j < M$  do
11:    求解  $\alpha_j$  s.t.  $\sum_i X_{ij} = d_j$ 
12:    if  $\alpha_j < b$  then
13:      广告  $j$  无解而且不会参与后续迭代的计算
14:    end if
15:  end for
16:   $\alpha^{old} \leftarrow \alpha$ 
17: end while
18: return  $\alpha$ 

```

我们的优化表达式中加一个惩罚项:

$$\begin{aligned}
& \min_X \sum_{i,j} (-A_{ij}X_{ij} + \frac{\lambda}{2}X_{ij}^2) + \sum_j p_j u_j \\
& \text{s.t. } \sum_i X_{ij} + u_j = d_j, \forall j, \\
& \quad \sum_j X_{ij} \leq 1, \forall i, \\
& \quad X_{ij} \geq 0, u_j \geq 0. \forall i, j.
\end{aligned} \tag{5-8}$$

但是,这种方法会增加计算复杂度,而且引入了另一个需要调节的超参数 p 。因为快手的召回系统机制可以确保没有一个广告会一直召回量不足,因此我们可以简单的放弃在下个周期通过上述正常方式投放该广告。我们设置了一个界限 b ,当迭代过程中 α_j 比 b 还小,该广告 j 就会被认为是无解的,并不会参与本周期的后续

Algorithm 2 线上投放概率算法

Input: 一次 PV 的分数向量 \mathbf{s} , 广告的需求量 \mathbf{d} , 对偶变量 $\boldsymbol{\alpha}$, 线下可解广告数 M
(只有可解广告才会通过该算法投放)

Output: 投放概率向量 \mathbf{p}

```

1: 初始化:  $\beta \leftarrow 0$ 
2: for  $j < M$  do
3:    $\mathbf{p}_j \leftarrow \max\{0, \frac{1}{\lambda}(\mathbf{s}_j - \boldsymbol{\alpha}_j - \beta)\}$ 
4: end for
5: if  $\sum_j \mathbf{p}_j > 1$  then
6:   求解  $\beta$  s.t.  $\sum_j \mathbf{p}_j = 1$ 
7:   for  $j < M$  do
8:      $\mathbf{p}_j \leftarrow \max\{0, \frac{1}{\lambda}(\mathbf{s}_j - \boldsymbol{\alpha}_j - \beta)\}$ 
9:   end for
10:  end if
11: return  $\mathbf{p}$ 
```

迭代计算。只设置下界 b 的原因是 $\boldsymbol{\alpha}$ 其实存在一个隐式的上界，这个值是一个跟该广告分数和需求量相关的值。而一旦一个广告召回量太少，迭代过程中 $\boldsymbol{\alpha}_j$ 就会一直减小，最终触发下界停止迭代。无解的广告无法通过下一小节将要介绍的正常的投放模块投放出去，而这些广告的投放方法将在第5.2.1节中讨论。

$\boldsymbol{\alpha}$ 是投放模块唯一需要从训练模块获得的参数，因此训练模块只需返回 $\boldsymbol{\alpha}$ 即可。

5.1.3 投放模块

首先，假设线上数据和线下数据完全相同，那么在训练模块计算出 $\boldsymbol{\alpha}$ 之后，每当一个 PV 到来，它的广告投放概率向量可以根据(5-6)求得。算法2详细描述了线上投放算法的具体步骤。该算法将输出对于该次 PV 来说的广告投放概率向量 \mathbf{p} ，之后我们将根据 \mathbf{p} 对广告进行采样，被选中的广告就会被投放给该次 PV。请注意，不投放广告的概率是 $1 - \sum_j \mathbf{p}_j$ 。最后，因为这里我们假设线上数据和线下数据完全相同，因此该算法的最终分数一定和线下计算的最优解相同。

在实际情况下，虽然线上数据并不能和线下数据完全相同，但是在线下数据和线上数据独立同分布的假设成立的前提下，我们的算法也能取得较好的效果，因为 $\boldsymbol{\alpha}_j$ 其实在某种程度上可以被认为是广告 j 分数的分位数。而且训练模块和投

放模块之间的时间间隔很短（在我们的实现方法中这个间隔是 5min，即新数据每 5min 替换一次旧数据），因此线下数据和线上数据的分数的统计特征不会发生剧烈变化。此外，一切前人的工作也已经从理论上分析了这个问题^[24-25]。

5.2 工程实现细节

上述的 PIKA 算法是基于概率的而不是确定的投放计划，因此可能出现真实曝光量跟需求量相去甚远的情况。除此之外，限制一个 PV 最多只能投放一个广告可能会严重限制我们的算法的适用性。最后，简单的将总需求量均匀的摊分入投放时段内的训练周期内不是一个好的机制，因为流量会在白天和夜晚剧烈变换。在这一节，我们将逐一提出方案缓解上述问题。

5.2.1 曝光量保底策略

正如第5.1.2节中所提到的，因为召回量不足等问题会导致部分广告在训练模块中无解，而这些广告是无法通过上文所提出的正常的投放模块投放出去的。除此之外，简单的依靠上述算法是不能保证最终曝光量正好等于需求量的，因为线下数据和线上数据并不相同。我们需要提出一种机制使得曝光量尽可能接近广告主的需求量。

我们设计一种兜底投放策略来投放在训练模块中无解的广告和即将结束投放的广告。该策略可以分为三步：

1. 检查对于该次 PV 是否已经有广告通过正常的投放模块被投放，如果没有则进行下述步骤，否则曝光量保底策略不投放视频；
2. 收集上一个训练周期无解的广告和即将结束投放却还未满足需求量的广告；
3. 从上述广告集合中选取一个广告。

上述第3步的选取操作可以因地制宜，我们的策略是选取一个排序分数最大的视频，不过注意，这里的排序分数和分数矩阵 A 中的分数不完全相同。如果一个广告没有即将结束投放，它的排序分数就是它原来在 A 中的分数；否则，它的分数将被饥渴度替代，其中饥渴度 (hd) 由下式计算：

$$hd = 1 + \frac{left_demand}{left_time}. \quad (5-9)$$

因为原来在 A 中的分数均小于 1，因此我们的策略相当于给即将结束投放的广告更高的优先级。在我们的实现中，距离结束投放的时间少于 15min 被认为是“紧急广告”，它们的排序分数将使用饥渴度。

最后，一个广告的召回量可能会在相邻的两个训练周期内剧烈变化。比如，在该广告投放的初始阶段，由于冷启动等问题，该广告的召回量会比正常水平低得多。然而训练模块把这个当成了正常水平，因此如果在投放周期内召回量恢复正常，那么服务器就会投放次数过多。为了防止投放数量超过需求量太多，当一个广告在投放周期内的投放量已经超过其训练模块中周期需求量 d_j 的两倍时，该广告将会在该投放周期内停止投放。

5.2.2 投放多于一个广告

上一小节的讨论中，我们限制了一次 PV 最多只能投放一个广告，这将严重限制 PIKA 算法的通用性。针对这个问题，有两种方案来解决：无放回采样和将 X 看做期望。

1) 无放回采样

这种方法在数学上严谨但是很难实现，因为计算复杂度太高。假设 \mathbf{v} 是一个代表在单次采样操作中广告被采样概率的向量，同时每次 PV 最多可以投放 2 个广告，即对于每次 PV 我们应当进行两次无放回采样。因此，广告 j 被采样，或者说被投放，的概率就是

$$\mathbf{p}_j = \mathbf{v}_j + \sum_{i \neq j} \mathbf{v}_i \frac{\mathbf{v}_j}{1 - \mathbf{v}_i}, \forall j. \quad (5-10)$$

作为对比，在最多只能投放 1 个广告的情况下，采样概率就是简单的 $\mathbf{p}_j = \mathbf{v}_j$ 。更严重的是，(5-10) 使得 α 中的元素变得彼此相关，或者说耦合，因此 α 无法像之前那样并行计算。而且这还只是最多投放 2 个广告的情况，泛化的场景将使得这种方案变成灾难。

2) 将 X 看作期望

如果我们将 X 看作期望而不是概率，原本的约束可以简单的被替换为：

$$\begin{aligned} \sum_j X_{ij} \leq 1 &\Rightarrow \sum_j X_{ij} \leq m, \forall i, \\ X_{ij} \geq 0 &\Rightarrow 0 \leq X_{ij} \leq 1, \forall i, j. \end{aligned} \quad (5-11)$$

这些约束代表着每次 PV 最多可以投放 m 个广告，同时每个广告最多投放一次。之前， $X_{ij} \leq 1$ 是被隐式的约束着，因为在 $\sum_j X_{ij} \leq 1$ 的情况下这个约束自然满足。这种方案的训练模块和算法1一样，除了 X 的公式需要换成：

$$X_{ij} = \min\left\{1, \max\left\{0, \frac{1}{\lambda}(A_{ij} - \alpha_j - \beta_i)\right\}\right\}, \forall i, j. \quad (5-12)$$

除此之外，算法1里的 $\sum_j X_{ij} \leq 1$ 和 $\sum_j X_{ij} = 1$ 应改为 $\sum_j X_{ij} \leq m$ 和 $\sum_j X_{ij} = m$ 。

但是，这种方案的困难之处出现在投放模块。算法2所得的 \mathbf{p} 不再代表概率，因此在采样时不能简单的依照 \mathbf{p} 。如果一个广告允许被投放于同一次 PV 两次，我们可以将 \mathbf{p} 简单的分成 m 个子序列（允许将一个元素一分为二），其中每一个子序列之和小于等于 1。我们很容易就可以保证 \mathbf{p} 中的元素最多只被切分一次。之后，根据这些 m 个期望，进行 m 次加权采样。在附录中我们将证明采样的期望和 \mathbf{p} 一样。为了更形象的说明我们的做法，举如下一个例子：假如 $\mathbf{p} = [0.5, 0.6, 0.7]$, $m = 2$ 。则 \mathbf{p} 可以被分成 $\mathbf{p}^1 = [0.5, 0.5]$ 和 $\mathbf{p}^2 = [0.1, 0.7]$ ，其中 0.6 被分成了 0.5 和 0.1。之后，分别根据 \mathbf{p}^1 和 \mathbf{p}^2 采样两次，得到投放的广告。但实际情况是给一次 PV 投放两次相同的广告是不允许的，因此该方法会导致广告 j 的实际采样期望小于 \mathbf{p}_j 。还以刚才的 \mathbf{p} 为例，如果广告 2 已经根据 \mathbf{p}^1 被采样了，则 \mathbf{p}^2 就会变成 $\mathbf{p}^2 = [0.7]$ 。显然，只有在划分 m 块的操作中被切分的 \mathbf{p}_j 会受到影响，而且受影响的广告的数量最多是 $m - 1$ ，这远小于在投广告的数量。再考虑到广告是被随机地切分而且曝光量保底策略可以保证最终的曝光量，这个解决方案相比前一个可用性大大提升。

5.2.3 小时需求量

在 (5-3) 中，周期需求量 \mathbf{d} 通过将总需求量均匀的分摊入投放时段内的训练周期内获得。但是很显然页面访问流量会在白天和夜晚呈现出巨大差别，因此由 (5-3) 得到的 \mathbf{d} 将会在流量高峰时太少而在流量低谷处又太多。我们使用一种小时需求量策略来拟合流量的趋势。广告 j 的总需求量 D_j 根据其投放周期内不同小时的权重被分配到各个小时内，其中权重是一个拟合各个小时流量的经验值。举例来说，假设一个广告的总需求量是 30，投放时长是 3h。同时，这三个小时的权重是 $\mathbf{w} = [4, 5, 6]$ 。那么这三个小时内的期望投放量就是 $\mathbf{e} = [8, 10, 12]$ 。不过，每经过一个小时就会重新分配一次。假设 e_j 是在该小时结束时期望的曝光量， c_j 是当前曝光量， h_j 是直到当前小时结束的剩余时间， T_p 是训练周期。那么最终的当前周期小时需求量 d_j 就是：

$$d_j = T_p \frac{e_j - c_j}{t_j}, \forall j. \quad (5-13)$$

从某种程度上，小时需求量策略也使得投放更平滑。如果投放频率低于预期，那么在当前小时结束前 d_j 就会增大；反之，如果投放频率高于预期，则 d_j 就会减小

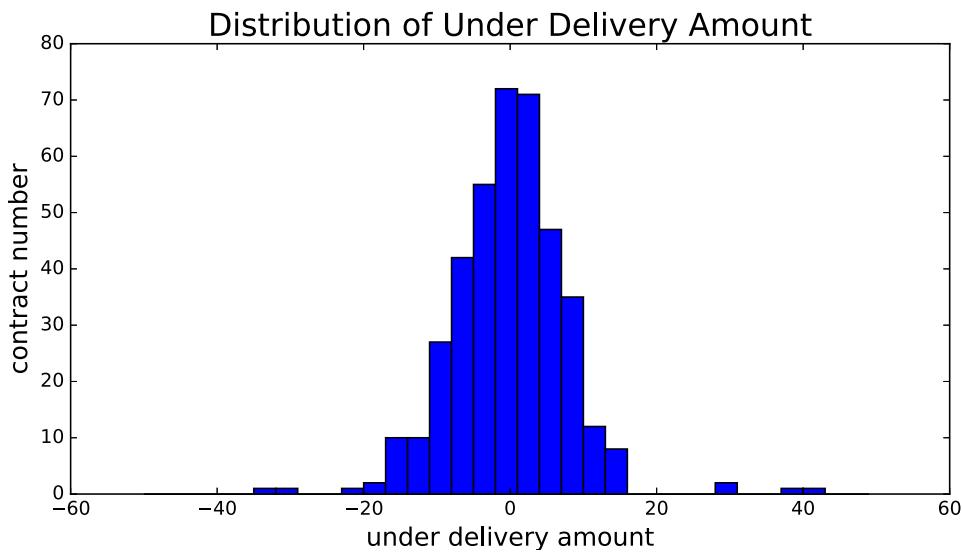


图 5.1 仿真实验中测试数据集的缺投情况统计。训练数据和测试数据各有 50 万次 PV，同时有 400 个广告均有 50 的需求量。这个缺投量的分布和高斯分布非常相似，其中 $\mu = -0.49$, $\sigma = 9.41$ 。

甚至变为 0。

5.3 实验与结果

我们首先进行了仿真实验以验证 PIKA 算法的可行性，之后部署到线上并和之前部署的算法进行对比。

5.3.1 仿真实验

为了简单起见，我们从快手的数据库中提取了某个时间段内的所有页面访问，并按照时序划分为训练集和测试集，各有 50 万次 PV。同时，我们选取 400 个广告投放，各有 50 的需求量。这里我们就不再引入召回机制，而是直接用预测服务器计算所有 PV 对这 400 个广告的点击率（Click-Through Rate, CTR），即 A 中的分数就是 CTR。在仿真实验中只有训练模块和正常的投放模块被实现了，即仿真中没有曝光量保底策略。此外，投放模块中计算出投放概率 p 后没有后续的采样，而是把期望当做投放量。所有已投放广告的预测 CTR 之和被当做目标函数。

图 5.1 是这 400 个广告投放完成后对缺投量的统计。其中 x 轴的分辨率是 3，正数代表缺投，负数代表超投。y 轴是广告落入每个桶内的数量。这个分布非常像高斯分布，其中 $\mu = -0.49$, $\sigma = 9.41$ ，而这个现象也与中心极限定理一致。测试集的需求量之和是 20,000，实际投放量之和是 21,219。最后，训练集的平均 CTR=35.93%，测试集平均 CTR=35.85%。作为对比，简单贪心法的平均 CTR=27.80%，即 PIKA

算法相对提升了 29.0%。

从仿真实验的结果中我们可以总结出：

- PIKA 的投放量的期望是可以满足需求量的，而且缺投量近似服从零均值高斯分布。这个特点侧面证明了曝光量保底策略的必要性，因为正常的投放模块只能保证投放量的期望满足需求，而实际中我们必须满足广告主的需求；
- PIKA 算法可以在训练模块和投放模块取得近似相同的投放效果，侧面证明 PV 的统计特征不会在短时间内剧变，以及我们的算法适用于当前场景。而且，相比于简单贪心法，PIKA 可以在投放效果方面带来明显的改进。

仿真实验已经印证了 PIKA 算法的可用性及其性能，后续我们将算法部署到快手同城页的粉丝头条服务上，通过实际投放广告检验算法性能与效果。

5.3.2 线上实验设置

我们在快手平台上开展了为期一个月的实验来验证 PIKA 算法带来的改进。PIKA 被部署在快手的同城页粉丝头条服务中，在这里广告的召回是基于访问者与广告主之间的定位。每当一次 PV 到来，它会被随机地分到四组服务器其中的一组。同时，每个广告的总需求量也被均匀地分成四份，每一组服务器需要独立的保证各自的需求量得到满足。这套机制在快手被称作“预算隔离”，这是一种 A/B 测试的实现方式，提供了一个高效的实验环境以验证、对比新算法和当前部署算法的性能与效果。在实验期间，这四组中有一组部署了 PIKA 算法，其余三组都是原先的 FC 算法。实验组除了将 FC 替换为 PIKA 之外，其余的上下游服务都和对照组一样。

PIKA 算法中有一些需要提前设置好的超参数，比如正则化系数 λ ，训练周期 T_p 和收敛边界 b ：

- 正则化系数 λ 。 $(5-6)$ 描述了 X 和 λ 之间的关系。结合 $(5-4)$ 来分析， λ 太大会导致投放概率主要受需求量 d 的影响而不是分数 A 。但是，如果 λ 太小，则会迫使 α_j 很接近广告 j 在该训练周期内的最大分数，从而导致算法不稳定，因为最大分数会经常变化剧烈而且求最大值的操作对噪声敏感。根据粗略的实验，我们最终将 λ 设置为一个接近被投放广告平均分数的值。
- 训练周期 T_p 。虽然较小的 T_p 可以确保 α 被经常更新并且减少因为存储历史数据所占用的内存，但是数据不足的话会导致 α 不稳定。反之，较大的 T_p 虽然可以令 α 比较稳定，但是也会使得 α 时效性变差而且占用大量内存。经过权衡，我们最终将 T_p 设为 5min。
- 收敛边界 b 。这个参数是用来判断一个广告是否可解，而且通过上文的分析

我们已经知道只需要设置下界即可。在我们的实现中， b 被设为-1，即如果 $\alpha_j < -1$ 则广告 j 就被认为是无解的。

5.3.3 关键指标

曝光量是最重要的指标之一，实际曝光量应当多于广告主的需求量但又不能超过太多。如果广告的最终曝光量在需求量的上下 5% 范围内，就认为是正常完成了投放；否则被标记为缺投或者超投。

除此之外，主要有 4 个投放效果相关的优化指标：关注率（Follow Rate, FTR）、点击率（Click-Through Rate, CTR）、点赞率（Like Rate, LTR）和点踩率（Hate Rate, HTR）。如果一个访问用户被投放了一个广告，之后他/她关注了作者、点击了广告、给广告点赞或者给广告点踩，则会被算作一次关注、点击、点赞或者点踩。当广告投放结束时，总的关注量、点击量、点赞量和点踩量除以总的曝光量就是关注率、点击率、点赞率和点踩率。

训练耗时和线上反馈延迟也都是重要的指标，这些指标决定了我们的算法是否能够真正在线上使用。

5.3.4 线上实验结果

在每个训练周期内，单台服务器的访问量大概在 10^5 到 10^6 的量级，在投广告数大概在 10^5 量级。页面访问数，即 A 的行数，和总需求量 d 的比值大概在 5 : 1 左右。

我们的 PIKA 算法部署在 56 核 CPU 的服务器上，其中每个 CPU 核是 Intel (R) Xeon (R) CPU E5-2680 v4 @ 2.40GHz。训练时迭代 100 次耗时小于 6s，与之对应的是训练周期为 300s。同时，线上的反馈延迟平均小于 0.2ms。

在曝光量方面，超投广告的数量小于一天总广告数量的 0.1%，缺投广告数量则小于 0.15%。这些曝光量相关的指标，PIKA 表现与 FC 大致相同，因此可以说 PIKA 算法是能够保证投放量的。

因为在训练阶段可能会存在一些广告无解的情况，因此有必要统计无解订单的数量。在单个训练周期内，最多只有 5% 的广告不可解，而且这些无解广告在不同训练周期内频繁变化，也就是说几乎没有广告会在其整个投放时段内一直都是无解的状态。但是，在快手的粉丝头条服务中有一类被称作“商业定向”的广告服务，需要广告主设定一些目标客户的属性，比如年龄等。如果这些目标设定的太详细而需求量却很大，广告的召回量就会被迫减少甚至比需求量还少，这就会使得该广告一直无解。幸运的是，这类广告只占总广告数量不足 0.1%，而这些都是

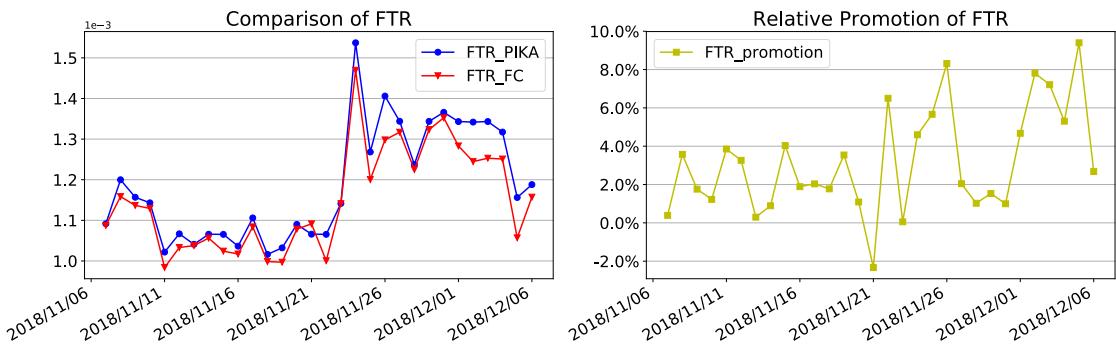


图 5.2 PIKA 算法和 FC 在一个月内的 FTR 比较以及相对提升。除了一天之外 (2018/11/21)，PIKA 的 FTR 均高于 FC 的。相比于 FC，PIKA 的 FTR 平均提升了 +3.48%。

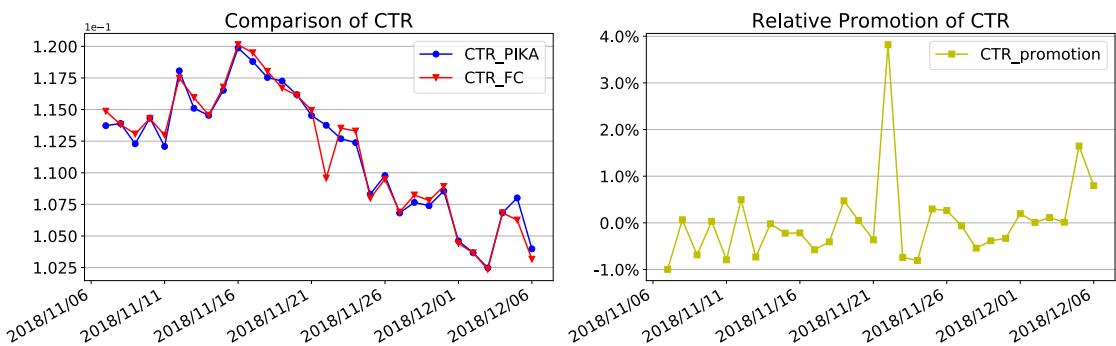


图 5.3 PIKA 算法和 FC 在一个月内的 CTR 比较以及相对提升。PIKA 和 FC 的 CTR 在实验期间没有明显区别，而且最终的平均 CTR，PIKA 只相对提升了 +0.0446%，可以忽略不计。

包括在上一段的缺投统计中的。

PIKA 和 FC 在投放效果指标上的比较以及相对提升展示在图5.2到5.5中，分别对应 FTR、CTR、LTR 和 HTR。左子图中的蓝色圆形线代表着 PIKA 的指标，红色倒三角线代表着 FC 的指标。右子图中的黄色圆形线代表着 PIKA 相比于 FC 的相对提升。理想结果是 PIKA 的 FTR、CTR 和 LTR 均高于 FC，而 PIKA 的 HTR 低于 FC。但是，实际结果是 PIKA 的 FTR 除了一天之外，均高于 FC。二者的 CTR 和 LTR 没有明显区别，而 PIKA 的 HTR 比 FC 稍微低一些。在这四种指标上，一个月以来的总的相对提升幅度是：**FTR +3.476%**，**CTR +0.04463%**，**LTR +0.7522%**，**HTR -1.104%**。虽然在 (2-1) 中，分数是 FTR 和 CTR 的组合，但是 FTR 被给予的更高的权重，因为我们认为 FTR 更重要。LTR 和 HTR 是次要指标，其实是以某种方式隐式地与 FTR 和 CTR 关联着。所以，PIKA 在最重要的，或者主要优化的，指标上（FTR）优于 FC，在其他指标上几乎没有明显区别，因此可以得出结论：在我们的实验中 PIKA 的表现优于 FC。而且，FC 在快手经过了将近一年的调

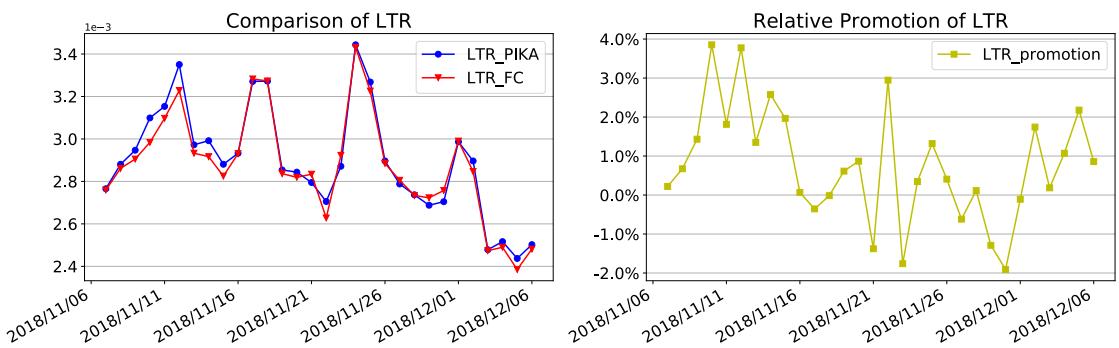


图 5.4 PIKA 算法和 FC 在一个月内的 LTR 比较以及相对提升。LTR 的表现与 CTR 类似，平均 LTR 的相对提升是 +0.752%

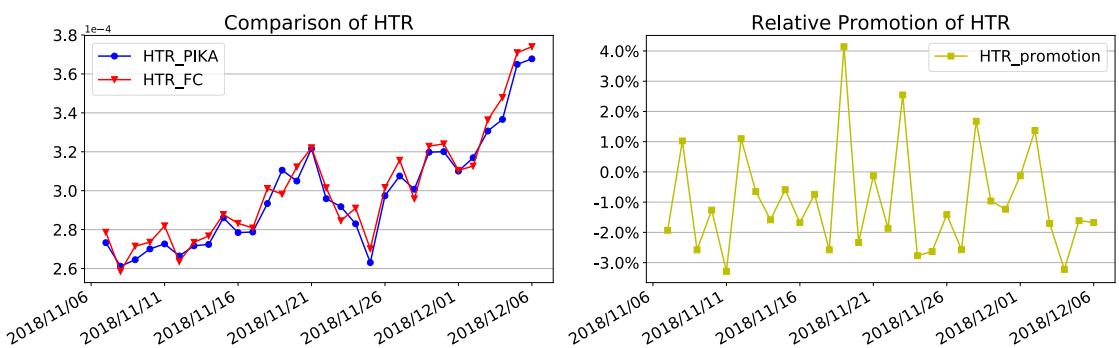


图 5.5 PIKA 算法和 FC 在一个月内的 HTR 比较以及相对提升。不同于其他三个指标，HTR 越低越好。这两条曲线相互交错，平均 HTR 的提升是 -1.10%。

试获得了稳定和良好的效果，但是 PIKA 在上线测试之前仅仅调试了几次而已，因此或许还存在一些改进空间。最后，线上实验中 PIKA 的提升效果不如仿真实验中提升那么明显是因为仿真实验中的基准是简单贪心法，而不是 FC。除此之外，仿真中采用的评价指标是预测 CTR 之和，而不是真实的 CTR，由预测分数带来的偏差和方差也会影响实验结果。

5.4 本章小结

在本章，我们提出了一种最优广告投放算法 PIKA 以在保证广告主曝光量的情况下提升广告的投放效果。我们详细阐释了算法的数学原理，利用带约束优化问题的 KKT 条件给出一种高效的线上投放算法，并介绍一些工程实现上的细节。我们实现了该算法，同时进行了仿真实验，还在快手的同城页粉丝头条服务开展了线上 A/B 测试。仿真实验结果显示 PIKA 的投放量服从正态分布，佐证了曝光量保底策略的必要性，同时投放效果相比于简单贪心法获得了明显提升。线上实验表明，相比于快手原先部署的算法，PIKA 在保证广告主曝光量的前提下，可以在最

主要关心指标上取得更好的效果而在其他指标上持平。最终我们得出结论：PIKA 算法的计算复杂度以及曝光量等性能指标达标，投放效果优于原先部署的流量控制算法。

第6章 结论与展望

6.1 主要工作及贡献

随着智能手机的普及和移动互联网的快速发展，定位问题及其后续应用吸引了越来越多的关注。虽然在相对空旷的室外场景下，GPS 等基于卫星定位的定位方式已经能取得较高的定位精度，但是如何在遮挡严重的城市内以及室内定位目前还处在探索和发展阶段，而且如何解决 GPS 解决不了的发射源定位也是一个研究点。本文针对这两个发射源定位和接收端定位的问题，分别提出了几何模型发射源定位算法和基于曼哈顿切线距离的指纹定位算法，不仅只使用不需要额外硬件支持的接收信号强度作为特征，而且相比于经典算法提高了定位精度。同时，在获得用户位置后据此向用户推送广告是一种可行的商业模式，在保证广告主的广告曝光量的前提下最大化广告投放效果是一个有意义的研究方向。为此本文提出了一种保量推荐下的最优广告投放算法，既在性能和投放量方面满足要求，而且相比于之前部署的算法获得了广告投放效果的提升。具体研究成果和结论总结如下：

- 我们提出了一个基于用户定位的广告投放服务系统，主要由定位和广告投放两大部分组成，之后我们详细介绍了整体系统架构，并着重说明了广告投放部分的系统架构。
- 针对用户作为信号发射源的定位问题，提出了基于接收信号强度的几何模型发射源定位算法，即提出一种新的优化目标函数，本质上是找到一个点使得它到所有圆的边缘的距离之和最小。同时，为了从理论上分析该方法的克拉美罗下界，我们提出了一种基于蒙特卡洛法的估计方法。为了确保我们的算法相比于经典的最大似然估法定位精度的提升具有统计意义，我们还推导了均方根误差的置信区间的计算方法。仿真结果表明在噪声较大的情况下，我们的算法能够取得更小的定位误差而且具有统计显著性，因为相比于无偏的最大似然估计，我们的算法在偏置和方差之间取得折中，即能更好的应对“过拟合”问题。最后我们也利用路测仪实地采集数据，实验结果表明我们的算法依然能取得更高的定位精度，说明我们的算法更适用于在真实环境中对发射源定位。
- 针对用户作为接收端且仅使用接收信号强度的定位问题，我们提出了基于曼哈顿切线距离的指纹定位算法。首先介绍了指纹定位中常用的 K 近邻算法以及常用的距离度量方式，并进一步分析了这些度量方式存在的问题，针对这

些弊端提出了指数变换法和将切线距离应用于指纹定位中。在介绍切线距离及其背后的思想后，我们阐释了如何将切线距离应用于指纹定位中，并突破原来只有基于欧氏距离的切线距离的束缚，提出了基于曼哈顿距离的切线距离，以及在计算复杂度和定位精度之间折中的近似曼哈顿切线距离。我们在清华大学校园内三处不同信道特征的地方利用路测仪实地采集数据，并在数据集上开展实验。实验结果表明曼哈顿切线距离在所有三个数据集上均取得最小的定位误差，而近似曼哈顿切线距离则以小得多的计算复杂度取得了仅次于曼哈顿切线距离的定位精度。

- 针对保量推荐下的广告投放问题，我们提出了一种最优广告投放算法。在将实际问题抽象为数学优化问题后，利用凸优化方法中的 KKT 条件以及对偶问题推导出可以在线上高效投放广告的算法，同时还详细阐述了一些工程实现上的细节，以增加算法的实用性。在部署到线上之前，仿真实验证实了我们的算法的缺投量近似服从零均值正态分布，投放效果明显优于简单贪心算法。之后我们在中国最大的短视频平台之一——快手上开展了为期一个月的线上 A/B 测试，结果显示在计算时间和投放量等性能指标上我们的算法达标；在投放效果指标方面，我们的算法在最主要的指标上优于原先部署的算法而在其他次要指标上持平。最终得出结论：新算法在保证投放量的情况下可以获得比原先算法更好的投放效果。

6.2 进一步工作展望

虽然本论文的研究工作力求能够全面、深入的分析所涉及的问题，但是由于作者时间和能力的限制，仍有一些更深入、更本质的问题需要研究分析。

- 在基于接收信号强度的几何模型发射源定位算法中，我们所提出的算法是一个非凸优化问题，这导致需要多次求解选取损失函数最小的一次，不仅时间开销大，而且还无法保证找到最优解。作为基线的最大似然估计也有同样的问题，不过已经有大量研究致力于将原问题转化为一个凸优化问题并力求减少由此带来的算法的解与真实最优解之间的差距。后续可以参考最大似然法的相关做法，应用于几何模型算法中，在定位误差少量增加的情况下减少计算时间。
- 在基于曼哈顿切线距离的指纹定位算法中，我们通过实测数据发现，在三个数据集上曼哈顿距离的定位精度均高于欧氏距离。首先需要确定这种现象是否具有普适性，如果答案是肯定的，则分析导致这种现象的原因将会具有重要意义。

- 在保量推荐下的最优广告投放算法中，我们的优化目标是投放广告的总分数最高，其中分数是关注率和点击率的线性组合。但是总的实验结果看来只有关注率提升了，点击率却几乎没有变化，而且一个月内几乎每天都是如此。为何唯独出现这种现象，而没有出现关注率不变、点击率提升或者二者皆提升的现象，是一个值得深入研究的点。

插图索引

- 图 1.1 如图所示为快手发现页和同城页的页面设计，本文主要关注右子图即同城页。在同城页展现给用户的视频会先根据用户与视频作者之间的距离筛选。 3
- 图 2.1 如图所示为整个服务机制的系统架构图。智能终端会先向定位服务器发送定位请求，定位服务器根据用户是信号发射源或接收端采取不同的算法计算用户位置，之后返回给终端。获得位置后向广告服务器发送广告请求，服务器计算完成后返回要投放给用户的广告。 9
- 图 2.2 如图所示为针对一次访问投放广告的工作流程，其中箭头上的序号代表了执行顺序。流程从客户端发起广告请求开始，之后中心服务器依次请求召回广告，预测用户对被召回广告的打分和决定投放广告。我们的算法部署在投放策略服务器上。中心服务器、召回服务器、分数预测服务器和投放策略服务器共同构成了广告服务器（群）。10
- 图 3.1 发射源坐标为 $(0, 0)$ ，十个接收者的位置坐标为 $(-126, 62), (-339, 166), (390, 76), (-178, 333), (482, 122), (-234, 141), (230, -45), (-352, 279), (-104, 465), (366, -139)$ 。 18
- 图 3.2 100,000 次仿真下，RMSE、置信区间和 CRLB 的结果。正方形是我们的算法 GBM，上三角是 ML，圆圈是 LLS。点线为 RMSE 的 95% 置信区间。实线是无偏估计的 CRLB，虚线是通过蒙特卡洛法估计的 GBM 的 CRLB。 19
- 图 4.1 如图展示了欧氏距离、流形间距离和切线距离的关系。在信号空间， \mathbf{s} 是测试点， $\hat{\mathbf{s}}$ 是一个训练点。 \mathbf{M}_s 和 \mathbf{M}_{st} 分别是 \mathbf{s} 和 $\hat{\mathbf{s}}$ 所在的流形。 $\widehat{\mathbf{M}}_{st}$ 是 \mathbf{M}_{st} 在 $\hat{\mathbf{s}}$ 处的切线。 d_E 代表 \mathbf{s} 和 $\hat{\mathbf{s}}$ 之间的欧氏距离。 d_M 代表 \mathbf{M}_s 和 \mathbf{M}_{st} 两个流形之间的距离。 d_T 代表 \mathbf{s} 到 \mathbf{M}_{st} 的切线距离。显然，相比于 d_E ， d_T 是对 d_M 更好的估计。 24
- 图 4.2 如图对比了 $\|x\|_1$ 和 $\frac{1}{\beta} \mathbf{1}^T \ln [\cosh(\beta x)] + \ln 2$ 两种函数的差异，其中 $\beta = 10,000$ 。蓝色实线代表曼哈顿距离所基于的绝对值函数，红色虚线代表双曲正切函数的原函数。从图中可以看到，当 $|x| > 0.0002$ 时，二者已经几乎完全重合。 27

-
- 图 4.3 如图所示为我们采集数据的三个区域的卫星图。左上子图为荷塘区域，右上子图为教学区，下子图为紫荆公寓区。 29
- 图 4.4 如图所示为指数变换中参数 λ 与定位均方根误差 RMSE 的关系曲线，蓝色星形线是曼哈顿距离，红色方形线是余弦相似度，绿色圆形线是欧氏距离。当 $\lambda > 7$ 后 RMSE 几乎没有明显变化。 30
- 图 4.5 如图所示为 KNN 中参数 k 与定位均方根误差 RMSE 的关系曲线，蓝色星形线是曼哈顿距离，绿色圆形线是余弦相似度，红色方形线是欧氏距离。当 k 取 2 或 3 时可以取得最小定位误差。 31
- 图 4.6 如图所示为求解切线距离时求导数所需近邻数 N 与定位均方根误差 RMSE 的关系曲线，蓝色星形线是曼哈顿切线距离 MTD，红色方形线是近似曼哈顿切线距离 AMTD。由于实验次数少导致曲线波动较大，不过大致可以看出当 $N > 2$ 时几乎没有太大的变化。 32
- 图 5.1 仿真实验中测试数据集的缺投情况统计。训练数据和测试数据各有 50 万次 PV，同时有 400 个广告均有 50 的需求量。这个缺投量的分布和高斯分布非常相似，其中 $\mu = -0.49$, $\sigma = 9.41$ 。 44
- 图 5.2 PIKA 算法和 FC 在一个月内的 FTR 比较以及相对提升。除了一天之外（2018/11/21），PIKA 的 FTR 均高于 FC 的。相比于 FC，PIKA 的 FTR 平均提升了 +3.48%。 47
- 图 5.3 PIKA 算法和 FC 在一个月内的 CTR 比较以及相对提升。PIKA 和 FC 的 CTR 在实验期间没有明显区别，而且最终的平均 CTR，PIKA 只相对提升了 +0.0446%，可以忽略不计。 47
- 图 5.4 PIKA 算法和 FC 在一个月内的 LTR 比较以及相对提升。LTR 的表现与 CTR 类似，平均 LTR 的相对提升是 +0.752% 48
- 图 5.5 PIKA 算法和 FC 在一个月内的 HTR 比较以及相对提升。不同于其他三个指标，HTR 越低越好。这两条曲线相互交错，平均 HTR 的提升是 -1.10%。 48

表格索引

表 1.1 广告投放举例	2
表 3.1 实测数据实验结果	20
表 4.1 指数变换后 RMSE 比较	30
表 4.2 切线距离定位效果对比	33
表 4.3 切线距离定位效果对比	33
表 A.1 广告 j 被采样次数的概率（无限制）	64
表 A.2 广告 j 被采样次数的概率（最多被采样一次）	64

公式索引

公式 2-1	10
公式 3-1	12
公式 3-2	12
公式 3-3	12
公式 3-4	12
公式 3-5	13
公式 3-6	13
公式 3-7	13
公式 3-8	13
公式 3-9	13
公式 3-10	13
公式 3-11	14
公式 3-12	14
公式 3-13	14
公式 3-14	15
公式 3-15	15
公式 3-16	15
公式 3-17	15
公式 3-18	15
公式 3-19	15
公式 3-20	16
公式 3-21	16
公式 3-22	17

公式 3-23	17
公式 3-24	20
公式 4-1	22
公式 4-2	23
公式 4-3	23
公式 4-4	25
公式 4-5	25
公式 4-6	25
公式 4-7	25
公式 4-8	26
公式 4-9	26
公式 4-10	26
公式 4-11	26
公式 4-12	28
公式 5-1	36
公式 5-2	36
公式 5-3	36
公式 5-4	37
公式 5-5	37
公式 5-6	38
公式 5-7	38
公式 5-8	39
公式 5-9	41
公式 5-10	42
公式 5-11	42
公式 5-12	42

公式索引

公式 5-13 43

参考文献

- [1] Xiao J, Zhou Z, Yi Y, et al. A survey on wireless indoor localization from the device perspective [J]. ACM Computing Surveys (CSUR), 2016, 49(2): 25.
- [2] Vaghefi R M, Gholami M R, Buehrer R M, et al. Cooperative received signal strength-based sensor localization with unknown transmit powers[J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2013, 61(6): 1389-1403.
- [3] Jackson B R, Wang S, Inkol R. Received signal strength difference emitter geolocation least squares algorithm comparison[C]//Electrical and Computer Engineering (CCECE), 2011 24th Canadian Conference on. [S.l.]: IEEE, 2011: 001113-001118.
- [4] Liu B C, Lin K H, Wu J C. Analysis of hyperbolic and circular positioning algorithms using stationary signal-strength-difference measurements in wireless communications[J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2006, 55(2): 499-509.
- [5] Bahl P, Padmanabhan V N. Radar: An in-building rf-based user location and tracking system [C]//INFOCOM 2000. Nineteenth Annual Joint Conference of the IEEE Computer and Communications Societies. Proceedings. IEEE: volume 2. [S.l.]: Ieee, 2000: 775-784.
- [6] Guvenc I, Chong C C. A survey on toa based wireless localization and nlos mitigation techniques [J]. IEEE Communications Surveys & Tutorials, 2009, 11(3).
- [7] Catovic A, Sahinoglu Z. The cramer-rao bounds of hybrid toa/rss and tdoa/rss location estimation schemes[J]. IEEE Communications Letters, 2004, 8(10): 626-628.
- [8] Cong L, Zhuang W. Hybrid tdoa/aoa mobile user location for wideband cdma cellular systems [J]. IEEE Transactions on Wireless Communications, 2002, 1(3): 439-447.
- [9] Junglas I A, Watson R T. Location-based services[J]. Communications of the ACM, 2008, 51 (3): 65.
- [10] 赵杨, 袁析妮, 陈亚文, 等. 基于机器学习混合算法的 app 广告转化率预测研究[J]. 数据分析与知识发现, 2018, 2(11): 2-9.
- [11] Korula N, Mirrokni V S, Nazerzadeh H. Optimizing display advertising markets: Challenges and directions.[J]. IEEE Internet Computing, 2016, 20(1): 28-35.
- [12] McAfee R P, Papineni K, Vassilvitskii S. Maximally representative allocations for guaranteed delivery advertising campaigns[J]. Review of Economic Design, 2013, 17(2): 83-94.
- [13] Wang S, Inkol R. A near-optimal least squares solution to received signal strength difference based geolocation[C]//Acoustics, Speech and Signal Processing (ICASSP), 2011 IEEE International Conference on. [S.l.]: IEEE, 2011: 2600-2603.
- [14] Gentile C, Alsindi N, Raulefs R, et al. Geolocation techniques: Principles and applications[M]. [S.l.]: Springer Science & Business Media, 2012
- [15] Xia S, Liu Y, Yuan G, et al. Indoor fingerprint positioning based on wi-fi: an overview[J]. ISPRS International Journal of Geo-Information, 2017, 6(5): 135.
- [16] Yen L, Yan C H, Renu S, et al. A modified wknn indoor wi-fi localization method with differential coordinates[C]//Applied System Innovation (ICASI), 2017 International Conference on. [S.l.]: IEEE, 2017: 1822-1824.

- [17] Marques N, Meneses F, Moreira A. Combining similarity functions and majority rules for multi-building, multi-floor, wifi positioning[C]//Indoor Positioning and Indoor Navigation (IPIN), 2012 International Conference on. [S.l.]: IEEE, 2012: 1-9.
- [18] Han S, Zhao C, Meng W, et al. Cosine similarity based fingerprinting algorithm in wlan indoor positioning against device diversity[C]//Communications (ICC), 2015 IEEE International Conference on. [S.l.]: IEEE, 2015: 2710-2714.
- [19] Torres-Sospedra J, Montoliu R, Trilles S, et al. Comprehensive analysis of distance and similarity measures for wi-fi fingerprinting indoor positioning systems[J]. Expert Systems with Applications, 2015, 42(23): 9263-9278.
- [20] Simard P Y, LeCun Y A, Denker J S, et al. Transformation invariance in pattern recognition —tangent distance and tangent propagation[M]//Neural networks: tricks of the trade. [S.l.]: Springer, 1998: 239-274
- [21] Roweis S T, Saul L K. Nonlinear dimensionality reduction by locally linear embedding[J]. science, 2000, 290(5500): 2323-2326.
- [22] Xu J, Lee K c, Li W, et al. Smart pacing for effective online ad campaign optimization[C]// Proceedings of the 21th ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining. [S.l.]: ACM, 2015: 2217-2226.
- [23] Mehta A, Saberi A, Vazirani U, et al. Adwords and generalized on-line matching[C]//46th Annual IEEE Symposium on Foundations of Computer Science (FOCS'05). [S.l.]: IEEE, 2005: 264-273.
- [24] Feldman J, Henzinger M, Korula N, et al. Online stochastic packing applied to display ad allocation[C]//European Symposium on Algorithms. [S.l.]: Springer, 2010: 182-194.
- [25] Devanur N R, Hayes T P. The adwords problem: online keyword matching with budgeted bidders under random permutations[C]//Proceedings of the 10th ACM conference on Electronic commerce. [S.l.]: ACM, 2009: 71-78.
- [26] Turner J. The planning of guaranteed targeted display advertising[J]. Operations research, 2012, 60(1): 18-33.
- [27] Chen Y, Berkhin P, Anderson B, et al. Real-time bidding algorithms for performance-based display ad allocation[C]//Proceedings of the 17th ACM SIGKDD international conference on Knowledge discovery and data mining. [S.l.]: ACM, 2011: 1307-1315.
- [28] Devanur N R, Jain K, Sivan B, et al. Near optimal online algorithms and fast approximation algorithms for resource allocation problems[C]//Proceedings of the 12th ACM conference on Electronic commerce. [S.l.]: ACM, 2011: 29-38.
- [29] Alaei S, Hajiaghayi M, Liaghat V. Online prophet-inequality matching with applications to ad allocation[C]//Proceedings of the 13th ACM Conference on Electronic Commerce. [S.l.]: ACM, 2012: 18-35.
- [30] Karande C, Mehta A, Srikant R. Optimizing budget constrained spend in search advertising[C]// Proceedings of the sixth ACM international conference on Web search and data mining. [S.l.]: ACM, 2013: 697-706.
- [31] Agarwal D, Ghosh S, Wei K, et al. Budget pacing for targeted online advertisements at linkedin [C]//Proceedings of the 20th ACM SIGKDD international conference on Knowledge discovery and data mining. [S.l.]: ACM, 2014: 1613-1619.

- [32] Bharadwaj V, Chen P, Ma W, et al. Shale: an efficient algorithm for allocation of guaranteed display advertising[C]//Proceedings of the 18th ACM SIGKDD international conference on Knowledge discovery and data mining. [S.l.]: ACM, 2012: 1195-1203.
- [33] Vee E, Vassilvitskii S, Shanmugasundaram J. Optimal online assignment with forecasts[C]//Acm Conference on Electronic Commerce. [S.l.: s.n.], 2010.
- [34] Agrawal S, Wang Z, Ye Y. A dynamic near-optimal algorithm for online linear programming[J]. Operations Research, 2014, 62(4): 876-890.
- [35] Huang J C, Jenatton R, Archambeau C. Online dual decomposition for performance and delivery-based distributed ad allocation[C]//Proceedings of the 22nd ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining. [S.l.]: ACM, 2016: 117-126.
- [36] Kesselheim T, Tönnis A, Radke K, et al. Primal beats dual on online packing lps in the random-order model[C]//Proceedings of the forty-sixth annual ACM symposium on Theory of computing. [S.l.]: ACM, 2014: 303-312.
- [37] Lee K C, Jalali A, Dasdan A. Real time bid optimization with smooth budget delivery in online advertising[C]//Proceedings of the Seventh International Workshop on Data Mining for Online Advertising. [S.l.]: ACM, 2013: 1.
- [38] Chapelle O, Manavoglu E, Rosales R. Simple and scalable response prediction for display advertising[J]. ACM Transactions on Intelligent Systems and Technology (TIST), 2015, 5(4): 61.
- [39] Erceg V, Greenstein L J, Tjandra S Y, et al. An empirically based path loss model for wireless channels in suburban environments[J]. IEEE Journal on selected areas in communications, 1999, 17(7): 1205-1211.
- [40] Kay S M. Fundamentals of statistical signal processing[M]. [S.l.]: Prentice Hall PTR, 1993
- [41] Garey M R, Johnson D S. Computers and intractability: volume 29[M]. [S.l.]: wh freeman New York, 2002

致 谢

衷心感谢导师 xxx 教授和物理系 xxx 副教授对本人的精心指导。他们的言传身教将使我终生受益。

在美国麻省理工学院化学系进行九个月的合作研究期间，承蒙 xxx 教授热心指导与帮助，不胜感激。感谢 xx 实验室主任 xx 教授，以及实验室全体老师和同学们的热情帮助和支持！本课题承蒙国家自然科学基金资助，特此致谢。

感谢 L^AT_EX 和 THUTHESIS^[?]，帮我节省了不少时间。

声 明

本人郑重声明：所呈交的学位论文，是本人在导师指导下，独立进行研究工作所取得的成果。尽我所知，除文中已经注明引用的内容外，本学位论文的研究成果不包含任何他人享有著作权的内容。对本论文所涉及的研究工作做出贡献的其他个人和集体，均已在文中以明确方式标明。

签 名： _____ 日 期： _____

附录 A 依期望采样的证明

这里，我们将证明在允许一个广告被投放于同一 PV 两次的情况下，采样的期望等于计算所得的期望。

因为我们已经约束了 $0 \leq X_{ij} \leq 1$ ，因此划分操作可以很容易保证 \mathbf{p} 中的元素最多只被切分两次。于是现在只剩两种可能：

1) \mathbf{p}_j 没被切分。

这种情况是平凡的，因为显然广告 j 被采样的期望就是 \mathbf{p}_j 。

2) \mathbf{p}_j 被切分。

假设 \mathbf{p}_j 被分成两份： p_1 和 p_2 。表A.1展现了广告 j 被采样次数的概率，最后一行的期望是 $p_1 + p_2$ ，而这正好就是 \mathbf{p}_j 。

表 A.1 广告 j 被采样次数的概率（无限制）

被采样次数	0	1	2
概率	$(1 - p_1)(1 - p_2)$	$p_1(1 - p_2) + (1 - p_1)p_2$	p_1p_2
期望	$p_1(1 - p_2) + (1 - p_1)p_2 + 2p_1p_2 = p_1 + p_2$		

总之，如果一个广告可以被投放于同一个 PV 多于一次，则广告被采样，或者说被投放，的期望就是 \mathbf{p} 。

但是，如果广告 j 已经根据 p_1 被采样了，那么 p_2 就会被忽略的话，概率和期望就会变成表A.2。此时被采样的期望不再等于 \mathbf{p}_j ，而是比 \mathbf{p}_j 少了 p_1p_2 。不过由于只有最多 $m - 1$ 个 \mathbf{p}_j 会被切分，这启发了我们最好切分那些 \mathbf{p}_j 较小的广告，从而减少采样的期望和计算所得期望的差距。

表 A.2 广告 j 被采样次数的概率（最多被采样一次）

被采样次数	0	1
概率	$(1 - p_1)(1 - p_2)$	$p_1 + (1 - p_1)p_2$
期望	$p_1 + p_2 - p_1p_2$	

个人简历、在学期间发表的学术论文与研究成果

个人简历

1993 年 11 月 20 日出生于辽宁省沈阳市。

2012 年 9 月考入清华大学电子工程系电子信息科学类专业，2016 年 7 月本科毕业并获得工学学士学位。

2016 年 9 月免试进入清华大学电子工程系攻读信息与通信工程学位至今。

发表的学术论文

- [1] Zhihe Li, Xiaofeng Zhong, and Zechen Cui. “Evaluating forecasting algorithm of realistic datasets based on machine learning.” Proceedings of the 2nd International Conference on Innovation in Artificial Intelligence. ACM, 2018. (EI 收录, 检索号:20183905853244.)
- [2] Zhihe Li, Xiaofeng Zhong, and Jie Wei. “A Novel Geometry-Based Model for Localization Based on Received Signal Strength.” 2018 IEEE 87th Vehicular Technology Conference (VTC Spring). IEEE, 2018. (EI 收录, 检索号:20183205660551.)
- [3] Zhihe Li, Xiaofeng Zhong, Jie Wei, and Han Shi. “The Application of Manhattan Tangent Distance in Outdoor Fingerprint Localization.” 2018 IEEE Global Communications Conference (GLOBECOM). IEEE, 2018.
- [4] Huangqing Chen, Zhihe Li, Xiaofeng Zhong, and Jing Wang. "Energy-Saving Algorithm with Dimension Reduction on the Uplink for Multimedia Push." 2017 IEEE 86th Vehicular Technology Conference (VTC-Fall). IEEE, 2017. (EI 收录, 检索号:20181605013949 .)

综合论文训练记录表

学生姓名		学号		班级	
论文题目					
主要内容以及进度安排	<p style="text-align: right;">指导教师签字: _____</p> <p style="text-align: right;">考核组组长签字: _____</p> <p style="text-align: right;">年 月 日</p>				
中期考核意见	<p style="text-align: right;">考核组组长签字: _____</p> <p style="text-align: right;">年 月 日</p>				

指导教师评语	
	指导教师签字: _____ 年 月 日
评阅教师评语	
	评阅教师签字: _____ 年 月 日
答辩小组评语	
	答辩小组组长签字: _____ 年 月 日

总成绩: _____

教学负责人签字: _____

年 月 日