

The background features abstract, overlapping green geometric shapes in various shades, primarily concentrated on the right side of the frame. The shapes include triangles and polygons, creating a dynamic, layered effect. The colors range from light lime green to deep forest green.

sol

by tsx

# T1

- ▶ 预处理对每一个  $i$ ，若从  $S$  的第  $i$  位开始匹配，则整个串  $T$  最多能让  $S$  匹配到哪里。
- ▶ 由于只有  $n$  个位置，所以一直匹配下去一定有一个  $\leq n$  的循环节。
- ▶ 找到循环节后直接算就可以了。
- ▶ 时间复杂度  $O(nm + q)$ 。
- ▶ 当然用倍增/子序列自动机一类的东西也能搞。

# T2

- ▶ 若  $x, y$  之间不存在祖先后代关系，那么直接考虑从  $x$  所在的子树和  $y$  所在的子树中选出两个点，使得它们的 lca 分别是  $x, y$ 。
- ▶ 这实际上就直接是子树大小平方减去所有孩子的子树大小平方，预处理一下即可。
- ▶ 若  $x$  是  $y$  的祖先，那么情形是类似的，只不过  $x$  点的子树要改为去掉那个包含  $y$  的儿子的子树。方案数也可以直接通过上面的预处理  $O(1)$  得到。
- ▶ 包含  $y$  的儿子可以用倍增或树剖求出。
- ▶ 注意有序会带来  $\times 4$  的贡献。
- ▶ 时间复杂度  $O((n + m) \log n)$ 。

# T3

- ▶ 暴力。
- ▶ 考虑不可能枚举三个点，所以尝试枚举中心点，再枚举位于中心点子树里的两个点。
- ▶ 那么我们就要对每个子树里的点对，算中心点子树外贡献的答案，假设点对有  $x$  个，子树外的点有  $y$  个，那么容易使用排序和二分做到  $(x + y) \log(x + y)$ 。
- ▶ 这里的做法其实就是说，将一边排序，然后对另一边的每个点对/点去做二分，找出答案，因为我们要算出每个点的答案，所以实际上两边都要做一遍。
- ▶ 神奇的事情是， $\sum x$  和  $\sum y$  都是  $O(n^2)$  量级，所以总的复杂度是  $O(n^2 \log n)$ 。
- ▶ 但是，sort 和 lower\_bound 很快，暴力也很快，所以最后出到了 3000。

# T4

- ▶ 第一步破环为链。
- ▶  $n^2$  暴力很显然，直接打出能打的最大的牌就好了。
- ▶ 考虑如何优化。首先关注我们什么时候会打出牌 1。
- ▶ 这肯定是要让所有的 2,3,4 牌都打完的前提下我们才会打 1，所以为了方便计算，我们可以直接让小 T 碰到 2,3,4 牌直接打出，那这样的话打出的 1 的数量也是正确的。
- ▶ 考虑一个记录一个类似前缀和的  $a_i$ ，其中若当前的牌为 2,3,4，则分别令  $a_i = a_{i-1} + 1, 2, 3$ ，否则  $a_i = a_{i-1} - 1$ 。实际上  $a_i$  表征的是，如果从最开始出发在  $i$  这个位置往后还能抽多少牌。这个数组是可以差分的，所以我们可以去算出从  $s$  出发到  $i$  这个位置往后能抽多少牌。
- ▶ 那么当第一次  $a_i \leq a_s - k$  时，就代表着从  $i$  往后抽不了牌了，这个时候就必须使用牌 1 来抽牌。

# T4

- ▶ 这个过程还可以继续下去，我们可以找到第二个，第三个必须打出 1 的位置。
- ▶ 但是我们不是无限费大神，所以我们还要考虑费用。
- ▶ 可以发现，当打出 1 的时候，费用实际上已经确定了，它就是当前抽到的牌中所有 2,3,4 的牌数总和。
- ▶ 所以我们可以知道到哪里费用就不够了，所以我们可以算出打出的最后一个 1。
- ▶ 那么之后可以将牌 1 视为牌 0，接着考虑牌 2 如何打出。
- ▶ 但现在有两个问题，第一个是我们怎么知道一定有牌 1 来让我们打出，第二个是这玩意复杂度还是爆炸。
- ▶ 第一个问题的解决方法上面类似，记录  $b_i$ ，其中若当前的牌为 1,2,3,4，则分别令  $b_i = b_{i-1} + 0,1,2,3$ ，否则  $b_i = b_{i-1} - 1$ 。那么一旦  $b_i \leq b_s - p$  就代表我们需要打出牌 0，但是打出牌 0 根本没用，所以我们可以知道一个答案的上界，如果没超过这个上界就一定有非零牌可打，所以直接让答案和它取 min 即可。

# T4

- ▶ 复杂度的问题也是好解决的。注意到这里除了第一次找，剩下的都是直接找形如  $a_j < a_i$  的第一个  $j$ ，所以直接预处理之后倍增即可。
- ▶ 时间复杂度  $O(K(n+m)\log n)$ ，其中  $K$  为牌的种类数。