

# 贪心

## 贪心

### 分发问题

C2-搬题

分发饼干

分发糖果

### 找零问题

柠檬水找零

2014-C3-大家一起数钢镚

2015-C3-怠惰的王木木II

### 区域选择问题

无重叠区间

用最少数量的箭引爆气球

### 跳跃问题

跳跃游戏

跳跃游戏 II

### 分数背包

2014-C4-机智零崎不会没梗 I

【深基12.例1】部分背包问题

### 哈夫曼编码

2014-C4-机智零崎不会没梗 II

### 排序重写cmp问题

两地调度

贪心算法是对完成一件事情的方法的描述，贪心算法每一次都做出**当前看起来最好的选择**，而不用考虑其它可能的选择。

## 分发问题

### C2-搬题

### 分发饼干

- 先排序，然后直接贪心，先满足小的然后注意往后满足大的

```
int findContentChildren(vector<int>& g, vector<int>& s) {
    int gn = g.size();
    int sn = s.size();
    int ans = 0;
    sort(g.begin(), g.end());
    sort(s.begin(), s.end());
    for(int i = 0, j = 0; i < gn && j < sn ; i++, j++)
    {
        while(i < gn && j < sn && s[j] < g[i])
            j++;
        if(j >= sn)
            break;
        else
            ans++;
    }
}
```

```
    return ans;
}
```

## 分发糖果

我们可以将「相邻的孩子中，评分高的孩子必须获得更多的糖果」这句话拆分为两个规则，分别处理。

左规则：当 `ratings[i-1]<ratings[i]` 时，`i` 号学生的糖果数量将比 `i-1` 号孩子的糖果数量多。

右规则：当 `ratings[i]>ratings[i+1]` 时，`i` 号学生的糖果数量将比 `i+1` 号孩子的糖果数量多。

我们遍历该数组两次，处理出每一个学生分别满足左规则或右规则时，最少需要被分得的糖果数量。每个人最终分得的糖果数量即为这两个数量的最大值。

具体地，以左规则为例：我们从左到右遍历该数组，假设当前遍历到位置 `i`，如果有 `ratings[i-1]<ratings[i]` 那么 `i` 号学生的糖果数量将比 `i-1` 号孩子的糖果数量多，我们令 `left[i]=left[i-1]+1` 即可，否则我们令 `left[i]=1`。

在实际代码中，我们先计算出左规则 `left` 数组，在计算右规则的时候只需要用单个变量记录当前位置的右规则，同时计算答案即可。

```
int candy(int* ratings, int ratingsSize) {
    int left[ratingsSize];
    for (int i = 0; i < ratingsSize; i++) {
        if (i > 0 && ratings[i] > ratings[i - 1]) {
            left[i] = left[i - 1] + 1;
        } else {
            left[i] = 1;
        }
    }
    int right = 0, ret = 0;
    for (int i = ratingsSize - 1; i >= 0; i--) {
        if (i < ratingsSize - 1 && ratings[i] > ratings[i + 1]) {
            right++;
        } else {
            right = 1;
        }
        ret += fmax(left[i], right);
    }
    return ret;
}
```

## 找零问题

### 柠檬水找零

- 由于面值较小的零钱可以匹配更多的情况，所以优先选择面值较大的零钱进行找零

```
bool lemonadeChange(int* bills, int billsSize){
    int f = 0, t = 0;
    for(int i = 0; i < billsSize; i++){
        {
            if(bills[i]==5)
```

```

        f++;
    else if(bills[i]==10)
    {
        if(f==0)
            return false;
        else
        {
            f--,t++;
        }
    }
    else
    {
        if( t > 0 && f > 0)
        {
            t--,f--;
        }
        else if(t==0 && f >= 3)
        {
            f-=3;
        }
        else
            return false;
    }
}
}

```

[2014-C3-大家一起数钢镚](#)

[2015-C3-怠惰的王木木II](#)

## 区域选择问题

### 无重叠区间

[2014-C3-忙碌的Nova君](#)

[2015-C3-Magry的朋友很多 - Wonderland的邀请篇](#)

- 其实就是**总的区间个数**减去**最多无重叠区间的个数**（经典贪心问题），得到的结果就是**需要移除最小区间的个数**。
- 求最多无重叠区间的个数——对**区间结束时间**进行排序即可

```

#include<cstdio>
#include<cstdlib>
#include<cstring>
#define ms(a,b) memset(a,b,sizeof(a))
using namespace std;
inline int read()
{
    int x=0,w=1; char ch=0;
    while(ch<'0' || ch>'9') {if(ch=='-') w=-1;ch=getchar();}
    while(ch>='0' && ch<='9') x=(x<<3)+(x<<1)+ch-'0',ch=getchar();
}

```

```

        return X*w;
    }
    inline void write(int x) {
        if(x < 0)putchar('-'),x=-x;
        if (x > 9)write(x / 10);
        putchar(x % 10 + 48);
    }
    int n,cnt,i,j;
    struct task{
        int s;
        int f;
    }t[1000007];
    int cmp(const void*p1,const void*p2)
    {
        struct task *a=(struct task*)p1;
        struct task *b=(struct task*)p2;
        if(a->f!=b->f) return a->f-b->f;
        else return a->s-b->s;
    }
    int main(){
        while(~scanf("%d",&n))
        {
            cnt = 1;
            ms(t,0);
            for(i=0;i<n;i++)
            {
                t[i].s = read();
                t[i].f = read();
            }
            qsort(t,n,sizeof(struct task),cmp);
            i = 0;
            for(j = 1;j<n;j++)
            {
                if(t[i].f<=t[j].s)
                {
                    cnt++;
                    i = j;
                }
            }
            write(cnt);
            putchar('\n');
        }
        return 0;
    }

```

## 用最少数量的箭引爆气球

```

#include<cstdio>
#include<cstdlib>
#include<cstring>
#define ms(a,b) memset(a,b,sizeof(a))
using namespace std;
inline int read()
{
    int x=0,w=1; char ch=0;
    while(ch<'0' || ch>'9') {if(ch=='-') w=-1;ch=getchar();}
    while(ch>='0' && ch<='9') x=(x<<3)+(x<<1)+ch-'0',ch=getchar();
}

```

```

        return X*w;
    }
    inline void write(int x) {
        if(x < 0)putchar('-'),x=-x;
        if (x > 9)write(x / 10);
        putchar(x % 10 + 48);
    }
    int n,cnt;
    struct task{
        int s;
        int f;
    }t[100007];
    int cmp(const void*p1,const void*p2)
    {
        struct task *a=(struct task*)p1;
        struct task *b=(struct task*)p2;
        if(a->f!=b->f) return a->f-b->f;
        else return a->s-b->s;
    }
    int main(){
        while(~scanf("%d",&n))
        {
            cnt = 1;
            ms(t,0);
            for(int i=0;i<n;i++)
            {
                t[i].s = read();
                t[i].f = read();
            }
            qsort(t,n,sizeof(struct task),cmp);
            int pos = t[0].f;
            for (int i = 0; i < n; ++i) {
                if (t[i].s > pos) {
                    pos = t[i].f;
                    ++cnt;
                }
            }
            write(cnt);
            putchar('\n');
        }
        return 0;
    }

```

## 跳跃问题

### 跳跃游戏

- 维护最远距离，判断最远距离能否到达终点

```

bool canJump(int* nums, int numsSize){
    if(numsSize == 1) return true;
    int rightmost = 0;
    for(int i = 0;i<numsSize;i++)
    {
        if(i<=rightmost)

```

```

    {
        rightmost = fmax(rightmost,i+nums[i]);
        if(rightmost>=numSize-1)
            return true;
    }
}
return false;
}

```

## 跳跃游戏 II

```

int jump(int* nums, int numSize){
    int cnt=0,maxfar=0,end=0;
    for(int i=0;i<numSize-1;i++)
    {
        maxfar = fmax(maxfar,i+nums[i]);
        if(i == end)
        {
            end = maxfar;
            cnt++;
        }
    }
    return cnt;
}

```

## 分数背包

### 2014-C4-机智零崎不会没梗 I

- 贪心就完事了，但是要注意 `add = min(g , Node[cnt].w);`

```

#include<cstdio>
#include<algorithm>
using namespace std;
int i,j,cnt = 0,k;
double g,w,v,n,res,add;
struct node{
    double w;
    double rate;
    inline bool operator < (const node& o)const {
        return o.rate < rate;
    }
}Node[10007];
int main(){
    while(~scanf("%lf %d %lf",&g,&k,&n))
    {
        for(int i = 0;i<k;i++)
        {
            scanf("%lf %lf",&w,&v);
            Node[i].w = w;
            Node[i].rate = v/w;
        }
        sort(Node,Node+k);
        cnt = 0;
    }
}

```

```

    res = 0.0;
    for(int i = 0; i < k; i++)
    {
        while(g > 0.0 && cnt < k && Node[cnt].rate > 0)
        {
            add = min(g, Node[cnt].w);
            res += add * Node[cnt++].rate;
            g -= add;
        }
    }
    if(res >= n) puts("summon!");
    else printf("%.3lf\n", n - res);
}
return 0;
}

```

## 【深基12.例1】部分背包问题

- 考虑了精度问题，值得借鉴

```

#include <cstdio>
#include <algorithm> //用到sort
using namespace std;
struct Node { //金币结构体
    int w, v; //w表示重量, v表示价值
} a[110];
int read() { //普通的快读, 不解释
    int x = 0, f = 1;
    char c = getchar();
    while(c < '0' || c > '9') {
        if(c == '-') f = -1;
        c = getchar();
    }
    while(c >= '0' && c <= '9') {
        x = x * 10 + c - '0';
        c = getchar();
    }
    return x * f;
}
bool cmp(Node aa, Node bb) { //定义排序方法
    return aa.v * bb.w > aa.w * bb.v; //按性价比从高到低排序, 为防止精度问题直接交叉相乘
}
int main() { //主函数
    int n = read(), m = read();
    double ans = 0; //记录答案
    for(int i = 1; i <= n; i++) a[i].w = read(), a[i].v = read();
    sort(a + 1, a + n + 1, cmp); //排序
    for(int i = 1; i <= n; i++) { //一次遍历
        if(a[i].w <= m) ans += a[i].v, m -= a[i].w; //够就全拿
        else { //不够
            ans += a[i].v * m * 1.0 / (a[i].w * 1.0); //拿上能拿的部分, 注意强转double
            break; //直接退出循环
        }
    }
    printf("%.2lf", ans); //保留2位小数
    return 0; //华丽结束
}

```

# 哈夫曼编码

## 2014-C4-机智零崎不会没梗Ⅱ

```
#include<iostream>
#include<cstring>
#include<queue>
#define ms(a,b) memset(a,b,sizeof(a))
typedef long long LL;
using namespace std;
inline LL read()
{
    LL x=0,w=1; char ch=0;
    while(ch<'0' || ch>'9') {if(ch=='-') w=-1;ch=getchar();}
    while(ch>='0' && ch<='9') x=(x<<3)+(x<<1)+ch-'0',ch=getchar();
    return x*w;
}
inline void write(LL x) {
    if(x < 0)putchar('-'),x=-x;
    if (x > 9)write(x / 10);
    putchar(x % 10 + 48);
}
char s[2021];
LL fre[100],ans,t,i,sum,a,b,l;
priority_queue <LL,vector<LL>,greater<LL> > q;
int main(){
    t = read();
    while(t--){
        {
            ms(fre,0);
            ans = sum = 0;
            while(!q.empty())
                q.pop();
            scanf("%s",s);
            l = strlen(s);
            for(i=0;i<l;i++){
                fre[s[i]-'A']++;
            }
            for(i=0;i<100;i++){
                if(fre[i]!=0)
                {
                    q.push(fre[i]);
                    sum++;
                }
            }
            while(q.size()>1)
            {
                a = q.top();
                q.pop();
                b = q.top();
                q.pop();
                ans+=(a+b);
                q.push(a+b);
            }
        }
    }
}
```



```

    }
    write(ans);
    putchar('\n');
}
return 0;
}

```

## 排序重写cmp问题

- 这类问题往往先列出只有两个人的情况，然后大胆贪心写为sort中的cmp，然后进行排序后操作。

### 两地调度

公司计划面试  $2n$  人。给你一个数组 `costs`，其中 `costs[i] = [aCosti, bCosti]`。第  $i$  人飞往  $a$  市的费用为 `aCosti`，飞往  $b$  市的费用为 `bCosti`。

返回将每个人都飞到  $a$ 、 $b$  中某座城市的最低费用，要求每个城市都有  $n$  人抵达。

```

#include <stdio>
#include <stdlib>
#include <string>
#define ms(a, b) memset(a, b, sizeof(a))
using namespace std;
inline int read()
{
    int x = 0, w = 1;
    char ch = 0;
    while (ch < '0' || ch > '9')
    {
        if (ch == '-')
            w = -1;
        ch = getchar();
    }
    while (ch >= '0' && ch <= '9')
        x = (x << 3) + (x << 1) + ch - '0', ch = getchar();
    return x * w;
}
inline void write(int x)
{
    if (x < 0)
        putchar('-'), x = -x;
    if (x > 9)
        write(x / 10);
    putchar(x % 10 + 48);
}
int n, cnt, i, j;
struct task
{
    int s;
    int f;
} t[1000007];
int cmp(const void *p1, const void *p2)
{
    struct task *a = (struct task *)p1;
    struct task *b = (struct task *)p2;
}

```

```

        return a->s + b->f < a->f + b->s;
    }
    int main()
    {
        scanf("%d", &n);

        ms(t, 0);
        for (i = 0; i < n; i++)
        {
            t[i].s = read();
            t[i].f = read();
        }
        qsort(t, n, sizeof(struct task), cmp);
        int a = 0, b = 0;
        for (int i = 0; i < n / 2; i++)
        {
            b += t[i].f;
        }
        for (int i = n / 2; i < 2 * n; i++)
        {
            a += t[i].s;
        }
        write(a + b);

        return 0;
    }

```

#### 2018-C4-商人卖鱼

- 同样以两个为例作为cmp的书写条件，莽一手排序之后直接操作

```

#include <bits/stdc++.h>
#define mp make_pair
#define ms(a, b) memset(a, b, sizeof(a))
#define maxn 1000007
typedef long long LL;
using namespace std;
inline LL read()
{
    LL x = 0, w = 1;
    char ch = 0;
    while (ch < '0' || ch > '9')
    {
        if (ch == '-')
            w = -1;
        ch = getchar();
    }
    while (ch >= '0' && ch <= '9')
        x = (x << 3) + (x << 1) + ch - '0', ch = getchar();
    return x * w;
}
inline void write(LL x)
{
    if (x < 0)
        putchar('-'), x = -x;
    if (x > 9)
        write(x / 10);
}

```

```

    putchar(x % 10 + 48);
}
struct Node
{
    LL t, d;
    // bool operator < (const Node& o) const {
    //     //这题如何设计这里是最核心的问题
    //     //先拿两个人A和B来看 先走A的话等待B.s*A.return_time 先走B的话等待
    //     A.s*B.return_time
    //     return o.d * t < d * o.t;
    // };
} node[maxn];
bool cmp(const struct Node &a, const struct Node &b)
{
    return a.t * b.d < a.d * b.t;
}
LL n, ans;
int main()
{
    while (~scanf("%lld", &n))
    {
        ms(node, 0);
        LL time = 0;
        LL ans = 0;
        for (int i = 0; i < n; i++)
        {
            node[i].t = read(), node[i].d = read();
        }
        sort(node, node + n, cmp);
        for (int i = 0; i < n; i++)
        {
            ans += node[i].d * time;
            time += node[i].t;
        }
        write(ans);
        putchar('\n');
    }
}

```