Group Project 2 EGCO221

6413108 นางสาวพาลาภ วสุวัต

6413211 นายกอบกฤช เรื่องสุริยกิจ

สารบัญ

คู่มือการใช้งาน	1
เกี่ยวกับโปรแกรม	1
วิธีการใช้งานโปรแกรม	2
แนะนำ Class เบื้องต้น	3
LightBoard	3
SolutionPath	4
Graph data structure	5
Data structure อื่น ๆ	7
Graph Algorithms	7
Demo 3	9
Demo 4	18
Demo 5	27
สรุป	33
ข้อจำกัดของโปรแกรม	34
อ้างอิง	35

คู่มือการใช้งาน

เกี่ยวกับโปรแกรม

โปรแกรมจำลองเกมที่มีชื่อว่า "Lights Out" เป็นเกมกระดานที่มีขนาด n x n โดยบนกระดานของ โปรแกรมนี้จะประกอบไปด้วยตัวเลขซึ่งเป็นตัวแทนของไฟเปิด (1) ไฟปิด (0) และ อาจมีไฟเสีย 1 ดวง (1x หรือ 0x) อยู่บนกระดานด้วย

เป้าหมาย:

การปิดไฟทั้งหมดบนกระดาน หรือ กล่าวได้ว่าตัวเลขบนกระดานจะเป็นเลข 0 ทั้งหมด

สิ่งที่ผู้ใช้งานสามารถทำเพื่อบรรลุเป้าหมายดังกล่าว:

การกดสวิตช์เพื่อ toggle ไฟที่อยู่บนกระดาน

 หากไฟปกติเปิดถูก toggle จะกลายเป็นไฟปิด (1 -> 0) ในทางกลับกันหากไฟปิดถูก toggle จะ กลายเป็นไฟเปิด (0 -> 1) ซึ่งการกดสวิตช์ตัวหนึ่งนั้นไม่เพียงจะ toggle ตัวมันเอง แต่จะ toggle ไฟ โดยรอบที่อยู่ด้านบน ล่าง ซ้าย และ ขวา ของมันด้วย ดังภาพต่อไปนี้

 0
 0
 0
 1
 1
 0

 1
 1
 1
 ->
 0
 1
 1

 1
 0
 1
 1
 0
 1

ไฟที่อยู่ตรงกลางถูก toggle

ไฟที่อยู่มุมซ้ายบนถูก toggle

• หากไฟเสียถูก toggle จะ toggle ตัวมันเอง และ ไฟที่อยู่รอบ ๆ ตัวมันเองทางด้านซ้ายบน ขวาบน ซ้าย ล่าง และ ขวาล่างด้วย ดังภาพต่อไปนี้

 0x
 0
 0
 1x
 0
 0

 1
 1
 1
 ->
 1
 0
 1

 1
 0
 1
 1
 0
 1

ไฟที่อยู่ตรงกลางถูก toggle

ไฟเสียที่อยู่มุมซ้ายบนถูก toggle

วิธีการใช้งานโปรแกรม

1. เมื่อเปิดโปรแกรมขึ้นมา โปรแกรมจะให้ผู้ใช้งานกรอกขนาดของกระดาน (n) ที่ต้องการเพื่อสร้างเกม กระดานขนาด n x n โดยที่ n ต้องเป็นตัวเลขจำนวนเต็มที่มีค่าตั้งแต่ 2 ขึ้นไป (หากต้องการออกจาก โปรแกรมให้ใส่ n เป็น 0)

```
Enter number 'n' for create board size n x n (or enter 0 to exit):

2
Enter initial states (4 bits), left to right, line by line:

1111

| col 0 | col 1 |

row 0 | 1 | 1 |

row 1 | 1 | 1 |
```

2. หลังจากสร้างกระดานเรียบร้อยแล้ว ผู้ใช้งานจะต้องกรอกสถานะของไฟเป็นตัวเลข 0 และ 1 รวมทั้งหมด n x n ตัว ตามขนาดของกระดาน เพื่อสร้างกระดานเริ่มต้น

```
Enter number 'n' for create board size n x n (or enter 0 to exit):

2
Enter initial states (4 bits), left to right, line by line:

1111

| col 0 | col 1 |

row 0 | 1 | 1 |

row 1 | 1 | 1 |
```

3. ถัดมาโปรแกรมจะถามผู้ใช้งานว่าต้องการให้มีไฟเสียบนกระดานหรือไม่ หากต้องการโปรแกรมก็จะให้ กรอกตำแหน่งของแถว และ หลัก ที่ต้องการต่อไป

```
Set broken light (Y/N) ?

Set broken light (Y/N) ?

Enter row of broken light (0-1) = \theta

Enter column of broken light (0-1) = \theta
```

4. หลังจากนั้น โปรแกรมจะทำการค้นหาวิธีการปิดไฟทั้งกระดานที่ใช้จำนวนครั้งในการกดสวิตช์น้อยที่สุด ออกมาให้ และ โปรแกรมจะเริ่มทำงานใหม่ ดังข้อ 1 ต่อไป

แนะนำ Class เบื้องต้น

LightBoard

ข้อมูลที่เก็บ

String[][] board	กระดานปัจจุบัน	
int movingRow	แถวที่ถูกกดสวิตช์	
int movingCol	หลักที่ถูกกดสวิตช์	
int[] brokenPosition	ตำแหน่งของไฟเสียบนกระดาน โดยตำแหน่งที่ 0 ของ array จะเก็บ แถว และ ตำแหน่งที่ 1 ของ array จะเก็บหลัก	

Method ที่สำคัญ

toggleLight(int row, int column)	Method เสมือนการกดสวิตช์ไฟ รับแถว และ หลัก ของไฟดวงที่ ต้องการเข้าไป และ จะทำการตรวจสอบว่าตำแหน่งดังกล่าวใช่ไฟเสีย หรือไม่ หากไม่จะ toggle ไฟตามเงื่อนไขปกติ แต่หากใช่จะ toggle ไฟ ตามเงื่อนไขของไฟเสีย
equals(Object o)	Override method สำหรับการเปรียบเทียบ object LightBoard ว่า เหมือนกันหรือไม่ โดยเปรียบเทียบจากกระดานปัจจุบันที่เก็บไว้
hashCode()	Override method สำหรับการกำหนด id ของทุก ๆ object LightBoard ให้มีค่าเหมือนกัน ช่วยให้การเปรียบเทียบด้วย method equals ทำการเปรียบเทียบกระดานได้ว่ามีค่าเหมือนกันจริงโดยไม่ต้อง สนใจ id

SolutionPath

ข้อมูลที่เก็บ

Graph boardGraph	graph (SimpleGraph)		graph (SimpleGraph)	
ArrayDeque processingQueue	Queue			
LightBoard initBoard	กระดานเริ่มต้น (ผู้ใช้งานเป็นคนกำหนด)			
LightBoard validBoard	กระดานที่ต้องการ (กระดานที่ปิดไฟหมดแล้ว) ใช้สำหรับการ เปรียบเทียบว่ากระดานที่กำลังค้นหานั้นเป็นกระดานที่ถูกต้องแล้ว หรือไม่			

Method ที่สำคัญ

solution()	Method สำหรับการค้นหาวิธีการปิดไฟทั้งกระดานด้วยจำนวนครั้งใน การกดสวิตช์ที่น้อยยที่สุด
printPath(LightBoard endBoard)	Method สำหรับแสดงผล path ระหว่าง initBoard กับ กระดานที่ปิด ไฟหมดแล้วที่ถูกส่งเข้ามาเป็น parameter

Graph data structure

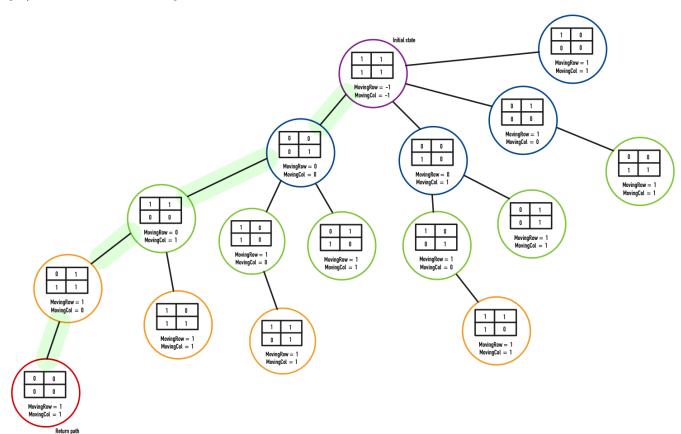
SimpleGraph:

Node - ใช้เก็บ Object LightBoard

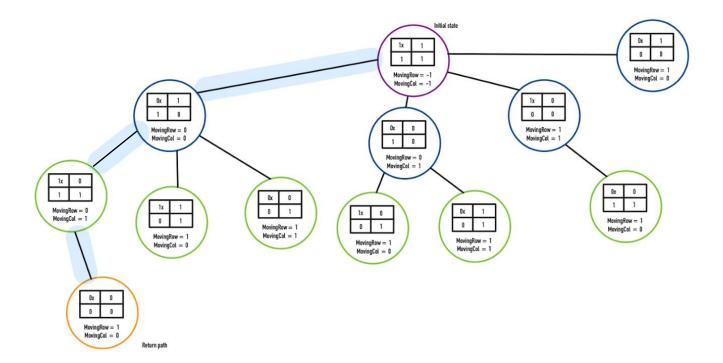
Edge – ใช้เป็นตัวเชื่อมระหว่าง state หรือกล่าวคือจะเชื่อมระหว่าง state ตั้งต้นก่อนที่จะกดสวิตช์ กับ state หลังจากดสวิตช์ไปแล้ว

เงื่อนไขของการเพิ่ม edge - เมื่อกระดานใหม่ที่สร้างขึ้นมาไม่ซ้ำกับกระดานเดิมที่มีอยู่ใน graph แล้วจึง ทำการ edge ที่เชื่อมระหว่างกระดานใหม่กับกระดานที่ก่อนที่จะทำการเปิด/ปิดไฟ เหตุผลที่เลือกใช้ SimpleGraph เนื่องจากในตัว Graph data structure ที่ใช้สำหรับหาวิธีการปิดไฟทั้งหมดใน กระดานโดยใช้จำนวนครั้งที่น้อยที่สุดนี้ไม่ได้สนใจน้ำหนักระหว่าง state และ Graph นี้จะเอาเฉพาะวิธีที่สั้นที่สุด จาก initial state (กระดานเริ่มต้น) ถึง final state (กระดานที่ปิดไฟหมดแล้ว) เท่านั้นจึงไม่จำเป็นที่ Graph นี้ จะต้องระบุทิศทางอย่างชัดเจน ดังนั้นจึงเลือกใช้เป็น SimpleGraph

graph แสดง nodes และ edges ของ Demo 1



graph แสดง nodes และ edges ของ Demo 2



Data structure อื่น ๆ

ArrayDeque (Queue)

ข้อมูลที่เก็บ : Object ของ class LightBoard

เหตุผลที่เลือกใช้ :

ใช้เป็น Queue ช่วยในการทำ Breadth First Search เพื่อหาวิธีการปิดไฟทั้งหมดบนกระดาน โดยมีการ กดสวิตช์ที่น้อยที่สุด

Graph Algorithms

อธิบาย algorithm เบื้องต้น

algorithm นี้จะเริ่มทำงานเมื่อทำการรับ input เสร็จหมดแล้วในบรรทัดที่ 67 ใน main.java แล้วทำการสร้าง graph แบบ Breadth First Search โดยจะทำการนำกระดานที่ต้องวิเคระห์เพิ่มลงใน queue แล้วดึงออกมาวิเคระห์ผลตามลำดับซึ่งจะทำให้สามารถตรวจสอบได้ว่าในการกดสวิตช์ไฟแต่ละครั้งจะมีรูปแบบ กระดานแบบไหนได้บ้าง จากนั้นจึงทำการเช็คว่าในการกดสวิตช์ไฟครั้งนั้นสามารถเกิดกระดานที่ปิดไฟทั้งหมดได้ หรือไม่ ก่อนที่จะทำการไปวิเคราะห์การกดสวิตช์ไฟครั้งต่อไป (state ต่อไป) และใช้ graph เข้ามาช่วยในการเก็บ ขั้นตอนการปิดไฟโดยจะทำการเพิ่ม path ระหว่างกระดานที่กำลังวิเคระห์อยู่กับผลลัพธ์ของการกดสวิตช์ไฟในแต่ ละตำแหน่งเพื่อจะใช้ในการบอกเส้นทางระหว่างกระดานที่ปิดไฟแล้วกับกระดานเริ่มต้น (initial state) แต่จะมี เงื่อนไขในการเพิ่มกระดานลง graph และ queue อยู่คือ ใน graph ต้องไม่มีกระดานที่จะเพิ่มอยู่

เนื่องจากกระดานนี้สามารถเกิดได้จากการกดสวิตช์ไฟด้วยวิธีอื่นที่มีจำนวนครั้งในการกดสวิตช์น้อยกว่าหรือเท่ากัน แน่นอน ดังนั้นกระดานนี้จึงเป็นกระดานที่อาจจะถูกวิเคราะห์ไปแล้วจึงไม่มีความจำเป็นที่จะต้องเอาไปวิเคราะห์ซ้ำ หรือเก็บลง graph อีก

โดย algorithm นี้จะหยุดก็ต่อเมื่อพบกระดานที่เป็นคำตอบที่ถูกต้อง ซึ่งเป็นกระดานที่ปิดไฟทั้งหมดทุก ตัว (เลข 0 ทั้งกระดาน) โดย method จะทำการ return object ของกระดานที่ถูกต้องกลับไปเพื่อใช้ในการหา path หรือ ขั้นตอนในการปิดไฟทั้งหมดจาก graph ที่สร้างไว้ต่อไป แต่หากทำไปเรื่อย ๆ แล้ว ไม่มีกระดานอยู่ใน processing queue แล้วนั่นหมายความว่าทุกๆรูปแบบความเป็นไปได้ของกระดานที่จะเกิดขึ้นได้อยู่ใน graph ทั้งหมดแล้วแต่ยังไม่มีกระดานที่ถูกปิดไฟทั้งหมดดังนั้น initial state นี้จึงไม่มีความเป็นไปได้เลยที่จะปิดไฟทั้งหมด ได้จึงส่งค่า null กลับไป

จากนั้นจึงนำกระดานที่ได้จาก method solution() ไปทำการเช็คว่ามีกระดานที่ปิดไฟทั้งหมดแล้วหรือไม่ ในบรรทัดที่ 68 ใน main.java ถ้ามีจึงทำการ print ขั้นตอนในการปิดไฟออกมา หากไม่มีให้ print ว่าไม่สามารถ ปิดไฟทั้งหมดได้

ขั้นตอนการทำงาน

- 1. เพิ่ม initial state ที่รับ input เข้ามาลงใน processing queue (บรรทัดที่ 43 ใน SolutionPath.java)
- 2. นำกระดานที่อยู่ใน queue ออกมาทำการไล่กดแต่ละสวิตช์ (บรรทัดที่ 49 ใน SolutionPath.java) โดย ถ้าไม่มีกระดานอยู่ใน queue แล้วจะทำการส่ง null กลับไป (บรรทัดที่ 45 ใน SolutionPath.java)
- 3. เช็คว่ากระดานที่เกิดจากการกดสวิตช์แต่ละตำแหน่งไม่ซ้ำกับกระดานที่มีอยู่ใน graph แล้วจึงทำการเพิ่ม กระดานนั้นลง queue และ graph (บรรทัดที่ 52 ใน SolutionPath.java)
- 4. เช็คว่ากระดานที่เกิดจากการกดสวิตช์แต่ละตำแหน่งนั้นเป็นกระดานที่ปิดไฟหมดแล้วหรือไม่ ถ้าใช่ทำการ ส่งกระดานนั้นกลับไป ถ้าไม่ใช่ algorithm จะวนกลับมาทำงานต่อในขั้นตอนที่ 2 (บรรทัดที่ 57 ใน SolutionPath.java)
- 5. pop กระดานที่ทำการดึงออกมาจาก queue ในตอนแรก (บรรทัดที่ 60 ใน SolutionPath.java)

1. Breadth First Search (BFS):

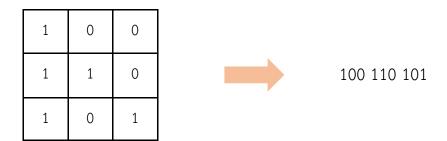
เหตุผลที่ใช้ - เนื่องจากต้องการวิเคระห์การกดสวิตช์ไฟในการกดแต่ละครั้งก่อนที่จะไปการกดครั้งต่อไป ดังที่ได้อธิบายไปข้างต้น การใช้ BFS เหมาะที่จะนำมาประยุกต์ใช้ในการวิเคราะห์กระดาน และสร้าง graph เพราะ จะทำให้สามารถสร้าง graph ที่ค่อย ๆ วิเคราะห์การกดแต่ละครั้งให้หมดทุกรูปแบบในการกดสวิตช์ไฟก่อนที่จะไป การกดสวิตช์ครั้งต่อไปได้

2. Dijkstra algorithm:

เหตุผลที่ใช้ - ใช้เพื่อดึง graph path ของกระดานเริ่มต้นกับกระดานที่ถูกปิดไฟทั้งหมด จากตัว graph ที่ เก็บรูปแบบการกดสวิตซ์ไฟทั้งหมดเอาไว้ (แต่เนื่องจาก algorithms ทำให้ graph ไม่มีกระดานที่ซ้ำกันจึงทำให้ graph path ของกระดานเริ่มต้นกับกระดานที่ถูกปิดไฟทั้งหมดมีแค่เส้นทางเดียว ดังนั้นจึงไม่จำเป็นต้องหาทางที่ สั้นที่สุด)

Noted

จากที่เคยกล่าวไว้ว่า Node ของ graph จะถูกเก็บเป็น Object ของ class LightBoard ซึ่งภายใน class LightBoard ก็จะเก็บกระดานซึ่งเป็น array 2 มิติ ของ string ในการอธิบายต่อไปนี้จะแทนเป็นชุดของตัวเลข 9 ตัว จากซ้ายไปขวา ทีละแถวจากบนลงล่างของตาราง ดังตัวอย่าง



นอกจากนี้ภายใน class ยังมีตำแหน่งของสวิตช์ที่ถูกกดไป และ ตำแหน่งของไฟเสียซึ่งในการอธิบายจะ บอกตำแหน่งของสวิตช์ที่ถูกกดในรูป (แถว, หลัก) เช่น (1, 0) คือ กดสวิตช์ที่แถว 1 หลัก 0 ส่วนไฟเสียจะกล่าวถึง แค่ตอนต้นหลังจากนั้นจะละไว้ เนื่องจาก เป็นค่าคงที่ ไม่ถูกเปลี่ยนแปลง

^{*} ในตัวอย่างที่จะแสดงด้านล่างหากต้องการดูขั้นตอนทั้งหมดอย่างละเอียดสามารถทำได้โดยการเปลี่ยน จาก method solution() เป็น method solutionT() ได้ในบรรทัดที่ 67 ใน main.java

Demo 3

กระดานเริ่มต้น 000 101 010

ตำแหน่งไฟเสีย ไม่มี

Step 0:

Add node ของกระดานเริ่มต้นเข้าไปใน graph และ add กระดานเริ่มต้นนี้เข้าไปใน queue Queue ปัจจุบัน: 000 101 010

Step 1:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (000 101 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ทั้งหมด 9 ตัว

•	110 001 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	111 111 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 100 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 011 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 010 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	001 110 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 001 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 111 000	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 100 011	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph

Queue ปัจจุบัน:

หลังจากนั้น pop object ที่ visited ออก

Queue ปัจจุบัน:		Cont.	
First		010 010 000 ->	New
000 101 010	Visited (pop)	001 110 011 ->	New
110 001 010 ->	New	000 001 100 ->	New
111 111 010 ->	New	000 111 101 ->	New
011 100 010 ->	New	000 100 001 ->	New
100 011 110 ->	New	Last	

Step 2:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (110 001 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	000 101 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue	
•	001 010 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	101 000 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	010 111 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	100 110 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	111 010 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	110 101 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	110 011 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	110 000 001	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
	หลังจากนั้น pop object ที่ visited ออก				

_	બ	e e
Queue	୩ I ର	ลา เา _ไ ∙
Queuc	0 0	ğΟw.

First	
110 001 010	Visited (pop)
111 111 010	
011 100 010	
100 011 110	
010 010 000	
001 110 011	
000 001 100	
000 111 101	
000 100 001	

Cont.

001 011 010	->	New
101 000 010	->	New
010 111 110	->	New
100 110 000	->	New
111 010 011	->	New
110 101 100	->	New
110 011 101	->	New
110 000 001	->	New
Last		

Step 3:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (111 111 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	001 011 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 101 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	100 110 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 001 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	101 000 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	110 100 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	111 011 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	111 101 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	111 110 001	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	o object ที่ visited ออก		

Cont.

_	બ	e e
Queue	୩ I ର	ลา เา _ไ ∙
Queuc	0 0	ğΟw.

First		111 010 011		
111 111 010	Visited (pop)	110 101 100		
011 100 010		110 011 101		
100 011 110		110 000 001		
010 010 000		100 110 010	->	New
001 110 011		011 001 110	->	New
000 001 100		101 000 000	->	New
000 111 101		110 100 011	->	New
000 100 001		111 011 100	->	New
001 011 010		111 101 101	->	New
101 000 010		111 110 001	->	New
010 111 110		Last		
100 110 000				

Step 4:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (011 100 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	101 000 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	100 110 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 101 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	111 010 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	001 011 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 111 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 000 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 110 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 101 001	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	p object ที่ visited ออก		

Queue ปัจจุบัน:		Cont.		
First		110 011 101		
011 100 010	Visited (pop)	110 000 001		
100 011 110		100 110 010		
010 010 000		011 001 110		
001 110 011		101 000 000		
000 001 100		110 100 011		
000 111 101		111 011 100		
000 100 001		111 101 101		
001 011 010		111 110 001		
101 000 010		111 010 110	->	New
010 111 110		001 011 000	->	New
100 110 000		010 111 011	->	New
111 010 011		011 000 100	->	New
110 101 100		011 110 101	->	New

Cont. 011 101 001 -> New Last

Step 5:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (100 011 110) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	010 111 110	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue	
•	011 001 110	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue	
•	111 010 110	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue	
•	000 101 010	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue	
•	110 100 100	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	101 000 111	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	100 111 000	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	100 001 001	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
•	100 010 101	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph	
	หลังจากนั้น pop object ที่ visited ออก				

	Cont.
	110 101 100
Visited (pop)	110 011 101
	110 000 001
	100 110 010
	011 001 110
	101 000 000
	110 100 011
	111 011 100
	111 101 101
	111 110 001
	111 010 110
	001 011 000
	Visited (pop)

	Cont.
010 111 011	101 000 111 -> New
011 000 100	100 111 000 -> New
011 110 101	100 001 001 -> New
011 101 001	100 010 101 -> New
110 100 100 -> New	Last

Process keeps running.

•

Step 347:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (000 001 011) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	110 101 011	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	111 011 011	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	011 000 011	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	100 111 111	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	010 110 001	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	001 010 010	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 101 101	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 011 100	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•		กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานที่ถูกต้อง add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	p object ที่ visited ออก		

Queue ปัจจุบัน:	Cont.	
First		001 011 001
000 001 011	Visited (pop)	001 101 000
000 111 010		010 100 110
000 100 110		010 111 010
001 000 101		010 001 011

	Cont.
011 110 100	100 010 111
100 101 000	111 011 001
100 110 100	111 101 000
100 000 101	111 110 100
101 111 010	110 010 111
110 011 001	110 001 011
100 010 011	110 111 010
100 100 010	001 010 111
100 111 110	001 100 110
101 011 101	001 111 010
101 000 001	000 011 001
101 110 000	000 000 101
110 111 110	000 110 100
110 100 010	011 111 010
110 010 011	011 100 110
111 101 100	011 010 111
000 110 000	010 101 000
000 101 100	110 101 011
000 011 101	110 011 010
001 100 010	110 000 110
010 000 001	111 100 101
111 001 100	111 111 001
111 010 000	111 001 000
111 100 001	100 000 110
110 011 110	100 011 010
101 111 101	100 101 011
011 110 011	101 010 100
101 000 101	010 001 000
100 111 010	010 010 100
100 001 011	010 100 101

	Cont.
011 011 010	011 011 101
000 111 001	101 010 011
010 110 011	011 000 011
010 000 010	011 110 010
010 011 110	011 101 110
011 111 101	010 001 101
011 100 001	010 010 001
011 010 000	010 100 000
000 011 110	001 101 110
000 000 010	001 110 010
000 110 011	001 000 011
001 001 100	000 111 100
110 010 000	111 100 000
110 001 100	111 111 100
110 111 101	111 001 101
111 000 010	110 110 010
100 100 001	101 010 001
001 101 100	000 011 100 -> New
001 110 000	000 000 000 -> New
001 000 001	Last
000 111 110	

Method พบกระดานที่ถูกต้องแล้วจะหยุดทำงาน และ return object ของกระดานดังกล่าวกลับไป

Demo 4

กระดานเริ่มต้น 000 101 010 ตำแหน่งไฟเสีย แถว 2 หลัก 2

Step 0:

Add node ของกระดานเริ่มต้นเข้าไปใน graph และ add กระดานเริ่มต้นนี้เข้าไปใน queue

Queue ปัจจุบัน:

000 101 010

Step 1:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (000 101 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ทั้งหมด 9 ตัว

•	110 001 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	111 111 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 100 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 011 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 010 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	001 110 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 001 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 111 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 111 011	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	o object ที่ visited ออก		

Queue ปัจจุบัน:

First			010 010	000	->	New
000 101 010		Visited (pop)	001 110	0 011	->	New
110 001 010	->	New	000 00	1 100	->	New
111 111 010	->	New	000 11	1 101	->	New
011 100 010	->	New	000 11	1 011	->	New
100 011 110	->	New	Last			

Cont.

Step 2:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (110 001 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	000 101 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue			
•	001 011 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	101 000 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	010 111 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	100 110 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	111 010 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	110 101 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	110 011 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	110 011 011	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
	หลังจากนั้น pop object ที่ visited ออก						

_	બ	e e
Queue	୍ୟ I ବ	าลา เา เ
Queuc	0 0	й с ю.

First	
110 001 010	Visited (pop)
111 111 010	
011 100 010	
100 011 110	
010 010 000	
001 110 011	
000 001 100	
000 111 101	
000 111 011	

Cont.

001 011 010	->	New
101 000 010	->	New
010 111 110	->	New
100 110 000	->	New
111 010 011	->	New
110 101 100	->	New
110 011 101	->	New
110 011 011	->	New
Last		

Step 3:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (111 111 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	001 011 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 101 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	100 110 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 001 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	101 000 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	110 100 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	111 011 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	111 101 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	111 101 011	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	p object ที่ visited ออก		

Queue ปัจจุบัน:		Cont.			
First		111 010 011			
111 111 010	Visited (pop)	110 101 100			
011 100 010		110 011 101			
100 011 110		110 011 011			
010 010 000		100 110 010	->	New	
001 110 011		011 001 110	->	New	
000 001 100		101 000 000	->	New	
000 111 101		110 100 011	->	New	
000 111 011		111 011 100	->	New	
001 011 010		111 101 101	->	New	
101 000 010		111 101 011	->	New	
010 111 110		Last			
100 110 000					

Step 4:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (011 100 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	101 000 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue			
•	100 110 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue			
•	000 101 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue			
•	111 010 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	001 011 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	010 111 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	011 000 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	011 110 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
•	011 110 011	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph			
	หลังจากนั้น pop object ที่ visited ออก						

Queue ปัจจุบัน:		Cont.		
First		110 011 101		
011 100 010	Visited (pop)	110 011 011		
100 011 110		100 110 010		
010 010 000		011 001 110		
001 110 011		101 000 000		
000 001 100		110 100 011		
000 111 101		111 011 100		
000 111 011		111 101 101		
001 011 010		111 101 011		
101 000 010		111 010 110	->	New
010 111 110		001 011 000	->	New
100 110 000		010 111 011	->	New
111 010 011		011 000 100	->	New
110 101 100		011 110 101	->	New

			Cont
011 110 011	->	New	Last

Step 5:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (100 011 110) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	010 111 110	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	011 001 110	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	111 010 110	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 101 010	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	110 100 100	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	101 000 111	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 111 000	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 001 001	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 001 111	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	o object ที่ visited ออก		

Queue ปัจจุบัน:		Cont.
First		110 101 100
100 011 110	Visited (pop)	110 011 101
010 010 000		110 011 011
001 110 011		100 110 010
000 001 100		011 001 110
000 111 101		101 000 000
000 111 011		110 100 011
001 011 010		111 011 100
101 000 010		111 101 101
010 111 110		111 101 011
100 110 000		111 010 110
111 010 011		001 011 000

	Cont.
010 111 011	101 000 111 -> New
011 000 100	100 111 000 -> New
011 110 101	100 001 001 -> New
011 110 011	100 001 111 -> New
110 100 100 -> New	Last

Process keeps running.

Step 190:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (000 010 001) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	110 110 001	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	111 000 001	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	011 011 001	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	100 100 101	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	010 101 011	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	001 001 000	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 110 111	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 000 110	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 000 000	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานที่ถูกต้อง add object ลง graph
	หลังจากนั้น po	p object ที่ visited ออก		

Queue ปัจจุบัน:		Cont.
First		110 011 111
000 010 001	Visited (pop)	110 011 001
000 010 111		101 001 101
111 010 001		101 111 100
110 101 110		101 111 010

	Cont.
100 000 011	111 100 111
100 000 101	111 100 001
100 110 100	111 010 000
000 101 101	000 100 111
001 010 010	000 010 110
001 100 011	000 010 000
001 100 101	001 101 001
010 110 001	001 101 111
010 000 000	001 011 110
010 000 110	010 001 010
011 111 111	010 001 100
011 111 001	010 111 101
011 001 000	011 000 010
100 111 111	111 011 011
100 001 110	111 101 010
100 001 000	111 101 100
101 110 001	110 010 101
101 110 111	110 010 011
101 000 110	110 100 010
110 010 010	101 110 110
110 010 100	101 110 000
110 100 101	101 000 001
111 011 010	100 111 110
100 110 101	011 111 000
101 001 010	011 111 110
101 111 011	011 001 111
101 111 101	010 110 000
110 101 001	001 010 011
110 011 000	100 011 100
110 011 110	111 111 111
	•

	Cont.
110 000 000	000 110 100
110 110 001	000 000 101
110 110 111	001 111 010
001 110 001	010 010 101
000 001 110	011 101 010
000 111 111	011 011 011
000 111 001	011 011 101
011 101 101	000 001 001
011 011 100	000 111 000
011 011 010	000 111 110
010 100 011	001 000 111
010 100 101	001 000 001
010 010 100	001 110 000
110 001 101	110 000 111
111 110 010	110 110 110
111 000 011	110 110 000
111 000 101	111 001 001
100 010 001	111 001 111
100 100 000	111 111 110
100 100 110	100 101 010
101 011 111	100 101 100
101 011 001	100 011 101
101 101 000	101 100 010
010 011 111	001 111 011
010 101 110	001 001 010
010 101 000	001 001 100
011 010 001	000 110 101
011 010 111	000 110 011
011 100 110	000 000 010
000 110 010	011 010 110

	Cont.
011 010 000	010 101 011
011 100 001	010 101 101
010 011 110	001 111 001
101 011 000	001 001 000
101 011 110	001 001 110
101 101 111	000 110 111
100 010 000	000 110 001
111 110 011	000 000 000 -> New
011 100 101	Last
010 011 010	

Method พบกระดานที่ถูกต้องแล้วจะหยุดทำงาน และ return object ของกระดานดังกล่าวกลับไป

Demo 5

กระดานเริ่มต้น 000 101 010 ตำแหน่งไฟเสีย แถว 0 หลัก 1

Step 0:

Add node ของกระดานเริ่มต้นเข้าไปใน graph และ add กระดานเริ่มต้นนี้เข้าไปใน queue

Queue ปัจจุบัน:

000 101 010

Step 1:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (000 101 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ทั้งหมด 9 ตัว

	•			
•	110 001 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 000 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 100 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 011 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 010 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	001 110 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 001 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 111 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 100 001	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น po	o object ที่ visited ออก		

Queue ปัจจุบัน:

		·				
First				010 010 000	->	New
000 101 010		Visited (pop)		001 110 011	->	New
110 001 010	->	New		000 001 100	->	New
010 000 010	->	New		000 111 101	->	New
011 100 010	->	New		000 100 001	->	New
100 011 110	->	New		Last		
			_'			

Cont.

Step 2:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (110 001 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	000 101 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	100 100 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	101 000 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 111 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 110 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	111 010 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	110 101 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	110 011 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	110 000 001	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	p object ที่ visited ออก		

_	બ	e e
Queue	୩ I ର	ลา เา _ไ ∙
Queuc	0 0	ğΟw.

First	
110 001 010	Visited (pop)
010 000 010	
011 100 010	
100 011 110	
010 010 000	
001 110 011	
000 001 100	
000 111 101	
000 100 001	

_				
\sim	_	_	+	
((•	ſΙ	ш	

100 100 010	->	New
101 000 010	->	New
010 111 110	->	New
100 110 000	->	New
111 010 011	->	New
110 101 100	->	New
110 011 101	->	New
110 000 001	->	New
Last		

Step 3:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (010 000 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	100 100 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 101 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	001 001 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	110 110 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	000 111 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 011 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 100 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 010 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 001 001	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	p object ที่ visited ออก		

Cont.

Queue	ปัจ	ูจบัน:
Queuc	0 0	ų C m.

First		111 010 011		
010 000 010	Visited (pop)	110 101 100		
011 100 010		110 011 101		
100 011 110		110 000 001		
010 010 000		001 001 010	->	New
001 110 011		110 110 110	->	New
000 001 100		000 111 000	->	New
000 111 101		011 011 011	->	New
000 100 001		010 100 100	->	New
100 100 010		010 010 101	->	New
101 000 010		010 001 001	->	New
010 111 110		Last		
100 110 000				

Step 4:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (011 100 010) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	101 000 010	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	001 001 010	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 101 010	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	111 010 110	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	001 011 000	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	010 111 011	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 000 100	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 110 101	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	011 101 001	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	o object ที่ visited ออก		

Queue ปัจจุบัน:		Cont.		
First		110 011 101		
011 100 010	Visited (pop)	110 000 001		
100 011 110		001 001 010		
010 010 000		110 110 110		
001 110 011		000 111 000		
000 001 100		011 011 011		
000 111 101		010 100 100		
000 100 001		010 010 101		
100 100 010		010 001 001		
101 000 010		111 010 110	->	New
010 111 110		001 011 000	->	New
100 110 000		010 111 011	->	New
111 010 011		011 000 100	->	New
110 101 100		011 110 101	->	New

Cont. 011 101 001 -> New Last

Step 5:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (100 011 110) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	010 111 110	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	110 110 110	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	111 010 110	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 101 010	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	110 100 100	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	101 000 111	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 111 000	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 001 001	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
•	100 010 101	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานไม่ซ้ำ add object ลง graph
	หลังจากนั้น pop	o object ที่ visited ออก		

	Cont.	
	110 101 100	
Visited (pop)	110 011 101	
	110 000 001	
	001 001 010	
	110 110 110	
	000 111 000	
	011 011 011	
	010 100 100	
	010 010 101	
	010 001 001	
	111 010 110	
	001 011 000	
	Visited (pop)	Visited (pop) 110 101 100 110 011 101 110 000 001 001 001

Cont. 010 111 011 101 000 111 New 011 000 100 100 111 000 New 100 001 001 011 110 101 New 100 010 101 011 101 001 New 110 100 100 New Last

Process keeps running.

•

Step 255:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (101 111 101) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue กดสวิตช์ (0, 0) 011 011 101 กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue กดสวิตช์ (0, 1) 111 010 101 กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue กดสวิตช์ (0, 2) 110 110 101 กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue กดสวิตช์ (1, 0) 001 001 001 กดสวิตช์ (1, 1) กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue 111 000 111 กดสวิตช์ (1, 2) กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue 100 100 100 กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue กดสวิตช์ (2, 0) 101 011 011 กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue กดสวิตช์ (2, 1) 101 101 010 กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue กดสวิตช์ (2, 2) 101 110 110 หลังจากนั้น pop object ที่ visited ออก

Queue ปัจจุบัน:

First

101 111 101 Visited (pop)

011 110 011

Last

Step 256:

Visit object ตัวแรกที่อยู่ใน queue (011 110 011) และ ทดลองกดสวิตช์ของมันทีละ 1 ตัว จะทำให้ เกิด object ตัวใหม่ ดังนี้

•	101 010 011	กดสวิตช์ (0, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	001 011 011	กดสวิตช์ (0, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	000 111 011	กดสวิตช์ (0, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	111 000 111	กดสวิตช์ (1, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	001 001 001	กดสวิตช์ (1, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	010 101 010	กดสวิตช์ (1, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	011 010 101	กดสวิตช์ (2, 0)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	011 100 100	กดสวิตช์ (2, 1)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
•	011 111 000	กดสวิตช์ (2, 2)	\longrightarrow	กระดานซ้ำ ไม่ add object ลง graph และ queue
	หลังจากนั้น por	o object ที่ visited ออก		

Queue ปัจจุบัน:

011 110 011 Visited (pop)

Method ยังไม่พบกระดานที่ถูกต้อง แต่ว่าภายใน queue ไม่เหลือ object อยู่ภายในแล้ว method จึง return null กลับไป

สรุป

จาก demo 5 จะสังเกตเห็นได้ว่าไม่มีวิธีการปิดไฟทุกดวงในกระดาน เพราะว่าเมื่อทำการ run algorithms ไปเรื่อย ๆ แล้ว processing queue ไม่มีกระดานอยู่เลย ตามที่กล่าวในตอนอธิบาย algorithm เบื้องต้น การที่ processing queue ไม่มีกระดานอยู่เลยหมายความว่า algorithm ได้ลองทำทุกรูปแบบของการ กดสวิตช์ไฟที่เป็นไปได้แล้วไม่พบวิธีที่จะปิดไฟทั้งหมดได้ จึงสรุปได้ว่าไม่มีวิธีปิดไฟทั้งหมดของกระดานเริ่มต้นใน demo 5 ซึ่งหากเปรียบเทียบกับ demo 3, demo 4 แล้ว จะเห็นว่าทั้งสอง demo จะเจอวิธีที่จะปิดไฟทั้งหมด ก่อนที่ processing queue จะไม่มีกระดานหรือจะกล่าวว่า ค้นพบวิธีปิดไฟทั้งหมดก่อนที่จะลองทุกวิธีที่เป็นไปได้ จนหมด

ข้อจำกัดของโปรแกรม

- 1. เมื่อขนาดของกระดาน (n) มีขนาดใหญ่มากขึ้น method "solution()" ของโปรแกรมจะทำงานได้ช้าลง มาก
- 2. จากข้อที่ 1. มีโอกาสที่โปรแกรมอาจไม่สามารถหาคำตอบได้ เนื่องจาก การทำงานที่ใช้พื้นที่ในการค้นหา มาก ยิ่ง n มาก ยิ่งใช้พื้นที่เยอะมากขึ้นไปอีก จึงทำให้โปรแกรมที่พื้นที่ไม่เพียงพอต่อการค้นหาคำตอบที่ ถูกต้อง

อ้างอิง

โปรแกรมจำลองเกม Lights Out นี้ถูกเขียนด้วยตัวผู้จัดทำเอง โดยมีการศึกษา Graph data structure, วิธีการทำ Breadth First Search, และ การตกแต่ง output ดังนี้

- 1. https://www.youtube.com/watch?v=oDqjPvD54Ss
- 2. https://www.geeksforgeeks.org/breadth-first-search-or-bfs-for-a-graph/
- 3. https://www.javatpoint.com/java-graph
- 4. How to Print Colored Text in Java Console? GeeksforGeeks