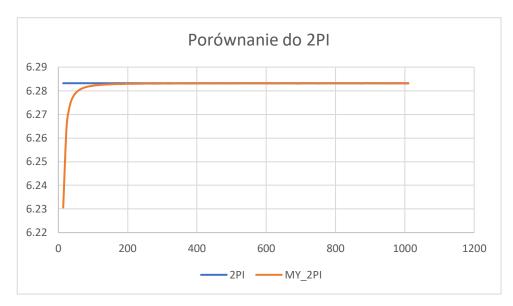
Programowanie Liniowe Projekt 1 Michał Safuryn 288574

### H1. Zwiększając n można uzyska¢ obwód dowolnie bliski liczbie 2Π.

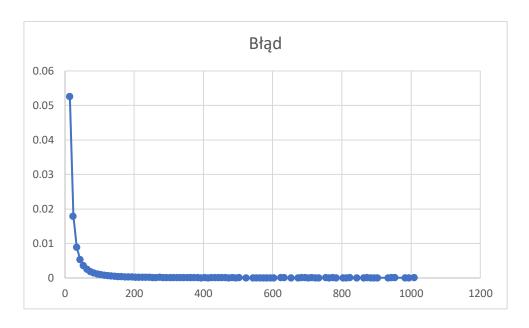
Tak zwiększając n można uzyskać obwód dowolnie bliski liczbie 2Π.

#### Przykład danych:

N	2PI	MY_2PI	
14	6,28319	6,23059	
24	6,28319	6,26526	
34	6,28319	6,27425	
44	6,28319	6,27785	
54	6,28319	6,27964	
64	6,28319	6,28066	
74	6,28319	6,2813	
84	6,28319	6,28172	
94	6,28319	6,282	
104	6,28319	6,28223	
114	6,28319	6,28238	



Powyższy wykres przedstawia jak zmienia się 2Π wyliczone z sumy długości wektorów. Można zauważyć, że od około 200-wierzchłkowego wielokąta 2Π jest bardzo blisko tej stałej.



Na wykresie powyżej można zobaczyć błędy, różnicę między stałą  $2\Pi$ , a wyliczaną, która wraz ze zwiększającym się N zmniejsza się do prawie 0.

Podsumowując, TAK hipoteza jest prawdziwa.

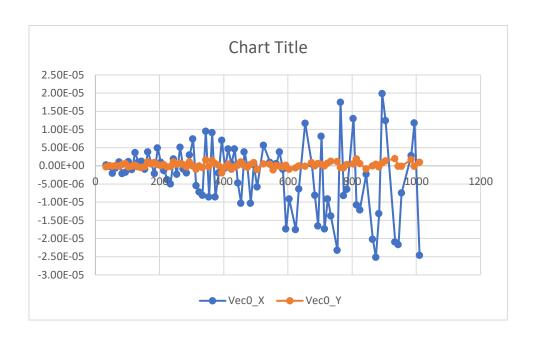
## H2. Suma wszystkich wektorów $w_i$ daje dokładnie wektor zerowy.

Nie, nie daje ona dokładnie wektora zerowego. Daje ona natomiast bardzo blisko wektorowi zerowemu

#### Przykład danych:

N	Vec0_X	Vec0_Y		
14	-1,64E-07	2,98E-07		
24	-3,35E-08	5,96E-08		
34	2,70E-07	-2,83E-07		
44	-1,16E-07	5,96E-08		
54	-2,08E-06	-1,12E-07		
64	-5,46E-07	5,96E-08		
74	1,06E-06	-7,45E-08		
84	-2,11E-06	3,50E-07		
94	-1,72E-06	6,03E-07		
104	1,16E-06	-3,39E-07		
114	-9,99E-07	-1,45E-07		

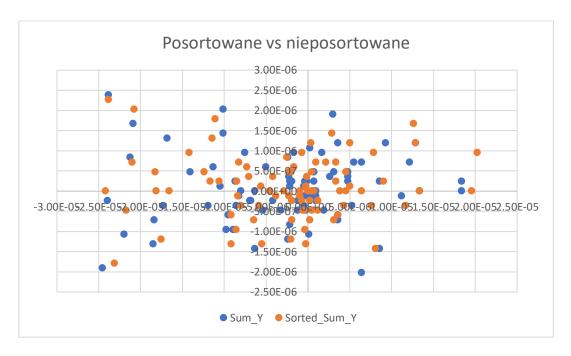
Jak można zauważyć zmienne nie są równe dokładnie [0, 0], ale są one bardzo blisko.



Wykres pokazuje ze oscylują one w granicy 0,0. Jednak, gdy N rosną również błędy Podsumowując, NIE, nie dają dokładnie wektora zerowego.

H3. Sumy współrzędnych wektorów  $w_i$  można policzyć osobno, a następująca zmiana kolejności sumowania sprawi, że wynik będzie bliższy wektorowi zerowemu.

Dla moich danych TAK.

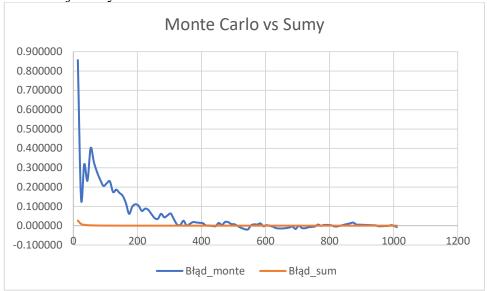


Pomarańczowe kropki przedstawiają posortowane dane i jest ich więcej bliższych [0, 0] niż tych nieposortowanych.

Podsumowując: Tak, zmieni.

# H4. Opisane zastosowanie metody Monte Carlo jest mniej efektywne ni» metoda oparta o sumowanie wektorów.

TAK, jest ona mniej efektywna.



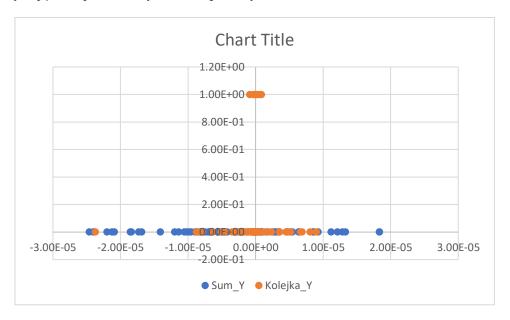
Jak łatwo można zauważyć na wykresie błędy generowane przez Mone Carlo są dużo większe dla małych danych. Dla większych stają się ona porównywalne do tych wygenerowanych przez sumowanie. Jednakże, to że dla danych wielkości +-500 generuje ona dość duże błędy można powiedzieć, że jest ona mniej efektywna.

#### Przykładowe dane:

N	PI	PI_Monte	Points In	MY_PI	Błąd_monte	Błąd_sum
14	3,141593	2,28571	8	3,115295	0,855883	0,026298
24	3,141593	3	18	3,13263	0,141593	0,008963
34	3,141593	2,82353	24	3,137125	0,318063	0,004468
44	3,141593	2,90909	32	3,138925	0,232503	0,002668
54	3,141593	2,74074	37	3,13982	0,400853	0,001773
64	3,141593	2,8125	45	3,14033	0,329093	0,001263
74	3,141593	2,86486	53	3,14065	0,276733	0,000943
84	3,141593	2,90476	61	3,14086	0,236833	0,000733
94	3,141593	2,93617	69	3,141	0,205423	0,000593
104	3,141593	2,92308	76	3,141115	0,218513	0,000478
114	3,141593	2,91228	83	3,14119	0,229313	0,000403

## H5. Podobnie jak w H3 ale w celu sumowania każdego ze zbiorów wybieramy dwa najmniejsze (albo największe) elementy a sumę wstawiamy z powrotem do zbioru.

Używając kolejki możemy dostać lepsze wyniki, bliższe wektorowi zerowemu niż sum.



Z testowanych pkt 58/87 było bliżej 0.