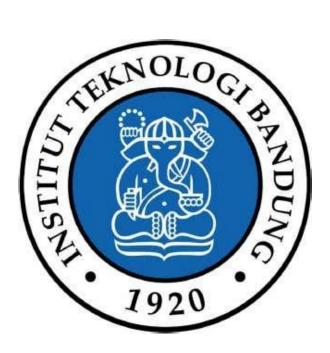
# Laporan Tugas Kecil 2 IF2211 Strategi Algoritma

# Implementasi Convex Hull untuk Visualisasi Tes Linear Separability Dataset dengan Algoritma Divide and Conquer

Disusun oleh:

#### **Ghazian Tsabit Alkamil**

13520165



PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG TAHUN AJARAN 2021/2022

#### **BABI**

## Algoritma Divide and Conquer

## Definisi Algoritma Divide and Conquer

Algoritma divide and conquer memiliki definisi sebagai berikut :

- 1. *Divide*: membagi persoalan menjadi beberapa upa-persoalan yang memiliki kemiripan dengan persoalan semula namun berukuran lebih kecil (idealnya berukuran hampir sama)
- 2. *Conquer (solve)*: menyelesaikan masing-masing upa-persoalan (secara langsung jika sudah berukuran kecil atau secara rekursif jika masih berukuran besar)
- 3. *Combine*: menggabungkan solusi masing-masing upa-persoalan sehingga membentuk solusi persoalan semula.

Objek persoalan yang dibagi pada algoritma *divide and conquer* adalah masukan atau instances persoalan yang berukuran *n* seperti :

- 1. Tabel (larik)
- 2. Matriks
- 3. Polinom
- 4. Eksponen
- 5. dll

Tiap-tiap upa-persoalan memiliki karakteristik yang sama dengan karakteristik persoalan semula, sehingga metode *divide and conquer* lebih natural diungkapkan dalam skema rekursif.

#### Skema Umum Algoritma Divide and Conquer

```
procedure DIVIDEandCONQUER(input P : problem, n : integer)
{ Menyelesaikan persoalan P dengan algoritma divide and conquer
Masukan
                 : masukan persoalan P berukuran n
Luaran
                 : solusi dari persoalan semula }
Deklarasi
        r: integer
Algoritma
        if n \leq n_0 then
                 SOLVE persoalan P yang berukuran n ini
                 DIVIDE menjadi r upa-persoalan, P_1, P_2,..., P_r, yang masing-masing berukuran
        n_{1}, n_{2}, ..., n_{r}
                 for masing-masing P_1, P_2, ..., P_r, do
                          DIVIDEandCONQUER(P_i, n_i)
                 endfor
```

COMBINE solusi dari  $P_1, P_2, ..., P_r$  menjadi solusi persoalan semula

endif

## Kompleksitas Algoritma Divide and Conquer

$$T(n) = \begin{cases} g(n) & , n \le n_0 \\ T(n_1) + T(n_2) \dots + T(n_r) + f(n) & , n > n_0 \end{cases}$$

Penjelasan:

1. T(n): kompleksitas waktu penyelesaian persoalan P yang berukuran n

2. g(n): kompleksitas waktu untuk SOLVE jika n sudah berukuran kecil

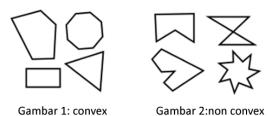
3.  $T(n_1) + T(n_2) ... + T(n_r)$ : kompleksitas waktu untuk memproses setiap upa-persoalan

4. f(n) : kompleksitas waktu untuk COMBINE solusi dari masing-masing upa-persoalan

#### **Convex Hull**

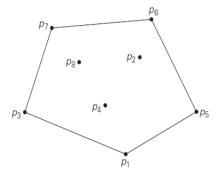
Salah satu hal penting dalam komputasi geometri adalah menentukan *convex hull* dari kumpulan titik. Himpunan titik pada bidang planar disebut *convex* jika untuk sembarang dua titik pada bidang tersebut (misal p dan q), seluruh segmen garis yang berakhir di p dan q berada pada himpunan tersebut.

Contoh gambar 1 adalah poligon yang *convex*, sedangkan gambar 2 menunjukkan contoh yang non-convex.



Convex hull dari himpunan titik S adalah himpunan convex terkecil (convex polygon) yang mengandung S. Untuk dua titik, maka convex hull berupa garis yang menghubungkan dua titik tersebut. Untuk tiga titik yang terletak pada satu garis, maka convex hull adalah sebuah garis yang menghubungkan dua titik terjauh. Sedangkan convex hull untuk tiga titik yang tidak terletak pada satu garis adalah sebuah segitiga yang menghubungkan ketiga titik tersebut. Untuk titik yang lebih banyak dan tidak terletak pada satu garis, maka convex hull berupa poligon convex dengan sisi berupa garis yang menghubungkan beberapa titik pada S.

Gambar tiga menunjukkan contoh convex hull untuk delapan titik.



Gambar 3 Convex Hull untuk delapan titik

#### **BAB II**

## Source Program

Program *convex hull* untuk visualisasi tes linear separability dataset dengan algoritma *divide and conquer* diimplementasikan menggunakan bahasa pemrograman python. Selain itu implementasi dari program ini juga didukung dengan penggunaan pustaka *numpy* untuk mengolah data yang berasal dari dataset masukan.

Program *convex hull* untuk visualisasi tes linear separability dataset dengan algoritma *divide and conquer* diimplementasikan dengan pembuatan beberapa fungsi yang memenuhi konsep-konsep algoritma *divide and conquer*, fungsi-fungsi tersebut adalah :

1. fungsi bagi\_dua()

```
def bagi_dua(start, end, points):
    # apabila ukuran data tidak sesuai
    if points is None or points.shape[0] < 1:
        return None, None
    S1, S2 = [], []

# menentukan apakah sebuah titik berada di sebelah kiri garis pembagi
# atau disebelah kanan garis pembagi
for _, point in enumerate(points):
        dis = posisi_titik(start, end, point)
        if dis > 0:
            S1.append(point)
        else:
            S2.append(point)
S1 = np.vstack(S1) if len(S1) else None
S2 = np.vstack(S2) if len(S2) else None
return S1, S2
```

Gambar 2.1 fungsi bagi dua()

Fungsi bagi\_dua() berfungsi untuk mengembalikan dua buah array yang berisi beberapa point yang berada di sebelah kiri garis pembagi dan beberapa point yang berada di sebelah kanan garis pembagi. Point yang berada pada kiri garis pembagi akan disimpan dalam array S1 dan point yang berada pada kanan garis pembagi akan disimpan dalam array S2. Garis pembagi dalam hal ini adalah garis yang dihasilkan dari menghubungkan dua buah titik atau point yang memiliki jarak terjauh. Dalam konsep algoritma divide and conquer fungsi ini termasuk ke dalam bagian divide.

#### 2. fungsi posisi titik()

```
def posisi_titik(start, end, point, epsilon = 1e-8):
    return np.cross(end - start, point-start)/(np.linalg.norm(end-start)+epsilon)
```

Gambar 2.2 fungsi posisi titik()

Fungsi *posisi\_titik()* berfungsi untuk menentukan apakah sebuah point akan dimasukkan ke dalam array *S1* atau array *S2* pada fungsi *bagi\_dua()*. Apabila fungsi *posisi\_titik()* mengembalikan nilai positif maka point tersebut akan dimasukkan ke dalam array *S1* dan apabila fungsi *posisi\_titik()* mengembalikan nilai negatif maka point akan dimasukkan ke dalam array *S2*.

#### 3. fungsi pembagian segitiga()

```
def pembagian_segitiga(points, P, C, Q):
    if points is None:
        return None, None

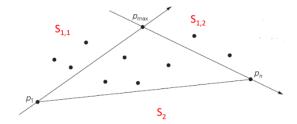
S1, S2 = [], []

for _, point in enumerate(points):
    disPC = posisi_titik(P, C, point)
    disCQ = posisi_titik(C, Q, point)
    if disPC > 0 and disCQ < 0:
        S1.append(point)
    elif disPC < 0 and disCQ > 0:
        S2.append(point)

S1 = np.vstack(S1) if len(S1) else None
S2 = np.vstack(S2) if len(S2) else None
return S1, S2
```

Gambar 2.3 fungsi pembagian segitiga()

Fungsi *pembagian\_segitiga()* berfungsi untuk membagi lagi daerah yang sebelumnya sudah dibagi pada fungsi *bagi dua()*.



Dapat dilihat pada gambar ilustrasi diatas bahwa point point yang terdapat pada daerah atau array S1 nilai nya di update menjadi point point yang berada pada daerah  $S_{1,1}$  dan  $S_{1,2}$ . Fungsi  $posisi\_titik()$  juga digunakan kembali pada fungsi ini untuk menentukan posisi point yang sesuai yang akan di assign ke array SI yang baru. Dalam konsep algoritma divide and conquer fungsi ini termasuk ke dalam bagian divide.

#### 4. fungsi sudut terbesar()

```
def sudut_terbesar(x):
    x0, y0 = x[:,0].mean(), x[:,1].mean()
    theta = np.arctan2(x[:,1] - y0, x[:,0] - x0)
    index = np.argsort(theta)
    x = x[index]
    return x
```

Gambar 2.4 fungsi *sudut terbesar()* 

Fungsi *sudut\_terbesar()* berfungsi untuk mengurutkan titik yang berada pada array *S1* atau array *S2* berdasarkan point yang memberikan sudut terbesar.

#### 5. class myConvexHull

```
class myConvexHull:
    # class myConvexHull memilik
    def __init__(self):
        self.points = None
        self.convex_hull = []
```

Gambar 2.5 class myConvexHull

Implementasi dari fungsi utama program *convex hull* adalah dengan membuat sebuah *class* yang bernama *myConvexHull* yang memiliki atribut *points* dan atribut convex\_hull. Atribut *points* berguna untuk menyimpan seluruh point yang akan dicari point *convex hull* nya, atribut *convex hull* yang berupa array berguna untuk menyimpan titik/point yang merupakan titik/point *convex hull*. Selain itu *class myConvexHull* juga memiliki beberapa *method* yang nantinya akan berguna untuk mencari titik atau point yang merupakan titik/point convex hull.

#### 6. fungsi *quickHull()* dan fungsi *findHull()*

```
def quickHull(self):
    # mengurutkan points
    self.points = self.points[np.lexsort(np.transpose(self.points)[::-1])]

# mencari point paling kiri dan point paling kanan
    point_paling_kiri, point_paling_kanan = self.points[0], self.points[-1]

self.points = self.points[1:-1] # mendapatkan sisa dari points
    self.convex_hull.append(point_paling_kiri) # point paling kiri sudah pasti
    self.convex_hull.append(point_paling_kanan) # point paling kiri sudah pasti
    self.points_kanan, self.points_kiri = bagi_dua(start=point_paling_kiri,
    end=point_paling_kanan, points = self.points)

self.findHull(self.points_kanan, point_paling_kiri, point_paling_kanan)
    self.findHull(self.points_kiri, point_paling_kanan, point_paling_kiri)

self.convex_hull = np.stack(self.convex_hull)

if self.convex_hull.shape[0] >= 3:
    return self.convex_hull
```

Gambar 2.5 fungsi quickHull()

```
def findHull(self, points, P, Q):
   if points is None:
   distance = 0.0
   C, index = None, None
   for i, point in enumerate(points):
       distance_1 = abs(posisi_titik(P,Q,point))
       if distance_1 > distance:
           C = point
            index = i
           distance = distance_1
    if C is not None:
       self.convex_hull.append(C)
       points = np.delete(points, index, axis=0)
       return
   S1, S2 = pembagian_segitiga(points, P, C, Q)
    self.findHull(S1, P, C)
    self.findHull(S2, C, Q)
```

Gambar 2.6 fungsi *findHull()* 

Fungsi *quickHull()* dan fungsi *findHull()* bersama-sama memiliki fungsi untuk mencari titik/point yang merupakan convex hull. Untuk mencari seluruh titik/point yang merupakan convex hull, pertama-tama titik/point masukan harus diurutkan secara

menaik berdasarkan nilai absis, apabila terdapat nilai absis yang sama maka akan diurutkan secara menaik berdasarkan nilai ordinat. Setelah point diurutkan maka langkah selanjutnya adalah kita ambil titik/point pada urutan pertama dan terakhir, kemudian point pertama dan terakhir tersebut dimasukkan ke dalam atribut convex\_hull, karena point/titik pertama dan terakhir sudah pasti merupakan titik/point *convex hull*. Setelah itu, point atau titik yang tersisa akan dikelompokkan kedalam dua array menggunakan fungsi *bagi\_dua()* yang sudah diimplementasikan sebelumnya. Kemudian dari masing masing array tersebut akan dicari lagi titik/point yang merupakan titik/point convex hull, proses tersebut akan terus dilakukan sampai tidak ada titik/point yang perlu dicari lagi. Dalam konsep algoritma *divide and conquer* proses ini termasuk ke dalam bagian *conquer*. Kemudian apabila seluruh proses pencarian titik/point telah selesai maka langkah selanjutnya adalah mengkombinasikan hasil pencarian ke dalam satu array *convex\_hull*. Dalam konsep algoritma *divide and conquer* proses ini masuk ke dalam bagian *combine*.

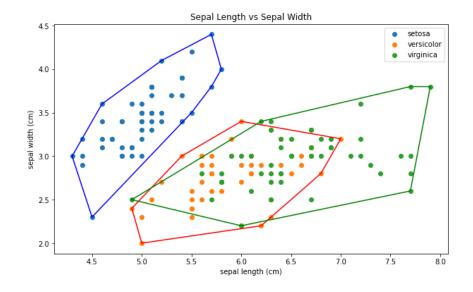
# BAB III Hasil Program

## 1. Data set iris (sepal-width, sepal-length)

Input :

```
data = datasets.load_iris()
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)
plt.figure(figsize = (10, 6))
colors = ['b','r','g']
plt.title('Sepal Length vs Sepal Width')
plt.xlabel(data.feature_names[0])
plt.ylabel(data.feature_names[1])
model = myConvexHull()
for i in range(len(data.target_names)):
   bucket = df[df['Target'] == i]
   bucket = bucket.iloc[:,[0,1]].values
   hull = model(bucket) #bagian ini diganti dengan hasil implementasi Con
   plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1], label=data.target_names[i])
   hull = np.vstack([hull, hull[0]])
   plt.plot(hull[:,0], hull[:,1], colors[i])
plt.legend()
plt.show()
```

## Output :

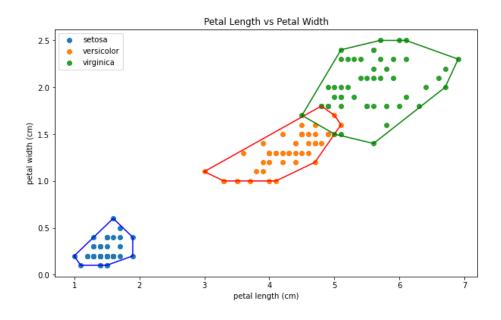


## 2. Data set iris (petal-width, petal-length)

#### Input:

```
data = datasets.load_iris()
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)
plt.figure(figsize = (10, 6))
colors = ['b','r','g']
plt.title('Petal Length vs Petal Width')
plt.xlabel(data.feature_names[2])
plt.ylabel(data.feature_names[3])
model = myConvexHull()
for i in range(len(data.target_names)):
   bucket = df[df['Target'] == i]
    bucket = bucket.iloc[:,[2,3]].values
   hull = model(bucket) #bagian ini diganti dengan hasil implementasi
    plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1], label=data.target_names[i])
   hull = np.vstack([hull, hull[0]])
   plt.plot(hull[:,0], hull[:,1], colors[i])
plt.legend()
plt.show()
```

## Output :

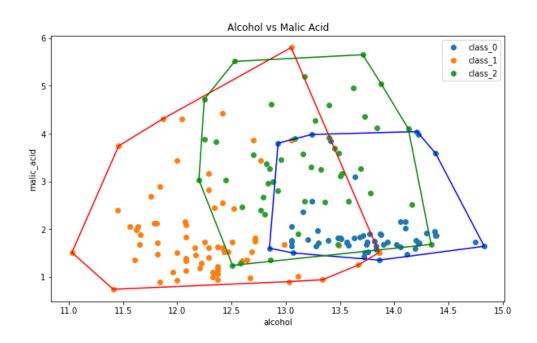


#### 3. Data set wine (alcohol, malic\_acid) Bonus

#### Input:

```
data = datasets.load_wine()
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)
plt.figure(figsize = (10, 6))
colors = ['b','r','g']
plt.title('Alcohol vs Malic Acid')
plt.xlabel(data.feature_names[0])
plt.ylabel(data.feature_names[1])
model = myConvexHull()
for i in range(len(data.target_names)):
    bucket = df[df['Target'] == i]
    bucket = bucket.iloc[:,[0,1]].values
    hull = model(bucket) #bagian ini diganti dengan hasil implementasi
    plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1], label=data.target_names[i])
    hull = np.vstack([hull, hull[0]])
    plt.plot(hull[:,0], hull[:,1], colors[i])
plt.legend()
plt.show()
```

#### Output :



# BAB IV Kesimpulan

Kesimpulan yang dapat diambil dari hasil implementasi convex hull untuk visualisasi tes linear separability dataset adalah algoritma divide and conquer dapat dimanfaatkan dan diimplementasikan dengan baik untuk dataset iris maupun dataset wine.

*Source code* program implementasi *convex hull* untuk visualisasi tes linear separability dataset dengan algoritma divide and conquer : <a href="https://github.com/ZianTsabit/ConvexHull Stima">https://github.com/ZianTsabit/ConvexHull Stima</a>

Poin	Ya	Tidak
Pustaka <i>myConvexHull</i> berhasil dibuat dan tidak ada kesalahan	1	
2. Convex hull yang dihasilkan sudah benar	1	
3. Pustaka <i>myConvexHull</i> dapat digunakan untuk menampilkan <i>convex hull</i> setiap label dengan warna yang berbeda	✓	
4. <b>Bonus:</b> program dapat menerima input dan menuliskan output untuk dataset lainnya	1	

## **DAFTAR PUSTAKA**

 $\frac{https://informatika.stei.itb.ac.id/\sim rinaldi.munir/Stmik/2020-2021/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2021)-Bagian1.pdf$ 

 $\underline{https://informatika.stei.itb.ac.id/\sim rinaldi.munir/Stmik/2021-2022/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2022)-Bagian4.pdf}$