|  |  |
| --- | --- |
|  | **2015** |
|  | VŠB - TUO  Zdeněk Gold |

|  |
| --- |
| **[Komprimační algoritmus RE-PAIR]** |
| Popis algoritmu Re-Pair spolu s testováním a představením, jak algoritmus funguje |

Obsah

[Algoritmus Re-Pair 3](#_Toc415239952)

[Analýza algoritmu 3](#_Toc415239953)

[Implementace 4](#_Toc415239954)

[Testy 5](#_Toc415239955)

[Bibliografie 6](#_Toc415239956)

# Algoritmus Re-Pair

Algoritmus funguje tak, že opakovaně **hledá nejfrekventovanější páry znaků** v sekvenci a nahrazuje je novými znaky, dokud není v sekvenci každý pár znaků pouze jednou.

1. Identifikuj **nejfrekventovanější pár** symbolů
2. **Přidej pravidlo** do slovníku, kde je nový symbol, který není obsažený v
3. **Nahraď** každý **výskyty** za symbol
4. **Opakuj celý postup** od 1. bodu, dokud se nebudou všechny dvojíce znaků v textu jen jednou

Algoritmus **Re-Pair** může být implementován s **lineární časovou a prostorovou složitostí**. Tento základní algoritmus může být vylepšený různými technikami, jako je například **komprese** **přepisovacích pravidel**.

# Analýza algoritmu

Na začátku mějme **nekomprimovaný text** obsahující znaků s abecedou obsahující znaků, takže . Algoritmus potom **prochází postupně všechny dvojíce** znaků a při každém průchodu celou zprávou vytváří jedno přepisovací pravidlo do slovníku. Definujme si aktuální stav textu během každého kroku komprimace jako kde je počet znaků a označující velikost slovníku (počet přepisovacích pravidel).

Na začátku algoritmu máme tuto konfiguraci: . Při každém kroku algoritmu se inkrementuje o a se sníží nejméně o . zároveň označuje aktuální číslo iterace.

Definujme si funkci , která pro daný symbol vrací buď stejný symbol, pokud je terminální nebo sekvenci symbolů, které reprezentuje .

Počet různých symbolů v sekvenci po krocích je nejvýše , a proto budeme potřebovat bítů pro reprezentaci každého symbolu. Pro jednoduchost budeme pesimističtí a budeme počítat s tím, že buňky slovníku budou pro reprezentaci znaku potřebovat bitů.

**Lemma 1**: V jakémkoliv kroku procesu se bude platit .

Ukážeme si, že nejméně opakovujících se symbolů je identifikováno v , když tvoříme slovník velikosti .

**Lemma 2:** Velikost komprimovaných dat je celých čísel, které ne během procesu nezvyšuje.

**Lemma 3:** Četnost nejfrekventovanějších dvojíc symbolů se nezvyšuje oproti předchozímu nejčetnějšímu páru.

# Implementace

Algoritmus byl implementován tak, aby byl obecně využitelný na jakýkoliv obsah (text, data, obrázky, videa, …). Pro tento požadavek byla reprezentace znaku v podobě bytu (jeho hodnoty). Protože všechen elektronický obsah, lze reprezentovat proudem bytů.

V první fázi algoritmu se vezme pole bytů a uloží se do pomocného pole stejné velikosti. K tomuto poli se potom vytvoří druhé pomocné pole stejné velikost, které reprezentuje buffer. Důvodem je rychlost algoritmu, kterému stačí vyblokovat pouze 2x velikost komprimovaného souboru za celý průběh komprimace a pouze se technikou double bufferingu využívá jeden či druhý buffer pro zápis nových hodnot po nahrazení.

**Časově nejnáročnější** fází algoritmu je **analýza všech dvojíc bytů** a nalezení nejčetnější dvojíce v proudu bytů. Nejrychlejší možný způsob jak toho dosáhnout je posouvání indexu od začátku do konce pole bytů a inkrementace výskytu každé takové dvojíce za indexem.

Pro **uchování tabulky výskytů** můžeme využít slovníkové struktury v jazyce Java, kde nalezení hodnoty klíče a vložení do hashmapy má složitost v nejhorším případě O(n), průměrně O(1). Pro urychlení algoritmu jsem použil **vyalokované pole integerů**, velikosti , kde lze adresovat všechny možné kombinace 2 bytové hodnoty. Přístup pro zápis i čtení je zde konstantní O(1), i pro nejhorší časovou složitost. Nevýhodou je, že je třeba vyalokovat **256 kB** **paměti**.

Jelikož nám po komprimaci vznikne slovník s přesipovacími pravidly, je třeba tento slovník do výsledného souboru uložit. U mé implementace jsem zvolil uložení na začátek souboru. **První byte** reprezentuje **počet záznamů** slovníku a každý záznam obsahuje 1 **B znaku**  levé strany přepisovacího pravidla a **2 B** pro znaky **pravé strany** pravidla. Přepisovací pravidlo je tedy v této podobě: .

Výsledný program je implementován v jazyce Java a je přiložen k tomuto dokumentu jako **Java** projekt ve vývojovém prostředí **Eclipse**.

# Testy

Testování proběhlo se soubory **v adresáři data**, který je umístěn v projektu aplikace. V tabulce níže jsou uvedené některé z těchto souborů spolu s výsledky komprimace.

Vidíme, že u některých souborů jsme dosáhli **komprimaci dokonce až na 13%** původní velikosti souboru, což je pozoruhodné. Takové soubory obsahují sekvenci opakujících se znaků, která se neztrácí ani po několika iteracích nahrazení nebo má **dostatečně malou abecedu**.

Naproti tomu **u rozsáhlých souborů**, jako je například soubor *Android.pdf* a *BIBLE21.pdf* se komprimovat touto metodou původní soubor **nepodařilo**. Všímavého čtenáře jistě napadne, proč tomu tak bylo. Jelikož algoritmus pracuje s doplňkem množiny abecedy znaků (v našem případě bytů), která se vyskytuje v původním souboru, je pochopitelné, že u takto velkých souborů se využije téměř celá množina znaků abecedy (všechny kombinace hodnot bytů) a pro tvorbu přepisovacích pravidel proto nemáme dostatek znaků. Tuto skutečnost je uvidíme, podíváme-li se na sloupeček „**Počet nahrazení“**.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Název | Velikost (původní) | Velikost  (po komprimaci) | Počet nahrazení | Čas komprimace |
| *Alice29.txt* | *145 kB* | *50,52 %* | *181* | *370 ms* |
| *Android.pdf* | *61,8 MB* | *99,84 %* | *6* | *34 s* |
| *asyoulik.txt* | *122 kB* | *52,35 %* | *186* | *251 ms* |
| *bib* | *109 kB* | *49,33 %* | *173* | *207 ms* |
| *BIBLE21.pdf* | *10,9 MB* | *98,45 %* | *6* | *6 s* |
| *Book1* | *751 kB* | *53,53 %* | *172* | *285 ms* |
| *Book2* | *597 kB* | *56,50 %* | *158* | *908 ms* |
| *cp.html* | *24 kB* | *46,28 %* | *168* | *60 ms* |
| *Fields.c* | *11 kB* | *44,22 %* | *164* | *39 ms* |
| *geo* | *100 kB* | *76,47 %* | *6* | *35 ms* |
| *Grammar.lsp* | *3,6 kB* | *45,39 %* | *178* | *36 ms* |
| *Kennedy.xls* | *0,98 MB* | *56,03 %* | *6* | *148 ms* |
| *Lcet10.txt* | *409 kB* | *51,31 %* | *171* | *675 ms* |
| *news* | *368 kB* | *62,82 %* | *156* | *629 ms* |
| *Obj1* | *21 kB* | *80,48 %* | *6* | *8 ms* |
| *Obj2* | *241 kB* | *85,82 %* | *6* | *91 ms* |
| *Paper1* | *52 kB* | *55,78 %* | *159* | *209 ms* |
| *Paper2* | *80 kB* | *51,85 %* | *163* | *154 ms* |
| *pic* | *501 kB* | *13,30 %* | *102* | *157 ms* |

Přesto, že je tento algoritmus pro komprimaci **velice účinný**, bude jeho nevýhoda spočívat v relativně **velké časové náročnosti** při komprimaci velkých souborů. V tabulce vidíme, že například pro komprimaci **62 MB** souboru, běžel algoritmus **více jak 30s**. U takto velkých souborů by proto mohlo být řešením, kdyby při analýze všech dvojíc symbolů v textu, který je časově nejnáročnější, **prošel** algoritmus **jen část textu** a vyhodnotil by nejlepší dvojici pro nahrazení z této části. Nedosáhli bychom tak dobrých výsledků pro komprimaci, ale v reálných situacích, kde je třeba rychlost, by to bylo nevyhnutelné.

# Bibliografie

1. **Navarro, Gonzalo a Russo, Luís.** Re-Pair Achieves High-Order Entropy. *Departmento de Ciencias de la Computación, Universidad de Chile.* [Online] 2007. www.dcc.uchile.cl/TR/2007/TR\_DCC-2007-012.pdf.

2. **Lohrey, Markus, Maneth, Sebastian a Mennicke, Roy.** *Cornell University Library.* [Online] 30. červenec 2010. arxiv.org/pdf/1007.5406.