



UNIDADE II: RESOLUÇÃO DE PROBLEMAS ATRAVÉS DE BUSCA

- Sumário:
 - Introdução
 - Agentes de resolução de problemas
 - Exemplos de problemas
 - Busca de soluções



Objectivos

- Adquirir uma noção acerca da resolução de problemas através de busca
- Descrever as características básicas de um agente de resolução de problemas
- Descrever alguns exemplos de problemas que podem ser resolvidos mediante busca
- Adquirir uma noção sobre o paradigma da busca num espaço de estados



Problema(1/3)

- Um agente se encontra na cidade de Arad (Roménia) em gozo de férias. O mesmo possui um bilhete de regresso não reembolsável, com partida de Bucareste no dia seguinte
- Se considera as acções do agente ao nível da condução de uma cidade para outra, avaliando as diversas alternativas

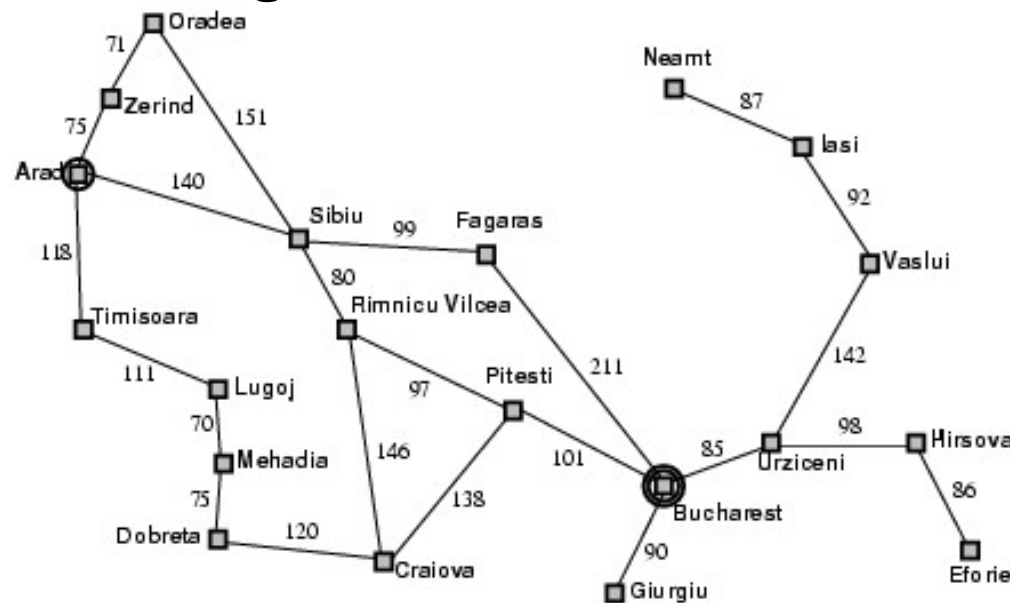


Problema(2/3)

- Objectivo -> chegar à Bucareste...
- ***A formulação de um objectivo***, com base na ***situação actual*** e na ***medida de desempenho*** do agente é o primeiro passo na ***resolução de problemas***

Problema(3/3)

- Como proceder?
- O agente pode utilizar a informação proporcionada por um mapa para considerar as diferentes etapas de uma hipotética viagem até Bucareste





Agentes e resolução de problemas(1/3)

- Nestes casos se utiliza um tipo de *agente baseado em objectivos* designado ***agente de resolução de problemas***
- Diante de várias alternativas imediatas de valor desconhecido, estes decidem o que fazer analisando possíveis sequências de acções que o conduzem a estados de valor conhecido e seleccionam a melhor sequência



Agentes e resolução de problemas(2/3)

- Determinação da sequência designada ***busca***
- Desenho do agente:
 - Formular problema -> buscar -> executar



Agentes e resolução de problemas(3/3)

- **Função** `AgenteResoluçãoProblemaSimples` (*percepção*)
retorna uma acção
 - **Static:**
 - *seq*, sequência de acções, inicialmente vazia
 - *estado*, uma descrição do actual estado do mundo
 - *objectivo*, um objectivo, inicialmente nulo
 - *problema*, formulação de um problema
 - *estado* <- `ActualizaEstado`(*estado*, *percepção*)
 - **Se** *seq* está vazia **então do**
 - *objectivo* <- `FormulaObjectivo`(*estado*)
 - *problema* <- `FormulaProblema`(*estado*, *objectivo*)
 - *seq* <- `Busca`(*problema*)
 - *acção* <- `Primeira`(*seq*)
 - *seq* <- `Resto`(*seq*)
 - **Retorna** *acção*



Acerca do ambiente

- Estático
 - A formulação e resolução do problema é efectuada sem atender às mudanças que ocorrem no ambiente
- Observável
 - Se assume que o estado inicial do ambiente é previamente conhecido
- Discreto
 - Pela enumeração de diferentes sequências alternativas
- Determinístico
 - O próximo estado do agente deve ser determinado pelo estado *actual* + *acção*



Formulação do problema

- Consiste em decidir que acções e estados considerar dado um objectivo
- Um problema é definido formalmente por 4 componentes:
 - O **estado inicial**
 - As possíveis **acções** do agente
 - Geralmente utiliza uma função sucessor
 - Estado inicial e função sucessor definem o **espaço de estados**
 - **Teste de satisfação do objectivo**
 - Utilizado para determinar se um estado constitui ou não o objectivo
 - O **custo do caminho**
 - Função que atribui um custo numérico a cada trajectória



Formulação do problema: exemplo

- De férias na Romênia, objectivo -> Bucareste
- Problema:
 - estados: cidades da Roménia
 - Estado inicial: Arad
 - Função sucessor: cidades alcançáveis dirigindo a partir da actual
 - Teste obj: estar em Bucareste
 - Custo: distância entre cidades
- Encontrar solução:
 - sequência de cidades, ex., Arad, Sibiu, Fagaras, Bucareste



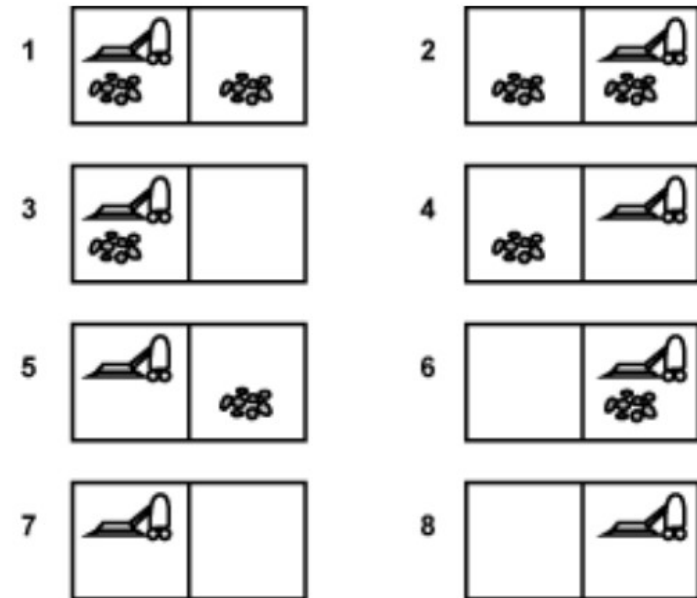
Exemplos de problemas

- Resolução de problemas tem sido aplicada a uma grande variedade de ambientes de tarefa
- Os problemas geralmente se subdividem em
 - Miniproblemas
 - Utilizados para ilustrar ou exercitar métodos de resolução
 - Problemas reais
 - Problemas que se pretende realmente solucionar



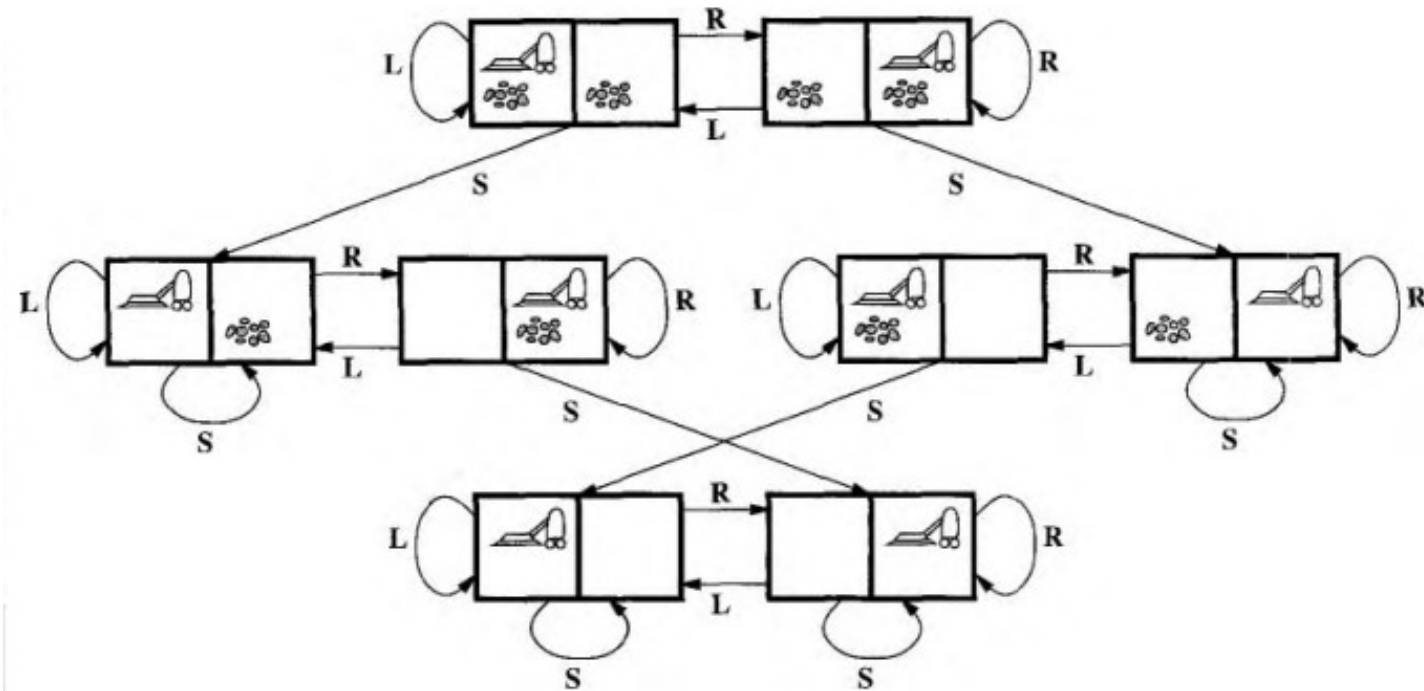
Exemplos: miniproblemas(1/4)

- Mundo do aspirador...
 - Estados: o agente se encontra num de dois quartos que podem estar limpos ou sujos. 8 possíveis estados
 - Estado inicial: qualquer
 - Função sucessor: estados legais derivados de 3 acções (esquerda, direita e limpar)
 - Teste de Obj: se todos os quartos estão limpos
 - Custo: cada passo custa 1



Exemplos: miniproblemas(2/4)

- Mundo do aspirador...





Exemplos: miniproblemas(3/4)

- Puzzle de 8 peças
 - Estados: especifica o posicionamento das 8 peças e do espaço em branco
 - Estado inicial: qualquer
 - Função sucessor: estados legais derivados de quatro acções (espaço em branco move para Esquerda, direita, cima e baixo)
 - Teste obj: verifica se estado coincide com configuração pretendida
 - Custo: cada passo custa 1

7	2	4
5		6
8	3	1

Start State

	1	2
3	4	5
6	7	8

Goal State



Exemplos: miniproblemas(4/4)

- Outros:
 - 8 rainhas
 - Torre de Hanói
 - Vasilhames
 - Missionários e canibais...



Exemplos: problemas reais(1/2)

- Problemas de roteamento
 - Planeamento de rotas de aviões
 - Sistemas de planeamento de viagens
 - Planeamento de operações militares
 - Caixeiro viajante
 - Rotas em redes de computadores
- Circuitos electrónicos
 - Posicionamento de componentes
 - Rotas de circuitos



Exemplos: problemas reais(2/2)

- Navegação de robots
 - Navegação e busca de rotas em ambientes reais
 - Montagem de objetos por robôs
- ...



Busca de soluções

- Realizada através de uma ***busca no espaço de estados***
- Se utiliza uma ***árvore de busca*** que é determinada pelo ***estado inicial*** e a ***função sucessor***
 - Expande-se o estado actual, gerando um novo conjunto de sucessores
 - Próximo estado a ser expandido definido por uma estratégia de busca
 - Prossegue-se até chegar ao estado final (objectivo) ou falhar a busca



Busca de soluções: descrição informal

Função BuscaEmArvore(*Problema*, *Estratégia*) **retorna** solução ou falha

Início

Inicializa a arvore usando o estado inicial do *Problema*

loop do

se não existem candidatos para serem expandidos **então**
retorna falha

Escolhe um nó folha para ser expandido de acordo com a *Estratégia*

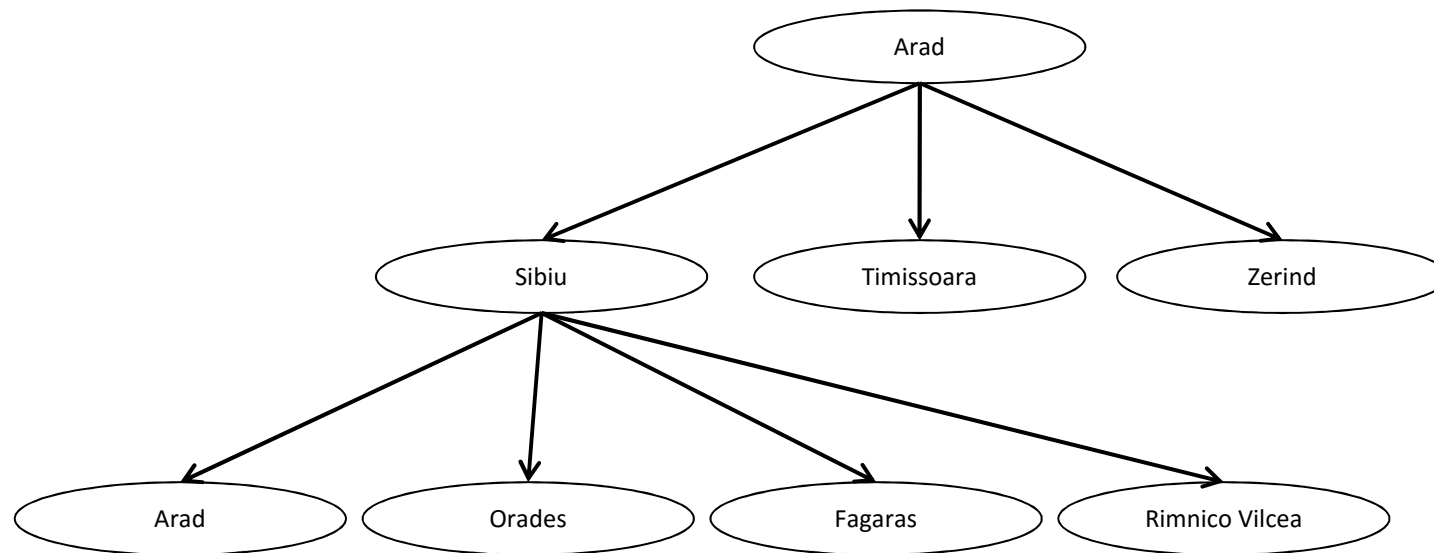
se Se o nó possuir o estado final **então**
retorna solução correspondente

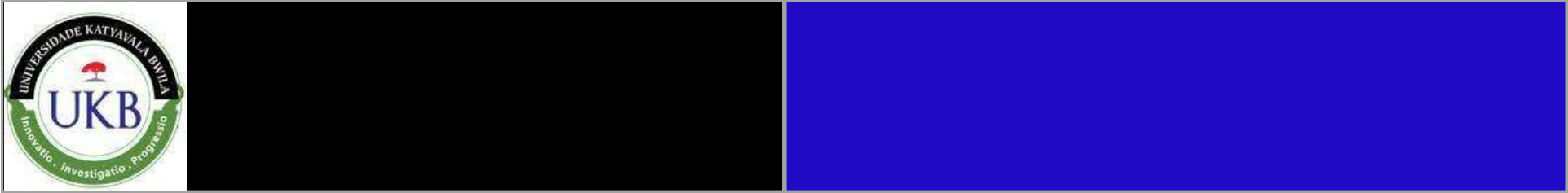
se não

expande o nó e adiciona os nós resultantes à arvore de busca

Fim

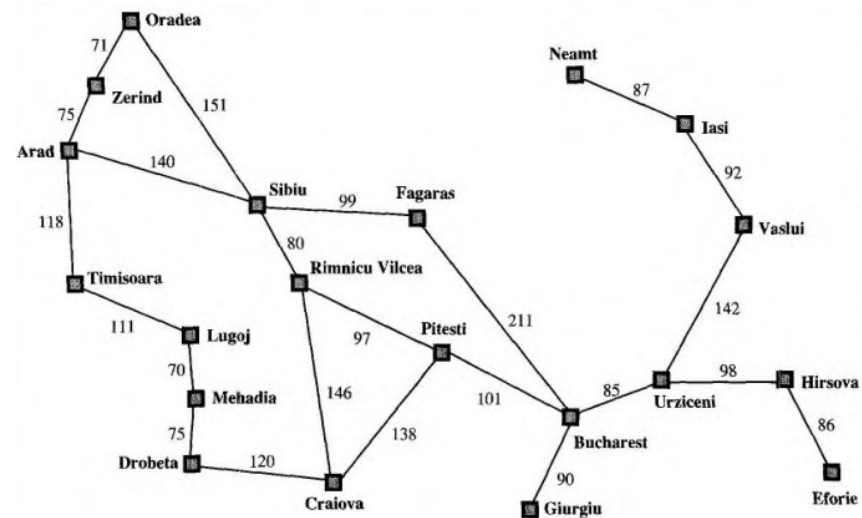
Exemplo de árvore de busca





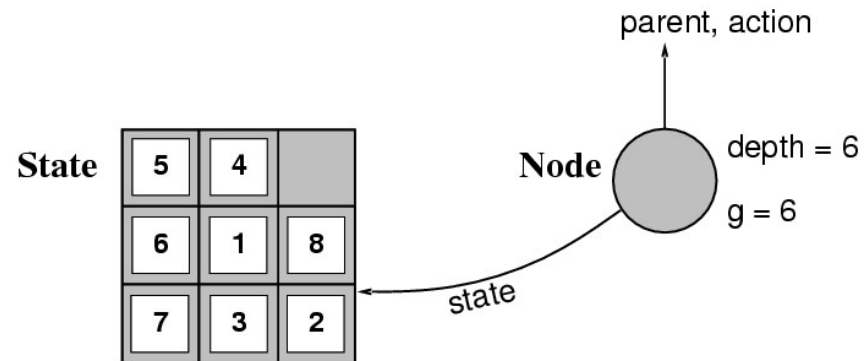
Notar que...

- O *espaço de estados* é **diferente** da *árvore de busca*
 - Existem 20 estados no espaço de estados
 - Existe um número infinito de trajectórias no espaço de estados →
 - Árvore de busca pode ter infinitos nós



Estados vs. nós

- Um **estado** é (uma representação de) uma configuração física
- Um **nó** é uma estrutura de dados que é parte da árvore de busca e inclui **estado**, **nó pai**, **acção**, **custo do caminho** $g(x)$, **profundidade**
- A coleção de **nós** que foram gerados, mas ainda não foram expandidos é chamada de **fronteira** (ou **fringe**)
 - Geralmente implementados como uma fila.
 - A maneira como os nós entram na fila determina a estratégia de busca.





Busca em árvore: algoritmo

Função BuscaEmArvore(*Problema*, *fronteira*) **retorna** solução ou falha

Início

fronteira ← InserirNaFila(FazNó(*Problema*[EstadoInicial]),
fronteira)

loop do

se FilaVazia(*fronteira*) **então**

retorna falha

 nó ← RemovePrimeiro(*fronteira*)

se nó[Estado] for igual a *Problema*[EstadoFinal] **então**

retorna Solução(nó)

fronteira ← InserirNaFila(Expandefronteira(nó, *Problema*),
 fronteira)

Fim



Desempenho da resolução de problemas

- Estratégias são avaliadas de acordo com os seguintes critérios:
 - **completitude**: o algoritmo sempre encontra a solução se ela existe?
 - **otimização**: a estratégia encontra a solução óptima?
 - **complexidade de tempo**: quanto tarda a encontrar a solução? (medido através do número de nós gerado)
 - **complexidade de espaço**: quanta memória se necessita? (medido através do número máximo de nós na memória)
- Complexidade de tempo e espaço são medidas em termos de:
 - b : máximo factor de ramificação da árvore (número máximo de sucessores de qualquer nó)
 - d : profundidade do nó objectivo menos profundo
 - m : o comprimento máximo de qualquer caminho no espaço de estados (pode ser ∞)



Bibliografia

- Russell & Norvig, cap. 3, ep. 3.1, 3.2 e 3.3
- Costa & Simões, pg. 71 – 78
- Palma Méndez & Marín Morales, pg. 309 – 315