

**Entre los métodos de momentos y máxima verosimilitud cuál de ellos emplea un proceso de optimización para encontrar la estimación**

- a. Momentos
- b. Depende
- c. Ninguno
- d. Maxima Verosimilitud
- e. Ambos

**Entre los métodos de momentos y máxima verosimilitud cuál de ellos emplea un proceso basada en comparar las esperanzas con sus equivalentes de la muestra según sus potencias, para encontrar la estimación**

- a. Momentos
- b. Ninguno
- c. Ambos
- d. Depende
- e. Maxima Verosimilitud

**La media muestral de una muestra tomada de una población normal con desviación estándar de 29, siempre es: (Seleccione una o más de una)**

- a. Todas
- b. Un estimador sesgado de la media muestral
- c. Un estimador insesgado de la media poblacional
- d. Un estimador sesgado de la media poblacional
- e. Un estimador insesgado de la media muestral

**Una muestra aleatoria de tamaño 56 de una población normal tiene media  $\bar{X} = 604.29$  y una varianza muestral de  $\hat{S}^2 = 68.11$ . Encuentre un intervalo de confianza al 99% de confiabilidad**

- a. 602.128439, 606.451561
- b. 601.4446799, 607.1353201
- c. Falta información
- d. 602.4813469, 606.0986531
- e. Ninguna

**Se extraen muestras aleatorias de tamaños  $n_1 = n_2 = 63$  de dos poblaciones normales independientes. Las varianzas muestrales son  $\hat{S}_1^2 = 13.75$  y  $\hat{S}_2^2 = 50.09$ . Construye un intervalo de confianza de dos lados del 95% respecto al cociente de las varianzas de las poblaciones  $\sigma_1^2/\sigma_2^2$ . Use como  $F_{1-\alpha/2, n_2-1, n_1-1} = 0.6050539$  y  $F_{\alpha/2, n_2-1, n_1-1} = 1.6527452$**

- a. 0.1660909, 0.4536883
- b. Ninguna
- c. 0.0332182, 0.0907377
- d. 0.3660909, 0.6536883
- e. Falta información

**Se lleva a cabo un estudio para determinar el porcentaje de propietarios de casa que poseen al menos dos aparatos de televisión. ¿Qué tan grande debe ser la muestra si se desea tener una confianza del 95% de que el error al estimar esta cantidad sea menor que 0.07? (asuma máxima varianza)**

- a. Falta información
- b. 16577
- c. 196
- d. 24
- e. 340

**El voltaje de salida de dos tipos diferentes de transformadores se está investigando. 29 transformadores de cada tipo se seleccionan al azar y se mide el voltaje. Las medias de muestras son 10.7 y 10.4 volts respectivamente. Sabemos que las varianzas del voltaje de salida para los dos tipos de transformadores son 0.2 y 0.1 respectivamente, Construya un intervalo de confianza de dos lados del 95% respecto la diferencia en el voltaje medio.**

- a. 0.1006493, 0.4993507
- b. 0.1331964, 0.4668036
- c. Falta información
- d. Ninguna
- e. 0.0375894, 0.5624106

Se está estudiando el rendimiento de un proceso químico. De la experiencia previa se sabe que la varianza del rendimiento con este proceso es 5. Los últimos seis días de operación de la planta han dado como resultado los siguientes rendimientos (en porcentajes):

x
89.49
88.43
90.25
89.35
93.09
91.26

**¿Hay razón para creer que el rendimiento es menor al 90%? (asuma un error de tipo I del 1%)**

- a. Ejercicio mal planteado
- b. Ninguna
- c. No se rechaza  $H_0$
- d. Falta información
- e. Se rechaza  $H_0$



**Se están investigando dos métodos para producir gasolina a partir de petróleo crudo. Se supone que el rendimiento de ambos procesos se distribuye normalmente, los siguientes datos se han obtenido de la planta piloto:**

Rendimientos

<b>x1</b>	<b>x2</b>
23	22
27	25
24	24
23	25
25	23
26	23
24	24
26	24
26	23
25	21
24	22

**Suponer igualdad de varianzas, encontrar el valor de  $t_0$**

- a. Falta información
- b. Ninguna
- c. 2.7872598
- d. 2.5085338
- e. 3.7872598

**Se está estudiando el rendimiento de un proceso químico. De la experiencia previa se sabe que la varianza del rendimiento con este proceso es 5. Los últimos diez días de operación de la planta han dado como resultado los siguientes rendimientos (en porcentajes):**

86.58, 86.18, 90.49, 91.28, 86.14, 90.39, 89.65, 90.68, 90.62, 90.37, 86.8, 90.09

**¿Hay razón para creer que el rendimiento es menor al 89%? (asuma un error de tipo I del 1%). Trabaje con el estadístico  $z_0$ .**

- a. Falta información
- b. Ninguna
- c. Ejercicio mal planteado
- d. Se rechaza  $H_0$
- e. No se rechaza  $H_0$

**Suponga que  $\hat{\theta}_1$  y  $\hat{\theta}_2$  son estimadores de  $\theta$ . Se sabe que  $\hat{\theta}_1$  es insesgado y que  $E[\hat{\theta}_2] = \theta/2$ , suponiendo que  $V(\hat{\theta}_1) = V(\hat{\theta}_2)$ , que estimador logra un menor error cuadrático medio.**

- a. Ambos
- b.  $\hat{\theta}_1$
- c. Ninguna
- d. Falta información
- e.  $\hat{\theta}_2$

**Supongase que la variable aleatoria  $X$  tiene la distribución de probabilidad**

$$f(x) = (\gamma + 2)X^\gamma \quad 0 < X < 1$$

Sea  $X_1, X_2, \dots, X_n$  una muestra aleatoria de tamaño  $n$ . Obtenga el estimador de máxima verosimilitud de  $\gamma$

- a.  $\hat{\gamma} = \bar{X}$
- b.  $\hat{\gamma} = -1 + \frac{n}{\sum_{i=1}^n \ln X_i}$
- c. Ninguno
- d.  $\hat{\gamma} = -1 - \frac{n}{\sum_{i=1}^n \ln X_i}$
- e. No es una función de probabilidad

**Una carrera en la universidad esta a punto de elegir a sus autoridades, se busca hacer una encuesta de intención de votos en los estudiantes para el candidato “Z”, se quiere un nivel de confianza del 95%, y no errar en  $\pm 0.04\%$ . Calcular el tamaño de muestra, suponiendo “n” máxima.**

- a. Falta información
- b. 601
- c. Ninguna
- d. 811
- e. 751

**Un fabricante de propulsores está investigando la desviación lateral en yardas de cierto tipo de proyectil mortero. Se han observado los siguientes datos:**

x
−1.673025
−4.885796
−2.698088
10.352116
0.947634
−6.135548
2.923138
−9.472094
7.109478
9.717690
4.470182
10.325810
−7.648696

**Pruebe la hipótesis de que la desviación lateral media de estos proyectiles de mortero es cero. Suponer que los datos son normales. El valor de tablas corresponde a  $t_{\alpha/2, n-1} = 2.1788128$**

- a. No se rechaza  $H_0$
- b. Ejercicio mal planteado
- c. Falta información
- d. Ninguna
- e. Se rechaza  $H_0$

