

Entre los métodos de momentos y máxima verosimilitud cuál de ellos emplea un proceso de optimización para encontrar la estimación

- a. Momentos
- b. Depende
- c. Ninguno
- d. Maxima Verosimilitud
- e. Ambos

Respuesta:

El método de máxima verosimilitud.

Marcar d.

Entre los métodos de momentos y máxima verosimilitud cuál de ellos emplea un proceso basada en comparar las esperanzas con sus equivalentes de la muestra según sus potencias, para encontrar la estimación

- a. Momentos
- b. Ninguno
- c. Ambos
- d. Depende
- e. Maxima Verosimilitud

Respuesta:

El método de momentos.

Marcar a.

La media muestral de una muestra tomada de una población normal con desviación estándar de 29, siempre es: (Seleccione una o más de una)

- a. Todas
- b. Un estimador sesgado de la media muestral
- c. Un estimador insesgado de la media poblacional
- d. Un estimador sesgado de la media poblacional
- e. Un estimador insesgado de la media muestral

Respuesta:

Un estimador insesgado de la media poblacional.

Marcar c.

Una muestra aleatoria de tamaño 56 de una población normal tiene media $\bar{X} = 604.29$ y una varianza muestral de $\hat{S}^2 = 68.11$. Encuentre un intervalo de confianza al 99% de confiabilidad

- a. 602.128439, 606.451561
- b. 601.4446799, 607.1353201
- c. Falta información
- d. 602.4813469, 606.0986531
- e. Ninguna

Respuesta:

Obtener la desviación estándar muestral:

$$s = \sqrt{\hat{S}^2}$$
$$s = \sqrt{68.11} \approx 8.2528$$

Obtener el error estándar:

$$\sigma_{\bar{X}} = \frac{s}{\sqrt{n}}$$
$$\sigma_{\bar{X}} = \frac{8.2528}{\sqrt{56}} = 1.1028$$

Obtener el valor crítico z para el porcentaje de confianza:

- Obtener el valor que buscar en las tablas:

$$\frac{1 - \text{Porcentaje de confianza}}{2}$$
$$\frac{1 - 0.99}{2} = 0.005$$

- Buscar el valor más cercano en la tabla de distribución normal

$$\text{Para } 0.005, z \approx 2.575$$

Obtener el margen de error:

$$\text{Margen de error} = z \times \text{error estándar}$$
$$2.575 \times 1.1028 = 2.83971$$

Obtener el límite inferior y superior sumando y restando la media poblacional \bar{X} al margen de error:

$$\text{Margen inferior} = 604.29 - 2.83971 = 601.45029$$

$$\text{Margen superior} = 604.29 + 2.83971 = 607.12971$$

Marcar b.

Se extraen muestras aleatorias de tamaños $n_1 = n_2 = 63$ de dos poblaciones normales independientes. Las varianzas muestrales son $\hat{S}_1^2 = 13.75$ y $\hat{S}_2^2 = 50.09$. Construye un intervalo de confianza de dos lados del 95% respecto al cociente de las varianzas de las poblaciones σ_1^2/σ_2^2 . Use como $F_{1-\alpha/2, n_2-1, n_1-1} = 0.6050539$ y $F_{\alpha/2, n_2-1, n_1-1} = 1.6527452$

- a. 0.1660909, 0.4536883
- b. Ninguna
- c. 0.0332182, 0.0907377
- d. 0.3660909, 0.6536883
- e. Falta información

Dividir las varianzas muestrales:

$$\frac{\hat{S}_1^2}{\hat{S}_2^2} = \frac{13.75}{50.09} \approx 0.2745$$

Dividir el resultado obtenido por los valores dados de $F_{1-\alpha/2, n_2-1, n_1-1} = 0.6050539$ y $F_{\alpha/2, n_2-1, n_1-1} = 1.6527452$:

- Por $F_{\alpha/2, n_2-1, n_1-1}$:

$$\frac{0.2745}{1.6527452} \approx 0.166087$$

- Por $F_{1-\alpha/2, n_2-1, n_1-1}$:

$$\frac{0.2745}{0.6050539} \approx 0.453678$$

Marcar a.

Se lleva a cabo un estudio para determinar el porcentaje de propietarios de casa que poseen al menos dos aparatos de televisión. ¿Qué tan grande debe ser la muestra si se desea tener una confianza del 95% de que el error al estimar esta cantidad sea menor que 0.07? (asuma máxima varianza)

- a. Falta información
- b. 16577
- c. 196
- d. 24
- e. 340

Respuesta:

Obtener el valor crítico z para el porcentaje de confianza:

- Obtener el valor que buscar en las tablas:

$$\frac{1 - \text{Porcentaje de confianza}}{2}$$
$$\frac{1 - 0.95}{2} = 0.025$$

- Buscar el valor más cercano en la tabla de distribución normal

Para 0.025, $z \approx 1.96$

Obtener el tamaño de la muestra usando la fórmula con el error máximo permitido $E = 0.07$:

$$n = \frac{z^2 \cdot 0.5 \cdot 0.5}{E^2}$$
$$n = \frac{1.96^2 \cdot 0.025}{0.07^2} = 196$$

Marcar c.

El voltaje de salida de dos tipos diferentes de transformadores se está investigando. 29 transformadores de cada tipo se seleccionan al azar y se mide el voltaje. Las medias de muestras son 10.7 y 10.4 volts respectivamente. Sabemos que las varianzas del voltaje de salida para los dos tipos de transformadores son 0.2 y 0.1 respectivamente, Construya un intervalo de confianza de dos lados del 95% respecto la diferencia en el voltaje medio.

- a. 0.1006493, 0.4993507
- b. 0.1331964, 0.4668036
- c. Falta información
- d. Ninguna
- e. 0.0375894, 0.5624106

Respuesta:

Obtener la diferencia de las medias:

$$\bar{X}_1 - \bar{X}_2 = 10.7 - 10.4 = 0.3$$

Obtener el valor crítico z para el porcentaje de confianza:

- Obtener el valor que buscar en las tablas:

$$\frac{1 - \text{Porcentaje de confianza}}{2}$$
$$\frac{1 - 0.95}{2} = 0.025$$

- Buscar el valor más cercano en la tabla de distribución normal

$$\text{Para } 0.025, z \approx 1.96$$

Obtener el error estándar SE con la fórmula:

$$SE = \sqrt{\frac{\sigma_1^2 + \sigma_2^2}{n}}$$
$$SE = \sqrt{\frac{0.2 + 0.1}{29}} \approx$$
$$0.101709$$

Obtener el margen de error ME con la fórmula:

$$ME = z \times SE$$
$$ME = 1.96 \times 0.101709 \approx 0.199349$$

Obtener el límite inferior y superior sumando y restando la diferencia de las medias poblacionales (0.3) al margen de error:

$$\text{Margen inferior} = 0.3 - 0.199349 = 0.10065036$$

$$\text{Margen superior} = 0.3 + 0.199349 = 0.49934964$$

Marcar a.

Se está estudiando el rendimiento de un proceso químico. De la experiencia previa se sabe que la varianza del rendimiento con este proceso es 5. Los últimos seis días de operación de la planta han dado como resultado los siguientes rendimientos (en porcentajes):

x
89.49
88.43
90.25
89.35
93.09
91.26

¿Hay razón para creer que el rendimiento es menor al 90%? (asuma un error de tipo I del 1%)

- a. Ejercicio mal planteado
- b. Ninguna
- c. No se rechaza H_0
- d. Falta información
- e. Se rechaza H_0

Respuesta:

Obtener la media de los datos \bar{x} :

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} \approx 90.31166$$

Si la media muestral \bar{X} es mayor que el valor de prueba (90%), y la hipótesis pregunta si es «menor», automáticamente no se rechaza H_0

Como $90.31166 > 90$, entonces no se rechaza H_0

Marcar c.

En otros casos:

Obtener z directamente con la fórmula:

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}}$$

$$\frac{90.31166 - 90}{\sqrt{5}/\sqrt{6}} \approx 0.341406$$

(Donde μ es el valor del porcentaje y σ es la raíz de la varianza 5)

Como se indica que el error es del 1%, obtener el valor crítico para 0.01 buscando el valor más cercano en la tabla de distribución normal

Para 0.01, $z \approx 2.325$

Multiplicar el valor crítico por -1 y comparar con el z obtenido en la fórmula, si z es mayor que el punto crítico, H_0 no se rechaza

$$0.341406 > -2.325$$

Si z fuera menor que el punto crítico, H_0 se rechazaría

Se están investigando dos métodos para producir gasolina a partir de petróleo crudo. Se supone que el rendimiento de ambos procesos se distribuye normalmente, los siguientes datos se han obtenido de la planta piloto:

Rendimientos

x1	x2
23	22
27	25
24	24
23	25
25	23
26	23
24	24
26	24
26	23
25	21
24	22

Suponer igualdad de varianzas, encontrar el valor de t_0

- a. Falta in formación
- b. Ninguna
- c. 2.7872598
- d. 2.5085338
- e. 3.7872598

Se está estudiando el rendimiento de un proceso químico. De la experiencia previa se sabe que la varianza del rendimiento con este proceso es 5. Los últimos diez días de operación de la planta han dado como resultado los siguientes rendimientos (en porcentajes):

86.58, 86.18, 90.49, 91.28, 86.14, 90.39, 89.65, 90.68, 90.62, 90.37, 86.8, 90.09

¿Hay razón para creer que el rendimiento es menor al 89%? (asuma un error de tipo I del 1%). Trabaje con el estadístico z_0 .

- a. Falta información
- b. Ninguna
- c. Ejercicio mal planteado
- d. Se rechaza H_0
- e. No se rechaza H_0

Suponga que $\hat{\theta}_1$ y $\hat{\theta}_2$ son estimadores de θ . Se sabe que $\hat{\theta}_1$ es insesgado y que $E[\hat{\theta}_2] = \theta/2$, suponiendo que $V(\hat{\theta}_1) = V(\hat{\theta}_2)$, que estimador logra un menor error cuadrático medio.

- a. Ambos
- b. $\hat{\theta}_1$
- c. Ninguna
- d. Falta información
- e. $\hat{\theta}_2$

Respuesta:

$\hat{\theta}_1$ es más pequeño.

Marcar b.

Supongase que la variable aleatoria X tiene la distribución de probabilidad

$$f(x) = (\gamma + 2)X^\gamma \quad 0 < X < 1$$

Sea X_1, X_2, \dots, X_n una muestra aleatoria de tamaño n . Obtenga el estimador de máxima verosimilitud de γ

- a. $\hat{\gamma} = \bar{X}$
- b. $\hat{\gamma} = -1 + \frac{n}{\sum_{i=1}^n \ln X_i}$
- c. Ninguno
- d. $\hat{\gamma} = -1 - \frac{n}{\sum_{i=1}^n \ln X_i}$
- e. No es una función de probabilidad

Respuesta:

No es una función de probabilidad.

Marcar e.

Una carrera en la universidad esta a punto de elegir a sus autoridades, se busca hacer una encuesta de intención de votos en los estudiantes para el candidato “Z”, se quiere un nivel de confianza del 95%, y no errar en $\pm 0.04\%$. Calcular el tamaño de muestra, suponiendo “n” máxima.

- a. Falta información
- b. 601
- c. Ninguna
- d. 811
- e. 751

Un fabricante de propulsores está investigando la desviación lateral en yardas de cierto tipo de proyectil mortero. Se han observado los siguientes datos:

x
−1.673025
−4.885796
−2.698088
10.352116
0.947634
−6.135548
2.923138
−9.472094
7.109478
9.717690
4.470182
10.325810
−7.648696

Pruebe la hipótesis de que la desviación lateral media de estos proyectiles de mortero es cero. Suponer que los datos son normales. El valor de tablas corresponde a $t_{\alpha/2, n-1} = 2.1788128$

- a. No se rechaza H_0
- b. Ejercicio mal planteado
- c. Falta información
- d. Ninguna
- e. Se rechaza H_0