Programowanie narzędzi analitycznych - Z04

1 Jarque-Bera test

Zadanie 1

Sprawdzić normalności rozkładu zmiennej

- a) vec1
- b) vec2
- c) vec3
- d) vec4

Zadanie 2

Przeprowadzić eksperyment składający się z 10 tysięcy powtórzeń wygenerowania zmiennej o 100 obserwacjach z rozkładu t-Studenta z 12 stopniami swobody i przeprowadzeniu testu JB. W każdym powtórzeniu zapisujemy wynik (statystykę testową lub wynik zerojedynkowy). Sprawdzić w jakim procencie przypadków test wskazuje prawidłowy wynik.

Zadanie 3

Wygenerować zmienną o 30 obserwacjach z rozkładu normalnego ze średnią 4 i odchyleniem standardowym 2. Sprawdzić normalność rozkładu za pomocą testu JB. Zadanie powtórzyć 10000 razy. Sprawdzić w jakim procencie przypadków test wskazuje prawidłowy wynik.

2 Metoda Najmniejszych Kwadratów

Zadanie 2

Oszacować model ekonometryczny dla danych o samochodach postaci $cena_i = \beta_0 + \beta_1 lpg_i + \varepsilon_i$

- 1. cena=1, instalacja gazowa = nie,
- 2. cena=2, instalacja gazowa = tak,
- 3. cena=3, instalacja gazowa = nie.

Zadanie 4

Dla zbioru obserwacji $(x; y) \in \{(1; 1); (2; 2); (3; 1)\}$ dla modelu empirycznego postaci

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i,$$

wyznaczyć $Cov(\widehat{\beta}_0, \widehat{\beta}_1)$.

Zadanie 5

Wykorzystując dane z pliku vacation.csv dla modelu liniowego postaci:

$$MILES_i = \beta_0 + \beta_1 INCOME_i + \beta_2 AGE_i + \beta_3 KIDS_i + \varepsilon_i$$

wyznaczyć:

- 1. estymatory parametrów β ,
- 2. wartość wariancji reszt,
- 3. współczynniki determinacji R^2 oraz \bar{R}^2 ,
- 4. $Cov(\widehat{\beta}_1, \widehat{\beta}_2)$ oraz $Cov(\widehat{\beta}_2, \widehat{\beta}_2)$.

Dane pochodzą z zadanie 8.4 z podręcznika Principles of Econometrics, Third Edition.

Zadanie 6

Wykorzystując dane z pliku vacation.csv dla modelu liniowego postaci:

$$MILES_i = \beta_0 + \beta_1 INCOME_i + \beta_2 AGE_i + \beta_3 KIDS_i + \varepsilon_i,$$

przy ograniczeniu $\beta_2 = 10$.

3 Bibliografia

- [1] Krysicki W., Bartos J., Dyczka W., Królikowska K., Wasilewski M., Rachunek prawdopodobieństwa i statystyka matematyczna w zadaniach, Tom I i II, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa 2010.
- [2] Boratyńska A., Zadania na ćwiczenia ze statystyka matematycznej.
- [3] R. Carter Hill, William E. Griffiths and Guay C. Lim, *Principles of Econometrics*, Third Edition, John Wiley & Sons.