

# 九章算法基础班

## 第八讲 排序算法

课程版本: v3.0 张三疯 老师



扫描二维码关注微信/微博  
获取最新面试题及权威解答

微信: [ninechapter](#)

知乎专栏: <http://zhuanlan.zhihu.com/jiuzhang>

微博: <http://www.weibo.com/ninechapter>

官网: [www.jiuzhang.com](http://www.jiuzhang.com)

九章课程不提供视频，也严禁录制视频的侵权行为  
否则将追求法律责任和经济赔偿  
请不要缺课

- 普通排序算法
- 归并排序 (Merge sort)
- 快速排序 (Quick sort)
- 课程总结

# 课程回顾

- Python的基本数据结构之一
  - 集合中存储**非重复**的**无序**数据
  - set中的元素不一定是同一类型，非常灵活

```
set_1 = set([12, 15.6, True, 'hello'])  
set_2 = {12, 15.6, True, 'hello'}  
set_3 = set('hello')
```



**Bag**

- Set的常见操作
  - 增 (Create) : add, update
  - 查 (Read) : 迭代 (iteration) , in
  - 删 (Delete) : remove, clear, discard, pop
  - 其他: len

- Set的集合间操作：生成新的集合
  - 并集：union, |
  - 交集：intersection, &
  - 差集：difference, -
  - 对称差：symmetric\_difference, ^

- Python的基本数据结构之一
  - 字典中存储~~key~~非重复的~~无序~~的key-value pairs
  - dict可能是最灵活的内置数据结构
  - 别名: index, map

```
dict_1 = {}  
dict_2 = {'spam': 2, 'eggs': 3, 'food': {'ham': 1, 'ice': 2}}  
dict_3 = dict(zip(['spam', 'eggs'], [2, 3]))
```



- Dict的常见操作
  - 增 (Create) : 索引赋值, update
  - 查 (Read) : 索引, 迭代 (iteration) , in, get, keys, values, items
  - 改 (Update) : 索引赋值
  - 删 (Delete) : pop, del
  - 其他: len

- 主要关注插入和查找操作
  - List实现
    - add:  $O(n)$  find:  $O(n)$
  - 平衡的BST实现
    - add:  $O(\log n)$  find:  $O(\log n)$
  - Hash table实现
    - add:  $O(1)$  find:  $O(1)$

- 分治法 (divide and conquer)
  - 将一个大问题分解成多个独立的小问题：分
  - 分别解决每个小问题（小问题和大问题是同一类问题，可以用递归）
  - 将小问题的解合并，从而得到大问题的解：合

# 普通排序算法

- 选择排序 (Selection sort)
  - [http://www.algolist.net/Algorithms/Sorting/Selection\\_sort](http://www.algolist.net/Algorithms/Sorting/Selection_sort)
- 插入排序 (Insertion sort)
  - [http://www.algolist.net/Algorithms/Sorting/Insertion\\_sort](http://www.algolist.net/Algorithms/Sorting/Insertion_sort)
- 冒泡排序 (Bubble sort)
  - [http://www.algolist.net/Algorithms/Sorting/Bubble\\_sort](http://www.algolist.net/Algorithms/Sorting/Bubble_sort)

- 复杂度

- 时间复杂度： $O(n^2)$
- 空间复杂度： $O(1)$

- 演示动画

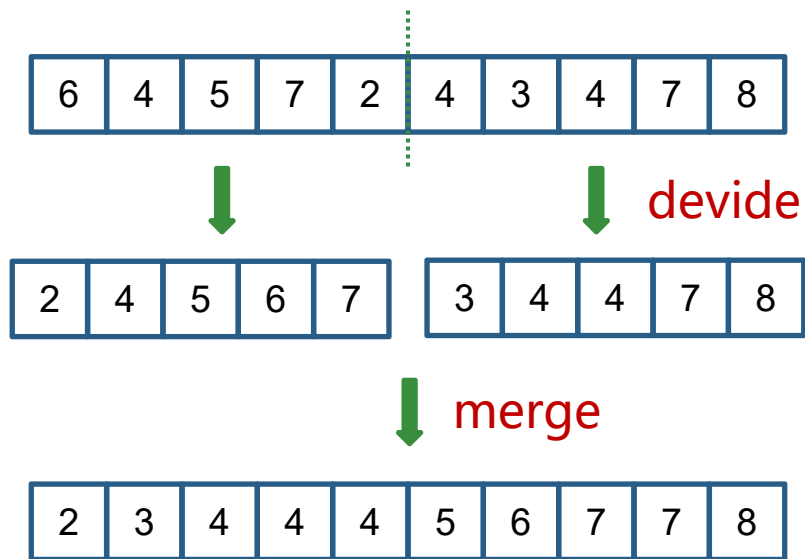
- <http://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/ComparisonSort.html>

# 归并排序 (Merge sort)

- 归并排序 (merge sort) - 分治
  - 把数组均分成左右两半
  - 将左右两半分别排序 (递归)
  - 将排好序的两半数组合并 (merge)

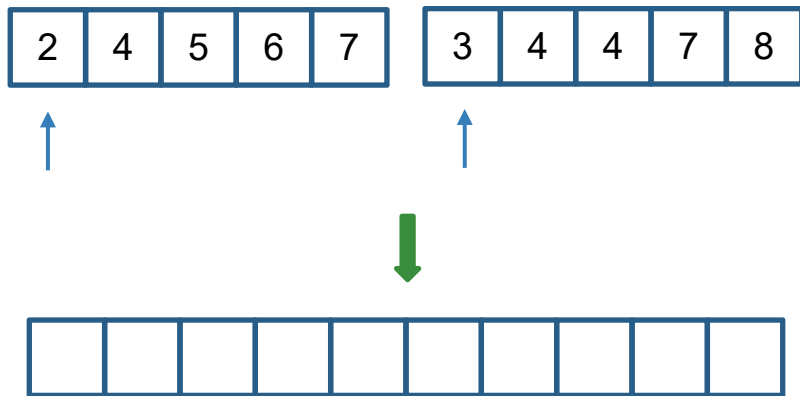


- 归并排序 (merge sort)

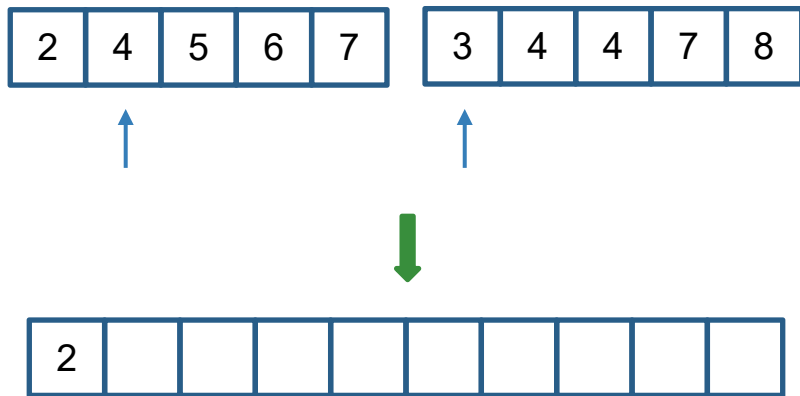


- 如何merge?
  - 练习一：merge two sorted arrays
  - <https://www.lintcode.com/problem/merge-two-sorted-arrays/>
  - <https://www.jiuzhang.com/solution/merge-two-sorted-arrays/>

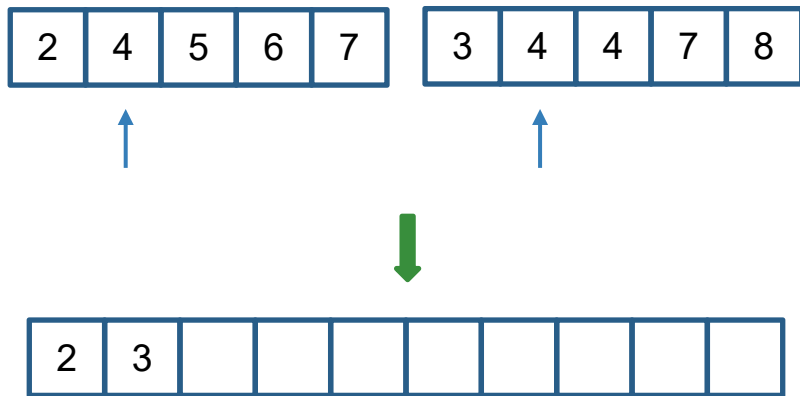
- 如何merge?



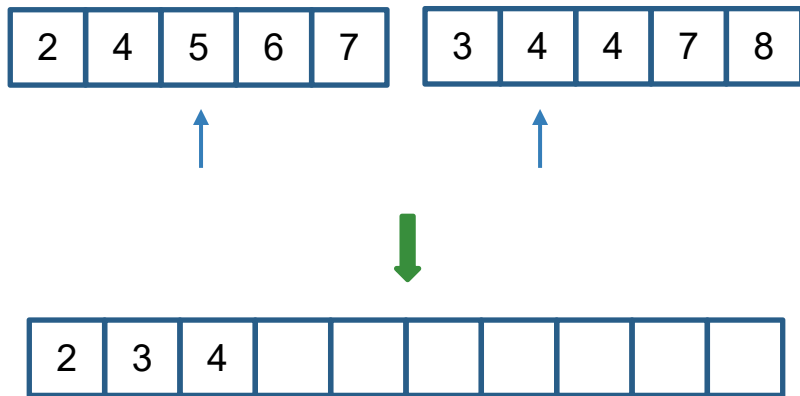
- 如何merge?



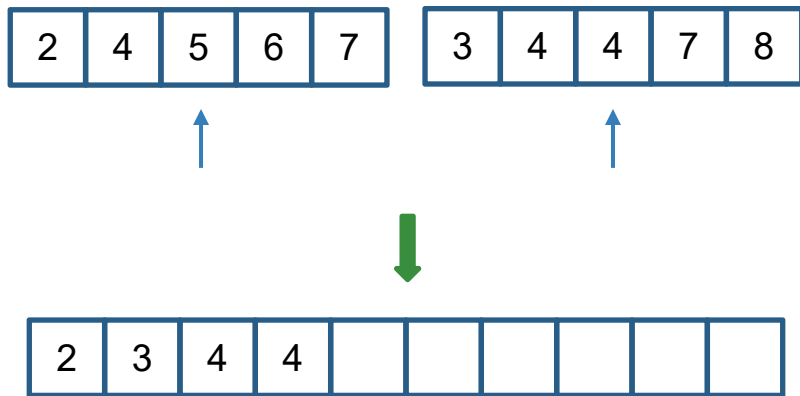
- 如何merge?



- 如何merge?

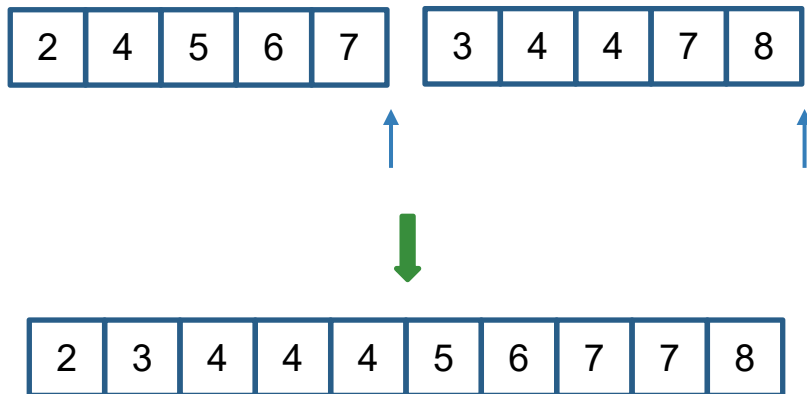


- 如何merge?



以此类推

- 如何merge?
  - 结果





- 分治法的代码思考方式

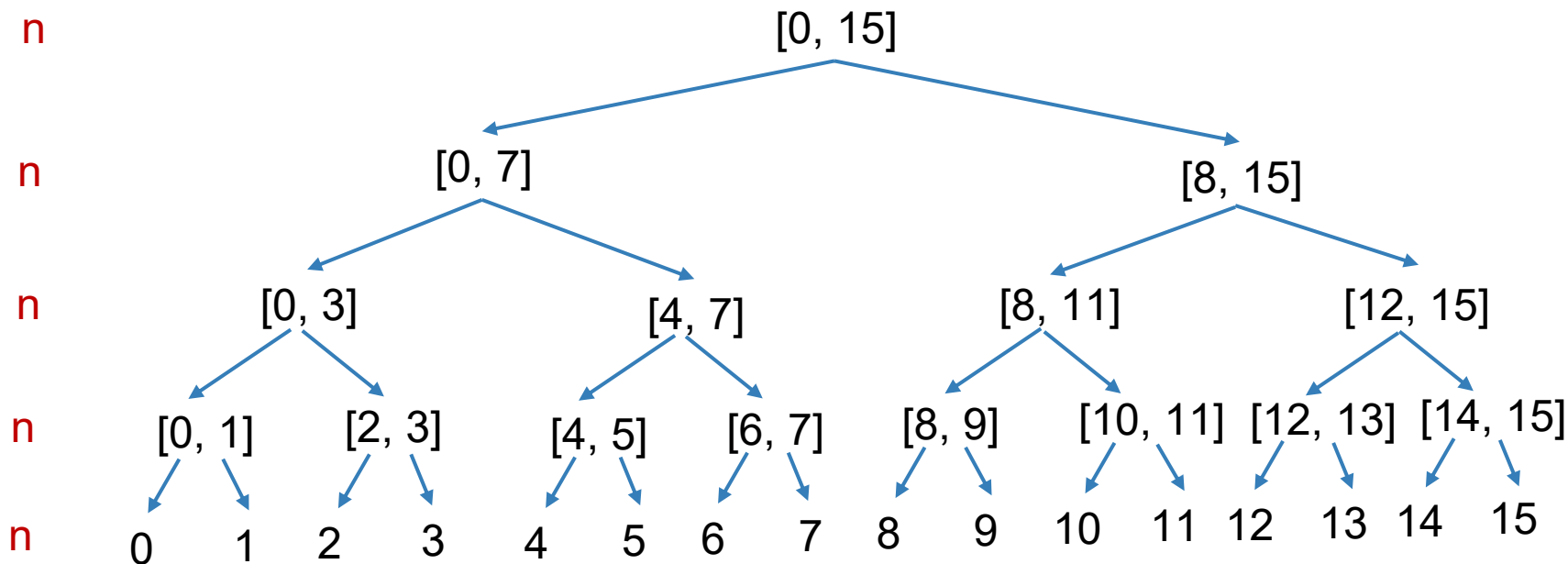
```
8  def merge_sort_helper(array, left, right):  
9      if left >= right:  
10         return  
11  
12     mid = (left + right) // 2  
13     merge_sort_helper(array, left, mid)  
14     merge_sort_helper(array, mid + 1, right)
```

- 分治法的代码思考方式
  - 先假设小的任务已经完成（实际上未完成）
  - 在此基础上完成大的任务，此时原来小的任务也就一并完成了

```
8  def merge_sort_helper(array, left, right):
9      if left >= right:
10         return
11
12     mid = (left + right) // 2
13     merge_sort_helper(array, left, mid)
14     merge_sort_helper(array, mid + 1, right)
15     merge(array, left, right)
```

# 归并排序

- 时间复杂度:  $O(n \log n)$



- 空间复杂度:  $O(n)$ 
  - 栈空间:  $O(\log n)$
  - 堆空间:  $O(n \log n) \rightarrow O(n)$
- 代码参考
  - <https://www.jiuzhang.com/solutions/merge-sort>

- 练习二：面试真题
  - Reverse Pairs
  - <https://www.lintcode.com/problem/reverse-pairs/>
  - <https://www.jiuzhang.com/solution/reverse-pairs/>

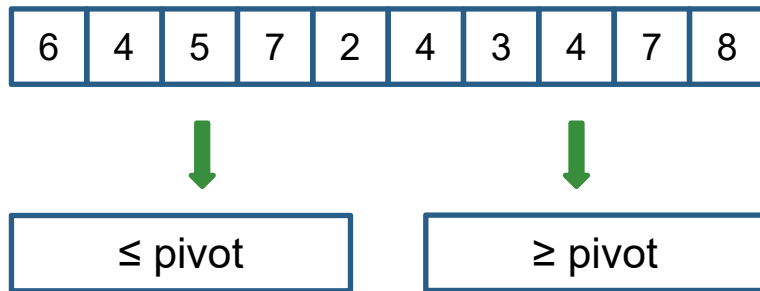
# 快速排序 (Quick sort)

- 快速排序 (quick sort)
  - 20世纪以来十大经典算法
  - <https://www.quora.com/What-are-the-top-10-algorithms-of-the-20th-century>

- 快速排序 (quick sort) 思想
  - 把数组分为两边，使得：数组的左边小于等于数组的右边（左右两边长度不一定相等）
  - 对左右两部分数组分别排序（递归）
- 先整体后局部

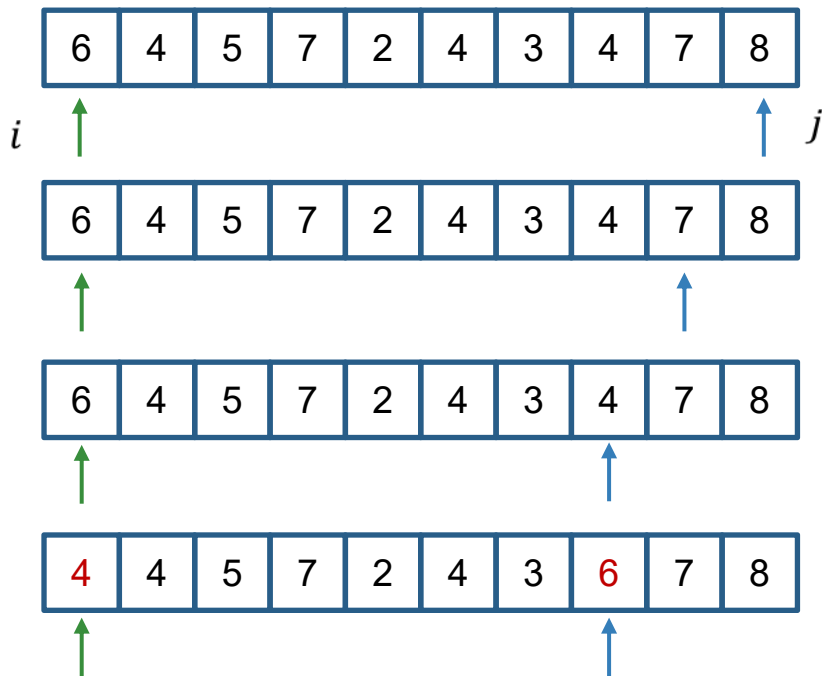


- 快速排序
  - 选取基准数 (pivot)
  - 将数组分割为两部分，长度不一定相等 (partition)
  - 递归处理子问题



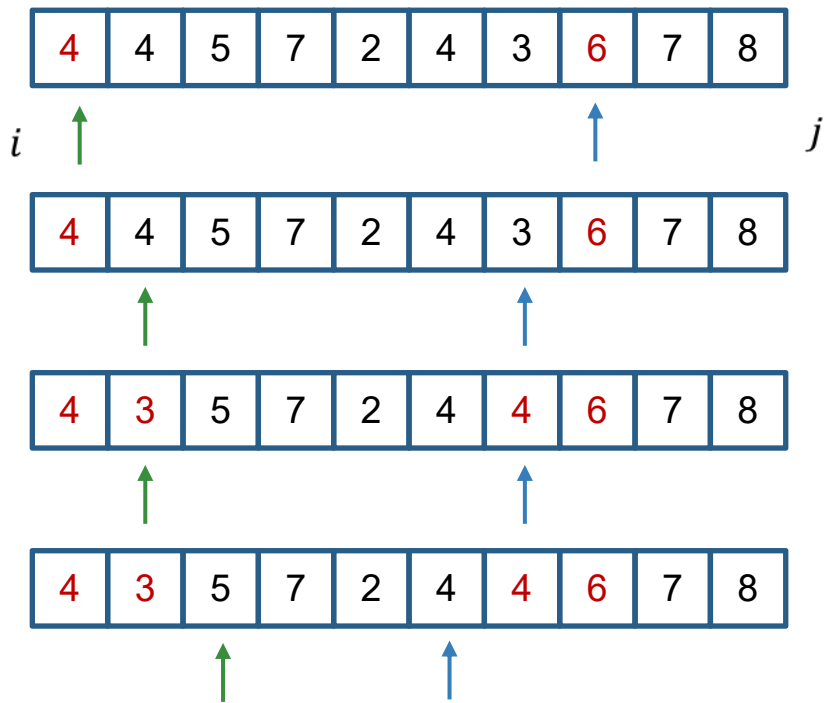
- 如何把数组分为两部分 (partition)
  - 两个指针，分别指向当前数组的头和尾
  - 移动左边的指针，直到左边指针指向的数大于等于基准数
  - 移动右边的指针，直到右边指针指向的数小于等于基准数
  - 交换两个指针指向的数
  - 回到第2步，直到两个指针相遇

- 如何做Partition ?
  - 当 $i$ 指向的值小于pivot右移
  - 当 $j$ 指向的值大于pivot左移
  - 否则，交换值



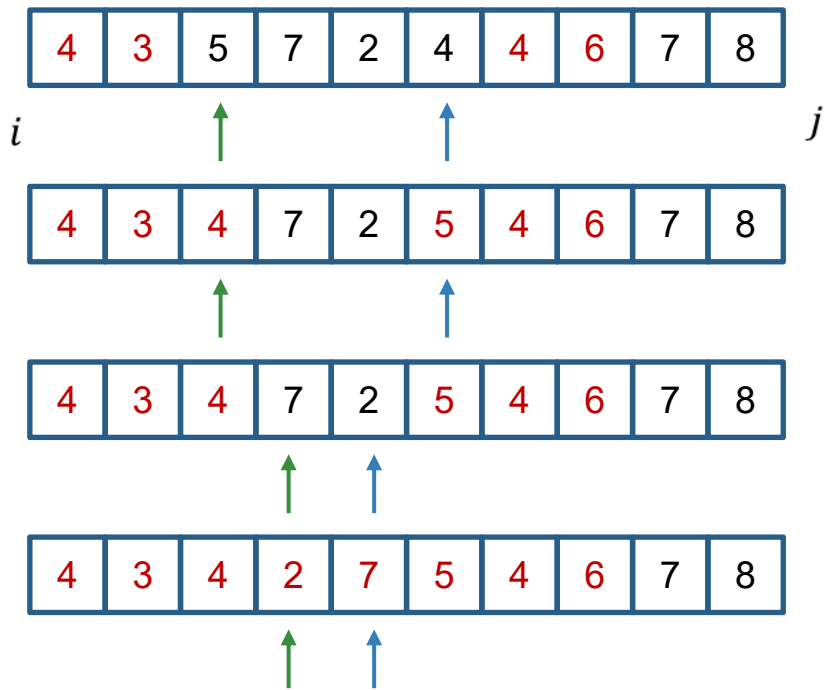
假设pivot取值为4

- 如何做Partition ?
  - 当 $i$ 指向的值小于pivot右移
  - 当 $j$ 指向的值大于pivot左移
  - 否则，交换值



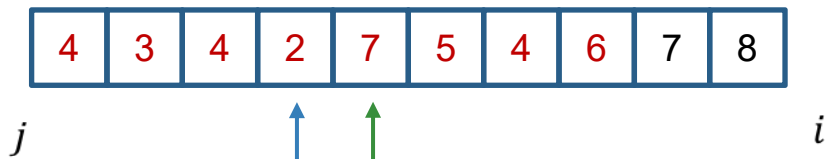
假设pivot取值为4

- 如何做Partition ?
  - 当 $i$ 指向的值小于pivot右移
  - 当 $j$ 指向的值大于pivot左移
  - 否则，交换值



假设pivot取值为4

- 两个子问题的边界
  - $[left, j]$
  - $[i, right]$



- 递归

假设pivot取值为4

- 代码演示
  - 先理解
  - 再记忆
  - 再当成模板

- 如何选基准数
  - 选当前数组的第一个数？
  - 在当前数组中随机选一个数：`random.randint(start, end)`
- 退化
  - $O(n^2)$

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---



- 如何确定子问题左右两边的边界

- pivot = 2

3	1	1	2
---	---	---	---

- pivot = 2

3	4	2	2	1
---	---	---	---	---

- 一定是 [left, j] 和 [i, right]

- 为什么当值等于pivot时也交换呢？
  - 保证子问题规模一定小于原问题
  - 使子问题规模尽量相等，降低时间复杂度



- 时间复杂度
  - 平均情况： $O(n\log n)$  最坏情况： $O(n^2)$
- 空间复杂度
  - 平均情况： $O(\log n)$  最坏情况： $O(n)$
- 代码参考
  - <https://www.jiuzhang.com/solutions/quick-sort>

- 练习三
  - Partition Array
  - <https://www.lintcode.com/problem/partition-array/>
  - <https://www.jiuzhang.com/solution/partition-array/>

- 练习四
  - Sort Integers II
  - <https://www.lintcode.com/problem/sort-integers-ii/>
  - <https://www.jiuzhang.com/solution/sort-integers-ii/>

- 对list进行排序
  - 利用list的成员函数sort()排序：原地排序
  - 利用内置函数sorted()进行排序：生成新的list
  - 重写\_\_lt\_\_和\_\_gt\_\_函数来定义object的比较方法

# 课程总结

- Python language
  - Dynamically typed language
  - Variable model
  - Control flow
  - Function: copy address, execute



- CS basics
  - Unicode
  - OOP
  - Reference
  - Memory model: heap and stack
  - Time/ space complexity analysis
  - Test case

- Data structure
  - List, Tuple, String
  - LinkedList
  - Stack, Queue
  - Binary tree, BST
  - Set, Dictionary, Hash table

- Algorithm
  - Enumeration
  - DFS, BFS
  - Divide and conquer
  - Sort



扫描二维码关注微信/微博  
获取最新面试题及权威解答

微信: [ninechapter](#)

微博: <http://www.weibo.com/ninechapter>

官网: [www.jiuzhang.com](http://www.jiuzhang.com)



谢谢大家