Tipus recursius de dades, III

Ricard Gavaldà
Programació 2
Facultat d'Informàtica de Barcelona, UPC
Primavera 2018

Aquesta presentació no substitueix els apunts

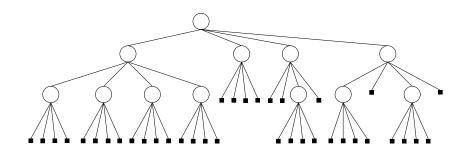
Contingut

Arbres N-aris

Arbres generals

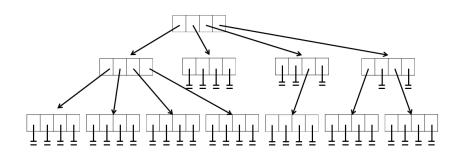
Arbres N-aris

Arbres **N**-aris



- ► Generalització dels arbres binaris
- ▶ N: nombre de fills (binaris: *N*=2)

Arbres N-aris: Implementació



un node conté vector anb N apuntadors a node, un per a cada fill operació "consultar i-èssim" eficient: accés directe

Definició classe ArbreNari

Copiar jerarquies de nodes

```
static node_arbreNari* copia_node_arbreNari(node_arbreNari* m) {
/* Pre: cert */
/* Post: el resultat és NULL si m és NULL; en cas contrari,
         el resultat apunta al node arrel d'una jerarquia de nodes
         que és una còpia de la jerarquia de nodes que té el node
         apuntat per m com a arrel */
    if (m == NULL) return NULL;
    else {
        node_arbreNari* n = new node_arbreNari;
        n->info = m->info:
        int N = m->seg.size();
        n->seg = vector<node_arbreNari*>(N);
        for (int i = 0; i < N; ++i)
            n->seg[i] = copia_node_arbreNari(m->seg[i]);
        return n:
```

Esborrar jerarquies de nodes

Constructores / destructores |

```
ArbreNari(int n) {
/* Pre: cert */
/* Post: el p.i. és un arbre buit d'aritat n */
    N = n:
   primer_node = NULL;
ArbreNari(const T &x, int n) {
/* Pre: cert */
/* Post: el p.i. és un arbre amb arrel x i n fills buits */
   N = n:
    primer_node = new node_arbreNari;
    primer_node->info = x;
    primer_node->seg = vector<node_arbreNari*>(N);
    for (int i=0; i<N; ++i)
        primer_node->seg[i] = NULL;
```

Constructores/destructores ||

```
ArbreNari(const ArbreNari& original) {
/* Pre: cert */
/* Post: el resultat és una arbre còpia d'original */
    N = original.N;
    primer_node = copia_node_arbreNari(original.primer_node);
}

~ArbreNari() {
    esborra_node_arbreNari(primer_node);
}
```

Modificadores L

```
/* Pre: el p.i. té la mateixa aritat que original */
/* Post: el p.i. és una còpia d'original */
ArbreNari& operator=(const ArbreNari& original) {
    if (this != &original) {
      esborra_node_arbreNari(primer_node);
      N = original.N;
      primer_node = copia_node_arbreNari(original.primer_node);
    return *this;
void a_buit() {
/* Pre: cert */
/* Post: el p.i. és un arbre buit de la mateixa aritat que tenia */
    esborra_node_arbreNari(primer_node);
    primer_node = NULL;
```

Modificadores II

```
void plantar(const T &x, vector<ArbreNari> &v) {
/* Pre: el p.i. és buit, v = V, v.size() és l'aritat del p.i.
         tots els components de v tenen la mateixa aritat que el p.i.,
         i cap és el mateix objecte que el p.i. */
/* Post: el p.i. té x com a arrel i els seus fills són iguals
         que els components de V; v conté arbres buits */
    primer_node = new node_arbreNari;
    primer_node->info = x;
    primer_node->seg = vector<node_arbreNari*>(N);
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        primer_node->seg[i] = v[i].primer_node;
        v[i].primer_node = NULL;
```

Modificadores III

```
void fill(const ArbreNari &a. int i) {
/* Pre: el p.i. és buit i de la mateixa aritat que a,
   a no és buit, i està entre 1 i el nombre de fills d'a */
/* Post: el p.i és una còpia del fill i-èssim d'a */
  primer_node = copia_node_arbreNari((a.primer_node)->seg[i-1]);
void fills(vector<ArbreNari> &v) {
/* Pre: el p.i. és A, un arbre no buit, v és un vector buit */
/* Post: v conté els fills d'A i el p.i. és buit */
    v = vector<ArbreNari>(N,ArbreNari(N));
    for (int i = 0; i < N; ++i)
        v[i].primer_node = primer_node->seg[i];
    delete primer_node;
    primer_node = NULL;
```

Consultores

```
T arrel() const {
/* Pre: el p.i. no és buit */
/* Post: el resultat és l'arrel del p.i. */
    return primer_node->info;
bool es buit() const {
/* Pre: cert */
/* Post: el resultat indica si el p.i. és un arbre buit */
    return primer_node == NULL;
int aritat() const {
/* Pre: cert */
/* Post: el resultat és l'aritat del p.i. */
    return N;
```

Eficiència de recorreguts arbres N-aris

Observació: fills ens permet recorreguts eficients

- ▶ fills té cost N, siguin els subarbres molt grans o molt petits
- ▶ No hi ha còpia d'arbres

Podria fer-se copiant cada fill amb fill, però és ineficient

Suma de tots elements d'un arbre

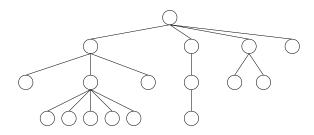
```
/* Pre: a = A */
/* Post: el resultat és la suma dels elements d'A */
int suma(ArbreNari<int> &a) {
    if (a.es_buit()) return 0;
    else {
        int s = a.arrel();
        int N = a.aritat();
        vector<ArbreNari<int> > v;
        a.fills(v);
        for (int i = 0; i < N; ++i) s += suma(v[i]);
        return s;
```

Sumar un valor k a cada node d'un arbre

```
/* Pre: a = A */
/* Post: a és com A però havent sumat k a tots els seus elements */
void suma_k(ArbreNari<int> &a, int k) {
    if (not a.es_buit()) {
        int s = a.arrel() + k;
        int N = a.aritat();
        vector<ArbreNari<int> > v;
        a.fills(v);
        for (int i = 0; i < N; ++i) suma_k(v[i], k);
        a.plantar(s, v);
    }
}</pre>
```

Arbres generals

Arbres generals I

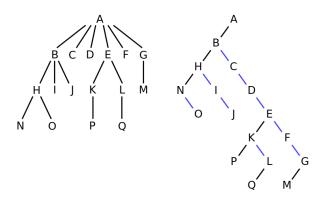


- Nombre indeterminat de fills, no necessàriament el mateix a cada subarbre
- Propietat important: Un arbre general
 - ▶ o és l'arbre buit
 - o té qualsevol nombre (fins i tot zero) de fills, cap dels quals és buit

Arbres generals II. Implementacions

- 1. vector d'apuntadors de mida = nombre de fills
 - "consultar i-èssim" eficient
 - "eliminar fill i-èssim" potser és ineficient
 - ► (que no existeix en arbres N-aris!)
 - és la implementació que descriurem
- 2. Ilista d'apuntadors a fills
 - "consultar i-èssim" ineficient (accés sequencial)
 - però ok per recorreguts sequencials
 - 'eliminar fill actual" eficient
- 3. arbre binari "primer fill, germà dret"
 - reimplementació sobre arbres binaris

"primer fill, germà dret": exemple



(font: http://en.wikipedia.org/wiki/Left-child_ right-sibling_binary_tree)

Definició de la classe ArbreGen

```
template <class T> class ArbreGen
    private:
        struct node_arbreGen {
            T info;
            vector<node_arbreGen*> seg;
        };
        node_arbreGen* primer_node;
        ... // operacions privades
    public:
        ... // operacions públiques
};
```

Important: Ja no tenim un atribut amb el nombre de fills per a tot l'arbre; ni per a cada node. Es pot obtenir amb seg.size()

Copiar i esborrar jerarquies de nodes

Idèntiques a les dels arbres N-aris (només canviar tipus dels nodes)

Constructores / destructores |

```
ArbreGen() {
/* Pre: cert */
/* Post: el p.i. és un arbre general buit */
   primer_node = NULL;
ArbreGen(const T &x) {
/* Pre: cert */
/* Post: el p.i. és un arbre general amb arrel x i 0 fills */
    primer_node = new node_arbreGen;
   primer_node->info = x;
    // cal no fer primer_node->seg = vector<node_arbreGen*>(0);
```

Constructores/destructores ||

```
ArbreGen(const ArbreGen& original) {
/* Pre: cert */
/* Post: el resultat és una arbre còpia d'original */
    primer_node = copia_node_arbreGen(original.primer_node);
}

~ArbreGen() {
    esborra_node_arbreGen(primer_node);
}
```

Modificadores L

```
ArbreGen& operator=(const ArbreGen& original) {
    if (this != &original) {
       esborra_node_arbreGen(primer_node);
       primer_node = copia_node_arbreGen(original.primer_node);
    return *this;
void a buit() {
/* Pre: cert */
/* Post: el p.i. és un arbre general buit */
    esborra_node_arbreGen(primer_node);
    primer_node = NULL;
```

Modificadores II

```
void plantar(const T &x) {
/* Pre: el p.i. és buit */
/* Post: el p.i. té x com a arrel i zero fills */
    primer_node = new node_arbreGen;
       // inclou un primer_node->seg = vector<node_arbreGen*>(0);
    primer_node->info = x;
void plantar(const T &x, vector<ArbreGen> &v) {
/* Pre: el p.i. és buit, v = V, cap component de v és un arbre buit */
/* Post: el p.i. té x com a arrel i els elements de V
         com a fills: v conté només arbres buits */
    primer_node = new node_arbreGen;
    primer_node->info = x;
    int n = v.size();
    primer_node->seg = vector<node_arbreGen*>(n);
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        primer_node->seg[i] = v[i].primer_node;
        v[i].primer_node = NULL;
                                                                  27 / 32
```

Modificadores III

Nota: primer ús de vector.push_back(...)

Modificadores IV

```
void fill(const ArbreGen &a, int i) {
/* Pre: el p.i. és buit, a no és buit, i està entre 1 i
   el nombre de fills d'a */
/* Post: el p.i és una còpia del fill i-èssim d'a */
    primer_node = copia_node_arbreGen((a.primer_node)->seg[i-1]);
void fills(vector<ArbreGen> &v) {
/* Pre: el p.i. no és buit, li diem A, i no és cap dels components de
/* Post: el p.i. és buit, v passa a contenir els fills de l'arbre A */
    int n = primer_node->seg.size();
    v = vector<ArbreGen>(n);
    for (int i = 0; i < n; ++i) v[i].primer_node = primer_node->seg[i];
    delete primer_node;
   primer_node = NULL;
```

Consultores

```
T arrel() const {
/* Pre: el p.i. no és buit */
/* Post: el resultat és l'arrel del p.i. */
    return primer_node->info;
bool es buit() const {
/* Pre: cert */
/* Post: el resultat indica si el p.i. és un arbre buit */
    return primer_node == NULL;
int nombre_fills() const {
/* Pre: el p.i. no és buit */
/* Post: el resultat és el nombre de fills del p.i. */
    return (primer_node->seg).size();
```

Exemple: suma de tots els elements

```
int suma(ArbreGen<int> &a) {
/* Pre: a = A */
/* Post: el resultat és la suma dels elements d'A */
    int s;
    if (a.es_buit()) s = 0;
    else {
       s = a.arrel();
       vector<ArbreGen<int> > v;
       a.fills(v);
       int n = v.size();
       for (int i = 0; i < n; ++i) s += suma(v[i]);
    return s;
```

Exemple: sumar k a cada element

```
void suma_k(ArbreGen<int> &a, int k) {
/* Pre: a = A */
/* Post: a és com A però havent sumat k a tots els seus elements */
    if (not a.es buit()) {
        int s = a.arrel() + k;
        vector<ArbreGen<int> > v;
        a.fills(v);
        int n = v.size();
        if (n == 0)
            a.plantar(s, vector < int > (0));
        else {
            for (int i = 0; i < n; ++i) suma_k(v[i], k);
            a.plantar(s, v);
```