

Tipus Recursius de Dades II

Programació 2

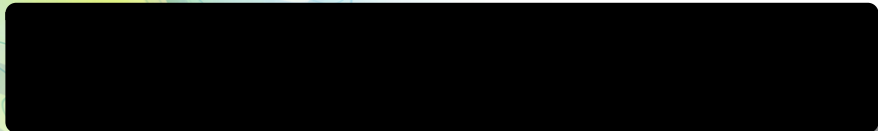
Facultat d'Informàtica d'Informàtica, UPC

Conrado Martínez

Primavera 2019

- Apunts basats en els d'en Ricard Gavalrà
- Aquestes transparències **no** substitueixen els apunts de l'assignatura, els complementen

Part I



- 1 Implementació de llistes
- 2 Llistes doblement encadenades amb sentinella
- 3 Implementació dels arbres binaris

Implementació de Llista

En aquest curs no implementarem els iteradors de manera general

Implementarem **l·listes amb punt d'interès**

Funcionalitats similars, algunes restriccions

Novetat tipus llista: punt d'interès

Podem:

- Desplaçar endavant i enrere el punt d'interès
- Afegir i eliminar just al punt d'interès
- Consultar i modificar l'element al punt d'interès

Novetat tipus llista: punt d'interès

Podem:

- Desplaçar endavant i enrere el punt d'interès
- Afegir i eliminar just al punt d'interès
- Consultar i modificar l'element al punt d'interès

- Implementació: atribut (privat) de tipus apuntador a node
- Modularitat: punt d'interès part del tipus, no tipus apart
- Efecte lateral: queda modificat si es modifica en una funció que rep la llista per referència no const

Definició classe Llista, I

```
template <class T> class Llista {
private:
    struct node_llista {
        T info;
        node_llista* seg;
        node_llista* ant;
    };
    int longitud;
    node_llista* primer;
    node_llista* ultim;
    node_llista* act;           // apuntador a punt d'interes
    ... // especificació i implementació d'operacions privades
public:
    ... // especificació i implementació d'operacions públiques
};
```

Definició classe `Llista`, II

- Apuntadors per accés ràpid a següent, anterior, primer i darrer, i punt d'interès
- `act == nullptr` vol dir “punt d'interès sobre l'element fictici posterior a l'últim”
- Conveni llista buida: `longitud` zero i els tres apuntadors (`primer`, `ultim` i `act`) nuls
- Llista amb un element: `longitud` 1 i únic altre cas en què `primer == ultim`
- “cap a la dreta” == cap a l'últim; “cap a l'esquerra” == cap al primer; “a la dreta de tot” == sobre l'element fictici del final

Constructures i destructora

```
Llista() {  
    longitud = 0;  
    primer = nullptr;  
    ultim = nullptr;  
    act = nullptr;  
}  
  
Llista(const Llista& original) {  
    longitud = original.longitud;  
    primer = copia_node_llista(original.primer, original.act,  
                                ultim, act);  
}  
  
~Llista() {  
    esborra_node_llista(primer);  
}
```


Copiar cadena de nodes

```
static node_llista* copia_node_llista(  
    node_llista* m, node_llista* oact,  
    node_llista* &u, node_llista* &a);  
/* Pre: cert */  
/* Post: si m és nullptr, el resultat, u i a són nullptr;  
en cas contrari, el resultat apunta al primer node d'una cadena de nodes  
que són còpia de la cadena que té el node apuntat per m com a primer node,  
u apunta a l'últim node,  
i a és o bé nullptr si oact no apunta a cap node de la cadena que  
comença amb m, o bé apunta al node còpia del node apuntat per oact */
```

Copiar cadena de nodes

```
static node_llista* copia_node_llista(  
    node_llista* m, node_llista* oact,  
    node_llista*& u, node_llista*& a) {  
    if (m == nullptr) { u = nullptr; a = nullptr; return nullptr; }  
    else {  
        node_llista* n = new node_llista;  
        n -> info = m -> info;  
        n -> ant = nullptr;  
        n -> seg = copia_node_llista(m -> seg, oact, u, a);  
        if (n -> seg != nullptr) n -> seg -> ant = n;  
        if (n -> seg == nullptr) u = n;  
        // else, u es el que hagi retornat la crida recursiva  
        // es podria fer com a "else"  
        if (m == oact) a = n;  
        // else, a es el que hagi retornat la crida recursiva  
        return n;  
    }  
}
```

Esborrar cadena de nodes

```
static void esborra_node_llista(node_llista* m) {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: no fa res si m és nullptr, en cas contrari,  
            allibera espai dels nodes de la cadena que té  
            el node apuntat per m com a primer */  
    if (m != nullptr) {  
        esborra_node_llista(m -> seg);  
        delete m;  
    }  
}
```

Exercici: La versió iterativa

Redefinició de l'assignació

```
Llista& operator=(const Llista& original) {  
    if (this != &original) {  
        longitud = original.longitud;  
        node_llista *ultim_aux, *act_aux;  
        node_llista* primer_aux = copia_node_llista(original.primer,  
                                                    original.act, ultim_aux, act_aux);  
        esborra_node_llista(primer);  
        primer = primer_aux; ultim = ultim_aux; act = act_aux;  
    }  
    return *this;  
}
```

Redefinició de l'assignació: una tècnica alternativa

```
// intercanvi de la llista implícita amb la llista aux
void Swap(Llista& aux) {
    swap(longitud, aux.longitud);
    swap(primer, aux.primer);
    swap(ultim, aux.ultim);
    swap(act, aux.act);
}

Llista& operator=(const Llista& original) {
    Llista aux = original; // amb la construcció per còpia
    Swap(aux);
    return *this;
}
```

Modificadores I

```
void l_buida() {  
    esborra_node_llista(primer);  
    longitud = 0;  
    primer = nullptr;  
    ultim = nullptr;  
    act = nullptr;  
}
```

Modificadores II

```
void afegir(const T& x) {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: la llista queda com originalment, però amb x  
    afegit a l'esquerra del punt d'interès */  
    node_llista* aux = new node_llista;  
    aux -> info = x;  
    aux -> seg = act;  
    if (longitud == 0) { // la llista es buida  
        aux -> ant = nullptr;  
        primer = aux;  
        ultim = aux;  
    } else if (act == nullptr) {  
        aux -> ant = ultim;  
        ultim -> seg = aux;  
        ultim = aux;  
    }  
    ...  
}
```

Modificadores III

(continuació)

```
else if (act == primer) {  
    aux -> ant = nullptr;  
    act -> ant = aux;  
    primer = aux;  
} else {  
    aux -> ant = act -> ant;  
    act -> ant -> seg = aux;  
    act -> ant = aux;  
}  
++longitud;  
}
```


Modificadores IV

```
void eliminar() {  
    /* Pre: la llista no és buida i el seu punt d'interès  
       no és a la dreta de tot */  
    /* Post: la llista queda com originalment però sense l'element  
       on estava el punt d'interès i amb el nou punt d'interès  
       apuntant al successor de l'element esborrat */  
  
    node_llista* aux = act; // conserva l'accés al node actual  
    if (longitud == 1) {  
        primer = nullptr;  
        ultim = nullptr;  
    } else if (act == primer) {  
        primer = act -> seg;  
        primer -> ant = nullptr;  
    }  
    ...  
}
```

Modificadores V

(continuació)

```
...  
else if (act == ultim) {  
    ultim = act -> ant;  
    ultim -> seg = nullptr;  
}  
else {  
    act -> ant -> seg = act -> seg;  
    act -> seg -> ant = act -> ant;  
}  
act = act -> seg; // avança el punt d'interès  
delete aux; // allibera l'espai de l'element esborrat  
--longitud;  
}
```

Modificadores VI

Interès: concatenació més eficient que la basada en `afegir`

```
void concat(Llista& l) {  
    /* Pre: l = L */  
    /* Post: la llista conté els seus elements originals seguits pels  
            de L, l queda buida, i el punt d'interés passa a ser el  
            primer element */  
    if (l.longitud > 0) { // l buida → no cal fer res  
        if (longitud == 0) {  
            primer = l.primer;  
        } else {  
            ultim -> seg = l.primer;  
            l.primer -> ant = ultim;  
        }  
        ultim = l.ultim;  
        longitud += l.longitud;  
        l.primer = l.ultim = l.act = nullptr; l.longitud = 0;  
    }  
    act = primer;  
}
```

Consultores

```
bool es_buida() const {  
    return primer == nullptr;  
}  
  
int mida() const {  
    return longitud;  
}
```

Noves operacions per a consultar i modificar l'element actual

```
T actual() const { // equival a consultar *it
/* Pre: la llista no és buida i el seu punt d'interès
       no està sobre l'element fictici del final */
/* Post: el resultat és l'element apuntat pel punt d'interès */
    return act -> info;
}

void modifica_actual(const T &x) { // equival a fer *it = x
/* Pre: la llista no és buida i el seu punt d'interès no està
       a la dreta de tot*/
/* Post: la llista queda com originalment, però amb x reemplaçant
       l'element actual */
    act -> info = x;
}
```

Noves operacions per a moure el punt d'interès I

```
void inici() {    // equival a fer it = l.begin()
/* Pre: cert */
/* Post: el punt d'interès de la llista apunta al primer
         element de la llista, o a la dreta de tot si la llista és buida */
    act = primer;
}

void fi() {       // equival a fer it = l.end()
/* Pre: cert */
/* Post: el punt d'interès queda situat
         sobre l'element fictici del final */
    act = nullptr;
}
```

Noves operacions per a moure el punt d'interès II

```
void avanca() { // equival a fer ++it
/* Pre: el punt d'interès no està a la dreta de tot */
/* Post: el punt d'interès apunta al successor de l'element al qual
    apuntava originalment, és a dir es mou cap a la dreta
    del seu al valor original */
    act = act -> seg;
}

void retrocedeix() { // equival a fer --it
/* Pre: el punt d'interès no és el primer element de la llista */
/* Post: el punt d'interès apunta al predecessor de l'element al qual
    apuntava originalment, o apunta a l'últim element de la llista
    si estava apuntant a la dreta de tot; és a dir es mou cap a
    l'esquerra del seu al valor original */
    if (act == nullptr) act = ultim;
    else act = act -> ant;
}
```

Noves operacions per a moure el punt d'interès III

```
bool dreta_de_tot() const { // equival a comparar it == l.end()
/* Pre: cert */
/* Post: retorna cert si i només si el punt d'interès
        és a la dreta de tot */
    return act == nullptr;
}

bool sobre_el_primer() const { // equival a comparar it == l.begin()
/* Pre: cert */
/* Post: si la llista no és buida, retorna cert si i només si
        el punt d'interès és damunt el primer element; si la llista
        és buida retorna cert si i només si
        punt d'interès si està a la dreta de tot */
    return act == primer;
}
```


Part I



- 1 Implementació de llistes
- 2 Llistes doblement encadenades amb sentinella
- 3 Implementació dels arbres binaris

Llistes doblement encadenades amb sentinella

Implementació de llistes amb sentinella:

- Node extra; no conté cap element real
- Objectiu: simplificar el codi d'algunes operacions com ara `afegir` i `eliminar`
- L'estructura mai té apuntadors amb valor `nullptr`. El sentinella fa el paper que tenien aquests

Llistes amb sentinella

Llista buida:

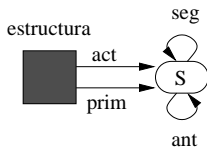
- següent i anterior del sentinella = sentinella

Llista no buida:

- següent del sentinella = primer de la llista
- anterior del sentinella = darrer de la llista
- sentinella = anterior del primer
- sentinella = següent del darrer

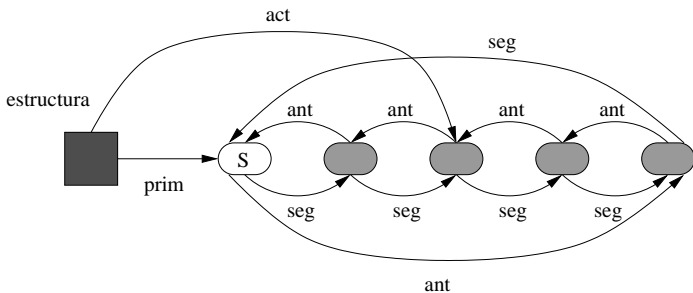
Llistes amb sentinella

Llista buida:



Esquema estructura interna llistes doblement encadenades amb sentinella

Llista no buida:



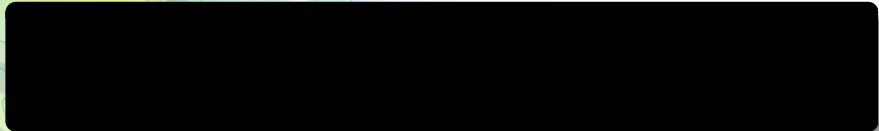
Un nou atribut privat

sent apunta sempre al node sentinella, que existeix fins i tot quan la llista és buida

```
template <class T> class Llista {
    private:
        struct node_llista {
            T info;
            node_llista* seg;
            node_llista* ant;
        };
        int longitud;
        node_llista* sent;
        node_llista* act;
        ... // especificació i implementació d'operacions privades
    public:
        ... // especificació i implementació d'operacions públiques
};
```

Implementació de privades i públiques → apunts

Part I



- 1 Implementació de llistes
- 2 Llistes doblement encadenades amb sentinella
- 3 Implementació dels arbres binaris**

Definició de la classe `Arbre`

No coincideix amb la classe `BinTree`

Principals operacions:

- `a.plantar(x, a1, a2)`: Demana que `a` sigui buit, i sigui objecte diferent d'`a1` i `a2`. Deixa `a1` i `a2` buits.
- `a.fills(a1, a2)`: Demana que `a1` i `a2` siguin buits, i tots tres objectes `a`, `a1` i `a2` han de ser objectes diferents.

Definició de la classe `Arbre`

No coincideix amb la classe `BinTree`

Principals operacions:

- `a.plantar(x, a1, a2)`: Demana que `a` sigui buit, i sigui objecte diferent d'`a1` i `a2`. Deixa `a1` i `a2` buits.
- `a.fills(a1, a2)`: Demana que `a1` i `a2` siguin buits, i tots tres objectes `a`, `a1` i `a2` han de ser objectes diferents.

Això fa que per recorre un arbre s'hagi de “desmuntar”. Sovint ineficient.

Inconvenient solucionat a `BinTree` amb *smart pointers* de C++, que no són part de l'assignatura.

Definició de la classe Arbre

- struct del node conté dos apuntadors a node
- **Arbre buit** = atribut arrel és nul

```
template <class T> class Arbre {  
    private:  
        struct node_arbre {  
            T info;  
            node_arbre* esq;  
            node_arbre* dre;  
        };  
        node_arbre* arrel;  
        ... // especificació i implementació d'operacions privades  
    public:  
        ... // especificació i implementació d'operacions públiques  
};
```

Constructores i destructora

```
Arbre() {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: crea un arbre buit */  
    arrel = nullptr;  
}  
  
Arbre(const Arbre& original) {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: crea un arbre que és una còpia d'original */  
    arrel = copia_node_arbre(original.arrel);  
}  
  
~Arbre() {  
    esborra_node_arbre(arrel);  
}
```

Copiar jerarquies de nodes

```
static node_arbre* copia_node_arbre(node_arbre* m) {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: el resultat és nullptr si m és nullptr; si no, el resultat apunta  
            al node arrel d'una jerarquia de nodes que és una còpia de  
            la jerarquia de nodes que té el node apuntat per m com a arrel */  
    if (m == nullptr) return nullptr;  
    else {  
        node_arbre* n = new node_arbre;  
        n -> info = m -> info;  
        n -> esq = copia_node_arbre(m -> esq);  
        n -> dre = copia_node_arbre(m -> dre);  
        return n;  
    }  
}
```

Notem l'operador = del tipus T usat com a una operació de còpia

Esborrar jerarquies de nodes

```
static void esborra_node_arbre(node_arbre* m) {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post no fa res si m és nullptr; en cas contrari,  
        allibera espai de tots els nodes de la jerarquia  
        que té el node apuntat per m com a arrel */  
    if (m != nullptr) {  
        esborra_node_arbre(m -> esq);  
        esborra_node_arbre(m -> dre);  
        delete m;  
    }  
}
```

Operador d'assignació i modificadores l

```
Arbre& operator=(const Arbre& original) {  
    if (this != &original) {  
        node_arbre* aux = copia_node_arbre(original.arrel);  
        esborra_node_arbre(arrel);  
        arrel = aux;  
    }  
    return *this;  
}  
  
void a_buit() {  
    esborra_node_arbre(arrel);  
    arrel = nullptr;  
}
```

Modificadores II

```
void plantar(const T &x, Arbre &a1, Arbre &a2) {  
    /* Pre: l'arbre implícit és buit, a1 = A1, a2 = A2,  
       a1 i a2 són objectes diferents de l'arbre implícit */  
    /* Post: l'arbre implícit té x com a arrel, A1 com a fill esquerre  
       i A2 com a fill dret; a1 i a2 són buits */  
    node_arbre* aux = new node_arbre;  
    aux -> info = x;  
    aux -> esq = a1.arrel;  
    if (a2.arrel != a1.arrel or a2.arrel == nullptr)  
        aux -> dre = a2.arrel;  
    else  
        aux -> dre = copia_node_arbre(a2.arrel);  
    arrel = aux;  
    a1.arrel = nullptr;  
    a2.arrel = nullptr;  
}
```

Modificadores III

```
void fills(Arbre& fe, Arbre& fd) {  
    /* Pre: l'arbre no està buit,  
        fe, fd són dos arbres buits i són objectes diferents */  
    /* Post: fe és el fill esquerre de l'arbre implícit original,  
        fd és el fill dret de l'arbre implícit original,  
        l'arbre implícit queda buit */  
    fe.arrel = arrel -> esq;  
    fd.arrel = arrel -> dre;  
    delete arrel;  
    arrel = nullptr;  
}
```


Consultores

```
T arrel() const {  
    /* Pre: l'arbre no és buit */  
    /* Post: retorna el valor de l'arrel de l'arbre */  
    return arrel -> info;  
}  
  
bool es_buit() const {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: retorna cert si i només si l'arbre és buit */  
    return arrel == nullptr;  
}
```