Машинное обучение, ФКН ВШЭ Теоретическое домашнее задание №11

Задача 1. Пусть целевая переменная имеет отрицательные биномиальное распределение с фиксированным параметром r:

$$p(y | p(x)) = C_{y+r-1}^{y} p(x)^{y} (1 - p(x))^{r}.$$

Запишите оптимизационную задачу поиска вектора весов модели w для соответствующей обобщенной линейной модели (для метода максимального прадоподобия) и выразите значение параметра k(x) через оптимальное значение w^* .

Задача 2. Пусть целевая переменная имеет распределение Парето с фиксированным параметром y_m :

$$p(y \mid \alpha(x)) = \frac{\alpha(x)y_m^{\alpha(x)}}{y^{\alpha(x)+1}}.$$

Запишите оптимизационную задачу поиска вектора весов модели w для соответствующей обобщенной линейной модели (для метода максимального прадоподобия) и выразите значение параметра k(x) через оптимальное значение w^* .

Подсказка. Напомним, что в записи экспоненциальной формы распределения может фигурировать не y, а некоторая статистика s(y).