Bruchterme

Schaubeispiel:

$$\frac{-2r}{r^2 - s^2} + \frac{r+s}{r^2 - rs} + \frac{r-s}{r^2} = \frac{-2r^3 + r^3 + 2r^2s + rs^2 + r^3 - r^2s - rs^2 + s^3}{(r-s) \cdot (r+s) \cdot r^2} = \frac{r^2s + s^3}{(r-s) \cdot (r+s) \cdot r^2}$$

1. Schritt: jeden Nenner, wenn möglich, so weit wie möglich zerlegen (Herausheben, Binomische Formeln):

Nenner 1:
$$r^2 - s^2 = (r - s) \cdot (r + s)$$

Nenner 2: $r^2 - rs = r \cdot (r - s)$

Nenner 2:
$$r^2 - rs = r \cdot (r - s)$$

Nenner 3:
$$r^2 = r \cdot r$$

2. Schritt: Hauptnenner (kgV) bilden:
$$(r - s) \cdot (r + s) \cdot r^2$$

Hinweise

- vor dem Bruch ändert die Vorzeichen

Finde gleichen Nenner und vereinfache!

1.
$$\frac{x}{x+1} - \frac{x+1}{x^2-1} =$$

L:
$$\frac{x^2-2x-1}{x^2-1}$$

2.
$$-a + \frac{1}{a+1} - \frac{1}{a} =$$

3. $\frac{x+1}{x^2+6x+9} + \frac{x}{2x+6} =$

$$L: \frac{-a^3 - a^2 - 1}{a^2 + a}$$

L:
$$\frac{x^2+5x+2}{2(x+3)^2}$$

4.
$$\frac{x^2+1}{x^2-4} - \frac{x+1}{2x+4} =$$

L:
$$\frac{x^2+x+4}{2(x-2)(x+2)}$$

5.
$$\frac{a+2}{a-1} - \frac{a^2+a+7}{(a+2)(a-1)} + \frac{a-3}{a+2} =$$

L:
$$\frac{a}{a+2}$$
Kürzen!
L: $\frac{x+y}{a+2}$

(−1) herausheben um den Hauptnenner einfacher zu gestalten!

6.
$$\frac{2x}{xy - y^2} + \frac{2y}{xy - x^2} - \frac{x + y}{xy} =$$

L:
$$\frac{x+y}{xy}$$