# projet\_prb

May 26, 2020

Nom: ZUO Prénom: You

Date: 26/05/2020

```
import numpy as np
import pandas as pd

import matplotlib.pyplot as plt
from matplotlib import cm

import sklearn
from sklearn import metrics, datasets
from sklearn.cluster import KMeans, AgglomerativeClustering
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
from sklearn.preprocessing import scale

import sklearn.metrics as sm
from sklearn.metrics import confusion_matrix, classification_report,

silhouette_score,silhouette_samples

import scipy.cluster.hierarchy as shc
from scipy.cluster.vq import kmeans2, whiten
```

```
[2]: %matplotlib inline plt.rcParams['figure.figsize']=7,5
```

Dans ce projet, nous allons classer des chiffres manuscrits en exploitant l'algorithme des K-moyennes sur "Optical Recognition of Handwritten Digits" DataSet.

### 1 Présentation des données

Tout d'abord, nous avons notre ensemble de données dans cette structure :

```
[3]: training=pd.read_csv("optdigits.tra",header=None) training.head()
```

```
[3]:
        0
            1
                2
                    3
                            5
                                6
                                    7
                                             9
                                                    55
                                                        56
                                                           57
                                                                58 59 60
                                                                             61 \
                        4
                                         8
     0
         0
             1
                 6
                    15
                        12
                             1
                                 0
                                      0
                                         0
                                              7
                                                     0
                                                         0
                                                             0
                                                                 6
                                                                    14
                                                                         7
                                                                              1
    1
             0
                10
                                         0
                                              7
                                                                10
         0
                    16
                         6
                             0
                                 0
                                      0
                                                     0
                                                         0
                                                             0
                                                                    16
                                                                        15
                                                                              3
     2
         0
             0
                 8
                    15
                        16
                            13
                                 0
                                      0
                                         0
                                              1
                                                     0
                                                         0
                                                             0
                                                                 9
                                                                    14
                                                                          0
                                                                              0
     3
             0
                     3
                                         0
                                              0
                                                                     1
                                                                              2
         0
                 0
                        11
                            16
                                 0
                                      0
                                                     0
                                                         0
                                                             0
                                                                 0
                                                                        15
             0
                                      0
         0
                 5
                    14
                         4
                             0
                                 0
                                              0
                                                     0
                                                             0
                                                                    12
                                                                        14
        62
            63
                64
    0
        0
            0
                 0
    1
         0
             0
                 0
     2
         0
             0
                 7
     3
         0
             0
                 4
         0
             0
                 6
     [5 rows x 65 columns]
[4]: training.describe()
```

[4]:		0	1		2		3		4	\		
	count	3823.0 38	323.000000	3823	.000000	3823	.000000	3823	.000000			
	mean	0.0	0.301334	5	.481821	11	.805912	11	451478			
	std	0.0	0.866986	4	.631601	4	.259811	4	.537556			
	min	0.0	0.000000	0	.000000	0	.000000	0	.000000			
	25%	0.0	0.000000	1	.000000	10	.000000	9	.000000			
	50%	0.0	0.000000	5	.000000	13	.000000	13	.000000			
	75%	0.0	0.000000	9	.000000	15	.000000	15	.000000			
	max	0.0	8.000000	16	.000000	16	.000000	16	.000000			
		Ę		6		7		8		9	•••	\
	count	3823.00000			3823.00		3823.000		3823.00		•••	
	mean	5.50536		7392	0.14		0.002			0502	•••	
	std	5.61306		1444	1.05		0.088			2353	•••	
	min	0.00000		0000	0.000		0.000			0000	•••	
	25%	0.00000	0.00	0000	0.000	0000	0.000	0000	0.00	0000	•••	
	50%	4.00000		0000	0.000	0000	0.000	0000		0000	•••	
	75%	10.00000	0.00	0000	0.000	0000	0.000	0000	3.00	0000	•••	
	max	16.00000	00 16.00	0000	16.000	0000	5.000	0000	15.00	0000	•••	
		-		<b>50</b>				50		<b>50</b>	,	
			55	56	0000 00	57	0000 000	58	0000 00	59	\	
	count	3823.00000			3823.000		3823.000		3823.00			
	mean	0.14831		0262	0.28		5.85		11.94			
	std	0.76776		6173	0.928		4.980		4.33			
	min	0.00000		0000	0.000		0.000			0000		
	25%	0.00000		0000	0.000		1.000		10.00			
	50%	0.00000		0000	0.000		5.000		13.00			
	75%	0.00000		0000	0.000		10.000		15.00			
	max	12.00000	00 1.00	0000	10.000	0000	16.000	0000	16.00	0000		

	60	61	62	63	64
count	3823.000000	3823.000000	3823.000000	3823.000000	3823.000000
mean	11.461156	6.700497	2.105676	0.202197	4.497253
std	4.991934	5.775815	4.028266	1.150694	2.869831
min	0.000000	0.000000	0.000000	0.000000	0.000000
25%	9.000000	0.000000	0.000000	0.000000	2.000000
50%	13.000000	6.000000	0.000000	0.000000	4.000000
75%	16.000000	12.000000	2.000000	0.000000	7.000000
max	16.000000	16.000000	16.000000	16.000000	9.000000

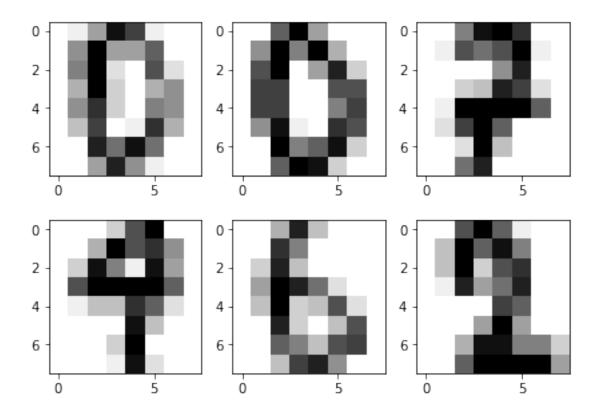
[8 rows x 65 columns]

Nous pouvons voir qu'il y a un total de 65 colonnes, dont les 64 premières colonnes sont les nombres de pixels comptés dans chaque bloc, c'est-à-dire les features. Et la dernière colonne est l'étiquette, qui est le nombre qu'elle représente véritablement.

Nous choisissons les six premières lignes et les dessinons en niveaux de gris :

```
[5]: X=training.drop(64,axis=1)
y=training.iloc[:,-1]
```

```
[6]: for i in range(6):
    plt.subplot(2,3,i+1)
    d=X.iloc[i].to_numpy()
    d.shape=(8,8)
    plt.imshow(255-d,cmap='gray')
```

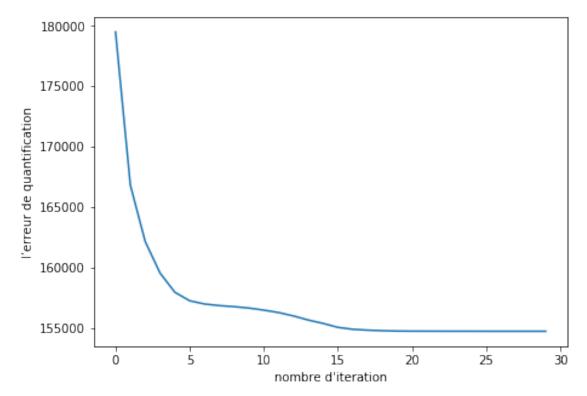


## 2 K-Means

## 2.1 Apprentissage

Nons allons faire un k-moyennes avec K=10 sur la base d'apprentissage en visualisant l'erreur de quantification au fil des itérations. Ici, nous faisons varier le nombre d'itérations de 1 à 30 :

```
plt.xlabel('nombre d\'iteration')
plt.ylabel('l'erreur de quantification')
plt.show()
```



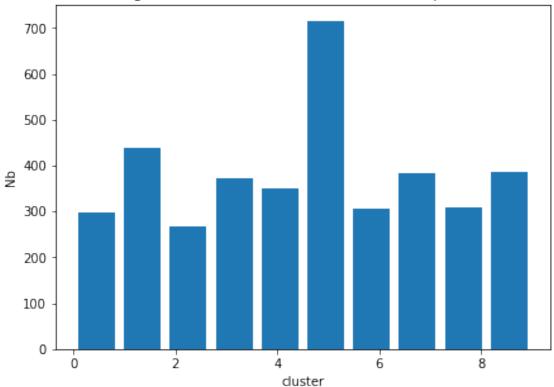
Ici, nous utilisons la fonction *kmeans2* fournie par python(mais il faut standardiser les données à l'avance pour l'untiliser) pour obtenir les résultats de chaque itération. Nous pouvons voir que lorsque le nombre d'itérations augmente, l'erreur de quantification diminue progressivement, Et finalement converge vers une valeur stable.

Après avoir obtenu les résultats de 10 clusters, nous voulons aussi voir les fréquences de chaque classe.

```
[8]: KM_train=KMeans(n_clusters=10,random_state=123)
    KM_train.fit(X)

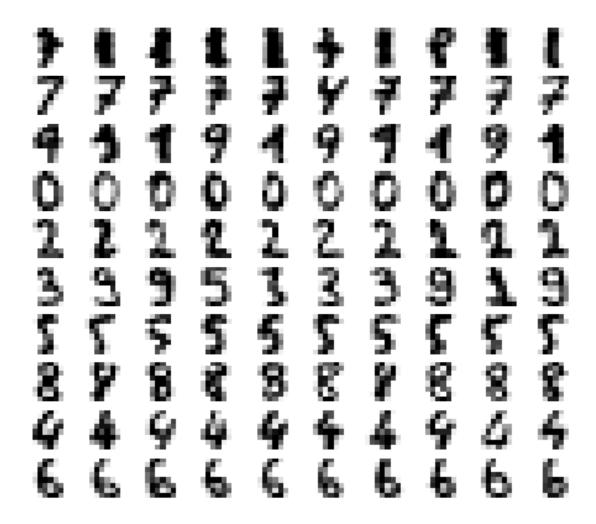
plt.hist(KM_train.labels_,histtype='bar',rwidth=0.8)
  plt.xlabel('cluster')
  plt.ylabel('Nb')
  plt.title('histogramme du nombre de chiffres de chaque classe')
  plt.show()
```





D'après l'histogramme ci-dessus, nous pouvons voir que les confusions les plus fréquentes sont celles avec 5 suivies de celles avec 1. Mais le numéro des classes n'est pas exactement le chiffre qu'elles représentent. Donc, d'après l'ordre donné par k-means, nous choisissons aléatoirement 10 données dans chaque classe et les dessinons. Ça nous permet de voir plus clairement ce qui se passe avec chaque classe.

```
[9]: plt.rcParams['figure.figsize'] = (8, 7)
for c in range(KM_train.n_clusters):
    x=X[KM_train.labels_==c].sample(10,replace=False)
    for i in range(10):
        plt.subplot(10,10,c*10+i+1)
        d=x.iloc[i].to_numpy()
        d.shape=(8,8)
        plt.imshow(255-d,cmap='gray')
        plt.axis('off')
```



Comme ça, nous pouvons voir que la classe 5, qui est la plus fréquente, a un résultat de clustering moins qu'idéal parce qu'elle comprend en fait 4 valeurs différentes qui sont (3, 5, 8, 9) dans les 10 échantillons que nous avons choisis. Après pour la deuxième calsse la plus fréquente qui est la classe 1, bien que d'autres chiffres se mélangent parfois, leur proportion globale n'est pas grande.

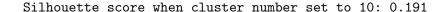
```
for i in range(KM_train.n_clusters):
    plt.subplot(10,10,c*10+i+1)
    d=KM_train.cluster_centers_[i]
    d.shape=(8,8)
    plt.imshow(255-d,cmap='gray')
    plt.axis('off')
plt.title('Image en niveaux de gris de chaque point moyen de la classe')
plt.show()
```

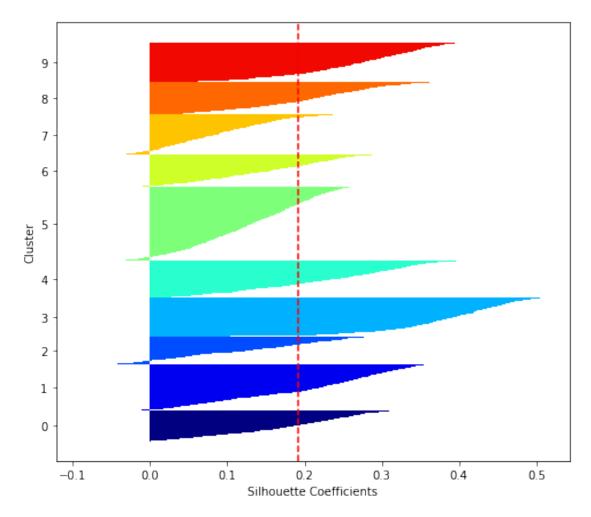
L'image ci-dessus est une image en niveaux de gris de tous les points centroids. Nous pouvons voir que le degré de confusion dans la première catégorie est en fait très élevé aussi, ce qui peut inclure les nombres 8, 3 et 1. On peut en gros déduire que cela est dû au manque de fonctionnalités provoqué par la compression des données, entraînant une certaine distorsion de l'image des chiffres manuscrits.

1710235846

Ensuite, nous allons faire un graphe d'indices de la silhoutte avec le nombre de clustering = 10:

```
[11]: # Silhouette metric to evaluate model performance
      # Set cluster=10
      plt.figure(figsize=(8, 7))
      y_km=KM_train.fit_predict(X)
      cluster_labels=np.unique(y_km)
      n_clusters=cluster_labels.shape[0]
      silhouette_score_cluster_10=silhouette_score(X,KM_train.labels_)
      print("Silhouette score when cluster number set to 10: %.3f" %
      ⇒silhouette_score_cluster_10)
      silhouette_vals=silhouette_samples(X,y_km,metric='euclidean')
      y_ax_lower,y_ax_upper=0,0
      yticks=[]
      for i,c in enumerate(cluster labels):
          c_silhouette_vals=silhouette_vals[y_km==c]
          c_silhouette_vals.sort()
          y_ax_upper+=len(c_silhouette_vals)
          color=cm.jet(float(i)/n_clusters)
          plt.barh(range(y_ax_lower,y_ax_upper),
                   c_silhouette_vals,
                   height=1.0,
                   edgecolor='none',
                   color=color)
          yticks.append((y_ax_lower+y_ax_upper)/2.0)
          y_ax_lower+=len(c_silhouette_vals)
      silhouette_avg=np.mean(silhouette_vals)
      plt.axvline(silhouette_avg,
                  color='red',
                  linestyle='--')
      plt.yticks(yticks,cluster_labels)
      plt.ylabel("Cluster")
      plt.xlabel("Silhouette Coefficients")
      plt.show()
```





Nous pouvons voir que la classe 3 qui représente le chiffre "0" a une indice de la silhouette la plus élevée, après c'est la classe 9 qui représente "6". Par contre, la classe 5, 2 et 7 ont des scores moins bon que les autres. Nous n'avons pas obtenu de résultats idéaux pour ces classes, car la différence entre ces nombres ne peut pas être très bien mesurée avec la distance euclidienne.

Après, nous calculons les moyennes des indices de la silhouette en modifiant le nombre de clustering de 10 à 15:

```
[12]: range_n_clusters = list(range(10,16))
  elbow = []
  ss = []
  for n_clusters in range_n_clusters:
     #iterating through cluster sizes
     clusterer = KMeans(n_clusters = n_clusters, random_state=123)
     cluster_labels = clusterer.fit_predict(X)
     #Finding the average silhouette score
```

```
silhouette_avg = silhouette_score(X, cluster_labels)
ss.append(silhouette_avg)
print("For n_clusters =", n_clusters,"The average silhouette_score is :",□
⇒silhouette_avg)
#Finding the average SSE"
elbow.append(clusterer.inertia_) # Inertia: Sum of distances of samples to□
⇒their closest cluster center
```

```
For n_clusters = 10 The average silhouette_score is : 0.19148668442574007

For n_clusters = 11 The average silhouette_score is : 0.18814571462821522

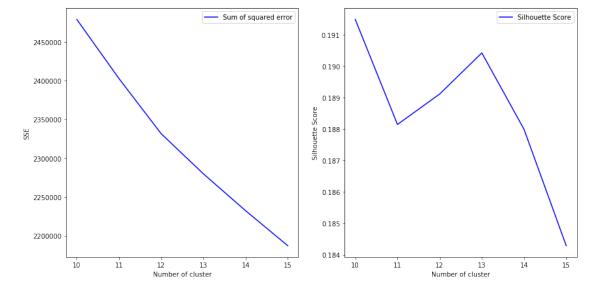
For n_clusters = 12 The average silhouette_score is : 0.18911413156683488

For n_clusters = 13 The average silhouette_score is : 0.19042192976980854

For n_clusters = 14 The average silhouette_score is : 0.18799230451057342

For n_clusters = 15 The average silhouette_score is : 0.1842921019677564
```

```
fig = plt.figure(figsize=(14,7))
  fig.add_subplot(121)
  plt.plot(range_n_clusters, elbow,'b-',label='Sum of squared error')
  plt.xlabel("Number of cluster")
  plt.ylabel("SSE")
  plt.legend()
  fig.add_subplot(122)
  plt.plot(range_n_clusters, ss,'b-',label='Silhouette Score')
  plt.xlabel("Number of cluster")
  plt.ylabel("Silhouette Score")
  plt.legend()
  plt.show()
```



Nous avons le meilleur indice de la silhouette lorsque k = 10, alors nous pouvons dire que c'est un

bon clustering.

#### 2.2 Test

Après avoir formé le modèle sur l'ensemble d'apprentissage, nous utiliserons l'ensemble de test pour évaluer la performance du modèle.

Par cluster: il faut faire un vote à la majorité pour attribuer un label à chaque cluster (la classe la plus représentée dans chaque cluster).

```
[14]: labels=[]
for i in range(KM_train.n_clusters):
    label=y[KM_train.labels_==i].value_counts().index[0]
    labels.append(label)

print(labels)
```

```
[1, 7, 1, 0, 2, 3, 5, 8, 4, 6]
```

Mais, malheuresement, nous avons remarqué qu'il y avait deux classes avec la même étiquette : la classe 0 et la classe 2. Et pour mieux décider qui prend laquelle, nous faisons une table pour calculer les frèquences des chiffres dans ces deux classes :

```
[15]: print("Classe 0:")
    print(y[KM_train.labels_==0].value_counts())

    print("Classe 2:")
    print(y[KM_train.labels_==2].value_counts())
```

```
Classe 0:
     247
1
8
       31
7
        7
4
        6
6
        3
        2
9
        2
Name: 64, dtype: int64
Classe 2:
1
      115
9
       97
4
       30
8
        6
7
        6
5
        6
3
        5
        1
Name: 64, dtype: int64
```

Ainsi, bien que nous ayons trouvé que la fréquence de "1" dans la classe 2 est très élevée, il y a beaucoup plus de 1 dans la classe 0. Et le nombre d'occurrences de "9" dans la classe 2 est légèrement inférieur par rapport au nombre de "1" mais reste très élevé et les autres classes ne peuvent pas représenter "9", donc nous déterminons que la classe 0 représente "1" et que la classe 2 représente "9".

```
[16]: labels[2]=9 labels
```

```
[16]: [1, 7, 9, 0, 2, 3, 5, 8, 4, 6]
```

Dessinons les données dans l'ordre des nouveaux labels que nous avons :

```
[17]: KM_train.labels_=np.choose(KM_train.labels_,labels).astype(np.int64)

plt.rcParams['figure.figsize'] = (8, 7)
for c in range(KM_train.n_clusters):
    x=X[KM_train.labels_==c].sample(10,replace=False)
    for i in range(10):
        plt.subplot(10,10,c*10+i+1)
        d=x.iloc[i].to_numpy()
        d.shape=(8,8)
        plt.imshow(255-d,cmap='gray')
        plt.axis('off')
```

```
[18]: testing=pd.read_csv("optdigits.tes",header=None)

X_test=testing.drop(64,axis=1)
y_test=testing.iloc[:,-1]
```

Pour chaque élément de la Base de Test nous allons :

- 1. chercher le Cluster (Centre) le plus proche
- 2. attribuer à cet élément de la BT le label associé au Cluster le plus proche

```
[19]: num_test=X_test.shape[0]
pre_test=np.zeros(num_test,dtype=y_test.dtype)

for i in range(num_test):
    distances=np.linalg.norm(X_test.iloc[i].to_numpy()-KM_train.
    →cluster_centers_,axis=1)
    closest_cluster=np.argmin(distances)
    pre_test[i]=labels[closest_cluster]
```

Après, nous obtenons la matrice de confusions et la performance globale ci-dessous :

```
[20]: cm = confusion_matrix(y_test,pre_test,labels=range(10))
      print("Confusion matrix")
      print(cm)
      print("Classification report")
      print(classification_report(y_test,pre_test))
      Confusion matrix
                            2
                                                   0]
      [[176
               0
                                 0
                                          0
                                              0
                                                 52]
          0 104
                  21
                            0
                                 1
                                     3
                                          0
                                              0
               3 148
                                             10
                                                   2]
          1
                        9
                            0
                                 0
                                     0
                                          4
                   0 162
                            0
                                 2
                                     0
                                                   0]
       Γ
          0
               1
                                        10
                                              8
       0
               7
                   0
                        0 158
                                 0
                                     0
                                          7
                                              4
                                                   5]
       0
                      31
                                                   1]
              0
                   0
                            1 148
                                     1
                                          0
                                              0
       1
               4
                   0
                        0
                            0
                                 0 175
                                          0
                                              1
                                                   0]
       8]
          0
               0
                            1
                                 1
                                     0 165
                                              4
                        0
       0
             21
                   1
                      10
                            0
                                 2
                                     1
                                                   7]
                                          1 131
                                              3
                                                 24]]
          0
               0
                   0 145
                            0
                                          4
      Classification report
                     precision
                                    recall
                                             f1-score
                                                         support
                  0
                                      0.99
                           0.99
                                                 0.99
                                                              178
                           0.74
                                                 0.65
                  1
                                      0.57
                                                              182
                  2
                           0.87
                                      0.84
                                                 0.85
                                                              177
                  3
                           0.45
                                      0.89
                                                 0.60
                                                              183
                  4
                           0.98
                                      0.87
                                                 0.92
                                                              181
                  5
                           0.94
                                      0.81
                                                 0.87
                                                              182
                  6
                           0.97
                                      0.97
                                                 0.97
                                                              181
                  7
                                      0.92
                           0.86
                                                 0.89
                                                              179
                  8
                           0.81
                                      0.75
                                                 0.78
                                                              174
                                                              180
                  9
                           0.24
                                      0.13
                                                 0.17
          accuracy
                                                 0.77
                                                             1797
         macro avg
                           0.79
                                      0.77
                                                 0.77
                                                             1797
```

D'après les résultats ci-dessus, nous pouvons voir que le taux de précision le plus élevé est celui de "0", le taux de précision et le taux de rappel atteignent 99%, suivis de "6" et de "4" qui ont également des taux de précision plus élevés. Cependant, comme les résultats de nos observations d'histogramme précédentes, le nombre 9 est facilement mal classé et sa précision n'est même pas de 50%.

0.77

1797

0.77

weighted avg

0.79

Mais dans l'ensemble, la précision de notre modèle a atteint 77%, nous pouvons donc penser que notre modèle a une certaine efficacité.

# 3 Clustering Hiérarchique

Dans les parties suivantes, nous allons implémenter la méthode Clustering Hiérarchique sur nos données.

Tout d'abord, nous voulons voir les performances des modèles avec un linkages différent :

```
[21]: for aff in ['single','complete','average','ward']:

HClustering=AgglomerativeClustering(n_clusters=10,affinity='euclidean',linkage=aff)
Hclustering.fit(X)

print("The accuracy score with linkage =",aff,"is: ",sm.

accuracy_score(y,Hclustering.labels_))

The accuracy score with linkage = single is: 0.09835207951870259
The accuracy score with linkage = complete is: 0.06905571540674862
```

```
The accuracy score with linkage = single is: 0.09835207951870259

The accuracy score with linkage = complete is: 0.06905571540674862

The accuracy score with linkage = average is: 0.01595605545383207

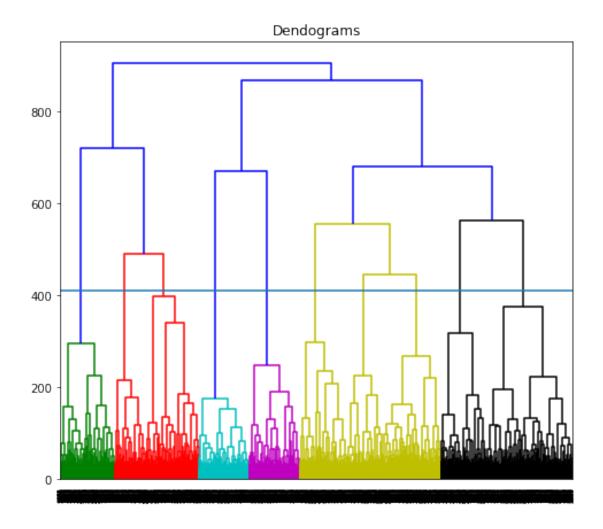
The accuracy score with linkage = ward is: 0.1998430551922574
```

Selon les résultats, nous pouvons noter que la précision avec le critère de Ward est beaucoup plus élevée que celle des autres critères.

## 3.1 Apprentissage

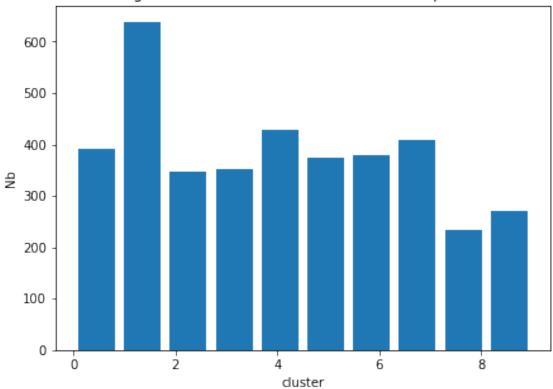
Le dendrogramme du modèle avec le critère de Ward:

```
[22]: plt.figure(figsize=(8, 7))
   plt.title("Dendograms")
   dend = shc.dendrogram(shc.linkage(X, method='ward'))
   plt.axhline(y=410)
   plt.show()
```

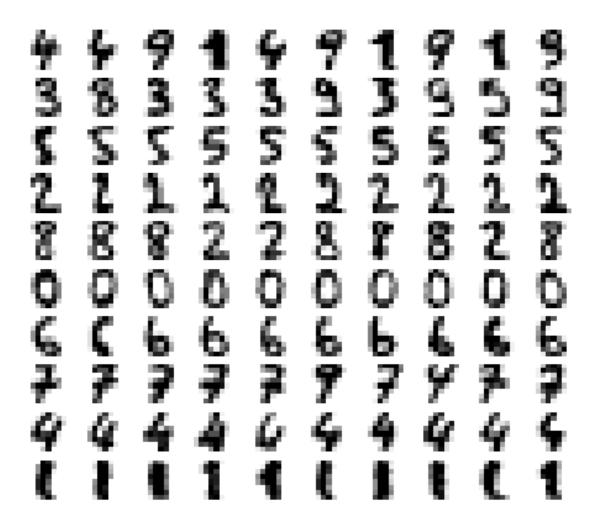


```
plt.figure(figsize=(7, 5))
  plt.hist(Hclustering.labels_,histtype='bar',rwidth=0.8)
  plt.xlabel('cluster')
  plt.ylabel('Nb')
  plt.title('histogramme du nombre de chiffres de chaque classe')
  plt.show()
```





```
[24]: for c in range(Hclustering.n_clusters):
    x=X[Hclustering.labels_==c].sample(10,replace=False)
    for i in range(10):
        plt.subplot(10,10,c*10+i+1)
        d=x.iloc[i].to_numpy()
        d.shape=(8,8)
        plt.imshow(255-d,cmap='gray')
        plt.axis('off')
```



Semblable au résultat de K-Means, il existe également une classe contenant 3, 5, 9 à haute fréquence.

For n\_clusters = 10 The average silhouette\_score is : 0.1745470931891432 For n\_clusters = 11 The average silhouette\_score is : 0.17871212582446985

```
For n_clusters = 12 The average silhouette_score is : 0.17304962576959765

For n_clusters = 13 The average silhouette_score is : 0.17437624446800093

For n_clusters = 14 The average silhouette_score is : 0.17388412758382546

For n_clusters = 15 The average silhouette_score is : 0.16901128866557988
```

L'indice de la Silhouette pour la méthode de Clustering Hiérarchique est moins bon que celui de la méthode de K-Means qui est égal à 0.1915. De plus, nous avons constaté que l'indice de la Silhouette atteint une valeur maximale lorsque le nombre de classifications atteint 11. C'est-à-dire, si nous faisons un clustering de 11 classes, les classes seront mieux séparées l'un de l'autre.

#### 3.2 Test

De même, nous faisons un vote à la majorité pour attribuer un label à chaque cluster (la classe la plus représentée dans chaque cluster)

```
[26]: Hlabels=[]
for i in range(Hclustering.n_clusters):
    label=y[Hclustering.labels_==i].value_counts().index[0]
    Hlabels.append(label)

print(Hlabels)
```

```
[9, 3, 5, 2, 8, 0, 6, 7, 4, 1]
```

Et nous dessinons nos données dans l'ordre des nouveaux labels :

```
[27]: Hclustering.labels_=np.choose(Hclustering.labels_,Hlabels).astype(np.int64)

plt.rcParams['figure.figsize'] = (8, 7)
for c in range(Hclustering.n_clusters):
    x=X[Hclustering.labels_==c].sample(10,replace=False)
    for i in range(10):
        plt.subplot(10,10,c*10+i+1)
        d=x.iloc[i].to_numpy()
        d.shape=(8,8)
        plt.imshow(255-d,cmap='gray')
        plt.axis('off')
```

# print(classification\_report(y\_test,pre\_test))

fus	sion	matı	rix							
76	0	0	0	2	0	0	0	0	0]	
0	105	24	0	0	1	2	0	0	50]	
1	3	141	7	0	0	0	2	22	1]	
0	1	0	162	0	2	0	9	9	0]	
0	4	0	0	127	0	3	3	5	39]	
0	0	0	13	1	166	1	0	0	1]	
1	3	0	0	1	1	175	0	0	0]	
0	0	0	0	0	0	0	156	2	21]	
0	18	1	4	0	1	1	1	137	11]	
0	0	0	143	0	2	0	3	4	28]]	
ssi	ifica	ation	ı rej	port						
pre			pre	cision		recall		f1-score		support
0										
				0.9	99	(	0.99		0.99	178
		1		0.7	78	(	0.58		0.66	182
		1 2		0.7	78 35	(	0.58 0.80		0.66 0.82	182 177
		1 2 3		0.8	78 35 <del>1</del> 9	(	0.58 0.80 0.89		0.66 0.82 0.63	182 177 183
		1 2 3 4		0.8 0.8 0.4	78 35 19 97	(	0.58 0.80 0.89 0.70		0.66 0.82 0.63 0.81	182 177 183 181
		1 2 3 4 5		0.5 0.8 0.4 0.9	78 35 19 97	(	0.58 0.80 0.89		0.66 0.82 0.63	182 177 183 181 182
		1 2 3 4 5 6		0.5 0.4 0.9 0.9	78 35 19 97 96	(	0.58 0.80 0.89 0.70		0.66 0.82 0.63 0.81	182 177 183 181 182 181
		1 2 3 4 5		0.5 0.8 0.4 0.9	78 35 19 97 96	(	0.58 0.80 0.89 0.70 0.91		0.66 0.82 0.63 0.81 0.94	182 177 183 181 182
		1 2 3 4 5 6 7 8		0.5 0.8 0.2 0.9 0.9 0.9	78 35 19 97 96 96 90		0.58 0.80 0.89 0.70 0.91 0.97 0.87		0.66 0.82 0.63 0.81 0.94 0.96 0.88	182 177 183 181 182 181 179
		1 2 3 4 5 6 7		0.5 0.8 0.4 0.9 0.9	78 35 19 97 96 96 90		0.58 0.80 0.89 0.70 0.91 0.97		0.66 0.82 0.63 0.81 0.94 0.96 0.88	182 177 183 181 182 181 179
		1 2 3 4 5 6 7 8		0.5 0.8 0.2 0.9 0.9 0.9	78 35 19 97 96 96 90		0.58 0.80 0.89 0.70 0.91 0.97 0.87		0.66 0.82 0.63 0.81 0.94 0.96 0.88 0.78	182 177 183 181 182 181 179 174
ac	ccura	1 2 3 4 5 6 7 8		0.5 0.8 0.2 0.9 0.9 0.9	78 35 19 97 96 96 90 77		0.58 0.80 0.89 0.70 0.91 0.97 0.87		0.66 0.82 0.63 0.81 0.94 0.96 0.88	182 177 183 181 182 181 179
	76 0 1 0 0 0 1 0 0	76 0 0 105 1 3 0 1 0 4 0 0 1 3 0 0 0 18 0 0	76 0 0 0 105 24 1 3 141 0 1 0 0 4 0 0 0 0 1 3 0 0 0 0 0 18 1 0 0 0	0 105 24 0 1 3 141 7 0 1 0 162 0 4 0 0 0 0 0 13 1 3 0 0 0 0 0 0 0 18 1 4 0 0 0 143 ssification rep	76 0 0 0 2 0 105 24 0 0 1 3 141 7 0 0 1 0 162 0 0 4 0 0 127 0 0 0 13 1 1 3 0 0 1 0 0 0 0 0 0 18 1 4 0 0 0 0 143 0 ssification report	76       0       0       0       2       0         0       105       24       0       0       1         1       3       141       7       0       0         0       1       0       162       0       2         0       4       0       0       127       0         0       0       0       13       1       166         1       3       0       0       1       1         0       0       0       0       0       0         0       18       1       4       0       1         0       0       0       143       0       2	76 0 0 0 2 0 0 0 105 24 0 0 1 2 1 3 141 7 0 0 0 0 1 0 162 0 2 0 0 4 0 0 127 0 3 0 0 0 13 1 166 1 1 3 0 0 1 1 175 0 0 0 0 0 0 0 0 0 18 1 4 0 1 1 0 0 0 143 0 2 0 ssification report	76 0 0 0 2 0 0 0 0 0 0 105 24 0 0 1 2 0 1 3 141 7 0 0 0 2 0 9 0 4 0 0 127 0 3 3 0 0 0 13 1 166 1 0 1 3 0 0 1 1 175 0 0 0 0 0 0 0 156 0 18 1 4 0 1 1 1 1 0 0 0 0 143 0 2 0 3 ssification report	76 0 0 0 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 105 24 0 0 1 2 0 0 1 2 0 0 1 3 141 7 0 0 0 0 2 22 0 9 9 0 4 0 0 127 0 3 3 5 0 0 0 13 1 166 1 0 0 1 3 0 0 1 1 175 0 0 0 0 0 0 0 0 156 2 0 18 1 4 0 1 1 1 137 0 0 0 143 0 2 0 3 4 ssification report	76 0 0 0 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

D'après les résultats ci-dessus, nous pouvons constater que, de même, le résultat de "0" est le meilleur, suivi de "6", de "5" et de "9" qui a le pire effet de classification. Le taux de précision globale a atteint 76%, ce qui n'est que légèrement pire que le résultat de K-Means.

0.76

1797

Les deux modèles présentent des différences subtiles dans l'effet de classification de différents nombres, mais dans l'ensemble, l'effet n'est pas très différent.

## 3.3 Comparaison de critères Ward et Single

0.78

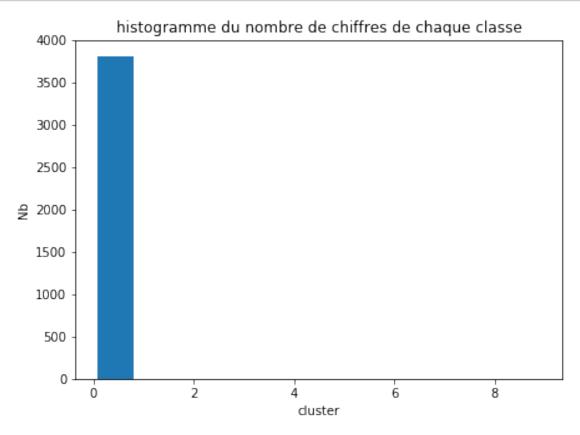
weighted avg

0.76

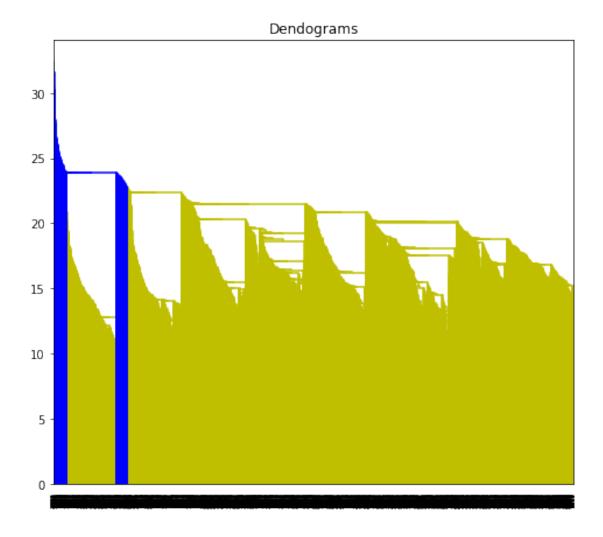
```
[29]: H_single=AgglomerativeClustering(n_clusters=10,affinity='euclidean',linkage='single')
H_single.fit(X)

plt.figure(figsize=(7, 5))
plt.hist(H_single.labels_,histtype='bar',rwidth=0.8)
plt.xlabel('cluster')
```

```
plt.ylabel('Nb')
plt.title('histogramme du nombre de chiffres de chaque classe')
plt.show()
```



```
[30]: plt.figure(figsize=(8, 7))
   plt.title("Dendograms")
   dend = shc.dendrogram(shc.linkage(X, method='single'))
   plt.axhline(y=410)
   plt.show()
```



D'après les résultats, nous pouvons voir que lorsque single est utilisé comme critère, nous ne pouvons pas du tout obtenir un bon résultat de clustering. Parce qu'il utilise à chaque fois la distance minimale entre deux classes comme distance entre les classes, il ne peut pas bien mesurer l'écart entre les groupes.