## LUNDS TEKNISKA HÖGSKOLA **MATEMATIK**

**SVAR ENDIMENSIONELL ANALYS DELKURS B1** 2013 - 04 - 06 kl 08 - 13

1. a) 
$$x = 0$$
.

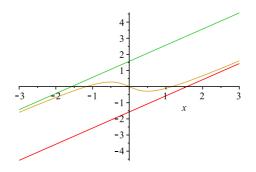
b) 
$$x = -\frac{3}{2}$$
.

c) 
$$x = 3$$
.

**2.** a) 
$$a = -1$$
.  $x = 1$ ,  $x = \sqrt{2}$ ,  $x = -\sqrt{2}$ .

b) x=1 är en lokal minimipunkt och  $x=-\frac{1}{3}$  är en lokal maximipunkt.

3. a) Sneda asymptoter: 
$$y=x\pm\frac{\pi}{2}$$
. Stationära punkter:  $x=\pm\frac{1}{2}$ . Funktionens graf:



b) Ekvationen har en lösning då  $a>\frac{\pi}{4}-\frac{1}{2}$  eller  $a<-\frac{\pi}{4}+\frac{1}{2}$ , två lösningar då  $a=\frac{\pi}{4}-\frac{1}{2}$  eller  $a=-\frac{\pi}{4}+\frac{1}{2}$ , och tre lösningar då  $-\frac{\pi}{4}+\frac{1}{2}< a<\frac{\pi}{4}-\frac{1}{2}$ .

b) Eftersom 
$$(\arcsin x + \arccos x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} - \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} = 0$$
 för  $-1 < x < 1$ , så gäller  $\arcsin x + \arccos x = \arcsin 0 + \arccos 0 = \frac{\pi}{2}$  för  $-1 < x < 1$ .

5. a) 
$$-2$$
.

b) 
$$\infty$$
 då  $c > 1$ ,  $e$  då  $c = 1$ ,  $0$  då  $0 < c < 1$ .

**6.** a) 
$$-\frac{2}{5}$$
.