LUNDS TEKNISKA HÖGSKOLA MATEMATIK

SVAR OCH ANVISNINGAR ENDIMENSIONELL ANALYS A1 2014–01–07 kl. 8–13

1. a)
$$x = \ln(3/2)$$

b)
$$x = 5/2$$

c)
$$-5 \le x \le 2$$

2. a)
$$x = -1/4, x = -7/12$$

b)
$$a = 4, x = -1, x = -1/2, x = 0, x = 3/2.$$

4. a)
$$f^{-1}(x) = \sqrt{e^x + 9}$$
, $D_{f^{-1}} = \mathbb{R} \text{ och } V_{f^{-1}} =]3, \infty[$

b)
$$]-\infty, -5[\cup]-1, 1[$$

- **5.** a) en ellips med medelpunkt (3,-1) och halvaxlar 2 respektive 1
 - **b)** se geometriboken sidan 58

6. I fallet
$$-\sqrt{2} \le a \le \sqrt{2}$$
 är lösningarna

$$x = \frac{\pi}{4} + \pi k$$
, $x = -\frac{\pi}{4} + \arcsin\frac{\alpha}{\sqrt{2}} + 2\pi k$, $x = \frac{3\pi}{4} - \arcsin\frac{\alpha}{\sqrt{2}} + 2\pi k$,

där $k \in \mathbb{Z}$. För övriga värden på a får vi bara lösningarna $x = \frac{\pi}{4} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$.