Svar till tentamen Endimensionell analys B1 2016.01.08 version 1

b.
$$x = -1$$
 och $x = -1/5$.

d.
$$-1/2$$
.

e.
$$x = -3$$
.

g.
$$x < -3$$
 eller $x > -7/4$.

h.
$$x = 3$$
.

i.
$$x = 7/3$$
.

j.
$$y = -x/2 + 1$$
.

2 a. 0 och
$$1/3$$
.

c.
$$x = -1$$
 enda nollstället.

4 a. Se boken. b ger exempel på en jämn funktion.

b. Kritiska punkter (lokala maxima) $x=\pm 4$. Singulär punkt (lokalt minima) x=0. Värdemängd $V_f=[-8,8e^{-4}]$. Asymptoter, endast horisontell y=0.

5 a. Se boken.

b. Arean är
$$R^2(3 - \sqrt{3} - \pi/3)$$
.

6 a.
$$D_f = \{x : x \neq \pi/2 + n\pi, n \in \mathbb{Z}\}.$$
 $D_g = \{x : x \neq n\pi, n \in \mathbb{Z}\}.$

b. Derivatan är i båda fallen

$$\frac{1}{1+\sin^2 x}.$$

c. f(x) = g(x) precis då $x \in (\pi n, \pi n + \pi/2)$ där $n \in \mathbb{Z}$. f kan ej utvidgas till en kontinuerlig funktion på hela \mathbb{R} eftersom, till exempel $\lim_{x \to \pi/2^+} f(x) \neq \lim_{x \to \pi/2^-} f(x)$.