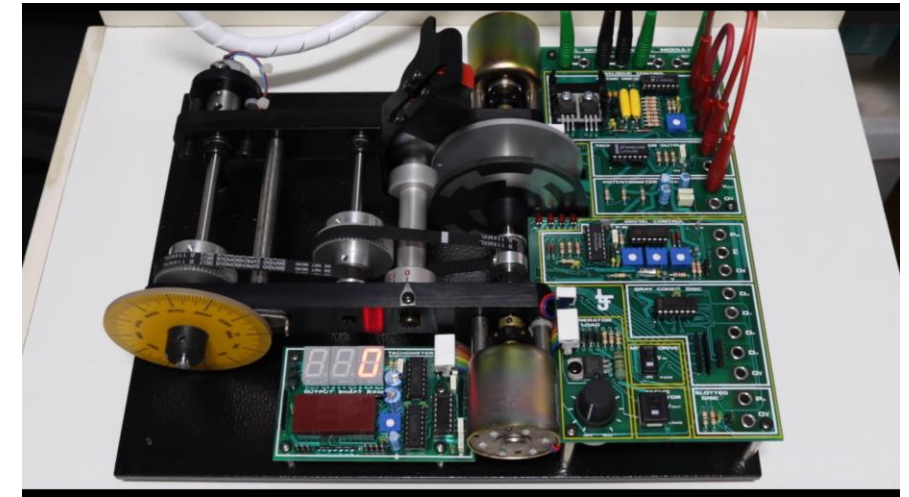


# EXPERIÊNCIA 1

## Conhecendo e modelando a planta



PTC 3312 – Laboratório de Controle

2º semestre de 2020

Fábio Fialho

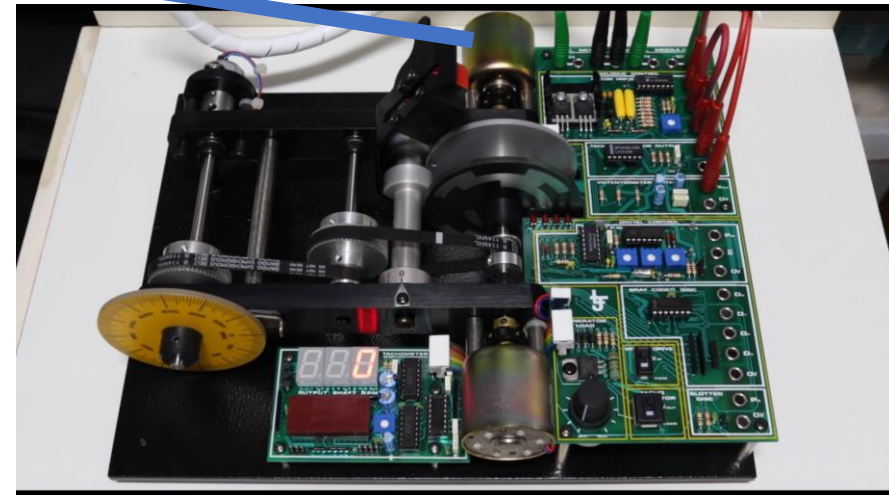
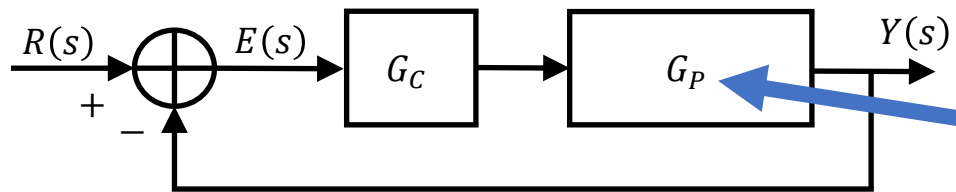
Laboratório de Automação e Controle

Departamento de Engenharia de Telecomunicações e Controle

Escola Politécnica da Universidade de São Paulo

# Motivação

Malha de controle



# Esquema geral do módulo de modelagem do Laboratório de Controle



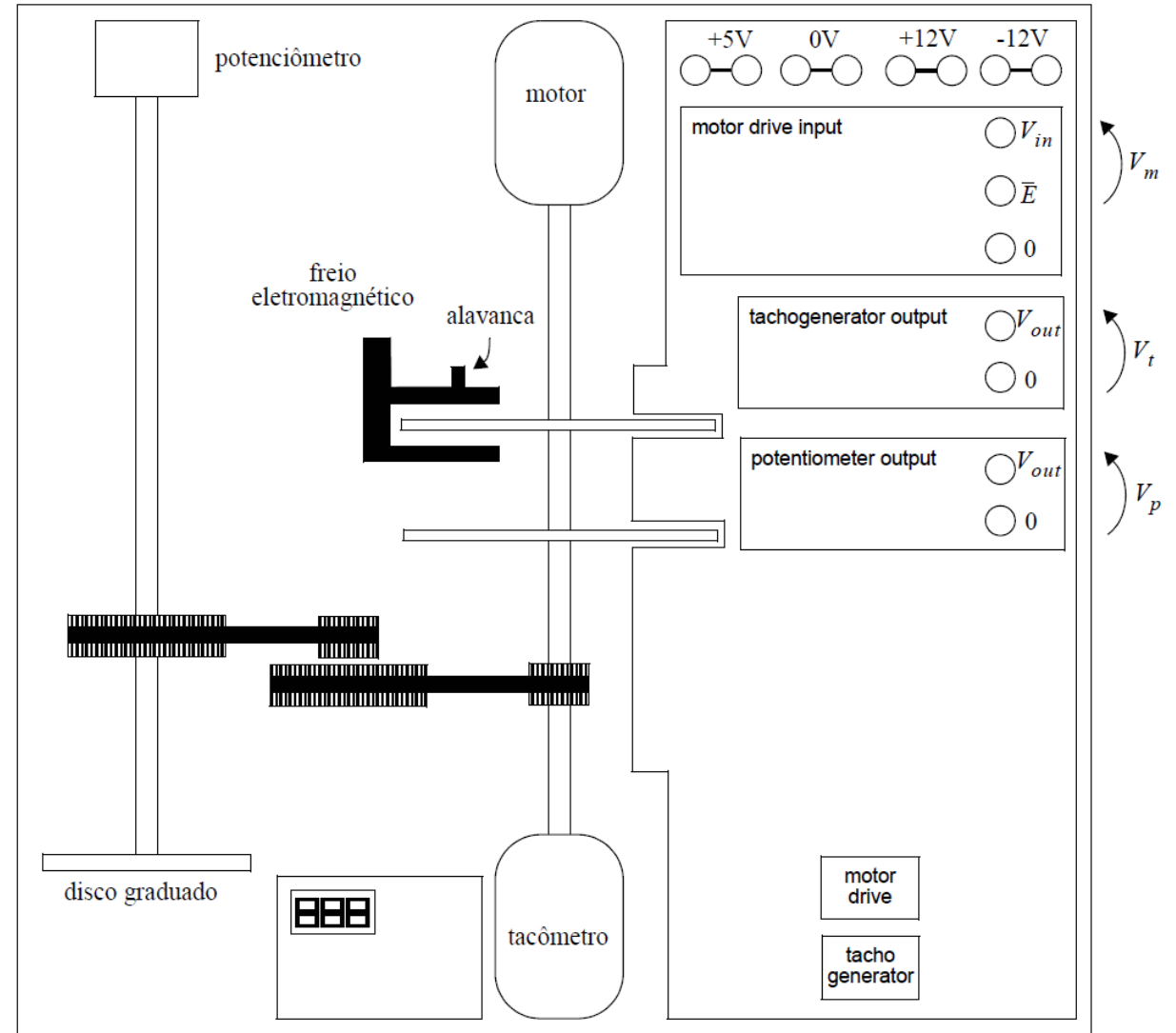
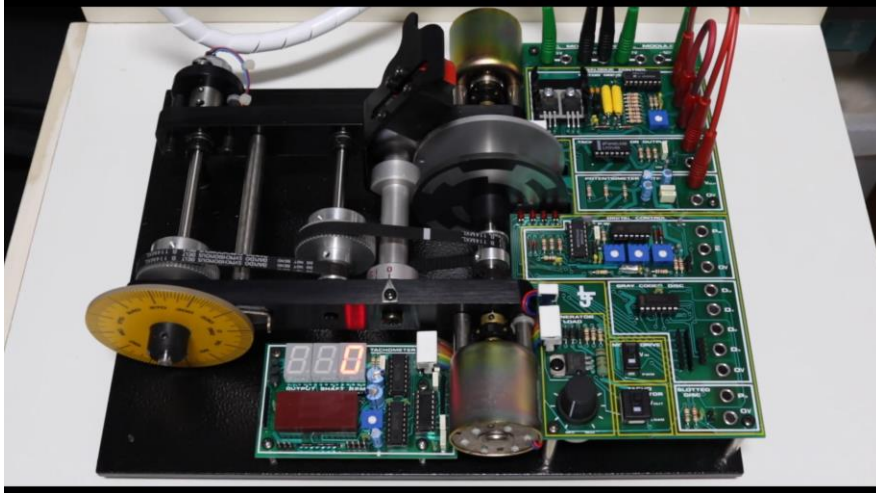
- Metodologia da Modelagem

- Compreensão da teoria
- Levantamento dos parâmetros
- Validação dos modelos

→ A etapa de aquisição dos dados experimentais será feita pelo Prof. Ricardo. Ver videoaula associada ao tópico.

# Experiência 1 - Conhecendo e modelando a planta

- Objetivo: obter um modelo matemático **linear** para o servomecanismo existente no Laboratório de Controle



# Função de transferência

- Consideremos o sistema definido pela seguinte equação diferencial:

$$a_n \frac{d^n y}{dt^n} + a_{n-1} \frac{d^{n-1} y}{dt^{n-1}} + \dots + a_1 \frac{dy}{dt} + a_0 y = b_m \frac{d^m x}{dt^m} + b_{m-1} \frac{d^{m-1} x}{dt^{m-1}} + \dots + b_1 \frac{dx}{dt} + b_0 x$$

onde  $y$  é saída do sistema e  $x$  é a entrada e  $n \geq m$ .

- Tomando-se a transformada de Laplace de ambos os membros da equação, resulta:

$$(a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_1 s + a_0)Y(s) = (b_m s^m + b_{m-1} s^{m-1} + \dots + b_1 s + b_0)X(s)$$

# Função de transferência

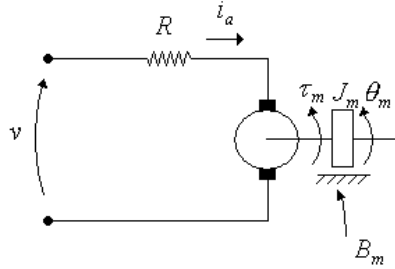
$$(a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_1 s + a_0)Y(s) = (b_m s^m + b_{m-1} s^{m-1} + \dots + b_1 s + b_0)X(s)$$

- Função de transferência:  $G(s) = \frac{\mathcal{L}(\text{saída})}{\mathcal{L}(\text{entrada})} \Big|_{c.i.=0}$

$$G(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{b_m s^m + b_{m-1} s^{m-1} + \dots + b_1 s + b_0}{a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_1 s + a_0} = \frac{\sum_{i=0}^m b_i s^i}{\sum_{i=0}^n a_i s^i} \quad \text{com } n \geq m$$

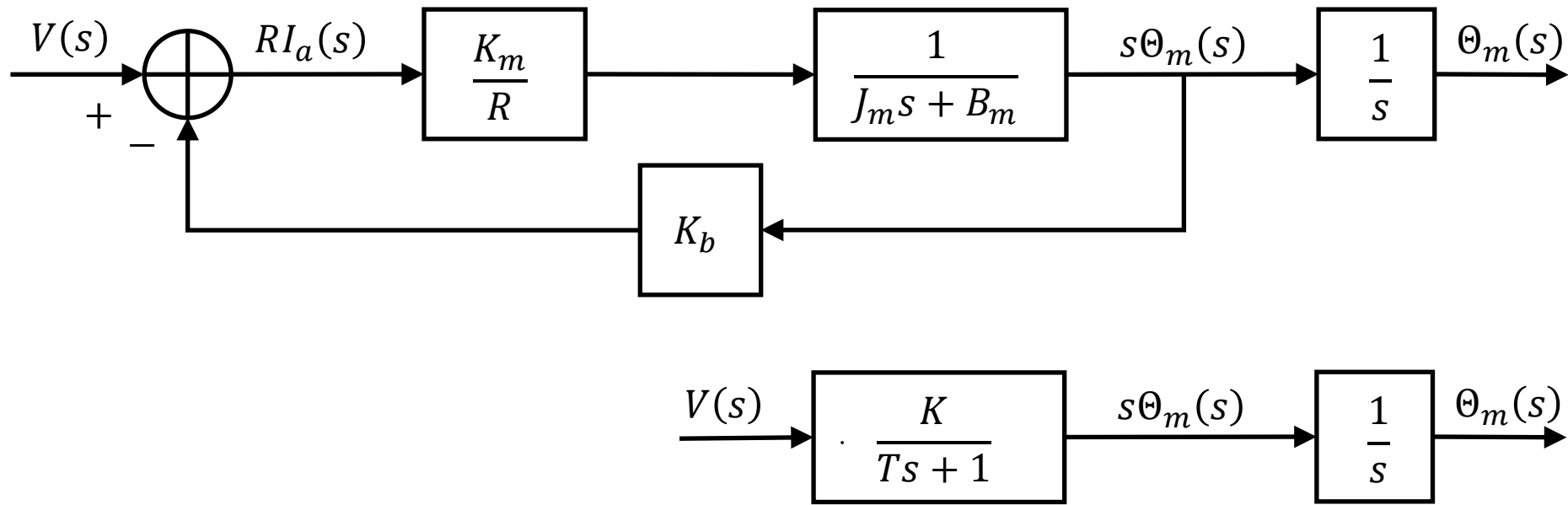
- Usando o conceito de função de transferência, é possível representar a dinâmica do sistema pelas equações algébricas em "s".
- **A aplicabilidade do conceito da função de transferência é limitada aos sistemas de equações diferenciais lineares invariantes no tempo.**

# Dinâmica do Atuador



$$\left( J_m \cdot s + B_m + \frac{K_m \cdot K_b}{R} \right) \cdot s \cdot \Theta_m(s) = \frac{K_m}{R} \cdot V(s)$$

- Na forma de diagrama de blocos:



Com  $K$  sendo o ganho do processo e  $T$  a sua constante de tempo

① equacionamento físico do problema (análise fenomenológica):

$$(\dot{J}_m \Delta + B_m + \frac{K_m K_b}{R}) \Delta \Theta_m(\Delta) = \frac{K_m}{R} V(\Delta)$$

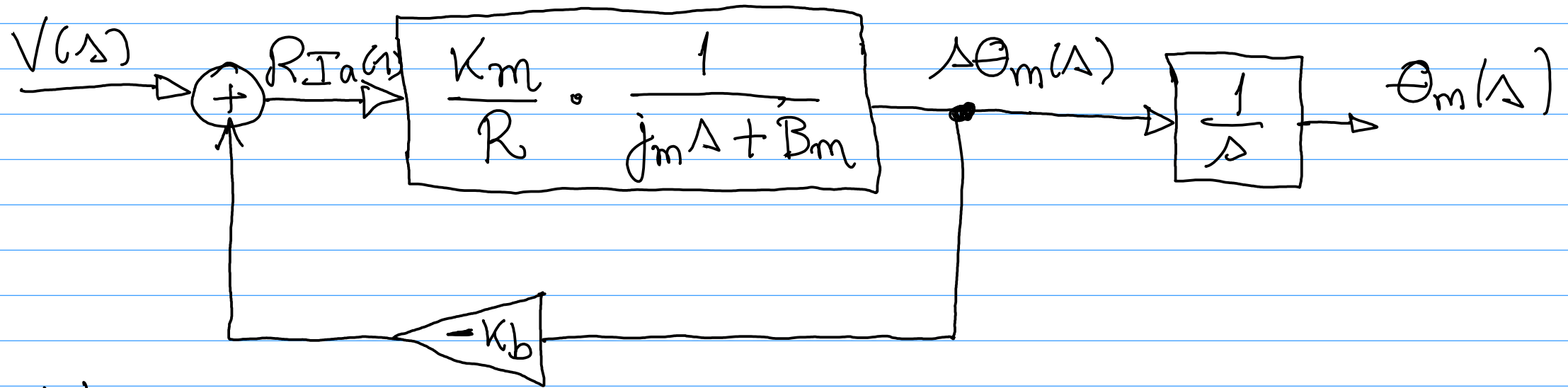
$$(\Delta J_m + B_m) \Delta \Theta_m(\Delta) + \frac{K_m K_b}{R} \Delta \Theta_m(\Delta) = \frac{K_m}{R} V(\Delta)$$

$$(\Delta J_m + B_m) \Delta \Theta_m(\Delta) = \frac{K_m}{R} [V(\Delta) - K_b \Delta \Theta_m(\Delta)]$$

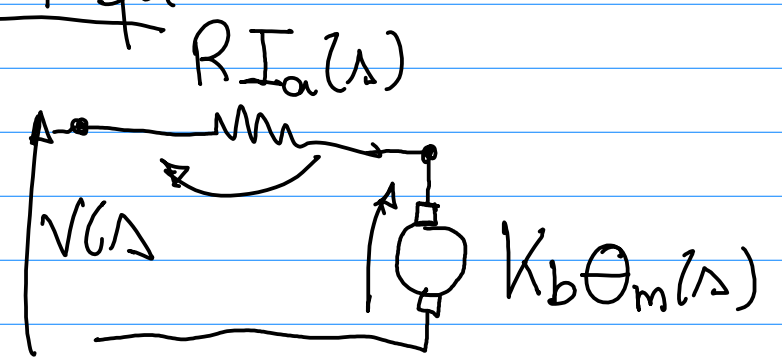
$$\Delta \Theta_m(\Delta) = \frac{K_m}{R} \cdot \frac{1}{J_m \Delta + B_m} [V(\Delta) - K_b \Delta \Theta_m(\Delta)]$$

Esse equacionamento pode ser descrito pelo seguinte diagrama de blocos:





Note que:

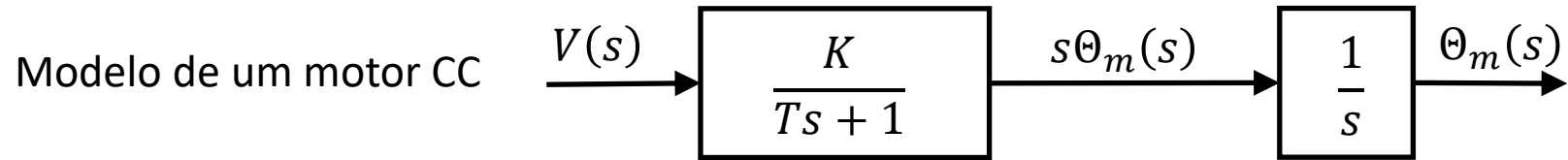


2º Lei de Kirchhoff

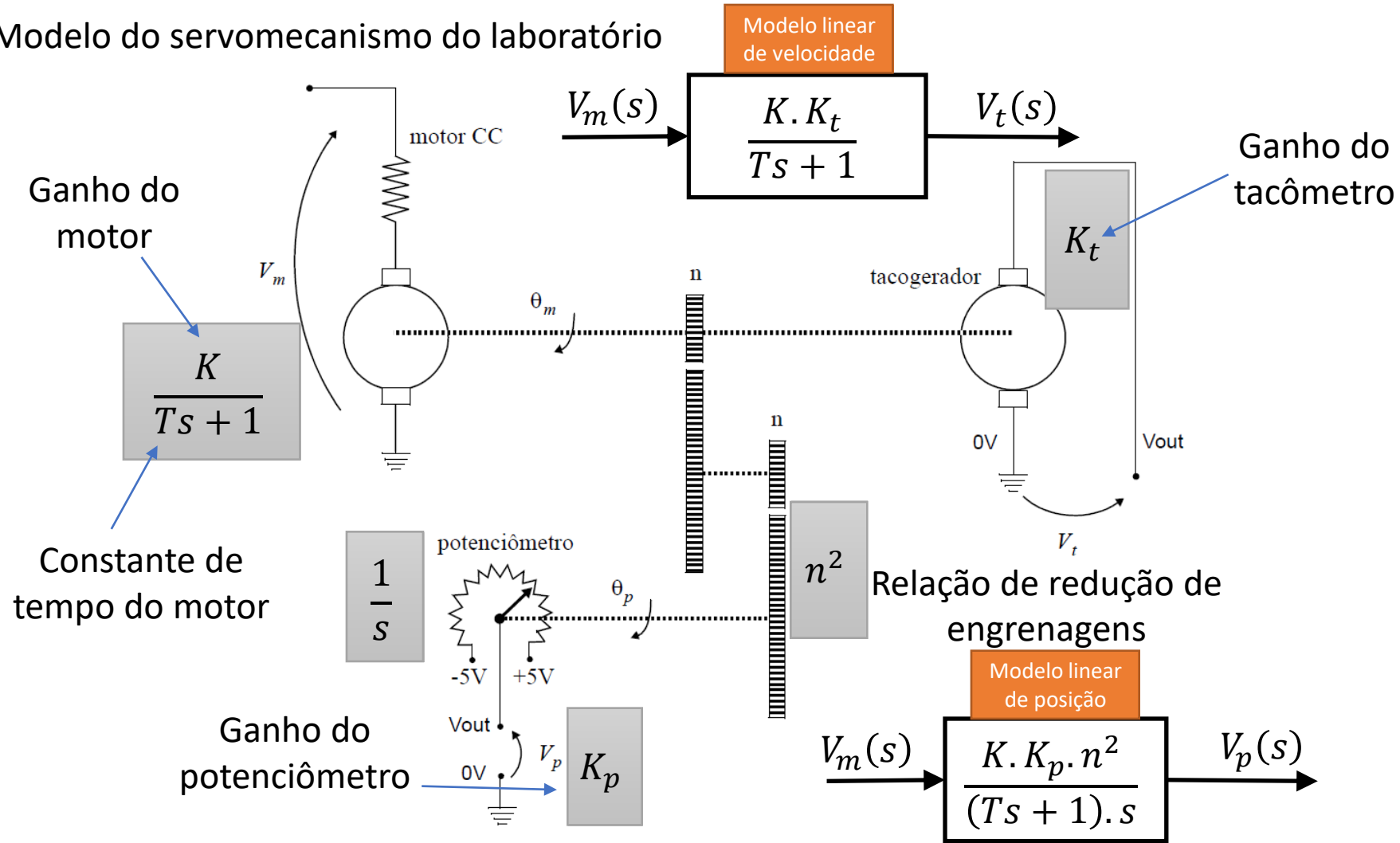
$$V(s) = RI_a(s) + K_b\Theta_m(s)$$

$$RI_a(s) = V(s) - K_b\Theta_m(s)$$

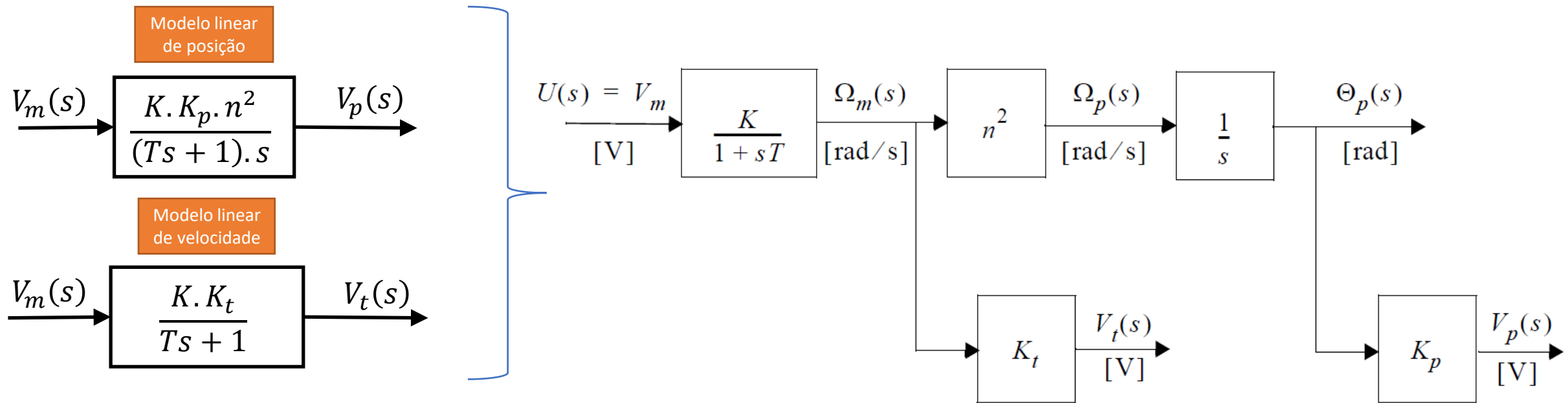
# Modelo do servomecanismo



Modelo do servomecanismo do laboratório



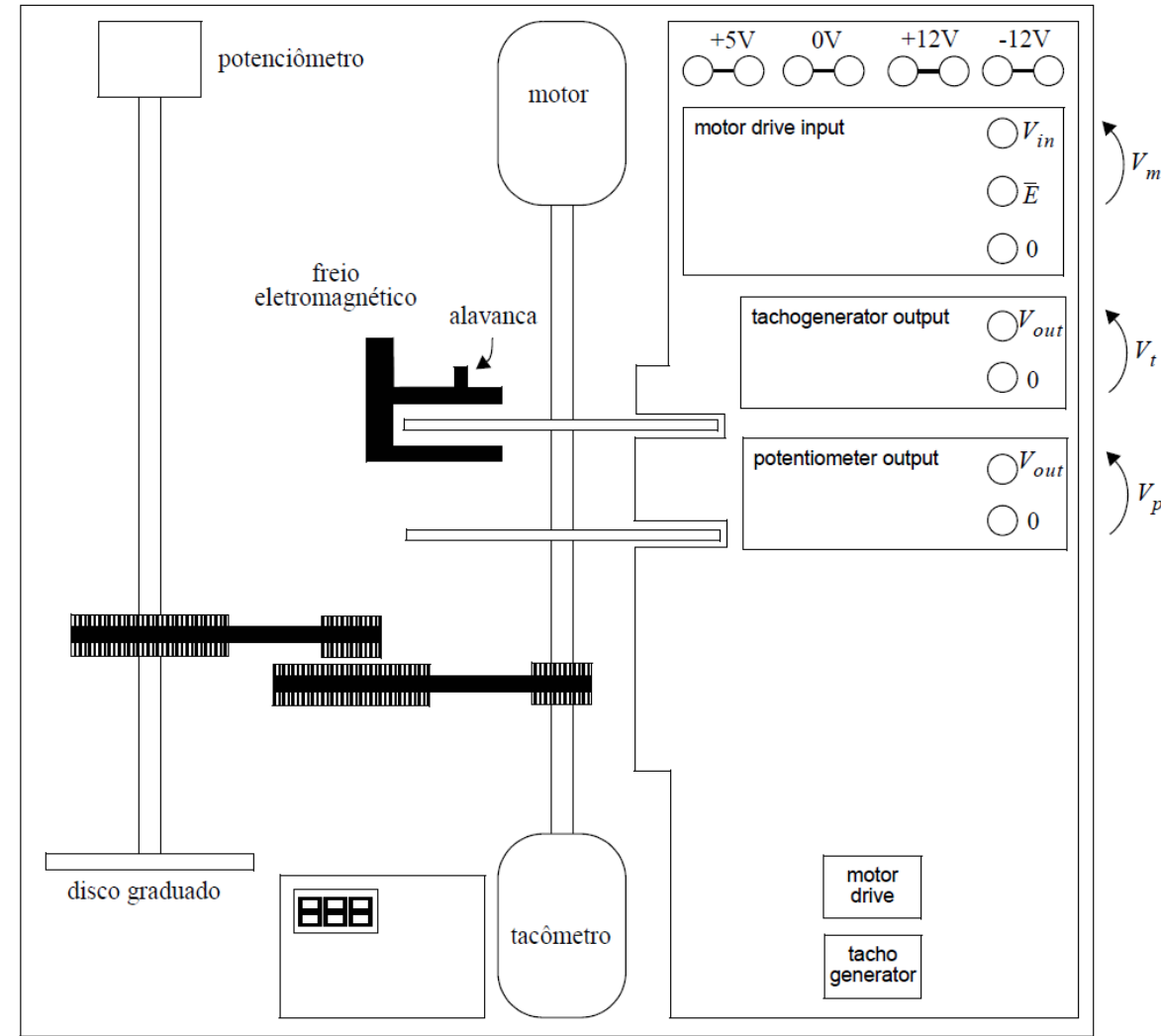
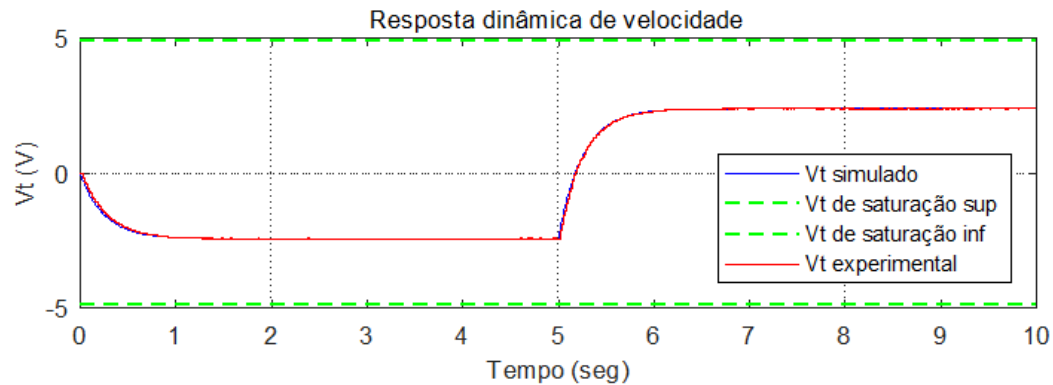
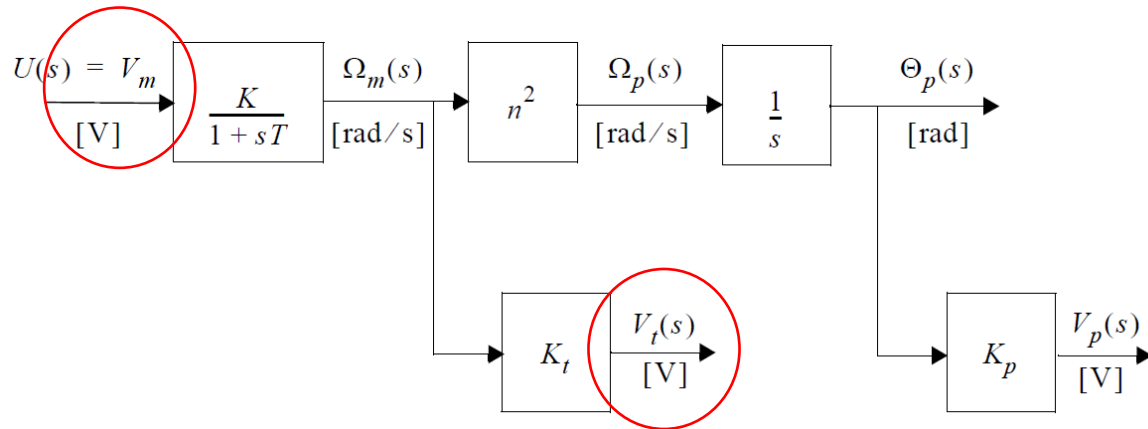
# Modelo do servomecanismo



Objetivo das atividades: Determinar os valores de  $K$ ,  $K_p$ ,  $K_t$  e  $T$  a partir dos dados experimentais.

# Atividades em sala

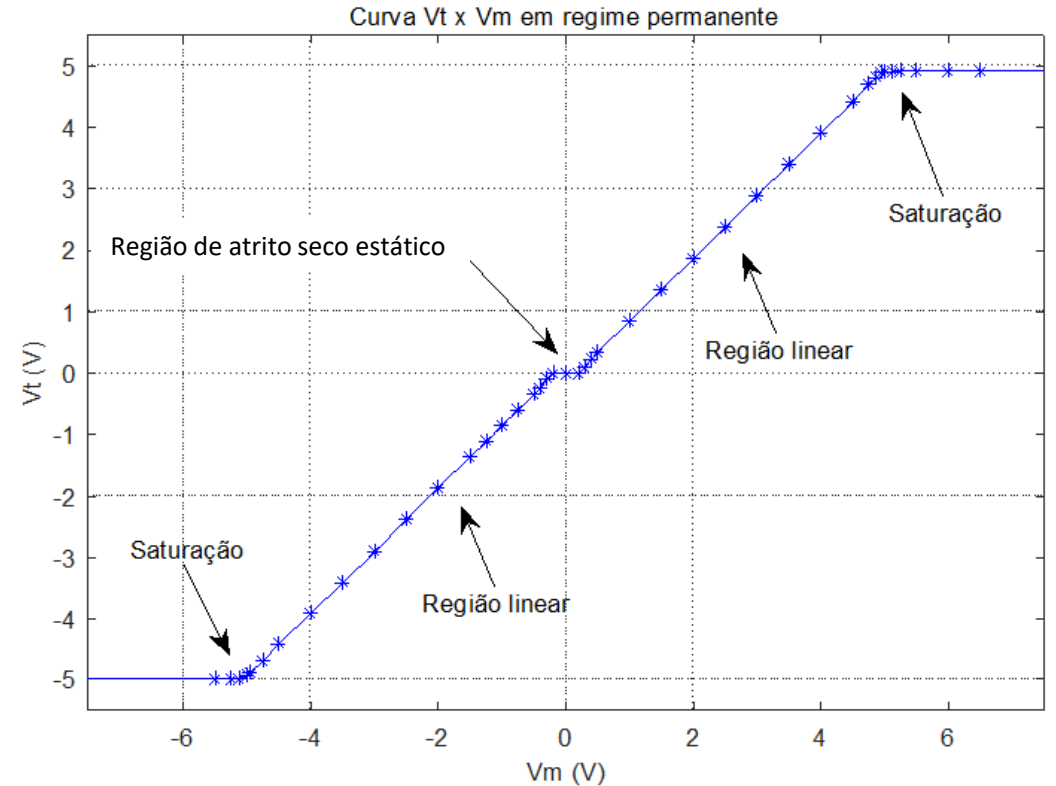
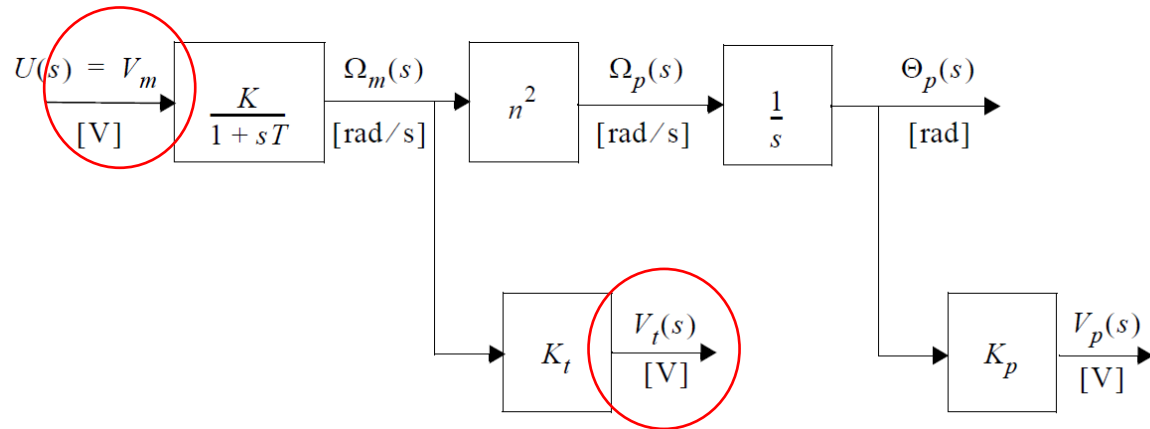
a) Levante a curva característica  $V_t$  (tensão no tacômetro) contra  $V_m$  (tensão de armadura). Obtenha a partir desta curva e da do próximo item o valor de  $K$  (em  $(rad/s)/V$ ).



# Atividades em sala

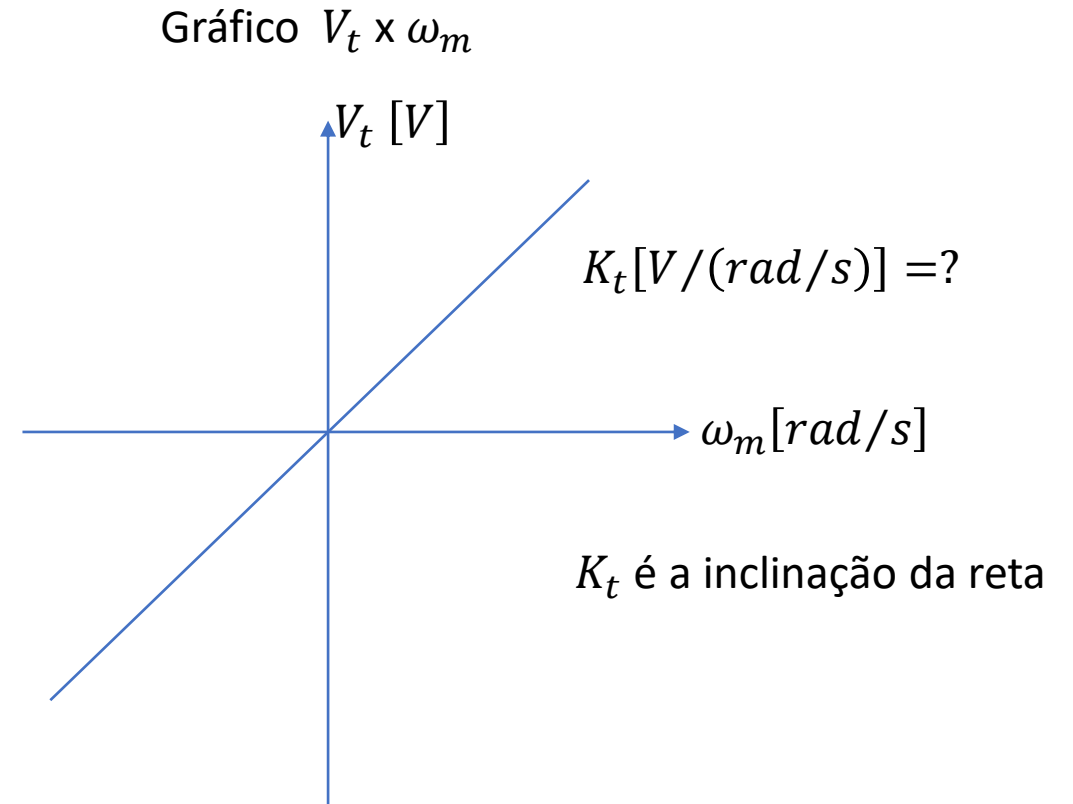
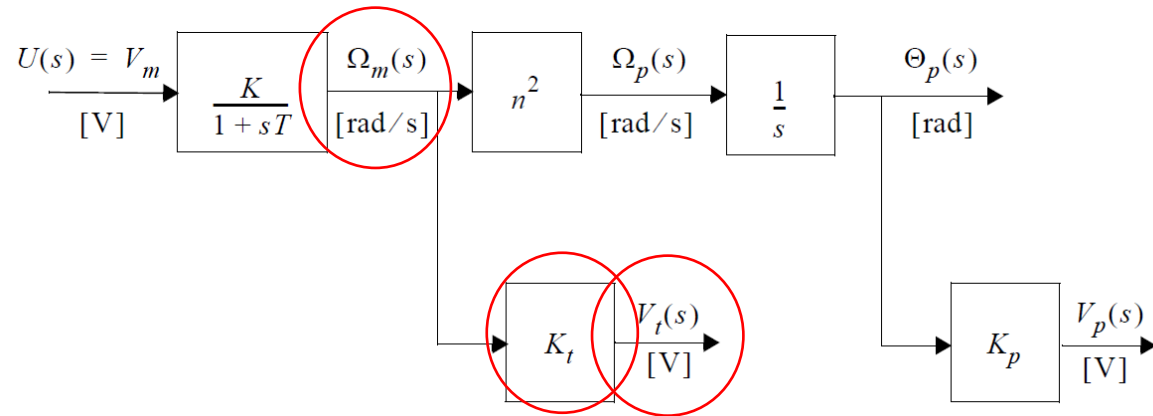
a) Levante a curva característica  $V_t$  (tensão no tacômetro) contra  $V_m$  (tensão de armadura). Obtenha a partir desta curva e da do próximo item o valor de  $K$  (em  $(rad/s)/V$ ).

Devido ao comportamento não linear do sistema, há o aparecimento nessa curva de zonas de atrito e saturação. Identifique-as claramente.

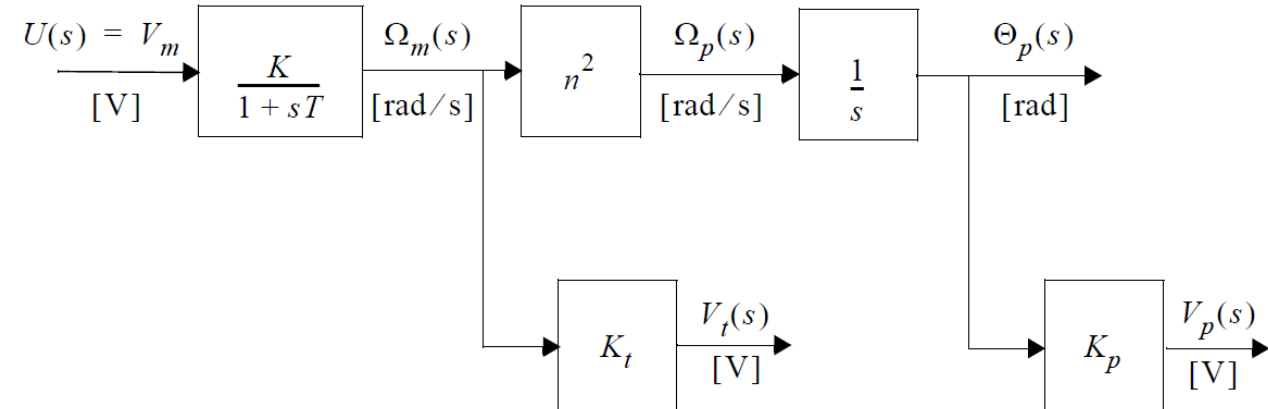
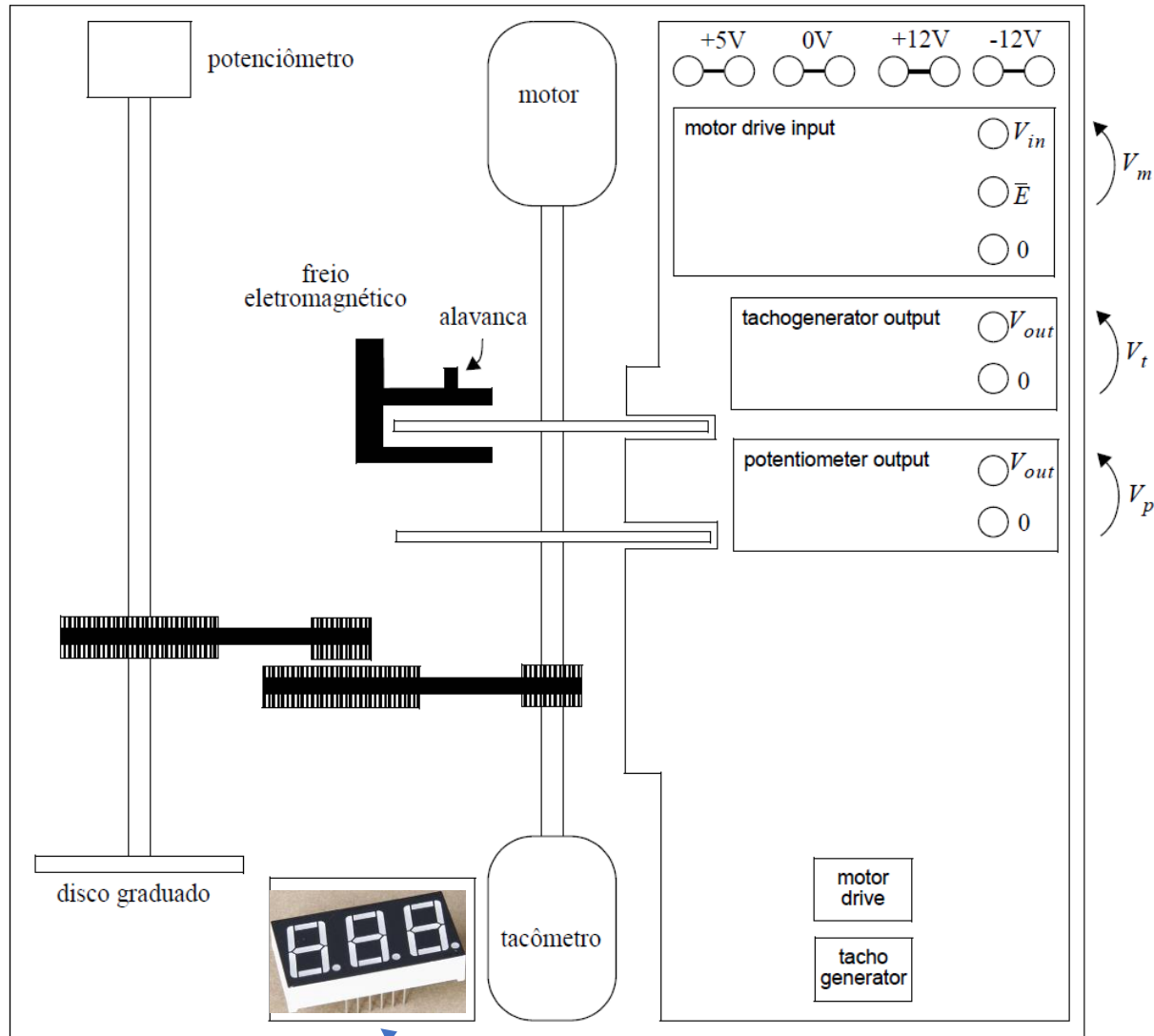


# Atividades em sala

b) Utilizando o mostrador digital do painel do servomecanismo e a medida da tensão do tacômetro, levante a curva característica  $V_t$  (tensão no tacômetro) contra  $\omega_m$  (velocidade angular no eixo do motor). Obtenha a partir desta curva o valor de  $K_t$  (em  $V/(rad/s)$ ).



# Relação entre $\omega_p$ e $\omega_m$



$$K_t = ? [V/(rad/s)]$$

$$\omega_p \text{ medido em [rpm]} \Rightarrow \omega_p [rad/s]$$

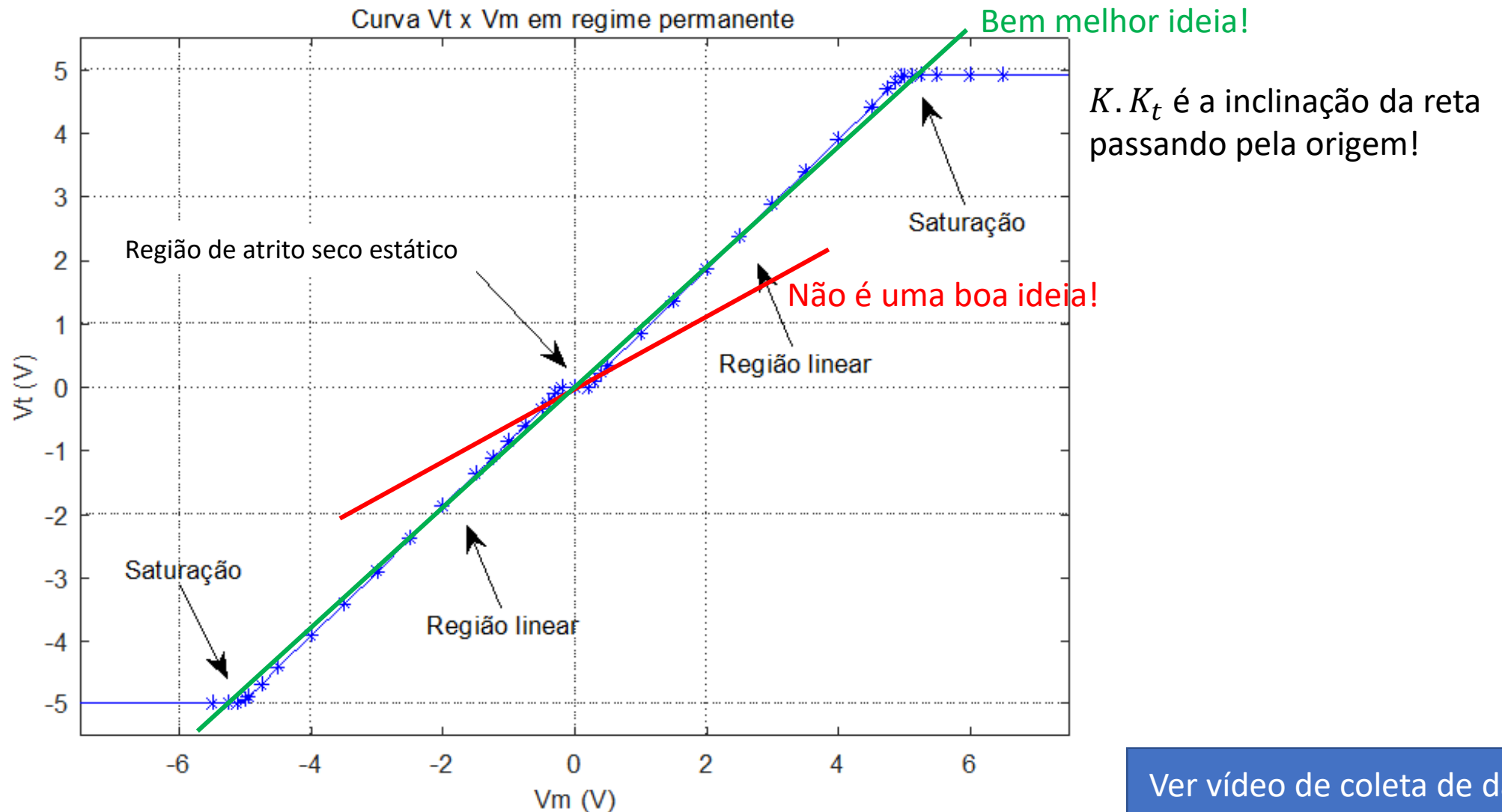
$$\omega_p = n^2 \omega_m \Leftrightarrow \omega_m = \frac{\omega_p}{n^2} [rad/s]$$

$$V_t = K_t \omega_m \Leftrightarrow K_t = \frac{V_t}{\omega_m} [V/(rad/s)]$$

Atenção: Embora  $K_t$  se refira ao eixo do motor, o display de velocidade angular [rpm] do servomecanismo se refere ao eixo do potenciômetro, devendo assim ser corrigido do valor de redução de engrenagens!

# Atividades em sala

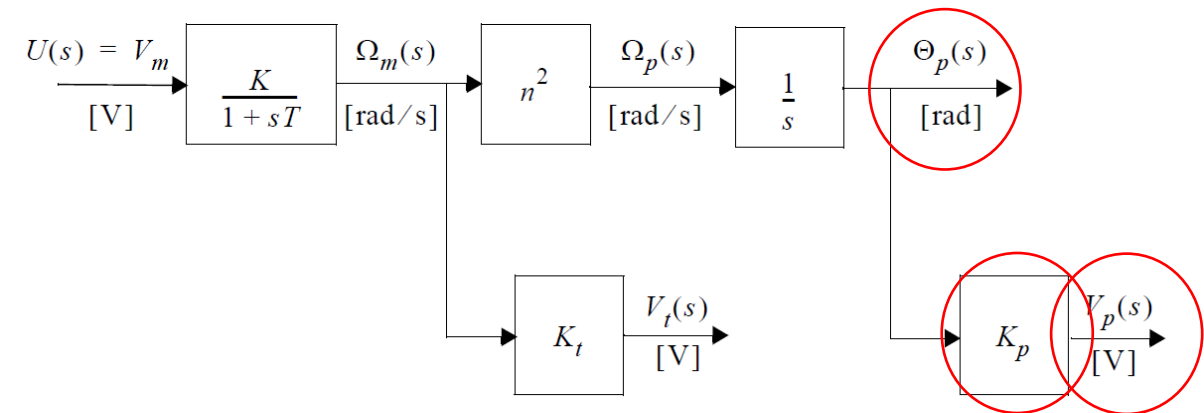
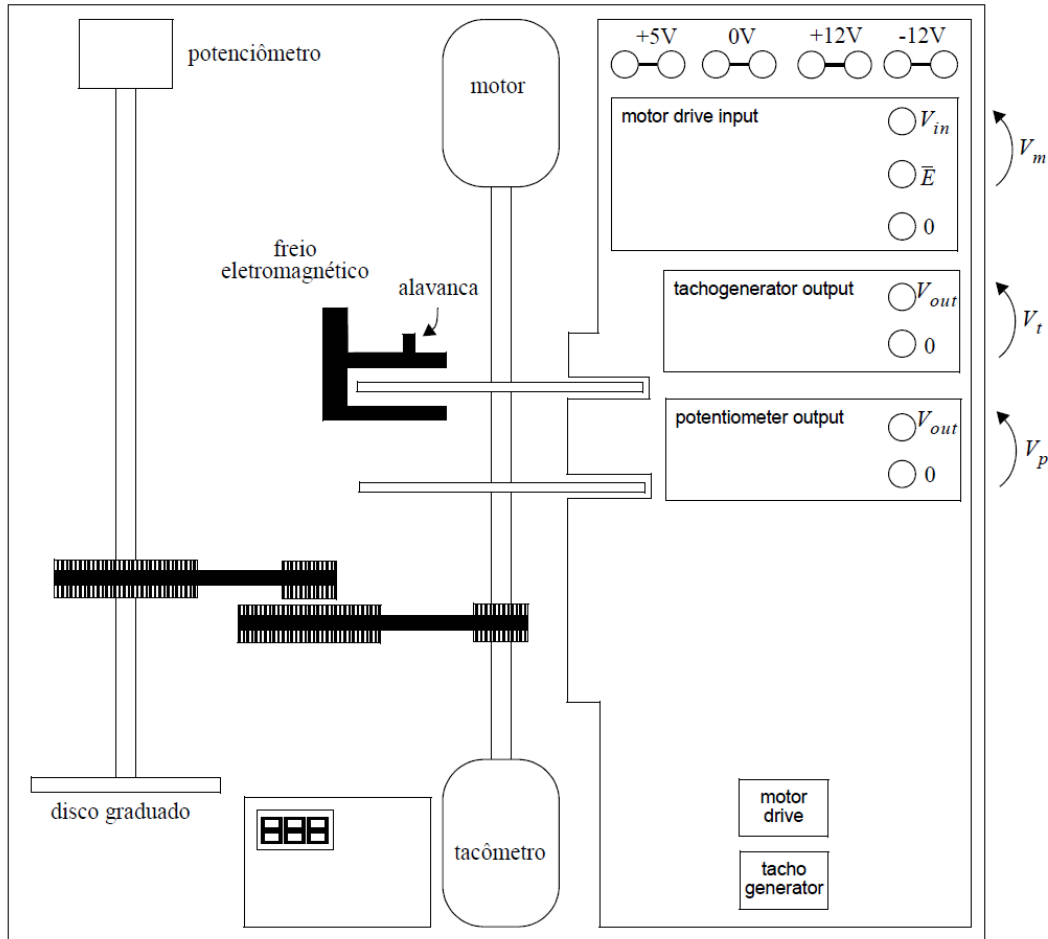
- Voltando ao item a), podemos determinar, enfim, o valor de  $K$





## Atividades em sala

c) Com o motor desacoplado (isto é, com o terminal  $V_{in}$  desconectado ou alimentado com 0 V), gire manualmente o eixo do motor e determine a característica a  $V/rad$ , isto é, a constante  $K_p$ .



# Atividades em sala

c) Com o motor desacoplado (isto é, com o terminal  $V_{in}$  desconectado ou alimentado com 0 V), gire manualmente o eixo do motor e determine a característica a  $V/rad$ , isto é, a constante  $K_p$ .

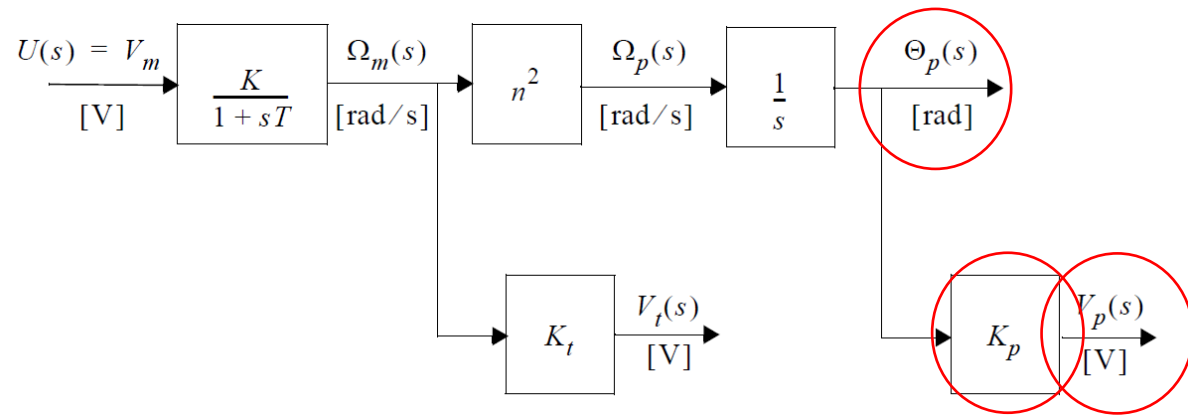
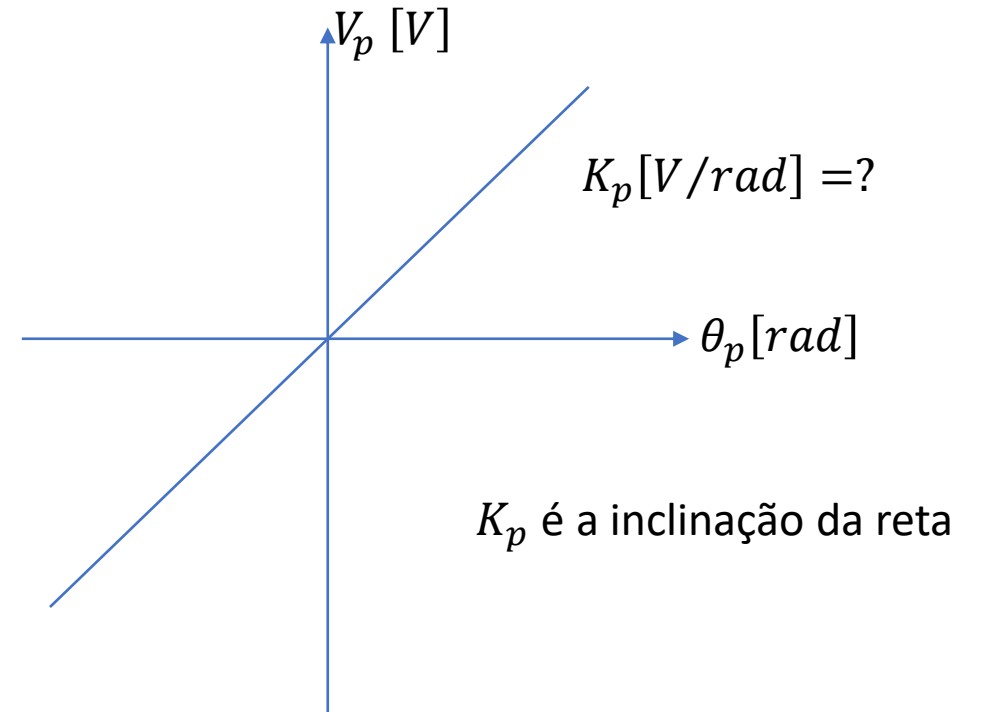


Gráfico  $V_p \times \theta_p$

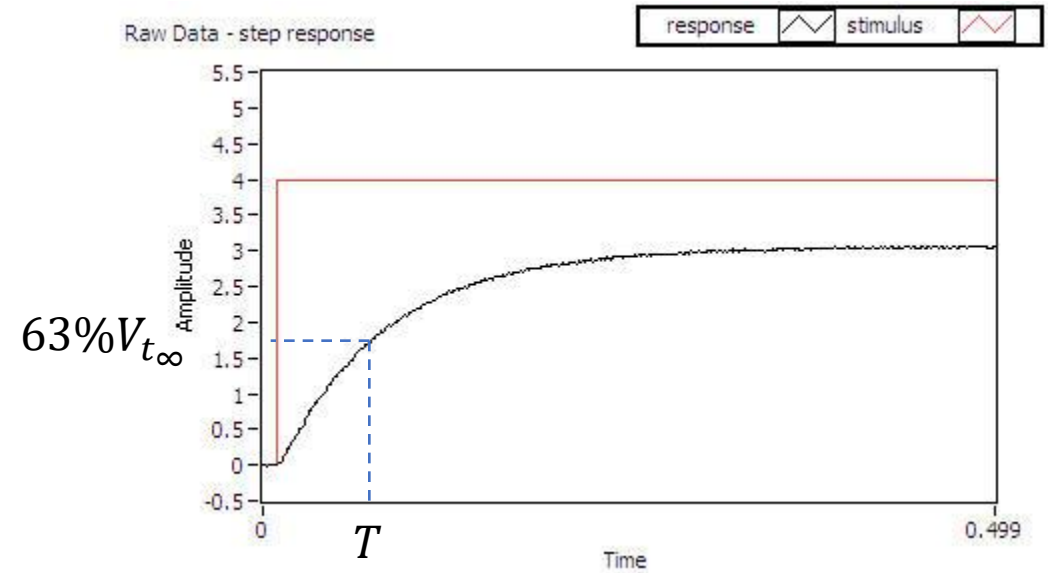
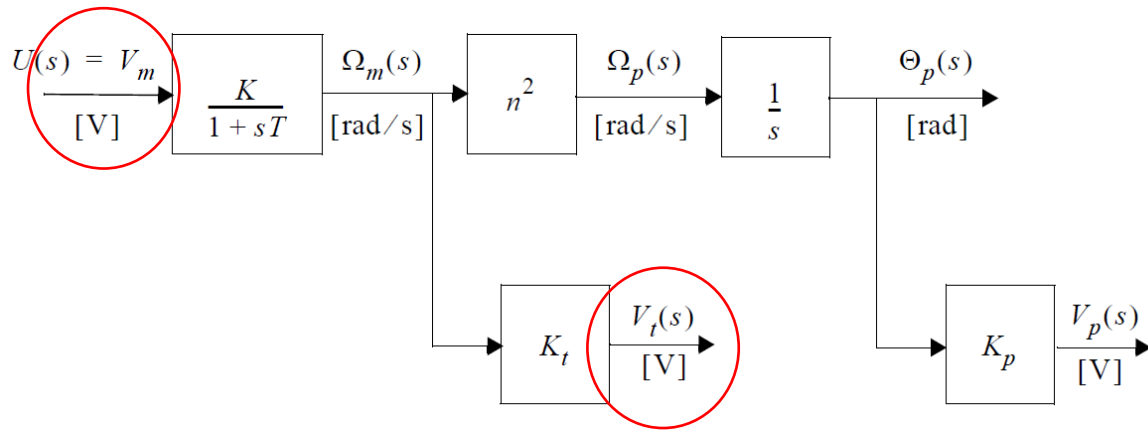


DICA: Há um método alternativo para realizar este item. Veja o Apêndice B.

Ver vídeo de coleta de dados do item.

# Atividades em sala

d) Aplicando um degrau ao sistema, obtenha a função de transferência  $\frac{V_t(s)}{V_m(s)}$ , isto é, determine os valores de  $K$  e  $T$ . Utilize o osciloscópio para coletar a curva. DICA: Veja o Apêndice A.



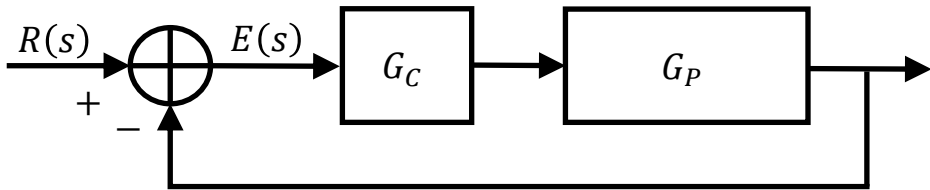
$$G_{t/u}(s) = \frac{V_t(s)}{V_m(s)} = \frac{K \cdot K_t}{1 + sT}$$

$$K \cdot K_t = \frac{V_{t\infty}}{V_{m\infty}}$$

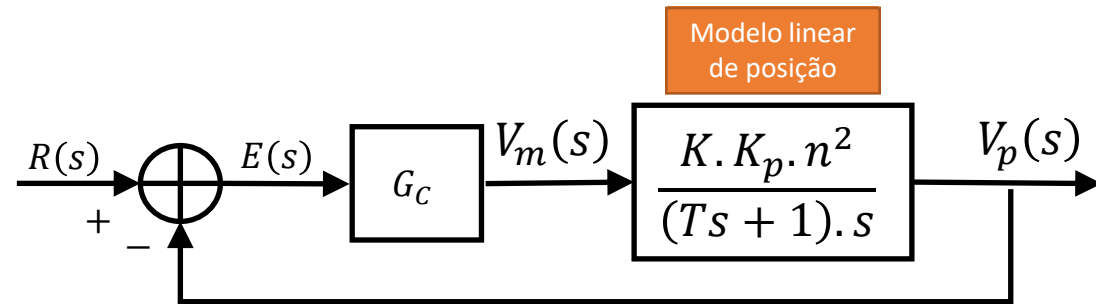
$$K = \frac{V_{t\infty}}{K_t \cdot V_{m\infty}}$$

# Retomando o slide de motivação

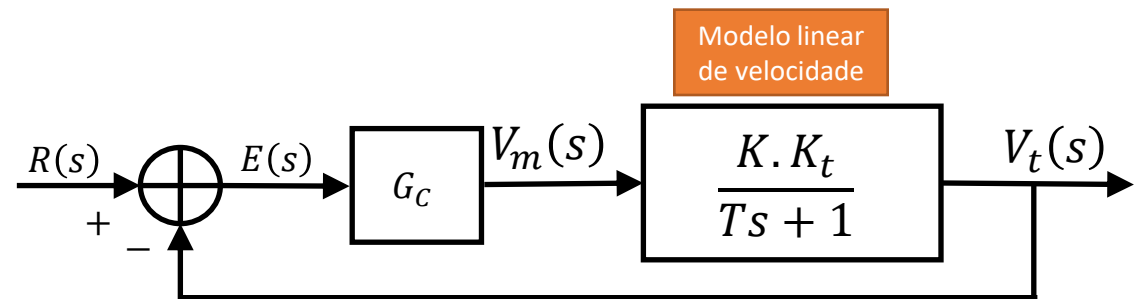
Malha de controle



Malha de controle de posição



Malha de controle de velocidade



# PROFESSORES DE LAB. DE CONTROLE

Diego Colón [diego@lac.usp.br](mailto:diego@lac.usp.br)

Fabio Fialho [fabio.fialho@usp.br](mailto:fabio.fialho@usp.br)

Felipe Pait [pait@lac.usp.br](mailto:pait@lac.usp.br)

Fuad Kassab Junior [fuad@lac.usp.br](mailto:fuad@lac.usp.br)

Ricardo Marques [rpm@lac.usp.br](mailto:rpm@lac.usp.br)



FIM DA APRESENTAÇÃO