

Bellman-Ford Algorithm 탐구

Bellman-Ford algorithm은 Negative Cycle이 없는 Weighted Directed Graph $G(V, E)$ 와 시작 정점 r 이 주어질 때, r 에서 출발하여 모든 정점들로 가는 최단경로를 계산하는 알고리즘이다. (이 문제에선 시작 정점 r 을 1번 정점으로 하여 풀이를 진행한다.)

BellmanFord(G, r)

```
{
    for each  $u \in V$ 
         $d_u \leftarrow \infty$ ;
     $d_r \leftarrow 0$ ;
    for  $i \leftarrow 1$  to  $|V|-1$ 
        for each  $(u, v) \in E$  ----- ❶
            if  $(d_u + w_{u,v} < d_v)$  then  $d_v \leftarrow d_u + w_{u,v}$ ;
}
```

여기서 ❶ 부분에서 매번 모든 edge에 대해서 relaxation 가능 여부를 위해 시간을 쓰는 것은 좀 낭비적일 수 있다. 이 부분의 잠재적 비효율성을 개선하는 프로그램을 작성하라.

버전 1. 먼저 주어진 버전의 Bellman-Ford 알고리즘을 구현하라.

버전 2. 위의 지시대로 개선한 버전의 Bellman-Ford 알고리즘을 구현하라.

수행 시간 비교를 위해 컴파일 시에 optimization option은 사용하지 않는다. 위 개선 버전(버전 2)의 수행 시간은 최대한 단축시켜야 한다. 이 부분은 상대평가가 된다.

[제약사항]

정점의 개수 $1 \leq N \leq 1000$, 간선의 개수 $1 \leq E \leq 100,000$

* 채점을 위한 컴파일 시에 optimization option은 사용하지 않는다.

[입력]

입력 파일에는 10 개의 테스트 케이스가 주어진다. 각 케이스는 2 줄로 이루어진다. 첫 줄에는 정점의 개수 N 이 주어지고 공백을 두고 간선의 개수 E 가 주어진다. 다음 줄에는 E 개의 간선 정보가 공백을 두고 주어지는데, 각각의 간선 정보는 각각 출발 정점, 도착 정점, 가중치로 이루어진 3개의 값이 공백을 두고 주어진다.

이 때, 정점의 번호는 1부터 N 까지로 매긴다. 간선의 가중치는 0을 제외한 -1000 부터 $+1000$ 까지 주어진다. 입력파일의 이름은 "input1.txt"이다.

[출력]

각 테스트 케이스에 대해서, 케이스의 번호를 "#x" 의 형식으로 출력한 후(여기서 x 는 테스트 케이스 번호), 줄을 바꾼 다음 위 버전 1을 수행한 결과를 통해 얻은 각 정점들과의 최단 경로 길이를 1억으로 나눈 나머지 각각을 공백을 두고 출력하고, 줄을 바꾸어 수행 시간을 기록한다. 줄을 바꾸어 위 버전 2에서도 버전 1과 동일한 형식으로 최단 경로 길이를 1억으로 나눈 나머지와 수행 시간을 출력한다. 출력 결과물을 "output1.txt"로 저장한다.

[예제]

입력 (input1.txt)

2 2	← 1번 케이스
1 2 100 2 1 -50	
3 3	← 2번 케이스
1 2 100 2 3 -50 3 1 30	
...	

출력 (output1.txt)

#1	
0 100	← 버전 1로부터 구한 최단경로
0.0	← 버전 1로부터 구한 시간
0 100	← 버전 2로부터 구한 최단경로
0.0	← 버전 2로부터 구한 시간
#2	
0 100 50	
0.0	
0 100 50	
0.0	
...	