2. Представление сигналов при помощи ряда Котельникова

Андрей Валиков

1 Построение заданного сигнала

Исходный сигнал:

$$x(t) = \begin{cases} Ae^{-t/\tau} & \text{if } 0 \le t \le T_c \\ 0 & \text{else} \end{cases}$$

Константы имеют следующие значения:

$$A = 2$$

$$\tau = 0.5$$

$$T_c = 0.7$$

2 Расчет спектральной характеристики

Используется тригонометрическая форма преобразования Фурье:

$$\hat{f}(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) \cos(\omega t) dt - i \int_{-\infty}^{\infty} x(t) \sin(\omega t) dt$$

Модуль полученной спектральной характеристики будет составлять амплитудную характеристику сигнала:

$$A(\omega) = |\hat{f}|$$

$$\begin{array}{lll} amp_func &=& np.\,abs\left(\,_fourier\left(\,func\,\,,\,\,t\,,\,\,om\right)\right) \\ sp_2 &=& plt.\,subplot\left(223\right) \\ sp_2.\,plot\left(om,\,\,amp_func\,,\,\,color = \left(0\,,\,\,.5\,,\,\,0\right)\right) \end{array}$$

Рис. 1:

Рис. 2:

3 Отсчётная функция и её спектральная характеристика

$$\phi(t) = \frac{\sin \omega_r(t - nT)}{(t - nT)}$$

```
count_f = CDF(t, T, n)
sp_3 = plt.subplot(222)
sp_3.plot(t, count_f, color=(0, 0, .9))

fou = _fourier(count_f, t, om)
sp_4 = plt.subplot(224)
sp_4.plot(t, np.real(fou), color=(0, 0, .5))
```

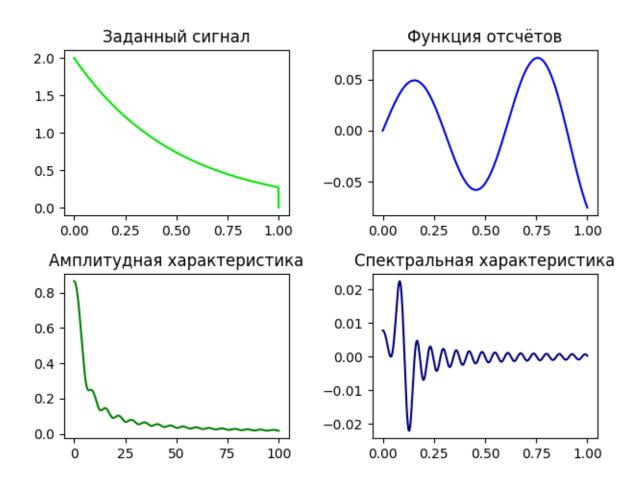


Рис. 3:

4 Определение граничной частоты

```
max_amp = .05 * max(amp_func)
for i in range(N):
   if amp_func[i] <= max_amp:
      freq = om[i]

print(freq)
Она оказывается равной 100.</pre>
```

5 Определение периода дискретизации и построение аппроксимирующего сигнала

```
T_disc = np.pi / freq
NN = int(np.fix(T_max / T_disc))

func_recovered = np.zeros(N)
for i in range(N):
   for nn in range(NN + 1):
      func_recovered[i] += _func(T * (nn - 1), T_max) * CDF(t[i], T, nn - 1)

plt.plot(t, func)
plt.plot(t, func)
plt.plot(t, func_recovered)
plt.show()
```

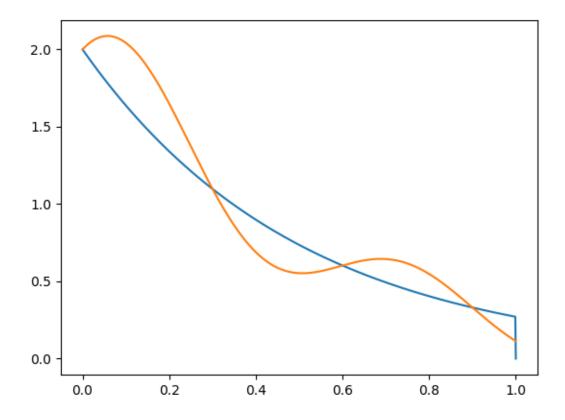


Рис. 4:

6 Нахождение сигнала ошибки

 $err = abs(func - func_recovered)$

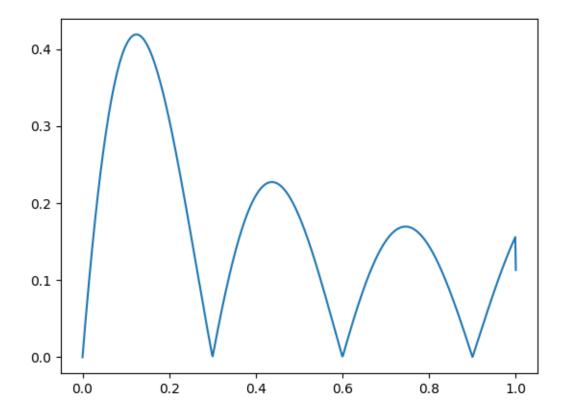


Рис. 5: